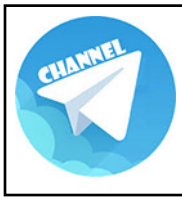
## شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية

## الملف أوراق عمل الاحداثيات القطبية والأعداد المركبة



## روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر المتقدم



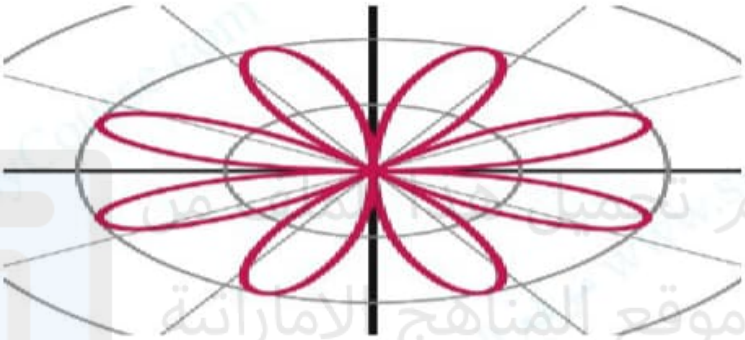
## روابط مواد الصف الحادي عشر المتقدم على تلغرام

| التربية الاسلامية | اللغة العربية | اللغة الانجليزية | الرياضيات |
|---|---|---|---|

## المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثالث

| | |
|---|---|
| 1 | الخطة الفصلية المسار المتقدم - بريدج |
| 2 | أسئلة هيكل امتحاني مع الحل |
| 3 | حل أسئلة امتحان نهاية الفصل الثالث 2016-2017 |
| 4 | المراجعة النهائية امتحان الفصل الثالث |
| 5 | حل أسئلة هيكل امتحان وزاري الفصل الثالث |

Math Warehouse



# الفصل الدراسي الثالث

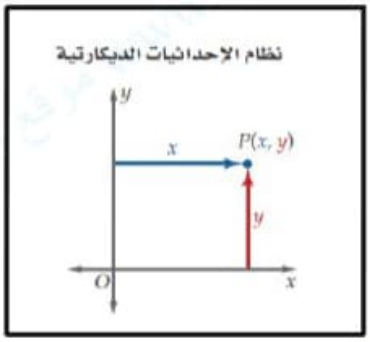
تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

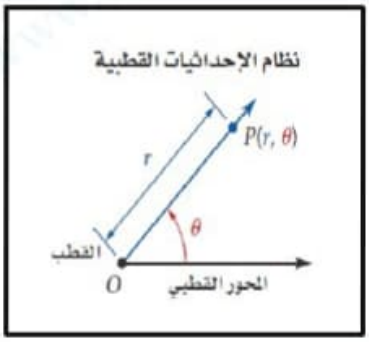
## العام الدراسي 2016 – 2017 م

## الوحدة الثامنة

# الإحداثيات القطبية و الأعداد المركبة

## الصف الحادي عشر المتقدم



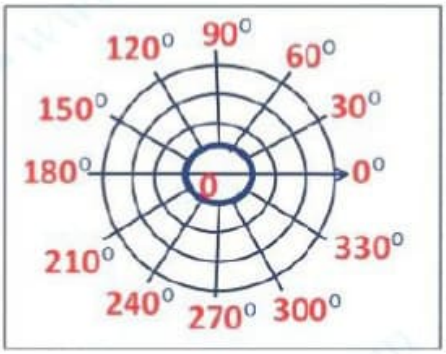

**السؤال الأول** مثل كل نقطة من النقاط الآتية بالمستوى القطبي .

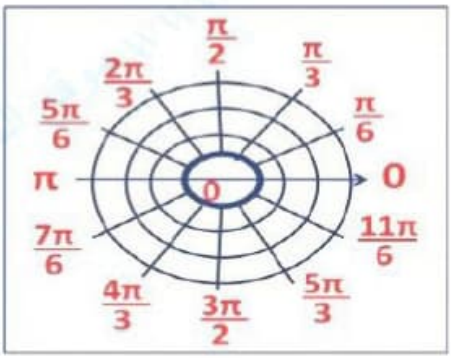
$$A(-2,\frac{\pi}{2}) \quad , \quad B(3,210^\circ) \quad , \quad C(2.5,-\frac{2\pi}{3}) \quad , \quad D(-3,-60^\circ)$$

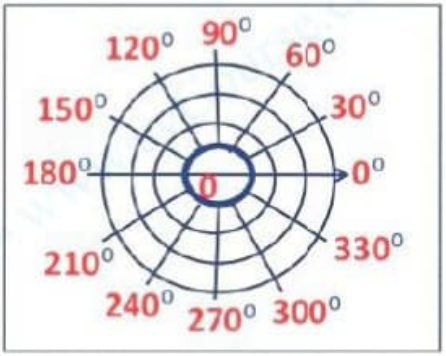
تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

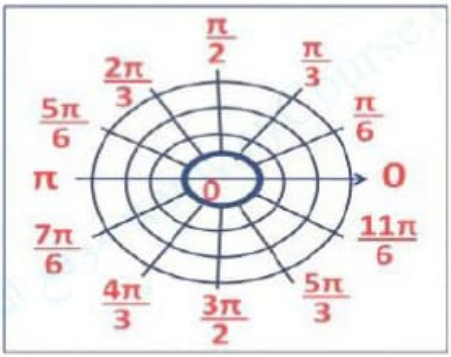
**السؤال الثاني** مثل كل نقطة من النقاط الآتية بيانيا على الشبكة القطبية .

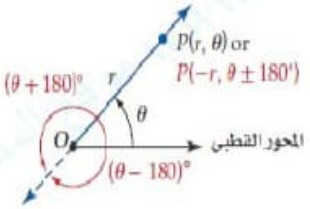
$$E(3,-\frac{\pi}{2}) \quad , \quad F(-2,150^\circ) \quad , \quad G(4,\frac{5\pi}{4}) \quad , \quad H(-3.5,-120^\circ)$$

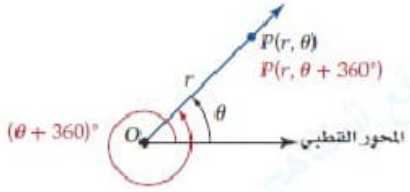


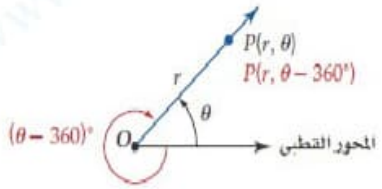





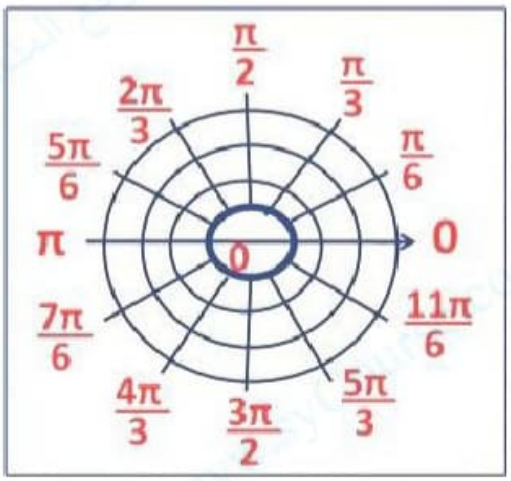

**السؤال الثالث** اذا كانت $-360^\circ \le \theta \le 360^\circ$ فأوجد ثلاثة أزواج مختلفة كل منها يمثّل إحداثيين قطبيين للنقطة

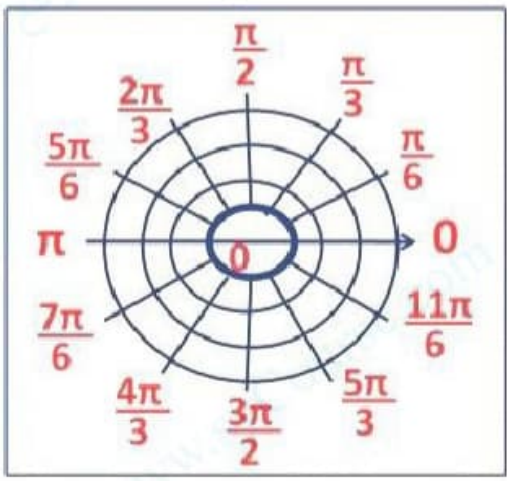
$Z(2, 210^\circ)$ ، $T(4, \frac{\pi}{3})$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

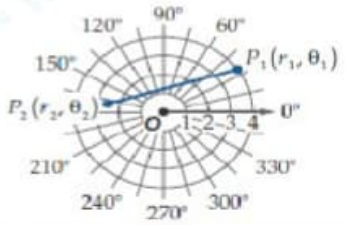
**السؤال الرابع** مثل كل معادلة من المعادلات القطبية الآتية بيانيا .

1) $r = 3$ ، 2) $\theta = \frac{5\pi}{3}$



**مفهوم أساسي** **المسافة بالصيغة القطبية**




افترض أن $P_1(r_1, \theta_1)$ , $P_2(r_2, \theta_2)$ نقطتان في المستوى القطبي، تُعطى المسافة $P_1P_2$ ، بالصيغة:

$$P_1P_2 = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1r_2\cos(\theta_2 - \theta_1)}$$

**السؤال الخامس** أوجد المسافة بين كل زوج من النقاط فيما يأتي :-

1) $(1, 30°)$ , $(\sqrt{3}, 150°)$

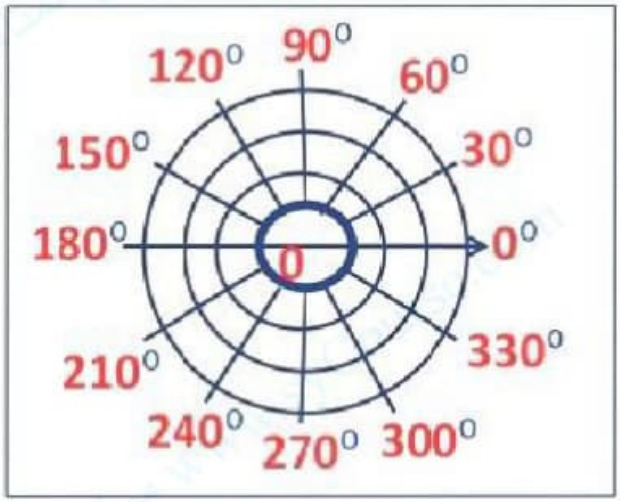
2) $(3, \pi)$ , $(4, \frac{2\pi}{3})$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال السادس** يرصُد رادار بحري حركة قاربين، إذا كانت إحداثيات موقعي القاربين $(6, 150°), (8, 60°)$ حيث r بالأميال .

1 ) فسّر هذا الموقف في المستوى القطبي

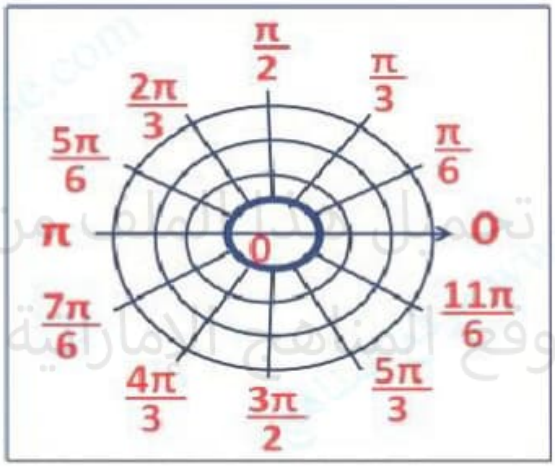
2) ما المسافة بين القاربين؟



**السؤال الأول** مثل المعادلات الآتية بيانيا , قرب قيمة r الى أقرب جزء من العشرة

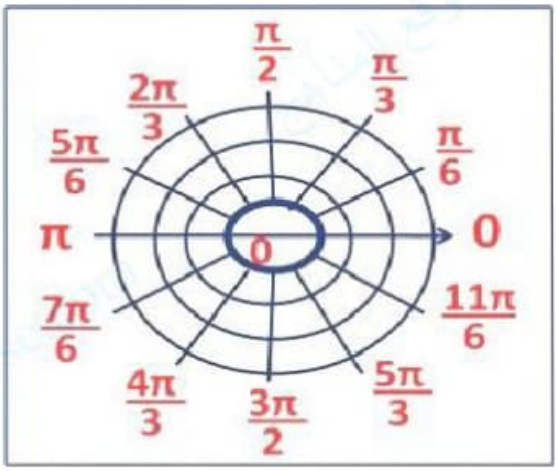
1) $r = -2\cos\theta$

| $\theta$ | 0 | $\frac{\pi}{6}$ | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{2\pi}{3}$ | $\frac{5\pi}{6}$ | $\pi$ | $\frac{7\pi}{6}$ | $\frac{4\pi}{3}$ | $\frac{3\pi}{2}$ | $\frac{5\pi}{3}$ | $\frac{11\pi}{6}$ | $2\pi$ |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| $r=-2\cos\theta$ | | | | | | | | | | | | | |




2) $r = 3\sin\theta$

| $\theta$ | 0 | $\frac{\pi}{6}$ | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{2\pi}{3}$ | $\frac{5\pi}{6}$ | $\pi$ | $\frac{7\pi}{6}$ | $\frac{4\pi}{3}$ | $\frac{3\pi}{2}$ | $\frac{5\pi}{3}$ | $\frac{11\pi}{6}$ | $2\pi$ |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| $r=3\sin\theta$ | | | | | | | | | | | | | |

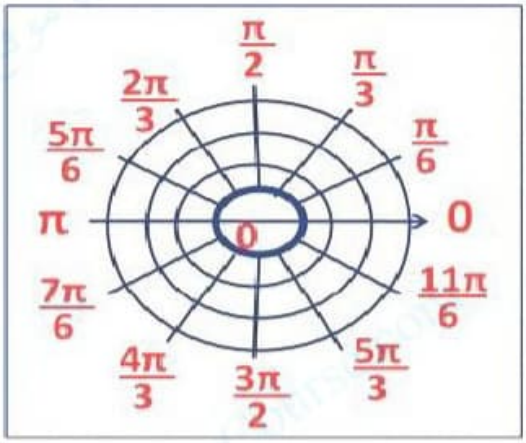



alManahj.com/ae

**السؤال الثاني** استخدم التناظر في تمثيل المعادلات الآتية بيانيا

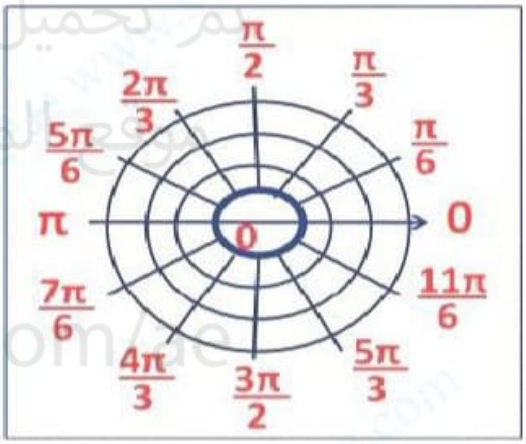
1) $r = 1 - 3\cos\theta$

| $\theta$ | 0 | $\frac{\pi}{6}$ | $\frac{\pi}{3}$ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{2\pi}{3}$ | $\frac{5\pi}{6}$ | $\pi$ |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| $r = 1 - 3\cos\theta$ | | | | | | | |




2) $r = 3 + 2\sin\theta$

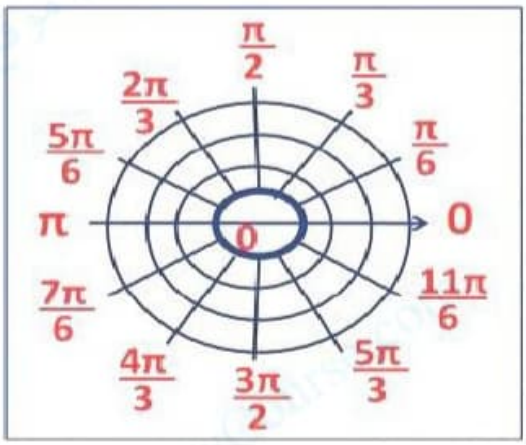
| $\theta$ | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| $r = 3 + 2\sin\theta$ | | | | | | | | | |




تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

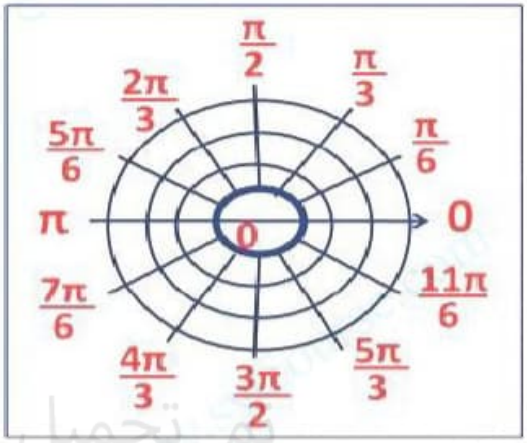
**السؤال الثالث** استخدم التناظر و الأصفار و قيم r العظمى في تمثيل الدالة الآتية بيانيا

1) $r = 2\sin 2\theta$

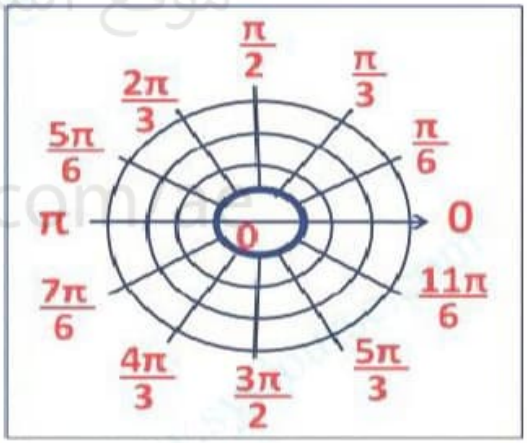


**السؤال الرابع** حدد نوع المنحنى الناتج عن كل معادلة ثم استخدم التناظر و الأصفار و قيم r العظمى في تمثيل الدوال الآتية بيانيا.

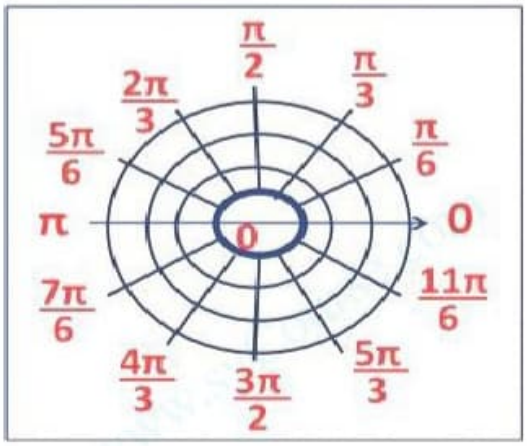
1) $r = 2\theta \quad , \quad \theta > 0$




2) $r^2 = 8\sin 2\theta$

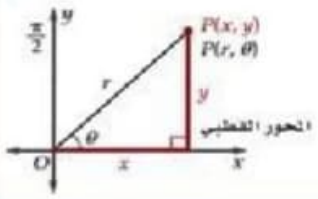



3) $r = 3\cos 4\theta$




لتحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**مفهوم أساسي** تحويل الإحداثيات القطبية إلى الإحداثيات الديكارتية




إذا كان للنقطة $P$ الإحداثيات القطبية $(r, \theta)$ ، فإن الإحداثيات الديكارتية $(x, y)$ للنقطة $P$ هي:

$x = r\cos\theta \quad , \quad y = r\sin\theta$

أي أن $(x, y) = (r\cos\theta, r\sin\theta)$ .

**السؤال الأول** حوّل الإحداثيات القطبية إلى إحداثيات ( متعامدة ) ديكارتية، لكل نقطة مما يأتي :

1) $(6, \frac{\pi}{3})$

2) $(-4, -120°)$

3) $(-8, 30°)$

4) $(\sqrt{2}, \frac{5\pi}{4})$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال الثاني** أوجد زوجين مختلفين كل منهما يمثّل إحداثيين قطبيين لكل نقطة معطاة بالإحداثيّات ( المتعامدة ) الديكارتيّة في كلٍّ مما يأتي .

1) $W(1, \sqrt{3})$

2) $V(\frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{1}{2})$

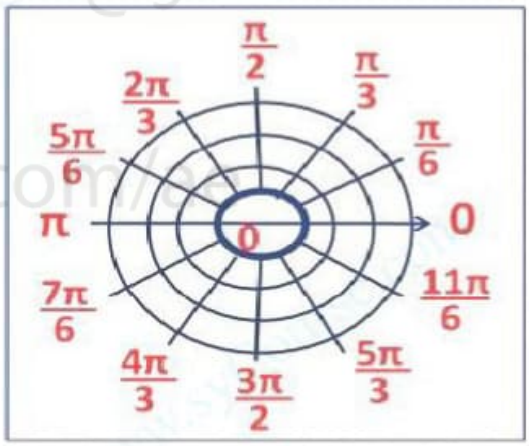
**السؤال الثالث** اكتب كلَّ معادلة مما يأتي على الصورة القطبية .

1) $x^2 - y^2 = 1$

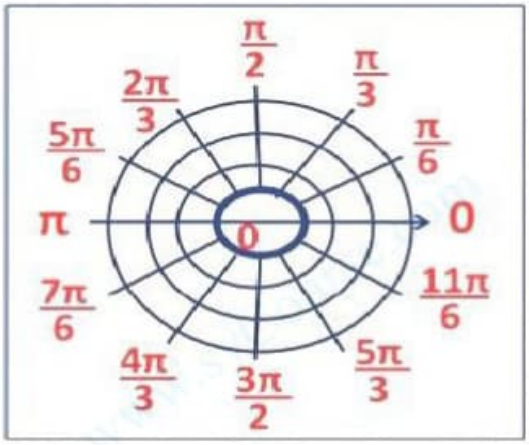
2) $(x-3)^2 + y^2 = 9$

**السؤال الرابع** حدد التمثيل البياني لكل معادلة متعامدة . ثم أكتبها بصورة قطبية . أدعم إجابتك بتمثيل بياني للصورة القطبية للمعادلة .

1) $(x+2)^2 + y^2 = 4$




2) $y = 4 - x^2$




موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال الخامس** اكتب كلّ معادلة قطبيّة مما يأتي على الصورة الديكارتية ( المتعامدة ) ثم حدد التمثيل البياني لها

1) $r = -4$

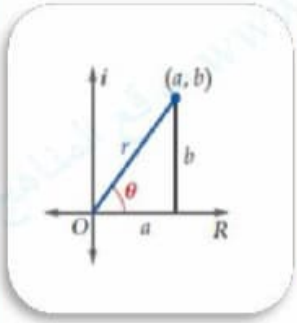
2) $\theta = \frac{5\pi}{4}$

3) $r = 5\cos\theta$

4) $r = -3\sin\theta$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال السادس** اكتب المعادلة القطبيّة $r = \frac{5(\cos\theta + \sin\theta)}{\cos^2\theta - \sin^2\theta}$ على الصورة الديكارتية ( المتعامدة ):

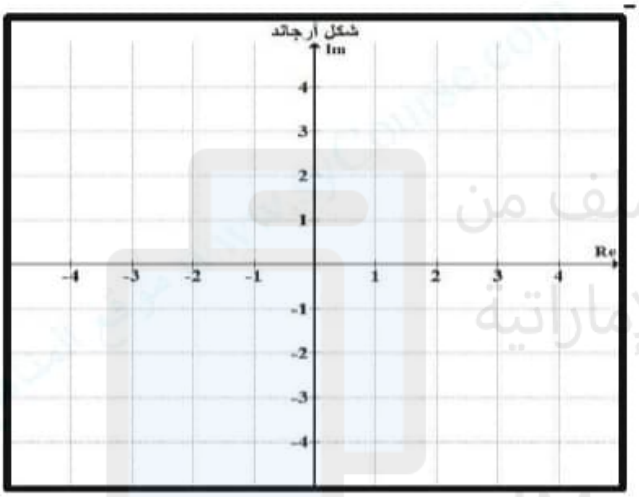



**الصورة القطبية ( المثلثية) للعدد المركب** $z = a + ib$ هي $z = r(\cos\theta + i\sin\theta)$

$|Z| = r = \sqrt{a^2 + b^2}$ , $\tan\theta = \frac{b}{a}$ حيث تسمي $\theta$ بالسعه الأساسية

و يسمي r بالقيمة المطلقة (المقياس) .

**السؤال الأول** مثل الأعداد المركبة الآتية بالمستوى المركب :-




$z_1 = 3i$ , $z_2 = -1 - 2i$

$z_3 = -1$ , $z_4 = 3 - 2i$

$z_5 = 1$ , $z_6 = -2 + 3i$

$z_7 = -2i$ , $z_8 = 3 + 4i$

للتحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال الثاني** عبّر عن كلّ عدد مركب مما يأتي بالصورة القطبية:

$z = (1 + \sqrt{2}i)(1 - \sqrt{2}i)$

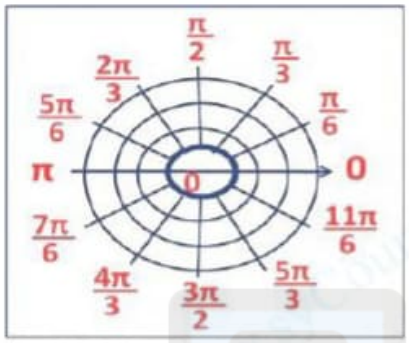
$z = -\sqrt{3} - i$

$z = \frac{-4}{1 + \sqrt{3}i}$

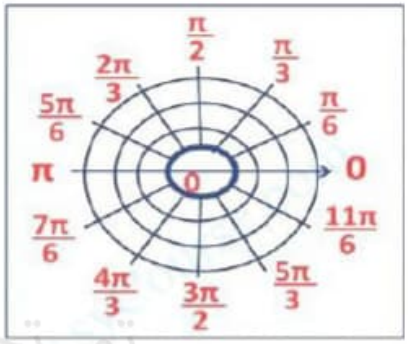
$z = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

**السؤال الثالث** مَثِّل كل عدد مركب مما يأتي في المستوى القطبي، ثم عبّر عنه بالصورة الديكارتية ( المتعامدة )

1) $z = 4(\cos\frac{7\pi}{6} + i\sin\frac{7\pi}{6})$




2) $z = 2(\cos\frac{3\pi}{4} + i\sin\frac{3\pi}{4})$




تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
almanahj.com/ae

**السؤال الرابع** أوجد الناتج على الصورة القطبية، ثم عبّر عنه بالصورة المتعامدة لكلٍّ مما يأتي.

1) $4(\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}).2(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3})$

2) $3(\cos\frac{2\pi}{3} + i\sin\frac{2\pi}{3}).6(\cos\frac{\pi}{2} + i\sin\frac{\pi}{2})$

3) $\dfrac{6(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3})}{2(\cos\frac{\pi}{2} - i\sin\frac{\pi}{2})}$

4) $\dfrac{12(\cos\frac{5\pi}{3} + i\sin\frac{5\pi}{3})}{4(\cos\pi + i\sin\pi)}$

**نظرية دي موافر** اذا كان $z = r(\cos\theta + i\sin\theta)$ فان

$$[r(\cos\theta + i\sin\theta)]^n = r^n(\cos n\theta + i\sin n\theta) \quad , \quad n \in N \quad , \quad \theta \in R$$

مثال / اذا كان $z = 1 + i$ فاوجد قيمة $z^{10}$

نكتب z على الصورة القطبية ثم نطبق نظرية دي موفر

$$z = \sqrt{2}(\cos(\frac{\pi}{4}) + i\sin(\frac{\pi}{4}))$$

$$z^{10} = (\sqrt{2})^{10}(\cos(10\frac{\pi}{4}) + i\sin(10\frac{\pi}{4}))$$

$$z^{10} = 32(\cos(\frac{5\pi}{2}) + i\sin(\frac{5\pi}{2}))$$

$$z^{10} = 32(\cos(\frac{\pi}{2}) + i\sin(\frac{\pi}{2})) = 32i$$

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال الخامس** أوجد الصورة القطبية و الصورة الجبرية لكل من المقادير الآتية :-

$(6 + 2\sqrt{3}i)^8$

$(-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i)^{10}$

الجذور العدد المركب $z = x + iy$ يمكن ايجادها من العلاقة الآتية

$$w_k = r^{\frac{1}{n}}[\cos(\frac{\theta + 2k\pi}{n}) + i \sin(\frac{\theta + 2k\pi}{n})]$$

حيث $k = 0,1,2,3,4,5,.....,n-1$

## الجذور التكعيبية للعدد الواحد الصحيح

حل المعادلة $z^3 = 1$ هي الجذور الثلاثة للعدد ( 1 ) و هي $1 \ , \ -\frac{1}{2}+\frac{\sqrt{3}}{2}i \ , \ -\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{3}}{2}i$

**السؤال السادس** أوجد الجذور التكعيبية للعدد 8 -

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال السابع** أوجد الجذور الخماسية للعدد $z_1 = -\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i$

**السؤال الثامن** استخدم نظرية ديموافر للتعبير عن كل من $\sin 3\theta, \cos 3\theta$ بدلالة $\sin\theta, \cos\theta$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج الإماراتية
alManahj.com/ae

**السؤال التاسع** اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات الآتية :-

1) تسمي نقطة الأصل في نظام الأحداثيات القطبية بـ .....

a) السعه b) المقياس c) المحور القطبى d) القطب

2) تسمي القيمة المطلقة للعدد المركب بـ .....

a) القطب b) المحور التخيلى c) المقياس d) السعه

3) اذا كان أحد جذور المعادلة $z^3 - 1 = 0$ هو $-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$ فان أحد الجذور الثلاثة يمكن ان يكون .....

a) $\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ b) لا شيء مما ذكر c) $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ d) $-1$

4) القيمة المطلقة للعدد المركب $-4 - 3i$ تساوي .....

a) $-3$ b) $5$ c) $7$ d) $4$

5) اذا كان $z = 2(\cos\frac{\pi}{2} + i\sin\frac{\pi}{2})$ فان قيمة $z^6$ بالصورة المتعامدة تساوي .....

a) $(0,-64)$ b) لا شيء مما ذكر c) $(-64,0)$ d) $(2,90^\circ)$

6) أحد الأزواج المرتبة فيما يأتي لا يمثل احداثي قطبي للنقطة $P(5,70^\circ)$ حيث $-360^\circ \le \theta \le 360^\circ$ هو .....

a) $P(5,-290^\circ)$ b) $P(5,110^\circ)$ c) $P(-5,-110^\circ)$ d) $P(-5,250^\circ)$