

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



حل أوراق عمل الدرس السادس الأسس النسبية من الوحدة الخامسة

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الحادي عشر العام ← رياضيات ← الفصل الثاني ← الملف

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر العام



روابط مواد الصف الحادي عشر العام على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر العام والمادة رياضيات في الفصل الثاني

[حل نموذج امتحاني وفق الهيكل الوزاري](#)

1

[مراجعة نهائية وفق الهيكل الوزاري](#)

2

[أسئلة الامتحان النهائي](#)

3

[حل تجميع أسئلة وفق الهيكل الوزاري](#)

4

[نموذج أسئلة وفق الهيكل الوزاري](#)

5



الاسم: \_\_\_\_\_

5-6 الأسس النسبية

ورقة عمل الصف الحادي عشر

في هذا الدرس سوف أتعلم:

2 - تحويل التعابير لأبسط صورة في شكل أس أو جذر.

1 - كتابة تعابير مع أسس نسبية في شكل جذر والعكس.

### المفهوم الأساسي $b^{\frac{1}{n}}$

الشرح  
لأي عدد حقيقي  $b$  وأي عدد صحيح موجب  $n$ ، يكون  $b^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{b}$ . باستثناء إذا كان  $b < 0$  و  $n$  عددًا زوجيًا. إذا كان  $b < 0$  و  $n$  عدد زوجي، فقد يكون لدينا جذر مركب.

أمثلة  
 $27^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{27} = 3$        $(-16)^{\frac{1}{2}} = \sqrt{-16} = 4i$

### المفهوم الأساسي الأسس النسبية

الشرح  
لأي عدد غير صفري حقيقي  $b$ ، وأي عددين صحيحين  $x$  و  $y$ ، حيث إن  $y > 1$ ، فإن  $b^{\frac{x}{y}} = \sqrt[y]{b^x} = (\sqrt[y]{b})^x$ . باستثناء إذا كان  $b < 0$  و  $y$  عددًا زوجيًا. إذا كان  $b < 0$  و  $y$  عددًا زوجيًا، فقد يكون لدينا جذر مركب.

أمثلة  
 $27^{\frac{2}{3}} = (\sqrt[3]{27})^2 = 3^2 = 9$        $(-16)^{\frac{3}{2}} = (\sqrt{-16})^3 = (4i)^3 = -64i$

### قراءة في الرياضيات

دوال الأسس تعتبر دوال الجذر التربيعي هي أيضًا دوال أسس عندما يكون الأس كسرًا. في حالة الجذور التربيعية، يكون الأس  $\frac{1}{2}$ .

اكتب كل تعبير في صورة جذرية، أو اكتب كل جذر في صورة أسية.

Write each expression in radical form, or write each radical in exponential form.

$10^{\frac{1}{4}}$   
 $\sqrt[4]{10}$

$x^{\frac{3}{5}}$   
 $\sqrt[5]{x^3}$

$\sqrt[3]{15}$   
 $15^{\frac{1}{3}}$

$\sqrt[4]{7x^6y^9}$   
 $= (7x^6y^9)^{\frac{1}{4}}$   
 $= 7^{\frac{1}{4}} x^{\frac{6}{4}} y^{\frac{9}{4}}$   
 $= 7^{\frac{1}{4}} x^{\frac{3}{2}} y^{\frac{9}{4}}$

Evaluate each expression.

جد قيمة كل تعبير مما يلي.

$343^{\frac{1}{3}}$   
 $= (7^3)^{\frac{1}{3}}$   
 $= 7^{3(\frac{1}{3})}$   
 $= 7$

$32^{-\frac{1}{5}}$   
 $= (2^5)^{-\frac{1}{5}}$   
 $= 2^{5(-\frac{1}{5})}$   
 $= 2^{-1}$   
 $= \frac{1}{2}$

$125^{\frac{2}{3}}$   
 $= (5^3)^{\frac{2}{3}}$   
 $= 5^{3(\frac{2}{3})}$   
 $= 5^2$   
 $= 25$

$\frac{24}{4^{\frac{3}{2}}}$   
 $= \frac{24}{(2^2)^{\frac{3}{2}}}$   
 $= \frac{24}{(2)^{2(\frac{3}{2})}}$   
 $= \frac{24}{2^3} = \frac{24}{8} = \boxed{3}$



### نصيحة دراسية

#### تحويل التعابير لأبسط صورة

عند تحويل التعابير التي تحتوي على أسس نسبية لأبسط صورة، اترك الأس في الشكل النسبي بدلاً من كتابة التعبير في صورة جذرية.

عند تحويل تعبير جذري لأبسط صورة، استخدم دائماً أقل رتبة ممكنة للجذر. واستخدام الأسس النسبية يجعل هذه العملية أكثر سهولة، ولكن لابد من كتابة الإجابة في شكل جذري.

Simplify each expression.

حوّل كل تعبير لأبسط صورة.

$$a^{\frac{3}{4}} \times a^{\frac{1}{2}}$$
$$= a^{\frac{3}{4} + \frac{1}{2}}$$
$$= a^{\frac{5}{4}}$$

$$\sqrt[6]{81g^3}$$
$$= (81)^{\frac{1}{6}} g^{\frac{3}{6}}$$
$$= (3^4)^{\frac{1}{6}} g^{\frac{1}{2}}$$
$$= (3)^{\frac{4}{6}} \sqrt{g}$$
$$= 3^{\frac{2}{3}} \sqrt{g}$$
$$= \sqrt[3]{3^2} \cdot \sqrt{g}$$
$$= \sqrt[3]{9} \cdot \sqrt{g}$$

$$\sqrt[4]{9g^2}$$
$$= 9^{\frac{1}{4}} g^{\frac{2}{4}}$$
$$= (3^2)^{\frac{1}{4}} g^{\frac{1}{2}}$$
$$= 3^{\frac{1}{2}} g^{\frac{1}{2}}$$
$$= (3g)^{\frac{1}{2}}$$
$$= \sqrt{3g}$$

$$\frac{x^{\frac{4}{5}}}{x^{\frac{1}{5}}}$$
$$= x^{\frac{4}{5} - \frac{1}{5}}$$
$$= x^{\frac{3}{5}}$$

$$\frac{x^{\frac{1}{4}} + 2}{x^{\frac{1}{4}} - 2} \times \frac{x^{\frac{1}{4}} + 2}{x^{\frac{1}{4}} + 2}$$
$$= \frac{x^{\frac{1}{2}} + 4x^{\frac{1}{4}} + 4}{x^{\frac{1}{2}} - 4} \times \frac{x^{\frac{1}{4}} + 2}{x^{\frac{1}{4}} + 2}$$
$$= \frac{x + 4x^{\frac{1}{2}} + 4x^{\frac{3}{4}} + 16x^{\frac{1}{4}} + 4x^{\frac{1}{2}} + 16}{x - 16}$$
$$= \frac{x + 4x^{\frac{3}{4}} + 8x^{\frac{1}{2}} + 16x^{\frac{1}{4}} + 16}{x - 16}$$

$$\frac{b^3}{c^2} \times \frac{c}{b^3}$$
$$= b^{3 - \frac{1}{3}} \times c^{1 - \frac{1}{2}}$$
$$= b^{\frac{8}{3}} \times c^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{\sqrt[5]{64}}{\sqrt[5]{4}}$$
$$= \sqrt[5]{\frac{64}{4}}$$
$$= \sqrt[5]{16}$$

$$\frac{g^{\frac{1}{2}} - 1}{g^{\frac{1}{2}} + 1} \times \frac{g^{\frac{1}{2}} - 1}{g^{\frac{1}{2}} - 1}$$
$$= \frac{g - 2g^{\frac{1}{2}} + 1}{g - 1}$$