

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



هيكل امتحان نهاية الفصل الأول

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الحادي عشر العام ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 19:51:12 2024-12-08

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الكترونية الاختبارات ا حلول اعروض بوربوينت ا أوراق عمل
منهج انجليزي ا ملخصات وتقارير ا مذكرات وبنوك الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر العام



صفحة المناهج
الإماراتية على
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر العام والمادة رياضيات في الفصل الأول

حل أسئلة اختبار تجريبي وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج

1

أسئلة اختبار تجريبي وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج

2

أسئلة الاختبار التجريبي لجميع مخرجات الهيكل الوزاري

3

حل تجميعية أسئلة الوجدتين الثانية والثالثة وفق الهيكل الوزاري منهج ريفيل

4

حل تجميعية أسئلة الوحدة الأولى Quadratic functions وفق الهيكل الوزاري منهج ريفيل

5

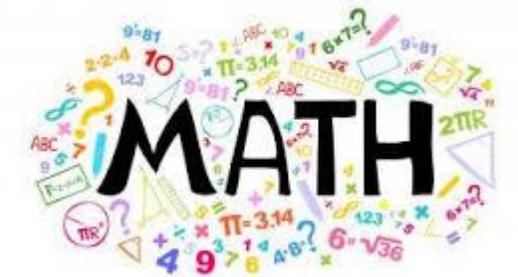
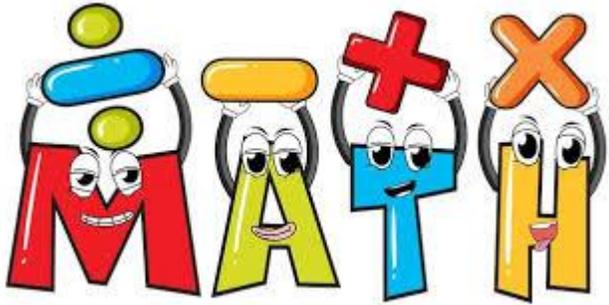
Monday, November 18, 2024

هيكل امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول

مادة الرياضيات

2025-2024

الصف الحادي عشر العام



Monday, November 18, 2024

هيكل امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول

2025-2024

مادة الرياضيات

الصف الحادي عشر العام

الأسئلة الموضوعية (الكروني)

Electronic part of mathematics

مثال 1

جد قيمة كل تعبير إذا كان $a = -2$ و $b = 3$ و $c = 4.2$

السؤال الأول

التمارين 1-9

1. $a - 2b + 3c$

$$= -2 - 2(3) + 3(4.2)$$

$$= 4.6$$

4. $5c - 2[(b - a) + c]$

$$= 5(4.2) - 2[(3 - (-2)) + 4.2]$$

$$= 2.6$$

7. $\frac{b^3 + ac}{ab + 2bc}$

$$= \frac{(3)^3 + (-2)(4.2)}{-2(3) + 2(3 \times 4.2)}$$

$$= 0.96875$$

2. $2a + (b + 3)^2$

$$= 2(-2) + (3 + 3)^2$$

$$= 32$$

5. $4(2a + 3b) - 2c$

$$= 4(2(-2) + 3(3)) - 2(4.2)$$

$$= 11.6$$

8. $\frac{3b + 2a}{5 - c}$

$$= \frac{3(3) + 2(-2)}{5 - 4.2}$$

$$= 6.25$$

3. $a + 3[b^2 - (a + c)]$

$$= -2 + 3[(3)^2 - (-2 + 4.2)]$$

$$= 18.4$$

6. $\frac{a^2 + 4c}{3b + 2a}$

$$= \frac{(-2)^2 + 4(4.2)}{3(3) + 2(-2)}$$

$$= 4.16$$

9. $\frac{3a - 2c}{4ab}$

$$= \frac{3(-2) - 2(4.2)}{4(-2)(3)}$$

$$= 0.6$$

مثال 2

الجزء الأول : الإلكتروني

التمارين 30-35

جد المعكوس الجمعي والمعكوس الضربي لكل عدد.

مثال 3
السؤال الثانيالمعكوس الجمعي للعدد الحقيقي a هو $-a$ حيث $a + -a = -a + a = 0$ المعكوس الضربي للعدد الحقيقي a هو $\frac{1}{a}$ حيث $\frac{1}{a} \cdot a = 1$

30. -8

المعكوس الجمعي

8

المعكوس الضربي

$$\frac{1}{-8} = -\frac{1}{8}$$

31. 12.1

المعكوس الجمعي

-12.1

المعكوس الضربي

$$\frac{1}{12.1} = \frac{10}{121}$$

32. -0.25

المعكوس الجمعي

0.25

المعكوس الضربي

$$\frac{1}{-0.25} = -4$$

33. $\frac{6}{13}$

المعكوس الجمعي

$$-\frac{6}{13}$$

المعكوس الضربي

$$\frac{1}{\frac{6}{13}} = \frac{13}{6}$$

34. $-\frac{3}{8}$

المعكوس الجمعي

$$\frac{3}{8}$$

المعكوس الضربي

$$\frac{1}{-\frac{3}{8}} = -\frac{8}{3}$$

35. $\sqrt{15}$

المعكوس الجمعي

$$-\sqrt{15}$$

المعكوس الضربي

$$\frac{1}{\sqrt{15}} = \frac{\sqrt{15}}{15}$$

مثال 1
السؤال الثالث

اكتب تعبير جبري لتمثيل كل تعبير لفظي.

التمارين 22-25

22. الفرق بين ناتج ضرب عدد في 4 والعدد 6

$$4n - 6$$

23. ناتج ضرب مربع عدد في العدد 8

$$8x^2$$

24. مكعب عدد مطروحاً منه العدد 15

$$x^3 - 15$$

25. 5 مضافاً إلى ناتج قسمة عدد على 4

$$\frac{x}{4} + 5$$

مثال 6:
السؤال الرابع

التمارين 34,43,44,52

34. الأموال دفعت آمنة وبثينة إلى المركز الترفيهي الوطني
AED 32.50. إذا كان رسم الدخول AED 7.50 وسعر كل مرة ركوب AED 2.50. فما إجمالي عدد مرات
الركوب الممكنة لهما إذا دفع كل منهما رسوم الدخول؟

نفرض أن عدد مرات الركوب = x

رسم الدخول لشخصين = 2×7.5

رسم الدخول لشخصين = 15

المبلغ المتبقي معهما = $32.5 - 15$

المبلغ المتبقي معهما = 17.5

المعادلة

$$2.5x = 17.5$$

$$\frac{2.5x}{2.5} = \frac{17.5}{2.5}$$

$$x = 7$$

طول الضلع $n \times$ محيط أي مضلع منتظم عدد أضلاعه n

43. الهندسة يبلغ محيط .خماسي منتظم 100 سنتيمتر. جد طول كل ضلع.

$$5n = 100$$

$$\frac{5n}{5} = \frac{100}{5}$$

$$n = 20$$

مثال :6
السؤال الرابع

44. الطب أعطى طبيب ربهام وصفة طبية بتناول 28 حبة للمرض الذي تعاني منه يقول الطبيب أنه ينبغي عليها تناول 4 حبوب في اليوم الأول وحببتين في كل يوم حتى تنفذ الوصفة الطبية الخاصة بها. كم عدد الأيام التي ستتناول فيها حبتين؟

نفرض أن عدد الأيام = x
المعادلة

$$2x + 4 = 28$$

$$\begin{array}{r} -4 \\ -4 \end{array}$$

$$2x = 24$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 2 \end{array}$$

$$x = 12$$

52.مأدبة تقديم جوائز تتسع غرفة مأدبة لمقاعد 69 شخصًا بحد أقصى. قام المدرب والمدير ونائب المدير بدعوة فريق التنس النسائي الفائز بالجائزة إلى المأدبة. إذا كان فريق التنس يتكوّن من 22 فتاة، فكم عدد الضيوف التي يمكن لكل طالبة إحضارهم؟

نفرض أن عدد الضيوف لكل فتاة = x

$$22x + 25 = 69$$

المعادلة

$$22x + 25 = 69$$

$$\begin{array}{r} -25 \\ -25 \end{array}$$

$$22x = 44$$

$$\begin{array}{r} 22 \\ 22 \end{array}$$

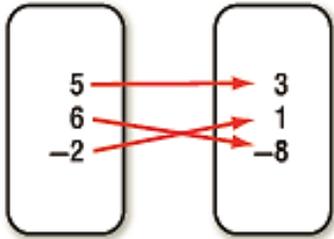
$$x = 2$$

مثال 1: اذكر مجال ومدى كل علاقة. ثم حدد ما إن كانت كل علاقة عبارة عن دالة. وإذا كانت دالة، فحدد إذا كانت واحد لواحد أم شاملة أم كليهما أم ليس أيًا منهما.

السؤال الخامس

التمارين 1-3

1.



$$\text{المجال} = \{ -2, 5, 6 \}$$

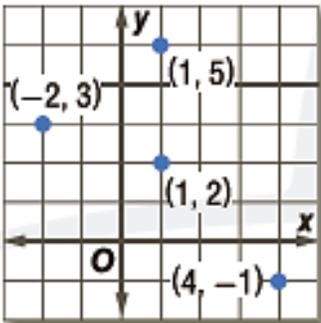
$$\text{المدى} = \{ -8, 1, 3 \}$$

العلاقة تمثل دالة لأن كل عنصر من المجال بعنصر واحد فقط في المدى

الواحد - لواحد: لا، لأن كل عنصر من المجال لا يقترن بعنصر واحد فريد في المدى.

الشاملة: نعم، لأن كل عنصر في المدى يقابل عنصرًا من المجال.

2.



$$\text{المجال} = \{ -2, 1, 4 \}$$

$$\text{المدى} = \{ -1, 2, 3, 5 \}$$

العلاقة لا تمثل دالة لأن العنصر 1 من المجال يرتبط

بعنصرين من المدى هما 2 و 5

3

x	y
-2	-4
1	-4
4	-2
8	6

$$\text{المجال} = \{ -2, 1, 4, 8 \}$$

$$\text{المدى} = \{ -4, -2, 6 \}$$

الواحد - لواحد لا، لأن العنصر -4 من المدى يرتبط بعنصرين من المجال.

الشاملة: نعم، لأن كل عنصر في المدى يقابل عنصرًا من المجال.

التمارين 5,25

مثال 1:
السؤال السادس

5 ترفيه تريد التأكد أن لديك ما يكفي من الموسيقى لرحلة بالسيارة. فإذا كان متوسط كل إسطوانة مدمجة 45 دقيقة، فيمكن استخدام الدالة الخطية $m(x) = 0.75x$ لإيجاد عدد الإسطوانات المدمجة التي تحتاج إلى جلبها معك.

a. ما عدد ساعات الموسيقى x الموجودة على 4 إسطوانات مدمجة؟

b. إذا كانت الرحلة التي تقوم بها تستغرق 6 ساعات، فكم عدد الإسطوانات المدمجة التي بتعين عليك إحضارها؟

عدد الأسطوانات = x

عدد الساعات = $m(x)$

a) $m(x) = 0.75x$

$$m(4) = 0.75 \times 4$$

$$m(4) = 3$$

b) $m(x) = 0.75x$

$$6 = 0.75x$$

$$\frac{6}{0.75} = \frac{0.75x}{0.75}$$

$$x = 8$$

a) $y = 1.04x$

$$y = 10.4(25) = 260$$

b) سرعة القطار الأول

$$y = 10.4x$$

$$\frac{y}{x} = 10.4$$

سرعة القطار الثاني

$$y = 33.9x$$

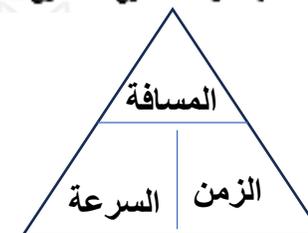
$$\frac{y}{x} = 33.9$$

25. قطارات الملاهي يمكن تمثيل سرعة قطار الملاهي "التنين الغولاذي 2000" في ولاية ميا باليابان، بالمعادلة $y = 10.4x$. حيث y هي المسافة المقطوعة بالأمتر في x من الثواني.

a. ما المسافة التي يقطعها قطار الملاهي في 25 ثانية؟

b. يمكن وصف سرعة قطار الملاهي "كينجدا كا" في جاكسون بنيو جيرسي، بالعلاقة $y = 33.9x$. أي القطارين يتحرك أسرع؟ اشرح استنتاجك.

نلاحظ أن سرعة القطار الثاني أكبر من سرعة القطار الأول ولذلك فهو الأسرع



التمارين 12-15

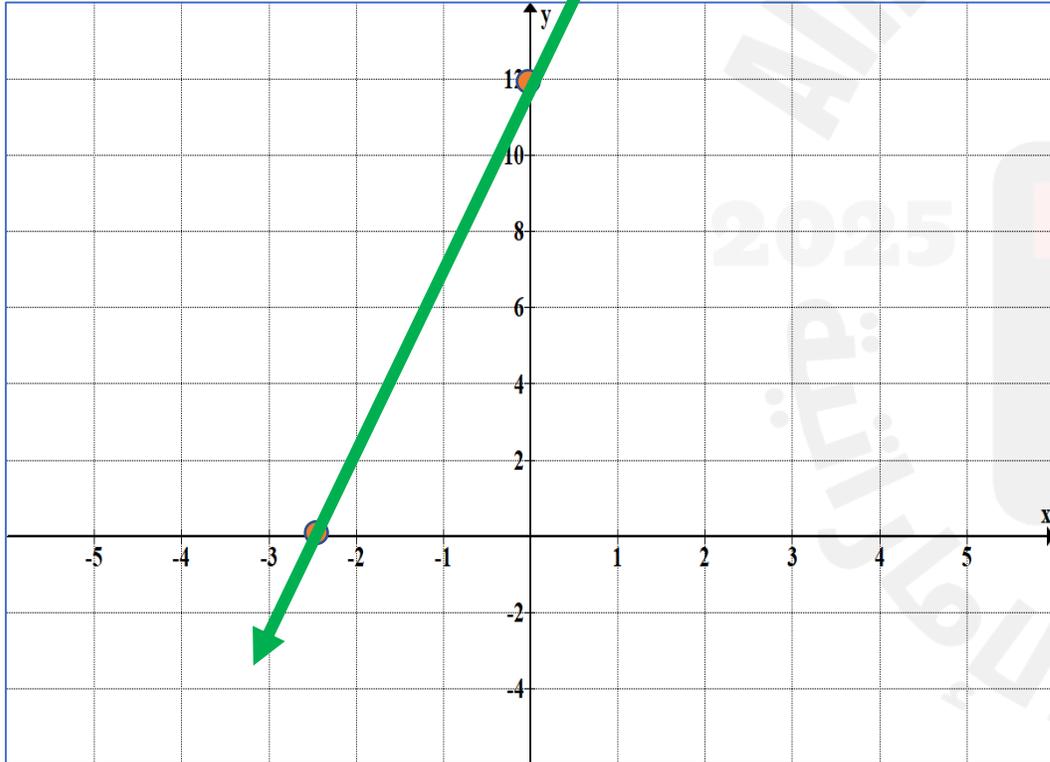
12. $y = 5x + 12$

. يكون التقاطع مع المحور y هي قيمة y عندما تكون $x = 0$.

$$y = 12$$

التقاطع مع المحور x هي قيمة x عندما تكون $y = 0$.

$$x = \frac{-12}{5} = -2.4$$

جد التقاطع مع المحور الأفقي x والتقاطع مع المحور الراسي y للتمثيل البياني لكل معادلة. ثم مثل المعادلة بيانياً باستخدام نقطتي التقاطع.

مثال 4:

السؤال السابع

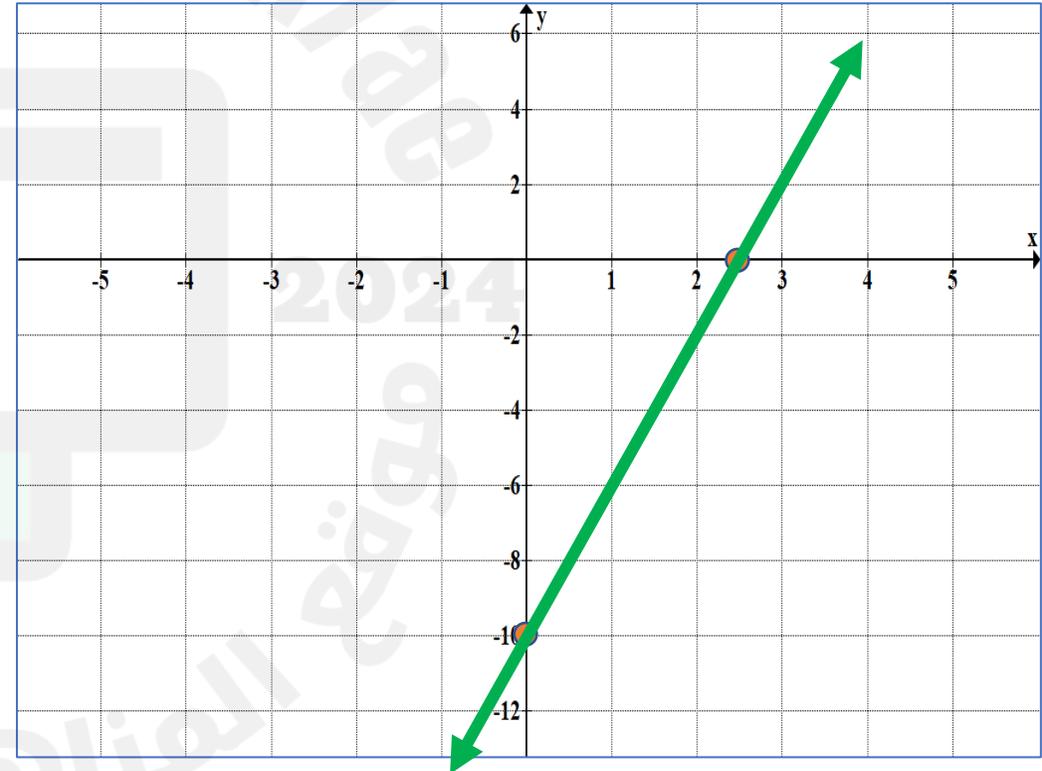
13. $y = 4x - 10$

. يكون التقاطع مع المحور y هي قيمة y عندما تكون $x = 0$.

$$y = -10$$

التقاطع مع المحور x هي قيمة x عندما تكون $y = 0$.

$$x = \frac{10}{4} = 2.5$$



التمارين 12-15

مثال 4: جد التقاطع مع المحور الأفقي x والتقاطع مع المحور الراسي y للتمثيل البياني لكل معادلة. ثم مثل المعادلة بيانيًا باستخدام نقطتي التقاطع.

السؤال السابع

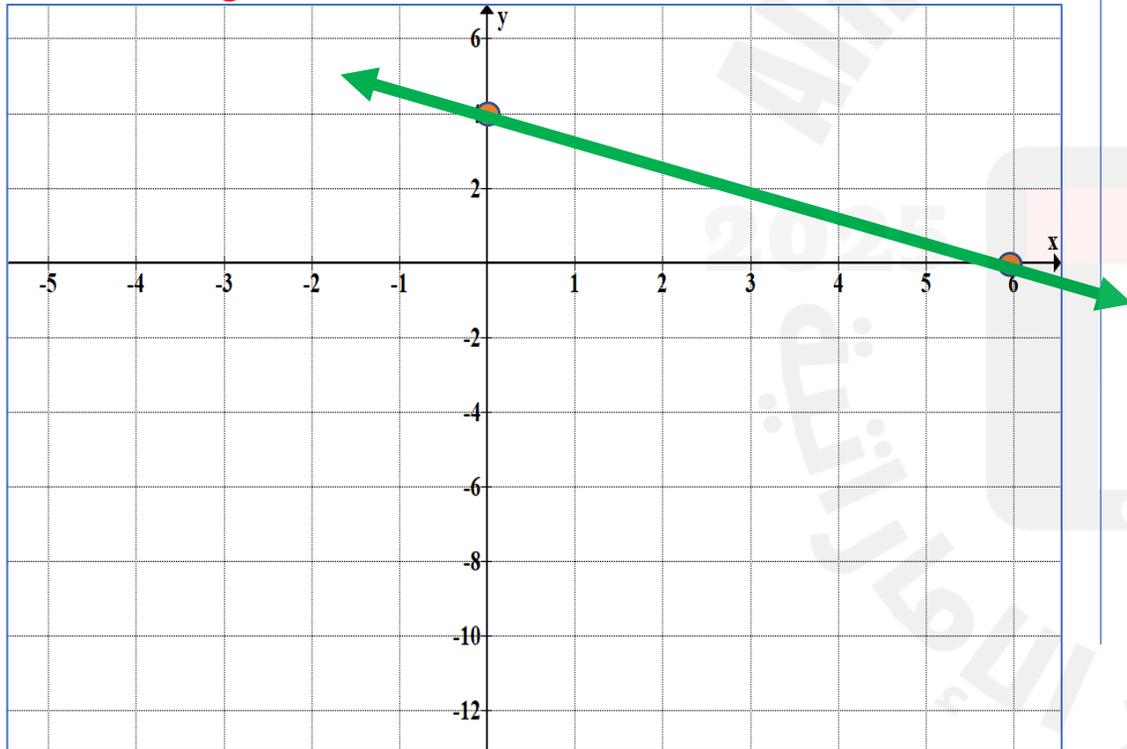
14. $2x + 3y = 12$

يكون التقاطع مع المحور y هي قيمة y عندما تكون $x = 0$.

$$y = \frac{12}{3} = 4$$

التقاطع مع المحور x هي قيمة x عندما تكون $y = 0$.

$$x = \frac{12}{2} = 6$$



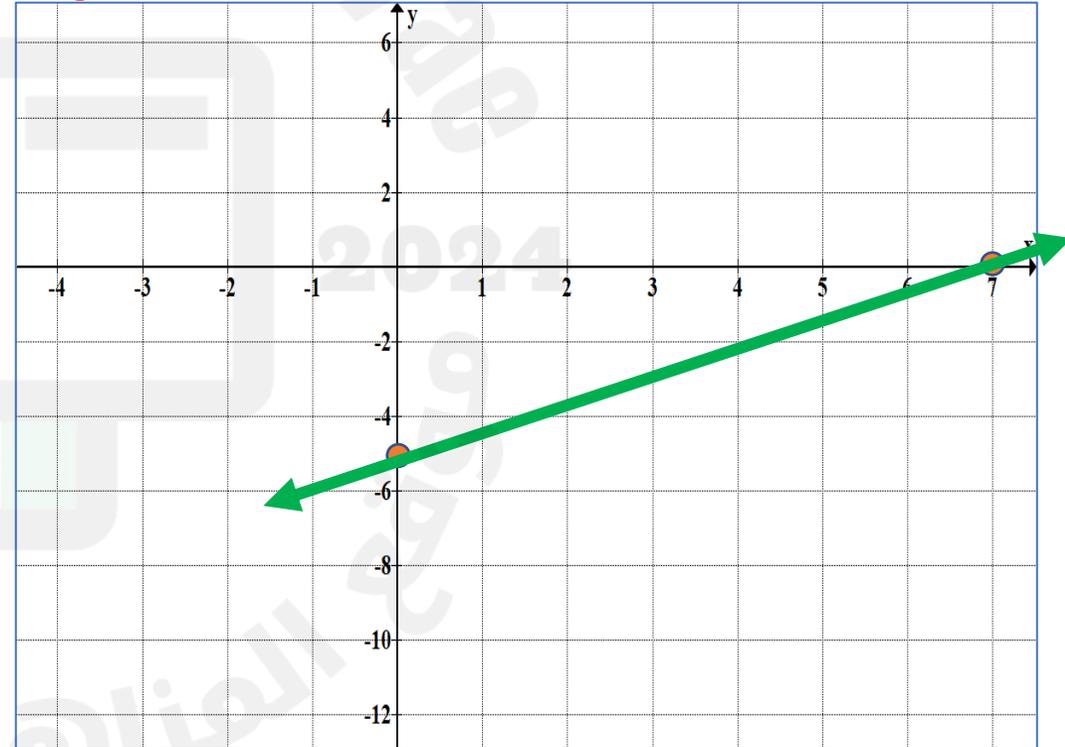
15. $3x - 4y - 6 = 15$ $3x - 4y = 21$

يكون التقاطع مع المحور y هي قيمة y عندما تكون $x = 0$.

$$y = \frac{21}{-4} = -5.25$$

التقاطع مع المحور x هي قيمة x عندما تكون $y = 0$.

$$x = \frac{21}{3} = 7$$



التمارين 17- 22

مثال 3: اكتب معادلة للمستقيم المار بكل زوج من النقاط.

السؤال الثامن

17. $(-6, -2), (-1.5, 5.5)$

$$(x_1, y_1) = (-6, -2)$$

$$(x_2, y_2) = (-1.5, 5.5)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5.5 - (-2)}{-1.5 - (-6)} = \frac{5}{3}$$

كتابة معادلة المستقيم

$$y - y_1 = m(x - x_1) \quad \text{صيغة الميل ونقطة}$$

$$y - (-2) = \frac{5}{3}(x - (-6))$$

$$y + 2 = \frac{5}{3}x + \frac{10}{-2}$$

$$y = \frac{5}{3}x + 8$$

18. $(-8, -5), (-3, 10)$

$$(x_1, y_1) = (-8, -5)$$

$$(x_2, y_2) = (-3, 10)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{10 - (-5)}{-3 - (-8)} = \frac{15}{5} = 3$$

كتابة معادلة المستقيم

$$y - y_1 = m(x - x_1) \quad \text{صيغة الميل ونقطة}$$

$$y - (-5) = 3(x - (-8))$$

$$y + 5 = 3x + 24$$

$$y = 3x + 19$$

19. $(-4, 12), (-2, -4)$

$$(x_1, y_1) = (-4, 12)$$

$$(x_2, y_2) = (-2, -4)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - 12}{-2 - (-4)} = \frac{-16}{2} = -8$$

كتابة معادلة المستقيم

$$y - y_1 = m(x - x_1) \quad \text{صيغة الميل ونقطة}$$

$$y - 12 = -8(x - (-4))$$

$$y - 12 = -8x - 24$$

$$y = -8x - 12$$

التمارين 17-22

مثال 3: اكتب معادلة للمستقيم المار بكل زوج من النقاط.

السؤال الثامن

20. (4.6, 3.4), (2.2, 2.8)

$$(x_1, y_1) = (4.6, 3.4)$$

$$(x_2, y_2) = (2.2, 2.8)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{2.8 - 3.4}{2.2 - 4.6} = \frac{1}{4}$$

كتابة معادلة المستقيم

$$y - y_1 = m(x - x_1) \quad \text{صيغة الميل ونقطة}$$

$$y - 2.2 = \frac{1}{4}(x - 4.6)$$

$$y - 2.2 = \frac{1}{4}x + \frac{23}{20}$$

$$y = \frac{1}{4}x + \frac{67}{20}$$

21. (5.5, 0.6), (1.1, 2.8)

$$(x_1, y_1) = (5.5, 0.6)$$

$$(x_2, y_2) = (1.1, 2.8)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{2.8 - 0.6}{1.1 - 5.5} = -\frac{1}{2}$$

كتابة معادلة المستقيم

$$y - y_1 = m(x - x_1) \quad \text{صيغة الميل ونقطة}$$

$$y - 0.6 = -\frac{1}{2}(x - 5.5)$$

$$y - 0.6 = -\frac{1}{2}x + \frac{11}{4}$$

$$y = -\frac{1}{2}x + \frac{67}{20}$$

22. (-25, -16), (-29, 12)

$$(x_1, y_1) = (-25, -16)$$

$$(x_2, y_2) = (-29, 12)$$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-16 - 12}{-29 - (-25)} = \frac{-28}{-4} = 7$$

كتابة معادلة المستقيم

$$y - y_1 = m(x - x_1) \quad \text{صيغة الميل ونقطة}$$

$$y - 12 = 7(x - (-29))$$

$$y - 12 = 7x + 203$$

$$y = 7x + 215$$

التمارين 13-24

$$13. \begin{cases} x + 5y = 3 \\ 3x - 2y = -8 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-2, 1)$$

Mod 5.1

$$16. \begin{cases} a - 3b = -22 \\ 4a + 2b = -4 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-4, 6)$$

Mod 5.1

$$19. \begin{cases} -6w - 8z = -44 \\ 3w + 6z = 36 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-2, 7)$$

Mod 5.1

$$22. \begin{cases} 8a - 3b = -11 \\ 5a + 2b = -3 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-1, 1)$$

Mod 5.1

وضع المعادلات بالصيغة القياسية

$$-2x + y = -10$$

$$14. \begin{cases} y = 2x - 10 \\ y = -4x + 8 \end{cases}$$

$$(x, y) = (3, -4)$$

Mod 5.1

$$17. \begin{cases} 6x - 7y = 23 \\ 8x + 4y = 44 \end{cases}$$

$$(x, y) = (5, 1)$$

Mod 5.1

$$20. \begin{cases} 4x - 3y = 29 \\ 4x + 3y = 35 \end{cases}$$

$$(x, y) = (8, 1)$$

Mod 5.1

$$23. \begin{cases} 5a + 15b = -24 \\ -2a - 6b = 28 \end{cases}$$

لا يوجد حل

حل كل نظام من أنظمة المعادلات باستخدام التعويض.

$$15. \begin{cases} 2a + 8b = -8 \\ 3a - 5b = 22 \end{cases}$$

$$(x, y) = (4, -2)$$

Mod 5.1

$$18. \begin{cases} 9c - 3d = -33 \\ 6c + 5d = -8 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-3, 2)$$

Mod 5.1

$$21. \begin{cases} 3a + 5b = -27 \\ 4a + 10b = -46 \end{cases}$$

$$(x, y) = (-4, -3)$$

Mod 5.1

$$24. \begin{cases} 6x - 4y = 30 \\ 12x + 5y = -18 \end{cases}$$

$$(x, y) = (1, -6)$$

Mod 5.1

25. الاختيار من متعدد ما حل النظام الخطي الآتي؟

$$4x + 3y = 2$$

$$4x - 2y = 12$$

A (8, -10)

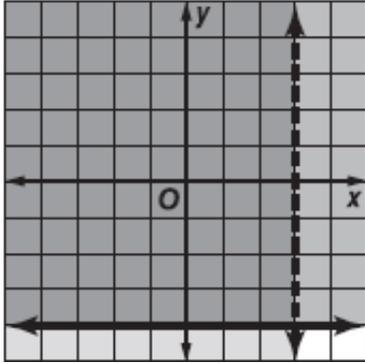
B (2, -2)

C (-10, 14)

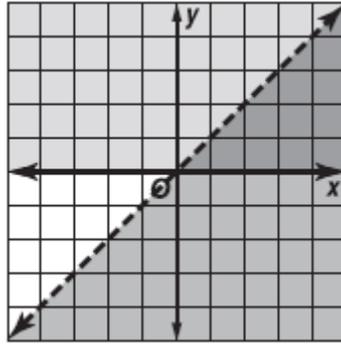
D لا يوجد حل

التمارين 7-15

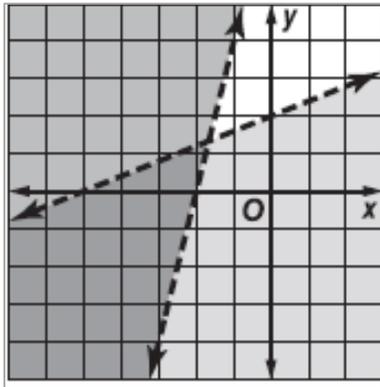
7. $x < 3$
 $y \geq -4$



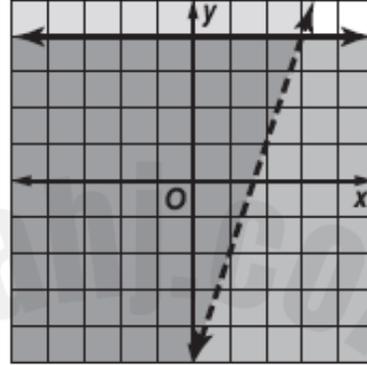
10. $y \geq 0$
 $y < x$



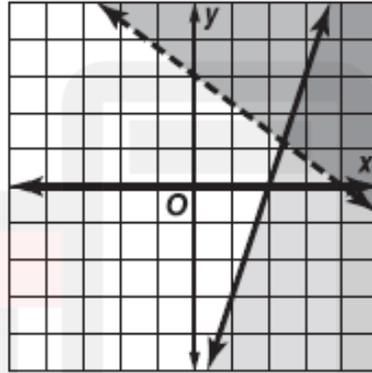
13. $5y < 2x + 10$
 $y - 4x > 8$



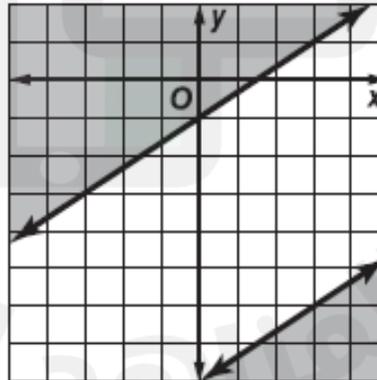
8. $y > 3x - 5$
 $y \leq 4$



11. $6x - 2y \geq 12$
 $3x + 4y > 12$

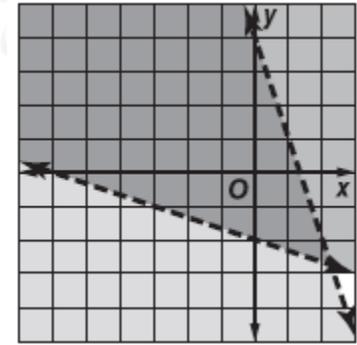


14. $3y - 2x \leq -24$
 $y \geq \frac{2}{3}x - 1$

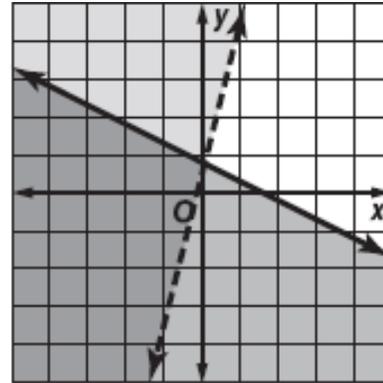


حل كل نظام من أنظمة المتباينات عن طريق التمثيل البياني.

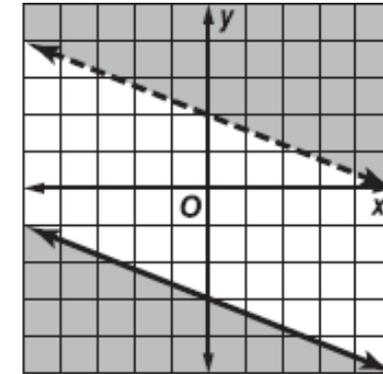
9. $y < -3x + 4$
 $3y + x > -6$



12. $-8x > -2y - 1$
 $-4y \geq 2x - 5$



15. $y > -\frac{2}{5}x + 2$
 $5y \leq -2x - 15$

مثال 1-2:
السؤال العاشر

التمارين 17-22

جد حل كل من المعادلات التالية.

السؤال الحادي عشر

$$17. \begin{bmatrix} 4x & 3y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l|l} 4x = 12 & 3y = -1 \\ \frac{4x}{4} = \frac{12}{4} & \frac{3y}{3} = \frac{-1}{3} \\ x = 3 & y = -\frac{1}{3} \end{array}$$

$$18. \begin{bmatrix} 2x & 3 & 3z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 3y & 9 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l|l|l} 2x = 5 & 3 = 3y & 3z = 9 \\ \frac{2x}{2} = \frac{5}{2} & \frac{3}{3} = \frac{3y}{3} & \frac{3z}{3} = \frac{9}{3} \\ x = 2.5 & y = 1 & z = 3 \end{array}$$

$$19. \begin{bmatrix} 4x \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 15 + x \\ 2y - 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l|l} 4x = 15 + x & 5y = 2y - 1 \\ 4x - x = 15 & 5y - 2y = -1 \\ 3x = 15 & 3y = -1 \\ \frac{3x}{3} = \frac{15}{3} & \frac{3y}{3} = \frac{-1}{3} \\ x = 5 & y = -\frac{1}{3} \end{array}$$

$$20. \begin{bmatrix} x + 3y \\ 3x + y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -13 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l} x + 3y = -13 \\ 3x + y = 1 \end{array}$$

Mod 5.1

$$x = 2 \quad y = -5$$

$$21. \begin{bmatrix} 2x + y \\ x - 3y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 13 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l} 2x + y = 5 \\ x - 3y = 13 \end{array}$$

Mod 5.1

$$x = 4 \quad y = -3$$

$$22. \begin{bmatrix} 4x - 3 & 3y \\ 7 & 13 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & -15 \\ 7 & 2z + 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l|l|l} 4x - 3 = 9 & 3y = 9 & 13 = 2z + 1 \\ 4x = 9 + 3 & \frac{3y}{3} = \frac{9}{3} & 13 - 1 = 2z \\ 4x = 12 & y = 3 & 12 = 2z \\ \frac{4x}{4} = \frac{12}{4} & & \frac{12}{2} = \frac{2z}{2} \\ x = 3 & & z = 6 \end{array}$$

مثال 2:

حدّد ما إن كان كل تعبير كثيرة حدود. فإن كان كذلك، فاذكر درجة كثيرة الحدود.

السؤال الثاني عشر

تذكر يكون التعبير كثير الحدود إذا كانت جميع أسس المتغير أعداد صحيحة موجبة

التمارين 24-27

م	التعبير	هل التعبير كثرة حدود	الدرجة
24	$2x^2 - 3x + 5$	نعم	الثانية
25	$a^3 - 11$	نعم	الثالثة
26	$\frac{5mp}{n^2} - \frac{2g}{h}$	لا لوجود متغير في المقام	-
27	$\sqrt{m - 7}$	لا لوجود المتغير تحت الجذر	-

التمارين 41-50

$$x^{-n} = \frac{1}{x^n}$$

تذكر في الضرب تجمع الأسس وفي القسمة تطرح

مثال 1: حوّل لأبسط صورة. افترض أنه لا يوجد متغير يساوي 0.

السؤال الثالث عشر

$$\begin{aligned}
 41. \left(\frac{8x^2y^3}{24x^3y^2} \right)^4 \\
 &= \left(\frac{8}{24} \frac{y^{3-2}}{x^{3-2}} \right)^4 \\
 &= \left(\frac{y}{3x} \right)^4 \\
 &= \frac{y^4}{81x^4}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 42. \left(\frac{12a^3b^5}{4a^6b^3} \right)^3 \\
 &= \left(\frac{12}{4} \frac{b^{5-3}}{a^{6-3}} \right)^3 \\
 &= \left(\frac{3}{a^3} b^2 \right)^3 \\
 &= \frac{27b^6}{a^9}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 43. \left(\frac{4x^{-2}y^3}{xy^{-4}} \right)^{-2} \\
 &= \left(\frac{4}{x^{1-(-2)}} \frac{y^{3-(-4)}}{1} \right)^{-2} \\
 &= \left(\frac{4}{x^3} y^7 \right)^{-2} \\
 &= \left(\frac{x^3}{4y^7} \right)^2 \\
 &= \frac{x^6}{16y^{14}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 44. \left(\frac{5a^{-7}b^2}{ab^{-6}} \right)^{-3} \\
 &= \left(\frac{5}{a^{1-(-7)}} \frac{b^{2-(-6)}}{1} \right)^{-3} \\
 &= \left(\frac{5}{a^8} b^8 \right)^{-3} \\
 &= \left(\frac{a^8}{5b^8} \right)^3 \\
 &= \frac{a^{24}}{125b^{24}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 45. (a^2b^3)(ab)^{-2} \\
 &= a^2 \times b^3 \times a^{-2} \times b^{-2} \\
 &= a^{2+(-2)} \times b^{3+(-2)} \\
 &= a^0 \times b^1 \\
 &= b
 \end{aligned}$$

التمارين 41-50 $x^{-n} = \frac{1}{x^n}$

تذكر في الضرب تجمع الأسس وفي القسمة تطرح

مثال 1: حوّل لأبسط صورة. افترض أنه لا يوجد متغير يساوي 0.

السؤال الثالث عشر

$$\begin{aligned} 46. & (-3x^3y)^2(4xy^2) \\ &= -3 \times 4x^6 \times y^2 \times x \times y^2 \\ &= -12x^{6+1} \times y^{2+2} \\ &= -12x^7y^4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 47. & \frac{3c^2d(2c^3d^5)}{15c^4d^2} \\ &= \frac{3 \times 2c^{2+3}d^{1+5}}{15c^4d^2} \\ &= \frac{2c^5d^6}{5c^4d^2} \\ &= \frac{2c^{5-4}d^{6-2}}{5} \\ &= \frac{2cd^4}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 48. & \frac{-10g^6h^9(g^2h^3)}{30g^3h^3} \\ &= \frac{-10g^{6+2}h^{9+3}}{30g^3h^3} \\ &= -\frac{g^8h^{12}}{3g^3h^3} \\ &= -\frac{g^{8-3}h^{12-3}}{3} \\ &= -\frac{g^5h^9}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 49. & \frac{5x^4y^2(2x^5y^6)}{20x^3y^5} \\ &= \frac{5 \times 2x^{4+5}y^{2+6}}{20x^3y^5} \\ &= \frac{x^9y^8}{2} \\ &= \frac{x^6y^3}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 50. & \frac{-12n^7p^5(n^2p^4)}{36n^6p^7} \\ &= \frac{-12n^{7+2}p^{5+4}}{36n^6hp^7} \\ &= -\frac{n^9p^9}{3n^6hp^7} \\ &= -\frac{n^{9-6}p^{9-7}}{3} \\ &= -\frac{n^3p^2}{3} \end{aligned}$$

التمارين 4A-4D

4A. $(2x^3 + 3x^2 - 4x + 15) \div (x + 3)$

$$\begin{array}{r}
 2x^3 + 3x^2 - 4x + 15 \\
 \underline{-(2x^3 + 6x^2)} \\
 -3x^2 - 4x + 15 \\
 \underline{+3x^2 + 9x} \\
 5x + 15 \\
 \underline{-(5x + 15)} \\
 0
 \end{array}$$

ناتج القسمة : $2x^2 - 3x + 5$

باقي القسمة : 0

استخدم القسمة التركيبية لإيجاد ناتج القسمة لكل مما يلي.

مثال 4:

السؤال الرابع عشر

4B. $(3x^3 - 8x^2 + 11x - 14) \div (x - 2)$

$$\begin{array}{r}
 3x^3 - 8x^2 + 11x - 14 \\
 \underline{-(3x^3 - 6x^2)} \\
 -2x^2 + 11x - 14 \\
 \underline{+2x^2 - 4x} \\
 15x - 14 \\
 \underline{-(15x - 30)} \\
 16 \\
 \underline{-(16x - 32)} \\
 48
 \end{array}$$

ناتج القسمة : $3x^2 - 2x + 7$

باقي القسمة : 0

التمارين 4A-4D

$$4C. (4a^4 + 2a^2 - 4a + 12) \div (a + 2)$$

$$\begin{array}{r}
 4a^4 + 0a^3 + 2a^2 - 4a + 12 \\
 \underline{-2} \\
 4 \\
 \underline{-8} \\
 16 \\
 \underline{-36} \\
 80 \\
 \underline{-80} \\
 0 \\
 \underline{-8} \\
 18 \\
 \underline{-40} \\
 92
 \end{array}$$

نتج القسمة : $4a^3 - 8a^2 + 18a - 40$

باقي القسمة : 92

استخدم القسمة التركيبية لإيجاد ناتج القسمة لكل مما يلي.

مثال 5:

السؤال الرابع عشر

$$4D. (6b^4 - 8b^3 + 12b - 14) \div (b - 2)$$

$$\begin{array}{r}
 6b^4 - 8b^3 + 0b^2 + 12b - 14 \\
 \underline{2} \\
 6 \\
 \underline{-12} \\
 18 \\
 \underline{-36} \\
 54 \\
 \underline{-54} \\
 0 \\
 \underline{-12} \\
 12 \\
 \underline{-24} \\
 36 \\
 \underline{-36} \\
 0 \\
 \underline{-14} \\
 42
 \end{array}$$

نتج القسمة : $6b^3 + 4b^2 + 8b + 28$

باقي القسمة : 42

التمارين 1-4

1. $x^2 - 3x - 10 = 0$ Mod 5.3

$x = -2$ or $x = 5$

جذران حقيقيان

4. $0 = x^3 - 8$ Mod 5.4

$x = 2$ جذر حقيقي

or $x = -1 - \sqrt{3}i$

or $x = -1 + \sqrt{3}i$

جذران تخيليان

2. $x^3 + 12x^2 + 32x = 0$ Mod 5.4

$x = 0$ or $x = -8$

or $x = -4$

3 جذور حقيقية

3. $16x^4 - 81 = 0$

$(4x^2)^2 - 9^2 = 0$

$(4x^2 - 9)(4x^2 + 9) = 0$

$4x^2 - 9 = 0$ or $4x^2 + 9 = 0$ Mod 5.3

$x = \frac{3}{2}$ or $x = -\frac{3}{2}$

جذران حقيقيان

$x = \frac{3}{2}i$ or $x = -\frac{3}{2}i$

جذران تخيليان

حل كل معادلة. اذكر عدد الجذور ونوعها.

مثال 1:

السؤال الخامس عشر

فرق بين مربعين

الجزء الأول : الالكتروني

التمارين 5-8

5. $f(x) = x^3 - 2x^2 + 2x - 6$

لتحديد عدد الأصفار الموجبة نحدد عدد تغيّرات إشارات $f(x)$

$$f(x) = x^3 - 2x^2 + 2x - 6$$

$$\begin{array}{cccc} \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ + & - & + & - \\ \text{نعم} & \text{نعم} & \text{نعم} & \end{array}$$

عدد الأصفار الموجبة = 3 أو 1

لتحديد عدد الأصفار السالبة نحدد عدد تغيّرات إشارات $f(-x)$

$$f(-x) = -x^3 - 2x^2 - 2x - 6$$

$$\begin{array}{cccc} \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ - & - & - & - \\ \text{لا} & \text{لا} & \text{لا} & \end{array}$$

عدد الأصفار السالبة = 0

مثال 2: اذكر عدد الأصفار الحقيقية الموجبة المحتمل وعدد الأصفار الحقيقية السالبة وعدد الأصفار التخيلية في كل دالة.

السؤال الخامس عشر

الجدول التالي يوضح عدد الجذور الحقيقية والتخيلية الممكنة .

عدد الأصفار الحقيقية الموجبة	عدد الأصفار الحقيقية السالبة	عدد الأصفار التخيلية	مجموع عدد الأصفار
3	0	0	$3+0+0=3$
1	0	2	$1+0+2=3$

التمارين 5-8

مثال 2: اذكر عدد الأصفار الحقيقية الموجبة المحتمل وعدد الأصفار الحقيقية السالبة وعدد الأصفار التخيلية في كل دالة.

السؤال الخامس عشر

$$6. f(x) = 6x^4 + 4x^3 - x^2 - 5x - 7$$

لتحديد عدد الأصفار الموجبة نحدد عدد تغيّرات إشارات $f(x)$

$$f(x) = 6x^4 + 4x^3 - x^2 - 5x - 7$$

$$\begin{array}{cccccc} \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ + & لا & + & نعم & - & لا & - & لا & - \end{array}$$

عدد الأصفار الموجبة = 1

لتحديد عدد الأصفار السالبة نحدد عدد تغيّرات إشارات $f(-x)$

$$f(-x) = 6x^4 - 4x^3 - x^2 + 5x - 7$$

$$\begin{array}{cccccc} \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ + & نعم & - & لا & - & نعم & + & نعم & - \end{array}$$

عدد الأصفار السالبة = 3 أو 1

الجدول التالي يوضح عدد الجذور الحقيقية والتخيلية الممكنة .

مجموع عدد الأصفار	عدد الأصفار التخيلية	عدد الأصفار الحقيقية السالبة	عدد الأصفار الحقيقية الموجبة
$3+1+0=4$	0	1	3
$1+1+2=3$	2	1	1

التمارين 5-8

7. $f(x) = 3x^5 - 8x^3 + 2x - 4$

لتحديد عدد الأصفار الموجبة نحدد عدد تغيرات إشارات $f(x)$

$$f(x) = 3x^5 - 8x^3 + 2x - 4$$

$$\begin{array}{ccccccc} & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ & + & \text{نعم} & - & \text{نعم} & + & \text{نعم} & - \end{array}$$

عدد الأصفار الموجبة = 3

لتحديد عدد الأصفار السالبة نحدد عدد تغيرات إشارات $f(-x)$

$$f(-x) = -3x^5 + 8x^3 - 2x - 4$$

$$\begin{array}{ccccccc} & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ & - & \text{نعم} & + & \text{نعم} & - & \text{لا} & - \end{array}$$

عدد الأصفار السالبة = 2 أو 0

مثال 2: اذكر عدد الأصفار الحقيقية الموجبة المحتمل وعدد الأصفار الحقيقية السالبة وعدد الأصفار التخيلية في كل دالة.

السؤال الخامس عشر

الجدول التالي يوضح عدد الجذور الحقيقية والتخيلية الممكنة .

مجموع عدد الأصفار	عدد الأصفار التخيلية	عدد الأصفار الحقيقية السالبة	عدد الأصفار الحقيقية الموجبة
$3+2+0=5$	0	2	3
$3+0+2=5$	2	0	3

التمارين 5-8

مثال 2: اذكر عدد الأصفار الحقيقية الموجبة المحتمل وعدد الأصفار الحقيقية السالبة وعدد الأصفار التخيلية في كل دالة.

السؤال الخامس عشر

$$8. f(x) = -2x^4 - 3x^3 - 2x - 5$$

لتحديد عدد الأصفار الموجبة نحدد عدد تغيّرات إشارات $f(x)$

$$f(x) = -2x^4 - 3x^3 - 2x - 5$$

$$\begin{array}{ccccccc} & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ - & لا & - & لا & - & لا & - & \end{array}$$

عدد الأصفار الموجبة = 0

لتحديد عدد الأصفار السالبة نحدد عدد تغيّرات إشارات $f(-x)$

$$f(-x) = -2x^4 + 3x^3 + 2x - 5$$

$$\begin{array}{ccccccc} & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ - & نعم & + & لا & + & نعم & - & \end{array}$$

عدد الأصفار السالبة = 2 أو 0

الجدول التالي يوضح عدد الجذور الحقيقية والتخيلية الممكنة .

مجموع عدد الأصفار	عدد الأصفار التخيلية	عدد الأصفار الحقيقية السالبة	عدد الأصفار الحقيقية الموجبة
$0 + 2 + 2 = 4$	2	2	0
$0 + 0 + 4 = 4$	4	0	0

Monday, November 18, 2024

هيكل امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول

2025-2024

الصف الحادي عشر العام

الأسئلة الكتابية (ورقي)

التمارين : 23-38

الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

مثال : 4-2 حل كل معادلة مما يلي. وتحقق من حلولك.

السؤال السادس عشر

23. $|z - 13| = 21$

الحالة 1

الحالة 2

$$\begin{aligned} a &= -b \\ z - 13 &= -21 \\ z &= -21 + 13 \\ z &= -8 \end{aligned}$$

or
or
or

$$\begin{aligned} a &= b \\ z - 13 &= 21 \\ z &= 21 + 13 \\ z &= 34 \end{aligned}$$

تحقق

$|z - 13| = 21$

$|-8 - 13| = 21$

$|34 - 13| = 21$

$|-21| = 21$

$|21| = 21$

$21 = 21$ ✓

$21 = 21$ ✓

حل المعادلة = $\{-8, 34\}$

24. $|w + 9| = 17$

الحالة 1

الحالة 2

$$\begin{aligned} a &= -b \\ w + 9 &= -17 \\ w &= -17 - 9 \\ w &= -26 \end{aligned}$$

or
or
or

$$\begin{aligned} a &= b \\ w + 9 &= 17 \\ w &= 17 - 9 \\ w &= 8 \end{aligned}$$

تحقق

$|w + 9| = 17$

تحقق

$|w + 9| = 17$

$|-26 + 9| = 17$

$|8 + 9| = 17$

$|-17| = 17$

$|17| = 17$

$17 = 17$ ✓

$17 = 17$ ✓

حل المعادلة = $\{-26, 8\}$

25. $9 = |d + 5|$

الحالة 1

الحالة 2

$$\begin{aligned} a &= -b \\ d + 5 &= -9 \\ d &= -9 - 5 \\ d &= -14 \end{aligned}$$

or
or
or

$$\begin{aligned} a &= b \\ d + 5 &= 9 \\ d &= 9 - 5 \\ d &= 4 \end{aligned}$$

تحقق

$|d + 5| = 9$

تحقق

$|d + 5| = 9$

$|-14 + 5| = 9$

$|4 + 5| = 9$

$|-9| = 17$

$|9| = 9$

$9 = 9$ ✓

$9 = 9$ ✓

حل المعادلة = $\{-14, 4\}$

التمارين : 23-38

الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

مثال : 4-2 حل كل معادلة مما يلي. وتحقق من حلولك.
السؤال السادس عشر

$$26. 35 = |x - 6|$$

$$|x - 6| = 35$$

الحالة 1

الحالة 2

$$a = -b$$

$$x - 6 = -35$$

$$x = -35 + 6$$

$$x = -29$$

or
or
or

$$a = b$$

$$x - 6 = 35$$

$$x = 35 + 6$$

$$x = 41$$

تحقق

تحقق

$$|x - 6| = 35$$

$$|x - 6| = 35$$

$$|-29 - 6| = 35$$

$$|41 - 6| = 35$$

$$|-35| = 35$$

$$|35| = 35$$

$$35 = 35 \quad \checkmark$$

$$35 = 35 \quad \checkmark$$

حل المعادلة = $\{-8, 34\}$

$$27. 5|q + 6| = 20$$

$$|q + 6| = 4$$

الحالة 1

الحالة 2

$$a = -b$$

$$q + 6 = -4$$

$$q = -4 - 6$$

$$q = -10$$

or
or
or

$$a = b$$

$$q + 6 = 4$$

$$q = 4 - 6$$

$$q = -2$$

تحقق

تحقق

$$5|q + 6| = 20$$

$$5|q + 6| = 20$$

$$5|-10 + 6| = 20$$

$$5|-2 + 6| = 20$$

$$5|-4| = 20$$

$$5|4| = 20$$

$$20 = 20 \quad \checkmark$$

$$20 = 20 \quad \checkmark$$

حل المعادلة = $\{-10, -2\}$

$$28. -3|r + 4| = -21$$

$$|r + 4| = 7$$

الحالة 1

الحالة 2

$$a = -b$$

$$r + 4 = -7$$

$$r = -7 - 4$$

$$r = -11$$

or
or
or

$$a = b$$

$$r + 4 = 7$$

$$r = 7 - 4$$

$$r = 3$$

تحقق

تحقق

$$-3|r + 4| = -21$$

$$-3|r + 4| = -21$$

$$-3|-11 + 4| = -21$$

$$-3|3 + 4| = -21$$

$$-3|-7| = -21$$

$$-3|7| = -21$$

$$-21 = -21 \quad \checkmark$$

$$-21 = -21 \quad \checkmark$$

حل المعادلة = $\{-11, 3\}$

التمارين : 23-38

29. $3|2a - 4| = 0$

$|2x - 4| = 0$

$2x - 4 = 0$

$2x = 4$

$x = 2$

تحقق

3|2x - 4| = 0

3|2(2) - 4| = 0

0 = 0 ✓

حل المعادلة = {2}

30. $8|5w - 1| = 0$

$|5w - 1| = 0$

$5w - 1 = 0$

$w = \frac{1}{5}$

تحقق

8|5w - 1| = 0

3|5(\frac{1}{5}) - 1| = 0

0 = 0 ✓

حل المعادلة = {\frac{1}{5}}

31. $2|3x - 4| + 8 = 6$

$2|3x - 4| = -2$

$|3x - 4| = -1$

لا يوجد حل للمعادلة - الحل: ∅

33. $-3|3t - 2| - 12 = -6$

$-3|3t - 2| = 6$

$|3t - 2| = -2$

لا يوجد حل للمعادلة - الحل: ∅

مثال : 4-2 حل كل معادلة مما يلي. وتحقق من حلولك.

32. $4|7y + 2| - 8 = -7$

$4|7y + 2| = 1$

$|7y + 2| = \frac{1}{4}$

الحالة 1

$a = -b$

$7y + 2 = -\frac{1}{4}$

$7y = -\frac{1}{4} - 2$

$y = -\frac{9}{28}$

تحقق

$4|7y + 2| = -7$

$-4|7(-\frac{9}{28}) + 2| = -7$

$-7 = -7$ ✓

حل المعادلة = {\frac{-1}{4}, \frac{-9}{28}}

الحالة 2

$a = b$

$7y + 2 = \frac{1}{4}$

$7y = \frac{1}{4} - 2$

$y = -\frac{7}{4}$

تحقق

$4|7y + 2| = -7$

$-4|7(-\frac{7}{4}) + 2| = -7$

$-7 = -7$ ✓

التمارين : 23-38

29. $3|2a - 4| = 0$

$|2x - 4| = 0$

$2x - 4 = 0$

$2x = 4$

$x = 2$

تحقق

$3|2x - 4| = 0$

$3|2(2) - 4| = 0$

$0 = 0$ ✓

حل المعادلة = {2}

30. $8|5w - 1| = 0$

$|5w - 1| = 0$

$5w - 1 = 0$

$w = \frac{1}{5}$

تحقق

$8|5w - 1| = 0$

$3|5(\frac{1}{5}) - 1| = 0$

$0 = 0$ ✓

حل المعادلة = $\{\frac{1}{5}\}$

31. $2|3x - 4| + 8 = 6$

$2|3x - 4| = -2$

$|3x - 4| = -1$

لا يوجد حل للمعادلة - الحل: \emptyset

33. $-3|3t - 2| - 12 = -6$

$-3|3t - 2| = 6$

$|3t - 2| = -2$

لا يوجد حل للمعادلة - الحل: \emptyset

$4|7y + 2| = 1$

$|7y + 2| = \frac{1}{4}$

الحالة 1

$a = -b$

$7y + 2 = -\frac{1}{4}$

$7y = -\frac{1}{4} - 2$

$y = -\frac{9}{28}$

تحقق

$4|7y + 2| = -7$

$-4|7(-\frac{9}{28}) + 2| = -7$

$-7 = -7$ ✓

الحالة 2

$a = b$

$7y + 2 = \frac{1}{4}$

$7y = \frac{1}{4} - 2$

$y = -\frac{7}{4}$

تحقق

$4|7y + 2| = -7$

$-4|7(-\frac{7}{4}) + 2| = -7$

$-7 = -7$ ✓

حل المعادلة = $\{-\frac{1}{4}, -\frac{9}{28}\}$

التمارين : 23-38

الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

مثال : 4-2 حل كل معادلة مما يلي. وتحقق من حلولك.
السؤال السادس عشر

34. $-5|3z + 8| - 5 = -20$

$$-5|3z + 8| = -20 + 5$$

$$-5|3z + 8| = -15$$

$$\frac{-5|3z + 8|}{-5} = \frac{-15}{-5}$$

$$|3z + 8| = 3$$

$$|3z + 8| = 3$$

الحالة 1

$$a = -b$$

$$3z + 8 = -3$$

$$3z = -3 - 8$$

$$3z = -11$$

$$z = -\frac{11}{3}$$

تحقق

$$-5|3z + 8| - 5 = -20$$

$$-5 \left| 3 \left(-\frac{11}{3} \right) + 8 \right| - 5 = -20$$

$$-20 = -20 \quad \checkmark$$

الحالة 2

$$a = b$$

$$3z + 8 = 3$$

$$3z = 3 - 8$$

$$3z = -5$$

$$z = -\frac{5}{3}$$

تحقق

$$-5|3z + 8| - 5 = -20$$

$$-5 \left| 3 \left(-\frac{5}{3} \right) + 8 \right| - 5 = -20$$

$$-20 = -20 \quad \checkmark$$

$$\left\{ -\frac{11}{3}, -\frac{5}{3} \right\} = \text{حل المعادلة}$$

التمارين : 23-38

القيمة المركزية

المدى

$$|x - c| = r$$

$$|x - 5.67| = 0.02$$

الحالة 1

الحالة 2

$$a = -b$$

$$x - 5.67 = -0.02 \quad \underline{\text{or}}$$

$$x = -0.02 + 5.67 \quad \underline{\text{or}}$$

$$x = 5.65 \quad \underline{\text{or}}$$

$$a = b$$

$$x - 5.67 = 0.02$$

$$x = 0.02 + 5.67$$

$$x = 5.66$$

تحقق

تحقق

$$|x - 5.67| = 0.02$$

$$|x - 5.67| = 0.02$$

$$|5.65 - 5.67| = 0.02 \quad |5.69 - 5.67| = 0.02$$

$$|-0.02| = 0.02$$

$$|0.02| = 0.02$$

$$0.02 = 0.02 \quad \checkmark$$

$$0.02 = 0.02 \quad \checkmark$$

35. تنتج شركة علكة النعناع على شكل قطع تزن الواحدة حوالي 5.67 g لكل منها. بعد أن يتم إنتاج القطع، يتم استخدام جهاز لوزنها. إذا كانت القطعة تزن 0.02 g أكثر أو أقل من الوزن المطلوب، يتم رفض القطعة. اكتب وحل معادلة لإيجاد قبة أثقل وأخف وزن للقطع سيوافق عليه الجهاز.

أقل وزن = 5.65 غم

أكثر وزن = 5.69 غم

جد قيمة كل تعبير إذا كان $t = 3$ و $q = -8$, $r = -6$.

$$36. 12 - t|3r + 2|$$

$$= 12 - 3|3(-6) + 2|$$

$$= -36$$

$$37. 2q + |2rt + q|$$

$$= 2(-8) + |2(-6)(3) + (-8)|$$

$$= 28$$

$$38. -5t - q|8r - t|$$

$$= -5(3) - (-8)|8(-6) - 3|$$

$$= 393$$

التمارين : 39-42

مثال : 4-2 حل كل معادلة مما يلي. وتحقق من حلولك.

السؤال السادس عشر

39. $8x = 2|6x - 2|$

$|6x - 2| = 4x$

الحالة 1

$$a = -b$$

$$6x - 2 = -4x$$

$$6x + 4x = 2$$

$$x = 0.2$$

or
or
or

الحالة 2

$$a = b$$

$$6x - 2 = 4x$$

$$6x - 4x = 2$$

$$x = 1$$

تحقق

$8x = |6x - 2|$

$8(0.2) = 2|6(0.2) - 2|$

$1.6 = 2|-0.8|$

$1.6 = 1.6$ ✓

حل المعادلة = $\{0.2, 1\}$

تحقق

$8x = |6x - 2|$

$8(1) = 2|6(1) - 2|$

$8 = 2|4|$

$8 = 8$ ✓

40. $-6y + 4 = |4y + 12|$

$|4y + 12| = -6y + 4$

الحالة 1

$$a = -b$$

$$4y + 12 = -(-6y + 4)$$

$$4y + 12 = 6y - 4$$

$$4y - 6y = -4 - 12$$

$$-2y = -16$$

$$y = 8$$

or
or
or

تحقق

$-6y + 4 = |4y + 12|$

$-6(8) + 4 = |4(8) + 12|$

$-44 = 44$ ✗
 $y = 8$

حل دخيل

حل المعادلة = $\{-0.8\}$

الحالة 2

$$a = b$$

$$4y + 12 = -6y + 4$$

$$4y + 6y = 4 - 12$$

$$10y = -8$$

$$y = -0.8$$

تحقق

$-6y + 4 = |4y + 12|$

$-6(-0.8) + 4 = |4(-0.8) + 12|$

$8.8 = 8.8$ ✓
 $y = -0.8$

حل للمعادلة

التمارين : 39-42

مثال : 4-2 حل كل معادلة مما يلي. وتحقق من حلولك.

السؤال السادس عشر

41. $8z + 20 = -|2z + 4|$

$|2z + 4| = -8z - 20$

الحالة 1

$a = -b$

$2z + 4 = -(-8z - 20)$ **or**

$2z - 8z = 20 - 4$ **or**

$-6z = 16$ **or**

$z = -\frac{8}{3}$

تحقق

$8z + 20 = -|2z + 4|$

$8(-\frac{8}{3}) + 20 = -|2(-\frac{8}{3}) + 4|$

$-\frac{4}{3} = -\frac{8}{3}$ ✓

$z = -\frac{8}{3}$

حل للمعادلة

حل المعادلة = $\{-\frac{8}{3}\}$

الحالة 2

$a = b$

$2z + 4 = -8z - 20$

$2z + 8z = -20 - 4$

$10z = -24$

$z = -2.4$

تحقق

$8z + 20 = -|2z + 4|$

$8(-2.4) + 20 = -|2(-2.4) + 4|$

$0.8 = -0.8$ ✗

$y = -2.4$

حل دخيل

42. $-3y - 2 = |6y + 25|$

$|6y + 25| = -3y - 2$

الحالة 1

$a = -b$

$6y + 25 = -(-3y - 2)$ **or**

$6y - 3y = 2 - 25$ **or**

$3y = -23$ **or**

$y = -\frac{23}{3}$

تحقق

$-3y - 2 = |6y + 25|$

$-3(-\frac{23}{3}) - 2 = |6(-\frac{23}{3}) + 25|$

$21 = 21$ ✓

$y = -\frac{23}{3}$

حل للمعادلة

حل المعادلة = $\{-\frac{23}{3}, -3\}$

الحالة 2

$a = b$

$6y + 25 = -3y - 2$

$6y + 3y = -2 - 25$

$9y = -27$

$y = -3$

تحقق

$-3y - 2 = |6y + 25|$

$-3(-3) - 2 = |6(-3) + 25|$

$7 = 7$ ✓

$y = -3$

حل للمعادلة

الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

التمارين : 23-27

إذا كان ميل مستقيم يساوي m فإن ميل العمودي عليه يساوي $-\frac{1}{m}$

تذكر أنه إذا كان مستقيم عمودي على آخر فإن حاصل ضرب ميلهما يساوي -1

23. يمر بالنقطة $(4, 2)$. عمودي على $y = -2x + 3$ ميل المستقيم : $y = -2x + 3$ هو : $m = -2$ ميل العمودي عليه : $-\frac{1}{2}$

كتابة معادلة المستقيم صيغة الميل ونقطة

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 2 = \frac{1}{2}(x - 4)$$

$$y - 2 = \frac{1}{2}x - 2$$

$$y = \frac{1}{2}x$$

$$m = \frac{1}{2}, (x_1, y_1) = (4, 2)$$

خاصية التوزيع

25. يمر بالنقطة $(12, 0)$. وبيوازي $y = -\frac{1}{2}x - 3$ ميل المستقيم : $y = -\frac{1}{2}x + 3$ هو : $m = -\frac{1}{2}$ ميل الموازي له : $-\frac{1}{2}$

كتابة معادلة المستقيم صيغة الميل ونقطة

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 0 = -\frac{1}{2}(x - 12)$$

$$y - 0 = -\frac{1}{2}x + 6$$

$$y = -\frac{1}{2}x + 6$$

$$m = -\frac{1}{2}, (x_1, y_1) = (12, 0)$$

خاصية التوزيع

مثال 4: المثابرة اكتب معادلة بصيغة الميل والمقطع للمستقيم الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

السؤال السابع عشر

تذكر أنه إذا كان مستقيم يوازي آخر فإن ميلهما متساويان

24. يمر بالنقطة $h(-6, -6)$. متوازٍ مع $y = \frac{4}{3}x + 8$ ميل المستقيم : $y = \frac{4}{3}x + 8$ هو : $m = \frac{4}{3}$ ميل الموازي له : $\frac{4}{3}$

كتابة معادلة المستقيم صيغة الميل ونقطة

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - -6 = \frac{4}{3}(x - -6)$$

$$y + 6 = \frac{4}{3}x + 8$$

$$y = \frac{4}{3}x + 2$$

$$m = \frac{4}{3}, (x_1, y_1) = (-6, -6)$$

خاصية التوزيع

26. يمر بالنقطة $(10, 2)$. عمودي على $y = 4x + 6$ ميل المستقيم : $y = 4x + 6$ هو : $m = 4$ ميل العمودي عليه : $-\frac{1}{4}$

كتابة معادلة المستقيم صيغة الميل ونقطة

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 2 = -\frac{1}{4}(x - 10)$$

$$y - 2 = -\frac{1}{4}x + 2.5$$

$$y = -\frac{1}{4}x + \frac{9}{2}$$

$$m = -\frac{1}{4}, (x_1, y_1) = (10, 2)$$

خاصية التوزيع

التمارين : 23-27

27. المعرفة المالية اشترى سلطان سيارة مستعملة مقابل AED 5900. ويبلغ معدل النفقات الشهرية للسيارة (والتي تشمل التأمين والصيانة، والبنزين) AED 180 شهريًا. اكتب معادلة تمثل التكلفة الإجمالية لشراء وامتلاك السيارة لمدة X من الشهور.

مثال : 4
السؤال السابع عشر

ميل المستقيم = معدل النفقات = 180

سعر السيارة في البداية = 5900 عندما $x=0$

كتابة معادلة المستقيم صيغة الميل ونقطة

$$y - y_1 = m (x - x_1)$$

$$y - 5900 = 180(x - 0) \quad m = 180, (x_1, y_1) = (0, 5900)$$

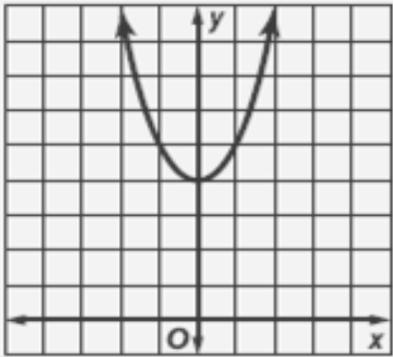
$$y - 5900 = 180x$$

$$y = 180x + 5900$$

التمارين : 14-31

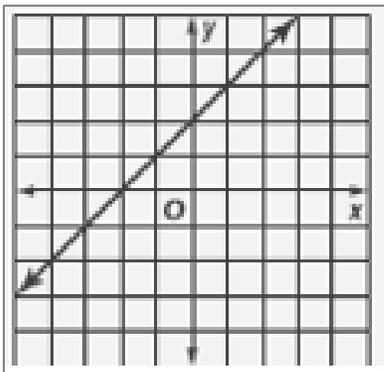
14. $y = x^2 + 4$

$a = 1$, $h = 0$, $k = 4$

إراحة لمنحنى الدالة $y = x^2$ 4 وحدات لأعلى

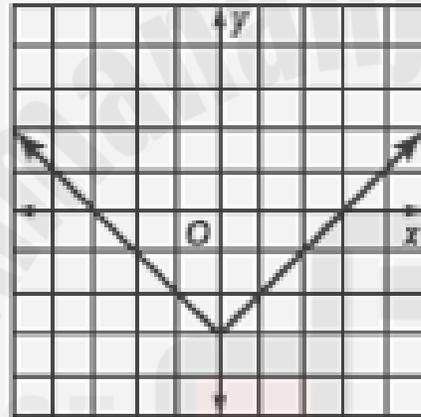
17. $y = x + 2$

$a = 1$, $h = -2$ or $k = 2$

إراحة لمنحنى الدالة $y = x$ وحدتين لأعلى أو وحدة لليسار

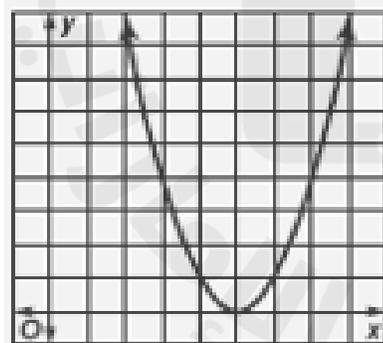
15. $y = |x| - 3$

$a = 1$, $h = 0$, $k = -4$

إراحة لمنحنى الدالة $y = |x|$ 3 وحدات لأسفل

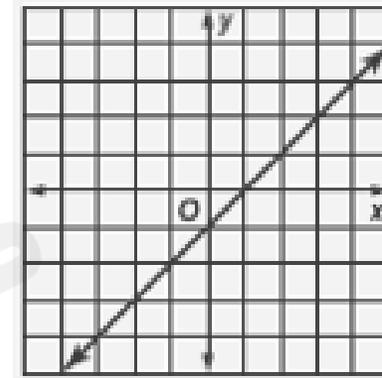
18. $y = (x - 5)^2$

$a = 1$, $h = 5$, $k = 0$

إراحة لمنحنى الدالة $y = x^2$ 5 وحدات لليمين

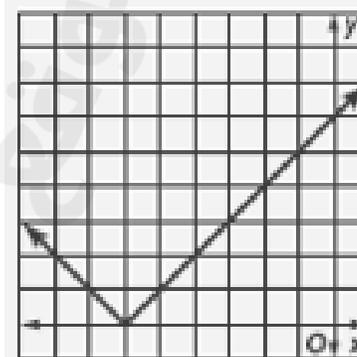
16. $y = x - 1$

$a = 1$, $h = 1$ or $k = -1$

إراحة لمنحنى الدالة $y = x$ وحدة لأسفل أو وحدة لليمين

19. $y = |x + 6|$

$a = 1$, $h = -6$, $k = 0$

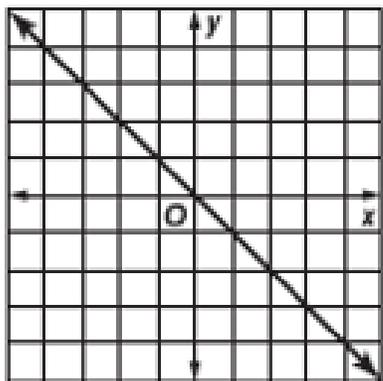
إراحة لمنحنى الدالة $y = |x|$ 6 وحدات لليسار

مثال 2: قم بوصف الإزاحة في كل دالة، ثم مثل الدالة بيانياً.

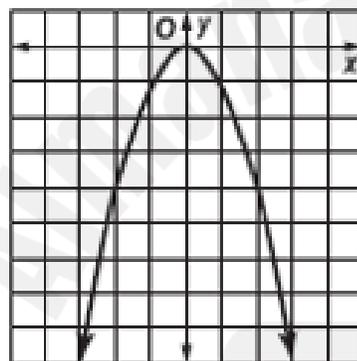
السؤال الثامن عشر

التمارين : 14-31

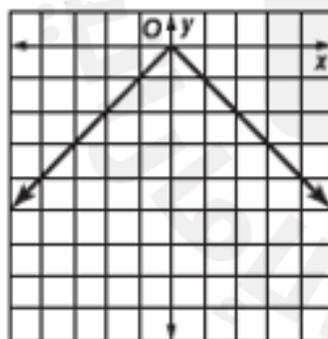
20. $y = -x$
 $a = -1$, $h = 0$, $k = 0$
 انعكاس لمنحنى الدالة $y = x$ في محور x



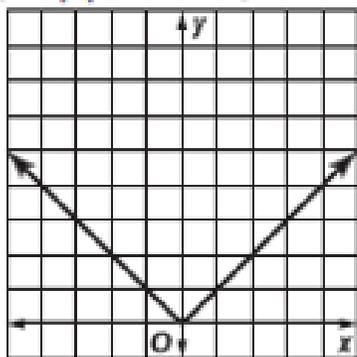
21. $y = -x^2$
 $a = -1$, $h = 0$, $k = 0$
 انعكاس لمنحنى الدالة $y = x^2$ في محور x



24. $y = -|x|$
 $a = -1$, $h = 0$, $k = 0$
 انعكاس لمنحنى الدالة $y = |x|$ في محور x



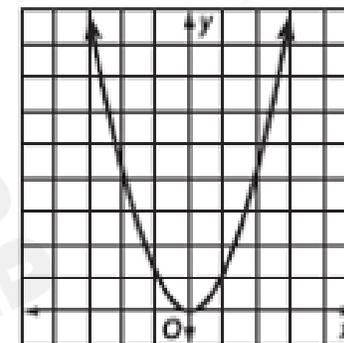
23. $y = |-x|$
 $a = 1$, $b = -1$, $h = 0$, $k = 0$
 انعكاس لمنحنى الدالة $y = |x|$ في محور y



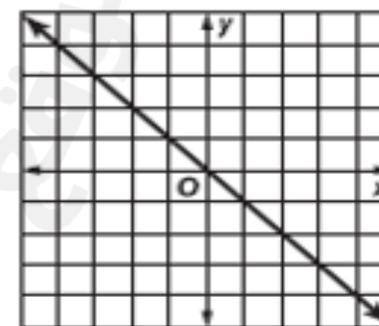
مثال 3: قم بوصف الانعكاس في كل دالة، ثم مثل الدالة بيانياً.

السؤال الثامن عشر

22. $y = (-x)^2$
 $a = 1$, $b = -1$, $h = 0$, $k = 0$
 انعكاس لمنحنى الدالة $y = x^2$ في محور y



25. $y = (-x)$
 $a = 1$, $b = -1$, $h = 0$, $k = 0$
 انعكاس لمنحنى الدالة $y = x$ في محور y

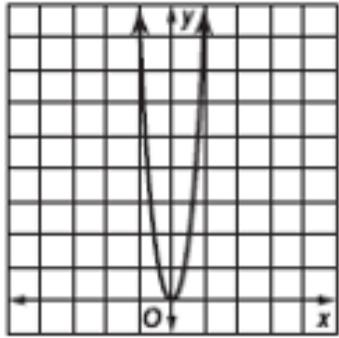


التمارين : 14-31

$$26. y = (3x)^2$$

$$a = 1, b = 3, h = 0, k = 0$$

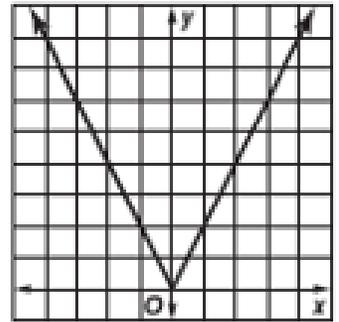
انضغاط أفقي لمنحنى الدالة $y = x^2$ بمقداره $\frac{1}{3}$



$$29. y = |2x|$$

$$a = 1, b = 2, h = 0, k = 0$$

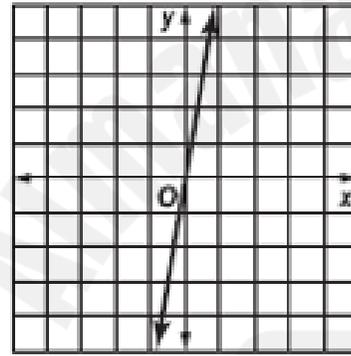
انضغاط أفقي لمنحنى الدالة $y = |x|$ بمقداره $\frac{1}{2}$



$$27. y = 6x$$

$$a = 6, b = 1, h = 0, k = 0$$

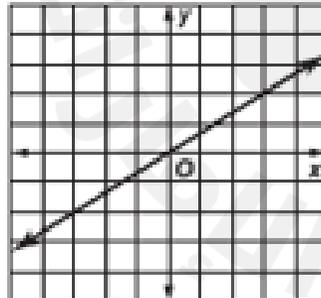
تمدد رأسي لمنحنى الدالة $y = x$ بمقداره 6



$$30. y = \frac{2}{3}x$$

$$a = 1, b = 2, h = 0, k = 0$$

انضغاط رأسي لمنحنى الدالة $y = x$ بمقداره $\frac{2}{3}$



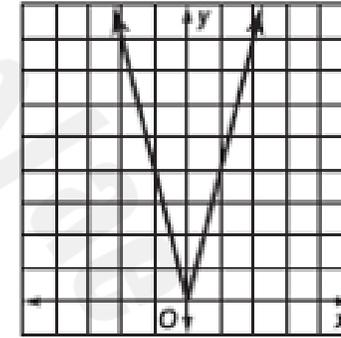
مثال 4: قم بوصف التمدد في كل دالة، ثم مثل الدالة بيانياً.

السؤال الثامن عشر

$$28. y = 4|x|$$

$$a = 4, b = 1, h = 0, k = 0$$

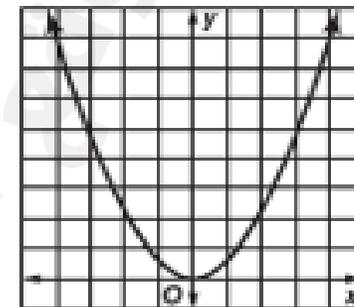
تمدد رأسي لمنحنى الدالة $y = |x|$ بمقداره 4



$$31. y = \frac{1}{2}x^2$$

$$a = \frac{1}{2}, b = 1, h = 0, k = 0$$

انضغاط رأسي لمنحنى الدالة $y = x^2$ بمقداره $\frac{1}{2}$



مثال 4:
السؤال التاسع عشر

إذا كان $A = \begin{bmatrix} -9 & 12 \\ 2 & -6 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} -4 & -8 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$ ، فجد $-4B - 3A$.

$$\begin{aligned} -4B - 3A &= -4 \begin{bmatrix} -4 & -8 \\ 2 & -3 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} -9 & 12 \\ 2 & -6 \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -4(-4) & -4(-8) \\ -4(2) & -4(-3) \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3(-9) & 3(12) \\ 3(2) & 3(-6) \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 16 & 32 \\ -8 & 12 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -27 & 36 \\ 6 & -18 \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 43 & -4 \\ -14 & 30 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

التمارين : 4-11

جد كل ناتج ضرب، إن أمكن.

مثال : 2-1

السؤال التاسع عشر

$$4. \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 7 & -5 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} -6 & 3 \\ -2 & -4 \end{bmatrix}$$

$$2 \times 2 = 2 \times 2$$

$$= \begin{bmatrix} 2 \times -6 + 1 \times -2 & 2 \times 3 + 1 \times -4 \\ 7 \times -6 + (-5) \times -2 & 7 \times 3 + (-5) \times -4 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -14 & 2 \\ -32 & 41 \end{bmatrix}$$

$$6. [9 \quad -2] \cdot \begin{bmatrix} -2 & 4 \\ 6 & -7 \end{bmatrix}$$

$$1 \times 2 = 2 \times 2$$

$$= \begin{bmatrix} 9 \times -2 + (-2) \times 6 & 9 \times 4 + (-2) \times -7 \end{bmatrix}$$

$$= [-30 \quad 50]$$

$$5. \begin{bmatrix} 10 & -2 \\ -7 & 3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$$

$$2 \times 2 = 2 \times 2$$

$$= \begin{bmatrix} 10 \times 1 + (-2) \times 5 & 10 \times 4 + (-2) \times -2 \\ -7 \times 1 + 3 \times 5 & -7 \times 4 + 3 \times -2 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 0 & 44 \\ 8 & -34 \end{bmatrix}$$

$$7. \begin{bmatrix} -9 \\ 6 \end{bmatrix} \cdot [-1 \quad -10 \quad 1]$$

$$2 \times 1 = 1 \times 3$$

$$= \begin{bmatrix} -9 \times -1 & -9 \times 10 & -9 \times 1 \\ 6 \times -1 & 6 \times -10 & 6 \times 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 9 & -90 & -9 \\ -6 & -60 & 6 \end{bmatrix}$$

التمارين : 4-11

جد كل ناتج ضرب، إن أمكن.

مثال : 2-1

السؤال التاسع عشر

8. $\begin{bmatrix} -8 & 7 & 4 \\ -5 & -3 & 8 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 10 & 6 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$

$2 \times 3 \neq 2 \times 2$



الأبعاد الداخلية غير متساوية

ناتج الضرب غير معرّف

10. $\begin{bmatrix} -4 & 3 & 2 \\ -1 & -5 & 4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 2 & 1 & 6 \\ 8 & 4 & -1 \\ 5 & 3 & -2 \end{bmatrix}$
 $2 \times 3 = 3 \times 3$

$$= \begin{bmatrix} -4 \times 2 + 3 \times 8 + 2 \times 5 & -4 \times 1 + 3 \times 4 + 2 \times 3 & -4 \times 6 + 3 \times -1 + 2 \times -2 \\ -1 \times 2 + (-5) \times 8 + 4 \times 5 & -1 \times 1 + (-5) \times 4 + 4 \times 3 & -1 \times 6 + (-5) \times -1 + 4 \times -2 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 26 & 14 & -31 \\ -22 & -9 & -9 \end{bmatrix}$$

9. $\begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 6 \\ -7 \end{bmatrix}$

$2 \times 2 = 2 \times 1$

$$= \begin{bmatrix} 2 \times 6 + 8 \times -7 \\ 3 \times 6 + (-1) \times -7 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -44 \\ 25 \end{bmatrix}$$

التمارين : 4-11

مثال : 2-1 جد كل ناتج ضرب، إن أمكن.

السؤال التاسع عشر

$$11. \begin{bmatrix} 2 & 5 & 3 & -1 \\ -3 & 1 & 8 & -3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 6 & -3 \\ -7 & 1 \\ 2 & 0 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$2 \times 4 = 4 \times 2$$

$$= \begin{bmatrix} 2 \times 6 + 5 \times -7 + 3 \times 2 + (-1) \times -1 & 2 \times -3 + 5 \times 1 + 3 \times 0 + (-1) \times 0 \\ -3 \times 6 + 1 \times -7 + 8 \times 2 + (-3) \times -1 & -3 \times -3 + 1 \times 1 + 8 \times 0 + (-3) \times 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -22 & -1 \\ -9 & 10 \end{bmatrix}$$

التمارين : 17-26

Mod 5.4

بوجود كثيرة حدود وأحد عواملها. جد العوامل المتبقية لكثيرة الحدود

مثال 4:
السؤال العشرون

17. $x^3 - 3x + 2; x + 2$

-2	1	0	-3	2
	↓	+	+	+
		-2	4	-2
<hr/>				
	1	-2	1	0

$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)(x - 1)$
العوامل الأخرى هي : $(x - 1)^2$

18. $x^4 + 2x^3 - 8x - 16; x + 2$

-2	1	2	0	-8	-16
	↓	+	+	+	+
		-2	0	0	16
<hr/>					
	1	0	0	-8	0

$x^3 - 8 = (x - 2)(x^2 + 2x + 4)$
العوامل الأخرى هي : $x - 2, x^2 + 2x + 4$

21. $2x^3 + 17x^2 + 23x - 42; x - 1$

1	2	17	23	-42
	↓	+	+	+
		2	19	42
<hr/>				
	2	19	42	0

$2x^2 + 19x + 42 = (2x + 7)(x + 6)$
العوامل الأخرى هي : $(2x + 7), (x + 6)$

19. $x^3 - x^2 - 10x - 8; x + 2$

-2	1	-1	-10	-8
	↓	+	+	+
		-2	6	8
<hr/>				
	1	-3	-4	0

$x^2 - 3x - 4 = (x - 4)(x + 1)$
العوامل الأخرى هي : $(x - 4), (x + 1)$

22. $2x^3 + 7x^2 - 53x - 28; x - 4$

4	2	7	-53	-28
	↓	+	+	+
		8	60	28
<hr/>				
	2	15	7	0

$2x^2 + 15x + 7 = (2x + 1)(x + 7)$
العوامل الأخرى هي : $(x + 7), (2x + 1)$

20. $x^3 - x^2 - 5x - 3; x - 3$

3	1	-1	-5	-3
	↓	+	+	+
		3	6	3
<hr/>				
	1	2	1	0

$x^2 + 2x + 1 = (x + 1)(x + 1)$
العوامل الأخرى هي : $(x + 1)^2$

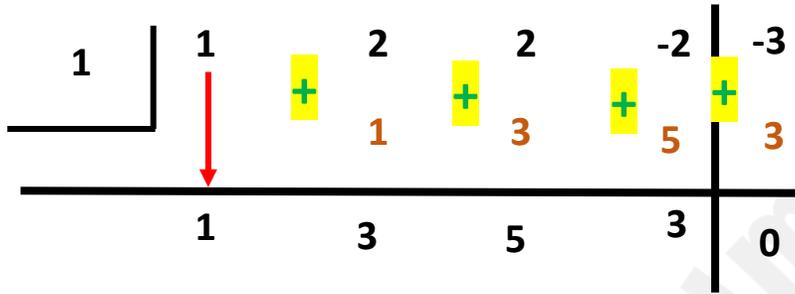
الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

التمارين : 17-26

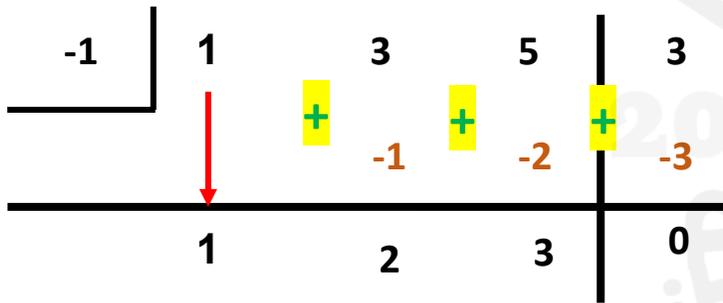
مثال 4:
السؤال العشرون

بوجود كثيرة حدود وأحد عواملها. جد العوامل المتبقية لكثيرة الحدود

23. $x^4 + 2x^3 + 2x^2 - 2x - 3; x - 1$

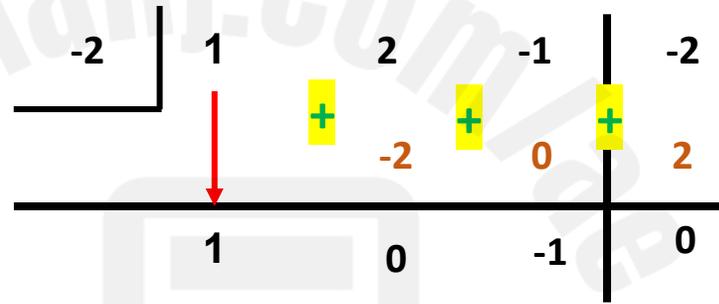


الناتج = $x^3 + 3x^2 + 5x + 3$ Mod 5.4



العوامل الأخرى هي $x + 1, x^2 + 2x + 3$

24. $x^3 + 2x^2 - x - 2; x + 2$ Mod 5.4



$x^2 - 1 = (x + 1)(x - 1)$

العوامل الأخرى هي $(x + 1), (x - 1)$

التمارين : 17-26

25. $6x^3 - 25x^2 + 2x + 8; 2x + 1$

$-\frac{1}{2}$	6	-25	2	8
		+3	+14	+8
	6	-28	16	0

نقسم على معامل x في المقسوم عليه 2

3 -14 8

الناتج = $3x^2 - 14x + 8$ Mod 5.3

= $(3x - 2)(x - 4)$

العوامل الأخرى هي : $3x - 2, x - 4$

26. $16x^5 - 32x^4 - 81x + 162; 2x - 3$

$\frac{3}{2}$	16	-32	0	0	-81	162
		+24	+12	+18	+27	-162
	16	-8	-12	-18	-108	0

نقسم على معامل x في المقسوم عليه 2

الناتج = $8x^4 - 4x^3 - 6x^2 - 9x - 54$

بوجود كثيرة حدود وأحد عواملها. جد العوامل المتبقية لكثيرة الحدود

$f(2) = 8(2)^4 - 4(2)^3 - 6(2)^2 - 9(2) - 54 = 0$

عامل لكثيرة الحدود $x - 2$ ∴

نقسم مرة أخرى

2	8	-4	-6	-9	-54
		+16	+24	+36	+54
	8	12	18	27	0

الناتج = $8x^3 + 12x^2 + 18x + 27$ Mod 5.4

$f\left(-\frac{3}{2}\right) = 8\left(-\frac{3}{2}\right)^3 + 12\left(-\frac{3}{2}\right)^2 + 18\left(-\frac{3}{2}\right) + 27 = 0$

عامل لكثيرة الحدود $2x + 3$ ∴

نقسم مرة أخرى

$-\frac{3}{2}$	8	12	18	27
		+12	+18	+27
	8	0	18	0

نقسم على معامل x في المقسوم عليه 2

الناتج = $4x^2 + 9$ لا يحلل

العوامل الأخرى هي : $x - 2, 3x + 2, 4x^2 + 9$

مثال 4:
السؤال العشرون

الجزء الثاني : الورقي (الكتابي)

التمارين 42-47

Wednesday, November 20, 2024

مثال 4: حُل كل معادلة.
السؤال العشرون

42. $x^4 + 6x^2 + 5 = 0$

$$(x^2)^2 + 6(x^2) + 5 = 0 \quad \text{Mod } 5.3$$

$$(x^2 + 1)(x^2 + 5) = 0$$

$$x^2 + 1 = 0 \quad \text{or} \quad x^2 + 5 = 0$$
$$x^2 = -1 \quad \text{or} \quad x^2 = -5$$

$$x = \pm\sqrt{-1} \quad \text{or} \quad x = \pm\sqrt{-5}$$

$$x = \pm i \quad x = \pm\sqrt{5} i$$

45. $9x^4 - 27x^2 + 20 = 0$

$$9(x^2)^2 - 27(x^2) + 20 = 0 \quad \text{Mod } 5.3$$

$$(3x^2 - 4)(3x^2 - 5) = 0$$

$$3x^2 - 4 = 0 \quad \text{or} \quad 3x^2 - 5 = 0$$

$$x^2 = \frac{4}{3} \quad \text{or} \quad x^2 = \frac{5}{3}$$

$$x = \pm\sqrt{\frac{4}{3}} = \pm\sqrt{\frac{4}{3}} \quad \text{or} \quad x = \pm\sqrt{\frac{5}{3}}$$

43. $x^4 - 3x^2 - 10 = 0$

Mod 5.3

$$(x^2)^2 - 3(x^2) - 10 = 0$$

$$(x^2 - 5)(x^2 + 2) = 0$$

$$x^2 - 5 = 0 \quad \text{or} \quad x^2 + 2 = 0$$
$$x^2 = 5 \quad \text{or} \quad x^2 = -2$$

$$x = \pm\sqrt{5} \quad \text{or} \quad x = \pm\sqrt{-2}$$

$$x = \pm\sqrt{5} \quad x = \pm\sqrt{2} i$$

46. $4x^4 - 5x^2 - 6 = 0$

Mod 5.3

$$4(x^2)^2 - 5(x^2) - 6 = 0$$

$$(4x^2 + 3)(x^2 - 2) = 0$$

$$4x^2 + 3 = 0 \quad \text{or} \quad x^2 - 2 = 0$$
$$x^2 = -\frac{3}{4} \quad \text{or} \quad x^2 = 2$$

$$x = \pm\sqrt{-\frac{3}{4}} \quad \text{or} \quad x = \pm\sqrt{2}$$

$$x = \pm\frac{\sqrt{3}}{2} i$$

44. $4x^4 - 14x^2 + 12 = 0$

$$4(x^2)^2 - 14(x^2) + 12 = 0 \quad \text{Mod } 5.3$$

$$(2x^2 - 4)(2x^2 - 3) = 0$$

$$2x^2 - 4 = 0 \quad \text{or} \quad 2x^2 - 3 = 0$$

$$2x^2 \div 2 = 4 \div 2 \quad \text{or} \quad 2x^2 \div 2 = 3 \div 2$$

$$x^2 = 2 \quad \text{or} \quad x^2 = 1.5$$

$$x = \pm\sqrt{2} \quad \text{or} \quad x = \pm\sqrt{1.5}$$

47. $24x^4 + 14x^2 - 3 = 0$

Mod 5.3

$$24(x^2)^2 + 14(x^2) - 3 = 0$$

$$(4x^2 + 3)(6x^2 - 1) = 0$$

$$4x^2 + 3 = 0 \quad \text{or} \quad 6x^2 - 1 = 0$$

$$x^2 = -\frac{3}{4} \quad \text{or} \quad x^2 = \frac{1}{6}$$

$$x = \pm\sqrt{-\frac{3}{4}} \quad \text{or} \quad x = \pm\sqrt{\frac{1}{6}}$$

$$x = \pm\frac{\sqrt{3}}{2} i$$

$$x = \pm\frac{1}{\sqrt{6}}$$