

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



الملف الخطة الأسبوعية للأسبوع الخامس الحلقة الثانية في مدرسة أبو أيوب الأنصاري

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← ملفات مدرسية ← المدارس ← الفصل الأول

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب ملفات مدرسية



روابط مواد ملفات مدرسية على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب ملفات مدرسية والمادة المدارس في الفصل الأول

[توجيهات بدء الدراسة للعام الدراسي الجديد](#)

1

[امتحانات منتصف الفصل الأول للصفين الحادي عشر والثاني عشر في مدرسة الشعلة الخاصة](#)

2

[امتحانات منتصف الفصل الأول للصفين التاسع والعاشر في مدرسة الشعلة الخاصة](#)

3

[امتحانات منتصف الفصل الأول للصفوف الخامس حتى الثامن في مدرسة الشعلة الخاصة](#)

4

[امتحانات منتصف الفصل الأول للصفوف الأول حتى الرابع في مدرسة الشعلة الخاصة](#)

5

REVISION UNIT 9 – Polar Coordinates and Complex Numbers

Done by : T. Mohammed Rashed Alzen-2022/2023

تم تحميل هذا الملف من

Q(1) : Draw each point on the polar grid:

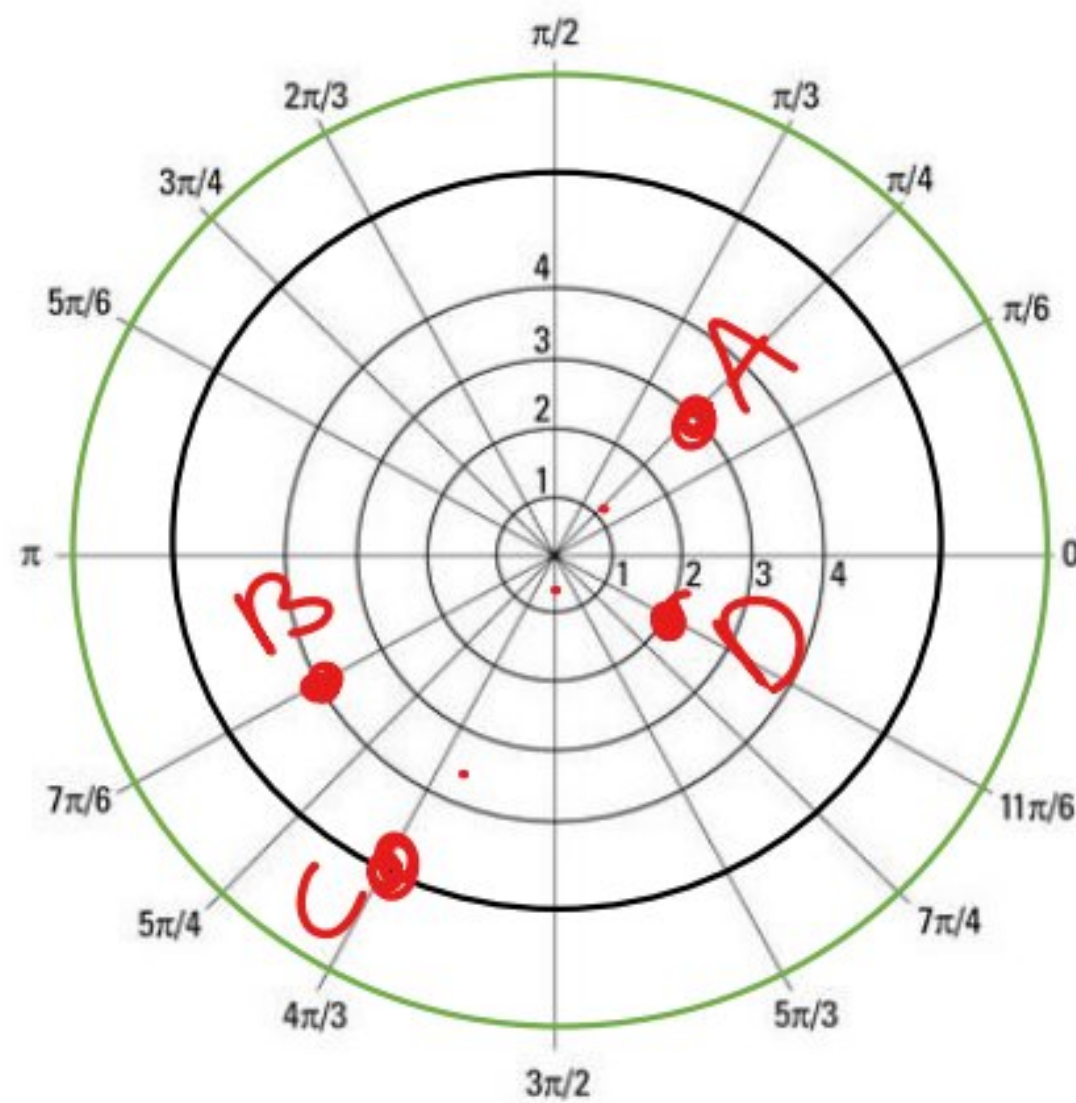
✓ $A(3, \frac{\pi}{4})$

$B(4, \frac{7\pi}{6})$

$C(-5, \frac{\pi}{3})$

$D(2, -\frac{\pi}{6})$

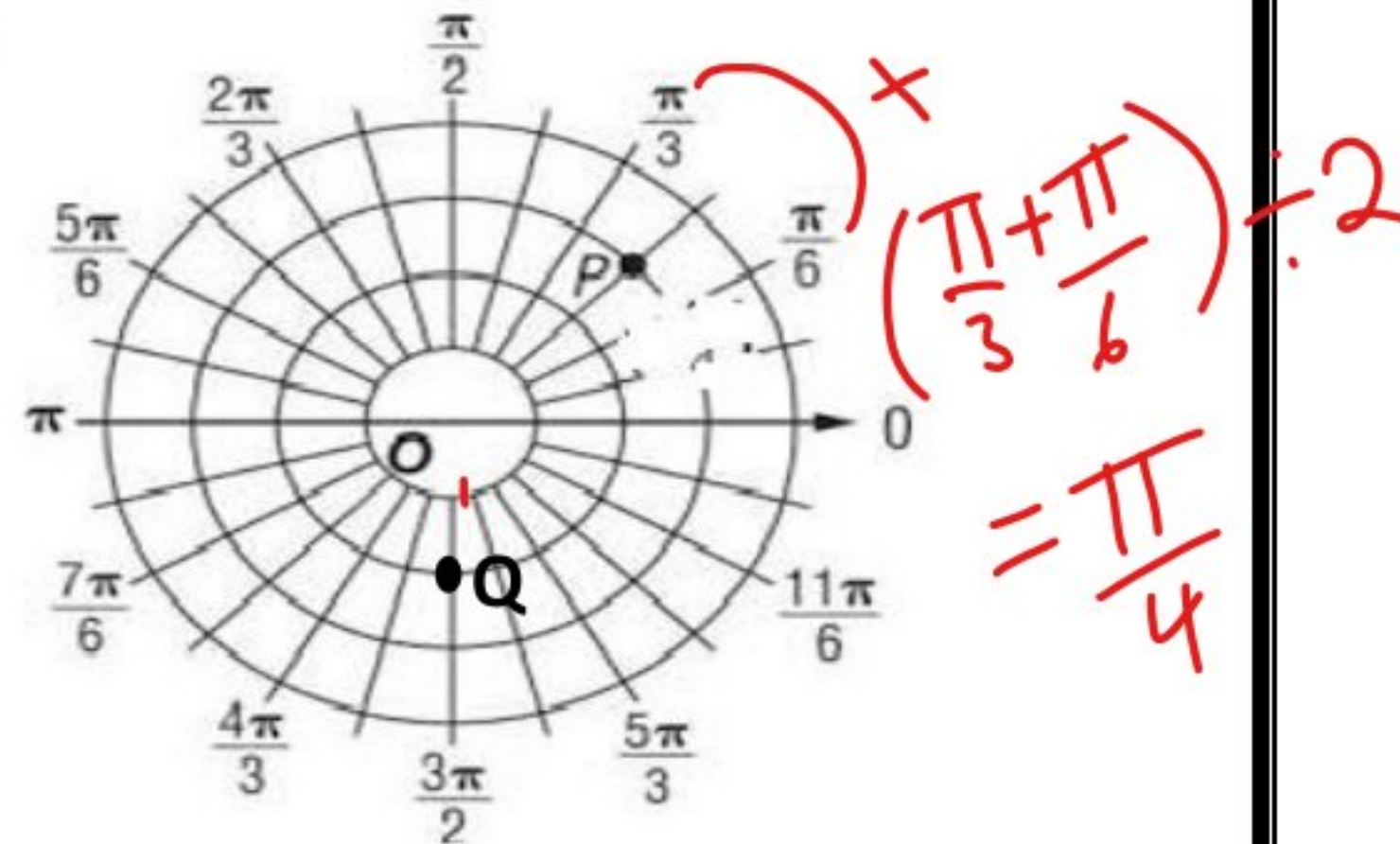
$+2\pi = (2, \frac{11\pi}{6})$



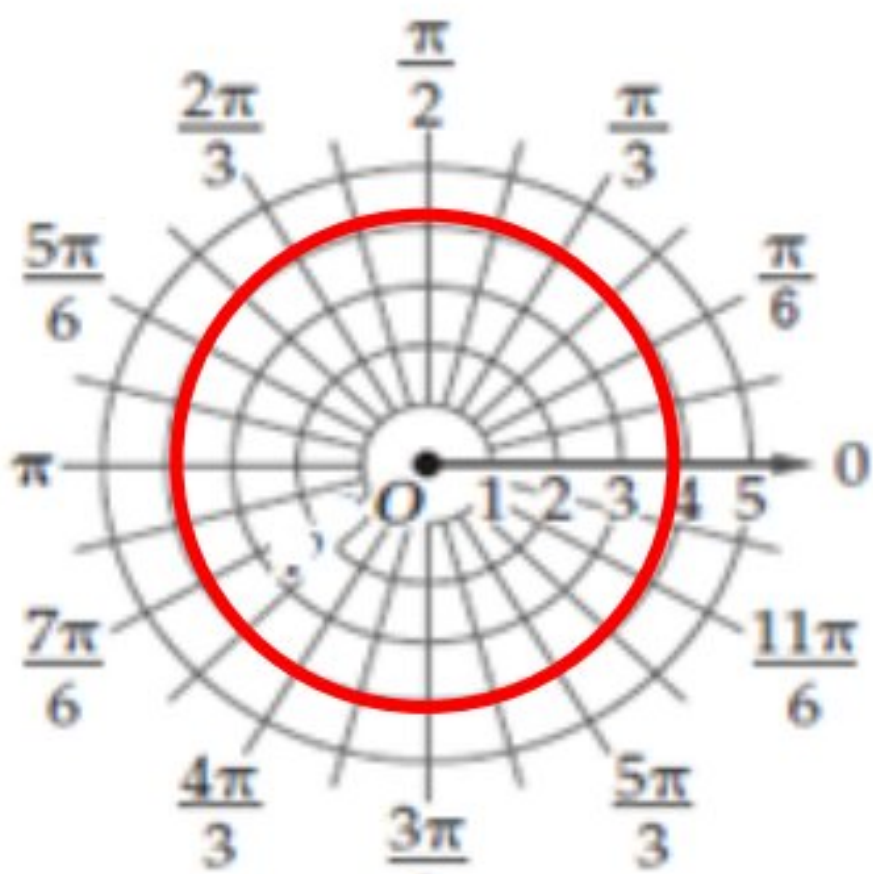
Q(2) : Write the polar coordinate of the point Q and P in following graph :

a) $Q(2, \frac{3\pi}{2})$

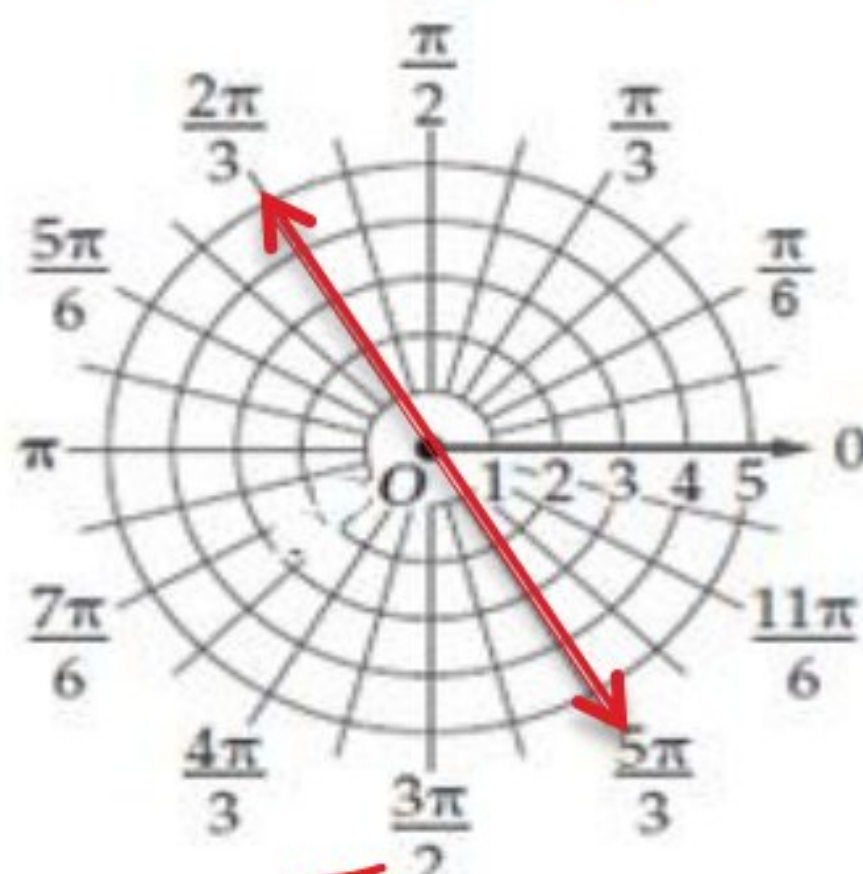
b) $P(3, \frac{\pi}{4})$



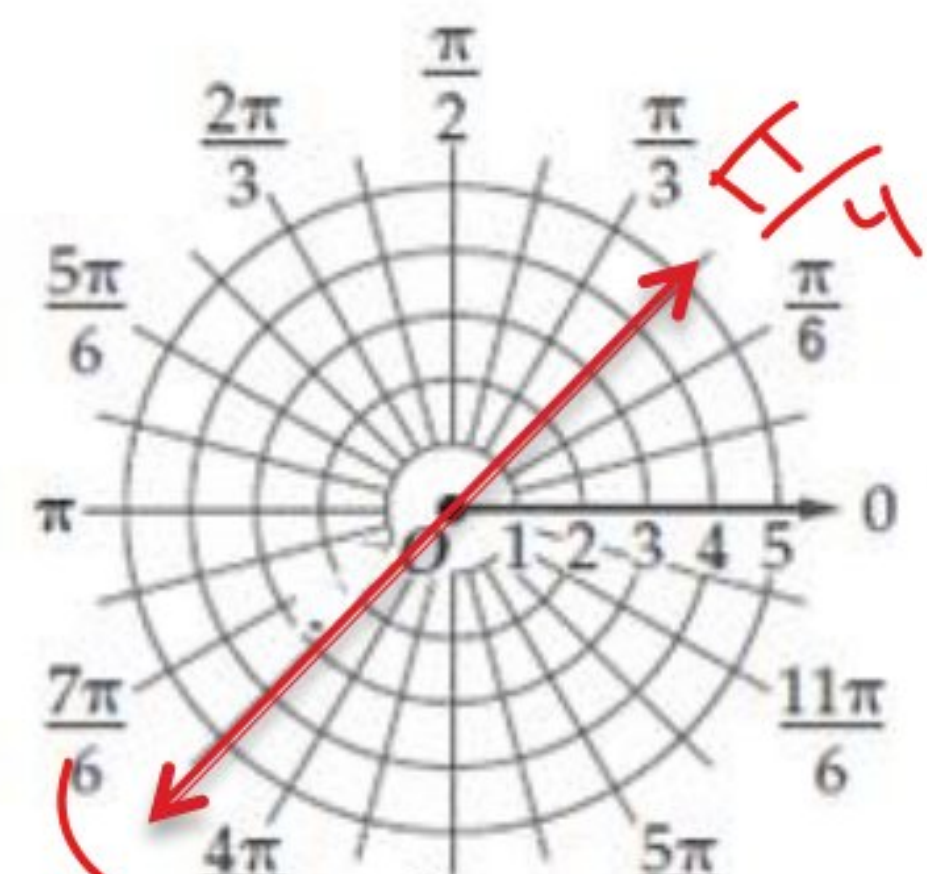
Q(3) : Write an Equation for each polar graph.



$r = 4$



$\theta = \frac{2\pi}{3}$
or $\theta = \frac{5\pi}{3}$



$\theta = \frac{\pi}{4}$
or $\theta = \frac{5\pi}{4}$

Q(4): Find the distance (المسافة) between each pair of points

$$\left(3, \frac{\pi}{3}\right), \left(4, \frac{2\pi}{3}\right) \quad d = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1r_2 \cos(\theta_2 - \theta_1)}$$

$$d = \sqrt{3^2 + 4^2 - 2(3)(4)\cos\left(\frac{2\pi}{3} - \frac{\pi}{3}\right)} \\ = \sqrt{13}$$

Q(5): The rectangular Coordinates for each points : الاحداثي المتعامدة للإحداثي القطبي المعطي

1) $A(4, 60^\circ) \rightarrow (x, y) = (2, 2\sqrt{3})$

$$x = r \cos \theta = 4 \cos 60 = 2 \\ y = r \sin \theta = 4 \sin 60 = 2\sqrt{3}$$

2) $B(-2, \frac{\pi}{2}) = (0, -2)$

$$x = -2 \cos \frac{\pi}{2} = 0 \\ y = -2 \sin \frac{\pi}{2} = -2$$

Q(6): The polar Coordinates for each point : الاحداثي القطبي للإحداثي المتعامد المعطي

1) $A(1, \sqrt{3}) \rightarrow (r, \theta) = (2, 60^\circ)$

$$r = \sqrt{(1)^2 + (\sqrt{3})^2} = 2 \\ \theta = \tan^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{1}\right) = 60^\circ$$

2) $B(-1, 1)$

$$r = \sqrt{(-1)^2 + (1)^2} = \sqrt{2} \\ \theta = \tan^{-1}\left(\frac{1}{-1}\right) + 180 = 135$$

Q(7): What is the rectangular form of $r = \sqrt{7}$? ما الصورة المتعامدة للمعادلة القطبية ؟

ربع الفرعين

$$r^2 = 7 \\ x^2 + y^2 = 7$$

Q(8): What is the rectangular form of $\tan \theta = 2$?

$$\frac{y}{x} = 2 \quad || \quad y = 2x$$

Q(9): What is the rectangular form of $[r = 5 \sin \theta]$?

$$r^2 = 5r \sin \theta \\ x^2 + y^2 = 5y$$

Q(10): What is the rectangular form of $r = 4 \sec \theta$?

$$\frac{r}{1} = \frac{4}{\cos \theta} \quad || \quad r \cos \theta = 4 \\ x = 4$$

$$r^2 = x^2 + y^2 \\ \tan \theta = \frac{y}{x} \\ x = r \cos \theta \\ y = r \sin \theta \\ \sec \theta = \frac{1}{\cos \theta} \\ \csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}$$

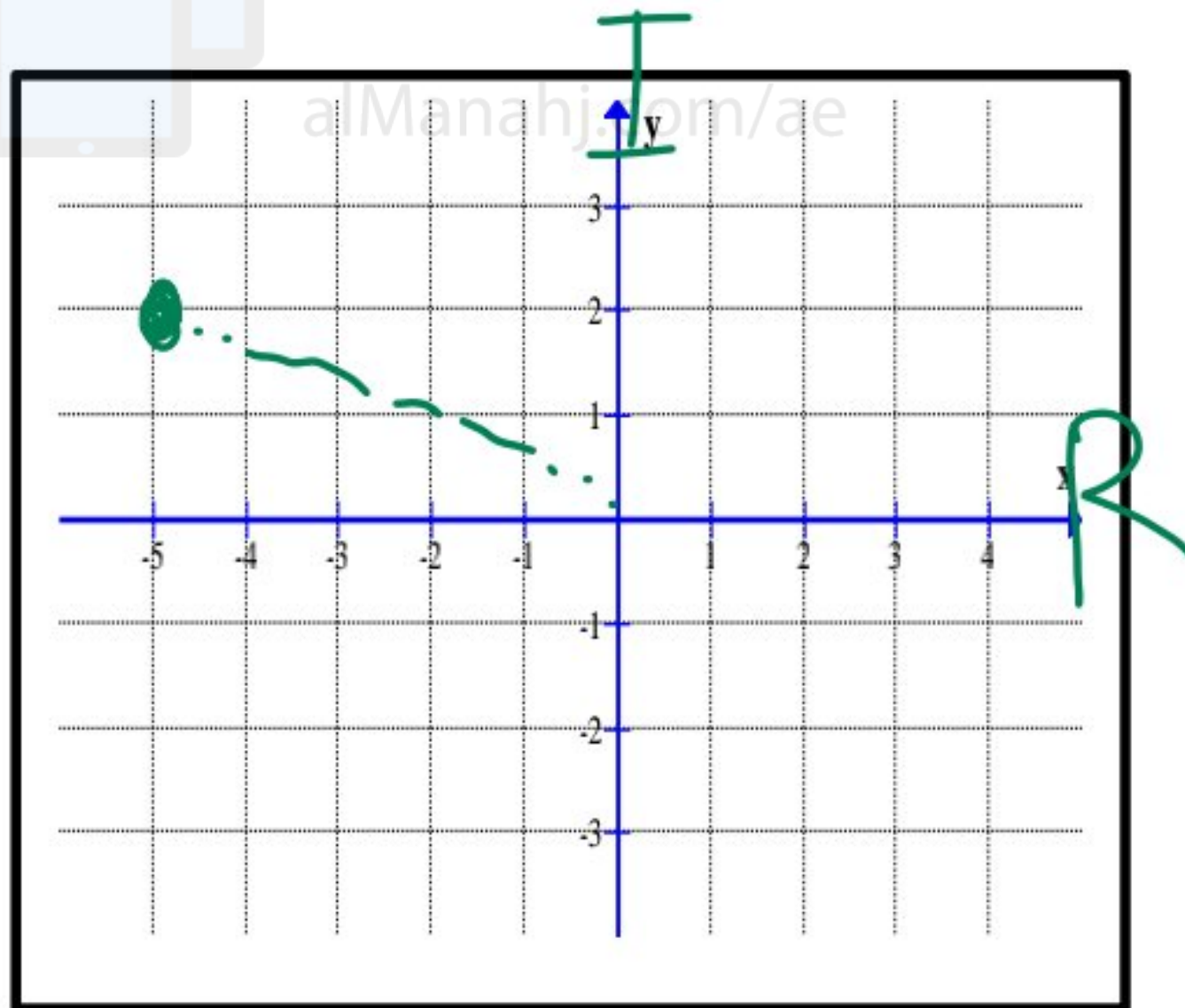
Done by : T. MOHAMMED ALZZEN

Q(11): The rectangular form of the complex number $z = 4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$ is :

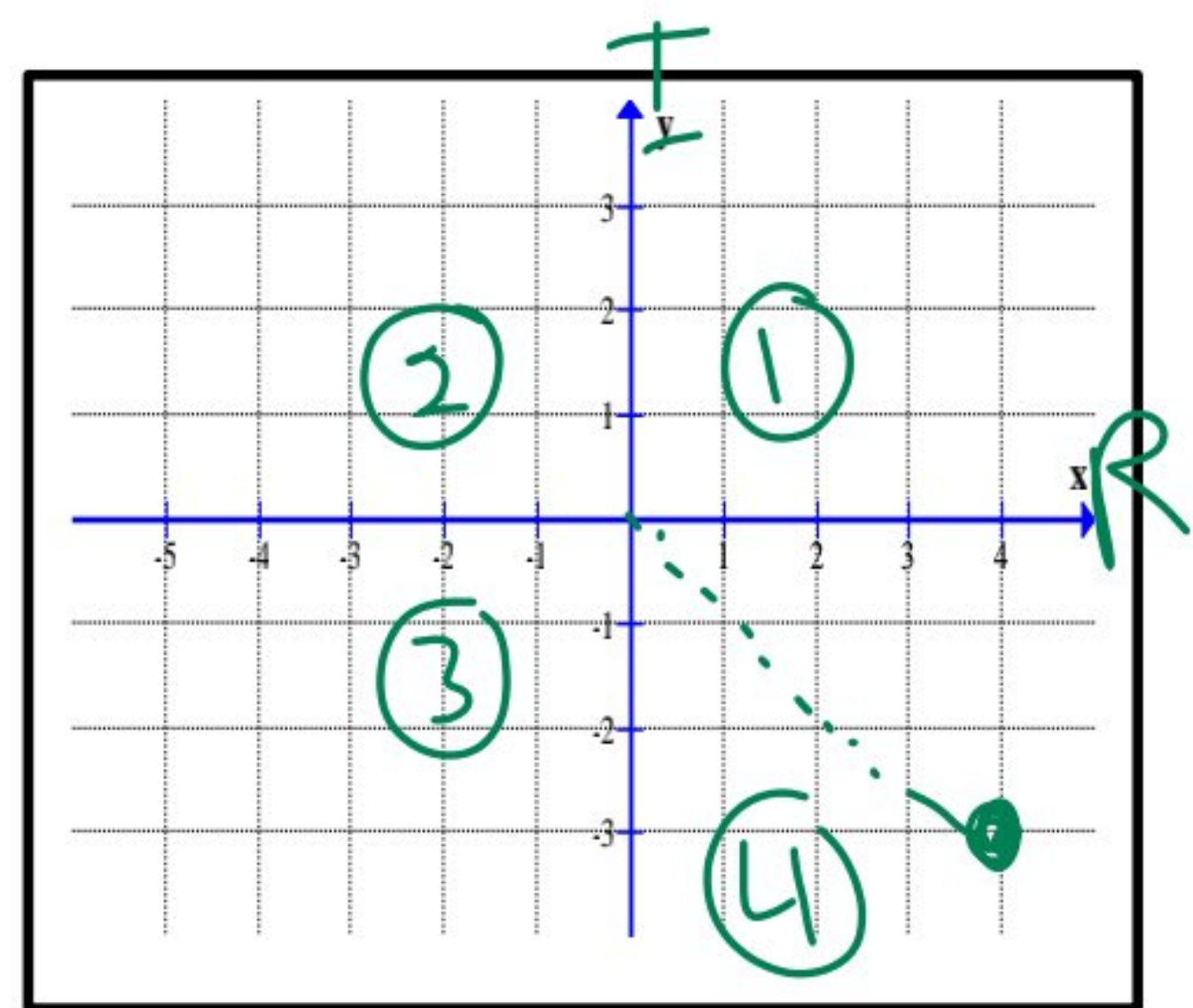
$$z = 2 + 2\sqrt{3}i$$

Q(12): Graph each number in the complex plane .

a) $z = -5 + 2i$



b) $z = 4 - 3i$



Q(13): When you draw the complex number $z = -4 - 7i$ in the complex plane set in Quadrant .

a) First

b) second

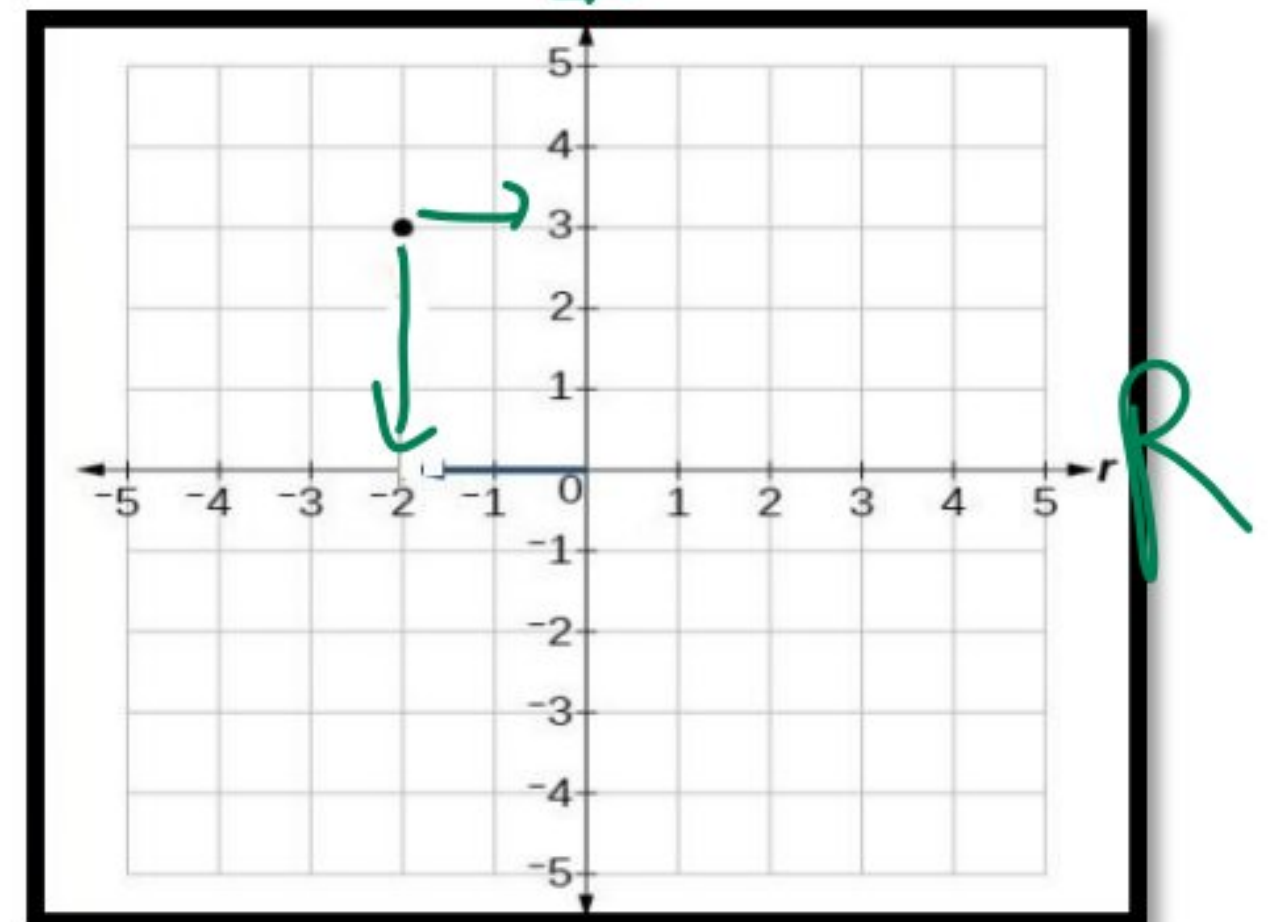
c) third

d) forth

Q(14): What is the absolute value of the complex number $z = 6 + 8i$?

Q(15): What is the absolute value of the complex number z Represent in graph below ?

$$z = -2 + 3i$$



Done by : T. MOHAMMED ALZZEN

Q (16): Express complex number $z = 1 - i$ in polar form, then find the modulus (r) and argument (θ).

• عبّر عن العدد المركب $z = 1 - i$ بالصورة القطبية ثم اوجد المقياس (r) و الازاحة الزاوية او السعة (θ).

$$r = \sqrt{(1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{-1}{1}\right) = -45^\circ \text{ or } -\frac{\pi}{4}$$

Q (17): Find each product $Z_1 \times Z_2$ for polar (trigonometric) form and express it in rectangular form. $z_1 = 5 \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$ and $z_2 = 3 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$

• جد ناتج الضرب للعدد القطبي واكتبه على الصورة الاحداثية :

$$z_1 \cdot z_2 = 5 \times 3 \left[\cos \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{3} \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{3} \right) \right]$$

$$= 15 \left(\cos \frac{7\pi}{12} + i \sin \frac{7\pi}{12} \right)$$

Q (18): Find the quotient $Z_1 \div Z_2$ for each polar (trigonometric) form, and

express it in rectangular form. $3 \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right) \div \frac{1}{2} \left(\cos \pi + i \sin \pi \right)$

• جد ناتج القسمة للعدد القطبي واكتبه على الصورة الاحداثية :

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{3}{\frac{1}{2}} \left(\cos \left(\frac{3\pi}{4} - \pi \right) + i \sin \left(\frac{3\pi}{4} - \pi \right) \right)$$

$$= 6 \left(\cos -\frac{\pi}{4} + i \sin -\frac{\pi}{4} \right)$$

Q (19): Find the modulus (r) and argument (θ) of the product of these complex numbers in polar form.

$$Z = \left(3 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right) \right)^2$$

$$Z = 3^2 \left(\cos 2 \times \frac{\pi}{6} + i \sin 2 \times \frac{\pi}{6} \right)$$

$$= 9 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$$

$$r = 9$$

$$\theta = \frac{\pi}{3}$$

Done by : T. MOHAMMED ALZZEN

Q(20): Find each power and express it in rectangular form .

جد كل قوة أسية وعبر عنها بالصورة الديكارتية .

a) $(1 + \sqrt{3}i)^4$

$r = \sqrt{(1)^2 + (\sqrt{3})^2} = 2$
 $\theta = \tan^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{1}\right) = \frac{\pi}{3}$

$Z = 2^4 \left(\cos 4 \times \frac{\pi}{3} + i \sin 4 \times \frac{\pi}{3} \right)$
 $= 16 \left(\cos \frac{4\pi}{3} + i \sin \frac{4\pi}{3} \right)$

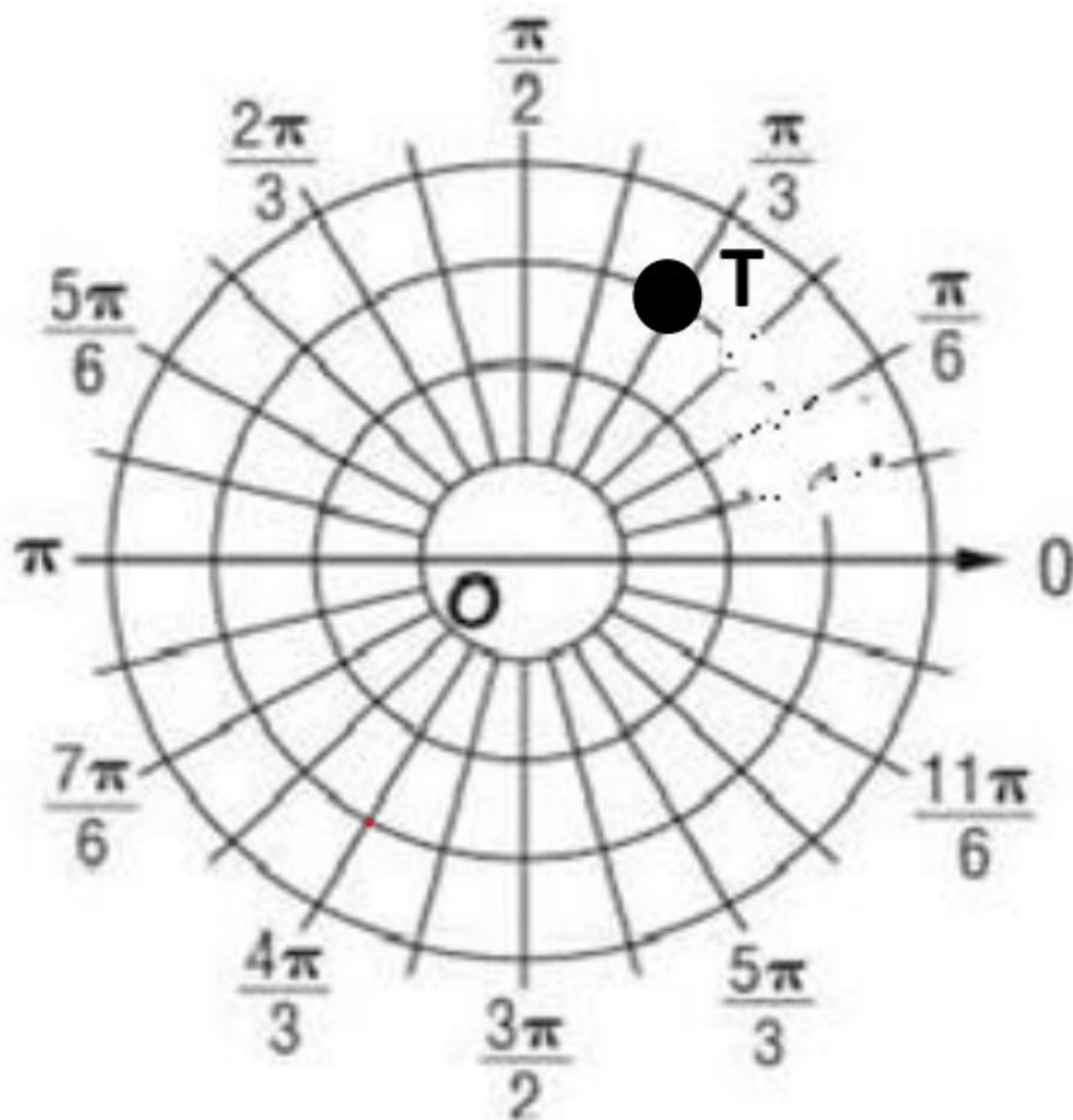
b) $Z = [4 \left(\cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \right)]^2$

$Z = 4^2 \left(\cos 2 \times \frac{\pi}{12} + i \sin 2 \times \frac{\pi}{12} \right)$
 $= 16 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$

Q(21): Find four different pairs of polar coordinates that name point T

$-360^\circ \leq \theta \leq 360^\circ$.

إذا كانت $-360^\circ \leq \theta \leq 360^\circ$ - اوجد اربعة ازواج مختلفة كل منها يمثل احداثيين قطبيين للنقطة T في الشكل المجاور .



- ① $(3, \frac{\pi}{3})$ ✓
- ② $(3, \frac{\pi}{3} \pm 2\pi) = (3, \frac{7\pi}{3})$
 $= (3, -\frac{5\pi}{3})$ ✓
- ③ $(-3, \frac{\pi}{3} \pm \pi) = (-3, \frac{4\pi}{3})$ ✓
 $= (-3, -\frac{2\pi}{3})$ ✓

Done by : T. MOHAMMED ALZZEN