

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



أوراق عمل الوحدة السابعة المثلثات قائمة الزاوية وحساب المثلثات

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف العاشر العام ← رياضيات ← الفصل الثاني ← الملف

التواصل الاجتماعي بحسب الصف العاشر العام



روابط مواد الصف العاشر العام على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف العاشر العام والمادة رياضيات في الفصل الثاني

[حل أسئلة الامتحان النهائي الالكتروني - بريدج](#)

1

[دليل تصحيح أسئلة الامتحان الورقي - بريدج](#)

2

[أسئلة الامتحان النهائي الورقي - بريدج](#)

3

[حل مراجعة نهائية وفق الهيكل الوزاري](#)

4

[حل مراجعة الوحدة السابعة المثلثات قائمة الزاوية وحساب المثلثات](#)

5



البرهان

7

المثلثات قائمة الزاوية وحساب المثلثات

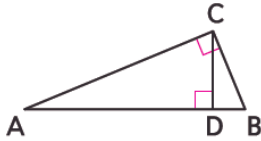


المفهوم الأساسي الوسط الهندسي لعددين a و b

الشرح
الوسط الهندسي لعددين موجبين a و b هو العدد x مثل $\frac{a}{x} = \frac{x}{b}$.
إذًا، $\sqrt{ab} = x$ و $ba = x^2$

مثال
الوسط الهندسي لكل من $a = 4$, $b = 9$ هو 6 . لأن $6 = \sqrt{9 \times 4}$

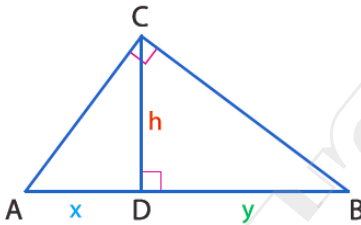
النظرية 1



إذا رسمنا ارتفاعًا يمتد إلى وتر مثلث قائم الزاوية، فيشكل المثلثان المتشكلان مشابهيين للمثلث الأصلي ولبعضهما البعض.

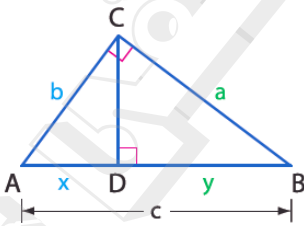
النظريات نظريات الوسط الهندسي للمثلثات قائمة الزاوية

2 **نظرية الوسط الهندسي (الارتفاع)** يَفصل الارتفاع الممتد إلى وتر المثلث قائم الزاوية الوتر إلى قطعتين مستقيمتين. ويساوي طول هذا الارتفاع الوسط الهندسي بين أطوال هذين الجزأين.



المثال إذا كان \overline{CD} يمثل الارتفاع للوتر \overline{AB} بالمثلث قائم الزاوية $\triangle ABC$. فإن $h = \sqrt{xy}$ أو $\frac{x}{h} = \frac{h}{y}$.

3 **نظرية الوسط الهندسي (الساق)** يَفصل الارتفاع الممتد إلى وتر المثلث قائم الزاوية الوتر إلى قطعتين مستقيمتين. وطول أحد ساقي هذا المثلث يُمثل الوسط الهندسي بين طول الوتر والقطعة المستقيمة الموجودة على الوتر المجاور لتلك الساق.



المثال إذا كان \overline{CD} هو الارتفاع للوتر \overline{AB} بالمثلث قائم الزاوية $\triangle ABC$ فإن $\frac{c}{a} = \frac{a}{y}$ أو $b = \sqrt{xc}$ أو $\frac{c}{b} = \frac{b}{x}$ أو $a = \sqrt{yc}$



Find the geometric mean between each pair of numbers. جد الوسط الهندسي بين كل زوج من الأعداد.

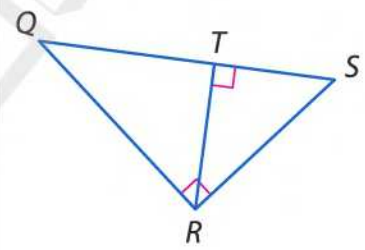
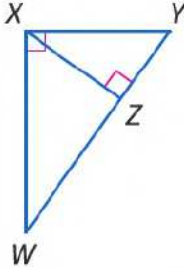
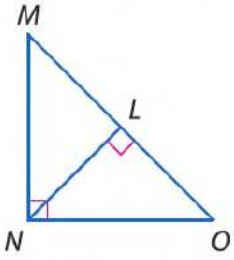
20 and 25

25 and 16

81 and 4

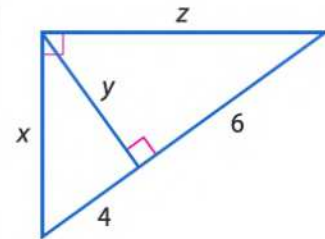
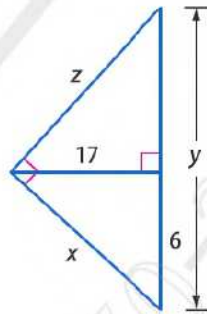
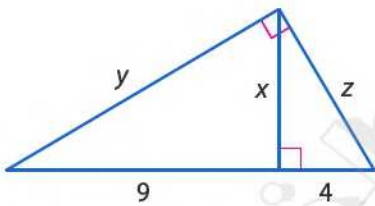
Write a similarity statement identifying the three similar triangles in the figure.

اكتب عبارة تماثل لتوضيح المثلثات الثلاثة المتماثلة في الشكل.



Find x , y , and z .

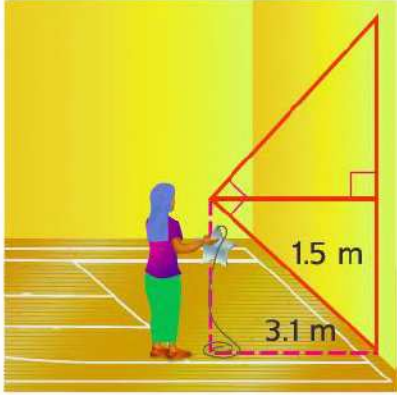
جد x و y و z .





MODELING Khadija is hanging silver stars from the gym ceiling using string for graduation. She wants the ends of the strings where the stars will be attached to be 2.2 meters from the floor. Use the diagram to determine how long she should make the strings.

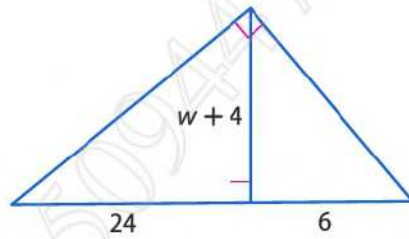
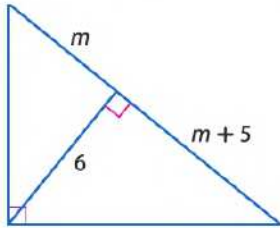
استخدام النماذج تعلق خديجة نجومًا فضية في سقف صالة الألعاب الرياضية استعدادًا للاحتفال. وأرادت أن تكون أطراف الخيوط المربوط بها النجوم بارتفاع 2.2 m من الأرض. استخدم الرسم التخطيطي لتحديد مقدار الطول اللازم تحديده للخيوط.



ملاحظة: غير مرسوم وفقًا لمقياس رسم.

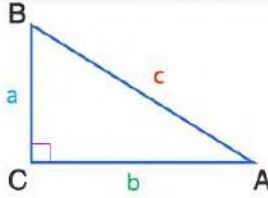
ALGEBRA Find the value of the variable.

الجبر جد قيمة المتغير.





النظرية 4 نظرية فيثاغورس



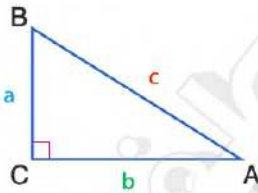
الشرح
في مثلث قائم الزاوية، يكون مجموع مربعات أطوال ساقي المثلث مساويًا لمربع طول الوتر.

الرموز
إذا كان $\triangle ABC$ مثلثًا قائم الزاوية والزاوية القائمة به هي C ، فإن $a^2 + b^2 = c^2$.

المفهوم الأساسي ثلاثيات فيثاغورس الشائعة

3, 4, 5	5, 12, 13	8, 15, 17	7, 24, 25
6, 8, 10	10, 24, 26	16, 30, 34	14, 48, 50
9, 12, 15	15, 36, 39	24, 45, 51	21, 72, 75
$3x, 4x, 5x$	$5x, 12x, 13x$	$8x, 15x, 17x$	$7x, 24x, 25x$

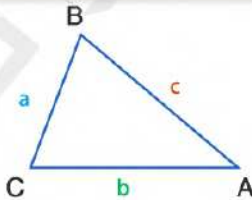
النظرية 5 عكس نظرية فيثاغورس



الشرح
إذا كان مجموع مربعات أطوال الضلعين الأقصر لأحد المثلثات مساويًا لمربع طول الضلع الأطول، فإن المثلث يكون قائم الزاوية.

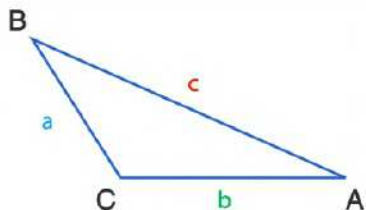
الرموز
إذا كان $a^2 + b^2 = c^2$ ، فإن $\triangle ABC$ مثلث قائم الزاوية.

نظريات نظريات متباينات فيثاغورس



6
إذا كان مربع طول الضلع الأطول في أحد المثلثات أقل من مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين، فإن المثلث يكون حاد الزاوية.

الرموز
إذا كانت $c^2 < a^2 + b^2$ ، فإن $\triangle ABC$ يكون حاد الزاوية.



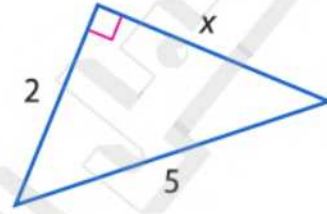
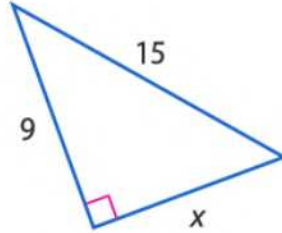
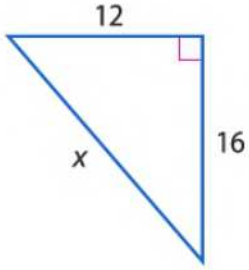
7
إذا كان مربع طول الضلع الأطول في أحد المثلثات أكبر من مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين، فإن المثلث يكون منفرج الزاوية.

الرموز
إذا كان $c^2 > a^2 + b^2$ ، فإن $\triangle ABC$ منفرج الزاوية.

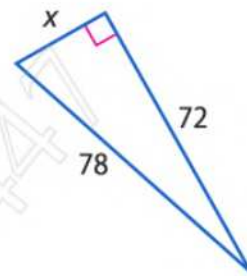
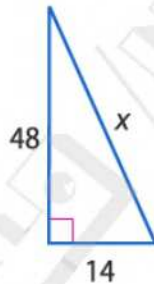
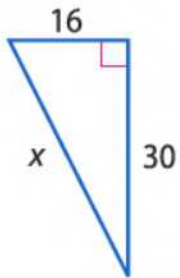


Find x .

جد x .

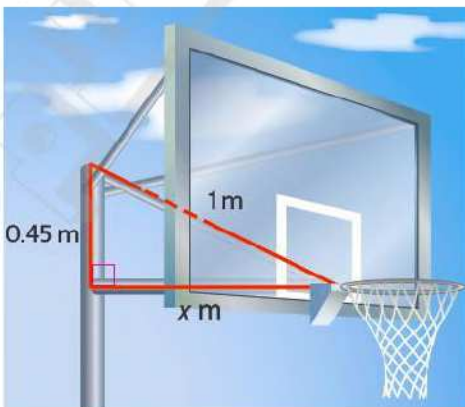


المثابرة استخدم ثلاثية فيثاغورس لإيجاد قيمة x . **PERSEVERANCE** Use a Pythagorean Triple to find x .



BASKETBALL The support for a basketball net forms a right triangle as shown. What is the length x of the horizontal portion of the support?

كرة السلة الجزء الذي يدعم مرمى كرة السلة يشكل زاوية قائمة كما هو موضح. فما طول x من الطرف الأفقي من ذلك الجزء الداعم؟





حدد ما إذا كانت أي مجموعة أعداد من المجموعات التالية يمكن أن تكون قياسات لأضلاع مثلث. إذا كان الأمر كذلك، فصنّف المثلث على أنه حاد أو منفرج أو قائم الزاوية. علل إجابتك.

Determine whether each set of numbers can be the measures of the sides of a triangle.

If so, classify the triangle as *acute*, *obtuse*, or *right*. Justify your answer.

15, 36, 39

16, 18, 26

15, 20, 24

10, 12, 23

الهندسة الإحداثية حدد ما إذا كان $\triangle XYZ$ هو مثلث حاد أم قائم أم منفرج الزاوية بالنسبة للرؤوس المعطاة. اشرح.

COORDINATE GEOMETRY Determine whether $\triangle XYZ$ is an *acute*, *right*, or *obtuse* triangle for the given vertices. Explain.

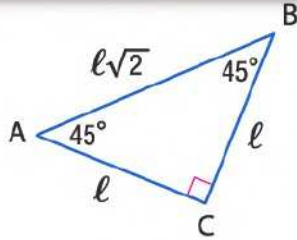
$X(-3, -2)$, $Y(-1, 0)$, $Z(0, -1)$



7-3 المثلثات القائمة الخاصة

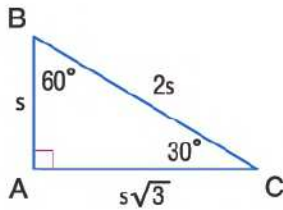
ورقة عمل الصف العاشر

نواتج التعلم 1- استخدام خصائص المثلثات بزوايا 45° و 45° و 90° . 2- استخدام خصائص المثلثات بزوايا 30° و 60° و 90° .

نظرية 8 نظرية المثلثات بزوايا قياساتها 45° و 45° و 90° 

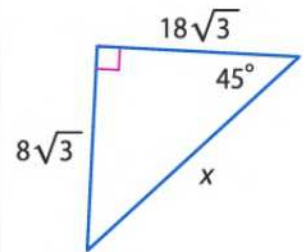
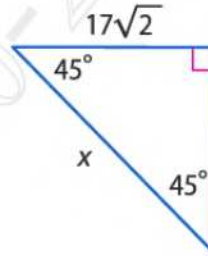
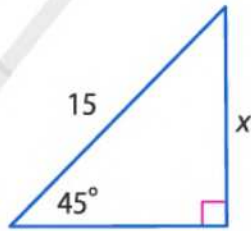
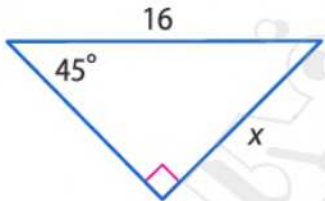
في مثلث بزوايا قياساتها 45° و 45° و 90° ، يكون الساقان l متطابقين وطول الوتر h يساوي $\sqrt{2}$ ضعف طول أحد الساقين.

الرموز في المثلث بزوايا قياساتها 45° و 45° و 90° ، يكون $h = l\sqrt{2}$ و $l = l$.

نظرية 9 نظرية المثلثات بزوايا قياساتها 30° و 60° و 90° 

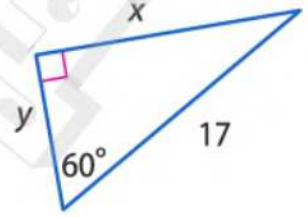
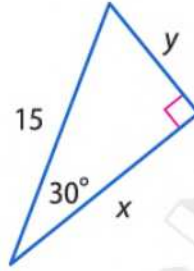
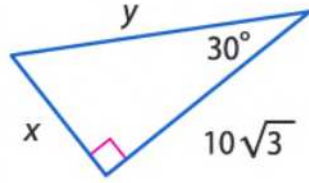
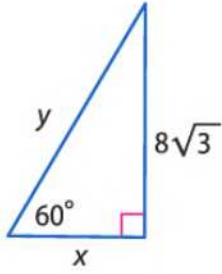
في مثلث بزوايا قياساتها 30° و 60° و 90° ، طول الوتر h يساوي ضعف طول الساق الأقصر s ، وطول الساق الأطول l يساوي $\sqrt{3}$ ضعف طول الساق الأقصر.

الرموز في مثلث بزوايا قياساتها 30° و 60° و 90° ، فإن $h = 2s$ و $l = s\sqrt{3}$.

SENSE-MAKING Find x .التفكير المنطقي جد x .

إذا كان مثلث بزوايا 45° و 45° و 90° به وتر بطول 9، فجد طول الساق.

If a 45° - 45° - 90° triangle has a hypotenuse length of 9, find the leg length.

Find x and y .جد قيمة x و y .

مثلث متساوي الأضلاع طول ارتفاعه 18 m. حدد طول أحد أضلاع المثلث.

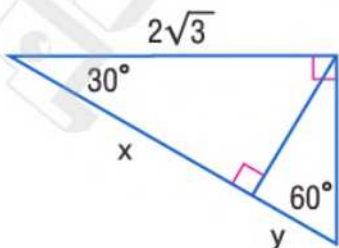
An equilateral triangle has an altitude length of 18 meters. Determine the length of a side of the triangle.

MODELING

Each highlighter is an equilateral triangle with 9-centimeter sides. Will the highlighter fit in a 10-centimeter by 7-centimeter rectangular box?

**استخدام النماذج**

كل قلم تظليل هو عبارة عن مثلث متساوي الأضلاع بأضلاع يبلغ طولها 9 cm. فهل سيتم استيعاب قلم التظليل في صندوق أبعاده 10 cm في 7 cm؟ اشرح.

Find x and y .جد قيمة x و y .



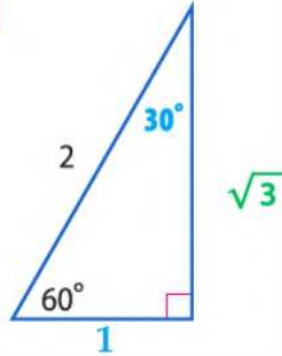
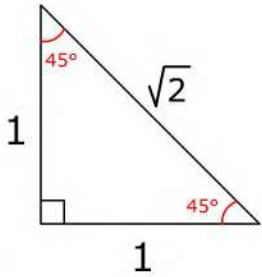
7-4 حساب المثلثات

ورقة عمل الصف العاشر

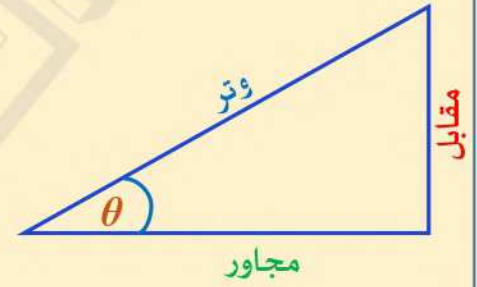
1- إيجاد النسب المثلثية باستخدام مثلثات قائمة الزاوية. 2- استخدام النسب المثلثية لإيجاد قياسات زوايا في مثلثات قائمة الزاوية.

نواتج التعلم

Sine جيب
Cosine جيب التمام
Tangent ظل



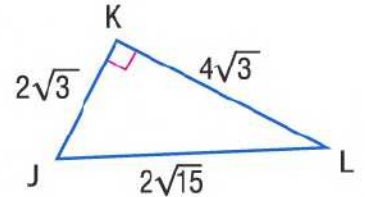
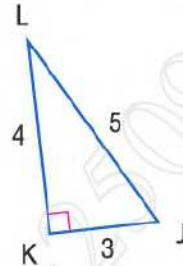
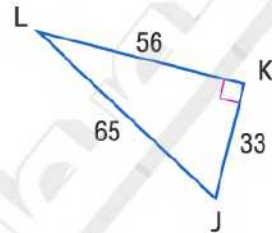
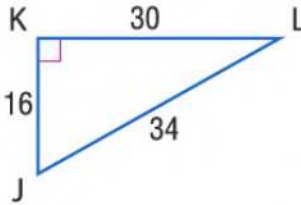
Sine $\theta = \frac{\text{مقابل}}{\text{وتر}}$
Cosine $\theta = \frac{\text{مجاور}}{\text{وتر}}$
Tangent $\theta = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}}$



النسبة المثلثية هي نسبة أطوال ضلعين من مثلث قائم الزاوية.

جد $\sin J$, $\cos J$, $\tan J$, $\sin L$, $\cos L$, and $\tan L$. عبّر عن كل نسبة بكسر أو كسر عشري وقوّبه لأقرب جزء من مئة.

Find $\sin J$, $\cos J$, $\tan J$, $\sin L$, $\cos L$, and $\tan L$. Express each ratio as a fraction and as a decimal to the nearest hundredth.





استخدم مثلثًا قائم الزاوية للتعبير عن كل نسبة مثلثية بكسر أو كسر عشري وقربه لأقرب جزء من مئة.

Use a special right triangle to express each trigonometric ratio as a fraction and as a decimal to the nearest hundredth.

$\tan 60^\circ$

$\cos 30^\circ$

$\sin 45^\circ$

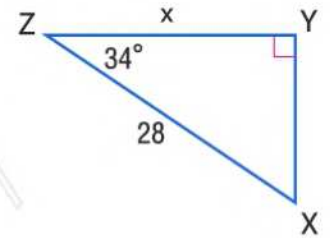
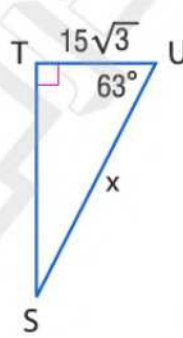
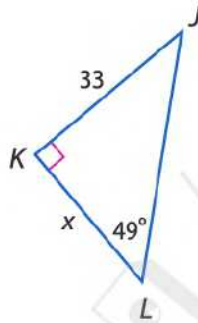
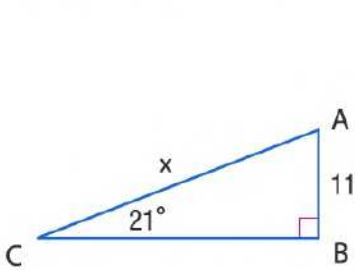
$\sin 30^\circ$

$\tan 45^\circ$

$\cos 60^\circ$

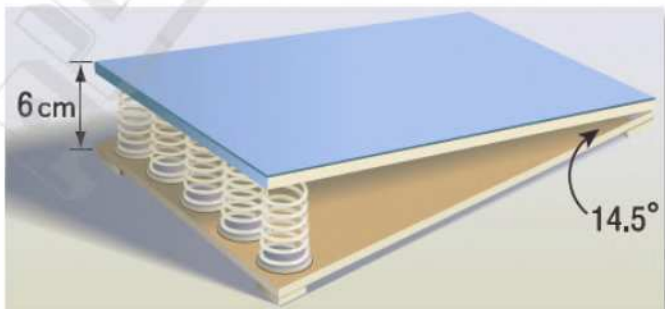
Find x . Round to the nearest tenth.

جد x . قرب إلى أقرب جزء من عشرة.



GYMNASTICS The springboard that Walid uses in his gymnastics class has 6-centimeter coils and forms an angle of 14.5° with the base. About how long is the springboard?

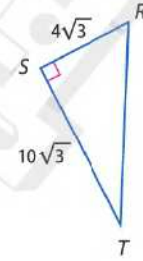
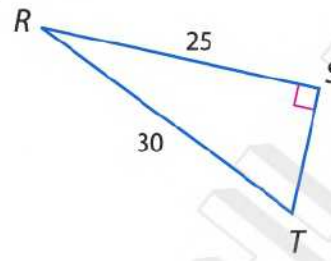
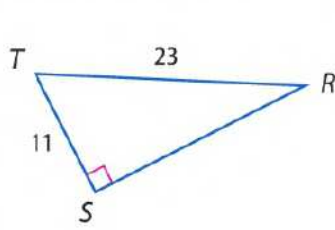
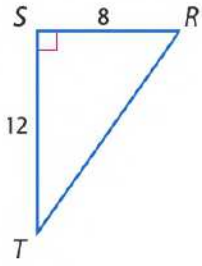
الجمباز منصة الوثب التي يستخدمها وليد في صف التدريب على الجمباز تتضمن ملفات طولها 6 cm وتشكل زاوية مقدارها 14.5° مع القاعدة. فما مقدار طول منصة الوثب؟





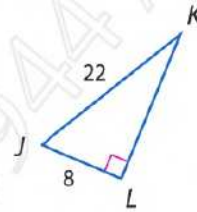
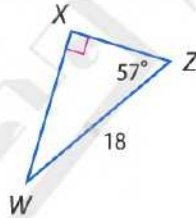
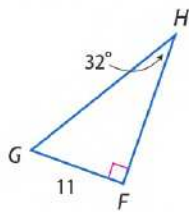
الأدوات استخدم الآلة الحاسبة لإيجاد قياس $\angle T$ إلى أقرب جزء من عشرة.

TOOLS Use a calculator to find the measure of $\angle T$ to the nearest tenth.



حُلِّ كل مثلث قائم الزاوية. قَرِّب قياسات الأضلاع إلى أقرب جزء من عشرة وقياسات الزوايا إلى أقرب درجة.

Solve each right triangle. Round side measures to the nearest tenth and angle measures to the nearest degree.



BACKPACKS Sultan has a rolling backpack that is 4 feet tall when the handle is extended. When he is pulling the backpack, Sultan's hand is 3 feet from the ground. What angle does his backpack make with the floor? Round to the nearest degree.



حَقَائِبُ الظَّهْرِ لدى سلطان حقيبة ظهر ذات عجلات يبلغ طولها 4 ft عند تمديد يد الحقيبة. عند سحب حقيبة الظهر. فإن يد سلطان تكون مرتفعة بمقدار 3 ft من الأرض. ما الزاوية التي تحدثها حقيبة مع الأرض؟ قَرِّب إلى أقرب درجة.



7-5 زوايا الارتفاع والانخفاض

ورقة عمل الصف العاشر

1- حل المسائل التي تتضمن زوايا الارتفاع والانخفاض . 2- استخدام زوايا الارتفاع والانخفاض لإيجاد المسافة بين جسمين.

نواتج التعلم

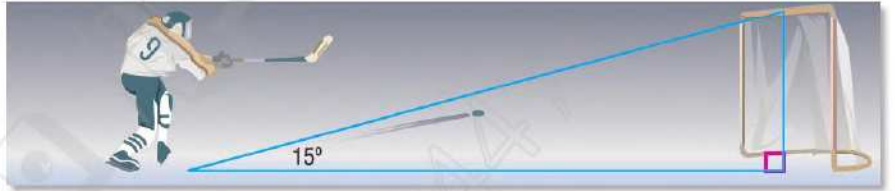
زاوية الارتفاع هي الزاوية التي تتكون من خط أفقي وخط (مسار) الرؤية للمراقب تجاه هدف فوق الخط الأفقي.

زاوية الانخفاض هي زاوية تتكون من خط أفقي وخط رؤية المراقب تجاه هدف أدنى من الخط الأفقي.



الهوكي يضرب لاعب هوكي القرص من على بُعد 6 m باتجاه مرمى بارتفاع 1.5 m. إذا تم ضرب القرص بزاوية ارتفاع 15° باتجاه منتصف المرمى، فهل سيسجل اللاعب هدفًا؟

HOCKEY A hockey player takes a shot 6 meters away from a 1.5-meter goal. If the puck travels at a 15° angle of elevation toward the center of the goal, will the player score?

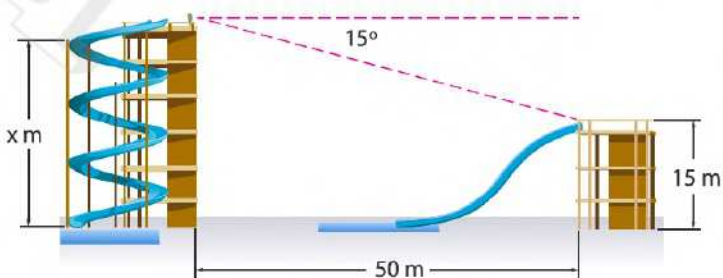


الجبال جد زاوية ارتفاع قمة جبل يراها المشاهد من بعد 155 m من الجبل إذا كان المشاهد يقف على ارتفاع 1.5 m من الأرض علمًا بأن ارتفاع الجبل هو 350 m.

MOUNTAINS Find the angle of elevation to the peak of a mountain for an observer who is 155 meters from the mountain if the observer's eye is 1.5 meters above the ground and the mountain is 350 meters tall.

الملاهي المائية منحدرًا تزلق مائيتان يبعدان عن بعضهما 50 m على مستوى الأرض. من قمة منحدر التزلق الأعلى، تستطيع رؤية قمة منحدر التزلق الأقل ارتفاعًا بزاوية انخفاض 15° . إذا علمت أن ارتفاع منحدر التزلق الأخرى حوالي 15 m من سطح الأرض فما ارتفاعك تقريبًا من سطح الأرض؟ قَرِّب إلى أقرب عُشْر m.

WATERPARK Two water slides are 50 meters apart on level ground. From the top of the taller slide, you can see the top of the shorter slide at an angle of depression of 15° . If you know that the top of the other slide is approximately 15 meters above the ground, about how far above the ground are you? Round to the nearest tenth of a meter.



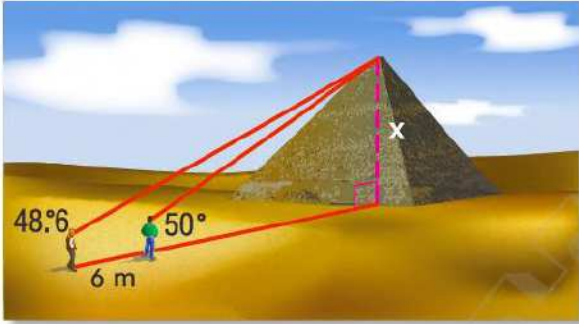


الطيران بسبب عاصفة، يطير طيار على ارتفاع 528 m ولا بد من أن يهبط بالطائرة. إذا كان ما زالت لديه مسافة أفقية 2000 m حتى الهبوط، فبأي زاوية انخفاض يجب أن يهبط؟

AVIATION Due to a storm, a pilot flying at an altitude of 528 meters has to land. If he has a horizontal distance of 2000 meters to land, at what angle of depression should he land?

PYRAMIDS Ahmed and Ali are visiting the Great Pyramid in Egypt. From where Ahmed is standing, the angle of elevation to the top of the pyramid is 48.6° . From Ali's position, the angle of elevation is 50° . If they are standing 6 meters apart, and they are each 1.7 meters tall, how tall is the pyramid?

الأهرامات يزور كل من أحمد وعلي الهرم الأكبر في مصر. بدءًا من مكان أحمد، تبلغ زاوية الارتفاع لقمم الهرم 48.6° . ومن مكان علي، تبلغ زاوية الارتفاع 50° . فإذا كانا يقفان على بعد 6 m من بعضهما، وكلاهما طوله 1.7 m، فما ارتفاع الهرم؟



رياضة الغوص يقف محمد على لوح القفز الأعلى في حمام السباحة المحلي. وفي الماء، يوجد اثنان من أصدقائه كما هو موضح. فإذا كانت زاوية الانخفاض لأحد أصدقائه هي 40° وللآخر 30° الذي يبعد عن الأول بمسافة 1.5 m للوراء، فما ارتفاع لوح القفز؟

DIVING Ahmed is standing on the high dive at the local pool. Two of his friends are in the water as shown. If the angle of depression to one of his friends is 40° , and 30° to his other friend who is 1.5 meters beyond the first, how tall is the platform?

