

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



الملف حل درس القاطع والمماس وقياس الزوايا

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف العاشر العام ← رياضيات ← الفصل الثاني

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف العاشر العام



روابط مواد الصف العاشر العام على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف العاشر العام والمادة رياضيات في الفصل الثاني

كتاب الطالب وحدة التشابه والتحويلات والتناظر	1
كل ما يخص الاختبار التكويني لمادة الرياضيات للصف العاشر يوم الأحد 9/2/2020	2
دليل المعلم وحدة الأشكال الرباعية	3
مراجعة شاملة قبل امتحان نهاية الفصل	4
مراجعة الوحدة السابعة	5

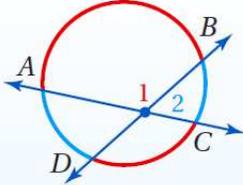
- 1- إيجاد قياسات الزوايا التي تشكلها مستقيمتان تتقاطعان على محيط دائرة أو بداخلها.
2- إيجاد قياسات الزوايا التي تشكلها مستقيمتان تتقاطعان خارج الدائرة.

أضف إلى

مطويتك

نظرية

التعبير اللفظي: إذا تقاطع قاطعان أو وتران داخل دائرة، فإن قياس الزاوية المتكوّنة من التقاطع يساوي نصف مجموع قياسي القوس المقابل لهذه الزاوية والقوس المقابل للزاوية التي تقابلها بالرأس.



$$m\angle 2 = \frac{1}{2}(m\widehat{DA} + m\widehat{BC}) \quad \text{و} \quad m\angle 1 = \frac{1}{2}(m\widehat{AB} + m\widehat{CD})$$

مثال:

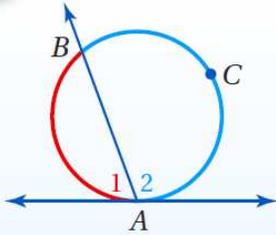
أضف إلى

مطويتك

نظرية

نظرية الزاوية المماسية

التعبير اللفظي: إذا تقاطع مماس وقاطع عند نقطة التماس، فإن قياس كل زاوية متكوّنة من التقاطع يساوي نصف قياس القوس المقابل لها.



$$m\angle 2 = \frac{1}{2}m\widehat{ACB} \quad \text{و} \quad m\angle 1 = \frac{1}{2}m\widehat{AB}$$

مثال:

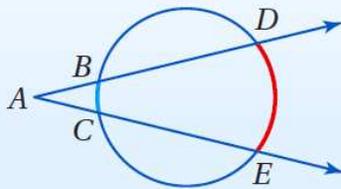
أضف إلى

مطويتك

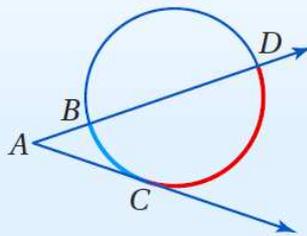
نظرية

التعبير اللفظي: إذا تقاطع قاطعان أو قاطع ومماس أو مماسان في نقطة خارج دائرة، فإن قياس الزاوية المتكوّنة يساوي نصف الفرق الموجب بين قياسي القوسين المقابلين لها.

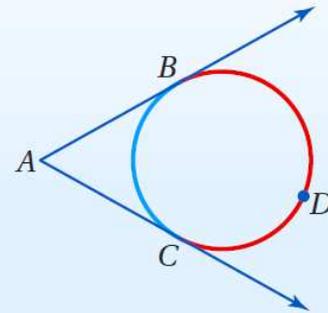
أمثلة:



قاطعان



قاطع ومماس



مماسان

$$m\angle A = \frac{1}{2}(m\widehat{DE} - m\widehat{BC}) \quad m\angle A = \frac{1}{2}(m\widehat{DC} - m\widehat{BC}) \quad m\angle A = \frac{1}{2}(m\widehat{BDC} - m\widehat{BC})$$

أضف إلى
مطوبتك

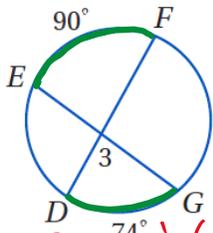
الدائرة وعلاقات الزوايا

ملخص المفهوم

قياس الزاوية	نماذج	موقع رأس الزاوية
نصف قياس القوس المقابل $m\angle 1 = \frac{1}{2}x^\circ$		على الدائرة
نصف مجموع قياسَي القوس المقابل للزاوية، والقوس المقابل للزاوية التي تقابلها بالرأس. $m\angle 1 = \frac{1}{2}(x^\circ + y^\circ)$		داخل الدائرة
نصف الفرق الموجب بين قياسَي القوسين المقابلين لها $m\angle 1 = \frac{1}{2}(x^\circ - y^\circ)$		خارج الدائرة

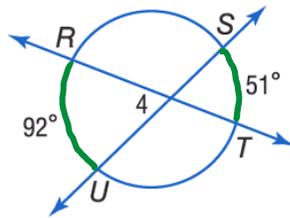
جد كل قياس، بفرض أن القطع المستقيمة التي يبدو أنها مماسات هي مماسات بالفعل.

$m\angle 3$



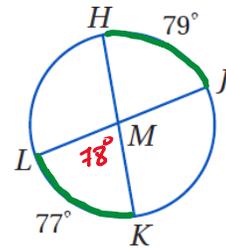
(مجموع القوسين) $= 74^\circ + \frac{1}{2} = 74^\circ$ قياس الزاوية
 $m\angle 3 = \frac{1}{2}(74 + 90)$
 $= 82^\circ$

$m\angle 4$



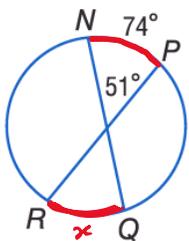
$m\angle 4 = \frac{1}{2}(92 + 51)$
 $= 71.5^\circ$

$m\angle JMK$



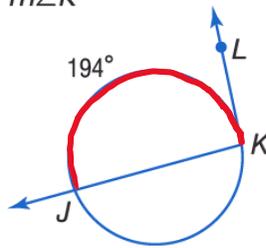
$m\angle LMK = \frac{1}{2}(77 + 79) = 78^\circ$
 $\Rightarrow m\angle JMK = 180 - 78 = 102^\circ$

$m\widehat{RQ} = x$



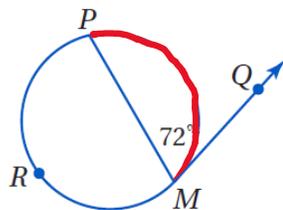
$m\angle NMP = \frac{1}{2}(74 + x)$
 $51 = \frac{1}{2}(74 + x)$
 $2(51) = 74 + x$
 $\Rightarrow x = 2(51) - 74 = 28^\circ$

$m\angle K$



$m\angle K = \frac{1}{2}m\widehat{JK}$
 $= \frac{1}{2}(194)$
 $= 97^\circ$

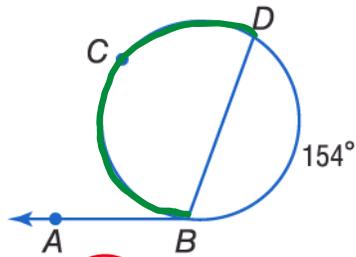
$m\widehat{PM}$



$m\angle M = \frac{1}{2}m\widehat{PM}$
 $72 = \frac{1}{2}m\widehat{PM}$
 $\Rightarrow m\widehat{PM} = 2(72) = 144^\circ$

جد كل قياس، بفرض أن القطع المستقيمة التي يبدو أنها مماسات هي مماسات بالفعل.

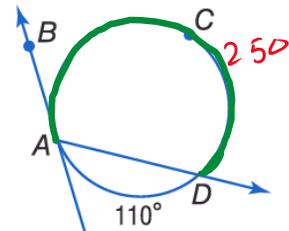
$m\angle ABD$



$$m\widehat{BCD} = 360 - 154 = 206$$

$$m\angle ABD = \frac{1}{2}(206) = \boxed{103}$$

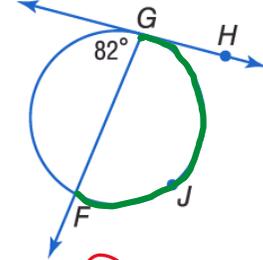
$m\angle DAB$



$$m\widehat{ACD} = 360 - 110 = 250$$

$$m\angle DAB = \frac{1}{2}(250) = \boxed{125}$$

$m\widehat{GJF}$

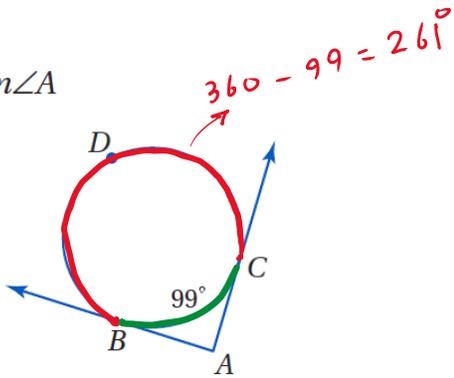


$$m\widehat{GF} = 2(82) = 164$$

$$m\widehat{GJF} = 360 - 164 = \boxed{196}$$

البنية جد كلاً من القياسات.

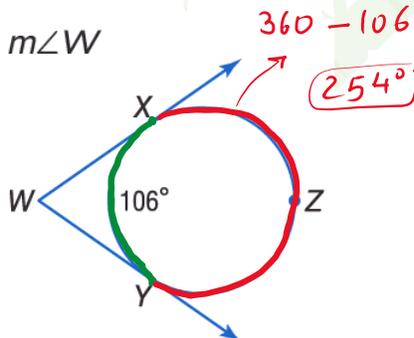
$m\angle A$



$$m\angle A = \frac{1}{2}(261 - 99)$$

$$= \boxed{81}$$

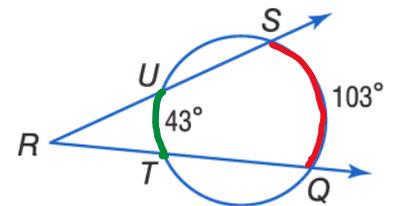
$m\angle W$



$$m\angle W = \frac{1}{2}(254 - 106)$$

$$= \boxed{74}$$

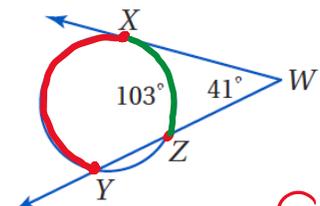
$m\angle R$



$$m\angle R = \frac{1}{2}(103 - 43)$$

$$= \boxed{30}$$

$m\widehat{XY}$



$$m\angle W = \frac{1}{2}(m\widehat{XY} - m\widehat{XZ})$$

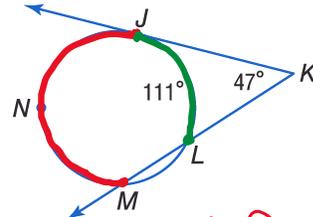
$$41 = \frac{1}{2}(m\widehat{XY} - 103)$$

$$2(41) = m\widehat{XY} - 103$$

$$2(41) + 103 = m\widehat{XY}$$

$$\boxed{185 = m\widehat{XY}}$$

$m\widehat{JM} = x$



$$m\angle K = \frac{1}{2}(m\widehat{JM} - m\widehat{JL})$$

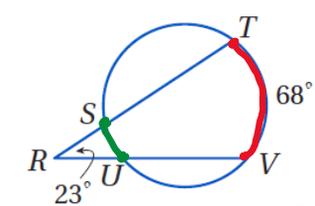
$$47 = \frac{1}{2}(x - 111)$$

$$2(47) + 111 = x$$

$$205 = x$$

$$\Rightarrow m\widehat{JM} = \boxed{205}$$

$m\widehat{SU} = x$



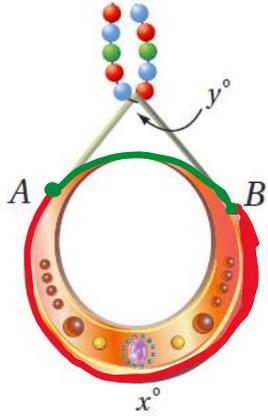
$$m\angle R = \frac{1}{2}(m\widehat{TV} - m\widehat{SU})$$

$$23 = \frac{1}{2}(68 - x)$$

$$2(23) - 68 = -x$$

$$-22 = -x$$

$$\Rightarrow x = 22 \Rightarrow m\widehat{SU} = \boxed{22}$$



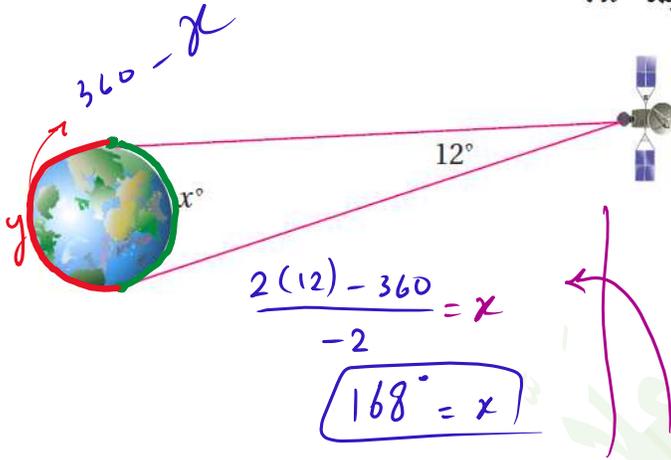
مجوهرات: يظهر في الشكل المجاور جزء من قلادة،
A و B نقطتا تماس فيها، إذا كانت $x^\circ = 260^\circ$ ، فأوجد قيمة y° ؟

$$y = \frac{1}{2} (x - m)$$

$$y = \frac{1}{2} (260 - 100) = 80^\circ$$

$$m = 360 - 260 = 100$$

فضاء: يدور قمر اصطناعي في مدار فوق خط الاستواء، أوجد قيمة x° ،
وهي قياس القوس المرئي من الأرض بالنسبة للقمر الاصطناعي.



$$\text{الزاوية} = \frac{1}{2} (y - x)$$

$$12 = \frac{1}{2} (360 - x - x)$$

$$12 = \frac{1}{2} (360 - 2x)$$

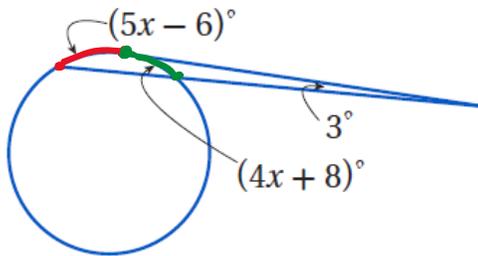
$$2(12) = 360 - 2x$$

$$2(12) - 360 = -2x$$

$$\frac{2(12) - 360}{-2} = x$$

$$168^\circ = x$$

جبر: أوجد قيمة x في كل مما يأتي:



$$\text{القياس الزاوية} = \frac{1}{2} (\text{القوس الصغير} - \text{القوس الكبير})$$

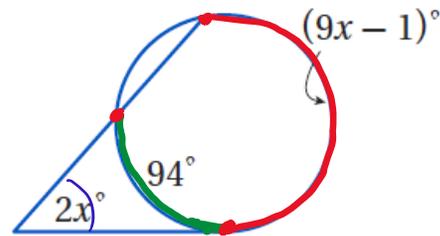
$$3 = \frac{1}{2} (5x - 6 - (4x + 8))$$

$$3 = \frac{1}{2} (5x - 6 - 4x - 8)$$

$$3 = \frac{1}{2} (x - 14)$$

$$2(3) + 14 = x$$

$$20 = x$$



$$\text{القياس الزاوية} = \frac{1}{2} (\text{القوس الصغير} - \text{القوس الكبير})$$

$$2x = \frac{1}{2} (9x - 1 - 94)$$

$$2x = \frac{1}{2} (9x - 95)$$

$$2(2x) = 9x - 95$$

$$4x = 9x - 95$$

$$4x - 9x = -95$$

$$-5x = -95$$

$$x = \frac{-95}{-5} = 19$$