

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15math>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الأول اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15math1>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

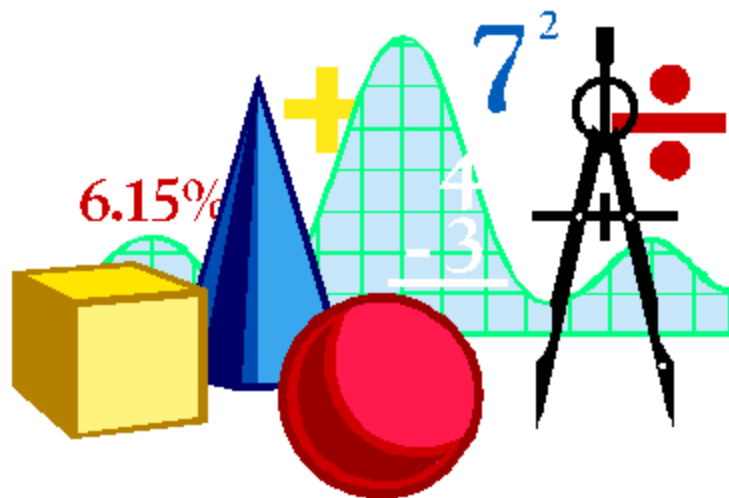
<https://almanahj.com/ae/grade15>

* لتحميل جميع ملفات المدرس هلال حسين اضغط هنا

للحصول على جميع روابط الصفوف على تلغرام وفيسبوك من قنوات وصفحات: اضغط هنا

https://t.me/UAElinks_bot

مدرسة توام النموذجية الخاصة بالعين



الصف الثاني عشر متقدم

الرياضيات

النهايات والإتصال

2017/2018

اعداد أ. هلال حسين

Hilal Hussein Ahmed

$$f(x) = x^2 - 2x - 1 \quad (1) \text{ لتكن}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (f(x-1) + f(3x) + 1) ? \quad \text{اوجد}$$

(2) إذا كانت $f(x)$ دالة حدودية وكان بيان $f(x)$ يمر بالنقطة $(-2, 1)$ فاجد

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sqrt{x+8} - 3) \cot(x-1)}{(f(x))^3} ?$$

$$(3) \text{ لتكن } |f(x) - \sin 3x^2| < 3x^4 \text{ في جوار منقوص للعدد } 0 \text{ فاجد } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x^2} ?$$

(4) إذا كانت $f(x)$ متصلة عند $x = 1$ وكانت $f(1) = 4$ فأوجد a, b, c حيث :

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + 2c & : x > 1 \\ 2a - 3b - c & : x = 1 \\ 3ax^2 + 2b - c & : x < 1 \end{cases}$$

(5) أوجد نهاية الدوال التالية :-

(i) $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x^2}{3} - x \right) \cot x$

(ii) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{\sqrt{x+2} - 2}$

$$(iii) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \tan x} - \sqrt{1 - \tan x}}{3x}$$

مستوي مرتفع :

$$\lim_{x \ln 2 \rightarrow \ln 5} \frac{4^x - 25}{2^{2x} - 2^{x+2} - 5} \text{ أوجد}$$

$$(6) \text{ لتكن } \lim_{x \rightarrow 7} \frac{3 - \sqrt{x - a}}{x - 7} = \frac{-1}{4} \text{ فما قيمة } a \text{ ؟ موضحاً خطوات الحل}$$

$$f(x) = \begin{cases} ax + 6 & : x > 3 \\ 9 & : x = 3 \\ bx^2 - a & : x < 3 \end{cases} \quad (7) \text{ لتكن}$$

دالة متصلة عند $x = 3$ فما قيم a, b الثوابت

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$(8) \text{ لتكن الدالة } f(x) = \frac{x^2 + 5}{3ax + 10} \text{ متصلة علي } R \text{ فما قيمة } a \text{ (مبرر إجابتك)}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$(9) \text{ لتكن } \lim_{x \rightarrow \pi} f(x) = 8 \text{ علماً بأن } a, b \text{ أوجد } f(x) = \begin{cases} a + \cos\left(\frac{\pi}{x} - 1\right) & : x \geq \pi \\ (bx - x)^{[x]} & : x < \pi \end{cases}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

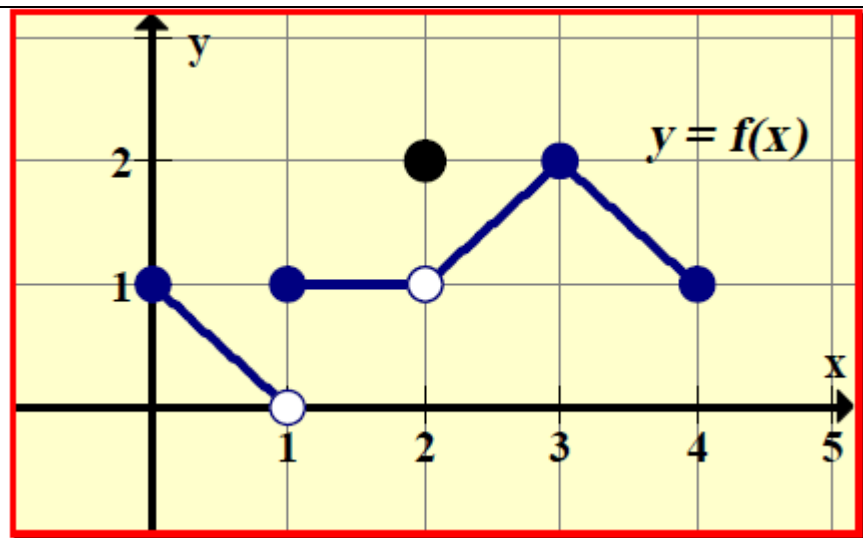
(10) لتكن $f(x) = \begin{cases} 5|x| - b & : x > 1 \\ ax^2 + b & : x < 1 \end{cases}$ فما قيم b, a ؟

علماً بأن $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -1$

(11) لتكن $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3-1}{x-1} - 3 & : x > a \\ 2ax + 3a - 2 & : x \leq a \end{cases}$ أوجد قيم a التي تجعل $(\lim_{x \rightarrow a} f(x))$ موجودة

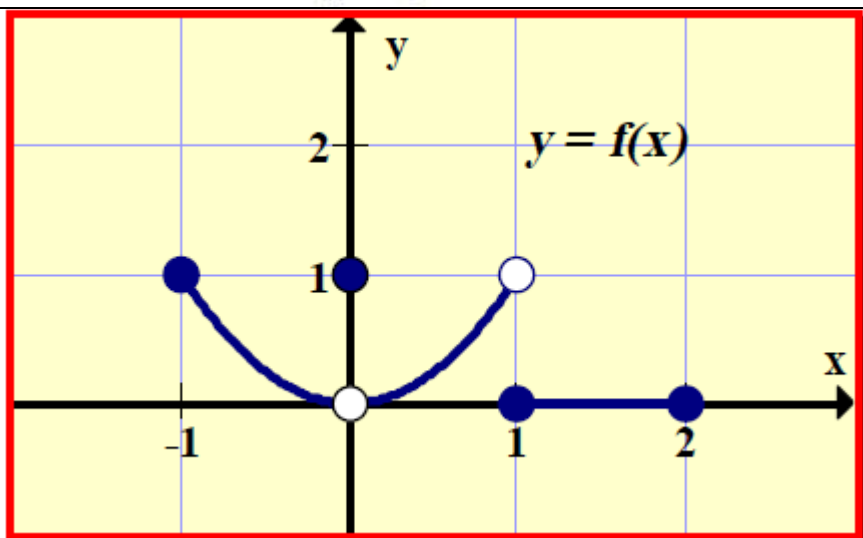
*** (12) لتكن $f(x) = \frac{x^2 + 9}{x^2 + ax + 9}$ متصلة علي \mathbb{R} فما قيم a ؟

نوع الانفص ال	نقاط الانفص ال	الدالة
		$f(x) = \sqrt[3]{3x+2}$
		$f(x) = \frac{x}{x^2+1}$
		$y = \frac{x^2-4}{x^2-5x+6}$
		$y = \frac{x-1}{x^2-4x+3}$
		$y = [x]$
		$f(x) = \frac{ x }{x}$
		$y = \frac{x+1}{x^3-1}$



$$f(x) = \begin{cases} 3 - x, & x < 2 \\ \frac{x}{2} + 1, & x > 2 \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 4}, & x \neq 2 \\ -\frac{1}{4}, & x = 2 \end{cases}$$



(14) أعدد (إن أمكن) تعريف الدالة الآتية لتكون متصلة عند النقط الموضحة أمامها:

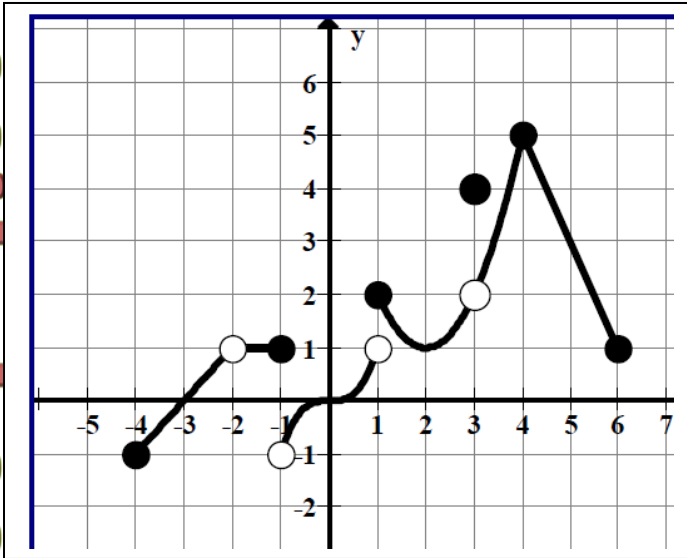
a) $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 6}{x - 2}$, عند $x = 2$

b) $g(x) = \frac{|x|}{x}$, عند $x = 0$

(15) إذا كان :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x + 2 & : x \leq 2 \\ |x - 2| & : x > 2 \end{cases}$$

ابحث اتصال الدالة $f(x)$ عند $x = 2$, $x = 3$



(17) الشكل التالي يمثل $f(x)$

أكمل

مدى الدالة.....

النقاط التي عندها الدالة
منفصلة انفصال يمكن التخلص

منه.....

النقاط التي عندها الدالة
منفصلة انفصال نتيجة

قفزة.....

الدالة منفصلة عند $x = -2$ السبب.....

وضح كيف يمكن التخلص من الانفصال عند $x = 3$

$$\lim_{x \rightarrow 4} (x^2 - (f(x))^2 + \sqrt{x}) = \dots\dots\dots$$

$$\lim_{x \rightarrow 6^-} \frac{x - 6}{f(x) - 1}$$

وضح كيف يمكن إيجاد

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(18) أوجد نهاية الدوال التالية :-

(1) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^2}$

(2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 3x + 6}{x^5 + 2x^2 + 9}$

(3) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x + 3}{3x + 2}$

(4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 5x^2}{x}$

(5) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-2}{(x - 1)^2}$

(6) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 7x + 3}{3x^2 + 5x + 1}$

(7) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(x^2 - \frac{1}{x} \right)$

(8) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(3x - 2 + \frac{1}{x^2 + 1} \right)$

(9) $\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{3+x}{x}}$

(10) $\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{2x^2+4}{x+5}}$

(11) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x}{\sqrt{2+4x^3}}$

(12) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{3x^3+7}}{2x+3}$

(13) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2}{\sqrt{3-x}}$

(14) $\lim_{x \rightarrow \infty} \tan^{-1} x$

(15) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \tan^{-1} x$

(16) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^{-0.5} - 7}{3x^{-0.5} + 5}$

(17) $\lim_{x \rightarrow \infty} e^x$

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح

المراجعة النهائية على الفصل الأول النهايات والإتصال من كتاب المدرسة

أوجد النهايات التالية :-

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{x^2 + x - 2}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + x}{\sqrt{x^4 + 2x^2}}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 4}{3x^2 + x + 1}$$

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{1+2x} - 1}{x}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \ln 2x$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{-x^2}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - |x|}{|3x| - 2x}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow 1} \tan^{-1} \left(\frac{x}{x^2 - 2x + 1} \right)$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x)? : f(x) = \begin{cases} 3x - 1 & : x < 2 \\ x^2 + 1 & : x \geq 2 \end{cases}$$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

أوجد جميع نقاط عدم الإتصال وحدد أي منها قابل للإزالة:-

$$(1) f(x) = \frac{x - 1}{x^2 + 2x - 3}$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....

$$(2) f(x) = \frac{x + 1}{x^2 - 4}$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....

$$(3) f(x) = \begin{cases} \sin x & : x < 0 \\ x^2 & : 0 \leq x \leq 2 \\ 4x - 3 & : x > 2 \end{cases}$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....

Hilal Hussein Ahmed

$$(4) f(x) = x \cot x$$

.....

.....

.....

.....

.....

أوجد جميع الفترات التي تكون عندها الدالة متصلة :-

$$(1) f(x) = \frac{x + 2}{x^2 - x - 6}$$

.....

.....

.....

.....

.....

$$(2) f(x) = \ln(3x - 4)$$

.....

.....

.....

.....

.....

$$(3) f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$$

.....

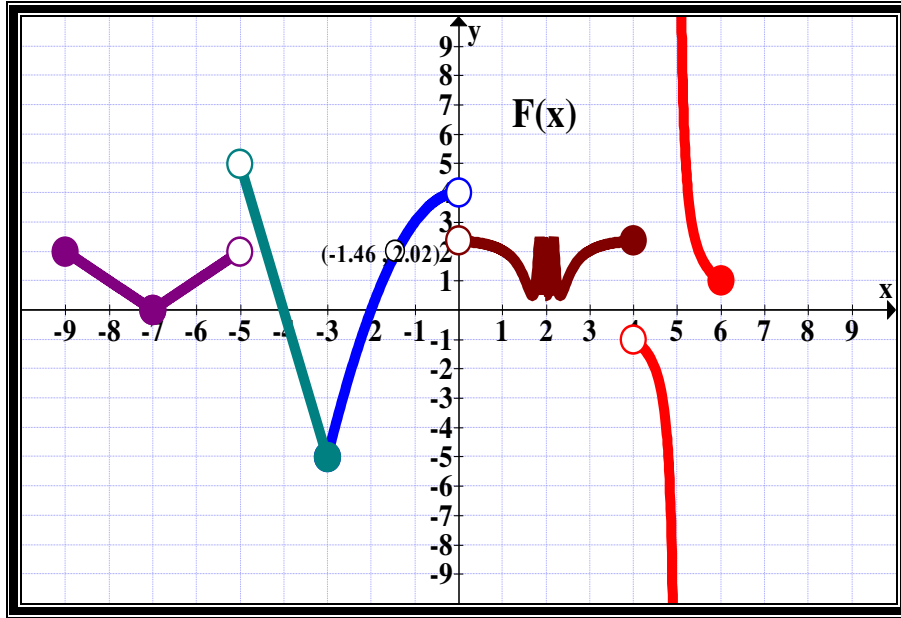
.....

.....

.....

.....

الشكل التالي يمثل بيان الدالة $f(x)$ إعتد علي ذلك وأجب عما يلي :-



(1) $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0 \Rightarrow x \in \{ \dots \dots \dots \}$

(2) م. نقاط الإنفصال هي {

(3) $f'(-5)$

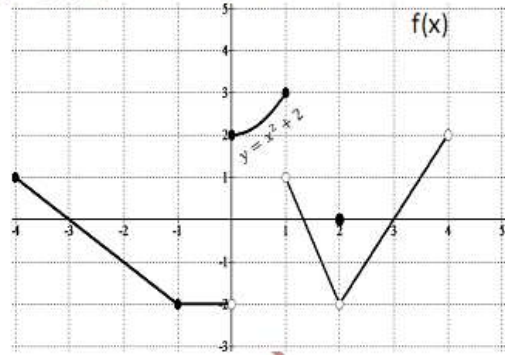
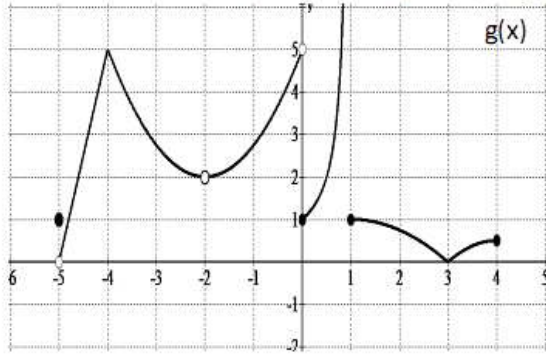
السبب لأن

(4) $f'(x)$ موجودة $\forall x \in \{ \dots \dots \dots \}$.

(5) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{3x + 5}{f(x) + 2}$

(6) $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{f(x) - f(-5)}{x + 5}$

انظر الى بيان الدالتين $f(x)$ ، $g(x)$ ثم اجب عن الأسئلة التالية :



- 1) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$
- 2) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$
- 2) $\lim_{x \rightarrow 0} |f(x)|$
- 4) $f'(-3)$
- 5) $f'(0)$ السبب :
- 6) هل الدالة $|f(x)|$ قابلة للإشتقاق عند $x=0$ ام لا مع ذكر السبب :
- 7) هل الدالة $|f(x)|$ قابلة للإشتقاق عند $x=-3$ ام لا مع ذكر السبب :
- 8) $\lim_{x \rightarrow 0} (f(x) + g(x)) =$
- 9) $\lim_{x \rightarrow 1} (f(x) + g(x)) =$
- 10) $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{f^2(x) - 4}{f(x) + 2} \right) =$

- 11 - حدد قيم x التي عندها الدالة $g(x)$ منفصلة انفصال لا يمكن التخلص منه :
- 12 - حدد قيم x التي عندها الدالة $g(x)$ منفصلة انفصال يمكن التخلص منه :
- 13 - حدد قيم x التي عندها الدالة $f(x)$ منفصلة انفصال يمكن التخلص منه :
- 14 - اذكر سبب انفصال الدالة $g(x)$ عند $x=1$

15 - اذكر سبب انفصال الدالة $g(x)$ عند $= 0$

16 - اذكر سبب انفصال الدالة $g(x)$ عند $x=-2$

17 - اذكر سبب انفصال الدالة $g(x)$ عند $x=-5$

18) $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{g(x) - g(3)}{x - 3} \right)$ 19) $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{f(x) - f(3)}{x - 3} \right)$

20) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \left(\frac{f(x) - 3}{x - 1} \right)$ 21) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{f(x) - 3}{x - 1} \right)$

22) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h)}{3h}$ 23) $\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{g(x)}$

24) $\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{f(x)}$ 25) $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{x^2 - 9}{f(x)} \right)$

26) اذكر قيم x التي عندها $f'(x) = 0$:

27) اذكر قيم x التي عندها الدالة $g(x)$ متصلة وغير قابلة للاشتقاق :

28) اوجد متوسط التغير للدالة $g(x)$ على الفترة $[-4, 4]$:

29) اشارة معدل تغير الدالة $g(x)$ عند $x = 2$ هي :

30) $\lim_{x \rightarrow 4^+} f(x) = م$ لماذا :

31) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = م$ لماذا :

أوجد النهايات الآتية :

$$32) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x-5}{\sqrt{x-1}-x+3}$$

$$33) \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{1}{x-1} \div \frac{x+1}{x^2-1} \right)$$

أوجد $\frac{1-x}{\sin|x-1|} \leq f(x) \leq \frac{1}{\sqrt{x-[x]}}$ إذا كانت

$$34) \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)(x-1)$$

$$35) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^{-0.2} + 5}{4 - 6x^{-0.2}}$$

$$36) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 - \sqrt{x^2 + 4}}{x^4 + 5x - 3}$$

$$37) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3}{x^3 - 4x}$$

حيث $f(x) = x^2 + x$ $y = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ إذا كانت (38)

أوجد $\frac{dy}{dx}$

$$39) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^{\frac{1}{3}} - 1}{x^{\frac{1}{2}} - 1}$$

$$40) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 4x + 4}}{|x - 2|}$$

$$41) \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\tan x - 1}{x - \frac{\pi}{4}}$$

$$42) \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}} \frac{\sin x - \frac{1}{2}}{5(\frac{\pi}{6} - x)}$$

$$f(x) = x^9 + 2x$$

إذا كانت

أوجد

$$43) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 3}{x - 1}$$

$$44) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h)}{h}$$

$$f(3) = 9, \quad \lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 7, \quad \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5 \quad \text{إذا كان (45)}$$

أوجد

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x + 2) = 5$$

(46) اذا كانت $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + kx - 2k - 4}{x - 2} = 5$ أوجد قيمة الثابت k

.....
.....
.....

(47) اذا كانت $f(2) = 9$ ، $f'(2) = 8$ ، $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) + a}{x - 2} = 8$ أوجد قيمة الثابت a

.....
.....
.....

(48) اوجد قيمة a اذا كانت النهاية $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+a} - \sqrt{2x-2a}}{x-3}$ موجودة :

.....
.....
.....

(49) لتكن لدينا الدالة :

$$f(x) = \begin{cases} 2a + 4x & x > 2 \\ 3 & x = 2 \\ b + 2x^2 & x < 2 \end{cases}$$

أوجد قيمة a, b علماً بأن $f'(2)$ موجودة :

.....
.....
.....

(50) إذا كانت : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x^3 - 1)^{2k}}{(x^2 - 2x + 1)^k} = 81$ أوجد قيمة k

.....
.....
.....

51 إذا كانت $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - a^2}{x - a} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\frac{5}{2x - 3} + 5}{4x^2 - 4}$

أوجد قيمة a .

.....
.....
.....

(52) إذا كانت $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + ax + b}{x - 2}$ أوجد قيمة a, b

.....
.....
.....

(53) بفرض أن : $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{5 - \sqrt{x - k}}{3 - x}$ موجودة أوجد قيمة k :

.....
.....
.....

$$54 \text{ لتكن لدينا الدالة : } F(x) = \begin{cases} Ax - B & x \leq -1 \\ 2x^2 + 3Ax + B & -1 \leq x \leq 1 \\ 4 & x > 1 \end{cases}$$

أوجد قيمة كلاً من A, B علماً أن الدالة f متصلة على R :

.....

55 لتكن لدينا الدالة

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - ax + b}{x - 5} & x < 5 \\ 1 & x = 5 \\ 2 & x > 5 \end{cases}$$

أوجد قيمة a, b التي تجعل للدالة $f(x)$ انفصال يمكن التخلص منه عند $x = 5$

.....

$$(56) \text{ لتكن الدالة } f(x) = \begin{cases} 1 - 3x^2 & x \geq 1 \\ k - 6x & x < 1 \end{cases}$$

بفرض أن $f'(1) = 6$ ، اوجد قيمة k

.....

(57) حدد نقاط الانفصال موضحاً نوعه وسببه لكل من الدوال التالية

A) $f(x) = \frac{d}{dx}(\sin|x|)$ ، $(-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4})$ في الفترة

.....
.....
.....

B) $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 9}{x - 3} & x > 3 \\ 5 & x = 3 \\ \frac{x}{x - 3} & x < 3 \end{cases}$

.....
.....
.....

C) $f(x) = \begin{cases} x \sin(\frac{1}{x}) & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$

.....
.....
.....

D) $f(x) = \cos(\frac{x-3}{x^2-5x+6})$

.....
.....
.....

(58) ابحث اتصال الدالة $f(x)$ عند $x = a$ علماً بأن $g'(a) = 5$

إذا كان :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{g(x) - g(a)}{x - a} & x > a \\ 5 & x = a \\ \frac{10ax - 10a^2}{x^2 - a^2} & x < a \end{cases}$$

.....

.....

.....

(59) أعد تعريف الدالة $f(x) = \frac{3x^{-3}+1}{5 + \frac{2}{x^3}}$ بحيث تكون الدالة متصلة عند

$x = 0$

.....

.....

.....

(60) إذا كانت $f(x) = x^2$ ، $g(x) = \frac{1}{x^2}$

وكان $h(x) = f(x).g(x)$ ، هل $h(x)$ متصلة عند $x = 0$

.....

.....

.....

اختر الإجابة الصحيحة :

1) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 3x + 2x}{\cos x - \sin 2x} =$

- a) $\frac{5}{2}$ b) 0 c) 5 d) غير ذلك

2) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2}}{x} =$

- a) -1 b) 1 c) $\frac{1}{2}$ d) غير موجودة

3) $\lim_{x \rightarrow 6^+} \frac{36 - x^2}{|x - 6|} =$

- a) -12 b) 12 c) غير موجودة d) غير ذلك

4) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{|x - 3| - 1}{x^2 - 4} =$

- a) $\frac{1}{4}$ b) -4 c) $-\frac{1}{4}$ d) 8

5) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x}{|x - 2|} =$

- a) - 1 b) $\frac{1}{2}$ c) 1 d) - 2

6) $\lim_{x \rightarrow 6} [x] =$

- a) 6 b) 5 c) غير موجودة d) غير ذلك

7) $\lim_{x \rightarrow 0.1} [2x + 1.8] =$

- a) 2 b) غير موجودة c) 1.8 d) - 2

8) $\lim_{x \rightarrow 0.1} [x + 0.7] =$

- a) 1 b) 0.8 c) 0.7 d) 0

9) $\lim_{x \rightarrow 0.1} \frac{[x]}{x} =$

- a) 1 b) 0 c) 10 d) غير ذلك

10) $\lim_{x \rightarrow -3^-} (|x| + [x + 2]) =$

- a) 1 b) 2 c) - 3 d) - 1

11) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x}{[x]} =$

a) 2

b) 1

c) $\frac{1}{2}$

d) - 1

12) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[x + 1]}{|x - 2|} =$

a) - 1

b) 2

c) $\frac{2}{3}$

d) - 2

13) $\lim_{x \rightarrow 0} (x^2 + 1)^{[x]} =$

a) 2

b) - 1

c) 0

d) 1

14) $\lim_{x \rightarrow 5^+} \frac{\sqrt{(x - 5)^2(x - 4)}}{x - 5} =$

a) 1

b) $\frac{1}{5}$

c) $\frac{-1}{5}$

d) غير ذلك

15) $\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x} =$

a) 0

b) غير موجودة

c) - 2

d) غير ذلك

Hilal Hussein Ahmed

16) $\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{1 - x^2} =$

- a) غير موجودة b) 1 c) 0 d) غير ذلك

17) $\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{x^2} =$

- a) 1 b) 0 c) $\frac{1}{2}$ d) غير ذلك

18) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sin(x - 5)}{5x - x^2} =$

- a) $\frac{1}{5}$ b) 1 c) $\frac{-1}{5}$ d) غير ذلك

19) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3\sin 2x}{4x + 2\tan x^2} =$

- a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{3}{2}$ c) $\frac{-3}{2}$ d) $\frac{-2}{3}$

20) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x) - x^2}{2x} =$

- a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{-3}{2}$ c) $\frac{-2}{3}$ d) $\frac{3}{2}$

21) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin 2x}{3x} =$

- a) $\frac{-1}{3}$ b) $\frac{1}{3}$ c) 3 d) -3

22) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x + \tan 2x}{x + \sin x} =$

- a) 2 b) $\frac{-1}{2}$ c) $\frac{1}{2}$ d) $\frac{3}{2}$

23) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\tan(x + 1)}{x^2 - 1} =$

- a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{2}{3}$ c) $\frac{-1}{2}$ d) غير ذلك

24) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \tan x}{x + \sin x} =$

- a) 1 b) -1 c) 2 d) غير ذلك

25) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x \tan 3x}{x^2} =$

- a) -12 b) $\frac{1}{12}$ c) 12 d) $\frac{-1}{12}$

$$26) \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{3}{x} + 2 \right) \sin 2x =$$

- a) 6 b) - 6 c) $\frac{1}{6}$ d) غير ذلك

$$27) \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{x + 2x^2} \right) (\tan 5x + \sin 3x) =$$

- a) $\frac{5}{2}$ b) 0 c) 5 d) غير ذلك

$$28) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{x - 1} =$$

- a) π b) 2π c) $\frac{\pi}{2}$ d) غير ذلك

$$29) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{2 - \sqrt{1 - x}}{x + 3} =$$

- a) $\frac{-1}{4}$ b) $\frac{2}{9}$ c) $\frac{1}{6}$ d) $\frac{1}{4}$

$$30) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x \sin x} =$$

- a) $\frac{1}{2}$ b) 2 c) $\frac{1}{4}$ d) غير ذلك

31) $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{5}}{x - 5} =$

- a) $\frac{1}{25}$ b) $\frac{1}{5}$ c) $\frac{-1}{25}$ d) غير موجودة

32) $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{6}}{6 - x} =$

- a) $\frac{1}{6}$ b) $\frac{1}{36}$ c) $\frac{-1}{36}$ d) $\frac{1}{6}$

33) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{3}} \frac{\frac{1}{x} - 3}{x - \frac{1}{3}} =$

- a) 9 b) 3 c) $\frac{-1}{3}$ d) -9

34) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 2x - 8}{x^3 - 8} =$

- a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{-1}{2}$ c) -2 d) غير ذلك

35) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 3}{x - 1} =$

- a) - 6 b) $\frac{1}{6}$ c) 6 d) غير ذلك

36) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - 2}{x^2 - 4} =$

- a) 4 b) $\frac{1}{4}$ c) $-\frac{1}{4}$ d) - 4

37) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4} =$

- a) - 3 b) $\frac{1}{3}$ c) $\frac{1}{4}$ d) 3

38) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x + 1)^2 - 4}{x - 1} =$

- a) 4 b) $\frac{1}{4}$ c) - 4 d) غير ذلك

39) $\lim_{x \rightarrow 0} \left(3 + x^2 \sin \frac{1}{x} \right) =$

- a) - 3 b) 2 c) 3 d) غير ذلك

$$40) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^9}{2x + 7} - \frac{5}{2} \right) =$$

- a) 3 b) - 3 c) 2 d) غير ذلك

$$41) \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x - 1}{1 - 2x} \right)^2 =$$

- a) $\frac{1}{4}$ b) $-\frac{1}{4}$ c) 4 d) - 4

$$42) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(2x + 1)^2}{3x^2 - 5x + 8} =$$

- a) $\frac{3}{4}$ b) $-\frac{3}{4}$ c) $\frac{4}{3}$ d) غير ذلك

$$43) \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{7x}{x + 6} - \frac{3}{x + 2} \right) =$$

- a) - 7 b) $\frac{1}{7}$ c) $-\frac{1}{7}$ d) 7

$$44) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{|x|}{x} =$$

- a) - 1 b) ∞ c) 1 d) $\frac{1}{2}$

45) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{|x|} =$

a) - 1

b) 1

c) $\frac{-1}{2}$

d) - 2

46) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$: فإن $1 + x^4 \geq f(x) \geq \frac{1 + \sin^2 x}{1 + x^2}$ لتكن

a) - 1

b) 1

c) 2

d) - 2

47) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x^2 + 9}{x^2 + 5} + b \right) = 0.$

a) - 4

b) 4

c) $\frac{-1}{4}$

d) غير ذلك

48) $f(1) =$: فإن $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 7$ وكانت $x = 1$ متصلة عند $f(x)$ إذا كانت الدالة

a) 8

b) - 7

c) 7

d) غير ذلك

49) $= a$: فإن $f(x) = \frac{x^2 + 1}{ax + 7}$ الدالة متصلة على $(-\infty, \infty)$ لتكن

a) 0

b) $\frac{1}{7}$

c) $\frac{-1}{7}$

d) غير ذلك

50) لتكن $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 3}{x^2 - 1}$ نقاط الأنفصال هي :

- a) - 1 b) 1 c) ± 1 d) ± $\frac{1}{2}$

51) الدالة $f(x) = \begin{cases} 3x + 3 & : x > 1 \\ 5x + 4 & : x \leq 1 \end{cases}$ غير متصلة عند $x = 1$ فإن نوع الإنفصال :

- a) فجوة b) تذبذبي c) قفزة d) غير ذلك

52) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin|x|}{2x}$ قيمة

- a) $\frac{-1}{2}$ b) $\frac{3}{2}$ c) $\frac{1}{2}$ d) غير ذلك

53) $\lim_{x \rightarrow \infty} e^{-\frac{1}{x}}$ قيمة

- a) $-\infty$ b) 0 c) ∞ d) غير ذلك

54) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\tan^{-1} x}{5}$ قيمة

- a) $\frac{\pi}{2}$ b) $\frac{-\pi}{2}$ c) π d) $\frac{\pi}{10}$

55) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^{-2} + 5}{2x^{-2} - 10}$ قيمة

- a) $\frac{-1}{2}$ b) - 2 c) $\frac{1}{2}$ d) غير ذلك

56) $\lim_{x \rightarrow \infty} \ln \left(\frac{x^2 + 1}{x - 3} \right)$ قيمة

- a) 0 b) $\frac{-1}{3}$ c) ∞ d) غير ذلك

57) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x}{\sqrt{4 + x^2}}$ قيمة

- a) 1 b) $\frac{1}{4}$ c) 0 d) غير ذلك

58) $\lim_{x \rightarrow \infty} e^{\frac{-(x+1)}{x^2+2}}$ قيمة

- a) $-\infty$ b) $\frac{-1}{2}$ c) 0 d) 1

59) $\lim_{x \rightarrow \infty} \sec^{-1} \left(\frac{x^2 + 1}{x + 1} \right)$ قيمة

- a) $\frac{-\pi}{2}$ b) $\frac{\pi}{2}$ c) π d) غير ذلك

60) $\lim_{x \rightarrow -\infty} 4 \tan^{-1}(x) - 1$ قيمة

- a) $\frac{\pi}{2}$ b) $2\pi + 1$ c) $-2\pi - 1$ d) غير ذلك

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح