

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف العاشر العام اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/10>

* للحصول على جميع أوراق الصف العاشر العام في مادة رياضيات ولجميع الفصول، اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/10>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف العاشر العام في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/10>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للصف العاشر العام اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade10>

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

9-6 احتمالات الأحداث المستقلة وغير المستقلة

الاسم:

- في هذا الدرس سوف أتعلم:
1- إيجاد احتمالات الأحداث المستقلة وغير المستقلة.
2- إيجاد احتمالات الأحداث علمًا بوقوع أحداث أخرى.

يتكون الحدث المركب من حدثين بسيطين أو أكثر. ممكن أن تكون الحوادث المركبة مستقلة أو غير مستقلة.

يكون الحدثان A و B مستقلان إذا كان احتمال حدوث A لا يؤثر في احتمال حدوث B.

يكون الحدثان A و B غير مستقلين إذا كان احتمال حدوث A يغير بطريقة ما احتمال حدوث B.

$$P(A \text{ and } B) = P(A) \cdot P(B) \quad \text{إذا كان A و B حدثان مستقلان:}$$

$$P(A \text{ and } B) = P(A) \cdot P(B|A) \quad \text{إذا كان A و B حدثان غير مستقلين:}$$

يقرأ الترميز $P(B|A)$: احتمال حدوث B علمًا بوقوع الحدث A بالفعل. وهذا يسمى الاحتمال المشروط.

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} \quad \text{الاحتمال المشروط لوقوع الحادثة B إذا علم أن الحادثة A قد وقعت يعرف على النحو التالي: } P(A) \neq 0$$

تحديد الأحداث المستقلة وغير المستقلة

حدد ما إذا كانت الأحداث مستقلة أو غير مستقلة. فسر.

أدى عبد الرحمن اختبار SAT يوم السبت وحصل على 1350 درجة. وأدى اختبار ACT في الأسبوع التالي وحصل على 23 درجة.

إن نتيجة دخوله لا تؤثر على طريقة احتساب نتائج اختبار ACT وبالتالي فالحدثان غير مستقلان.

وصل فريق كرة السلة الذي تلعب له نبيلة إلى الدور النهائي لأربعة فرق. وإذا فازوا فسيلعبون مباراة البطولة.

لن يذهب فريق نبيلة لمباراة البطولة إلا إذا فاز بعباراته في الدور قبل النهائي.
وبالتالي فالحدثان غير مستقلان.

من الحياة اليومية احتمال وقوع الأحداث المستقلة

أوراق اللعب: اختبرت بطاقة عشوائياً من مجموعة أوراق اللعب وعدها 52 بطاقة. وتمت إعادة تلك البطاقة واختيار بطاقة أخرى.

ما احتمال اختيار البطاقتين الموضحتين على اليسار؟

$$P(5 \text{ and } 4) = \frac{1}{52} \times \frac{1}{52} = \frac{1}{2704} = 0.037\%$$



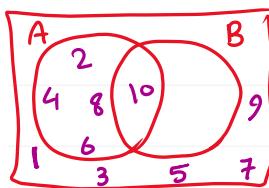
النقل: يستقل عبد الرحيم العائلة بعد العمل. وتتكلف رحلته إلى المنزل AED 0.50. إذا كان لديه في جيبيه 3 عملات معدنية من فئة 25 فلساً و5 عملات معدنية من فئة 10 فلوس وعملتان من فئة 5 فلس، فأوجد احتمال أن يأخذ عشوائياً عملتين من فئة 25 فلوس بشكل متتالي. على فرض أن فرصة حدوث الحدثين متساوية.

$$P(A) = \frac{3}{10} \times \frac{2}{9} = \frac{1}{15} = 6.67\%$$



الاحتمال المشروط

إجابة شبكية: يلعب 10 أصدقاء لعبة الكرة الخادعة كل يوم سبت في متنزه محلي. لاختيار الفريق، يسحبون عشوائياً بطاقات مرقمة بأعداد صحيحة متغيرة من 1 إلى 10، ينضم اللاعبون الذين يسحبون الأعداد الفردية إلى الفريق A، والذين يسحبون الأعداد الزوجية إلى الفريق B.

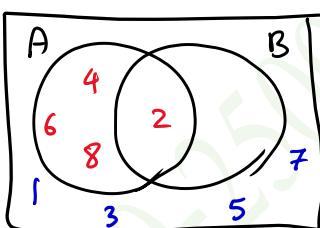


ما احتمال أن يسحب لاعب في الفريق B البطاقة رقم 10 ؟ $\frac{P(B|A)}{P(A)}$ ← احتمال انتصار العاشر في الترتيب

طريقة ① إذا كان اللاعب في الفريق B فالنتائج الممكنة {2, 4, 6, 8, 10} ← احتمال أنه يختار العاشر في الترتيب 10 ص ١/٥

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{5}{10}} \leftarrow = \boxed{\frac{1}{5}}$$

طريقة ②
 $B = \{10\}$
 $A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$
 $A \cap B = \{10\}$
 العناصر = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10



يعقد طلاب صف المعلمة ميسة مناظرة. يسحب الطلاب الشافية المشاركون في المناقضة بطاقات مرقمة بأعداد صحيحة متغيرة من 1 إلى 8 عشوائياً.

• ينضم الطلاب الذين يسحبون أعداداً فردية إلى الفريق المدافع.

• ينضم الطلاب الذين يسحبون أعداداً زوجية إلى الفريق المعارض.
 إذا كان أيمن في الفريق المعارض، فما احتمال أن يسحب العدد $\frac{A}{B}$ ؟

A $\frac{1}{8}$

B $\frac{1}{4}$

C $\frac{3}{8}$

D $\frac{1}{2}$

طريقة ① إذا كان أيمن في الفريق المعارض فالنتائج الممكنة {2, 4, 6, 8}

احتمال أنه يسحب العدد 2 ص ١/٤ → [يوجه اللاعب 2 مرة واحدة تصل إلى نصف العدد] زوجية

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{8}}{\frac{4}{8}} \leftarrow = \boxed{\frac{1}{4}}$$

طريقة ②
 $B = \{2\}$
 $A = \{2, 4, 6, 8\}$
 $A \cap B = \{2\}$
 العناصر = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8