

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



## حل الدرس الرابع القيم القصوى ومتوسط معدلات التغير and Extrema الأولى الوحدة من Average Rates of Change

[موقع المناهج](#) ⇨ [المناهج الإماراتية](#) ⇨ [الصف الثاني عشر العام](#) ⇨ [رياضيات](#) ⇨ [الفصل الأول](#) ⇨ [الملف](#)

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2024-09-13 18:31:15

إعداد: محمد راشد الزن

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العام



[اضغط هنا للحصول على جميع روابط "الصف الثاني عشر العام"](#)

## روابط مواد الصف الثاني عشر العام على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

## المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العام والمادة رياضيات في الفصل الأول

[حل الدرس الثالث الاتصال والسلوك الطرفي والنهيات  
الأولى الوحدة من Continuity, End Behavior, and Limits](#)

1

[حل الدرس الثاني تحليل الدوال والعلاقات بيانياً Analyzing  
الأولى الوحدة من Graph of functions and Relations](#)

2

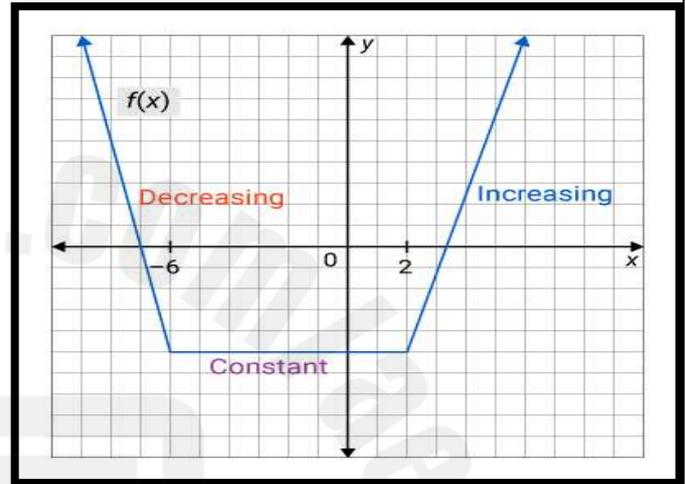
## المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العام والمادة رياضيات في الفصل الأول

<a href="#">حل الدرس الأول الدوال Functions من الوحدة الأولى</a>	3
<a href="#">أوراق عمل الدرس الثالث Continuity and behavior end .الأولى الوحدة من النهايات الطرفي والسلوك الاتصال limits</a>	4
<a href="#">أوراق عمل الدرس الثالث الاتصال والسلوك الطرفي والنهايات من الوحدة الأولى</a>	5

**Activity 1** Use the graph of function  $f(x)$  to estimate intervals to the nearest 0.5 unit on which the function is increasing, decreasing, or constant.

**نشاط 1 :** استخدم التمثيل البياني للدالة  $f(x)$  لتقدير الفترات لاقرب 0.5 وحدة والتي تكون فيها الدالة متزايدة او متناقصة او ثابتة

- **decreasing** (التناقص) on ( , )
- **constant** (ثابتة) on ( , )
- **increasing** (متزايدة) on ( , )



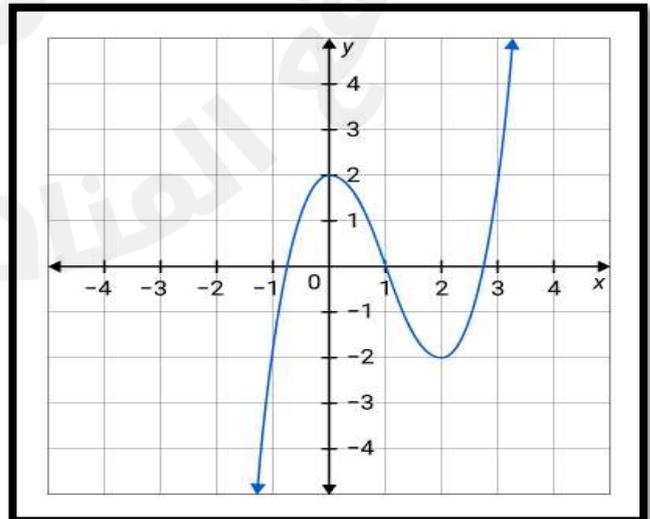
**Activity 2**

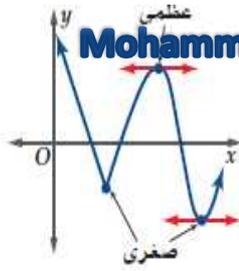
Use the graph of  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$  to estimate intervals to the nearest 0.5 unit on which the function is increasing, decreasing, or constant. Support your answer numerically.

**نشاط 2 :** استخدم التمثيل البياني للدالة  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$  لتقدير الفترات لاقرب 0.5 وحدة والتي تكون فيها الدالة متزايدة او متناقصة .

**Decreasing** (متناقصة) : ( , )

**Increasing** (متزايدة) : ( , ) , ( , )





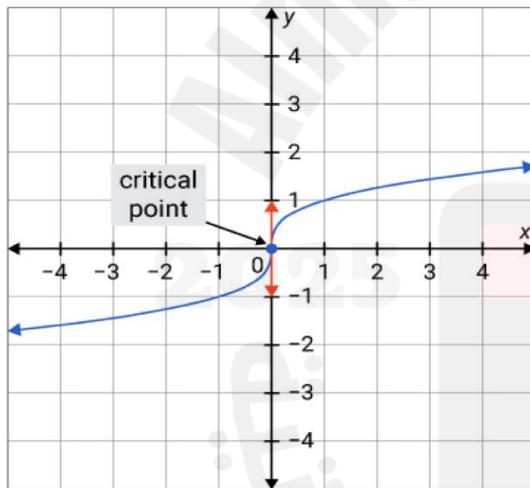
Mohammed Alzzen

لاحظ أن النقاط التي تغير الدالة عندها سلوك تزايدها أو تناقصها تكون قيمًا حرجية. منحنى الدالة وتسمى **نقاطاً حرجية**. ويكون المماس المرسوم للمنحنى عند هذه النقاط إما أفقياً أو عمودياً (أي أن ميله صفر أو غير معرف)، أو أنه لا يوجد عندها مماس، وقد يدل ذلك على وجود قيمة **عظمى** أو **صغرى** للدالة. يمكن أن يكون للدالة أشكال مختلفة من القيم العظمى والقيم الصغرى (القيم القصوى).

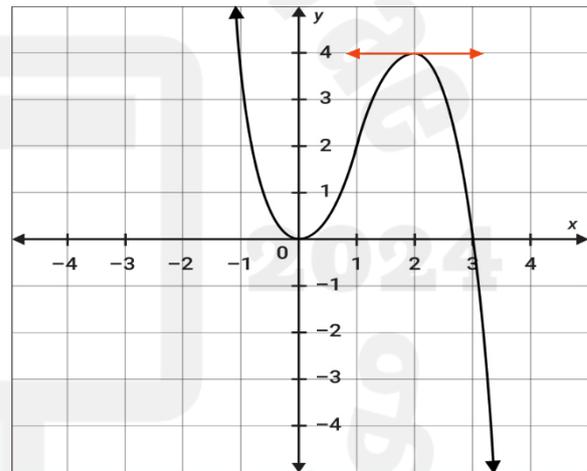
## • Analyzing Critical Points of a Function

Some tangent lines are horizontal or vertical like the ones shown, When you draw a tangent line that is either horizontal or vertical to the graph of a function at a point, the point is called a **critical point**.

Two types of critical points are called **extrema** and **point of inflection**.



Vertical Tangent



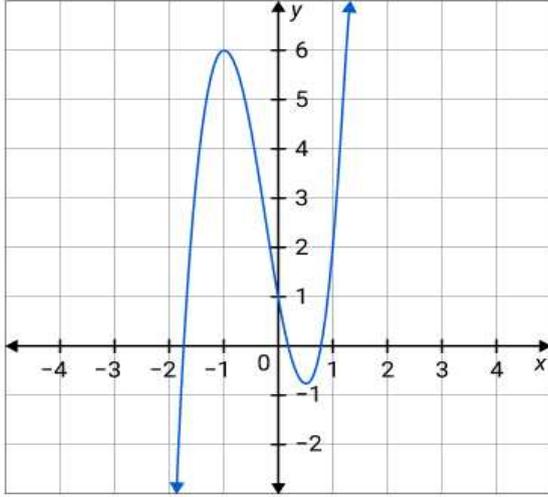
Horizontal Tangent

T. Mohammed Rashed Alzzen

**Activity 3** : Estimate and classify the extrema of the graph of

$f(x) = 4x^3 + 3x^2 - 6x + 1$ . Support your answer numerically.

**نشاط 3** : استخدم التمثيل البياني للدالة  $f(x) = 4x^3 + 3x^2 - 6x + 1$  لتقدير القيم القصوى، عزز اجابتك عدديا .



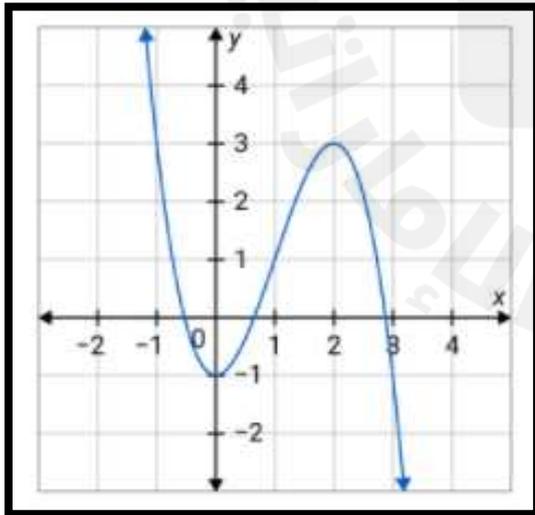
**Solution الحل:**

- عظمى نسبية ( **relative maximum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- صغرى نسبية ( **relative minimum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- القيم القصوى المطلقة ( **absolute extrema** ) .....

**Activity 4** Estimate and classify the extrema of the graph of

$f(x) = -x^3 + 3x^2 - 1$ . Support your answer numerically.

**نشاط 4** : استخدم التمثيل البياني للدالة  $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 1$  لتقدير القيم القصوى، عزز اجابتك عدديا



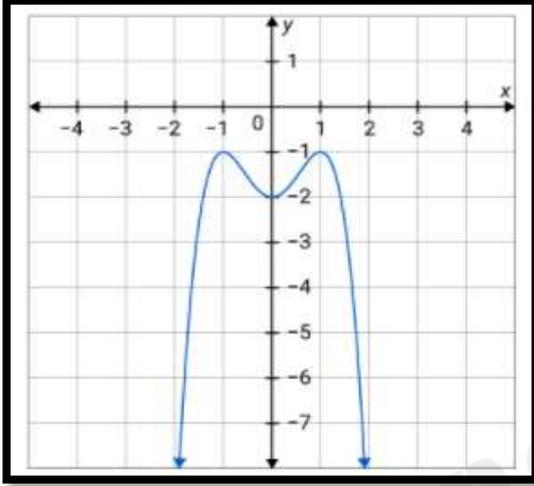
**Solution الحل:**

- عظمى نسبية ( **relative maximum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- صغرى نسبية ( **relative minimum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- القيم القصوى المطلقة ( **absolute extrema** ) .....

**T. Mohammed Rashed Alzzen**

**Activity 5** : Estimate and classify the extrema of the graph of  $f(x) = -x^4 + 2x^2 - 2$ . Support your answer numerically.

**نشاط 5 :** استخدم التمثيل البياني للدالة  $f(x) = -x^4 + 2x^2 - 2$  لتقدير القيم القصوى، عزز اجابتك عدديا

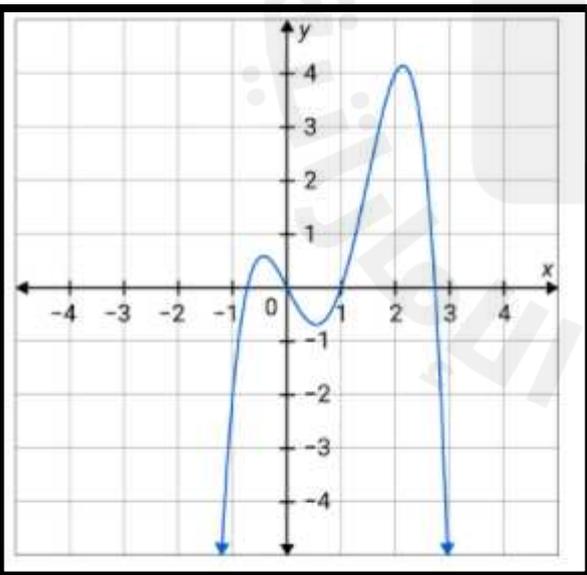


**Solution الحل:**

- عظمى نسبية ( **relative maximum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- صغرى نسبية ( **relative minimum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- القيم القصوى المطلقة ( **absolute extrema** ) .....

**Activity 6** Estimate and classify the extrema of the graph of  $f(x) = -x^4 + 3x^3 - 2x$ . Support your answer numerically.

**نشاط 6 :** استخدم التمثيل البياني للدالة  $f(x) = -x^4 + 3x^3 - 2x$  لتقدير القيم القصوى، عزز اجابتك عدديا



**Solution الحل:**

- عظمى نسبية ( **relative maximum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- صغرى نسبية ( **relative minimum** ) عندما  $x$  تساوي : .....
- القيم القصوى المطلقة ( **absolute extrema** ) .....

**T. Mohammed Rashed Alzzen**

**Activity 7:** Find the average rate of change for the function

$$f(x) = x^3 + 4x^2 - x - 7 \text{ on } [-3,-1].$$

**نشاط 7:** اوجد متوسط معدل التغير للدالة  $f(x) = x^3 + 4x^2 - x - 7$  على الفترة  $[-3,-1]$ .

**Activity 8:** Find the average rate of change of function

$$f(x) = -x^3 + 3x \text{ on } [-2,1].$$

**نشاط 8:** اوجد متوسط معدل التغير للدالة  $f(x) = -x^3 + 3x$  على الفترة  $[-2,1]$ .

**Activity 9:** The height of the rock is modeled by the equation

$h(t) = -4.9t^2 + 9.8t + 50$  , where  $t$  is the time in seconds after the rock is thrown. Find and interpret the average speed of the rock from 2.75 seconds to 3.25 seconds.

**نشاط 9:** يمثل ارتفاع صخرة وفق معادلة الدالة  $h(t) = -4.9t^2 + 9.8t + 50$  ، حيث  $t$  تمثل الزمن بالثواني من لحظة سقوط الصخرة من الأعلى ، اوجد متوسط معدل سرعة الصخرة ( السرعة المتوسطة ) على الفترة  $2.75$  ثانية الى  $3.25$  ثانية .

*T. Mohammed Rashed Alzzen*