

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



## حل أسئلة مراجعة الوحدة الرابعة الدوال المثلثية وفق الهيكل الوزاري

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الثاني عشر العام ← رياضيات ← الفصل الأول ← حلول ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2024-11-06 14:46:55

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل  
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: عماد عودة

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العام



الرياضيات



اللغة الانجليزية



اللغة العربية



التربية الاسلامية



المواد على تلغرام

صفحة المناهج  
الإماراتية على  
فيسبوك

## المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العام والمادة رياضيات في الفصل الأول

حل تجميعية أسئلة القسم الكتابي وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج

1

تجميعية أسئلة القسم الكتابي وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج

2

ملزمة تجميعية أسئلة وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج

3

تجميعية أسئلة وفق الهيكل الوزاري حسب منهج بريدج

4

تجميعية أسئلة مراجعة وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج

5

مراجعة الهيكل 2024-2025

الجزء الأول

# Chapter 4

Trigonometric Functions

الدوال المثلثية

12General

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>



MCQ

Convert degree measures of angles to radian measures and vice versa and apply to finding arc length  
تحويل قياسات الزوايا من الدرجات إلى الراديان والعكس بالعكس والتطبيق في إيجاد طول القوس

الدرجات والراديان  
Degrees and Radians

Example- 3)+3 (مثال- A,3B)  
(18-25)

236  
240

### Example 3

Identify all angles that are coterminal with the given angle.  
Then find and draw one positive and one negative angle coterminal with the given angle.

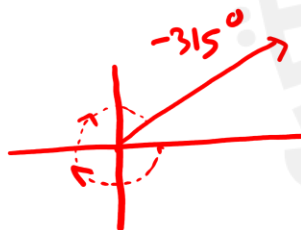
حدد جميع الزوايا المشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة.  
ثم جد مع الرسم زاوية موجبة وزاوية سالبة مشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المُعطاة

a.  $45^\circ + 360n$  ✓

put  $n=1 \Rightarrow 45+360=405$



put  $n=-1 \Rightarrow 45-360=-315$



b.  $-\frac{\pi}{3} + 2n\pi$  ✓

put  $n=1 \Rightarrow -\frac{\pi}{3} + 2\pi = \frac{5\pi}{3}$



put  $n=-1 \Rightarrow -\frac{\pi}{3} - 2\pi = \frac{-7\pi}{3}$



| Q 11 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-2        | Exercise                              | Page       |
|------|---|-------------------|---------------------------------------|------------|
| MCQ  | Convert degree measures of angles to radian measures and vice versa and apply to finding arc length<br>تحويل قياسات الزوايا من الدرجات إلى الراديان والعكس بالعكس والتطبيق في إيجاد طول القوس | الدرجات والراديان | Example- 3)+3 (مثال- A,3B)<br>(18-25) | 236<br>240 |

### Example 3

Identify all angles that are coterminal with the given angle.  
Then find and draw one positive and one negative angle coterminal with the given angle.

حدد جميع الزوايا المشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة.  
ثم جد مع الرسم زاوية موجبة وزاوية سالبة مشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المُعطاة

a.  $-30^\circ + 360n$

Put  $n=1 \Rightarrow -30 + 360 = 330$  ✗

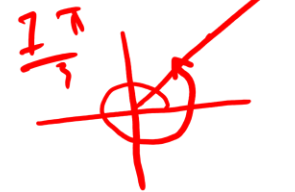


Put  $n=-1 \Rightarrow -30 + (-360) = -390$



b.  $\frac{\pi}{3} + 2n\pi \Rightarrow$

$n=1 \Rightarrow \frac{\pi}{3} + \frac{2\pi}{1} = \frac{7\pi}{3}$



$n=-1 \Rightarrow \frac{\pi}{3} - \frac{2\pi}{1} = \frac{-5\pi}{3}$



الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 11 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-2                               | Exercise                              | Page       |
|------|---|--|---------------------------------------|------------|
| MCQ  | Convert degree measures of angles to radian measures and vice versa and apply to finding arc length<br>تحويل قياسات الزوايا من الدرجات إلى الراديان والعكس بالعكس والتطبيق في إيجاد طول القوس | الدرجات والراديان<br>Degrees and Radians | Example- 3)+3 (مثال- A,3B)<br>(18-25) | 236<br>240 |

Identify all angles that are coterminal with the given angle.  
Then find and draw one positive and one negative angle coterminal with the given angle.

حدد جميع الزوايا المشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة.  
ثم جد مع الرسم زاوية موجبة وزاوية سلبية مشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المُعطاة



18.  $120^\circ + 360n$

Put  $n = 1 \Rightarrow 120 + 360 = 480$

Put  $n = -1 \Rightarrow 120 - 360 = -240$



19.  $-75^\circ + 360n$

Put  $n = 1 \Rightarrow -75 + 360 = 285$

Put  $n = -1 \Rightarrow -75 - 360 = -435$



| Q 11 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-2                               | Exercise                            | Page       |
|------|---|--|-------------------------------------|------------|
| MCQ  | Convert degree measures of angles to radian measures and vice versa and apply to finding arc length<br>تحويل قياسات الزوايا من الدرجات إلى الراديان والعكس بالعكس والتطبيق في إيجاد طول القوس | الدرجات والراديان<br>Degrees and Radians | Example- 3)+3 (مثالA,3B)<br>(18-25) | 236<br>240 |

Identify all angles that are coterminal with the given angle.

Then find and draw one positive and one negative angle coterminal with the given angle.

حدد جميع الزوايا المشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة.  
ثم جد مع الرسم زاوية موجبة وزاوية سلبية مشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المُعطاة

$$20. 225^\circ + 360^\circ n$$

$$Put n=1 \Rightarrow 225 + 360 = 585$$



$$Put n=-1 \Rightarrow 225 - 360 = -135$$



$$21. -150^\circ + 360^\circ n$$

$$Put n=1 \Rightarrow -150 + 360 = 210$$



$$Put n=-1 \Rightarrow -150 - 360 = -510$$



الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>


| Q 11 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-2                               | Exercise                           | Page       |
|------|---|--|------------------------------------|------------|
| MCQ  | Convert degree measures of angles to radian measures and vice versa and apply to finding arc length<br>تحويل قياسات الزوايا من الدرجات إلى الراديان والعكس بالعكس والتطبيق في إيجاد طول القوس | الدرجات والراديان<br>Degrees and Radians | Example- 3)+3-مثالA,3B)<br>(18-25) | 236<br>240 |

Identify all angles that are coterminal with the given angle.  
Then find and draw one positive and one negative angle coterminal with the given angle.


حدد جميع الزوايا المشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة.  
ثم جد مع الرسم زاوية موجبة وزاوية سالبة مشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة

22.  $\frac{\pi}{3} + 2n\pi$

$\Rightarrow$  Put  $n=1 \Rightarrow \frac{\pi}{3} + 2\pi = \frac{7\pi}{3}$




$\Rightarrow$  Put  $n=-1 \Rightarrow \frac{\pi}{3} - 2\pi = \frac{-5\pi}{3}$




23.  $-\frac{3\pi}{4} + 2n\pi$

Put  $n=1 \Rightarrow -\frac{3\pi}{4} + 2\pi = \frac{5\pi}{4}$



Put  $n=-1 \Rightarrow -\frac{3\pi}{4} - 2\pi = \frac{-11\pi}{4}$




| Q 11 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-2                               | Exercise                              | Page       |
|------|---|--|---------------------------------------|------------|
| MCQ  | Convert degree measures of angles to radian measures and vice versa and apply to finding arc length<br>تحويل قياسات الزوايا من الدرجات إلى الراديان والعكس بالعكس والتطبيق في إيجاد طول القوس | الدرجات والراديان<br>Degrees and Radians | Example- 3)+3 (مثال- A,3B)<br>(18-25) | 236<br>240 |

Identify all angles that are coterminal with the given angle.  
Then find and draw one positive and one negative angle coterminal with the given angle.

حدد جميع الزوايا المشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة.  
ثم جد مع الرسم زاوية موجبة وزاوية سلبية مشتركة في ضلع الانتهاء مع الزاوية المُعطاة



24.  $-\frac{\pi}{12} + 2n\pi$

25.  $\frac{3\pi}{2} + 2n\pi$

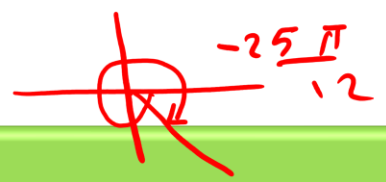
Put  $n = 1 \Rightarrow -\frac{\pi}{12} + 2\frac{\pi}{1} = \frac{23\pi}{12}$

$n = 1 \Rightarrow \frac{3\pi}{2} + 2\pi = \frac{7\pi}{2}$



Put  $n = -1 \Rightarrow -\frac{\pi}{12} - 2\pi = \frac{-25\pi}{12}$

$n = -1 \Rightarrow \frac{3\pi}{2} - 2\pi = \frac{-\pi}{2}$





MCQ

Find values of trigonometric ratios for any angle  
إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية

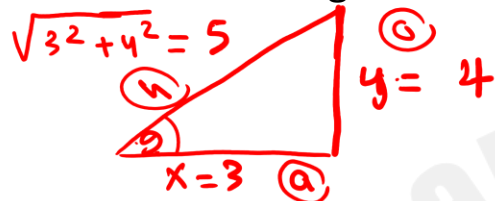
Trigonometric functions on the  
unit circle  
النسب المثلثية على دائرة الوحدة

(1-32)

253

The given point lies on the terminal side of an angle  $\theta$  in standard position. Find the values of the six trigonometric functions of  $\theta$ .

1.  $(3, 4)$



$$\sin \theta = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{4}{5}$$

$$\cos \theta = \frac{\text{adj}}{\text{hyp}} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{3}{5}$$

$$\tan \theta = \frac{\text{opp}}{\text{adj}} = \frac{4}{3}$$

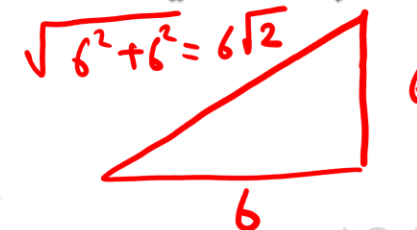
$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{3}{4}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = \frac{5}{3}$$

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{5}{4}$$

النقطة المعطاة تقع على ضلع الإنهاء للزاوية  $\theta$  في الوضع القياسي. جد قيم النسب المثلثية الست لـ  $\theta$ . (المثال 1)

2.  $(-6, 6)$



$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2+y^2}} = \frac{6}{6\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} = \frac{-6}{6\sqrt{2}} = -\frac{1}{\sqrt{2}} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan \theta = \frac{6}{-6} = -1$$

$$\cot \theta = -1$$

$$\sec \theta = \frac{-2}{\sqrt{2}} = -\sqrt{2}$$

$$\csc \theta = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

الأستاذ عماد عودة

MCQ

Find values of trigonometric ratios for any angle  
إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية

Trigonometric functions on the  
unit circle  
النسب المثلثية على دائرة الوحدة

(1-32)

253

The given point lies on the terminal side of an angle  $\theta$  in standard position. Find the values of the six trigonometric functions of  $\theta$ .

النقطة المعطاة تقع على ضلع الإنهاء للزاوية  $\theta$  في الوضع القياسي. جد قيم النسب المثلثية الست لـ  $\theta$ .

3.  $(-4, -3)$

$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-3}{\sqrt{(-4)^2 + (-3)^2}} = \frac{-3}{5}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-4}{5}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{-3}{-4} = \frac{3}{4}$$

$$\cot \theta = \frac{x}{y} = \frac{4}{3}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = \frac{-5}{4} \quad / \quad \csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{-5}{3}$$

4.  $(2, 0)$

$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{0}{\sqrt{2^2 + 0}} = 0$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{2}{\sqrt{2^2 + 0}} = \frac{2}{2} = 1$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{0}{2} = 0$$

$$\cot \theta = \frac{x}{y} = \frac{2}{0} \text{ (undefined)}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = 1$$

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{1}{0} \text{ (undefined)}$$

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

MCQ

Find values of trigonometric ratios for any angle  
إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية

Trigonometric functions on the  
unit circle  
النسب المثلثية على دائرة الوحدة

(1-32)

253

The given point lies on the terminal side of an angle  $\theta$  in standard position. Find the values of the six trigonometric functions of  $\theta$ .

النقطة المعطاة تقع على ضلع الإنتهاء للزاوية  $\theta$  في الوضع القياسي. جد قيم النسب المثلثية الست لـ  $\theta$ .

5.  $(1, -8)$

$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-8}{\sqrt{1^2 + (-8)^2}} = \frac{-8}{\sqrt{65}}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{1}{\sqrt{65}}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = -8$$

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{1}{-8}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = \sqrt{65} \quad \csc \theta = \frac{-\sqrt{65}}{8}$$

6.  $(5, -3)$

$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-3}{\sqrt{5^2 + (-3)^2}} = \frac{-3}{\sqrt{34}}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{5}{\sqrt{34}}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{-3}{5}$$

$$\cot \theta = \frac{-5}{3}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = \frac{\sqrt{34}}{5}$$

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{-\sqrt{34}}{3} \quad \times$$

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

MCQ

Find values of trigonometric ratios for any angle  
إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية

Trigonometric functions on the  
unit circle

(1-32)

253

النسب المثلثية على دائرة الوحدة

The given point lies on the terminal side of an angle  $\theta$  in standard position. Find the values of the six trigonometric functions of  $\theta$ .

النقطة المعطاة تقع على ضلع الإنتهاء للزاوية  $\theta$  في الوضع القياسي. جد قيم النسب المثلثية الست لـ  $\theta$ . (الرسالة 1)

7.  $(-8, 15)$

$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{15}{\sqrt{(-8)^2 + 15^2}} = \frac{15}{17}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-8}{17}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{15}{-8}$$

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{-8}{15}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = \frac{-17}{8}$$

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{17}{15}$$

8.  $(-1, -2)$

$$\sin \theta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-2}{\sqrt{(-1)^2 + (-2)^2}} = \frac{-2}{\sqrt{5}}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} = \frac{-1}{\sqrt{5}}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{-2}{-1} = 2$$

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{1}{2}$$

$$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} = -\sqrt{5}$$

$$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta} = \frac{-\sqrt{5}}{2}$$

الأستاذ عماد عودة

| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each trigonometric function, if defined. If not defined, write undefined.

جد قيمة كل نسبة مثلثية، إذا كانت مُعرَّفة. إذا لم تكن مُعرَّفة، فاكتب غير مُعرَّفة.

9.  $\sin \frac{\pi}{2} = 1$

by calculator  
R

10.  $\tan 2\pi = 0$  ~~✗~~



| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each trigonometric function, if defined. If not defined, write undefined.

جد قيمة كل نسبة مثلثية، إذا كانت مُعرَّفة. إذا لم تكن مُعرَّفة، فاكتب غير مُعرَّفة. (المثال 2)

11.  $\cot(-180^\circ)$

12.  $\csc 270^\circ$

$\cot(-180) = \frac{1}{\tan(-180)}$  *math error*

$\csc 270 = \frac{1}{\sin 270}$

undefined

~~1~~



| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each trigonometric function, if defined. If not defined, write undefined.

جد قيمة كل نسبة مثلثية، إذا كانت مُعرَّفة. إذا لم تكن مُعرَّفة، فاكتب غير مُعرَّفة. (المثال 2)

13.  $\cos(-270^\circ) = \infty$

14.  $\sec 180^\circ$

$\frac{1}{\cos(180^\circ)}$   ~~$\frac{1}{-1}$~~





| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each trigonometric function, if defined. If not defined, write undefined.

جد قيمة كل نسبة مثلثية، إذا كانت مُعرَّفة. إذا لم تكن مُعرَّفة، فاكتب غير مُعرَّفة.

15.  $\tan \pi = 0$

16.  $\sec\left(-\frac{\pi}{2}\right)$

$$\sec\left(-\frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right)}$$

$$= \text{undefined}$$

$\textcircled{R}$

~~✗~~



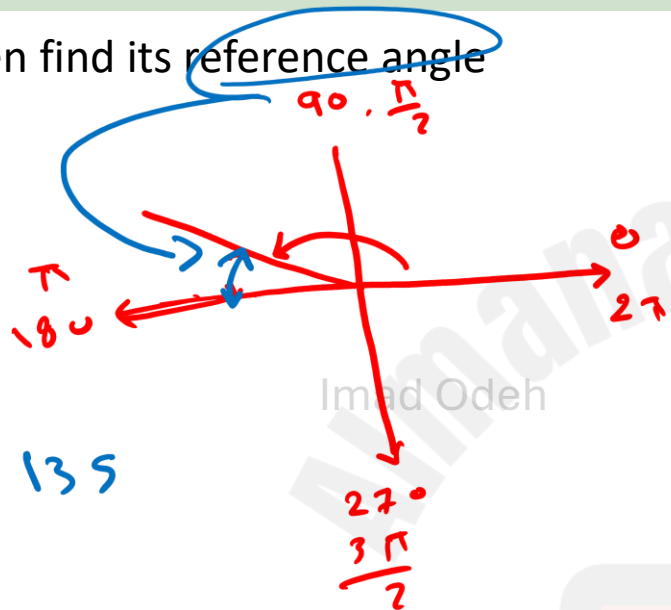


| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Sketch each angle. Then find its reference angle

ارسم كل زاوية. ثم جد زاوية المرجع.

17.  $135^\circ$



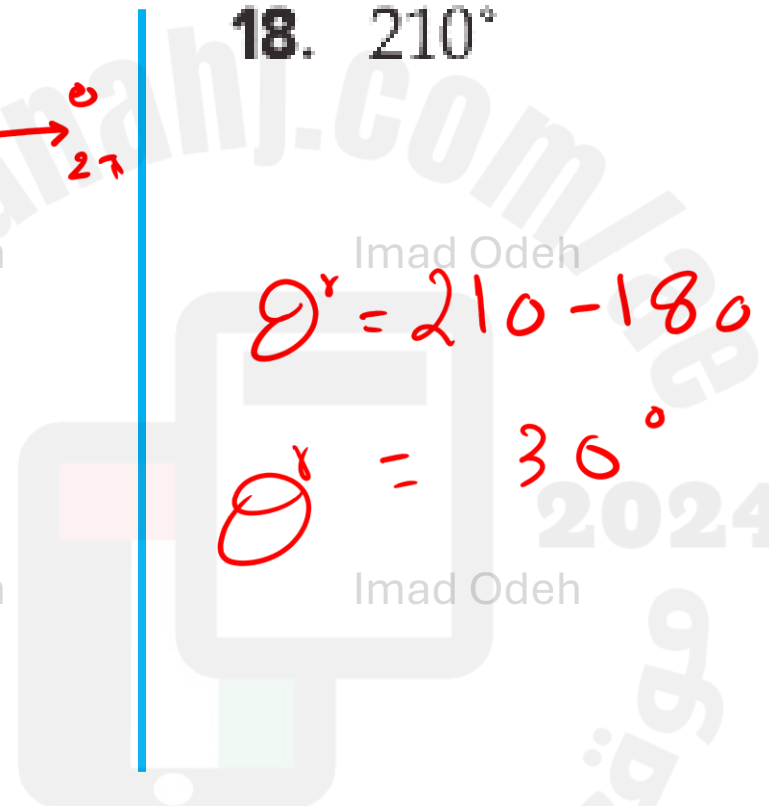
Imad Odeh

$$\theta' = 180 - 135$$

$$\theta' = 45^\circ$$

Imad Odeh

18.  $210^\circ$

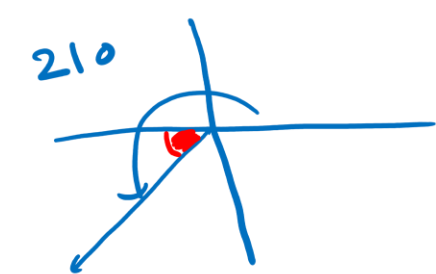


Imad Odeh

$$\theta' = 210 - 180$$

$$\theta' = 30^\circ$$

Imad Odeh



Imad Odeh

Imad Odeh



| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3                                 | Exercise | Page |
|------|---|--|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle | (1-32)   | 253  |

Sketch each angle. Then find its reference angle.

$0 < \theta < 90$

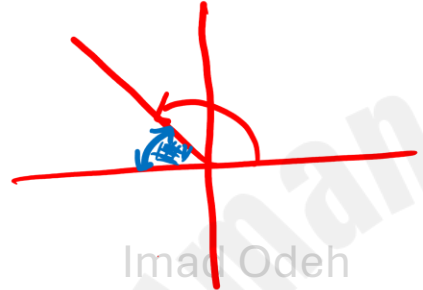
ارسم كل زاوية. ثم جد زاوية المرجع.

$11 \times 60 = 660$

19.  $\frac{7\pi}{12} \Rightarrow (180) = 165$

20.  $\frac{11\pi}{3}$

$\pi - \frac{7\pi}{12} = \frac{5\pi}{12}$



$\frac{11\pi}{3} - \frac{2\pi}{1} = \frac{5\pi}{3}$

$2\pi - \frac{5\pi}{3} = \frac{\pi}{3}$

$\theta^r = \frac{\pi}{3}$



| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Sketch each angle. Then find its reference angle

ارسم كل زاوية. ثم جد زاوية المرجع.

21.  $-405^\circ$



$$-405 + 360$$

$$\theta^r = -45$$

$$\theta^r = 45$$

Imad Odeh

Imad Odeh

22.  $-75^\circ$



$$\theta^r = 75$$

Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Sketch each angle. Then find its reference angle

ارسم كل زاوية. ثم جد زاوية المرجع.

23.  $\frac{5\pi}{6}$

$\theta^r = \pi - \frac{5\pi}{6}$

$\theta^r = \frac{\pi}{6}$

Imad Odeh

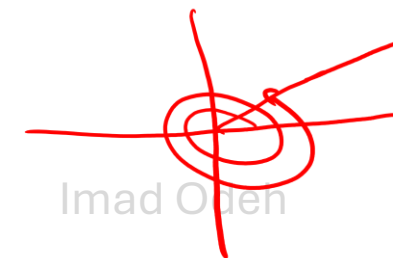


Imad Odeh

24.  $\frac{13\pi}{6}$

$\theta^r = \frac{\pi}{6}$

Imad Odeh



Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

## رابط حصة المسجلة

[https://us06web.zoom.us/rec/share/sW7WE88OVtEnSppOk1JjgoNYM7n9DcKfQ0HK0UqAk\\_rFIHMI\\_n7Sr-u0kkld\\_\\_0.fiuuLmTB1lvGaku5?startTime=1730556416000](https://us06web.zoom.us/rec/share/sW7WE88OVtEnSppOk1JjgoNYM7n9DcKfQ0HK0UqAk_rFIHMI_n7Sr-u0kkld__0.fiuuLmTB1lvGaku5?startTime=1730556416000)

Passcode:



<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

الأستاذ عماد عودة

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

مراجعة الهيكل 2024-2025  
الجزء الثاني

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

# Chapter 4

Imad Odeh

Imad Odeh

## Trigonometric Functions

### الدوال المثلثية

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

12General

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>



Find the exact value of each expression.

جد قيمة كل تعبير مما يلي.

25.  $\cos \frac{4\pi}{3}$

(R)

حسب

26.  $\tan \frac{7\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

$= \frac{\sqrt{3}}{3}$

by calculator بالآلة الحاسبة

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$\cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2}$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each expression.

جد قيمة كل تعبير مما يلي.

27.  $\sin \frac{3\pi}{4}$  R

by calculator

Imad Odeh

$$= \frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{1}{\sqrt{2}}$$

Imad Odeh

بالكالم

Imad Odeh

28.  $\cot(-45^\circ)$  D

$$\frac{1}{\tan(-45^\circ)} = -1$$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>



IO-MATHS ACADEMY  
MATHEMATICS SUPPORT



| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each expression.

جد قيمة كل تعبير مما يلي.

29.  $\csc 390^\circ$

ⓓ

↓

$$\csc 390^\circ = \frac{1}{\sin(390^\circ)} = 2$$

بالإدراج

30.  $\sec(-150^\circ)$

ⓓ

$$\sec(-150^\circ) = \frac{1}{\cos(-150^\circ)} = \frac{-2\sqrt{3}}{3}$$

$$= \frac{-2}{\sqrt{3}} \quad *$$

بالإدراج

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

| Q 12 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-3  | Exercise | Page |
|------|---|---|----------|------|
| MCQ  | Find values of trigonometric ratios for any angle<br>إيجاد قيم النسب المثلثية لأي زاوية | Trigonometric functions on the unit circle<br>النسب المثلثية على دائرة الوحدة | (1-32)   | 253  |

Find the exact value of each expression.

31.  $\tan \frac{11\pi}{6}$  ↖ R

Imad Odeh

Imad Odeh

32.  $\sin 300^\circ$  D

Imad Odeh

Imad Odeh

جد قيمة كل تعبير مما يلي.

Imad Odeh

Imad Odeh



MCQ

تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانياً  
إيجاد

Graphing Sine and Cosine functions  
بيانياً sin cosine تمثيل الدوال

(31-34)

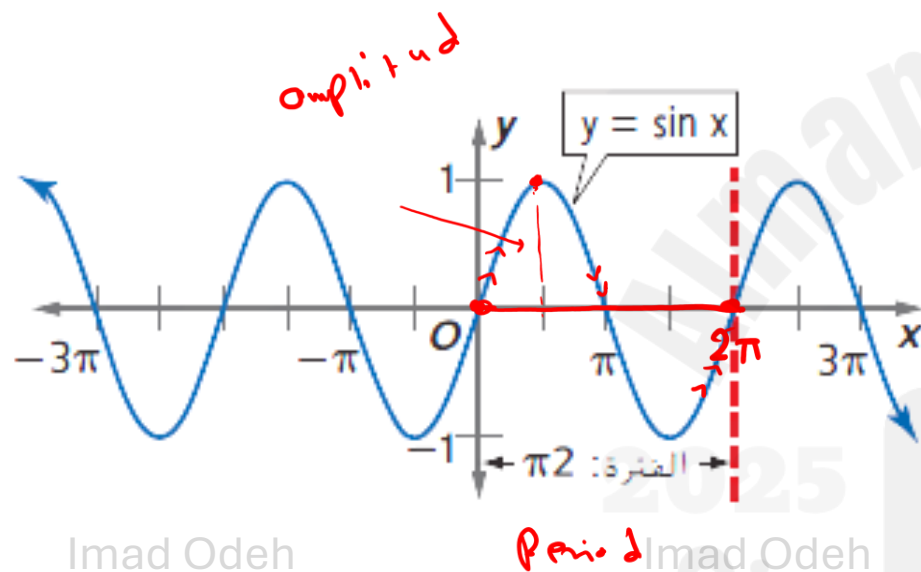
267

Imad Odeh

Imad Odeh

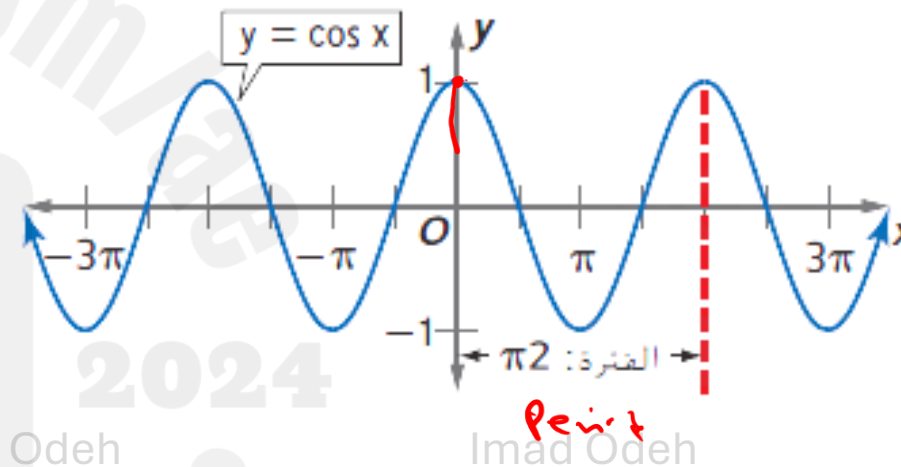
Imad Odeh

Imad Odeh



Imad Odeh

Imad Odeh



Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>
<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 13 | Learning Outcome/Performance Criteria**  | Lesson 4-4  | Exercise | Page |
|------|--|---|----------|------|
| MCQ  | تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانياً<br>إيجاد Graph transformations of the sine and cosine functions | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانياً sin cosine تمثيل الدوال | (31-34)  | 267  |

Imad Odeh

Imad Odeh

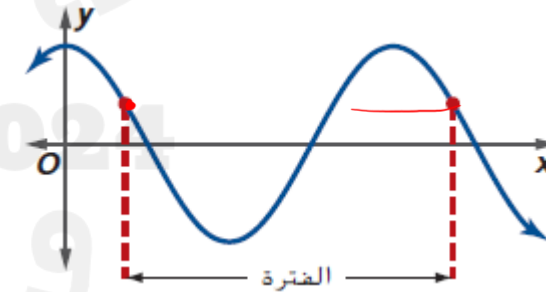
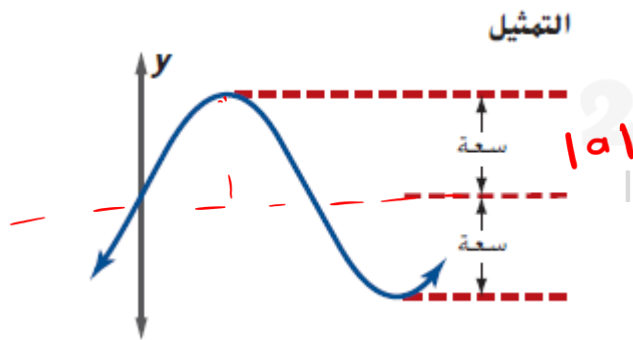
Imad Odeh

Imad Odeh

$$y = a \sin(bx)$$

Amplitude =  $|a|$

period =  $\frac{2\pi}{|b|}$



الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 13 | Learning Outcome/Performance Criteria**  | Lesson 4-4  | Exercise | Page |
|------|--|---|----------|------|
| MCQ  | تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانياً<br>إيجاد Graph transformations of the sine and cosine functions | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانياً sin cosine تمثيل الدوال | (31-34)  | 267  |

Imad Odeh

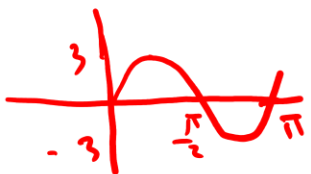
$$y = 3 \sin(2x)$$

$a = 3$   
 $b = 2$

Amplitude =  $|a| = |3| = 3$

Imad Odeh

$$\text{period} = \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{2} = \pi$$



Imad Odeh

$$y = 5 \sin\left(\frac{1}{2}x\right)$$

$a = 5$   
 $b = \frac{1}{2}$

Amplitude =  $|a| = |5| = 5$  ✘

Imad Odeh

$$\text{Period} = \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi$$
 ✘



الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 13 | Learning Outcome/Performance Criteria**  | Lesson 4-4   | Exercise | Page |
|------|--|--|----------|------|
| MCQ  | تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانيًا<br>إيجاد Graph transformations of the sine and cosine functions | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | (31-34)  | 267  |

اكتب معادلة تماثل كل تمثيل بياني.

Write an equation that corresponds to each graph.

Imad Odeh

$$y = a \sin(bx)$$

$$y = 3 \sin(2x)$$

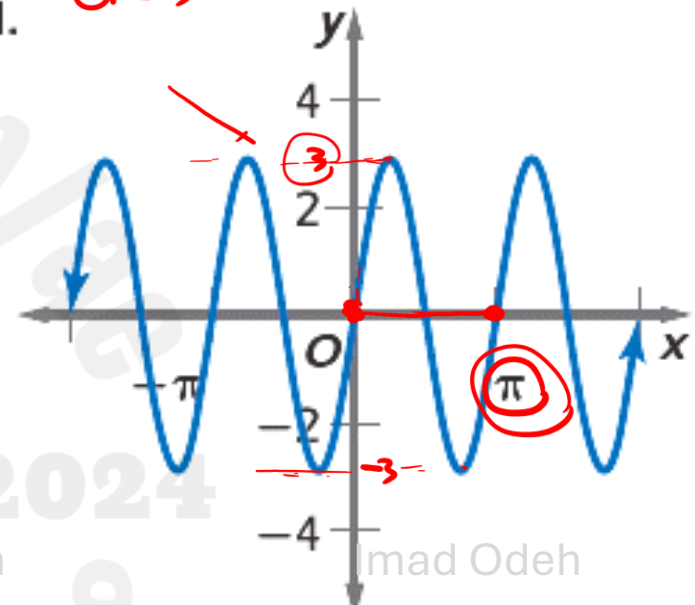
Imad Odeh

Imad Odeh

31.

$$a = 3$$

Imad Odeh



Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$$\text{Period} = \frac{2\pi}{b} = \pi$$

$$\frac{2\pi}{\pi} = b \Rightarrow b = 2$$

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 13 | Learning Outcome/Performance Criteria**  | Lesson 4-4   | Exercise | Page |
|------|--|--|----------|------|
| MCQ  | تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانيًا<br>إيجاد Graph transformations of the sine and cosine functions | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | (31-34)  | 267  |

Write an equation that corresponds to each graph.

اكتب معادلة تماثل كل تمثيل بياني.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

32.

$$a = \frac{1}{2}$$

Imad Odeh

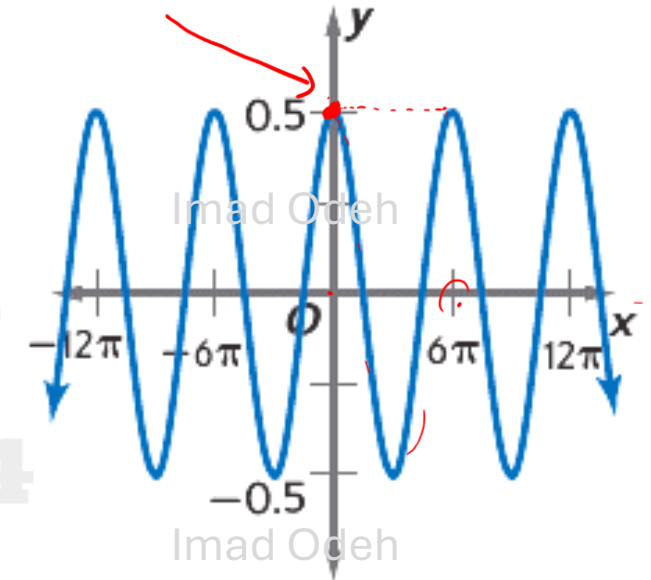
$$y = a \cos(bx)$$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$$y = \frac{1}{2} \cos\left(\frac{1}{3}x\right)$$



Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$$\text{Period} = \frac{2\pi}{b} = 6\pi$$

$$\frac{2\pi}{3 \cdot 6\pi} = b \Rightarrow b = \frac{1}{3}$$

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 13 | Learning Outcome/Performance Criteria**  | Lesson 4-4   | Exercise | Page |
|------|--|--|----------|------|
| MCQ  | تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانياً<br>إيجاد Graph transformations of the sine and cosine functions | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | (31-34)  | 267  |

Write an equation that corresponds to each graph.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

اكتب معادلة تماثل كل تمثيل بياني.  
Imad Odeh

$$y = a \cos(bx) + 1$$

33.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

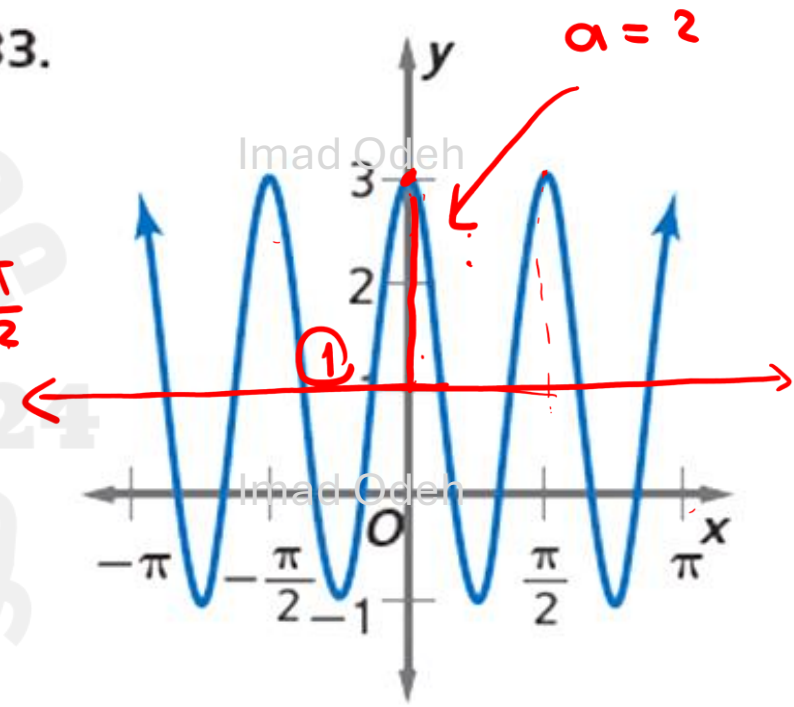
Imad Odeh

$$y = 2 \cos(4x) + 1$$

$$\text{Period} = \frac{2\pi}{b} \rightarrow \frac{\pi}{2}$$

$$\frac{\pi}{2} \cdot 2\pi = b$$

$$4 = b$$



Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh





| Q 13 | Learning Outcome/Performance Criteria**  | Lesson 4-4   | Exercise | Page |
|------|--|--|----------|------|
| MCQ  | تمثيل التحويلات لدوال الجيب Sine و جيب التمام Cosine بيانياً<br>إيجاد Graph transformations of the sine and cosine functions | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | (31-34)  | 267  |

Write an equation that corresponds to each graph.

اكتب معادلة تماثل كل تمثيل بياني.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$$y = a \sin(bx) - 2$$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$$y = 4 \sin\left(\frac{1}{2}x\right) - 2$$

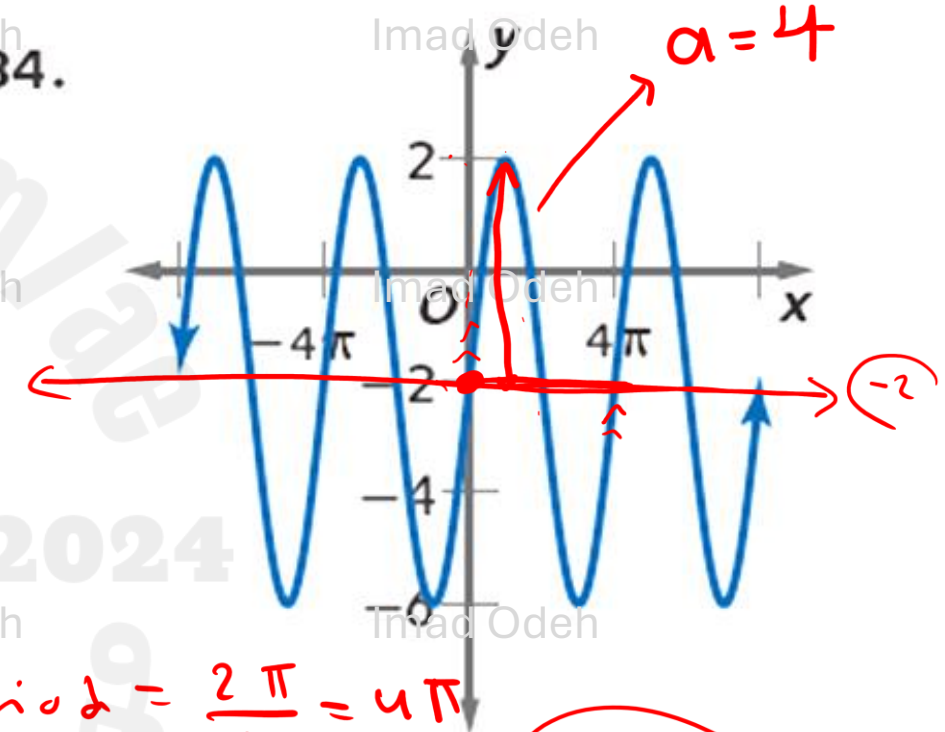
Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

34.



$$\text{Period} = \frac{2\pi}{b} = 4\pi$$

$$= \frac{2\pi}{2 \cdot 4\pi} = b = \frac{1}{2}$$

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>



Q 14

Learning Outcome/Performance Criteria\*\*

Lesson 4-4

Exercise

Page

MCQ

Find compositions of trigonometric functions  
إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية

Graphing Sine and Cosine  
functions  
بيانيا sin cosine تمثيل الدوال

Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) &  
Example- 7)+7 -مثالA,7B)  
(29-40)

288 & 289  
290

بالرالى

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

## المفهوم الأساسي مجال تركيب الدوال المثلثية

$$f^{-1}[f(x)] = x$$

$$f[f^{-1}(x)] = x$$

إذا كان  $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$ ، يكون  $\sin^{-1}(\sin x) = x$

إذا كان  $-1 \leq x \leq 1$ ، يكون  $\sin(\sin^{-1} x) = x$

إذا كان  $0 \leq x \leq \pi$ ، يكون  $\cos^{-1}(\cos x) = x$

إذا كان  $-1 \leq x \leq 1$ ، يكون  $\cos(\cos^{-1} x) = x$

إذا كان  $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$ ، يكون  $\tan^{-1}(\tan x) = x$

إذا كان  $-\infty < x < \infty$ ، يكون  $\tan(\tan^{-1} x) = x$

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>
<http://www.youtube.com/@imaths2022>

| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) & Example- 7)+7 -مثالA,7B) (29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

**R**

**بالإله**

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

a .  $\sin \left[ \sin^{-1} \left( -\frac{1}{4} \right) \right] = \frac{-1}{4}$

b .  $\arctan \left( \tan \frac{\pi}{2} \right)$

Does not exist

c .  $\arcsin \left( \sin \frac{7\pi}{4} \right)$

$= \frac{-\pi}{4}$  ✗



| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) & Example- 7)+7 -مثالA,7B) (29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

بالإس

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

6A.  $\tan\left(\tan^{-1}\frac{\pi}{3}\right) = \frac{\pi}{3}$

Imad Odeh

6B.  $\cos^{-1}\left(\cos\frac{3\pi}{4}\right) = \frac{3\pi}{4}$

Imad Odeh

Imad Odeh

6C.  $\overset{\text{sin}^{-1}}{\text{arcsin}}\left(\sin\frac{2\pi}{3}\right) = \frac{\pi}{3}$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh



| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) &<br>Example- 7)+7 -مثالA,7B)<br>(29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

$$29. \sin \left( \sin^{-1} \frac{3}{4} \right) = \frac{3}{4}$$

$$30. \sin^{-1} \left( \sin \frac{\pi}{2} \right) = \frac{\pi}{2}$$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>



| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) & Example- 7)+7 -مثالA,7B) (29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

31.  $\cos \left( \cos^{-1} \frac{2}{9} \right) = \frac{2}{9}$

32.  $\cos^{-1} (\cos \pi) = \pi$

بالإشارة

2025

2024

| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) & Example- 7)+7 -مثالA,7B) (29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

Imad Odeh

بالإضافة

Imad Odeh

Imad Odeh

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

Imad Odeh

33.  $\tan \left( \tan^{-1} \frac{\pi}{4} \right) = \frac{\pi}{4}$

Imad Odeh

Imad Odeh

34.  $\tan^{-1} \left( \tan \frac{\pi}{3} \right) = \frac{\pi}{3}$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh



| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) &<br>Example- 7)+7 -مثالA,7B)<br>(29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

Imad Odeh

بالإضافة

Imad Odeh

Imad Odeh

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

Imad Odeh

$$35. \cos(\tan^{-1} 1) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Imad Odeh

Imad Odeh

$$36. \sin^{-1}\left(\cos \frac{\pi}{2}\right) = 0$$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>





| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>بيانيا sin cosine تمثيل الدوال | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) & Example- 7)+7 -مثالA,7B) (29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

بالإضافة

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

Imad Odeh

37.  $\sin \left( 2 \cos^{-1} \frac{\sqrt{2}}{2} \right) = 1$

Imad Odeh

Imad Odeh

38.  $\sin (\tan^{-1} 1 - \sin^{-1} 1) = -\frac{1}{2}$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh



| Q 14 | Learning Outcome/Performance Criteria**   | Lesson 4-4   | Exercise   | Page             |
|------|---|--|--|------------------|
| MCQ  | Find compositions of trigonometric functions<br>إيجاد ناتج تراكيب الدوال المثلثية | Graphing Sine and Cosine functions<br>تمثيل الدوال sin cosine بيانيا | Example- 6)+6 -مثالA,6B,6C) &<br>Example- 7)+7 -مثالA,7B)<br>(29-40) | 288 & 289<br>290 |

Find the value of if it (exist)

جد قيمة كل تعبير مما يلي، إن وُجدت.

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

بالرأس

39.  $\cos(\tan^{-1} 1 - \sin^{-1} 1) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

40.  $\cos\left(\cos^{-1} 0 + \sin^{-1} \frac{1}{2}\right) = \frac{-\sqrt{3}}{2}$

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>



| Q 19 | Learning Outcome/Performance Criteria**                     | Lesson 4-1   | Exercise                          | Page       |
|------|---|--|-----------------------------------|------------|
| FRQ  | <b>Solve right triangles</b><br>حل المثلثات القائمة الزاوية | Right triangle trigonometry<br>حساب المثلثات قائمة الزوايا | Example - (4)+4 - مثال<br>(27-30) | 225<br>229 |

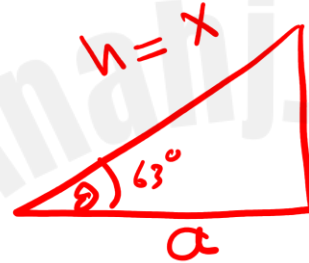
**TRIATHLONS** A competitor in a triathlon is running along the course shown. Determine the length in feet that the runner must cover to reach the finish line.

الألعاب الرياضية الثلاثية يعدو متسابق في الألعاب الثلاثية ضمن المسار المبين. حدد المسافة التي يجب أن يقطعها العداء ليصل إلى خط النهاية بالأقدام.

$$\sin \theta = \frac{c}{h}$$

$$\cos \theta = \frac{a}{h}$$

$$\tan \theta = \frac{c}{a}$$

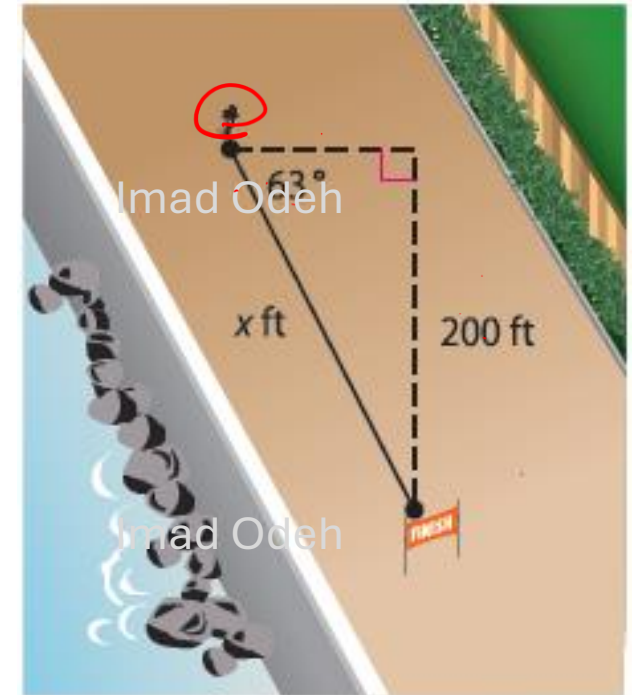


$$c = 200$$

$$\sin 63^\circ = \frac{200}{x}$$

$$x = \frac{200}{\sin 63^\circ}$$

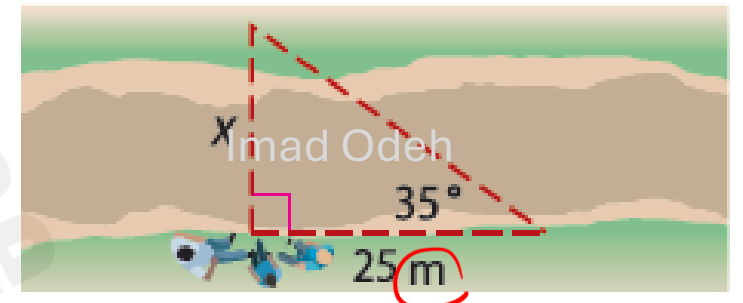
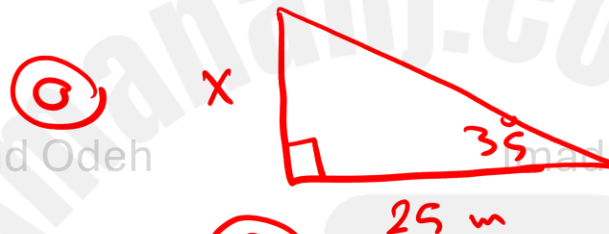
$$x = 224.47 \text{ ft}$$



| Q 19 | Learning Outcome/Performance Criteria**                     | Lesson 4-1   | Exercise  | Page                     |
|------|---|--|---|--------------------------|
| FRQ  | <b>Solve right triangles</b><br>حل المثلثات القائمة الزاوية | Right triangle trigonometry<br>حساب المثلثات قائمة الزوايا | <b>Example - (4)+4 - مثال</b><br><b>(27-30)</b> | <b>225</b><br><b>229</b> |

**MOUNTAIN CLIMBING** A team of climbers must determine the width of a ravine in order to set up equipment to cross it. If the climbers walk 25 feet along the ravine from their crossing point, and sight the crossing point on the far side of the ravine to be at a  $35^\circ$  angle, how wide is the ravine? (Example 4)

**27 تسلق الجبال** يجب أن يحدد فريق من المتسلقين عرض الوادي لتجهيز الأدوات اللازمة لعبوره. إذا سار المتسلقون 25 m خلال الوادي من نقطة عبورهم، ونظروا إلى نقطة العبور من الجهة البعيدة للوادي بزاوية قدرها  $35^\circ$ ، فكم يكون عرض الوادي؟ (المثال 4)



$$\tan \theta = \frac{O}{A}$$

$$\tan 35 = \frac{x}{25}$$

$$\Rightarrow x = 25 \cdot \tan 35$$

$$x = 17.91 \text{ m}$$

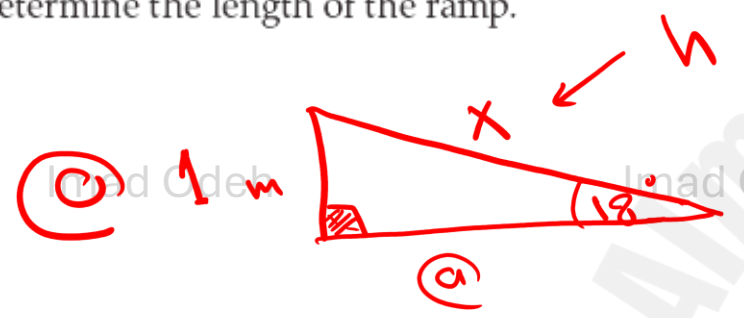
| Q 19 | Learning Outcome/Performance Criteria**                     | Lesson 4-1   | Exercise  | Page                     |
|------|---|--|---|--------------------------|
| FRQ  | <b>Solve right triangles</b><br>حل المثلثات القائمة الزاوية | Right triangle trigonometry<br>حساب المثلثات قائمة الزوايا | <b>Example - (4)+4 - مثال</b><br><b>(27-30)</b> | <b>225</b><br><b>229</b> |

28. **SNOWBOARDING** Ahmed built a snowboarding ramp with a height of 1 m and an  $18^\circ$  incline. (Example 4)

28. **التزلج** بنى أحمد منحدرًا للتزلج بارتفاع 1 m ومنحدرًا بزاوية  $18^\circ$ . (المثال 4)

- Draw a diagram to represent the situation.
- Determine the length of the ramp.

- ارسم مخططًا يمثل هذه الحالة.
- حدد طول المنحدر.



Shift solve

$$\sin \theta = \frac{O}{H} \Rightarrow \sin 18^\circ = \frac{1}{x} = 3.24$$

$$x = \frac{1}{\sin \theta} = 3.24$$



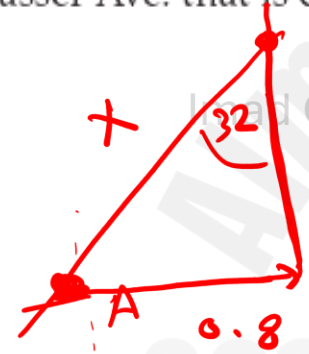
| Q 19 | Learning Outcome/Performance Criteria**                     | Lesson 4-1   | Exercise  | Page                     |
|------|---|--|---|--------------------------|
| FRQ  | <b>Solve right triangles</b><br>حل المثلثات القائمة الزاوية | Right triangle trigonometry<br>حساب المثلثات قائمة الزوايا | <b>Example - (4)+4 - مثال</b><br><b>(27-30)</b> | <b>225</b><br><b>229</b> |

29. **DETOUR** Traffic is detoured from Nasser Ave., left 0.8 kilometer on Etihad Street, and then right on Hessa Street, which intersects Nasser Ave. at a  $32^\circ$  angle. (Example 4)

- Draw a diagram to represent the situation.
- Determine the length of Nasser Ave. that is detoured.

29. **المنعطف** يتحول المرور من نقطة A على شارع النصر يسارًا 0.8 mi على شارع الاتحاد، ثم يمينًا على شارع حصة، الذي يتقاطع مع شارع النصر بزاوية  $32^\circ$ . (المثال 4)

- ارسم مخططًا يمثل هذه الحالة.
- حدد المسافة التقريبية من النقطة A إلى نقطة الالتقاء.



$$\sin 32 = \frac{0.8}{x}$$

$$x = \frac{0.8}{\sin 32} =$$





| Q 19 | Learning Outcome/Performance Criteria**                     | Lesson 4-1   | Exercise  | Page                     |
|------|---|--|---|--------------------------|
| FRQ  | <b>Solve right triangles</b><br>حل المثلثات القائمة الزاوية | Right triangle trigonometry<br>حساب المثلثات قائمة الزوايا | <b>Example - (4)+4 - مثال</b><br><b>(27-30)</b> | <b>225</b><br><b>229</b> |

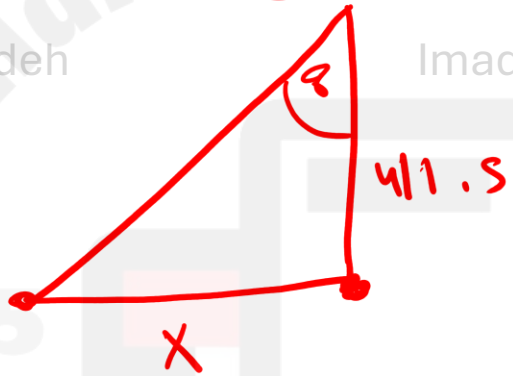
100  
100

O.T.R  
O.T.R



30. **الإسقاط** يواجه مظلي ريكاً أقوى من المتوقع في أثناء سقوطه من ارتفاع 411.5 متراً. مما يتسبب في انحرافه بزاوية قدرها 8°. كم يبعد المظلي عن منطقة الإنزال عند هبوطه؟ (المثال 4)

30. **PARACHUTING** A paratrooper encounters stronger winds than anticipated while parachuting from 411.5 meters, causing him to drift at an 8° angle. How far from the drop zone will the paratrooper land? (Example 4)



$$\tan 8 = \frac{x}{411.5}$$

$$x = 411.5 \tan 8 = 57.83 \text{ m}$$



## رابط حصة المسجلة

Imad Odeh

[https://us06web.zoom.us/rec/share/-lsnODFhPVNBedHfKygaNaLmsQI7fd3ZRJlkqGksW0NL2XD1t1aE53Xn1l0AO-Ge.BQgJjgVBiB81z-\\_L?startTime=1730733468000](https://us06web.zoom.us/rec/share/-lsnODFhPVNBedHfKygaNaLmsQI7fd3ZRJlkqGksW0NL2XD1t1aE53Xn1l0AO-Ge.BQgJjgVBiB81z-_L?startTime=1730733468000)

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

Passcode:



Imad Odeh

Imad Odeh

Imad Odeh

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

الأستاذ عماد عودة

<http://www.youtube.com/@imaths2022>





Don't give up, it's a long journey to achieve your goals, and you will face many barriers and obstacles, some of which can be easily overcome, and others are very difficult to overcome, some of which will bring you down and cost you a lot, and some of which will set you back, but in the end, you will reach your destination and achieve more than you expect.

تمنياتي بالتوفيق للجميع

Best wishes

الأستاذ عماد عودة

<https://t.me/+ZwjnNRrgdMdlZjRk>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>