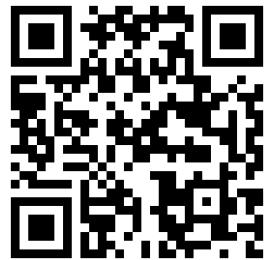


شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



## نموذج مراجعة وفق الهيكل الوزاري بدون حل

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الثاني عشر العام ← رياضيات ← الفصل الثاني ← الملف

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العام



## روابط مواد الصف الثاني عشر العام على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[ال التربية الإسلامية](#)

## المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العام والمادة رياضيات في الفصل الثاني

[أسئلة الامتحان النهائي الورقي - بريديج](#)

1

[أسئلة اختبار تحريبي](#)

2

[حل أسئلة الامتحان النهائي](#)

3

[حل نموذج أسئلة \(المصفوفات\) وفق الهيكل الوزاري](#)

4

[مراجعة اختبر نفسك في الوحدات السادسة والسابعة والثامنة](#)

5

# هيكل الفصل الدراسي الثاني

## عامي عشر عام

### EoT2

### Grade 12 General

1

2022/2023

Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

اكتب المصفوفة الموسعة لكل نظام من المعادلات الخطية التالية.

Write the augmented matrix for each system of linear equations.

9.  $12x - 5y = -9$   
 $-3x + 8y = 10$

10.  $-4x - 6y = 25$   
 $7x + 2y = 16$

A.  $\begin{bmatrix} 12 & -5 & -9 \\ -3 & 8 & 10 \end{bmatrix}$

A.  $\begin{bmatrix} -4 & -6 & 25 \\ 7 & 2 & 16 \end{bmatrix}$

B.  $\begin{bmatrix} 12 & -5 \\ -3 & 8 \end{bmatrix}$

B.  $\begin{bmatrix} -4 & -6 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$

C.  $\begin{bmatrix} 12 & -3 & -9 \\ -5 & 8 & 10 \end{bmatrix}$

C.  $\begin{bmatrix} -4 & -6 & 16 \\ 7 & 2 & 25 \end{bmatrix}$

D.  $\begin{bmatrix} 12 & 5 & 9 \\ 3 & 8 & 10 \end{bmatrix}$

D.  $\begin{bmatrix} -6 & -4 & 9 \\ 2 & 7 & 10 \end{bmatrix}$

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

**اكتب المصفوفة الموسعة لكل نظام من المعادلات الخطية التالية.**

Write the augmented matrix for each system of linear equations.

11.  $3x - 5y + 7z = 9$

$-10x + y + 8z = 6$

$4x - 15z = -8$

12.  $4x - z = 27$

$-8x + 7y - 6z = -35$

$12x - 3y + 5z = 20$

A.  $\begin{bmatrix} 3 & -5 & 7 & 9 \\ -10 & 1 & 8 & 6 \\ 4 & -15 & 0 & -8 \end{bmatrix}$

B.  $\begin{bmatrix} 3 & -5 & 7 & 9 \\ -10 & 1 & 8 & 6 \\ 4 & 0 & -15 & -8 \end{bmatrix}$

C.  $\begin{bmatrix} 3 & -10 & 7 & 9 \\ -5 & 1 & 8 & 6 \\ 7 & 8 & -15 & -8 \end{bmatrix}$

D.  $\begin{bmatrix} 3 & -5 & 7 \\ -10 & 1 & 8 \\ 4 & 0 & -15 \end{bmatrix}$

A)  $\left[ \begin{array}{ccc|c} 4 & -1 & 27 & 0 \\ -8 & 7 & -6 & -35 \\ 12 & -3 & 5 & 20 \end{array} \right]$       B)  $\left[ \begin{array}{ccc|c} 4 & 0 & -1 & 27 \\ -8 & 7 & -6 & -35 \\ 12 & -3 & 5 & 20 \end{array} \right]$

C)  $\left[ \begin{array}{ccc|c} 4 & 0 & -1 & -27 \\ -8 & 7 & -6 & 35 \\ 12 & -3 & 5 & -20 \end{array} \right]$       D)  $\left[ \begin{array}{ccc|c} 4 & -1 & 0 & 27 \\ -8 & 7 & -6 & -35 \\ 12 & -3 & 5 & 20 \end{array} \right]$

**اكتب المصفوفة الموسعة لكل نظام من المعادلات الخطية التالية.**

Write the augmented matrix for each system of linear equations.

13.  $w - 8x + 5y = 11$

$7w + 2x - 3y + 9z = -5$

$6w + 12y - 15z = 4$

$3x + 4y - 8z = -13$

14.  $14x - 2y + 3z = -22$

$5w - 4x + 11z = -8$

$2w - 6y + 3z = 15$

$3w + 7x - y = 1$

A.  $\begin{bmatrix} 1 & -8 & 5 & 0 & 11 \\ 7 & 2 & -3 & 9 & -5 \\ 6 & 0 & 12 & -15 & 4 \\ 0 & 3 & 4 & -8 & -13 \end{bmatrix}$

C.  $\begin{bmatrix} 0 & -8 & 5 & 0 & 11 \\ 7 & 2 & -3 & 9 & -5 \\ 6 & 0 & 12 & -15 & 4 \\ 0 & 0 & 4 & -8 & -13 \end{bmatrix}$

B.  $\begin{bmatrix} 1 & -5 & 5 & 0 & 11 \\ -8 & 8 & -4 & 9 & -5 \\ 5 & 0 & 12 & -15 & 4 \\ 0 & 0 & 4 & -8 & -13 \end{bmatrix}$

D.  $\begin{bmatrix} 0 & -8 & 5 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & -3 & 9 & -5 \\ 9 & 0 & 1 & -15 & 4 \\ 0 & 0 & 4 & -8 & -13 \end{bmatrix}$

Find the determinant of each matrix. Then find the inverse of the matrix, if it exists.

جـد مـحدد كـل مـن المـصـفـوـفـات التـالـيـة. ثـم جـد مـعـكـوس المـصـفـوـفـة، إـن وـجـدـ.

a.  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 4 & 4 \end{bmatrix}$

b.  $B = \begin{bmatrix} 6 & 4 \\ 9 & 6 \end{bmatrix}$

Find the determinant of each matrix. Then find the inverse of the matrix, if it exists.

جـد مـحدد كـل مـن المـصـفـوـفـات التـالـيـة. ثـم جـد مـعـكـوس المـصـفـوـفـة، إـن وـجـدـ.

6A.  $\begin{bmatrix} -4 & 6 \\ 8 & -12 \end{bmatrix}$

6B.  $\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -2 & -2 \end{bmatrix}$

استخدم المصفوفة العكسية لحل كل نظام معادلات، إن أمكن

Use an inverse matrix to solve each system of equations, if possible.

$$\begin{aligned} 1. \quad 5x - 2y &= 11 \\ -4x + 7y &= 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2. \quad 2x + 3y &= 2 \\ x - 4y &= -21 \end{aligned}$$

$$X = A^{-1}B$$

استخدم المصفوفة العكسية لحل كل نظام معادلات، إن أمكن

Use an inverse matrix to solve each system of equations, if possible.

$$\begin{aligned} 3. \quad -3x + 5y &= 33 \\ 2x - 4y &= -26 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4. \quad -4x + y &= 19 \\ 3x - 2y &= -18 \end{aligned}$$

**أوجد نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة ذات النقطتين الطرفيتين عند الاحداثيات المعلقة**

**Find the midpoint of the line segment with endpoints at the given coordinates.**

1.  $(-4, 7), (3, 9)$

2.  $(8, 2), (-1, -5)$

3.  $(11, 6), (18, 13.5)$

4.  $(-12, -2), (-10.5, -6)$

**أوجد نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة ذات النقطتين الطرفيتين عند الاحداثيات المعلقة**

**Find the midpoint of the line segment with endpoints at the given coordinates.**

10.  $(20, 3), (15, 5)$

11.  $(-27, 4), (19, -6)$

12.  $(-0.4, 7), (11, -1.6)$

13.  $(5.4, -8), (9.2, 10)$

14.  $(-5.3, -8.6), (-18.7, 1)$

15.  $(-6.4, -8.2), (-9.1, -0.8)$

جد المسافة بين كل زوج من النقاط المعطاة إحداثياتها

Find the distance between each pair of points with the given coordinates.

5.  $(3, -5), (13, -11)$

6.  $(8, 1), (-2, 9)$

7.  $(0.25, 1.75), (3.5, 2.5)$

8.  $(-4.5, 10.75), (-6.25, -7)$

جد المسافة بين كل زوج من النقاط المعطاة إحداثياتها

Find the distance between each pair of points with the given coordinates.

16.  $(1, 2), (6, 3)$

17.  $(3, -4), (0, 12)$

18.  $(-6, -7), (11, -12)$

19.  $(-10, 8), (-8, -8)$

20.  $(4, 0), (5, -6)$

21.  $(7, 9), (-2, -10)$

22.  $(-4, -5), (15, 17)$

23.  $(14, -20), (-18, 25)$

Graph each equation.

ارسم كل معادلة

20.  $y = \frac{1}{3}x^2$

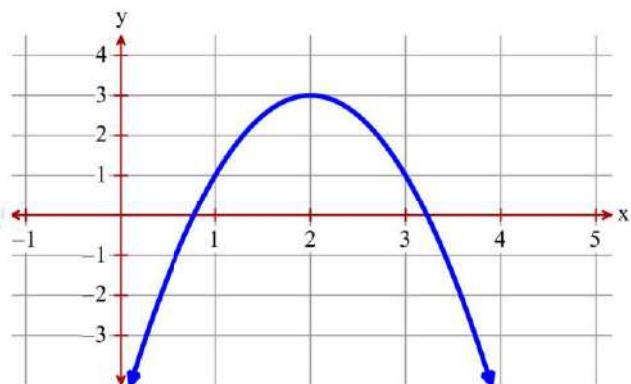
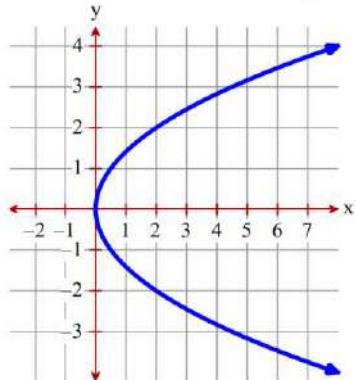
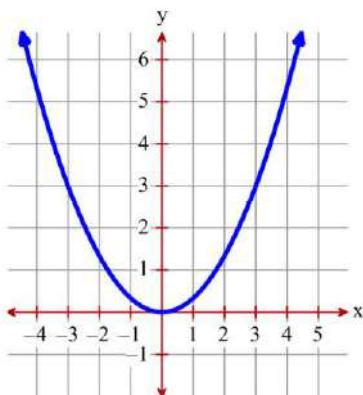
21.  $y = -2x^2$

22.  $y = -2(x - 2)^2 + 3$

23.  $y = 3(x - 3)^2 - 5$

24.  $x = \frac{1}{2}y^2$

25.  $4x - y^2 = 2y + 13$



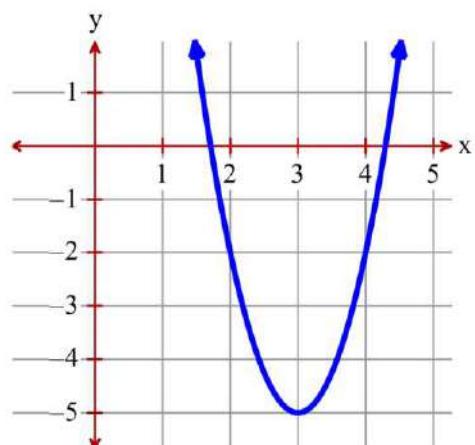
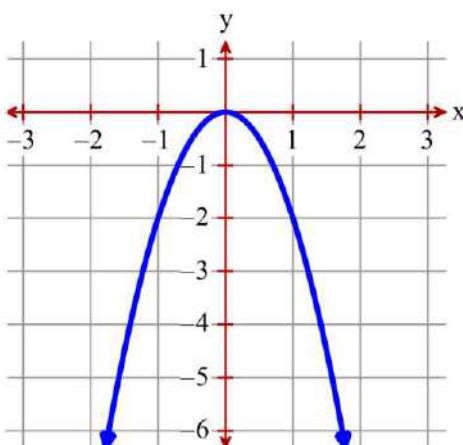
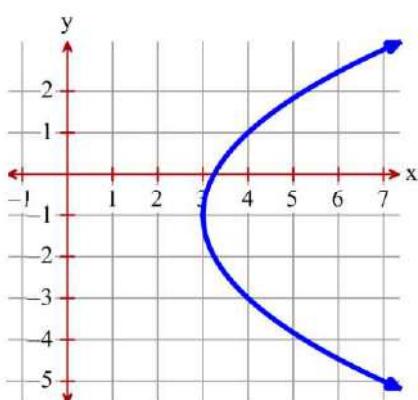
Graph each equation.

ارسم كل معادلة

21.  $y = -2x^2$

23.  $y = 3(x - 3)^2 - 5$

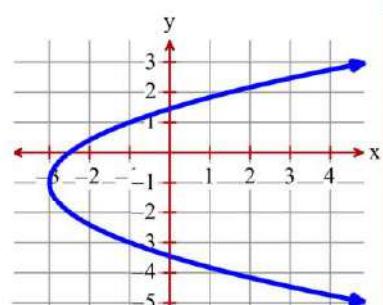
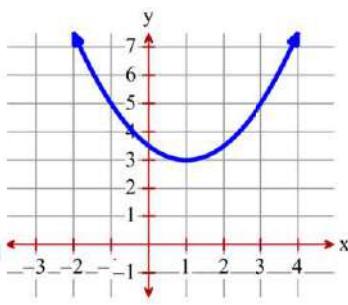
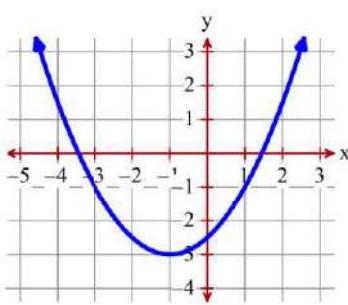
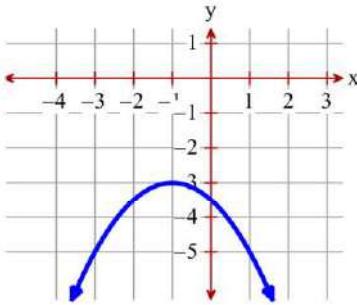
25.  $4x - y^2 = 2y + 13$



أي مما يلي يوضح التمثيل البياني للمعادلة

Which of the following represent the graph of the equation

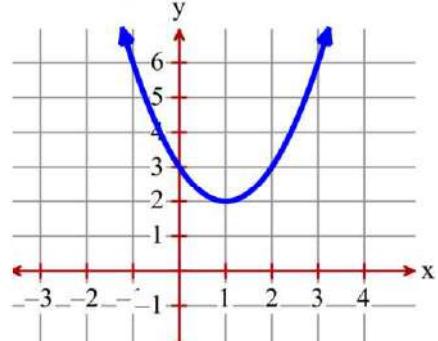
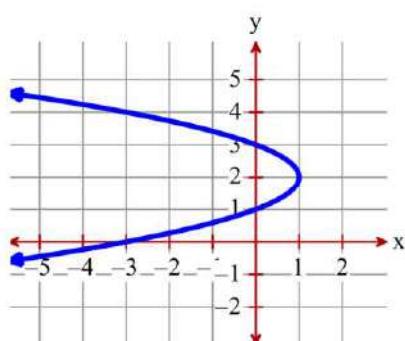
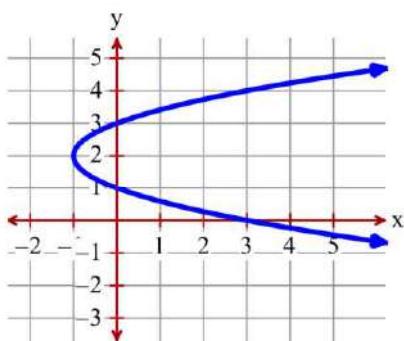
$$y = \frac{1}{2}(x + 1)^2 - 3$$



أي مما يلي يوضح التمثيل البياني للمعادلة

Which of the following represent the graph of the equation

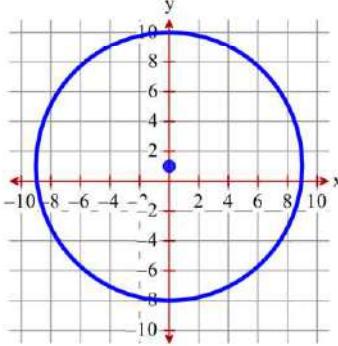
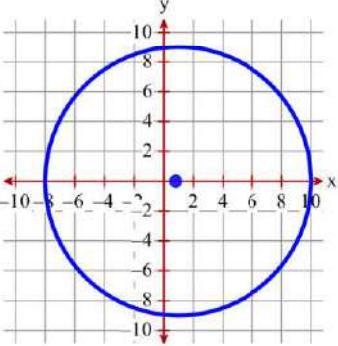
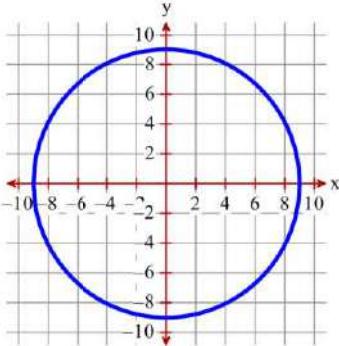
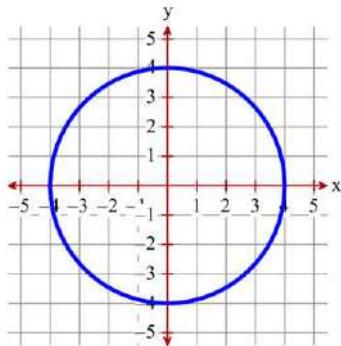
$$x - y^2 = 4y + 3$$



جد مركز ونصف قطر دائرة معادلتها  $x^2 + y^2 = 81$ . ثم مثل الدائرة بيانياً.

Find the center and radius of the circle with equation  $x^2 + y^2 = 81$ .

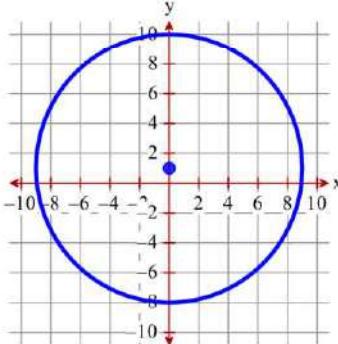
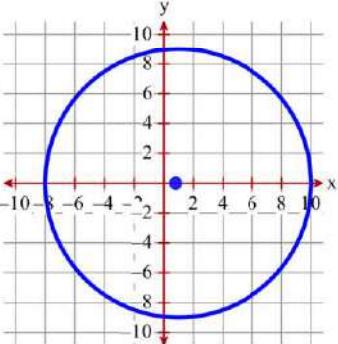
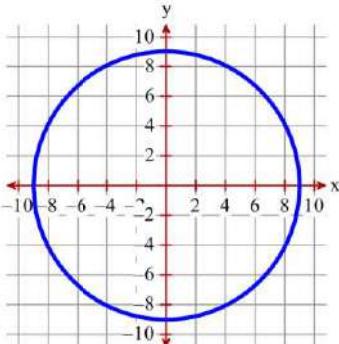
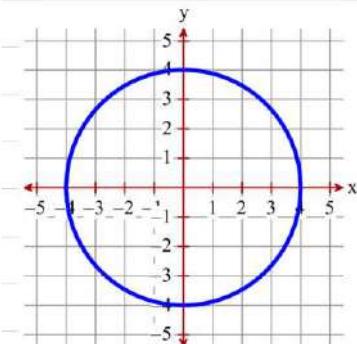
Then graph the circle.



جد مركز كل دائرة ونصف قطرها. ثم مثل الدائرة بيانياً.

Find the center and radius of each circle. Then graph the circle.

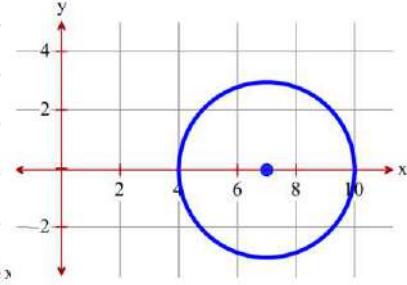
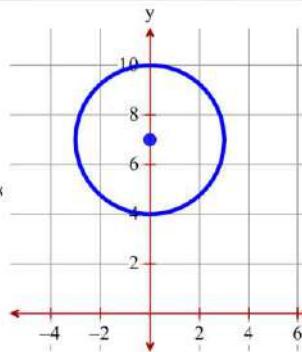
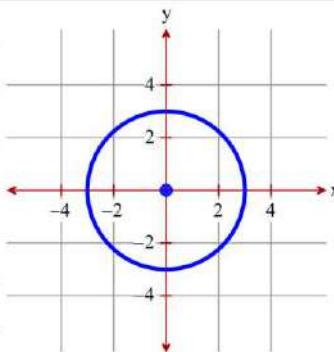
8.  $x^2 + y^2 = 16$



**جد مركز كل دائرة ونصف قطرها. ثم مثل الدائرة بيانياً.**

**Find the center and radius of each circle. Then graph the circle.**

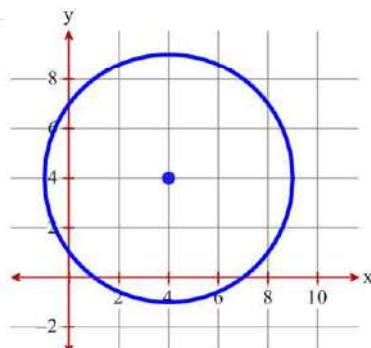
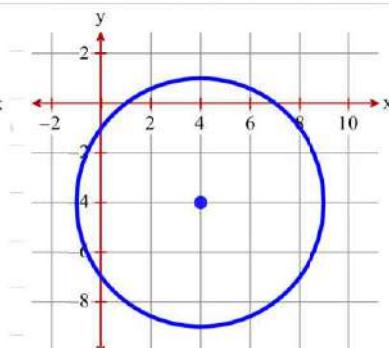
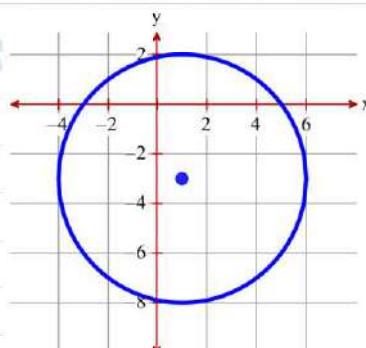
9.  $x^2 + (y - 7)^2 = 9$



**جد مركز كل دائرة ونصف قطرها. ثم مثل الدائرة بيانياً.**

**Find the center and radius of each circle. Then graph the circle.**

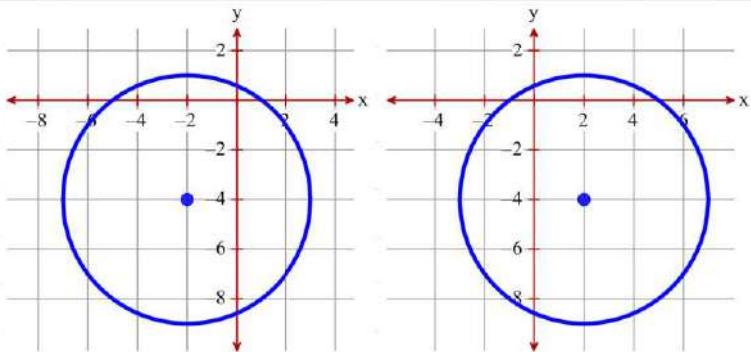
10.  $(x - 4)^2 + (y - 4)^2 = 25$



**جد مركز كل دائرة ونصف قطرها. ثم مثل الدائرة بيانياً.**

**Find the center and radius of each circle. Then graph the circle.**

**11.**  $x^2 + y^2 - 4x + 8y - 5 = 0$



**أي مما يلي هو مركز ونصف قطر الدائرة التي تمثلها المعادلة:**

**Which of the following represent the radius and center of the circle with the following equation**

$$(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 9$$

- A)  $r = 3, (-2, -1)$
- B)  $r = 9, (2, 1)$
- C)  $r = 3, (2, 1)$
- D)  $r = 3, (1, 2)$

أي مما يلي هو مركز ونصف قطر الدائرة التي تمثلها المعادلة:

Which of the following represent the radius and center of the circle with the following equation

$$x^2 + y^2 - 2x - 4y = -2$$

- A)  $r = \sqrt{3}$ ,  $(1, 2)$
- B)  $r = \sqrt{5}$ ,  $(1, 2)$
- C)  $r = \sqrt{3}$ ,  $(2, 4)$
- D)  $r = 3$ ,  $(1, 2)$

### KeyConcept Equations of Hyperbolas Centered at $(h, k)$

**المفهوم الأساسي** صور معادلات القطوع الزائدية التي يقع مركزها عند  $(h, k)$

$\frac{(y - k)^2}{a^2} - \frac{(x - h)^2}{b^2} = 1$	$\frac{(x - h)^2}{a^2} - \frac{(y - k)^2}{b^2} = 1$	الصيغة القياسية Standard Form
رأسي	أفقي	الاتجاه Orientation
$(h, k \pm c)$	$(h \pm c, k)$	البؤرتان Foci
$(h, k \pm a)$	$(h \pm a, k)$	الرؤوس Vertices
$(h \pm b, k)$	$(h, k \pm b)$	الرؤوس المراقبة Co-vertices
$y - k = \pm \frac{a}{b}(x - h)$	$y - k = \pm \frac{b}{a}(x - h)$	معادلات خطية التقارب Equations of Asymptotes

$$c^2 = a^2 + b^2$$

مثل كل قطع زائد بيانياً. حدد الرأسين والبؤرتين وخطي التقارب.

**Graph each hyperbola. Identify the vertices, foci, and asymptotes.**

5.  $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{49} = 1$

Vertices:

foci:

Asymptotes:

6.  $\frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{60} = 1$

Vertices:

foci:

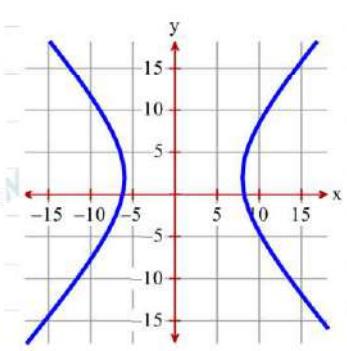
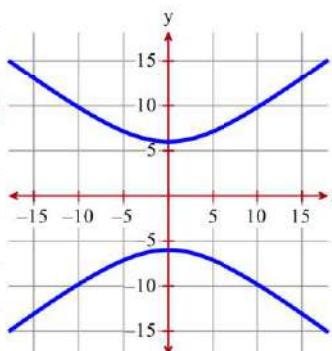
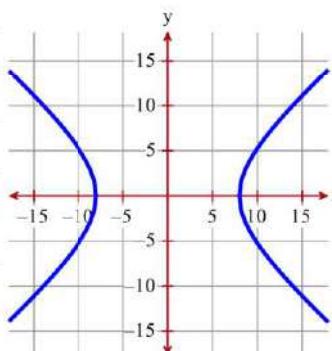
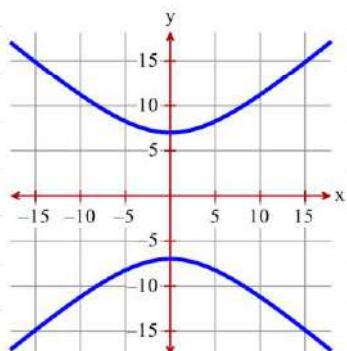
Asymptotes:

مثل كل قطع زائد بيانياً. حدد الرأسين والبؤرتين وخطي التقارب.

**Graph each hyperbola. Identify the vertices, foci, and asymptotes.**

5.  $\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{49} = 1$

6.  $\frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{60} = 1$



مثل كل قطع زائد بيانياً. حدد الرأسين والبؤرتين وخطي التقارب.

**Graph each hyperbola. Identify the vertices, foci, and asymptotes.**

7.  $9y^2 + 18y - 16x^2 + 64x - 199 = 0$

Vertices:

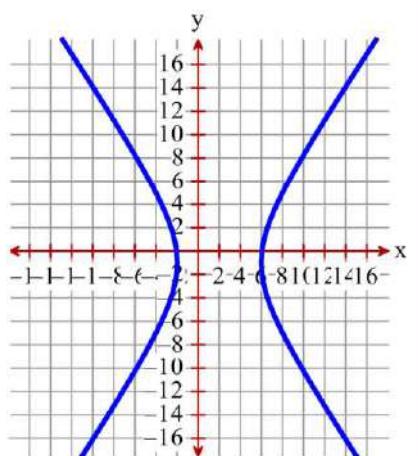
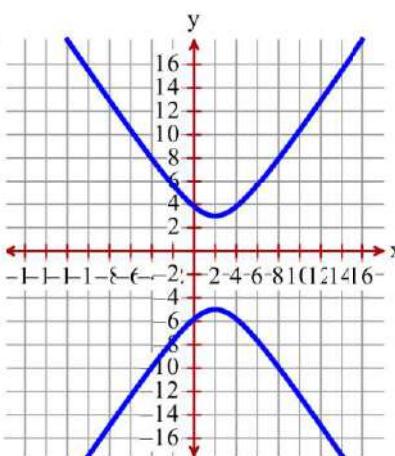
foci:

Asymptotes:

مثل كل قطع زائد بيانياً. حدد الرأسين والبؤرتين وخطي التقارب.

**Graph each hyperbola. Identify the vertices, foci, and asymptotes.**

7.  $9y^2 + 18y - 16x^2 + 64x - 199 = 0$



مثل كل قطع زائد بيانياً. حدد الرأسين والبؤرتين وخطي التقارب.

Graph each hyperbola. Identify the vertices, foci, and asymptotes.

8.  $4x^2 + 24x - y^2 + 4y - 4 = 0$

Vertices:

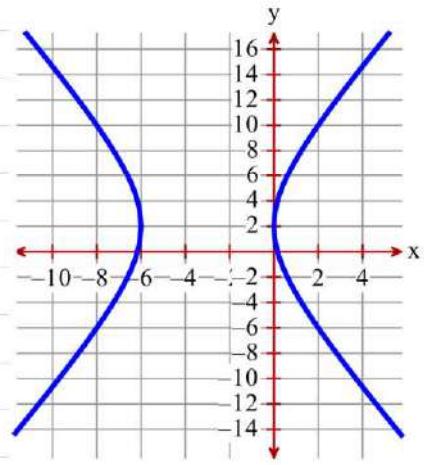
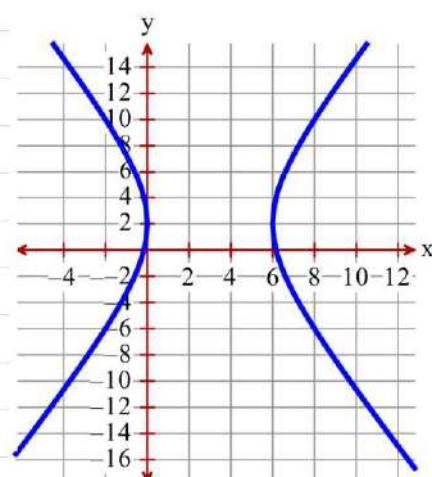
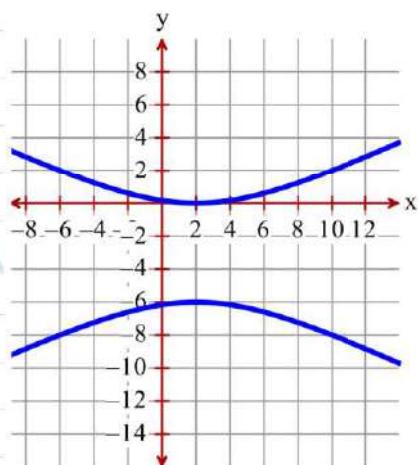
foci:

Asymptotes:

مثل كل قطع زائد بيانياً. حدد الرأسين والبؤرتين وخطي التقارب.

Graph each hyperbola. Identify the vertices, foci, and asymptotes.

8.  $4x^2 + 24x - y^2 + 4y - 4 = 0$



# هيكل الفصل الدراسي الثاني

## عامي عشر عام

### EoT2

### Grade 12 General

2

Mr. Ali Abdalla

2022/2023

Easy Math - Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

أي من المصفوفات الموسعة يمثل الحلول  
لنظام المعادلات؟

$$\begin{aligned}x + y &= 13 \\2x - 3y &= -9\end{aligned}$$

F

$$\left[ \begin{array}{cc|cc} 1 & 0 & \frac{3}{5} & \frac{1}{5} \\ 0 & 1 & \frac{2}{5} & -\frac{1}{5} \end{array} \right]$$

H

$$\left[ \begin{array}{cc|c} 1 & 0 & 6 \\ 0 & 1 & 7 \end{array} \right]$$

G

$$\left[ \begin{array}{cc|cc} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & -3 \end{array} \right]$$

J

$$\left[ \begin{array}{cc|c} 1 & 0 & 8 \\ 0 & 1 & 5 \end{array} \right]$$

Easy Math - Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

جد مركز ونصف قطر دائرة معادلتها

Find the center and radius of the circle with equation

$$(x - 4)^2 + y^2 = 16.$$

F C(-4, 0);  $r = 4$  units

G C(-4, 0);  $r = 16$  units

H C(4, 0);  $r = 4$  units

J C(4, 0);  $r = 16$  units

اكتب معادلة لكل دائرة إذا علمت المركز ونصف القطر.

Write an equation for each circle given the center and radius.

12. center: (4, 9),  $r = 6$

13. center: (-3, 1),  $r = 4$

14. center: (-7, -3),  $r = 13$

15. center: (-2, -1),  $r = 9$

16. center: (1, 0),  $r = \sqrt{15}$

17. center: (0, -6),  $r = \sqrt{35}$

أي مما يلي يمثل معادلة الدائرة التي مركزها  $(-2, 3)$  ونصف قطرها  $\sqrt{5}$ .

Which of the following represent the equation of a center  $(-2, 3)$  and radius  $\sqrt{5}$

- A)  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = 5$
- B)  $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 25$
- C)  $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 5$
- D)  $(x + 2)^2 + (y + 3)^2 = 25$

What is the radius of the circle with  
equation  $x^2 + 2x + y^2 + 14y + 34 = 0$ ?

ما نصف قطر دائرة معادلتها

$$x^2 + 2x + y^2 + 14y + 34 = 0$$

- A 2
- B 4
- C 8
- D 16

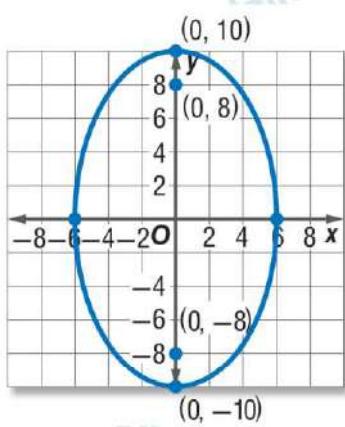
## KeyConcept Equations of Ellipses Centered at $(h, k)$

Standard Form	$\frac{(x - h)^2}{a^2} + \frac{(y - k)^2}{b^2} = 1$	$\frac{(y - k)^2}{a^2} + \frac{(x - h)^2}{b^2} = 1$
Orientation	horizontal	vertical
Foci	$(h \pm c, k)$	$(h, k \pm c)$
Vertices	$(h \pm a, k)$	$(h, k \pm a)$
Co-vertices	$(h, k \pm b)$	$(h \pm b, k)$

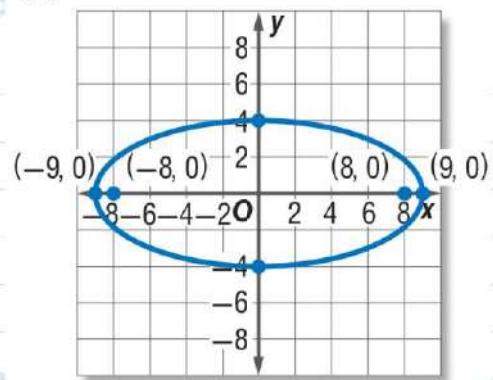
Write an equation for each ellipse.

اكتب معادلة لكل قطع ناقص.

11.

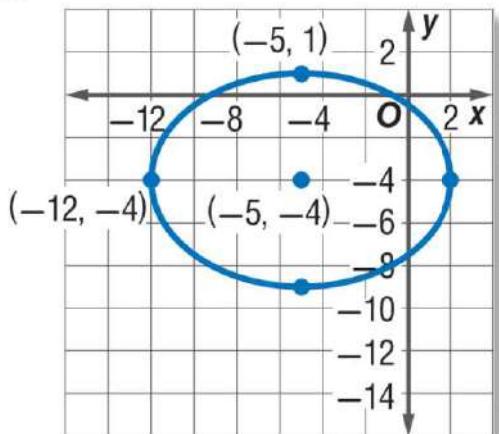


12.



اكتب معادلة لكل قطع ناقص.

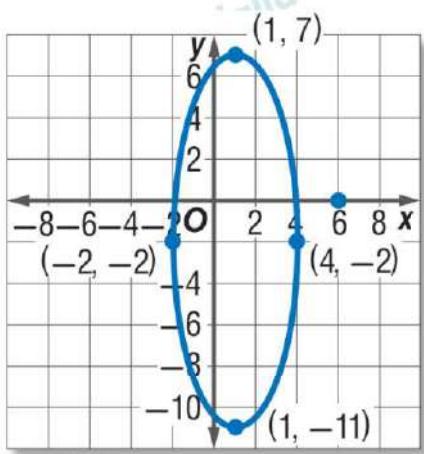
13.



- A)  $\frac{(x - 5)^2}{49} + \frac{(y - 4)^2}{25} = 1$
- B)  $\frac{(x + 5)^2}{49} + \frac{(y + 4)^2}{25} = 1$
- C)  $\frac{(x + 5)^2}{49} - \frac{(y + 4)^2}{25} = 1$
- D)  $\frac{(x + 5)^2}{25} + \frac{(y + 4)^2}{49} = 1$

اكتب معادلة لكل قطع ناقص.

14.

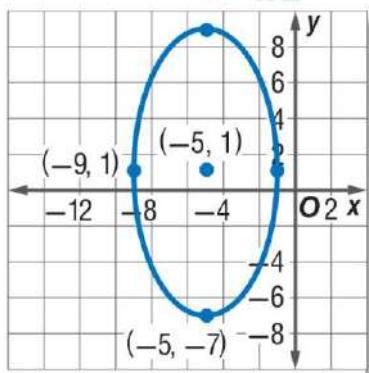


- A)  $\frac{(x - 1)^2}{81} + \frac{(y + 2)^2}{9} = 1$
- B)  $\frac{(x - 1)^2}{9} + \frac{(y - 4)^2}{81} = 1$
- C)  $\frac{(x - 1)^2}{9} + \frac{(y + 2)^2}{81} = 1$
- D)  $\frac{(x + 1)^2}{9} + \frac{(y + 2)^2}{81} = 1$

Write an equation for each ellipse.

اكتب معادلة لكل قطع ناقص.

15.



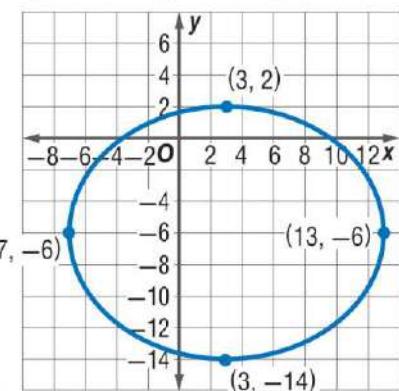
a)  $\frac{(x + 5)^2}{16} + \frac{(y - 1)^2}{64} = 1$

b)  $\frac{(x + 5)^2}{64} + \frac{(y - 1)^2}{16} = 1$

c)  $\frac{(x - 5)^2}{16} + \frac{(y + 1)^2}{64} = 1$

d)  $\frac{(x + 5)^2}{16} - \frac{(y - 1)^2}{64} = 1$

16.



Grade 12 General Term 2

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

$$\frac{(x - 3)^2}{36} + \frac{(y - 2)^2}{144} = 1$$

ما رؤوس القطع الناقص بالمعادلة  $1$ ?

What are the vertices of the ellipse with equation  $\frac{(x - 3)^2}{36} + \frac{(y - 2)^2}{144} = 1$ ?

- A  $(-3, 2)$  and  $(9, 2)$
- B  $(-2, 3)$  and  $(10, 3)$
- C  $(3, -10)$  and  $(3, 14)$
- D  $(2, -11)$  and  $(4, 13)$

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

## ملخص المفهوم تصنیف القطوع المخروطية باستخدام المميز

### Concept Summary Classify Conics with the Discriminant

Discriminant	Conic Section	
$B^2 - 4AC < 0; B = 0 \text{ and } A = C$	circle	دائرة
$B^2 - 4AC < 0; \text{ either } B \neq 0 \text{ or } A \neq C$	ellipse	قطع ناقص
$B^2 - 4AC = 0$	parabola	قطع مكافئ
$B^2 - 4AC > 0$	hyperbola	قطع زائد

بدون كتابة كل معادلة بالصيغة القياسية، اذكر إن كان التمثيل البياني لها قطعًا مكافئًا أو دائرةً أو قطعًا ناقصًا أو قطعًا زائداً.

Without writing in standard form, state whether the graph of each equation is a parabola, circle, ellipse, or hyperbola.

5.  $4x^2 + 6y^2 - 3x - 2y = 12$

6.  $5y^2 = 2x + 6y - 8 + 3x^2$

- A) Parabola قطع مكافئ
- B) Circle دائرة
- C) Ellipse قطع ناقص
- D) Hyperbola قطع زائد

- A) Parabola قطع مكافئ
- B) Circle دائرة
- C) Ellipse قطع ناقص
- D) Hyperbola قطع زائد

بدون كتابة كل معادلة بالصيغة القياسية، اذكر إن كان التمثيل البياني لها قطعًا مكافئًا أو دائرةً أو قطعًا ناقصًا أو قطعًا زائدًا.

Without writing in standard form, state whether the graph of each equation is a parabola, circle, ellipse, or hyperbola.

7.  $8x^2 + 8y^2 + 16x + 24 = 0$

8.  $4x^2 - 6y = 8x + 2$

- A) Parabola قطع مكافئ
- B) Circle دائرة
- C) Ellipse قطع ناقص
- D) Hyperbola قطع زائد

- A) Parabola قطع مكافئ
- B) Circle دائرة
- C) Ellipse قطع ناقص
- D) Hyperbola قطع زائد

بدون كتابة كل معادلة بالصيغة القياسية، اذكر إن كان التمثيل البياني لها قطعًا مكافئًا أو دائرةً أو قطعًا ناقصًا أو قطعًا زائدًا.

Without writing in standard form, state whether the graph of each equation is a parabola, circle, ellipse, or hyperbola.

9.  $4x^2 - 3y^2 + 8xy - 12 = 2x + 4y$

10.  $5xy - 3x^2 + 6y^2 + 12y = 18$

- A) Parabola قطع مكافئ
- B) Circle دائرة
- C) Ellipse قطع ناقص
- D) Hyperbola قطع زائد

- A) Parabola قطع مكافئ
- B) Circle دائرة
- C) Ellipse قطع ناقص
- D) Hyperbola قطع زائد

بدون كتابة كل معادلة بالصيغة القياسية، اذكر إن كان التمثيل البياني لها قطعًا مكافئًا أو دائرةً أو قطعًا ناقصًا أو قطعًا زائدًا.

Without writing in standard form, state whether the graph of each equation is a parabola, circle, ellipse, or hyperbola.

11.  $8x^2 + 12xy + 16y^2 + 4y - 3x = 12$

12.  $16xy + 8x^2 + 8y^2 - 18x + 8y = 13$

- A) Parabola      قطع مكافئ  
B) Circle      دائرة  
C) Ellipse      قطع ناقص  
D) Hyperbola      قطع زائد

- A) Parabola      قطع مكافئ  
B) Circle      دائرة  
C) Ellipse      قطع ناقص  
D) Hyperbola      قطع زائد

أي مما يلي ليس بمعادلة لقطع مكافئ؟

Which is NOT the equation of a parabola?

F  $y = 3x^2 + 5x - 3$

G  $2y + 3x^2 + x - 9 = 0$

H  $x = 3(y + 1)^2$

J  $x^2 + 2y^2 + 6x = 10$

**Q16** Solve each system of equations.

جد حلّ لكل نظام معادلات.

1.  $8y = -10x$   
 $y^2 = 2x^2 - 7$

2.  $x^2 + y^2 = 68$   
 $5y = -3x + 34$

**Q16** Solve each system of equations.

جد حلّ لكل نظام معادلات.

3.  $y = 12x - 30$   
 $4x^2 - 3y = 18$

4.  $6y^2 - 27 = 3x$   
 $6y - x = 13$

**Q16** Solve each system of equations.

جـد حـلـاً لـكـل نـظـام مـعـادـلـات.

5.  $x^2 + y^2 = 16$

$x^2 - y^2 = 20$

6.  $y^2 - 2x^2 = 8$

$3y^2 + x^2 = 52$

**Q16** Solve each system of equations.

جـد حـلـاً لـكـل نـظـام مـعـادـلـات.

7.  $x^2 + 2y = 7$

$y^2 - x^2 = 8$

8.  $4y^2 - 3x^2 = 11$

$3y^2 + 2x^2 = 21$

# هيكل الفصل الدراسي الثاني

## EoT2

### عامي عشر عام

## Grade 12 General

3

2022/2023

Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q17

اكتب  $x = -3t$  و  $y = t^2 + 2$  في المستوى الإحداثي المتعامد.

Write  $x = -3t$  and  $y = t^2 + 2$  in rectangular form.

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q17

اكتب  $x = t^2 - 5$  و  $y = 4t$  بالصورة الديكارتية في المستوى الإحداثي المتعامد.

Write  $x = t^2 - 5$  and  $y = 4t$  in rectangular form.

Mr. Ali Abdalla

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q17

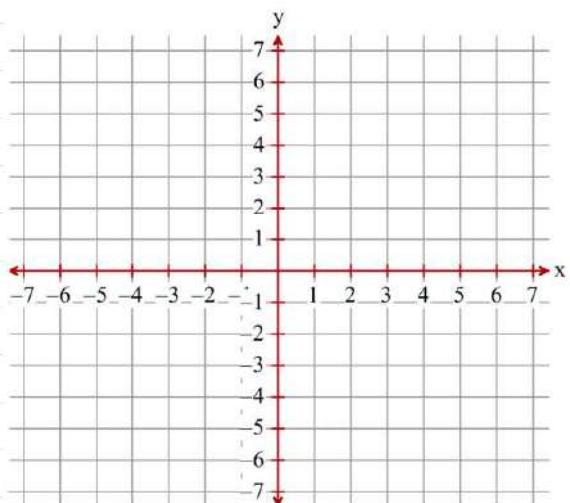
Write each pair of parametric equations in rectangular form. Then graph the equation and state any restrictions on the domain.

اكتب كل زوج من المعادلات الوسيطية بالصورة الديكارتية في المستوى الإحداثي المتعامد.

ثم مثل المعادلة بيانياً واذكر أي قيود على المجال

9.  $x = 2t - 5, y = t^2 + 4$

10.  $x = 3t + 9, y = t^2 - 7$



Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

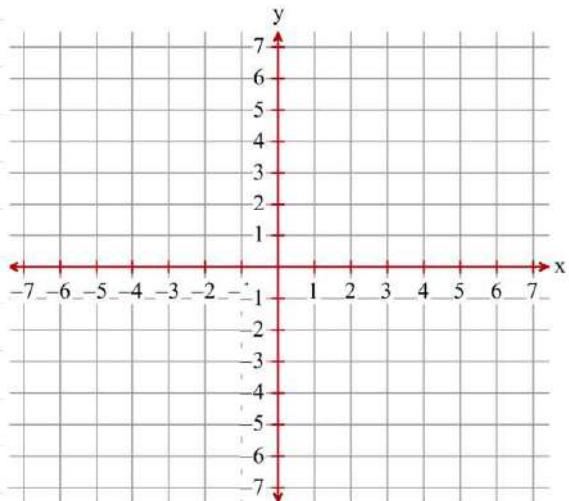
Q17

Write each pair of parametric equations in rectangular form. Then graph the equation and state any restrictions on the domain.

11.  $x = t^2 - 2, y = 5t$

اكتب كل زوج من المعادلات الوسيطية بالصورة  
الديكارتية في المستوى الإحداثي المتعامد.  
ثم مثل المعادلة بيانياً واذكر أي قيود على المجال

12.  $x = t^2 + 1, y = -4t + 3$



Q17

Write each pair of parametric equations in rectangular form. Then graph the equation and state any restrictions on the domain.

اكتب كل زوج من المعادلات الوسيطية بالصورة  
الديكارتية في المستوى الإحداثي المتعامد.  
ثم مثل المعادلة بيانياً واذكر أي قيود على المجال

13.  $x = -t - 4, y = 3t^2$

14.  $x = 5t - 1, y = 2t^2 + 8$

Q17

Write each pair of parametric equations in rectangular form. Then graph the equation and state any restrictions on the domain.

اكتب كل زوج من المعادلات الوسيطية بالصورة  
الديكارتية في المستوى الإحداثي المتعامد.

ثم مثل المعادلة بيانياً واذكر أي قيود على المجال

15.  $x = 4t^2, y = \frac{6t}{5} + 9$

16.  $x = \frac{t}{3} + 2, y = \frac{t^2}{6} - 7$

Q11

If  $C$  is a  $5 \times 1$  matrix and  $D$  is a  $3 \times 5$  matrix,  
what are the dimensions of  $DC$ ?

- (A)  $5 \times 5$
- (B)  $3 \times 1$
- (C)  $1 \times 3$
- (D)  $DC$  is not defined.

Q11

What is the product of  $\begin{bmatrix} 5 & -2 & 3 \end{bmatrix}$  and  $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$ ?

(A)  $\begin{bmatrix} 11 & -1 \end{bmatrix}$

(B)  $\begin{bmatrix} 11 \\ -1 \end{bmatrix}$

(C)  $\begin{bmatrix} 5 & -10 \\ 0 & -6 \\ 6 & -15 \end{bmatrix}$

(D) undefined

Find the value of  $\det A$  if  $A = \begin{bmatrix} 0 & 3 & -2 \\ -4 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 0 \end{bmatrix}$ .

(A) 0

(B) 12

(C) 25

(D) 36

Q11

Find  $AB$  and  $BA$ , if possible.

1.  $A = [ 8 \ 1 ]$

$$B = \begin{bmatrix} 3 & -7 \\ -5 & 2 \end{bmatrix}$$

جـد  $AB$  و  $BA$ : إن أمكن.

2.  $A = \begin{bmatrix} 2 & 9 \\ -7 & 3 \end{bmatrix}$

$$B = \begin{bmatrix} 6 & -4 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$$

Q11

Find  $AB$  and  $BA$ , if possible.

3.  $A = [ 3 \ -5 ]$

$$B = \begin{bmatrix} 4 & 0 & -2 \\ 1 & -3 & 2 \end{bmatrix}$$

جـد  $AB$  و  $BA$ : إن أمكن.

4.  $A = \begin{bmatrix} 4 \\ 5 \end{bmatrix}$

$$B = [ 6 \ 1 \ -10 \ 9 ]$$

Q11

Find  $AB$  and  $BA$ , if possible.

جـد  $AB$  و  $BA$ : إن أمكن.

$$5. A = \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \\ -6 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 6 & 0 & -1 \\ -4 & 9 & 8 \end{bmatrix}$$

$$6. A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -4 & -3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 0 & 6 & -5 \\ 2 & -7 & 1 \end{bmatrix}$$

Q11

Find  $AB$  and  $BA$ , if possible.

جـد  $AB$  و  $BA$ : إن أمكن.

$$7. A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -7 & 1 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 5 & 2 & -8 \\ -6 & 0 & 9 \end{bmatrix}$$

$$8. A = \begin{bmatrix} 6 & -9 & 10 \\ 4 & 3 & 8 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 6 & -8 \\ 3 & -9 \\ -2 & 5 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$$

**Q21** استخدم قاعدة كرامر لإيجاد حل كل نظام من المعادلات الخطية، إن وجد حل وحيد.

Use Cramer's Rule to find the solution of each system of linear equations, if a unique solution exists.

$$11. \begin{aligned} -3x + y &= 4 \\ 2x + y &= -6 \end{aligned}$$

$$12. \begin{aligned} 2x + 3y &= 4 \\ 5x + 6y &= 5 \end{aligned}$$

$$13. \begin{aligned} 5x + 4y &= 7 \\ -x - 4y &= -3 \end{aligned}$$

$$14. \begin{aligned} 4x + \frac{1}{3}y &= 8 \\ 3x + y &= 6 \end{aligned}$$

$$(-2, -2)$$

$$\left(-3, \frac{10}{3}\right)$$

$$\left(1, \frac{1}{2}\right)$$

$$(2, 0)$$

**Q21** استخدم قاعدة كرامر لإيجاد حل كل نظام من المعادلات الخطية، إن وجد حل وحيد.

Use Cramer's Rule to find the solution of each system of linear equations, if a unique solution exists.

$$16. x + y + z = 12$$

$$6x - 2y - z = 16$$

$$3x + 4y + 2z = 28$$

$$A = \begin{vmatrix} \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \\ \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \\ \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \end{vmatrix} =$$

$$A_x = \begin{vmatrix} \boxed{1} & \boxed{-1} & \boxed{-1} \\ \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \\ \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \end{vmatrix} =$$

$$A_z = \begin{vmatrix} \boxed{-1} & \boxed{1} & \boxed{-1} \\ \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \\ \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} & \boxed{\phantom{0}} \end{vmatrix} =$$

$$A_y = \begin{vmatrix} \boxed{1} & \boxed{-1} & \boxed{-1} \\ \boxed{6} & \boxed{-2} & \boxed{-1} \\ \boxed{3} & \boxed{4} & \boxed{2} \end{vmatrix} =$$

$$x = \frac{A_x}{A} = \quad y = \frac{A_y}{A} = \quad z = \frac{A_z}{A} =$$

**Q21** استخدم قاعدة كرامر لإيجاد حل كل نظام من المعادلات الخطية، إن وجد حل وحيد.

Use Cramer's Rule to find the solution of each system of linear equations, if a unique solution exists.

15.  $2x - y + z = 1$

$$x + 2y - 4z = 3$$

$$4x + 3y - 7z = -8$$

No solution

**Q21** استخدم قاعدة كرامر لإيجاد حل كل نظام من المعادلات الخطية، إن وجد حل وحيد.

Use Cramer's Rule to find the solution of each system of linear equations, if a unique solution exists.

17.  $x + 2y = 12$

$$3y - 4z = 25$$

$$x + 6y + z = 20$$

18.  $9x + 7y = -30$

$$8y + 5z = 11$$

$$-3x + 10z = 73$$

Q12

## translation

Mr. Ali Abdalla

Mr. Ali Abdalla

Mr. Ali Abdalla

## Reflection

### Concept Summary

### مصفوفات الانعكاس

### Reflection Matrices

For a reflection over the: الانعكاس في

x-axis  $R_x$  المحور

y-axis  $R_y$  المحور

line  $y = x$   $R_{y=x}$

Multiply the vertex matrix on the left by:

اضرب مصفوفة الرأس في

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q12

### Concept Summary

### Rotation Matrices

For a counterclockwise rotation about the origin of:

$90^\circ$

$180^\circ$

$270^\circ$

Multiply the vertex matrix on the left by:

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q12

Which matrix represents a reflection over the  $y$ -axis followed by a reflection over the  $x$ -axis?

(A)  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$

(B)  $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$

(C)  $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$

(D) none of these

Q12

استخدم المصفوفات لإجراء كل تحويل. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

Use matrices to perform each transformation. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.

للمثلث  $JKL$  الرؤوس  $J(-2, 5)$  و  $K(1, 3)$  و  $L(0, -2)$ . استخدم الضرب القياسي لإيجاد إحداثيات المثلث مع عامل التمدد 1.5.

5. Triangle  $JKL$  has vertices  $J(-2, 5)$ ,  $K(1, 3)$ , and  $L(0, -2)$ . Use scalar multiplication to find the coordinates of the triangle after a dilation of scale factor 1.5.

$J'(-3, 7.5)$ ,  $K'(1.5, 4.5)$ ,  $L'(0, -3)$

Q12

استخدم المصفوفات لإجراء كل تحويل. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

Use matrices to perform each transformation. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.

6. للمرربع ABCD الرؤوس (A(-1, 3), B(3, 3), C(3, -1), D(-1, -1)).

ج. جد إحداثيات المرربع بعد التحريرك بالازاحة واحدة وحدة إلى اليسار ووحدتان إلى الأسفل.

6. Square ABCD has vertices  $A(-1, 3)$ ,  $B(3, 3)$ ,  $C(3, -1)$ , and  $D(-1, -1)$ . Find the coordinates of the square after a translation of 1 unit left and 2 units down.

$$A'(-2, 1), B'(2, 1), C'(2, -3), D'(-2, -3)$$

Q12

استخدم المصفوفات لإجراء كل تحويل. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

Use matrices to perform each transformation. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.

7. للمرربع ABCD الرؤوس (A(-1, 2), B(-4, 1), C(-3, -2), D(0, -1)).

ج. جد صورة المرربع بالانعكاس حول المحور  $y$ .

7. Square ABCD has vertices at  $(-1, 2)$ ,  $(-4, 1)$ ,  $(-3, -2)$ , and  $(0, -1)$ . Find the image of the square after a reflection over the  $y$ -axis.

$$A'(1, 2), B'(4, 1), C'(3, -2), D'(0, -1)$$

Q12

استخدم المصفوفات لإجراء كل تحويل. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

**Use matrices to perform each transformation. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.**

المثلث  $PQR$  مثل بالمصفوفة  $\begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ 2 & 4 & -2 \end{bmatrix}$  جد صورة

المثلث بالدوران بزاوية  $270^\circ$  في اتجاه عقارب الساعة حول نقطة الأصل.

8. Triangle  $PQR$  is represented by the matrix  $\begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ 2 & 4 & -2 \end{bmatrix}$ . Find the image of the triangle after a rotation of  $270^\circ$  counterclockwise about the origin.

$$P'(2, -3), Q'(4, 1), R'(-2, -1)$$

Q12

استخدم المصفوفات لإجراء كل تحويل. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

**Use matrices to perform each transformation. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.**

جد صورة  $\Delta LMN$  بعد  $\text{Rot}_{180} \cdot R_y$  إذا كانت الرؤوس هي  $N(-1, -2)$  و  $M(-3, 2)$  و  $L(-6, 4)$ .

9. Find the image of  $\Delta LMN$  after  $\text{Rot}_{180} \cdot R_y$ -axis if the vertices are  $L(-6, 4)$ ,  $M(-3, 2)$ , and  $N(-1, -2)$ .

$$L'(-6, -4), M'(-3, -2), N'(-1, 2)$$

Q12

The wind was blowing quite strongly when Jenny was baby-sitting. She was outside with the children, and they were throwing their large plastic ball up into the air. The wind blew the ball so that it landed approximately 3 meters east and 4 meters north of where it was thrown into the air.



- a. Make a drawing to demonstrate the original location of the ball and the translation of the ball to its landing spot

- b. If  $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  represents the original location of the ball, write a matrix that represents the location of the translated ball.

كانت الرياح تهب بقوة جدًا عندما كانت جيني تجلس الأطفال.

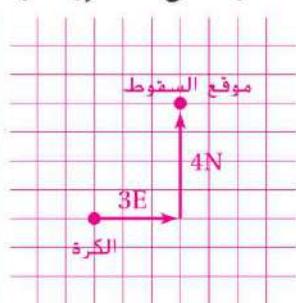
كانت معهم في الخارج عندما كان الأطفال يلقون الكرة البلاستيكية الكبيرة

في الهواء. طيرت الرياح الكرة حتى هبطت على ما يقارب 3 m ناحية الشرق

و 4 m ناحية الشمال بعيدًا مكان إلقائها في الهواء.

a. اصنع رسمًا يوضح المكان الأصلي للكرة وانتقال الكرة إلى نقطة هبوطها.

b. إذا كانت  $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  تمثل المكان الأصلي للكرة، فاكتب مصفوفة تمثل موقع الكرة التي تمت إزاحتها



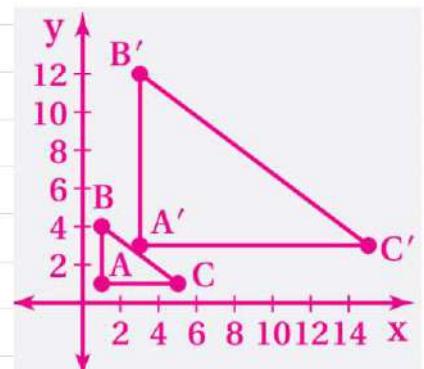
Q12

استخدم الضرب القياسي لتحديد إحداثيات رؤوس كل شكل بالتمدد. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

Use scalar multiplication to determine the coordinates of the vertices of each dilated figure. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.

11. رؤوس المثلث  $A(1, 1)$ ,  $B(1, 4)$  و  $C(5, 1)$ ; عامل التمدد 3

11. triangle with vertices  $A(1, 1)$ ,  $B(1, 4)$ , and  $C(5, 1)$ ; scale factor 3



$A'(3, 3)$ ,  $B'(3, 12)$ ,  $C'(15, 3)$

Q12

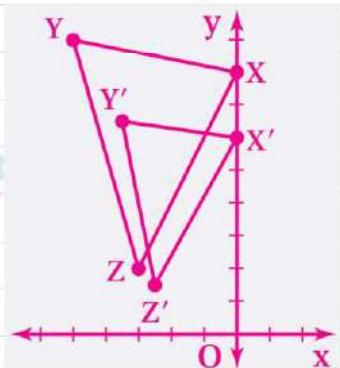
استخدم الضرب القياسي لتحديد إحداثيات رؤوس كل شكل بالتمدد. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

Use scalar multiplication to determine the coordinates of the vertices of each dilated figure. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.

12. رؤوس المثلث  $X(0, 8)$  و  $Y(-5, 9)$  و  $Z(-3, 2)$ ; عامل التمدد  $\frac{3}{4}$ .

12. triangle with vertices  $X(0, 8)$ ,  $Y(-5, 9)$ , and  $Z(-3, 2)$ ; scale factor  $\frac{3}{4}$

$$X'(0, 6), Y'(-3\frac{3}{4}, 6\frac{3}{4}), Z'(-2\frac{1}{4}, 1\frac{1}{2})$$



Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q12

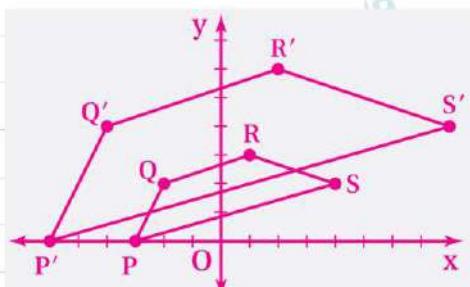
استخدم الضرب القياسي لتحديد إحداثيات رؤوس كل شكل بالتمدد. ثم مثل بيانيًا قبل التحويل والصورة بعد ذلك على شبكة الإحداثيات نفسها.

Use scalar multiplication to determine the coordinates of the vertices of each dilated figure. Then graph the pre-image and the image on the same coordinate grid.

13. الرباعي PQRS مع مصفوفة رأس  $\begin{bmatrix} -3 & -2 & 1 & 4 \\ 0 & 2 & 3 & 2 \end{bmatrix}$ ; عامل التمدد 2

13. quadrilateral PQRS with vertex matrix  $\begin{bmatrix} -3 & -2 & 1 & 4 \\ 0 & 2 & 3 & 2 \end{bmatrix}$ ; scale factor 2

$$P'(-6, 0), Q'(24, 4), R'(2, 6), S'(8, 4)$$



Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

# هيكل الفصل الدراسي الثاني

## عامي عشر عام

### EoT2

## Grade 12 General

Mr. Ali Abdalla

2022/2023

4



Easy Math - Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q9

State whether each quantity described is a *vector* quantity

اذكر ما إذا كانت كل كمية موصوفة هي كمية متوجهة أو كمية غير متوجهة.

صندوق يتم دفعه بقوة مقدارها  $125\text{ N}$

1. a box being pushed with a force of 125 newtons

الرياح تهب بسرعة  $20\text{ km/h}$

2. wind blowing at  $20\text{ km/h}$

غزال يركض بسرعة  $15\text{ m/s}$  باتجاه الغرب

3. a deer running 15 meters per second due west

كرة قاعدة تم قذفها بسرعة  $136\text{ km/h}$

4. a baseball thrown with a speed of  $136\text{ km/h}$

إطار يزن  $15\text{ N}$  يتسلق من حبل

حجر تم قذفه في مسار مستقيم لأعلى بسرعة  $15\text{ m/s}$

6. a rock thrown straight up at a velocity of 15 meters per second

Easy Math - Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q10

جد کلاً مها یلی  $\rightarrow z = \langle -3, 0 \rangle$  و  $w = \langle -4, 1 \rangle$ ,  $y = \langle 2, 5 \rangle$

Find each of the following for  $w = \langle -4, 1 \rangle$ ,  $y = \langle 2, 5 \rangle$ , and  $z = \langle -3, 0 \rangle$ .

a.  $w + y$

$$\begin{aligned} w + y &= \langle -4, 1 \rangle + \langle 2, 5 \rangle && \text{Substitute.} \\ &= \langle -4 + 2, 1 + 5 \rangle \text{ or } \langle -2, 6 \rangle && \text{Vector addition} \end{aligned}$$

b.  $z - 2y$

$$\begin{aligned} z - 2y &= z + (-2)y && \text{Rewrite subtraction as addition.} \\ &= \langle -3, 0 \rangle + (-2)\langle 2, 5 \rangle && \text{Substitute.} \\ &= \langle -3, 0 \rangle + \langle -4, -10 \rangle \text{ or } \langle -7, -10 \rangle && \text{Scalar multiplication and vector addition} \end{aligned}$$

Q10

جد کلاً مها یلی  $\rightarrow z = \langle -3, 0 \rangle$  و  $w = \langle -4, 1 \rangle$ ,  $y = \langle 2, 5 \rangle$

Find each of the following for  $w = \langle -4, 1 \rangle$ ,  $y = \langle 2, 5 \rangle$ , and  $z = \langle -3, 0 \rangle$ .

3A.  $4w + z$

3B.  $-3w$

3C.  $2w + 4y - z$

Q10

جد كلاً مها يلي حيث  $.h = \langle -6, 2 \rangle$  و  $.f = \langle 8, 0 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$

Find each of the following for  $f = \langle 8, 0 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$ , and  $h = \langle -6, 2 \rangle$ .

11.  $4h - g$

12.  $f + 2h$

Q10

جد كلاً مها يلي حيث  $.h = \langle -6, 2 \rangle$  و  $.f = \langle 8, 0 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$

Find each of the following for  $f = \langle 8, 0 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$ , and  $h = \langle -6, 2 \rangle$ .

13.  $3g - 5f + h$

14.  $2f + g - 3h$

جد كلاً مما يلي حيث  $.h = \langle -6, 2 \rangle$ ,  $f = \langle 8, 0 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$

Find each of the following for  $f = \langle 8, 0 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$ , and  $h = \langle -6, 2 \rangle$ .

15.  $f - 2g - 2h$

16.  $h - 4f + 5g$

17.  $4g - 3f + h$

18.  $6h + 5f - 10g$

Q10 إذا كانت  $t - 2s$  فأي مما يلي يمثل  $s = \langle 4, -3 \rangle$   $t = \langle -6, 2 \rangle$ ?

If  $s = \langle 4, -3 \rangle$   $t = \langle -6, 2 \rangle$ , which of the following represents  $t - 2s$ ?

F  $\langle 14, 8 \rangle$

G  $\langle 14, 6 \rangle$

H  $\langle -14, 8 \rangle$

J  $\langle -14, -8 \rangle$

Q18

جد الصورة المركبة لمتجه  $v$  مقداره 10 وزاوية اتجاهه  $120^\circ$ .

Find the component form of the vector  $v$  with magnitude 10 and direction angle  $120^\circ$ .

$$v = \langle |v| \cos \theta, |v| \sin \theta \rangle$$

- A)  $\langle -5, 5\sqrt{5} \rangle$
- B)  $\langle 5, -5\sqrt{5} \rangle$
- C)  $\langle 5\sqrt{5}, -5 \rangle$
- D)  $\langle -5\sqrt{5}, 5 \rangle$

Q18

جد الصورة المركبة لـ  $v$  بالمقدار وزاوية الاتجاه المذكورتين.

Find the component form of  $v$  with the given magnitude and direction angle.

6A.  $|v| = 8, \theta = 45^\circ$

6B.  $|v| = 24, \theta = 210^\circ$

Q18

جد الصورة المركبة للمنجذب  $v$  بالمقدار وزاوية الاتجاه المذكورتين.

Find the component form of  $v$  with the given magnitude and direction angle.

38.  $|v| = 12, \theta = 60^\circ$

39.  $|v| = 4, \theta = 135^\circ$

40.  $|v| = 6, \theta = 240^\circ$

41.  $|v| = 16, \theta = 330^\circ$

42.  $|v| = 28, \theta = 273^\circ$

43.  $|v| = 15, \theta = 125^\circ$

Q18

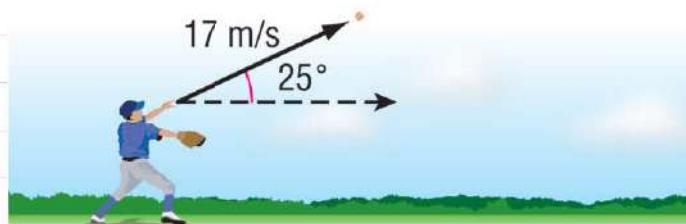
يرمى لاعب بيسبول الكرة بسرعة ابتدائية قدرها  $17 \text{ m/s}$

وبزاوية  $25^\circ$  أعلى المحور الأفقي، كما هو موضح في الشكل أدناه.

جد مقدارى المركبين الأفقي والرأسي.

A player throws a baseball with an initial velocity of 17 meters per second at an angle of  $25^\circ$  above the horizontal, as shown below.

Find the magnitude of the horizontal and vertical components.



Q19

جد الزاوية  $\theta$  بين  $u$  و  $v$  لأقرب جزء من عشرة من الدرجة.

Find the angle  $\theta$  between  $u$  and  $v$  to the nearest tenth of a degree.

16.  $u = \langle 0, -5 \rangle, v = \langle 1, -4 \rangle$

18.  $u = \langle -2, 4 \rangle, v = \langle 2, -10 \rangle$

17.  $u = \langle 7, 10 \rangle, v = \langle 4, -4 \rangle$

20.  $u = \langle -9, 0 \rangle, v = \langle -1, -1 \rangle$

22.  $u = \langle 6, 0 \rangle, v = \langle -10, 8 \rangle$

Q19

جد الزاوية  $\theta$  بين  $u$  و  $v$  لأقرب جزء من عشرة من الدرجة.

Find the angle  $\theta$  between  $u$  and  $v$  to the nearest tenth of a degree.

19.  $u = -2i + 3j, v = -4i - 2j$

21.  $u = -i - 3j, v = -7i - 3j$

23.  $u = -10i + j, v = 10i - 5j$

Q20

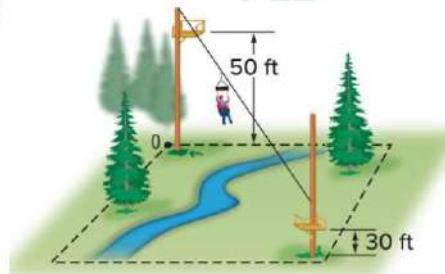
A tour of the Sierra Madre Mountains lets guests experience nature by zip-lining from one platform to another over the scenic surroundings. Two platforms that are connected by a zip-line are represented by the coordinates  $(10, 12, 50)$  and  $(70, 92, 30)$ , where the coordinates are given in feet.

- a. Find the length of the zip-line needed to connect the two platforms.

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2} = \sqrt{(70 - 10)^2 + (92 - 12)^2 + (30 - 50)^2} \approx 101.98$$

- b. An additional platform is to be built halfway between the existing platforms. Find the coordinates of the new platform.

$$\left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}, \frac{z_1 + z_2}{2} \right) = \left( \frac{10 + 70}{2}, \frac{12 + 92}{2}, \frac{50 + 30}{2} \right) \\ = (40, 52, 40)$$



Q20

تطلب لوائح السلامة أن تكون الطائرات على بعد  $0.8 \text{ km}$  على الأقل عند وجودها في السماء. تطير طائرتان أعلى دبي بالإحداثيات  $(90, 45, 9000)$  و  $(135, -75, 8400)$ . حيث يتم قياس الإحداثيات بالأمتار.

**A.** هل الطائرتان تنتهكان لوائح السلامة؟ اشرح.

**B.** إذا تم إطلاق ألعاب نارية وانفجرت بين الطائرتين مباشرة، فما إحداثيات نقطة انفجار الألعاب النارية؟ Safety regulations require airplanes to be at least 0.8 kilometer apart when in the sky. Two planes are flying above Dubai with the coordinates  $(90, 45, 9000)$  and  $(135, -75, 8400)$ , where the coordinates are given in meters.

- A.** Are the two planes in violation of the safety regulations? Explain.

- B.** If a firework was launched and exploded directly in between the two planes, what are the coordinates of the firework explosion?

Q20

جد طولاً للقطعة المستقيمة ونقطة المنتصف لها باستخدام نقطتي طرفيها المبينتين

Find the length and midpoint of the segment with the given endpoints.

9.  $(-4, 10, 4), (1, 0, 9)$

10.  $(-6, 6, 3), (-9, -2, -2)$

11.  $(6, 1, 10), (-9, -10, -4)$

12.  $(8, 3, 4), (-4, -7, 5)$

13.  $(-3, 2, 8), (9, 6, 0)$

14.  $(-7, 2, -5), (-2, -5, -8)$

Q20

A family from Wichita, Kansas, is using a GPS device to plan a vacation to Castle Rock, Colorado. According to the device, the coordinates for the family's home are  $(37.7^\circ, 97.2^\circ, 433 \text{ m})$ , and the coordinates to Castle Rock are  $(39.4^\circ, 104.8^\circ, 1981 \text{ m})$ . Determine the longitude, latitude, and altitude of the halfway point between Wichita and Castle Rock.

تستخدم أسرة من ويتشيتا. كتساس جهاز نظام تحديد الموضع العالمي (GPS) للتخطيط لعطلة في كاسل روك، كولورادو. وفقاً للجهاز يقع منزل الأسرة عند  $(37.7^\circ, 97.2^\circ, 433 \text{ m})$ . وإحداثيات كاسل روك هي  $(39.4^\circ, 104.8^\circ, 1981 \text{ m})$ . حدد كلاً من خط الطول ودائرة العرض والارتفاع لنقطة المنتصف بين ويتشيتا وكاسل روك.

Q20

During a training session, the location of two F-18 fighter jets are represented by the coordinates  $(203, -36, 1990)$  and  $(-87, 215, 4,830)$ , where the coordinates are given in meters.

- Determine the distance between the two jets.
- To what location would one of the fighter pilots have to fly the F-18 in order to reduce the distance between the two jets by half?

أثناء جلسة تدريب، كانت الإحداثيات  $(-87, 215, 4,830)$  و  $(203, -36, 1990)$  تمثل موقع طائرتين حربيتين من طراز F-18، حيث تُقاس الإحداثيات بالأمتار.

- حدد المسافة بين الطائرتين.
- لأي موقع يحتاج أحد الطيارين الطيران بالطائرة F-18 ليقلل المسافة بين الطائرتين إلى النصف؟

If  $\mathbf{u} = \langle 2, 3 \rangle$ ,  $\mathbf{v} = \langle -1, 4 \rangle$ , and  $\mathbf{w} = \langle 8, -5 \rangle$ , find  $(\mathbf{u} \bullet \mathbf{v}) + (\mathbf{w} \bullet \mathbf{v})$ .

إذا كان  $\mathbf{v} = \langle -1, 4 \rangle$  و  $\mathbf{u} = \langle 2, 3 \rangle$  و  $\mathbf{w} = \langle 8, -5 \rangle$  ، فجد  $(\mathbf{u} \bullet \mathbf{v}) + (\mathbf{w} \bullet \mathbf{v})$ .

- F -18
- G -2
- H 15
- J 38

## PART 3 : PAPER

Grade 12 General Term 2

Q22

اكتب معادلة للقطع الزائد الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

Write an equation for the hyperbola that satisfies each set of conditions.

37. الرأسان  $(-8, 0)$  و  $(8, 0)$ . وطول المحور المترافق 20 وحدة

37. vertices  $(-8, 0)$  and  $(8, 0)$ , conjugate axis of length 20 units

Easy Math - Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

## PART 3 : PAPER

Q22

اكتب معادلة للقطع الزائد الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

Write an equation for the hyperbola that satisfies each set of conditions.

38. الرأسان  $(-6, 0)$  و  $(0, 6)$ . وطول المحور المراافق 24 وحدة

38. vertices  $(0, -6)$  and  $(0, 6)$ , conjugate axis of length 24 units

Q22

اكتب معادلة للقطع الزائد الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

Write an equation for the hyperbola that satisfies each set of conditions.

39. الرأسان  $(-6, -2)$  و  $(6, -2)$ . والبؤرتان  $(-2, -2)$  و  $(10, -2)$ .

39. vertices  $(6, -2)$  and  $(-2, -2)$ , foci  $(10, -2)$  and  $(-6, -2)$

**Q22** اكتب معادلة للقطع الزائد الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

Write an equation for the hyperbola that satisfies each set of conditions.

40. الرأسان  $(-3, 4)$  و  $(-3, -8)$ . والبؤرتان  $(9, -3)$  و  $(-13, -3)$ .  
**40.** vertices  $(-3, 4)$  and  $(-3, -8)$ , foci  $(-3, 9)$  and  $(-3, -13)$

**Q22** اكتب معادلة للقطع الزائد الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

Write an equation for the hyperbola that satisfies each set of conditions.

41. يقع المركز عند نقطة الأصل وطول المحور القاطع الأفقي 10 وحدات وطول المحور المراافق 4 وحدات  
**41.** centered at the origin with a horizontal transverse axis of length 10 units and a conjugate axis of length 4 units

Q22

اكتب معادلة للقطع الزائد الذي يحقق كل مجموعة من الشروط.

Write an equation for the hyperbola that satisfies each set of conditions.

42. يقع المركز عند نقطة الأصل وطول المحور القاطع الرأسي 16 وحدة وطول المحور المراافق 12

42. centered at the origin with a vertical transverse axis of length 16 units and a conjugate axis of length 12 units

Q23

تدفع إيمان مقبض آلة جز العشب بقوة مقدارها 450 newtons at an angle of  $56^\circ$  with the ground.

$450 \text{ N}$  بزاوية  $56^\circ$  مع الأرض.

- a. Draw a diagram that shows the resolution of the force that Eiman exerts into its rectangular components.  
 b. Find the magnitudes of the horizontal and vertical components of the force.

a. صمم رسماً تخطيطياً يوضح تحليل القوة التي بذلتها إيمان إلى مركباتها المتعامدة.

b. جد مقداري المركبتين الأفقية والرأسمية للقوة.

$$\cos 56^\circ = \frac{|x|}{450}$$

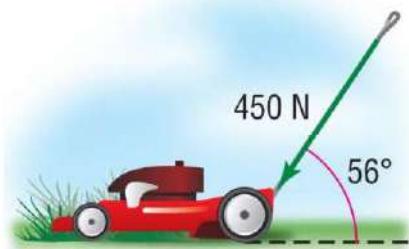
$$|x| = 450 \cos 56^\circ$$

$$|x| \approx 252$$

$$\sin 56^\circ = \frac{|y|}{450}$$

$$|y| = 450 \sin 56^\circ$$

$$|y| \approx 373$$



Q23

6. ركل لاعب الكرة بحيث انطلقت من الأرض بسرعة  $44 \text{ ft/s}$  بزاوية  $33^\circ$  مع الأرض.

A. قم بتصميم رسم تخطيطي يوضح تحليل هذه القوة إلى مركبات متعامدة.

B. جد مقدار المركبتين الأفقية والرأسية للسرعة.

6. A player kicks a football so that it leaves the ground with a velocity of 44 feet per second at an angle of  $33^\circ$  with the ground.

A. Draw a diagram that shows the resolution of this force into its rectangular components.

B. Find the magnitude of the horizontal and vertical components of the velocity.



### PART 3 : PAPER

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q23

قم بتصميم رسم تخطيطي يوضح تحليل كل متجه إلى مركباته المتعامدة.

ثم جد مقدار المركبتين الأفقية والرأسية للمتجه.

.38  $2\frac{1}{8} \text{ cm}$  بزاوية  $310^\circ$  مع المركب الأفقي

.39  $1.5 \text{ cm}$  باتجاه  $N49^\circ E$

Draw a diagram that shows the resolution of each vector into its rectangular components. Then find the magnitudes of the vector's horizontal and vertical components.

38.  $2\frac{1}{8}$  centimeters at  $310^\circ$  to the horizontal

39. 1.5 centimeters at a bearing of  $N49^\circ E$

### PART 3 : PAPER

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q23

قم بتصميم رسم تخطيطي يوضح تحليل كل متجه إلى مركباته المتعامدة.

Draw a diagram that shows the resolution of each vector into its rectangular components. Then find the magnitudes of the vector's horizontal and vertical components.

40. 3.2 centimeters per hour at a bearing of  $S78^\circ W$

$S78^\circ W$  3.2 cm/h.40

41.  $\frac{3}{4}$  centimeters per minute at a bearing of  $255^\circ$

$255^\circ$  باتجاه  $\frac{3}{4}$  cm/min .41

Mr. Ali Abdalla

Mr. Ali Abdalla

Mr. Ali Abdalla

### PART 3 : PAPER

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q23

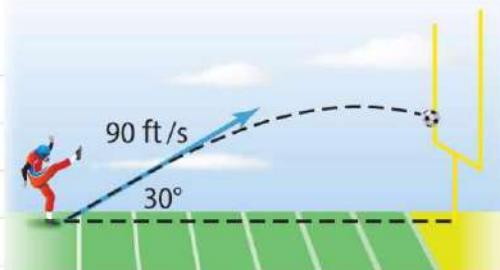
42. في محاولة لإحراز هدف، تم ركل كرة بالسرعة الموضحة بالرسم التخطيطي أدناه.

a. قم بتصميم رسم تخطيطي يوضح تحليل هذه القوة إلى مركبات متعامدة.

b. جد مقادير المركبات الأفقية والرأسية.

42. **SOCER** For a field goal attempt, a ball is kicked with the velocity shown in the diagram below

- Draw a diagram that shows the resolution of this force into its rectangular components.
- Find the magnitudes of the horizontal and vertical components.



- a) 60 ft/s, 120 ft/s
- b) 120 ft/s, 60 ft/s
- c) 45 ft/s, 77.9 ft/s
- d) 77.9 ft/s, 45 ft/s

### PART 3 : PAPER

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

Q23

43. تدفع بثينة مقبض مكنسة دفع بقوة مقدارها  $190\text{ N}$  بزاوية  $33^\circ$  مع الأرض.
- قم بتصميم رسم تخطيطي يوضح تحليل هذه القوة إلى مركبات متعامدة.
  - جد مقادير المركبات الأفقية والرأسية.

43. **CLEANING** Buthaina is pushing the handle of a push broom with a force of 190 newtons at an angle of  $33^\circ$  with the ground.

- Draw a diagram that shows the resolution of this force into its rectangular components.
- Find the magnitudes of the horizontal and vertical components.



### PART 3 : PAPER

- a)  $103.5\text{ N}, 159.3\text{ N}$
- b)  $159.3\text{ N}, 103.5\text{ N}$
- c)  $123.4\text{ N}, 144.5\text{ N}$
- d)  $144.5\text{ N}, 123.4\text{ N}$

A snow sled is pulled by exerting a force of 110 newtons on a rope that makes a  $20^\circ$  angle with the horizontal, as shown in the figure. What is the approximate work done in pulling the sled 15 meters?

يتم سحب زلاجة ثلوج من خلال بذل قوة  $110\text{ N}$  على جبل يشكل زاوية  $20^\circ$  مع المركبة الأفقية، كما هو موضح بالشكل. ما المقدار التقريري للشغل المبذول لسحب الزلاجة لمسافة 15 متر

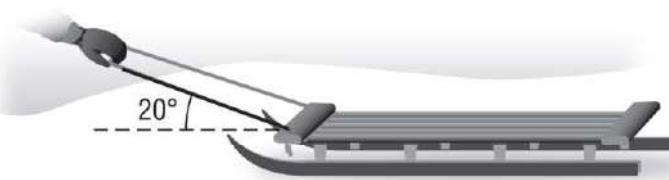


- A) 580.5 newton-meters
- B) 1402.5 newton-meters
- C) 1550.5 newton-meters**
- D) 1695.5 newton-meters



A snow sled is pulled by exerting a force of 110 newtons on a rope that makes a  $20^\circ$  angle with the horizontal, as shown in the figure. What is the approximate work done in pulling the sled 15 meters?

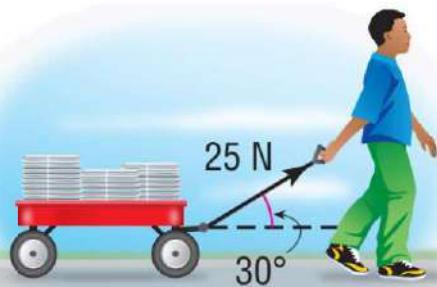
يتم سحب زلاجة ثلوج من خلال بذل قوة 110 على جبل يشكل زاوية  $20^\circ$  مع المركبة الأفقية، كما هو موضح بالشكل. ما المقدار التقريري للشغل المبذول لسحب الزلاجة لمسافة 15 متر



- A) 580.5 newton-meters
- B) 1402.5 newton-meters
- C) 1550.5 newton-meters**
- D) 1695.5 newton-meters

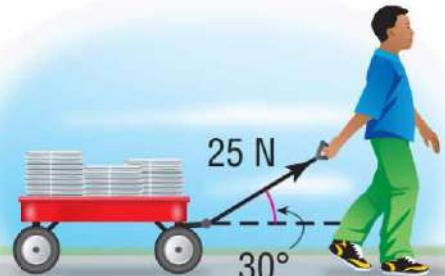


يستخدم سلطان عربة لحمل الصحف لتوزيعها. ويسحب العربة بقوة تبلغ  $25\text{ N}$  بزاوية  $30^\circ$  مع المركب الأفقي. ما مقدار الشغل الذي يبذله سلطان عند سحب العربة لمسافة  $150\text{ m}$ ?  
Sultan uses a wagon to carry newspapers for his paper route. He is pulling the wagon with a force of 25 newtons at an angle of  $30^\circ$  with the horizontal. How much work in joules is Sultan doing when he pulls the wagon 150 meters?



يستخدم سلطان عربة لحمل الصحف لتوزيعها. ويسحب العربة بقوة تبلغ  $25\text{ N}$  بزاوية  $30^\circ$  مع المركب الأفقي. ما مقدار الشغل الذي يبذله سلطان عند سحب العربة لمسافة  $150\text{ m}$ ؟

Sultan uses a wagon to carry newspapers for his paper route. He is pulling the wagon with a force of 25 newtons at an angle of  $30^\circ$  with the horizontal. How much work in joules is Sultan doing when he pulls the wagon 150 meters?



**BONUS**

about 3247.6 J

Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

For a field goal attempt, a ball is kicked with the velocity shown in the diagram below.

- Draw a diagram that shows the resolution of this force into its rectangular components.
- Find the magnitudes of the horizontal and vertical components.

في محاولة لإحراز هدف، تم ركل كرة بالسرعة الموضحة بالرسم التخطيطي أدناه

- قم بتصميم رسم تخطيطي يوضح تحليل هذه القوة إلى مركبات متعامدة.
- جد مقادير المركبات الأفقية والرأسية



Easy Math – Mr. Ali Abdalla

Grade 12 General Term 2

فکر فی (2) أي مما يلي صورة مركبة ومقدار  $\overrightarrow{CD}$ ؟

Consider  $C(-9, 2)$  and  $D(-4, -3)$ . Which of the following is the component form and magnitude of  $\overrightarrow{CD}$ ?

F  $\langle 5, -5 \rangle, 5\sqrt{2}$

G  $\langle 5, -5 \rangle, 6\sqrt{2}$

H  $\langle 6, -5 \rangle, 5\sqrt{2}$

J  $\langle 6, -6 \rangle, 6\sqrt{2}$



PART 3 : PAPER