

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



\* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف العاشر العام اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/10>

\* للحصول على جميع أوراق الصف العاشر العام في مادة رياضيات ولجميع الفصول، اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/10>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف العاشر العام في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/10>

\* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للصف العاشر العام اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade10>

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

[https://t.me/almanahj\\_bot](https://t.me/almanahj_bot)

الاسم:

## 7-1 الوسط الهندسي

ورقة عمل الصف العاشر

نواتج النعلم

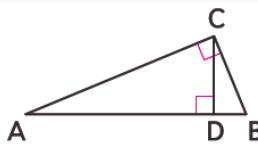
- 1- إيجاد الوسط الهندسي بين عددين. 2- حل مسائل تتضمن علاقات بين أجزاء مثلث قائم الزاوية وبين الارتفاع المنشأ من وتره.

### المفهوم الأساسي للوسط الهندسي للعددين a و b

الوسط الهندسي لعددين موجبين  $a$  و  $b$  هو العدد  $x$  مثل  $\frac{a}{x} = \frac{x}{b}$  إذًا  $\sqrt{ab} = x$  و  $ba = x^2$ .

مثال الوسط الهندسي لكل من  $a = 4$ ,  $b = 9$  هو  $6$ . لأن  $6 = \sqrt{9 \times 4}$

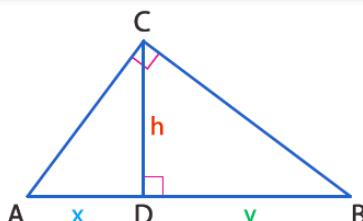
### النظرية 1



إذا رسمنا ارتفاعاً يمتد إلى وتر مثلث قائم الزاوية، فسيكون المثلثان المتشكلان مشابهين للمثلث الأصلي ولبعضهما البعض.

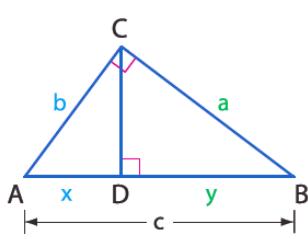
### النظريات نظريات الوسط الهندسي للمثلثات قائمة الزاوية

2



**نظريه الوسط الهندسي (الارتفاع)** يفصل الارتفاع الممتد إلى وتر المثلث قائم الزاوية الوتر إلى قطعتين مستقيمتين. ويساوي طول هذا الارتفاع الوسط الهندسي بين أطوال هذين الجزأين.

**المثال** إذا كان  $\overline{CD}$  يمثل الارتفاع للوتر  $\overline{AB}$  بالمثلث قائم الزاوية  $\triangle ABC$ . فإن  $\overline{CD} = \sqrt{xy}$  أو  $\frac{x}{h} = \frac{h}{y}$



**نظريه الوسط الهندسي (الساق)** يفصل الارتفاع الممتد إلى وتر المثلث قائم الزاوية الوتر إلى قطعتين مستقيمتين. وطول أحد ساقي هذا المثلث يمثل الوسط الهندسي بين طول الوتر والقطعة المستقيمة الموجودة على الوتر المجاور لتلك الساق.

**المثال** إذا كان  $\overline{CD}$  هو الارتفاع للوتر  $\overline{AB}$  بالمثلث قائم الزاوية  $\triangle ABC$  فإن  $\frac{c}{a} = \frac{a}{b}$  أو  $\frac{c}{b} = \frac{b}{x}$  أو  $c = \sqrt{xy}$

جد الوسط الهندسي بين كل زوج من الأعداد.

20 and 25

$$x = \sqrt{20(25)} = 10\sqrt{5}$$

25 and 16

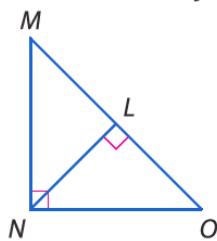
$$x = \sqrt{25(16)} = 20$$

81 and 4

$$x = \sqrt{81(4)} = 18$$

اكتب عبارة تَمَاثُلٌ لتوضيح المثلثات الثلاثة المتماثلة في الشكل.

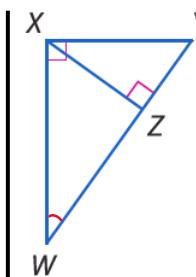
Write a similarity statement identifying the three similar triangles in the figure.



$$\triangle MNO \sim \triangle MNLN$$

$$\triangle MNO \sim \triangle NLO$$

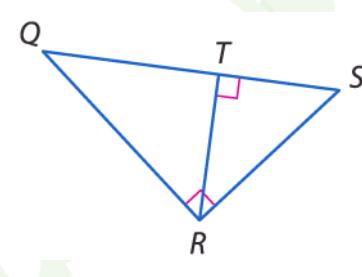
$$\triangle MLN \sim \triangle NLO$$



$$\triangle WXY \sim \triangle XZY$$

$$\triangle WXY \sim \triangle WZX$$

$$\triangle XZY \sim \triangle WZX$$

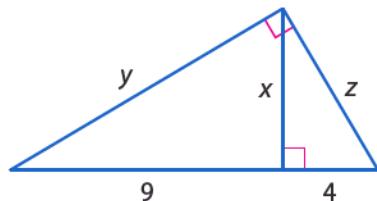


$$\triangle QRS \sim \triangle QTR$$

$$\triangle QRS \sim \triangle RTS$$

$$\triangle QTR \sim \triangle RTS$$

Find  $x$ ,  $y$ , and  $z$ .



$$z^2 = 4(13) = 52 \Rightarrow z = \sqrt{52} = 7.2$$

$$y^2 = 9(13) = 117 \Rightarrow y = \sqrt{117} = 10.8$$

$$x^2 = 4(9) = 36 \Rightarrow x = \sqrt{36} = 6$$

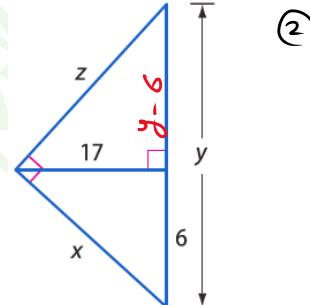
$$z^2 = (y-6)(y)$$

$$z^2 = (54.2 - 6)(54.2)$$

$$z = \sqrt{(54.2 - 6)(54.2)}$$

$$= 51.1$$

①



$$17^2 = 6(y-6)$$

$$\frac{289}{6} = y-6$$

$$\frac{289}{6} + 6 = y$$

$$54.2 = y$$

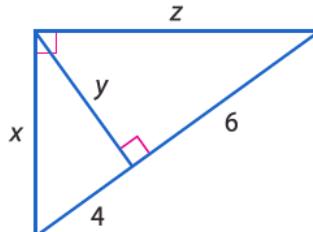
$$x^2 = 6y$$

$$x^2 = 6(54.2)$$

$$x = \sqrt{6(54.2)} = 18$$

•  $z \neq y \neq x$

②



$$x^2 = 4(16) = 40$$

$$\Rightarrow x = \sqrt{40} = 6.3$$

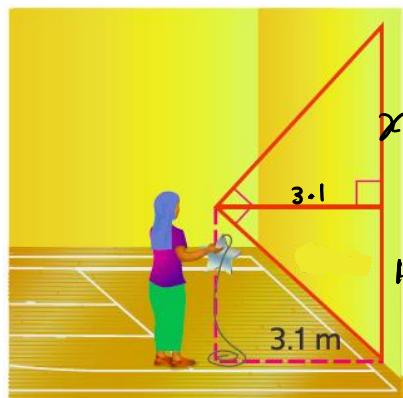
$$y^2 = 4(6) = 24$$

$$\rightarrow y = \sqrt{24} = 4.9$$

$$z^2 = 6(16) = 60$$

$$\rightarrow z = \sqrt{60} = 7.7$$

**MODELING** Khadija is hanging silver stars from the gym ceiling using string for graduation. She wants the ends of the strings where the stars will be attached to be 2.2 meters from the floor. Use the diagram to determine how long she should make the strings.

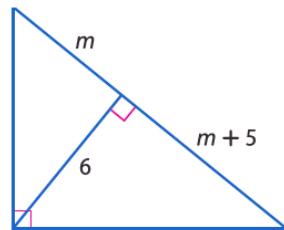


ملاحظة: غير مرسوم وفقاً لقياس رسم.

**استخدام النماذج** تعلق خديجة نجوماً فضية في سقف صالة الألعاب الرياضية استعداداً للاحتفال. وأرادت أن تكون أطراف الخيوط المربوطة بها النجوم بارتفاع 2.2 m من الأرض. استخدم الرسم التخطيطي لتحديد مقدار الطول اللازم تحديده للخيوط.

$$\begin{aligned}
 & \text{أولاً/ فحسب } x \\
 & (3.1)^2 = 1.5x \\
 & \frac{(3.1)^2}{1.5} = x \\
 & 6.41 = x \\
 & \text{ثانياً:حسب } y \\
 & y = 7.9 - 2.2 \\
 & = 5.7 \text{ m} \\
 & \text{لذلك: } x = 6.41 \text{ m}
 \end{aligned}$$

**ALGEBRA** Find the value of the variable.



$$6^2 = m(m + 5)$$

$$36 = m^2 + 5m$$

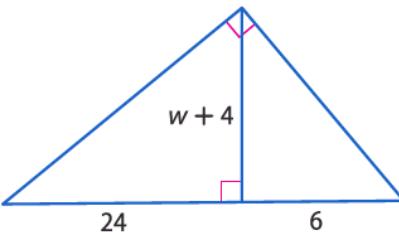
$$m^2 + 5m - 36 = 0$$

$$(m - 4)(m + 9) = 0$$

$$\boxed{m=4} \quad , \quad m=-9$$

المعلم

لأنها مساحة  
باب



$$(w+4)^2 = 24(6)$$

$$(w+4)^2 = 144$$

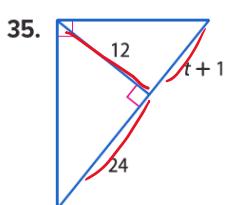
$$w+4 = \pm \sqrt{144}$$

$$w = \pm 12 - 4$$

$$\boxed{w=8}, \quad w=-16$$

مرفوع

**ALGEBRA** Find the value of the variable.



$$\begin{aligned}
 12^2 &= 24(t+1) \\
 \frac{144}{24} &= t+1
 \end{aligned}
 \quad \left| \begin{array}{l} 6 = t+1 \\ 6-1 = t \\ \boxed{5=t} \end{array} \right.$$