## شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية





# مراجعة الوحدة الخامسة حل الأنظمة الخطية باستخدام المعكوسات وقاعدة كرامر

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الحادي عشر المتقدم ← رياضيات ← الفصل الثاني ← الملف

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 05-01-06:57:07 ااسم المدرس: عمرو البيومي

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر المتقدم









## روابط مواد الصف الحادي عشر المتقدم على تلغرام

<u>الرياضيات</u>

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثاني	
Verifying أوراق عمل درس التحقق من المتطابقات المثلثية Trigonometric Identities	1
Trigonometric أوراق عمل درس المتطابقات المثلثية أول نموذج Identities	2
حل ورقة عمل درس المتطابقات المثلثية	3
شرح وحل درس المتطابقات المثلثية باللغتين العربية	4

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثاني	
والانجليزية	
الدروس المطلوبة للفصل الثاني	5

#### **United Arab Emirates**



دولة الإمارات العربية المتحدة معلم الرياضيات: أ/ عمرو البيومي



#### الصف الحادي عشر المتقدم

2022/2023

مراجعة الوحدة الخامسة (حل الانظمة الخطية باستخدام المعكوسات وقاعدة كرامر)

Student Name: .....







# المفهوم الأساسي الأنظمة الخطية المربعة التي لها معكوس

X حيث A من المعادلة B من المعادلات الخطية في B من المعادلات الخطية في A من المتغيرات تحددها المعادلة A ميث A ميث A من المعادلات حل وحيد تحدده المعادلة A من المعادلة A من المعادلات حل وحيد تحدده المعادلة A من المعادلة A من المعادلات حل وحيد تحدده المعادلة A A A

مثال 1

باستخدام مصفوفة عكسية ايجاد حل النظام 2×2

استخدام المصفوفة العكسية لحل نظام المعادلات، ان امكن.

$$2x - 3y = -1$$

$$-3x + 5y = 3$$

AX =B اكتب النظام في مصفوفة بالشكل

$$\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -3 & 5 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix} \qquad AX = B$$

1-Aلايجاد المعكوس 2x2 استخدم هذه الصيغة مع معكوس مصفوفة

#### حل الانظمة الخطية باستخدام المعكوسات وقاعدة كرامر

0544560575

$$A^{-1} = \frac{1}{ad - cb} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$
 هيغة معكوس مصفوفة ع $z \times z$  هي  $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ 

$$=\frac{1}{2(5)-(-3)(-3)}\begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$
 A=2, b=-3, c=-3, d=5

$$= \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$

$$egin{bmatrix} a & b \ c & d \end{bmatrix}$$
 يغة معكوس مصفوفة  $2 imes 2$ 

$$X = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix} \qquad X = A^{-1}B$$

لذلك، يكون حل النظام هو (4،3)

تمرين موجه استخدم المصفوفة العكسية لحل نظام المعادلات، ان امكن.

**1A.** 
$$6x + y = -8$$
  $-4x - 5y = -12$ 

**1B.** 
$$-3x + 9y = 36$$
  $7x - 8y = -19$ 

#### مثال 2

#### من الحياة اليومية إيجاد حل نظام باستخدام مصفوفة عكسية 3×3

المعرفة المالية تستثمر بدرية 20000 در هم بشراء ثلاثة سندات ذات عوائد سنوية متوقعة نسبتها 10% و8%و6%. وتكون الاستثمارات ذات العائد المتوقع الاعلي اكثر خطورة غالبا من الاستثمارات الاخري. وترغب بدرية في تحقيق متوسط عائد سنوي يبلغ 1340در هم. فاذا كانت تريد استثمار مبلغ في السند ذي العائد6% يساوي ثلاثة اضعاف المبلغ المستثمر في السندين الاخريين مجتمعين, فكم يكون المبلغ اللازم استثماره في كل سند؟

#### استخدام قاعدة كرامر

طريقة اخري لحل الأنظمة المربعة تعرف باسم قاعدة كرامة، وفيها تستخدم المحددات بدلاً من تقليل الصفوف او المصفوفات العكسية (معكوس المصفوفات)

#### المفهوم الأساسى قاعدة كرامر

لنفرض أن A هو مصفوفة المعاملات في نظام n من المعادلات الخطية في n من المتغيرات، وتحددها المعادلة AX =. فإذا كان A0 فإن الحل الوحيد للنظام تعبر عنه المعادلة

$$x_1 = \frac{|A_1|}{|A|}, x_2 = \frac{|A_2|}{|A|}, x_3 = \frac{|A_3|}{|A|}, \dots, x_n = \frac{|A_n|}{|A|},$$

حيث يتم الحصول على  $A_i$  باستبدال العمود  $i^{th}$  الخاص بــ A بعمود الحدود الثابتة B. وإذا كان المحدد  $A_i = 0$ . فإن A = A إما ليس لها حل أو لها عدد لا نهائي من الحلول.

مثال 3 استخدام قاعدة كرامة لحل نظام 3×3 استخدام قاعدة كرامة لايجاد حل نظام المعادلات الخطية، ان وجد حل وحيد.

$$3x1 + 2x2 = 6$$

$$-4x1 - x2 = -13$$

استخدام قاعدة كرامة لايجاد حل نظام المعادلات الخطية، ان وجد حل وحيد

3A. 
$$2x - y = 4$$

$$5x - 3y = -6$$

3B. 
$$-9x + 3y = 8$$
  
 $2x - y = -3$ 

الحادي عشر متقدم

**3**C. 
$$12x - 9y = -5$$
  
 $4x - 3y = 11$ 



الحادي عشر متقدم

مثال 4 استخدام قاعدة كرامر لحل نظام 3×3

استخدم قاعدة كرامر لايجاد حل نظام المعادلات الخطية، ان وجد حل وحيد.

$$-X - 2y = -4z + 12$$

$$3X - 6y + z = 15$$

$$2X + 5y + 1 = 0$$

## تمرین موجه

استخدام قاعدة كرامر لايجاد حل كل نظام من المعادلات الخطية، ان وجد حل وحيد ...

**4A.** 
$$8x + 12y - 24z = -40$$
  
 $3x - 8y + 12z = 23$   
 $2x + 3y - 6z = -10$ 

الحادي عشر متقدم

**4B.** 
$$-2x + 4y - z = -3$$
  
  $3x + y + 2z = 6$   
  $x - 3y = 1$ 

15

5x - 2y = 11-4x + 7y = 2 تمارين إضافية

الحادي عشر متقدم

2x + 3y = 2x - 4y = -21

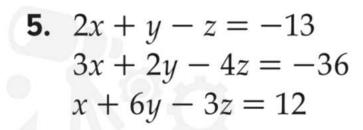
الحادي عشر متقدم

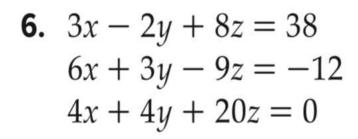
$$3. \quad -3x + 5y = 33$$
$$2x - 4y = -26$$



**4.** 
$$-4x + y = 19$$
  $3x - 2y = -18$ 











7. 
$$x + 2y - z = 2$$
  
 $2x - y + 3z = 4$   
 $3x + y + 2z = 6$ 

8. 
$$4x + 6y + z = -1$$
  
 $-x - y + 8z = 8$   
 $6x - 4y + 11z = 21$ 

