

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



حل اختبار تجريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الثاني عشر المتقدم ← رياضيات ← الفصل الثاني ← الملف

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر المتقدم



روابط مواد الصف الثاني عشر المتقدم على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثاني

<a href="#">أسئلة الامتحان النهائي الالكتروني والورقي - بريدج</a>	1
<a href="#">حل اختبار تجريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري</a>	2
<a href="#">اختبار تجريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري</a>	3
<a href="#">حل تجميعة أسئلة بونس متوقعة في الامتحان النهائي</a>	4
<a href="#">تجميعة أسئلة بونس متوقعة في الامتحان النهائي</a>	5



المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023م	/ / 2023		12 متقدم	

### اختبار تجريبي - الفصل الدراسي الثاني 2023 م - المادة / رياضيات

اولا : اختر الاجابة الصحيحة في كل ما يلي

(1) الاعداد الحرجه للدالة  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$  هي

- A) 0 , 1  
C) 0

- B) 0 , 1 , -1  
D) لا يوجد اعداد حرجه

(2) لتكن الدالة  $f(x) = x^{3/4} - 4x^{1/4}$  فإن للدالة

- A) قيمة محلية عظمى عند  $x = \frac{16}{9}$   
وقيمة محلية صغرى عند  $x=0$   
C) قيمة محلية صغرى عند  $x=0$

- B) قيمة محلية عظمى عند  $x = \frac{16}{9}$   
D) قيمة محلية صغرى عند  $x = \frac{16}{9}$   
وقيمة محلية عظمى عند  $x=0$

(3) لتكن الدالة  $f(x) = 2x\sqrt{x+1}$  فإن الاعداد الحرجه للدالة هي

- A) 1  
C) 0 , 1

- B) -1 ,  $-\frac{2}{3}$   
D) 0

(4) لتكن الدالة  $f(x) = xe^{-x}$  فإن الدالة

- A) مقعرة للأسفل على الفترة  $(-\infty, 2)$   
ومقعرة للأعلى على الفترة  $(2, \infty)$   
C) مقعرة للأعلى على الفترة  $(-\infty, -2)$   
ومقعرة للأسفل على الفترة  $(-2, \infty)$

- B) مقعرة للأعلى على الفترة  $(-\infty, 2)$   
ومقعرة للأسفل على الفترة  $(2, \infty)$   
D) مقعرة للأسفل على الفترة  $(-\infty, -2)$   
ومقعرة للأعلى على الفترة  $(-2, \infty)$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023م	/ / 2023		12 متقدم	

(5) خط التقارب الافقي للدالة هو  $f(x) = e^{1/x^2}$

A)  $Y = -1$

**C)  $Y = 1$**

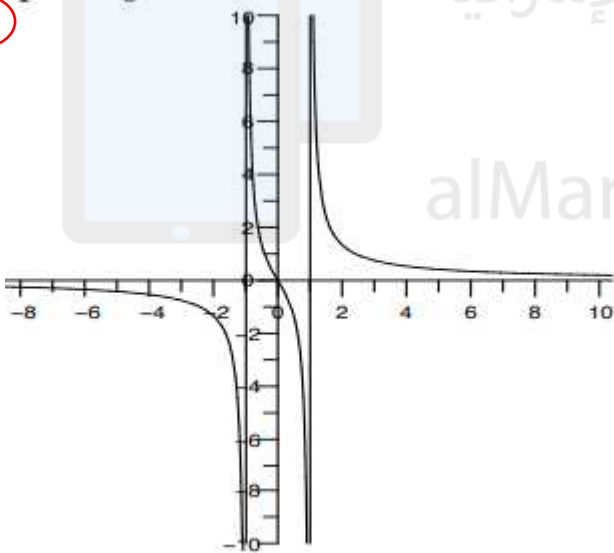
B)  $Y = 1$  ,  $y = -1$

D)  $X = 1$

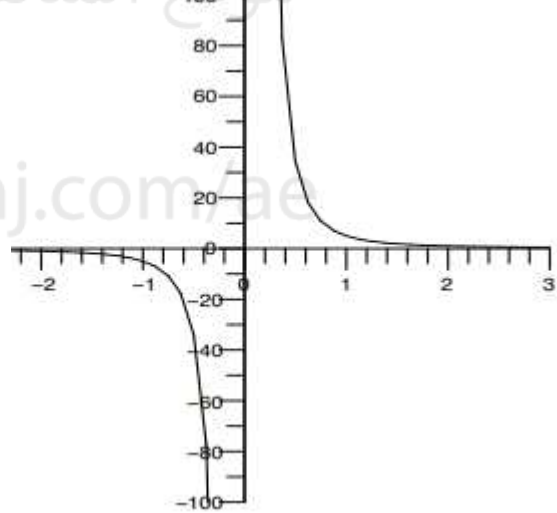
(6) التمثيل البياني للدالة

$$f(x) = \frac{2x}{x^2 - 1}$$

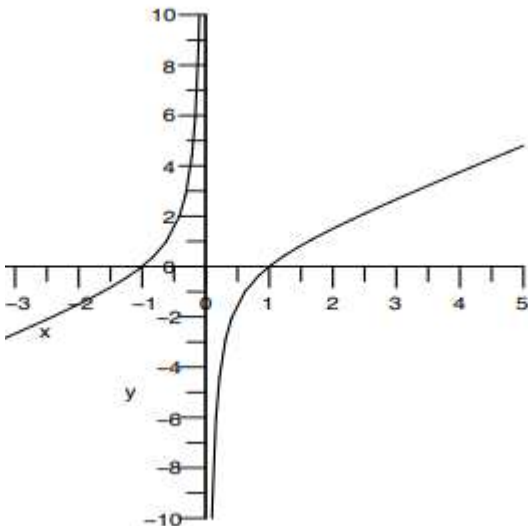
**A**



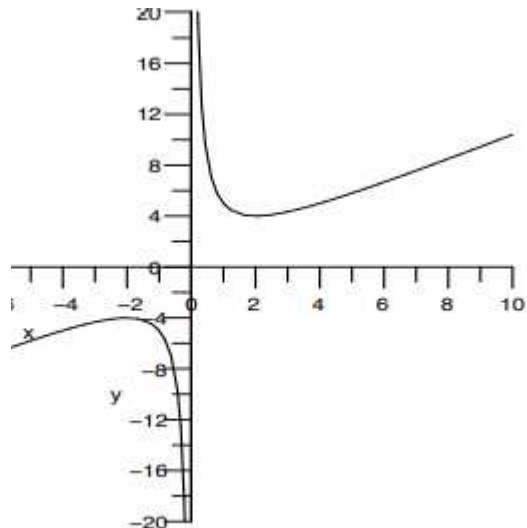
**B**



**C**



**D**



المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023 م	/ / 2023		12 متقدم	

ان (7)

يساوي  $\int \left(3\sqrt{x} - \frac{1}{x^4}\right) dx$

A)  $\frac{3}{2}x^{2/3} - 9x^{1/3} + c$

B)  $\frac{2}{5}x^{5/2} + 4x + c$

C)  $2x^{3/2} + \frac{x^{-3}}{3} + c$

D)  $3x^{1/3} - \frac{9}{5}x^{5/3} + c$

يساوي  $\int (3 \cos x - 1/x) dx$

ان (8)

A)  $3 \sin x - \ln x + c$

B)  $3 \sin x + \ln|x| + c$

C)  $3 \sin x - \ln|x| + c$

D)  $-3 \sin x + \ln|x| + c$

يساوي  $\int \frac{e^x}{e^x + 3} dx$

ان (9)

A)  $-\ln|xe^x| + 3x + c$

B)  $\ln|e^x + 3| + c$

C)  $\ln|e^x| - \frac{3}{x^2} + c$

D)  $e^{2x} + 3x + c$

يساوي  $\int_{-2}^2 (x^2 - 1) dx$

ان قيمة (10)

A)

$\frac{1}{3}$

B)

$\frac{4}{3}$

C)

$\frac{2}{3}$

D)

$\frac{5}{3}$

فإن للدالة  $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 3x$

(11) لتكن الدالة

- A) قيمة محلية عظمى عند  $x=1$   
B) قيمة محلية صغرى عند  $x=1$   
C) قيمة محلية صغرى عند  $x=-1$   
D) ليس للدالة قيمة محلية

في الفترة  $[0, 2\pi]$   $f(x) = \sin x + \cos x$

(12) القيم المطلقة القصوى للدالة

- A) مطلقة عظمى هي  $\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{3\pi}{4}$   
B) مطلقة عظمى هي  $\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{\pi}{4}$   
C) مطلقة صغرى هي  $-\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{5\pi}{4}$   
D) مطلقة صغرى هي  $-\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{3\pi}{4}$   
E) مطلقة عظمى هي  $3\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{\pi}{4}$   
F) مطلقة صغرى هي  $-3\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{5\pi}{4}$   
G) مطلقة عظمى هي  $2\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{\pi}{4}$   
H) مطلقة صغرى هي  $-2\sqrt{2}$  عند  $x = \frac{5\pi}{4}$

(13) لتكن الدالة  $y = \tan^{-1}(x^2)$  فإن الدالة

- A) متزايدة على الفترة  $(-\infty, 0)$  ومتناقصة على الفترة  $(0, \infty)$   
B) متناقصة على الفترة  $(-\infty, 0)$  ومتزايدة على الفترة  $(0, \infty)$   
C) متزايدة على الفترة  $(-\infty, \infty)$  ولا تتناقص ابدا  
D) متناقصة على الفترة  $(-\infty, 1)$  ومتزايدة على الفترة  $(1, \infty)$

(14) نقط الانعطاف للدالة  $f(x) = x + 1/x$

- A)  $(0, 1)$   
B)  $(0, 0)$   
C) لا يوجد نقط انعطاف للدالة  
D)  $(1, 0)$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023 م	/ / 2023		12 متقدم	

(15)

المجموع بالصيغة  $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$

لقيم  $x_i$  المعطاة.

$$f(x) = x^2 + 4x; x = 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0$$

- A) 2.84  
C) 13.5

- B) 28.4  
D) 15.4

(16)

استخدم قيم الدالة المعطاة لتقدير  
المساحة تحت المنحنى باستخدام قيم نقطة النهاية  
اليسرى

x	0.0	0.2	0.4	0.6	0.8	1.0	1.2	1.4	1.6
f(x)	2.0	2.2	1.6	1.4	1.6	2.0	2.2	2.4	2.0

- A) 1.81  
C) 2.44

- B) 1.67  
D) 1.92

المساحة بين  $y = \sin x$  والمحور  $x$  لـ  $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{4}$  (17)

تعطى بالتكامل

A)  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{4}} \sin x dx$

B)  $2 \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin x dx$

C)  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^0 \sin x dx - \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin x dx$

D)  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin x dx - \int_{-\frac{\pi}{2}}^0 \sin x dx$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023 م	/ / 2023		12 متقدم	

(18) ان قيمة التكامل  $\int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1}$  محصورة بين

A)  $2 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} \leq 6$

B)  $1 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} \leq 5$

C)  $2 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} \leq 7$

D)  $0 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} \leq 6$

يكتب بصورة تكامل منفرد بالشكل  $\int_0^3 f(x) dx - \int_2^3 f(x) dx$

(19) التعبير

A)  $\int_0^3 f(x) dx$

B)  $\int_3^0 f(x) dx$

C)  $\int_0^2 f(x) dx$

D)  $\int_2^0 f(x) dx$

يساوي  $\int_0^t (e^{x/2})^2 dx$

(20)

A)  $e^x - 1$

B)  $e^t - 1$

C)  $e^t + 1$

D)  $e^t - e$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023 م	/ / 2023		12 متقدم	

$$\int \frac{\cos(1/x)}{x^2} dx$$

(21)

- A)  $\sin \frac{1}{x} + c$       B)  $-\sin \frac{1}{x} + c$   
C)  $\sin \frac{1}{x^2} + c$       D)  $\sin \frac{-1}{x^2} + c$

$$\int \frac{x\sqrt{x}}{1+x^5} dx$$

(22)

- A)  $\frac{2}{5} \tan^{-1}(x^{5/2}) + c$       B)  $\frac{2}{5} \tan^{-1}(x^{2/5}) + c$   
C)  $\frac{-2}{5} \tan^{-1}(x^{5/2}) + c$       D)  $\frac{-5}{2} \tan^{-1}(x^{2/5}) + c$

23) قيمة C التي تحقق القيمة المتوسطة للدالة  $f(x)x = 3x^2$  على الفترة  $[0, 2]$  هي

- A)  $\mp \frac{2}{\sqrt{3}}$       B)  $\frac{2}{\sqrt{3}}$   
C)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$       D)  $\mp \frac{2}{\sqrt{5}}$



المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023م	/ / 2023		12 متقدم	

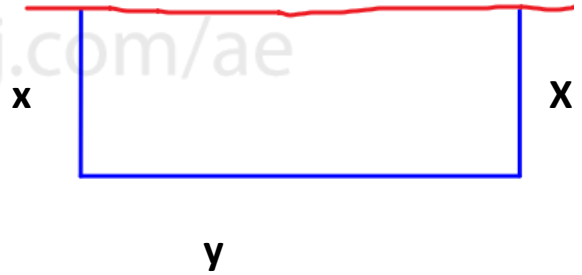
ثانيا : اجب عن الاسئلة التالية مبينا خطوات الحل

السؤال الاول : يجب بناء سياج من ثلاثة جوانب بجوار الجزء المستقيم من النهر، الذي يشكل الجانب الرابع لمنطقة مستطيلة. يتوفر 96 ft من السياج. جد القيمة العظمى للمساحة المحاطة بالسياج وأبعاد السياج المناظر لهذه المساحة.

الحل : كما في الشكل المبين نفرض  $x$  احد الابعاد و  $y$  البعد الثاني

$$2x + y = 96$$

$$y = 96 - 2x$$



$$A = xy$$

$$A = x(96 - 2x)$$

$$A = 96x - 2x^2$$

$$A' = 96 - 4x$$

$$A' = 96 - 4x = 0$$

$$x = 24$$

$$A'' = -4$$

$$A''(24) = -4 < 0$$

إذا عند  $x=24$  قيمة محلية عظمى وهي وحيدة فهي مطلقة عظمى

$$y = 96 - 2(24) = 48 \text{ أي ان ابعاد السياج التي تعطي اكبر مساحه هي } 24 , 48$$

$$\text{وتكون المساحه تساوي } A = 48 \times 24 = 1152$$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023 م	/ / 2023		12 متقدم	

السؤال الثاني : حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة التسارع هي  $a(t) = 3 \sin t + 1$  والسرعة المتجهة الابتدائية هي  $v(0) = 0$  والموقع الابتدائي هو  $s(0) = 4$ .

الحل : نكامل دالة التسارع للحصول على دالة السرعة

$$\int a(t) dt = \int (3 \sin t + 1) dt$$

$$v(t) = -3 \cos t + t + c$$

اعوض قيمة السرعة 0 عندما  $t=0$

$$-3 \cos (0) + 0 + c = 0$$

إذا  $C = 3$  اي ان دالة السرعة اصبحت  $v(t) = -3 \cos t + t + 3$  نكامل مرة اخرى

$$\int v(t) dt = \int (-3 \cos t + t + 3) dt$$

$$s(t) = -3 \sin t + \frac{t^2}{2} + 3t + c$$

اعوض الموقع بـ 4 عندما  $t = 0$

$$4 = -3 \sin (0) + \frac{(0)^2}{2} + 3(0) + c$$

إذا  $C = 4$  وبالتالي الدالة المكانية اصبحت

$$s(t) = -3 \sin t + \frac{t^2}{2} + 3t + 4$$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023 م	/ / 2023		12 متقدم	

السؤال الثالث : ينسكب الرمل في كومة مخروطية الشكل وارتفاعها يعادل قطرها. إذا انسكب الرمل بمعدل ثابت  $5 \text{ m}^3/\text{s}$ . فما معدل تزايد ارتفاع الكومة عندما يكون الارتفاع مترين؟

الحل : إن حجم المخروط يعطى بالشكل  $v = \frac{1}{3} \pi r^2 h$

وبما أن  $h = 2r$  إذا  $r = \frac{1}{2}h$  أي ان دالة الحجم أصبحت  $v = \frac{1}{12} \pi h^3$  افاضل الطرفين بالنسبة للزمن

$$\frac{dv}{dt} = \frac{1}{4} \pi h^2 \cdot \frac{dh}{dt}$$

$$5 = \frac{1}{4} \pi 2^2 \cdot \frac{dh}{dt}$$

$$\frac{dh}{dt} = \frac{5}{\pi} \text{ m/s}$$

أعوض

الفصل الدراسي الثاني - 2023 م

المادة /

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023م	/ / 2023		12 متقدم	

ثالثا : أسئلة ( BONUS ) متوقّعه

السؤال الاول : حدد قيمة  $a, b$  التي تجعل للدالة  $f(x) = 2ax^2 + bx + 2$  قيمة محلية عند النقطة  $(-1, 4)$  (Bonus)

الحل : النقطة  $(-1, 4)$  من الدالة ابدل  $x$  بـ  $-1$  وتكون  $y$  تساوي 4

$$4 = 2a(-1)^2 + b(-1) + 2$$

أي  $2a - b = 2$  المعادلة الاولى

إن مشتق الدالة يساوي صفر عندما  $x = -1$

$$f'(x) = 4ax + b$$

$$0 = 4a(-1) + b$$

$$-4a + b = 0 \text{ المعادلة الثانية}$$

بحل المعادلتين ينتج :  $x = -1$  و  $y = -4$

المادة	الفصل	التاريخ	الشعبة	الصف	اسم الطالب /الطالبة
	الثاني - 2023م	/ / 2023		12 متقدم	

السؤال الثاني : إذا كان  $f(1) = 9$  ,  $f(0) = 1$  اوجد التكامل

(Bonus)

$$\int_0^1 3 \sqrt{f(x)} f'(x) dx$$

الحل : نفرض  $u = f(x)$

$$d u = f'(x) dx$$

وبالتالي  $dx = \frac{du}{f'(x)}$

عندما  $x=0$  فإن  $u = f(0) = 1$  وعندما  $x=1$  فإن  $u = f(1) = 9$

$$\begin{aligned} \int_0^1 3 \sqrt{f(x)} f'(x) dx &= \int_1^9 3 \sqrt{u} f'(x) \frac{du}{f'(x)} \\ &= \int_1^9 3 \sqrt{u} du = 3 \times \frac{2}{3} u^{\frac{3}{2}} \Big|_1^9 = 52 \end{aligned}$$