

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر العام اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/12>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر العام في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/12>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر العام في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/12>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثاني عشر العام اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade12>

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

7-5 القطع الزائد

ورقة عمل الثاني عشر العام

2- تمثيل القطع الزائد بيانياً.

1- كتابة معادلة القطع الزائد.

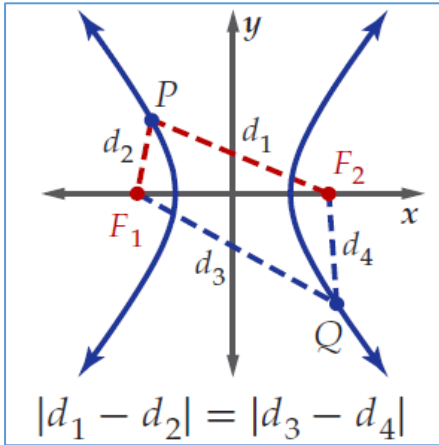
في هذا الدرس سوف أتعلم:

القطع الزائد هو المحل الهندسي لجميع النقاط الواقعة في المستوى والتي يكون الفرق المطلق (القيمة المطلقة للفرق) بين بعديها عن نقطتين ثابتتين تسميان **(البؤرتين)** يساوي مقداراً ثابتاً.

يتكون منحنى القطع الزائد من فرعين منفصلين يحاذيان خطي تقارب، و**مركز** القطع الزائد هو نقطة منتصف المسافة بين البؤرتين، و**رأسا** القطع الزائد هما نقطتا تقاطع القطعة المستقيمة الواصلة بين البؤرتين مع كل من فرعي المنحنى.

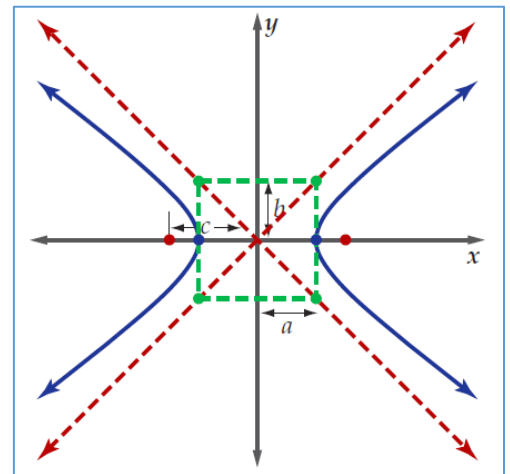
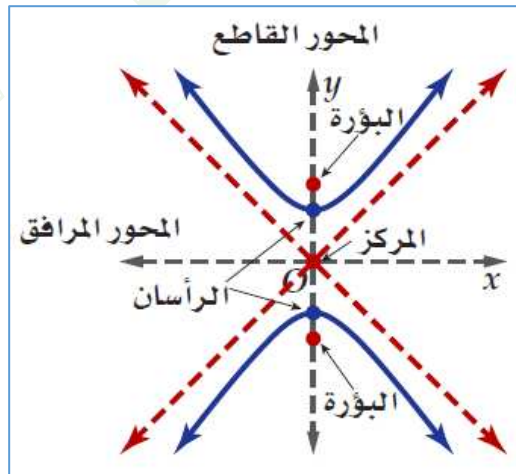
للقطع الزائد محوراً تماثل هما: **المحور القاطع** (وهو القطعة المستقيمة الواصلة بين الرأسين) ويمر بالمركز، و**المحور المرافق** (وهو القطعة المستقيمة العمودية على المحور القاطع) ويمر بالمركز.

لتكن الأطوال a, b, c كما هو موضح في الشكل أدناه، وتختلف العلاقة بينها عما في القطع الناقص، ففي القطع الزائد $c^2 = a^2 + b^2$ ، والقيمة المطلقة للفرق بين بعدي أي نقطة على منحنى القطع الزائد عن البؤرتين تساوي $2a$.



القطع الزائد الأفقي	القطع الزائد الرأسى	
$\frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$	$\frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1$	المعادلة
(h, k)	(h, k)	المركز
$y - k = \mp \frac{b}{a}(x - h)$	$y - k = \mp \frac{a}{b}(x - h)$	معادلة خطوط التقارب

$$c^2 = a^2 + b^2$$



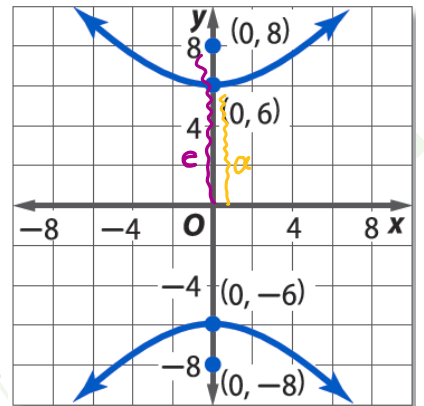
اكتب معادلة لكل قطع زائد.

المركز $(0, 0)$ ، $a = 6$ ، $c = 8$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow b^2 = c^2 - a^2 = 8^2 - 6^2 = 28$$

$$\text{المعادلة} \Rightarrow \frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{(y-0)^2}{6^2} - \frac{(x-0)^2}{28} = 1 \Rightarrow \frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{28} = 1$$

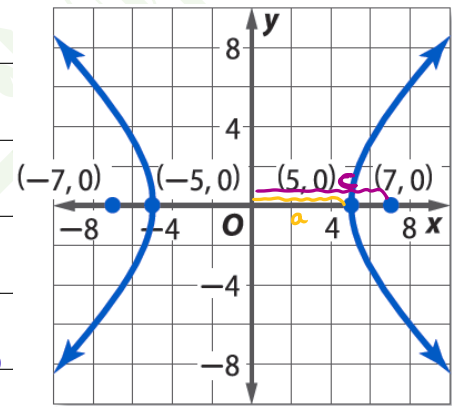


المركز $(0, 0)$ ، $a = 5$ ، $c = 7$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow b^2 = c^2 - a^2 = 7^2 - 5^2 = 24$$

$$\text{المعادلة} \Rightarrow \frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$$

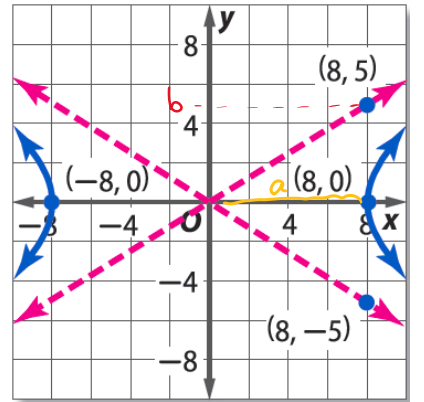
$$\Rightarrow \frac{(x-0)^2}{5^2} - \frac{(y-0)^2}{24} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{24} = 1$$



المركز $(0, 0)$ ، $a = 8$ ، $b = 5$

$$\text{المعادلة} \Rightarrow \frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{(x-0)^2}{8^2} - \frac{(y-0)^2}{5^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{25} = 1$$



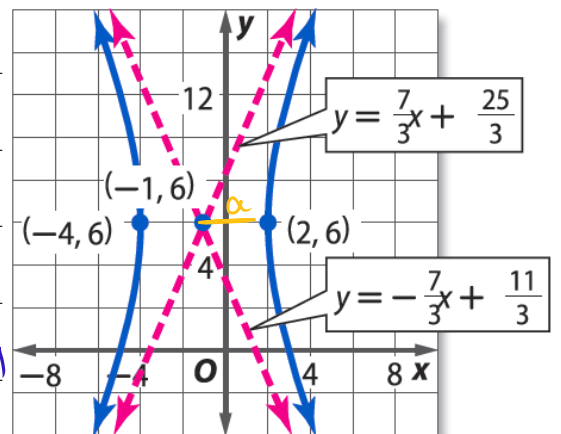
المركز $(-1, 6)$ ، $a = 3$ ،

لأن ميل خط العكس $\frac{7}{3} = \frac{b}{a}$

$$\Rightarrow \frac{7}{3} = \frac{b}{3} \Rightarrow b = \frac{3(7)}{3} = 7$$

$$\text{المعادلة} \Rightarrow \frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{(x+1)^2}{3^2} - \frac{(y-6)^2}{7^2} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{(x+1)^2}{9} - \frac{(y-6)^2}{49} = 1$$



التمثيل البياني للقطع الزائد

مثّل كل قطع زائد بيانياً. حدّد رأسي وبؤرتي وخطي التقارب

$$\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{49} = 1$$

المركز $\Rightarrow (0, 0)$, $a = \sqrt{64} = 8$, $b = \sqrt{49} = 7$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow c = \sqrt{64 + 49} = \sqrt{113} = 10.63$$

الرأس 1 = $(8, 0)$

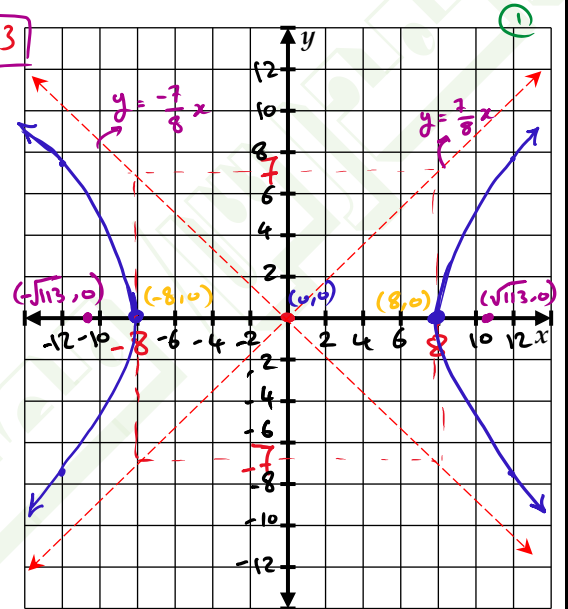
الرأس 2 = $(-8, 0)$

خطي التقارب

خطي التقارب $y = \pm \frac{b}{a}x \Rightarrow y = \pm \frac{7}{8}x$

البؤرة 1 = $(-\sqrt{113}, 0)$

البؤرة 2 = $(\sqrt{113}, 0)$



$$\frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{60} = 1$$

المركز = $(0, 0)$, $a = \sqrt{36} = 6$, $b = \sqrt{60} = 2\sqrt{15} = 7.75$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{36 + 60} = \sqrt{96} = 4\sqrt{6} = 9.80$$

الرأس 1 = $(0, 6)$

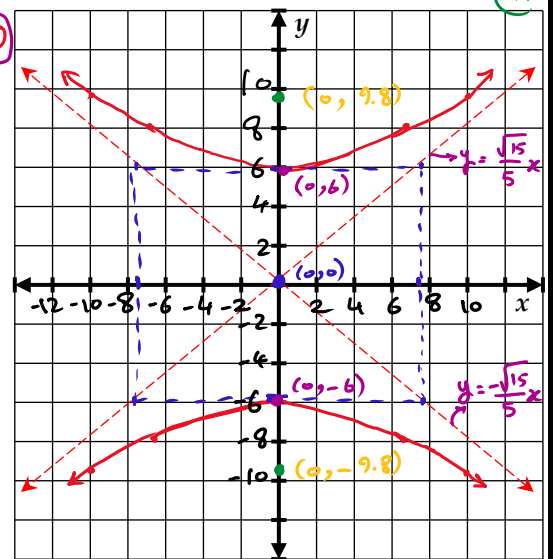
الرأس 2 = $(0, -6)$

خطي التقارب $y = \pm \frac{a}{b}x \Rightarrow y = \pm \frac{6}{2\sqrt{15}}x$

$$\Rightarrow y = \pm \frac{\sqrt{15}}{5}x$$

البؤرة 1 = $(0, 4\sqrt{6}) = (0, 9.80)$

البؤرة 2 = $(0, -4\sqrt{6}) = (0, -9.80)$



مثّل كل قطع زائد بيانياً. حدّد رأسي وبؤرتي وخطي التقارب

$$9y^2 + 18y - 16x^2 + 64x - 199 = 0$$

$$9(y^2 + 2y + (\frac{2}{2})^2) - 16(x^2 - 4x + (\frac{4}{2})^2) = 199 + 9(\frac{2}{2})^2 - 16(\frac{4}{2})^2$$

$$9(y^2 + 2y + 1) - 16(x^2 - 4x + 4) = 144$$

$$9(y + 1)^2 - 16(x - 2)^2 = 144 \quad (\div 144)$$

$$\frac{(y + 1)^2}{\frac{1}{9}(144)} - \frac{(x - 2)^2}{\frac{1}{16}(144)} = \frac{144}{144}$$

$$\frac{(y + 1)^2}{16} - \frac{(x - 2)^2}{9} = 1 \Rightarrow \text{المصنف القياسي} \Rightarrow$$

$$\text{المركز} = (2, -1), \quad a = \sqrt{16} = 4, \quad b = \sqrt{9} = 3$$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{16 + 9} = 5$$

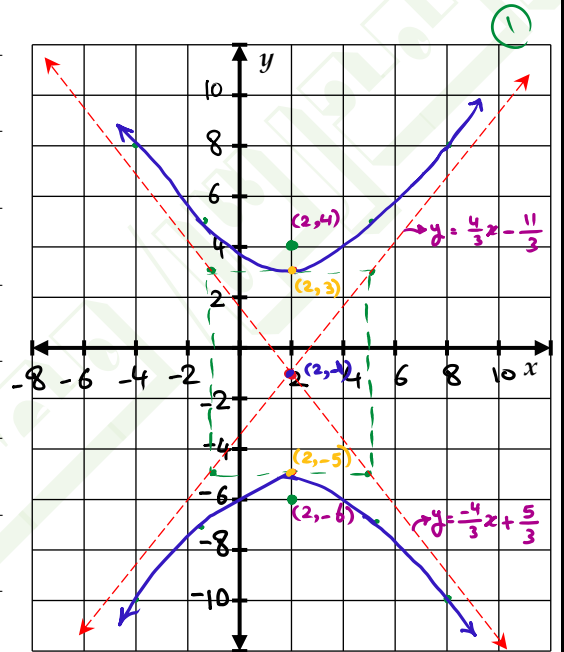
$$\textcircled{2} \text{ الرأس 1} = (2, -1 + 4) = (2, 3)$$

$$\text{الرأس 2} = (2, -1 - 4) = (2, -5)$$

$$\textcircled{3} \text{ البؤرة 1} = (2, -1 + 5) = (2, 4)$$

$$\text{البؤرة 2} = (2, -1 - 5) = (2, -6)$$

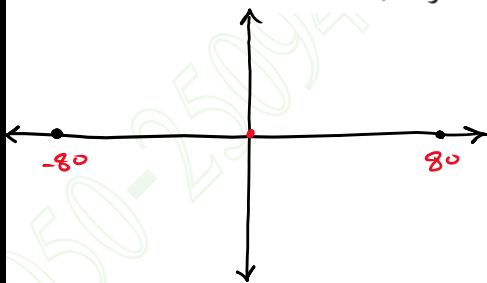
$$\textcircled{4} \text{ خطي التقارب} \Rightarrow y - k = \pm \frac{a}{b}(x - h) \Rightarrow y + 1 = \pm \frac{4}{3}(x - 2)$$



$$\textcircled{4} \quad \begin{aligned} y_1 &= \frac{4}{3}x - \frac{4}{3}(2) - 1 \\ &= \frac{4}{3}x - \frac{11}{3} \quad \leftarrow 3.6 \\ y_2 &= -\frac{4}{3}x + \frac{4}{3}(2) - 1 \\ &= -\frac{4}{3}x + \frac{5}{3} \quad \leftarrow 1.6 \end{aligned}$$

من الحياة اليومية: كتابة معادلة قطع زائد

الملاحه افترض أن سفينة توصلت إلى أن الفرق في بعدها عن محطتين يساوي 60 ميلاً بحرياً. اكتب معادلة القطع الزائد الذي تقع عليه السفينة إذا علمت أن المحطتين تقعان عند النقطتين $(-80, 0)$ و $(80, 0)$.



$$\text{البؤرتين} \quad (-80, 0), \quad (80, 0)$$

$$\text{مركز البؤرتين} = \text{الرأس} = \left(\frac{80 - 80}{2}, \frac{0 + 0}{2} \right) = (0, 0)$$

$$c = 80$$

$$\text{الفرق البؤري} = 2a \Rightarrow 60 = 2a \Rightarrow a = 30$$

$$c^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow b^2 = c^2 - a^2 \Rightarrow b^2 = 80^2 - 30^2 = 5500$$

$$\text{المعادلة} \Rightarrow \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{30^2} - \frac{y^2}{5500} = 1 \Rightarrow \frac{x^2}{900} - \frac{y^2}{5500} = 1$$