

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/0>

* للحصول على جميع أوراق في مادة ولجميع الفصول، اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/0>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد في مادة الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/0>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade0>

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

الاسم:

3-1 الدوال الأسيّة

ورقة عمل الثاني عشر العام

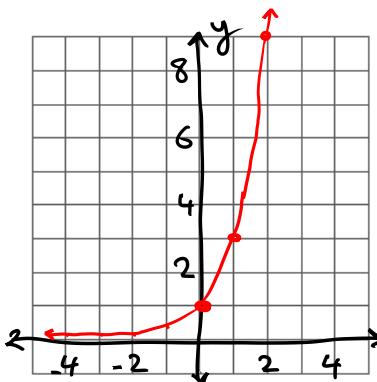
- في هذا الدرس سوف أتعلم:
1- إيجاد قيم الدوال الأسيّة وتحليلها وتمثيلها بيانياً.
2- حل مسائل تتضمن نمواً وتضاؤلاً أسيّاً.

رسم التمثيلات البيانية للدوال الأسيّة وتحليلها

مثل كل دالة بيانياً وحللها. ووضح المجال والمدى ونقاط التقاطع وخطوط التقارب والسلوك الطرفي.
فترات تزايد أو تنقص الدالة.

Sketch and analyze the graph of each function. Describe its domain, range, intercepts, asymptotes, end behavior, and where the function is increasing or decreasing.

$$f(x) = 3^x$$



2	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
8	0.03	0.11	0.33	1	3	9	27	81	

نكون جدول لبعض قيم الدالة

المجال $(-\infty, \infty)$ المدى

قطع x : لا يوجد / قطع y : 1

خط تقارب افقي $y = 0$

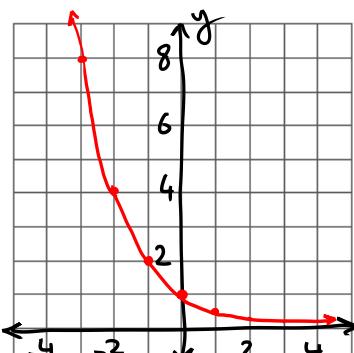
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$

السلوك الطرفي

الدالة متزايدة على مجالها $(-\infty, \infty)$

$$g(x) = 2^{-x}$$



2	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
8	16	8	4	2	1	0.5	0.25	0.125	0.06

نكون جدول / المجال $(-\infty, \infty)$ المدى

قطع x : لا يوجد / قطع y : 1

خط التقارب الأفقي $y = 0$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = \infty$$

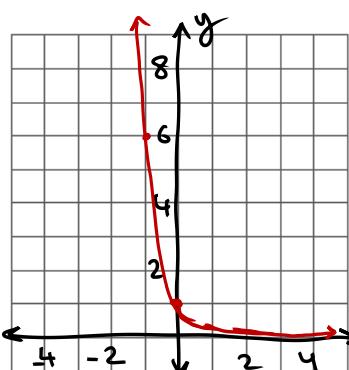
$$\lim_{x \rightarrow \infty} g(x) = 0$$

السلوك الطرفي

الدالة متآكلة على مجالها $(-\infty, \infty)$

مثل كل دالة بيانياً وحللها. ووضح المجال والمدى ونقطة التقاطع وخطوط التقارب والسلوك الطرفي، وفترات تزايد أو تناقص الدالة.

$$f(x) = 6^{-x}$$



x	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
y	216	36	6	1	0.17	0.03	0.005	0.0008

الحال ① $(0, \infty)$ / $(-\infty, \infty)$

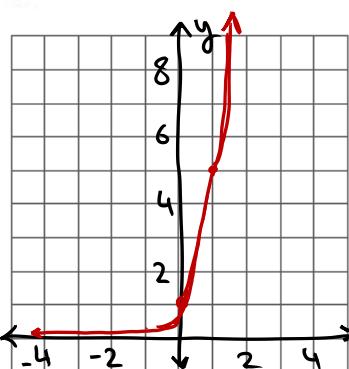
متقطع x / لا يوجد y ②

خط التقريب الأفقي $y=0$ ③

السلوك الطرفي ④ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$ / $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$

متناقصة على مجالها ⑤ $(-\infty, \infty)$

$$g(x) = 5^x$$



x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y	0.008	0.04	0.2	1	5	25	125

الحال ① $(0, \infty)$ / $(-\infty, \infty)$

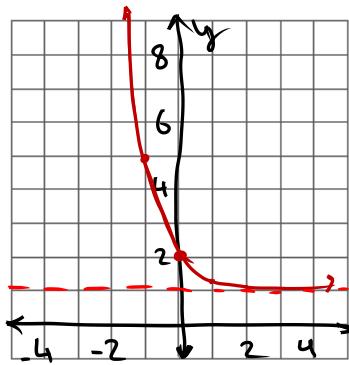
متقطع x / لا يوجد y ②

خط التقريب الأفقي $y=5$ ③

السلوك الطرفي ④ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ / $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$

متزايدة على مجالها ⑤ $(-\infty, \infty)$

$$h(x) = \left(\frac{1}{4}\right)^x + 1$$



x	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
y	65	17	5	2	1.25	1.06	1.02	1.004

الحال ① $(1, \infty)$ / $(-\infty, \infty)$

متاصلح x / لا يوجد y ②

خط التقريب الأفقي $y=1$ ③

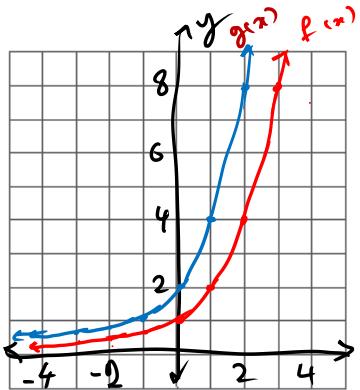
السلوك الطرفي ④ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$ / $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 1$

متناقصة على مجالها ⑤ $(-\infty, \infty)$

التمثيل البياني لتحولات الدوال الأسيّة

استخدم التمثيل البياني لـ $f(x) = 2^x$ لتصف التحولات، التي، ينتج عن كل دالة، ثم ارسم الدوال.
Use the graph of $f(x) = 2^x$ to describe the transformation that results in each function. Then sketch the graphs of the functions.

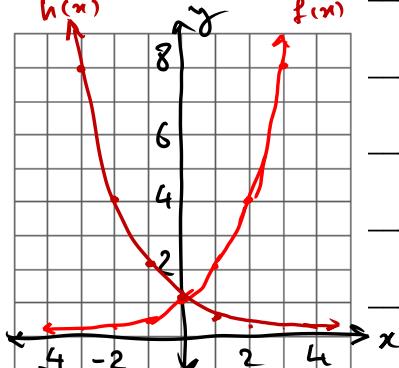
$$g(x) = 2^x + 1$$



نعمل على دائرة (g(x)) ونعلم (f(x)) ونصل إلى حصة

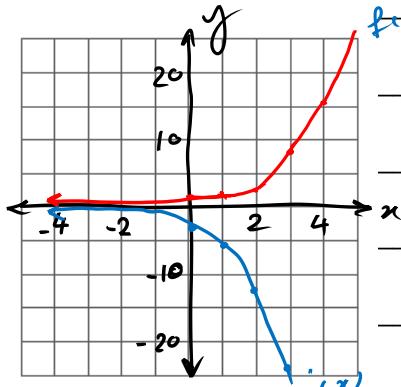
وتحوّلها بحسب

$$h(x) = 2^{-x}$$



نعمل على (h(x)) ونعلم (f(x)) ونصل إلى حصة

$$j(x) = -3(2^x)$$



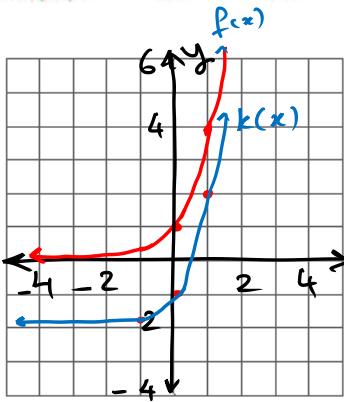
نعمل على (j(x)) ونعلم (f(x)) ونصل إلى حصة

وتحوّلها بحسب

استخدم التمثيل البياني لـ $f(x) = 4^x$ لتصف التحويل الذي ينبع عن كل دالة. ثم ارسم الدوال.

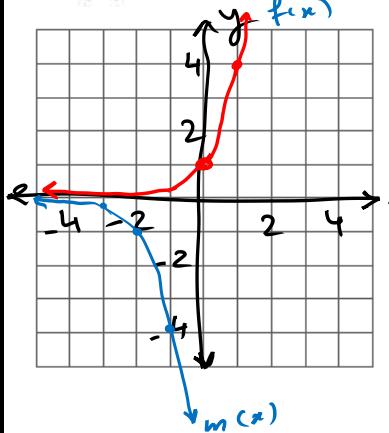
Use the graph of $f(x) = 4^x$ to describe the transformation that results in each function. Then sketch the graphs of the functions.

$$k(x) = 4^x - 2$$



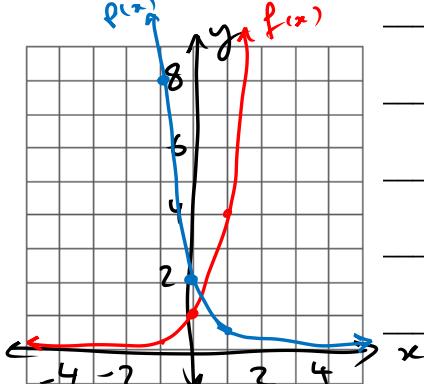
نحصل على $k(x)$ من $f(x)$ وذلك بطرح 2 من الصيغة وتحريكها

$$m(x) = -4^x + 2$$



نحصل على $m(x)$ من $f(x)$ بعكسه وتحريكه ليس فقط في محور x

$$p(x) = 2(4^{-x})$$



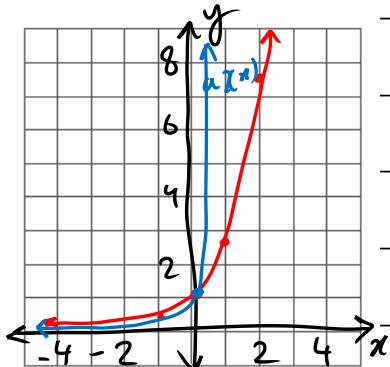
نحصل على $p(x)$ من $f(x)$ بالعكس في محور y ثم التكبير بمعامل 2

التمثيل البياني للدوال الأسيّة طبيعية الأساس

استخدم التمثيل البياني لـ $f(x) = e^x$ لوصف التحول الذي ينتج عن كل دالة.

Use the graph of $f(x) = e^x$ to describe the transformation that results in each function. Then sketch the graphs of the functions.

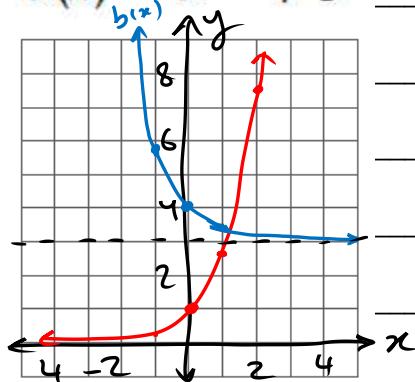
$$a(x) = e^{4x}$$



نحصل على الدالة $a(x)$ من $f(x) = e^x$ بدل كمٍ من الارتفاع مضاعف

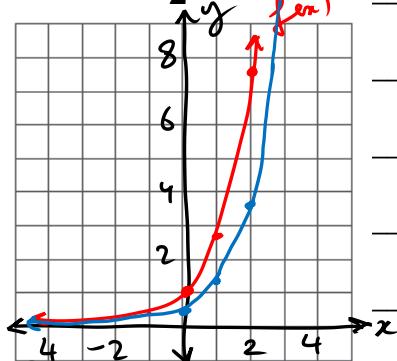
x	-3	-2	-1	0	1	2	3
$f(x) = e^x$	0.04	0.13	0.37	1	2.72	13.9	20.9
$a(x) = e^{4x}$	6×10^{-6}	3×10^{-5}	0.02	1	54.68	2980.9	16275.4

$$b(x) = e^{-x} + 3$$



نحصل على $b(x)$ من $f(x) = e^x$ وذلك بعد انتكاسة في محرك ثم إضافة 3 وحدات لذاتها

$$c(x) = \frac{1}{2}e^x$$

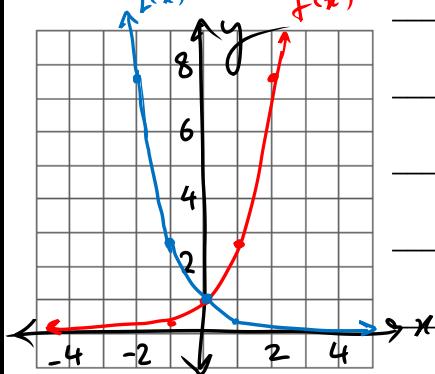


نحصل على $c(x)$ من $f(x) = e^x$ وذلك بعد الانكماش
أي زر في الذي يعطى $\frac{1}{2}$

التمثيل البياني للدوال الأسيّة طبيعية الأساس

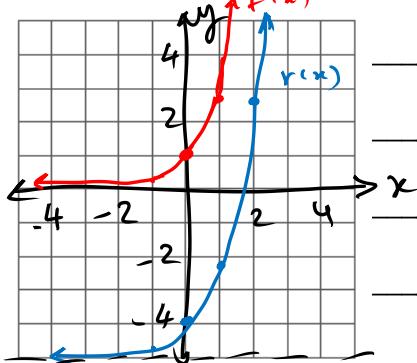
استخدم التمثيل البياني لـ $f(x) = e^x$ لوصف التحويل الذي ينتج عن كل دالة. ثم ارسم الدوال.
Use the graph of $f(x) = e^x$ to describe the transformation that results in each function. Then sketch the graphs of the functions.

$$q(x) = e^{-x}$$



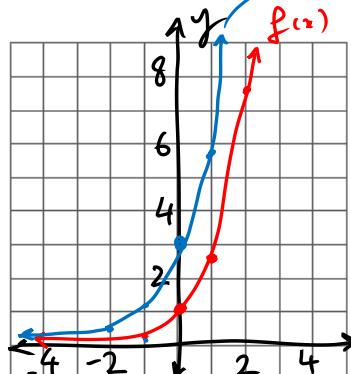
نعلم أن $f(x)$ هي دالة طبيعية، وذلك بعد إزالة 5 من $f(x)$ ستصبح $q(x)$

$$r(x) = e^x - 5$$



نعلم أن $f(x)$ و $r(x)$ دالتان بعد إزالة 5 من $f(x)$ ستصبحان $r(x)$

$$t(x) = 3e^x$$



نعلم أن $f(x)$ و $t(x)$ دالتان بعد التمدد الأفقي بـ 3 ضعاف

استخدام نسبة المربحة المركبة

$$A = p \left(1 + \frac{r}{n}\right)^{nt}$$

المربحة المركبة

مدارس في السنة الأولى

المعرفة المالية تستثمر حليمة AED 300 في حساب بنكية مربحة تبلغ 6% بدون إيداعات أو سحوبات أخرى. ماذا سيكون رصيد حساب حليمة بعد 20 عاماً إذا كانت نسبة المربحة مركبة:

- a. كل نصف عام؟ b. شهرياً؟ c. يومياً؟

[a] $A = 300 \left(1 + \frac{6\%}{2}\right)^{2(20)} = 978.61$

[b] $A = 300 \left(1 + \frac{6\%}{12}\right)^{12(20)} = 993.06$

[c] $A = 300 \left(1 + \frac{6\%}{365}\right)^{365(20)} = 995.94$

المعرفة المالية إذا تم استثمار AED 1000 في حساب استثماري عبر الإنترنت يحقق مكسباً يبلغ 8% في العام، فكم سيبلغ الحساب في نهاية مدة $\frac{10}{4}$ أعوام إذا لم تكن هناك أي إيداعات أو سحوبات أخرى وكانت المربحة مركبة:

- a. كل نصف عام؟ b. كل ربع عام؟ c. يومياً؟

$A = 1000 \left(1 + \frac{8\%}{2}\right)^{2(10)} = 2191.12$

$A = 1000 \left(1 + \frac{8\%}{4}\right)^{4(10)} = 2208.04$

$A = 1000 \left(1 + \frac{8\%}{365}\right)^{365(10)} = 2225.35$

استخدم نسبة المراجحة المركبة المستمرة

$$A = \text{المراجحة المركبة المستمرة}$$

المعرفة المالية افترض أن حليمة وجدت حساباً يسمح لها باستثمار مبلغ 300 AED الخاص بها بنسبة مراجحة 6% تم إضافتها باستمرار. وإذا لم تكن هناك إيداعات أو سحوبات أخرى، فكم سيبلغ رصيد حساب حليمة بعد 20 عاماً؟

$$\begin{aligned} A &= 300 e^{(0.06)(20)} \\ &= 996.04 \end{aligned}$$

المعاملات البنكية عبر الإنترنت إذا تم استثمار 1000 AED في حساب استثماري يحقق مكسباً يبلغ 8% في العام و تم إضافته كمراجعة مركبة باستمرار، فكم سيبلغ الحساب في نهاية مدة 10 أعوام إذا لم تكن هناك أي إيداعات أو سحوبات أخرى؟

$$\begin{aligned} A &= P e^{rt} \\ &= 1000 e^{(0.08)(10)} \\ &= 2225.54 \end{aligned}$$

نمو أو تضاؤل أسي مستمر

$$N = N_0 e^{kt}$$

نمو أو تضاؤل أسي

$$N = N_0 (1 + r)^t$$

السكان يبلغ عدد سكان المكسيك 110 مليون نسمة تقريباً. إذا استمر التعداد السكاني في المكسيك بالنمو بال معدل المذكور، فتوقع التعداد السكاني في المكسيك بعد 10 أعوام و 20 عاماً.

a. سنوياً 1.42% b. باستمرار 1.42%

$$\begin{aligned} \text{(a)} \quad N &= N_0 (1+r)^t \\ &= 110 (1 + 1.42\%)^t = \left\{ \begin{array}{l} = 110 (1 + 1.42\%)^{20} \\ = 126.66 \text{ مليون} \end{array} \right\} = 145.84 \text{ مليون} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(b)} \quad N &= N_0 e^{kt} \\ &= 110 (e)^{\frac{1.42}{(10)} \times 20} = \left\{ \begin{array}{l} = 110 e^{1.42 \times 20} \\ = 146.13 \text{ مليون} \end{array} \right\} \end{aligned}$$

السكان ينخفض عدد سكان إحدى المدن بمعدل 6%. فإذا كان عدد السكان حالياً يبلغ 12,426 نسمة. فتوقع عدد السكان خلال 5 و 10 أعوام باستخدام كل نموذج.

B. باستمرار

A. سنوياً

$$\begin{aligned} \text{(a)} \quad N &= N_0 (1+r)^t \\ &= 12426 (1 - 6\%)^5 = \left\{ \begin{array}{l} = 12426 (1 - 6\%)^{10} \\ = 6693 \end{array} \right\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(b)} \quad N &= N_0 e^{kt} \\ &= 12426 e^{-6\%(5)} = \left\{ \begin{array}{l} = 12426 e^{-6\%(10)} \\ = 6820 \end{array} \right\} \end{aligned}$$

التمثيل باستخدام النمو أو التضاؤل الأسوي

حالات الإصابة بالجدري التي تم الإبلاغ عنها في الولايات المتحدة	
الحالات (بالآلاف)	العام
190.9	1980
32.2	2005

المرض يوضح الجدول عدد الحالات التي تم الإبلاغ عنها للإصابة بمرض الجدري في الولايات المتحدة عام 1980 و2005.

a. إذا كان عدد الحالات التي تم الإبلاغ عنها للإصابة بمرض الجدري ينخفض بمعدل $A\%$, فحدد معدل الانخفاض واكتب معادلة أسيّة لنمذجة هذه الحالة.

b. استخدم نموذجك لتوقع وقت انخفاض عدد الحالات إلى أقل من 20,000.

$$N = N_0 (1+r)^t \quad | \quad t = 25 \quad | \quad 1980 \text{ سنة } 2005 \quad | \quad a$$

$$32.2 = 190.9 (1+r)^{25} \quad | \quad \sqrt[25]{\frac{32.2}{190.9}} - 1 = r$$

$$\frac{32.2}{190.9} = (1+r)^{25} \quad | \quad r = -0.0687 = -6.87\%$$

معدل الانخفاض = 6.87%

$$N = N_0 (1+r)^t \quad | \quad t = 31.7 \quad | \quad 1980 + 31.7 = 2011.7 \approx 2012 \quad | \quad \text{ع}$$

$$N = 190.9 (1 + (-6.87\%))^t \quad | \quad N = 20 \text{ عند } t = 31.7$$

عدد السكان التقديري لمقاطعة ديد في مدينة ميامي في ولاية فلوريدا	
السكان (بالمليون)	العام
1.94	t=0 1990
2.25	t=10 2000

السكان استخدم البيانات الموجودة في الجدول وافتراض أن عدد سكان مقاطعة ديد في ميامي ينموا أسيّا.

A. حدد معدل النمو واكتب معادلة أسيّة لتضع نموذجاً لهذا النمو.

B. استخدم نموذجك لتوقع العام الذي سيتجاوز فيه عدد سكان مقاطعة ديد في ميامي 2.7 مليون نسمة.

$$N = N_0 (1+r)^t \quad | \quad r = \sqrt[10]{\frac{2.25}{1.94}} - 1 \approx 0.015$$

$$2.25 = 1.94 (1+r)^{10} \quad | \quad \approx 1.5\%$$

$$N = N_0 (1+r)^t \quad | \quad t = 22.2 \quad | \quad 1990 + 22.2 = 2012.2 \quad | \quad \text{ع}$$

$$N = 1.94 (1 + 1.5\%)^t \quad | \quad N = 2.7$$