

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



تجميعة نماذج امتحانية وفق الهيكل الوزاري

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الثاني عشر المتقدم ← رياضيات ← الفصل الثاني ← الملف

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر المتقدم



روابط مواد الصف الثاني عشر المتقدم على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثاني

أسئلة الامتحان النهائي الالكتروني والورقي - بريدج	1
حل اختبار تحريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري	2
اختبار تحريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري	3
حل تجميعة أسئلة بونس متوقعة في الامتحان النهائي	4
تجميعة أسئلة بونس متوقعة في الامتحان النهائي	5

Version.3

ہیڈ 1 EOT

12 ADVANCED

MATH 2022-2023

MR – AHMED ATA

atamath.com

زوروا موقعنا



<https://t.me/ahmedatamath>



0566010255 - 0502070147

1

Find all critical numbers

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 6x$$

أوجد جميع الاعداد الحرجة

a) $x = \{-1, 1\}$

b) $x = \{-1\}$

c) $x = \{1\}$

d) *No critical numbers* لا توجد أعداد حرجة

2

Find all critical numbers

$$f(x) = -x^3 + 3x^2 - 3x$$

أوجد جميع الاعداد الحرجة

a) $x = \{-1, 1\}$

b) $x = \{-1\}$

c) $x = \{1\}$

d) *No critical numbers* لا توجد أعداد حرجة

3

Find all critical numbers

$$f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$$

أوجد جميع الاعداد الحرجة

a) $x = \{-1, 1\}$

b) $x = \{-1\}$

c) $x = \{1\}$

d) $x = \{-1, 0, 1\}$

4

Find all critical numbers

$$f(x) = x^4 - 3x^3 + 2$$

أوجد جميع الاعداد الحرجة

a) $x = \{-1, 1\}$

b) $x = \{-1, 2.25\}$

c) $x = \left\{0, \frac{9}{4}\right\}$

d) $x = \{-1, 0, 1\}$

Determine whether the critical number represents a local maximum, local minimum or neither.

حدد هل العدد الحرج يمثل قيمة عظمى محلية أو قيمة صغرى

$$f(x) = x^4 - 3x^3 + 2$$

a) at $x = \frac{9}{4}$ *local Min* صغرى محلية ; $x = 0$ *local Maxi* عظمى محلية

b) at $x = \frac{9}{4}$ *local Min* صغرى محلية ; $x = 0$ *Neither* لا توجد

c) at $x = \frac{9}{4}$ *local Max* عظمى محلية ; $x = 0$ *Neither* لا توجد

d) at $x = \frac{9}{4}$ *local Max* عظمى محلية ; $x = 0$ *local Min* صغرى محلية

6

Determine whether the critical number represents a local maximum, local minimum or neither.

حدد هل العدد الحرج يمثل قيمة عظمى محلية أو قيمة صغرى

$$f(x) = x^{\frac{3}{4}} - 4x^{\frac{1}{4}}$$

a) at $x = \frac{16}{9}$ *local Min* صغرى محلية ; $x = 0$ *local Maxi* عظمى محلية

b) at $x = \frac{16}{9}$ *local Min* صغرى محلية ; $x = 0$ *Neither* لا توجد

c) at $x = \frac{16}{9}$ *local Max* عظمى محلية ; $x = 0$ *Neither* لا توجد

d) at $x = \frac{16}{6}$ *local Max* عظمى محلية ; $x = 0$ *local Min* صغرى محلية

7

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = (x^{\frac{2}{5}} - 3x^{\frac{1}{5}})^2$$

- a) $x = \{0, 3^5\}$
- b) $x = \{-1, 0, 1\}$
- c) $x = \left\{0, \left(\frac{3}{2}\right)^5, 3^5\right\}$
- d) $x = \left\{0, \frac{3}{2}, 3\right\}$

8

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \sin x \cos x \quad , \quad \text{on } [0, 2\pi]$$

a) $x = \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right\}$

b) $x = \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, \frac{7\pi}{4} \right\}$

c) $x = \left\{ \frac{3\pi}{4}, \frac{7\pi}{4} \right\}$

d) $x = \left\{ 0, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, 2\pi \right\}$

9

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \sqrt{3}\sin x + \cos x$$

a) $x = \frac{\pi}{3} + n\pi$

b) $x = \frac{\pi}{3} + 2n\pi$

c) $x = \frac{\pi}{6} + n\pi$

d) $x = \frac{\pi}{6} + 2n\pi$

10

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \frac{x^2 - 2}{x + 2}$$

- a) $x = 2 \pm \sqrt{2}$
b) $x = -2 - \sqrt{2}$
c) $x = -2 + \sqrt{2}$
d) $x = -2 \pm \sqrt{2}$

11

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \frac{x^2 - x + 4}{x - 1}$$

- a) $x = \{-1, 1, 3\}$
b) $x = \{-1, 3\}$
c) $x = \{1, 3\}$
d) $x = \{-1, 1\}$

12

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \frac{1}{2}(e^x + e^{-x})$$

- a) $x = \{0\}$
b) $x = \{-1, \}$
c) $x = \{1, \}$
d) $x = \{0, 1\}$

13

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = xe^{-2x}$$

- a) $x = \{0\}$
- b) $x = \{-2\}$
- c) $x = \left\{0, \frac{1}{2}\right\}$
- d) $x = \left\{\frac{1}{2}\right\}$

14

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = x^{\frac{4}{3}} + 4x^{\frac{1}{3}} + 4x^{\frac{-2}{3}}$$

- a) $x = \{0, 1\}$
b) $x = \{-2, 1\}$
c) $x = \{0, -2\}$
d) $x = \{-2, 0, 1\}$

15

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = x^{\frac{7}{3}} - 28x^{\frac{1}{3}}$$

- a) $x = \{-2, 0\}$
b) $x = \{-2, 1\}$
c) $x = \{-2, 0, 2\}$
d) $x = \{-2, 2\}$

16

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = 2x\sqrt{x+1}$$

a) $x = \left\{-1, \frac{-2}{3}\right\}$

b) $x = \left\{-1, \frac{-3}{2}\right\}$

c) $x = \left\{\frac{-2}{3}\right\}$

d) $x = \{-1\}$

17

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

- a) $x = \{0\}$
b) $x = \{-1, \}$
c) $x = \{1\}$
d) *No critical number* لا توجد اعداد حرجة

18

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = |x^2 - 1|$$

- a) $x = \{0, 1\}$
b) $x = \{-1, 0, 1\}$
c) $x = \{-1, 1\}$
d) *No critical number* لا توجد أعداد حرجة

19

Find all critical numbers

أوجد جميع الاعداد الحرجة

$$f(x) = \sqrt[3]{x^3 - 3x^2}$$

- a) $x = \{0, 2, 3\}$
b) $x = \{0, 2\}$
c) $x = \{2, 3\}$
d) *No critical number* لا توجد اعداد حرجة

Determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down
حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل

$$f(x) = x^4 + 4x^3 - 1$$

- a) $(1, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(-\infty, 1)$ تفرع لأسفل *concave down*
- b) $(-2, 0)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(-\infty, -2) \cup (0, \infty)$ تفرع لأسفل *concave down*
- c) $(-2, 0)$ تفرع لأسفل *concave down*, $(-\infty, -2) \cup (0, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*
- d) $(1, \infty)$ تفرع لأسفل *concave down*, $(-\infty, 1)$ تفرع لأعلى *concave up*

Determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down

حدد فترات التقعر لأعلى وفترات التقعر لأسفل

$$f(x) = xe^{-x}$$

- a) $(-\infty, 2)$ تقعر لأعلى *concave up*, $(2, \infty)$ تقعر لأسفل *concave down*
- b) $(-2, 0)$ تقعر لأعلى *concave up*, $(-\infty, -2) \cup (0, \infty)$ تقعر لأسفل *concave down*
- c) $(-\infty, -2)$ تقعر لأسفل *concave down*, $(-2, \infty)$ تقعر لأعلى *concave up*
- d) $(-\infty, 2)$ تقعر لأسفل *concave down*, $(2, \infty)$ تقعر لأعلى *concave up*

Determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down

حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل

$$f(x) = e^{-x^2}$$

a) $\left(-\infty, -\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cup \left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \infty\right)$ تفرع لأعلى *concave up*, $\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$ تفرع لأسفل *concave down*

b) $\left(-\infty, -\frac{1}{2}\right) \cup \left(\frac{1}{2}, \infty\right)$ تفرع لأعلى *concave up*, $\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ تفرع لأسفل *concave down*

c) $(-\infty, -4) \cup (4, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(-4, 4)$ تفرع لأسفل *concave down*

d) $(-\infty, 0)$ تفرع لأسفل *concave down*, $(0, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*

Determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down
حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل

$$f(x) = \frac{x^2 - 5x + 4}{x}$$

- a) $(-\infty, 1)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(1, \infty)$ تفرع لأسفل *concave down*
- b) $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(-1, 1)$ تفرع لأسفل *concave down*
- c) $(-\infty, 0)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(0, \infty)$ تفرع لأسفل *concave down*
- d) $(-\infty, 0)$ تفرع لأسفل *concave down*, $(0, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*

Determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down
حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x}$$

- a) $(-\infty, 1)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(1, \infty)$ تفرع لأسفل *concave down*
- b) $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(-1, 1)$ تفرع لأسفل *concave down*
- c) $(-\infty, 0)$ تفرع لأعلى *concave up*, $(0, \infty)$ تفرع لأسفل *concave down*
- d) $(-\infty, 0)$ تفرع لأسفل *concave down*, $(0, \infty)$ تفرع لأعلى *concave up*

25

Find all critical numbers and use the Second Derivative Test to determine all local extrema

جد جميع الأعداد الحرجة واستخدم اختبار المشتقة الثانية في تحديد جميع القيم القصوى المحلية.

$$f(x) = e^{-x^2}$$

a) $x = 0$ Local Mini صغرى محلية

b) $x = 0$ Local Maxi عظمى محلية

c) $x = 1$ Local Mini صغرى محلية

d) $x = -1$ Local Mini عظمى محلية

26

Find all critical numbers and use the Second Derivative Test to determine all local extrema

جد جميع الأعداد الحرجة واستخدم اختبار المشتقة الثانية في تحديد جميع القيم القصوى المحلية.

$$f(x) = xe^{-x}$$

a) $x = 0$ Local Mini صغيرة محلية

b) $x = 1$ Local Maxi عظمى محلية

c) $x = 1$ Local Mini صغيرة محلية

d) $x = -1$ Local Mini عظمى محلية

Find all critical numbers and use the Second Derivative Test to determine all local extrema

جد جميع الأعداد الحرجة واستخدم اختبار المشتقة الثانية في تحديد جميع القيم القصوى المحلية.

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x}$$

- a) $x = 0$ Local Mini صغرى محلية
- b) No critical number And No Local extrema لا توجد أعداد حرجة وأيضا لا توجد قيم قصوى
- c) $x = 1$ Local Mini صغرى محلية
- d) $x = -1$ Local Mini عظلى محلية

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

graph the function and completely discuss the graph of $f(x) = \frac{x^2-1}{x}$ ارسم الدالة وحدد جميع المميزات لها

1) x - intercept = التقاطع مع

2) y - intercept = التقاطع مع

3) vertical asymptote خطوط التقارب الرأسية

4) horizontal asymptote خطوط التقارب الأفقية

$f'(x) =$

$f''(x) =$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

5) critical numbers الأعداد الحرجة

7) concave up التفرع لأعلى

6) intervals increasing فترات التزايد

8) concave down التفرع لأسفل

7) intervals decreasing فترات التناقص

9) inflection point نقطة الانقلاب

5) local maximum القيم العظمى المحلية

10) and local minimum القيم الصغرى المحلية

AHMED ATA

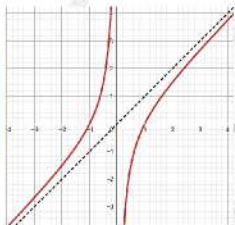
AHMED ATA

AHMED ATA

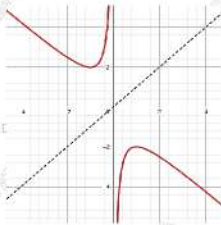
AHMED ATA

AHMED ATA

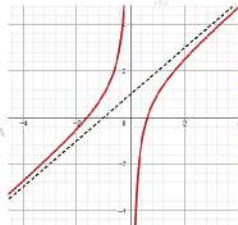
graph the function and completely discuss the graph of $f(x) = \frac{x^2-1}{x}$ ارسـم الدالة



a) AHMED ATA



b) AHMED ATA



AHMED ATA

c)

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

graph the function and completely discuss the graph of $f(x) = \frac{x^2 + 4}{x^3}$

1) *x* - intercept = التقاطع مع

AHMED ATA

2) *y* - intercept = التقاطع مع

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

3) *vertical asymptote* خطوط التقارب الرأسية

$f'(x) =$

4) *horizontal asymptote* خطوط التقارب الأفقية

$f''(x) =$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

5) *critical numbers* الأعداد الحرجة

6) *intervals increasing* فترات التزايد

7) *intervals decreasing* فترات التناقص

5) *local maximum* القيم العظمى المحلية

AHMED ATA

AHMED ATA

7) *concave up* التفرع لأعلى

8) *concave down* التفرع لأسفل

9) *inflection point* نقطة الانقلاب

10) *and local minimum* القيم الصغرى المحلية

AHMED ATA

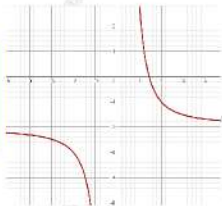
31

AHMED ATA

AHMED ATA

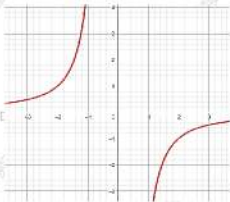
AHMED ATA

graph the function and completely discuss the graph of $f(x) = \frac{x^2+4}{x^3}$ ارسم الدالة



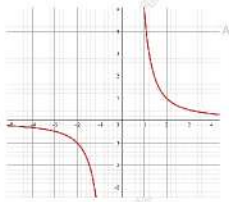
a)

AHMED ATA



b)

AHMED ATA



c)

AHMED ATA

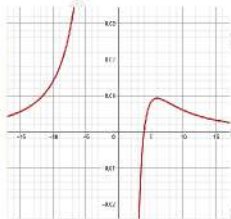
AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

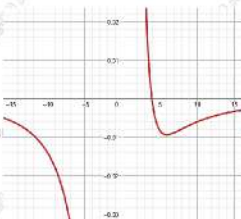
graph the function and completely discuss the graph of $f(x) = \frac{x-4}{x^3}$

ارسم الدالة



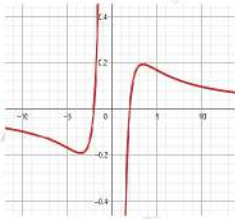
a)

AHMED ATA



b)

AHMED ATA



c)

AHMED ATA

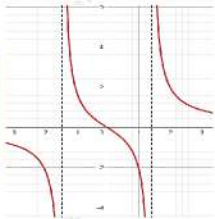
AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

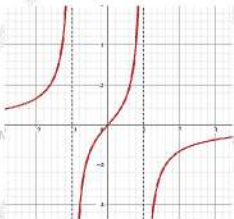
graph the function and completely discuss the graph of $f(x) = \frac{2x}{x^2-1}$

رسم الدالة



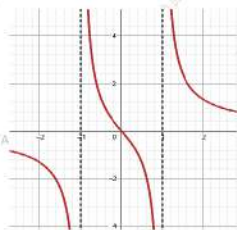
a)

AHMED ATA



b)

AHMED ATA

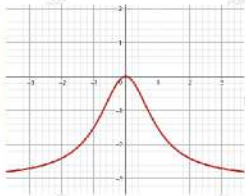


c)

AHMED ATA

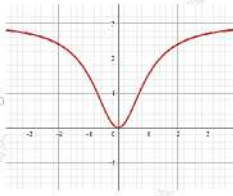
graph the function and completely discuss the graph of ارسم الدالة

$$f(x) = \frac{3x^2}{x^2 + 1}$$



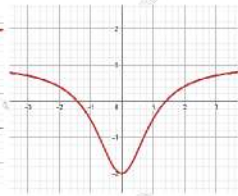
a)

AHMED ATA



b)

AHMED ATA



c)

AHMED ATA



Mr. Ahmed Ata
Featured Program

Version.2

ہیکل 2 EOT

12 ADVANCED

MATH 2022-2023

MR – AHMED ATA

atamath.com

زوروا موقعنا



<https://t.me/ahmedatamath>



0566010255 - 0502070147

1

Find the general antiderivative

$$\int 2\sec x \tan x dx$$

أوجد قيمة التكامل

- a) $\tan x + \sec x + c$
- b) $\sec x - \tan x + c$
- c) $\tan x - \sec x + c$
- d) $2\sec x + c$

2

AHMED ATA
 Find the general antiderivative

AHMED ATA

AHMED ATA
 اوجد قيمة التكامل

$$\int 5\sec^2 x dx$$

- AHMED ATA
- a) $-5\tan x + c$
 - b) $5\tan x + c$
 - c) $5\tan x \sec x + c$
 - d) $5\sec x + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

3

AHMED ATA
 Find the general antiderivative

AHMED ATA
 اوجد قيمة التكامل

$$\int \frac{4\cos x}{\sin^2 x} dx$$

- AHMED ATA
- a) $-4\csc x + c$
 - b) $4\csc x + c$
 - c) $4\sec x + c$
 - d) $-4\sec x + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

4

AHMED ATA
Find the general antiderivative

$$\int \frac{\cos x}{\sin x} dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

- AHMED ATA
- a) $-\ln|\sin x| + c$
 - b) $\ln|\sin x| + c$
 - c) $\ln|\cos x| + c$
 - d) $-\ln|\cos x| + c$

5

AHMED ATA
Find the general antiderivative

$$\int \frac{4x}{x^2 + 4} dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

AHMED ATA

a) $\frac{1}{2} \ln|x^2 + 4| + c$

b) $\ln|x^2 + 4| + c$

c) $2\ln|x^2 + 4| + c$

d) $2\ln|x + 4| + c$

6

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

$$\int \frac{e^x}{e^x + 3} dx$$

- AHMED ATA
- a) $\ln|e^x + 3| + c$
 b) $\ln|e^x| + c$
 c) $-\ln|e^x + 3| + c$
 d) $\ln|e^{-x} + 3| + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

7

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

$$\int 3\sqrt{x} - \frac{1}{x^4} dx$$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

a) $2x^{\frac{3}{2}} + \frac{3}{x^3} + c$

AHMED ATA

b) $2x^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{x^3} + c$

AHMED ATA

c) $2x^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{3x^3} + c$

AHMED ATA

d) $2x^{\frac{3}{2}} + 3x^3 + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

8

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

$$\int \frac{x^{\frac{1}{3}} - 3}{x^{\frac{2}{3}}} dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

AHMED ATA

a) $\frac{3}{2}\sqrt[3]{x^2} - 9\sqrt[3]{x} + c$

AHMED ATA

b) $\frac{3}{2}\sqrt[3]{x^2} + 9\sqrt[3]{x} + c$

AHMED ATA

c) $\frac{3}{2}\sqrt[3]{x^2} - 9\sqrt{x} + c$

AHMED ATA

d) $\frac{3}{2}\sqrt{x^3} - 9\sqrt[3]{x} + c$

9

Find the general antiderivative

$$\int (3\cos x - \sin x) dx$$

أوجد قيمة التكامل

- a) $3\cos x + \sin x + c$
- b) $3\sin x - \cos x + c$
- c) $-3\sin x + \cos x + c$
- d) $3\sin x + \cos x + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

10

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

$$\int \frac{4}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

AHMED ATA

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

- AHMED ATA
- a) $-4\cos^{-1}x + c$
 - b) $-4\sin^{-1}x + c$
 - c) $4\tan^{-1}x + c$
 - d) $\sin^{-1}x + c$
- AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

11

Find the general antiderivative

$$\int \frac{4}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

أوجد قيمة التكامل

- a) $4\cos^{-1}x + c$
- b) $4\sin^{-1}x + c$
- c) $4\tan^{-1}x + c$
- d) $\sin^{-1}x + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

12

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

$$\int (4x - 2e^x) dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

AHMED ATA

a) $x^2 - 2e^x + c$

b) $2x^2 - 2e^x + c$

AHMED ATA

c) $2x^2 + 2e^x + c$

d) $2x^2 - e^x + c$

13

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

$$\int (3\cos x - \frac{1}{x}) dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

AHMED ATA

a) $3\cos x - \ln|x| + c$

b) $3\sin x - 2\ln|x| + c$

AHMED ATA

c) $3\sin x + \ln|x| + c$

d) $3\sin x - \ln|x| + c$

AHMED ATA

AHMED ATA

14

Find the general antiderivative

$$\int (2x^{-1} + 3\sin x) dx$$

أوجد قيمة التكامل

a) $\ln|x| - 3\cos x + c$

b) $2\ln|x| - 3\sin x + c$

c) $2\ln|x| - 3\cos x + c$

d) $3\sin x - 2\ln|x| + c$

15

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

$$\int \frac{3}{4x^2 + 4} dx$$

AHMED ATA

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

AHMED ATA

a) $\frac{3}{4} \tan^{-1} x + c$

AHMED ATA

b) $\frac{3}{4} \ln|4x^2 + 4| + c$

AHMED ATA

c) $4 \tan^{-1} x + c$

AHMED ATA

d) $3 \tan^{-1} x + c$

16

AHMED ATA
Find the general antiderivative

$$\int \frac{e^x + 3}{e^x} dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

- AHMED ATA
- a) $x - 3e^x + c$
 - b) $x - e^{-x} + c$
 - AHMED ATA
 - c) $x - 3e^{-x} + c$
 - d) $x + 3e^{-x} + c$

17

AHMED ATA
Find the general antiderivative

$$\int x^{\frac{1}{4}} (x^{\frac{5}{4}} - 4) dx$$

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

AHMED ATA

a) $\frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} - \frac{16}{5}x^{\frac{5}{4}} + c$

b) $\frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} - \frac{16}{5}x^{\frac{1}{4}} + c$

c) $\frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} - \frac{4}{5}x^{\frac{5}{4}} + c$

d) $\frac{5}{2}x^{\frac{5}{2}} - \frac{16}{5}x^{\frac{5}{4}} + c$

18

AHMED ATA
Find the general antiderivative

AHMED ATA

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل

$$\int (2\cos x - \sqrt{e^{2x}}) dx$$

a) $2\sin x - e^{2x} + c$

b) $2\sin x - e^x + c$

c) $2\cos x - e^x + c$

d) $2\sin x + e^x + c$

19

Find the derivative

$$\frac{d}{dx} \ln|\sec x + \tan x|$$

أوجد مشتقة

- a) $\sec x + c$
- b) $\sec x$
- c) $\csc x$
- d) $\cos x + \sin x$

20

Evaluate the integral by computing the limit of Riemann sums.

أوجد قيمة التكامل بحساب نهاية مجموع ريمان

$$\int_0^1 2x dx$$

a) 1

b) $\frac{8}{3}$

c) 12

d) 3

21

Evaluate the integral by computing the limit of Riemann sums.

أوجد قيمة التكامل بحساب نهاية مجموع ريمان

$$\int_0^2 x^2 dx$$

a) 1

b) $\frac{8}{3}$

c) 12

d) 3

22

Evaluate the integral by computing the limit of Riemann sums.

أوجد قيمة التكامل بحساب نهاية مجموع ريمان

$$\int_1^3 (x^2 - 3) dx$$

a) 1

b) $\frac{8}{3}$

c) 12

d) 3

23

Evaluate the integral by computing the limit of Riemann sums.

أوجد قيمة التكامل بحساب نهاية مجموع ريمان

$$\int_0^3 (x^2 + 1) dx$$

a) 1

b) $\frac{8}{3}$

c) 12

d) 3

Determine whether the critical number represents a local maximum, local minimum or neither.

حدد هل العدد الحرج يمثل قيمة عظمى محلية أو قيمة صغرى

$$f(x) = x^3 - 3x + 1$$

- a) at $x = 1$ local Min صغرى محلية ; $x = -1$ local Maxi عظمى محلية
- b) at $x = 1$ local Min صغرى محلية ; $x = 2$ local Maxi عظمى محلية
- c) at $x = 1$ local Max عظمى محلية ; $x = 3$ local Min صغرى محلية
- d) at $x = 1$ local Max عظمى محلية ; $x = -1$ local Min صغرى محلية

Determine whether the critical number represents a local maximum, local minimum or neither.

حدد هل العدد الحرج يمثل قيمة عظمى محلية أو قيمة صغرى

$$f(x) = -x^3 + 6x^2 + 2$$

- a) at $x = 0$ local Min صغرى محلية ; $x = -1$ local Maxi عظمى محلية
- b) at $x = -2$ local Min صغرى محلية ; $x = 2$ local Maxi عظمى محلية
- c) at $x = -4$ local Max عظمى محلية ; $x = 0$ local Min صغرى محلية
- d) at $x = 4$ local Max عظمى محلية ; $x = 0$ local Min صغرى محلية

Find the absolute extrema of the given function on each indicated interval.

أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة المعطاة على الفترة المشار إليها

$$f(x) = x^3 - 3x + 1 \quad \text{on } [0, 2]$$

- a) $(1, -1)$ مطلقة صغرى *Abs mini* , $(2, 3)$ مطلقة عظمى *Abs maxi*
- b) $(1, -1)$ مطلقة عظمى *Abs maxi* , $(2, 3)$ مطلقة صغرى *Abs mini*
- c) $(-3, -17)$ مطلقة صغرى *Abs mini* , $(-1, 3)$ and $(2, 3)$ مطلقة عظمى *Abs maxi*
- d) $(-3, -17)$ مطلقة صغرى *Abs mini* , $(2, 3)$ مطلقة عظمى *Abs maxi*

Find the absolute extrema of the given function on each indicated interval.

أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة المعطاة على الفترة المشار إليها

$$f(x) = x^3 - 3x + 1 \quad \text{on } [-3, 2]$$

- a) *Abs mini* (1, -1) مطلقة صغرى , *Abs maxi* (2, 3) مطلقة عظمى
- b) *Abs maxi* (1, -1) مطلقة عظمى , *Abs mini* (2, 3) مطلقة صغرى
- c) *Abs mini* (-3, -17) مطلقة صغرى , (-1, 3) and (2, 3) مطلقة عظمى *Abs maxi*
- d) *Abs mini* (-3, -17) مطلقة صغرى , (2, 3) مطلقة عظمى *Abs maxi*

Find the absolute extrema of the given function on each indicated interval.

أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة المعطاة على الفترة المشار إليها

$$f(x) = x^4 - 8x^2 + 2 \quad \text{on } [-3, 1]$$

- a) $(0, 2)$ صغرى مطلقة *Abs mini*, $(-3, 11)$ عظمى مطلقة *Abs maxi*
- b) $(-2, -14)$ صغرى مطلقة *Abs mini*, $(-3, 11)$ عظمى مطلقة *Abs maxi*
- c) $(0, 2)$ صغرى مطلقة *Abs mini*, $(3, 11)$ عظمى مطلقة *Abs maxi*
- d) $(-2, -14)$ صغرى مطلقة *Abs mini*, $(3, 11)$ عظمى مطلقة *Abs maxi*

Find the absolute extrema of the given function on each indicated interval.

أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة المعطاة على الفترة المشار إليها

$$f(x) = x^4 - 8x^2 + 2 \quad \text{on } [-1, 3]$$

- a) *Abs maxi* عظمى مطلقة $(-3, 11)$, *Abs mini* صغرى مطلقة $(0, 2)$
- b) *Abs maxi* عظمى مطلقة $(-3, 11)$, *Abs mini* صغرى مطلقة $(-2, -14)$
- c) *Abs maxi* عظمى مطلقة $(3, 11)$, *Abs mini* صغرى مطلقة $(0, 2)$
- d) *Abs maxi* عظمى مطلقة $(3, 11)$, *Abs mini* صغرى مطلقة $(2, -14)$

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = x^4 + 4x^3 - 2$$

- a) $(-3, 0) \cup (0, 3)$ *incr* تزايد , $(-\infty, -3) \cup (3, \infty)$ *decr* تناقص
- c) $(-3, 0) \cup (0, \infty)$ *decr* تناقص , $(-\infty, -3)$ *incr* تزايد
- c) $(-3, 0) \cup (0, \infty)$ *incr* تزايد , $(-\infty, -3)$ *decr* تناقص
- d) $(-3, \infty)$ *incr* تزايد , $(-\infty, -3)$ *decr* تناقص

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = xe^{-2x}$$

- a) $(-\infty, 0)$ *decr* تناقص , $(0, \infty)$ *incr* تزايد
- c) $(-\infty, 0.5)$ *decr* تناقص , $(0.5, \infty)$ *incr* تزايد
- c) $(-\infty, 0)$ *incr* تزايد , $(0, \infty)$ *decr* تناقص
- d) $(-\infty, 0.5)$ *incr* تزايد , $(0.5, \infty)$ *decr* تناقص

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = \tan^{-1}x^2$$

- a) $(-\infty, 0)$ *decr* تناقص , $(0, \infty)$ *incr* تزايد
- c) $(-\infty, 0.5)$ *decr* تناقص , $(0.5, \infty)$ *incr* تزايد
- c) $(-\infty, 0)$ *incr* تزايد , $(0, \infty)$ *decr* تناقص
- d) $(-\infty, 0.5)$ *incr* تزايد , $(0.5, \infty)$ *decr* تناقص

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = \frac{x}{1+x^3}$$

- a) $(-\infty, -1) \cup (-1, \sqrt[3]{0.5})$ *incr* تزايد , $(\sqrt[3]{0.5}, \infty)$ *decr* تناقص
- c) $(-\infty, -1) \cup (-1, \sqrt[3]{0.5})$ *decr* تناقص , $(\sqrt[3]{0.5}, \infty)$ *incr* تزايد
- c) $(-1, \sqrt[3]{0.5})$ *incr* تزايد , $(\sqrt[3]{0.5}, \infty)$ *decr* تناقص
- d) $(-\infty, -1)$ *incr* تزايد , $(\sqrt[3]{0.5}, \infty)$ *decr* تناقص

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = \sqrt{x^3 + 3x^2}$$

- a) $(-3, -2) \cup (0, \infty)$ *تزايد incr* , $(-2, \infty)$ *تناقص decr*
- c) $(-3, -2) \cup (0, \infty)$ *تناقص decr* , $(-2, 0)$ *تزايد incr*
- c) $(-3, -2)$ *تزايد incr* , $(-2, 0) \cup (0, \infty)$ *تناقص decr*
- d) $(-3, -2) \cup (0, \infty)$ *تزايد incr* , $(-2, 0)$ *تناقص decr*

35

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = x^{\frac{4}{3}} + 4x^{\frac{1}{3}}$$

- a) $(-\infty, 1)$ *incr* تزايد , $(1, \infty)$ *decr* تناقص
- c) $(-\infty, -1)$ *decr* تناقص , $(-1, \infty)$ *incr* تزايد
- c) $(0, \infty)$ *incr* تزايد , $(-\infty, 0)$ *decr* تناقص
- d) $(-2, \infty)$ *incr* تزايد , $(-\infty, -2)$ *decr* تناقص

Find the intervals where the function is increasing and decreasing

حدد فترات التزايد والتناقص للدالة

$$y = \sin^{-1}\left(1 - \frac{1}{x^2}\right)$$

a) $\left(\frac{-1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ *incr* تزايد

, $(-\infty, -1)$ *decr* تناقص

c) $\left(-\infty, \frac{-1}{\sqrt{2}}\right)$ *decr* تناقص

, $\left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \infty\right)$ *incr* تزايد

c) $\left(-\infty, \frac{-1}{\sqrt{2}}\right) \cup \left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \infty\right)$ *decr* تناقص

d) $(-1, -0) \cup (0, \infty)$ *incr* تزايد

, $(-2, 0)$ *decr* تناقص



Mr. Ahmed Ata
Featured Program

Version.2

ہیکل 3 EOT

12 ADVANCED

MATH 2022-2023
MR – AHMED ATA

atamath.com

زوروا موقعنا



<https://t.me/ahmedatamath>



0566010255 - 0502070147

1

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down and identify inflection points

حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل ثم أوجد نقاط الانعطاف

$$y = x^3 - 3x^2 + 4x - 1$$

- a) $(1, \infty)$ concave up , $(-\infty, 1)$ concave down , ifl P at $(1, 0)$
- b) $(1, \infty)$ concave up , $(-\infty, 1)$ concave down , ifl P at $(1, 1)$
- c) $(1, \infty)$ concave down , $(-\infty, 1)$ concave up , ifl P at $(1, 1)$
- d) $(1, \infty)$ concave down , $(-\infty, 1)$ concave up , ifl P at $(1, -1)$

2

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down and identify inflection points

حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل ثم أوجد نقاط الانعطاف

$$y = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$$

- a) $(1, \infty)$ concave up, $(-\infty, 1)$ concave down, inflection point at $x = 1$
- b) $(1, \infty)$ concave up, $(-\infty, 1)$ concave down, inflection point at $x = -1$
- c) $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$ concave down, $(-1, 1)$ concave up, inflection points at $x = 1$ and -1
- d) $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$ concave up, $(-1, 1)$ concave down, inflection points at $x = 1$ and -1

3

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down and identify inflection points

حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل ثم أوجد نقاط الانعطاف

$$y = x + \frac{1}{x}$$

- a) لا توجد نقطة انعطاف *ifl P*, *concave down* تفرع لأسفل $(-\infty, 0)$, *concave up* تفرع لأعلى $(0, \infty)$
- b) *ifl P* نقطة انعطاف *at* $x = 0$, *concave down* تفرع لأسفل $(-\infty, 0)$, *concave up* تفرع لأعلى $(0, \infty)$
- c) *ifl P* نقطة انعطاف *at* $x = 0$, *concave up* تفرع لأعلى $(-\infty, 0)$, *concave down* تفرع لأسفل $(0, \infty)$
- d) لا توجد نقطة انعطاف *ifl P*, *concave up* تفرع لأعلى $(-\infty, 0)$, *concave down* تفرع لأسفل $(0, \infty)$

4

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down and identify inflection points

حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل ثم أوجد نقاط الانعطاف

$$y = x + 3(1 - x)^{\frac{1}{3}}$$

- a) لا توجد نقطة انعطاف *concave up* , *concave down* , *no iflection point* تفرع لأعلى $(1, \infty)$, تفرع لأسفل $(-\infty, 1)$
- b) نقطة انعطاف *at* $(1, 1)$ *concave up* , *concave down* , *ifl P* تفرع لأعلى $(1, \infty)$, تفرع لأسفل $(-\infty, 1)$
- c) نقطة انعطاف *at* $(1, 1)$ *concave up* , *concave down* , *ifl P* تفرع لأعلى $(-\infty, 1)$, تفرع لأسفل $(1, \infty)$
- d) لا توجد نقطة انعطاف *concave up* , *concave down* , *no iflection point* تفرع لأعلى $(-\infty, 1)$, تفرع لأسفل $(1, \infty)$

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down and identify inflection points

حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل ثم أوجد نقاط الانعطاف

$$y = \sin x - \cos x$$

a) $\left[\left(\frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right) + 2n\pi \right]$ concave up, $\left[\left(\frac{-3\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right) + 2n\pi \right]$ concave down, ifl P نقطة انعطاف $x = \frac{\pi}{4} + n\pi$

b) $\left[\left(\frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right) + 2n\pi \right]$ concave down, $\left[\left(\frac{-3\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right) + 2n\pi \right]$ concave up, ifl P نقطة انعطاف $x = \frac{\pi}{4} + 2n\pi$

c) $\left[\left(\frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right) + 2n\pi \right]$ concave down, $\left[\left(\frac{-3\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right) + 2n\pi \right]$ concave up, ifl P نقطة انعطاف $x = \frac{\pi}{4} + n\pi$

d) $\left[\left(\frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right) + n\pi \right]$ concave down, $\left[\left(\frac{-3\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right) + n\pi \right]$ concave up, ifl P نقطة انعطاف $x = \frac{\pi}{4} + n\pi$

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down
حدد فترات التفرع لأعلى وفترات التفرع لأسفل

$$y = \tan^{-1}x^2$$

a)) $\left(-\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right)$ concave up تفرع لأعلى , $\left(-\infty, -\frac{1}{3}\right) \cup \left(\frac{1}{3}, \infty\right)$ concave down تفرع لأسفل

b) $\left(-\sqrt[4]{\frac{1}{3}}, \sqrt[4]{\frac{1}{3}}\right)$ concave up تفرع لأعلى , $\left(-\infty, -\sqrt[4]{\frac{1}{3}}\right) \cup \left(\sqrt[4]{\frac{1}{3}}, \infty\right)$ concave down تفرع لأسفل

c) $\left(-\sqrt[4]{\frac{1}{3}}, \sqrt[4]{\frac{1}{3}}\right)$ concave down تفرع لأسفل , $\left(-\infty, -\sqrt[4]{\frac{1}{3}}\right) \cup \left(\sqrt[4]{\frac{1}{3}}, \infty\right)$ concave up تفرع لأعلى

d) $(1, \infty)$ concave down تفرع لأسفل , $(-\infty, 1)$ concave up تفرع لأعلى

7

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down
حدد فترات التقعر لأعلى وفترات التقعر لأسفل

$$y = x^{\frac{4}{3}} + 4x^{\frac{1}{3}}$$

- a) $(0, 2)$ concave up, $(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$ concave down
تقعر لأعلى $(0, 2)$, $(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$ تقعر لأسفل
- b) $(0, \infty)$ concave up, $(-\infty, 0)$ concave down
تقعر لأعلى $(0, \infty)$, $(-\infty, 0)$ تقعر لأسفل
- c) $(1, \infty)$ concave down, $(-\infty, 1)$ concave up
تقعر لأسفل $(1, \infty)$, $(-\infty, 1)$ تقعر لأعلى
- d) $(0, 2)$ concave down, $(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$ concave up
تقعر لأسفل $(0, 2)$, $(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$ تقعر لأعلى

determine the intervals where the graph of the given function is concave up and concave down
حدد فترات التقعر لأعلى وفترات التقعر لأسفل

$$y = xe^{-4x}$$

a) $\left(-\frac{1}{2}, \infty\right)$ concave up, $\left(-\frac{1}{2}, \infty\right)$ concave down

b) $\left(\frac{1}{2}, \infty\right)$ concave up, $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right)$ concave down

c) $(1, \infty)$ concave down, $(-\infty, 1)$ concave up

d) $(0, 1)$ concave down, $(-\infty, 0) \cup (1, \infty)$ concave up

9

Compute sums of the form $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ for the given values of x_i

احسب المجموع بالصيغة $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ لقيم x_i المعطاة

$$f(x) = x^2 + 4x \quad ; \quad x = 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0 \quad \Delta x = 0.2 \quad ; \quad n = 5$$

a) 20.24375

b) 17.2

c) 2.84

d) 24.34

10

Compute sums of the form $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ for the given values of x_i

احسب المجموع بالصيغة $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ لقيم x_i المعطاة

$$f(x) = 3x + 5 ; x = 0.4, 0.8, 1.2, 1.6, 2.0 \quad \Delta x = 0.4 ; n = 5$$

a) 20.24375

b) 17.2

c) 2.84

d) 24.34

11

Compute sums of the form $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ for the given values of x_i

احسب المجموع بالصيغة $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ لقيم x_i المعطاة

$$f(x) = 4x^2 - 2 \quad ; \quad x = 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, \dots \dots 3.0 \quad \Delta x = 0.1 \quad ; \quad n = 10$$

a) 20.24375

b) 17.2

c) 2.84

d) 24.34

12

Compute sums of the form $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ for the given values of x_i

احسب المجموع بالصيغة $\sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$ لقيم x_i المعطاة

$$f(x) = x^3 + 4 \quad ; \quad x = 2.05, 2.15, 2.25, 2.35, \dots, 2.95 \quad \Delta x = 0.1 \quad ; \quad n = 10$$

- a) 20.24375
- b) 20.25639
- c) 20.84
- d) 24.34256

13

Use the given function values to estimate the area under the curve using left-endpoint evaluation.

استخدم قيم الدالة المعطاة لتقدير المساحة تحت المنحنى باستخدام قيم نقطة النهاية اليسرى

x	0.0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8
$f(x)$	2.0	2.4	2.6	2.7	2.6	2.4	2.0	1.4	0.6

- a) 1.81
b) 1.67
c) 3.08
d) 1.182

14

Use the given function values to estimate the area under the curve using right-endpoint evaluation.

استخدم قيم الدالة المعطاة لتقدير المساحة تحت المنحنى باستخدام قيم نقطة النهاية اليمنى.

x	0.0	0.2	0.4	0.6	0.8	1.0	1.2	1.4	1.6
$f(x)$	2.0	2.2	1.6	1.4	1.6	2.0	2.2	2.4	2.0

a) 1.81

b) 1.67

c) 3.08

d) 1.182

15

Use the given function values to estimate the area under the curve using left-endpoint evaluation.

استخدم قيم الدالة المعطاة لتقدير المساحة تحت المنحنى باستخدام قيم نقطة النهاية اليسرى

x	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7
y	0.002	0.004	0.008	0.014	0.026	0.048	0.085

- a) 1.853
b) 1.672
c) 1.082
d) 1.182

16

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

The area above the x-axis and below $y = 4 - x^2$

المساحة فوق المحور x وتحت $y = 4 - x^2$

a) $A = \int_{-2}^0 4 - x^2 dx$

b) $A = \int_0^2 4 - x^2 dx$

c) $A = \int_{-2}^2 4 - x^2 dx$

d) $A = \int_{-1}^1 4 - x^2 dx$

The area above the x -axis and below $y = 4x - x^2$

المساحة فوق المحور x - وتحت $y = 4x - x^2$

$$a) A = \int_0^4 4x - x^2 dx$$

$$b) A = - \int_{-4}^0 4x - x^2 dx$$

$$c) A = \int_{-2}^2 4x - x^2 dx$$

$$d) A = - \int_0^4 4x - x^2 dx$$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

The area below the x -axis and above $y = x^2 - 4$

المساحة تحت المحور x - وفوق $y = x^2 - 4$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

$$a) A = - \int_0^4 x^2 - 4 dx$$

$$b) A = - \int_{-2}^2 x^2 - 4 dx$$

$$c) A = \int_{-2}^2 -(x^2 - 4) dx$$

$$d) A = \int_0^4 x^2 - 4 dx$$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

The area below the x -axis and above $y = x^2 - 4x$

المساحة تحت المحور x - وفوق $y = x^2 - 4x$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

a) $A = - \int_0^4 x^2 - 4x \, dx$

b) $A = - \int_{-2}^2 x^2 - 4x \, dx$

c) $A = - \int_{-2}^2 x^2 - 4x \, dx$

d) $A = \int_0^4 x^2 - 4x \, dx$

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

The area between $y = \sin x$ and the x -axis for $0 \leq x \leq \pi$

المساحة بين $y = \sin x$ والمحور x لـ $0 \leq x \leq \pi$

a) $A = \int_0^{\pi} \sin x \, dx$

b) $A = -\int_{-\pi}^{\pi} \sin x \, dx$

c) $A = \int_{\pi}^0 \sin x \, dx$

d) $A = -2 \int_0^{\pi} \sin x \, dx$

AHMED ATA
 The area between $y = \sin x$ and the x -axis for $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{4}$
 أوجد المساحة بين $y = \sin x$ ومحور x حيث $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{4}$

AHMED ATA
 a) $Area = -\int_{-\frac{\pi}{4}}^0 \sin x \, dx + \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x \, dx$

AHMED ATA
 b) $Area = \int_{-\frac{\pi}{2}}^0 \sin x \, dx + \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin x \, dx$

AHMED ATA
 c) $Area = \int_{-\frac{\pi}{2}}^0 \sin x \, dx - \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin x \, dx$

AHMED ATA
 d) $Area = -\int_{-\frac{\pi}{2}}^0 \sin x \, dx + \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin x \, dx$

Use the Integral Mean Value Theorem to estimate the value of the integral

استخدم نظرية القيمة المتوسطة في التكامل لتقدير قيمة التكامل

$$\int_{\pi/3}^{\pi/2} 3 \cos x^2 dx$$

a) $0.253 \leq \int_{\pi/3}^{\pi/2} 3 \cos x^2 dx \leq 4$

b) $2 \leq \int_{\pi/3}^{\pi/2} 3 \cos x^2 dx \leq 6$

c) $-1.23 \leq \int_{\pi/3}^{\pi/2} 3 \cos x^2 dx \leq 0.72$

d) $0.3894 \leq \int_{\pi/3}^{\pi/2} 3 \cos x^2 dx \leq 0.5$

23

Use the Integral Mean Value Theorem to estimate the value of the integral

$$\int_0^{1/2} e^{-x^2} dx$$

استخدم نظرية القيمة المتوسطة في التكامل لتقدير قيمة التكامل

a) $0.253 \leq \int_0^{1/2} e^{-x^2} dx \leq 4$

b) $2 \leq \int_0^{1/2} e^{-x^2} dx \leq 6$

c) $-1.23 \leq \int_0^{1/2} e^{-x^2} dx \leq 0.72$

d) $0.3894 \leq \int_0^{1/2} e^{-x^2} dx \leq 0.5$

Use the Integral Mean Value Theorem to estimate the value of the integral

استخدم نظرية القيمة المتوسطة في التكامل لتقدير قيمة التكامل

$$\int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} dx$$

a) $2 \leq \sqrt{2x^2 + 1} \leq 6$

b) $2 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} dx \leq 6$

c) $-1.23 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} dx \leq 0.72$

d) $0.3894 \leq \int_0^2 \sqrt{2x^2 + 1} dx \leq 0.5$

Use the Integral Mean Value Theorem to estimate the value of the integral

استخدم نظرية القيمة المتوسطة في التكامل لتقدير قيمة التكامل

$$\int_{-1}^1 \frac{3}{x^3 + 2} dx$$

a) $0.253 \leq \int_{-1}^1 \frac{3}{x^3 + 2} dx \leq 4$

b) $2 \leq \int_{-1}^1 \frac{3}{x^3 + 2} dx \leq 6$

c) $-1.23 \leq \int_{-1}^1 \frac{3}{x^3 + 2} dx \leq 0.72$

d) $0.3894 \leq \int_{-1}^1 \frac{3}{x^3 + 2} dx \leq 0.5$

Find a value of c that satisfies the conclusion of the Integral Mean Value Theorem

أوجد قيمة c التي تحقق نتيجة نظرية القيمة المتوسطة في التكامل

$$f(x) = \int_0^2 3x^2 dx$$

a) $c = \frac{2}{\sqrt{3}}$

b) $c = -\frac{2}{\sqrt{3}}$

c) $c = \frac{2}{\sqrt{3}}, -\frac{2}{\sqrt{3}}$

d) $c = \frac{3}{\sqrt{2}}$

27

Find a value of c that satisfies the conclusion of the Integral Mean Value Theoremأوجد قيمة c التي تحقق نتيجة نظرية القيمة المتوسطة في التكامل

$$f(x) = \int_{-1}^1 (x^2 - 2x) dx$$

a) $c = 2.15$

b) $c = -0.15$

c) $c = -0.15, 2.15$

d) $c = 0$

28

Assume that $\int_1^3 f(x)dx = 3$ and $\int_1^3 g(x)dx = -2$ find

بفرض أن $\int_1^3 f(x)dx = 3$ و $\int_1^3 g(x)dx = -2$ أوجد قيمة

$$\int_1^3 [f(x) + g(x)] dx$$

a) -17

b) 5

c) 1

d) 8

29

Assume that $\int_1^3 f(x)dx = 3$ and $\int_1^3 g(x)dx = -2$ find

بفرض أن $\int_1^3 f(x)dx = 3$ و $\int_1^3 g(x)dx = -2$ أوجد قيمة

$$\int_1^3 |2f(x) - g(x)| dx$$

a) 17

b) 5

c) 1

d) 8

30

Assume that $\int_1^3 f(x)dx = 3$ and $\int_1^3 g(x)dx = -2$ find

بفرض أن $\int_1^3 f(x)dx = 3$ و $\int_1^3 g(x)dx = -2$ أوجد قيمة

$$\int_1^3 [f(x) - g(x)] dx$$

a) 17

b) 5

c) 1

d) 8

31

Assume that $\int_1^3 f(x)dx = 3$ and $\int_1^3 g(x)dx = -2$ find

بفرض أن $\int_1^3 f(x)dx = 3$ و $\int_1^3 g(x)dx = -2$ أوجد قيمة

$$\int_1^3 [4g(x) - 3f(x)] dx$$

a) 17

b) 5

c) 1

d) 8

AHMED ATA
Compute each integral exactly

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_1^4 \left(x\sqrt{x} + \frac{3}{x}\right) dx$$

AHMED ATA

a) $\frac{62}{5} - 3\ln 4$

AHMED ATA

b) $\frac{62}{5} - 6\ln 2$

AHMED ATA

c) $\frac{62}{5} + 6\ln 2$

AHMED ATA

d) $\frac{2}{62} + 3\ln 4$

33

AHMED ATA
Compute each integral exactly

$$\int_1^2 \left(4x - \frac{2}{x^2}\right) dx$$

a) 4

c) 3

b) 5

d) 6

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

AHMED ATA
Compute each integral exactly

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_0^1 (6e^{-3x} + 4) dx$$

AHMED ATA

a) $\frac{-2}{e^3} + 6$

AHMED ATA

b) $\frac{1}{e^2} + 4$

AHMED ATA

c) $\frac{2}{e^3} + 6$

AHMED ATA

d) $\frac{-1}{e^2} + 4$

35

AHMED ATA
 Compute each integral exactly

AHMED ATA
 أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_0^2 \frac{e^{2x} - 2e^{3x}}{e^{3x}} dx$$

AHMED ATA

a) $\frac{-2}{e^3} - 3$

AHMED ATA

b) $\frac{1}{e^2} - 3$

AHMED ATA

c) $\frac{2}{e^3} - 3$

AHMED ATA

d) $\frac{-1}{e^2} - 3$



Mr. Ahmed Ata
Featured Program

Version.1

ہیڈ 4 EOT

12 ADVANCED

MATH 2022-2023

MR – AHMED ATA

atamath.com

زوروا موقعنا



<https://t.me/ahmedatamath>



0566010255 - 0502070147

1

AHMED ATA
Compute each integral exactly

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} 3\csc x \cot x \, dx$$

AHMED ATA

a) $-3 - 3\sqrt{2}$

AHMED ATA

b) $-3 + 3\sqrt{2}$

AHMED ATA

c) $-3 + 3\sqrt{3}$

AHMED ATA

d) $3 + 3\sqrt{2}$

2

AHMED ATA
Compute each integral exactly

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_0^{\frac{1}{2}} \frac{3}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

a) $\frac{\pi}{3}$

b) $\frac{\pi}{2}$

c) $\frac{\pi}{4}$

d) $\frac{\pi}{6}$

3

AHMED ATA
 Compute each integral exactly

AHMED ATA
 أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_{-1}^1 \frac{4}{1+x^2} dx$$

a) π

b) $\frac{\pi}{2}$

c) 2π

d) $\frac{\pi}{6}$

4

AHMED ATA
Compute each integral exactly

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_1^4 \frac{t-3}{t} dt$$

a) $3 - 3\ln 2$

b) $-3 + 3\ln 4$

c) $3 - 6\ln 3$

d) $3 - 6\ln 2$

5

AHMED ATA
Compute each integral exactly

AHMED ATA
أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_0^t (e^{\frac{x}{2}})^2 dx$$

a) $2e^t$

b) $2e^t + 1$

c) $e^t - 1$

d) $e^t + 1$

6

AHMED ATA
 Compute each integral exactly

AHMED ATA
 أوجد قيمة التكامل المحدود

$$\int_0^t (\sin^2 x + \cos^2 x) dx$$

AHMED ATA
 a) $2t$

AHMED ATA
 b) t

AHMED ATA
 c) $-t$

AHMED ATA
 d) 1

7

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int x^3 \sqrt{x^4 + 3} dx$$

a) $\frac{1}{15}(1 + 10x)^{\frac{3}{2}} + c$

b) $\frac{1}{6}(x^4 + 3)^{\frac{1}{2}} + c$

c) $\frac{1}{6}(x^4 + 3)^{\frac{3}{2}} + c$

d) $\frac{1}{15}(1 + 10x)^{\frac{1}{2}} + c$

8

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int \sqrt{1+10x} \, dx$$

a) $\frac{1}{15}(1+10x)^{\frac{3}{2}} + c$

b) $\frac{1}{6}(x^4+3)^{\frac{1}{2}} + c$

c) $\frac{1}{6}(x^4+3)^{\frac{3}{2}} + c$

d) $\frac{1}{15}(1+10x)^{\frac{1}{2}} + c$

9

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{\sin x}{\sqrt{\cos x}} dx$$

a) $-2\sqrt{\sin x} + c$

b) $-2\sqrt{\cos x} + c$

c) $-2\cos x + c$

d) $\sqrt{\cos x} + c$

أوجد التكامل

10

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int \sin^3 x \cos x \, dx$$

a) $4\sin^4 x + c$

b) $\frac{1}{4}\cos^4 x + c$

c) $\frac{1}{4}\sin^4 x + c$

d) $\frac{1}{4}\sin^3 x + c$

11

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int \sin^3 x \cos x \, dx$$

a) $4\sin^4 x + c$

b) $\frac{1}{4}\cos^4 x + c$

c) $\frac{1}{4}\sin^4 x + c$

d) $\frac{1}{4}\sin^3 x + c$

12

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int t^2 \cos t^3 dt$$

a) $4\sin^3 t + c$

b) $\frac{1}{3}\cos^3 t + c$

c) $\frac{1}{2}\sin^3 t + c$

d) $\frac{1}{3}\sin^3 t + c$

13

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int \sin t (cost + 3)^{\frac{3}{4}} dt$$

a) $-\frac{4}{7}(cost + 3)^{\frac{7}{4}} + c$

b) $\frac{4}{7}(cost + 3)^{\frac{7}{4}} + c$

c) $-\frac{4}{7}(cost + 3)^{\frac{3}{4}} + c$

d) $-\frac{4}{7}(cost + 3)^{\frac{1}{4}} + c$

14

Evaluate the indicated integral.

$$\int x e^{x^2+1} dx$$

أوجد التكامل

- a) $\frac{1}{2} e^{x^2+1} + c$
- b) $2e^{x^2+1} + c$
- c) $\frac{1}{2} e^{x^2+1} + x + c$
- d) $2x e^{x^2+1} + c$

15

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int e^x \sqrt{e^x + 4} dx$$

a) $\frac{3}{2}(e^x + 4)^{\frac{3}{2}} + c$

b) $\frac{1}{2}(e^x + 4)^{\frac{1}{2}} + c$

c) $\frac{1}{2}(e^x + 4)^{\frac{3}{2}} + c$

d) $\frac{2}{3}(e^x + 4)^{\frac{3}{2}} + c$

16

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$

أوجد التكامل

a) $\sqrt{x}e^{\sqrt{x}} + c$

b) $2e^{\sqrt{x}} + c$

c) $2e^{2\sqrt{x}} + c$

d) $\frac{1}{2}e^{\sqrt{x}} + c$

17

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{\cos\left(\frac{1}{x}\right)}{x^2} dx$$

أوجد التكامل

a) $-\sin\left(\frac{1}{x}\right) + c$

b) $\cos\left(\frac{1}{x}\right) + c$

c) $\sin\left(\frac{1}{x}\right) + c$

d) $-\sin\left(\frac{1}{x^2}\right) + c$

18

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int \frac{1}{\sqrt{u}(\sqrt{u}+1)} du$$

a) $2\ln(\sqrt{u}+1) + c$

b) $2\ln(\sqrt{u}) + c$

c) $\ln(\sqrt{u}+1) + c$

d) $\sqrt{u}\ln(\sqrt{u}+1) + c$

19

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{x}{x^2 + 4} dx$$

a) $\frac{1}{2} \ln(x^2 - 4) + c$

b) $\frac{1}{2} \ln(x^2) + c$

c) $\frac{1}{2} \ln(x^2 + 4) + c$

d) $2 \ln(x^2 + 4) + c$

أوجد التكامل

20

Evaluate the indicated integral.

أوجد التكامل

$$\int \frac{4}{x(\ln x + 1)^2} dx$$

a) $4 \ln(x + 4) + c$

b) $\frac{-4}{\ln x + 1} + c$

c) $-4 \ln(x + 4) + c$

d) $\frac{4}{\ln(x + 1)} + c$

21

Evaluate the indicated integral.

$$\int \tan 2x \, dx$$

أوجد التكامل

a) $\frac{1}{2} \ln|\sin 2x| + c$

b) $\frac{1}{2} \ln|\tan 2x| + c$

c) $\frac{1}{2} \ln|\cos 2x| + c$

d) $-\frac{1}{2} \ln|\cos 2x| + c$

22

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{(\sin^{-1}x)^3}{\sqrt{1-x^2}} x^3 dx$$

a) $\frac{1}{3}(\sin^{-1}x)^3 + c$

b) $\frac{1}{4}(\sin^{-1}x)^4 + c$

c) $\frac{1}{4}(\sin^{-1}x)^4 + c$

d) $-\frac{1}{4}(\sin^{-1}x)^4 + c$

أوجد التكامل

23

Evaluate the indicated integral.

$$\int x^2 \sec^2 x^3 dx$$

أوجد التكامل

- a) $\tan x^3 + c$
- b) $3 \tan x^3 + c$
- c) $\frac{1}{3} \tan x^3 + c$
- d) $\frac{1}{3} \sec x^3 \tan x^3 + c$

24

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{x}{\sqrt{1-x^4}} dx$$

a) $\frac{1}{2} \sin^{-1} x^2 + c$

b) $2 \sin^{-1} x^2 + c$

c) $\frac{1}{2} \sqrt{1-x^4} + c$

d) $2\sqrt{1-x^4} + c$

أوجد التكامل

AHMED ATA

AHMED ATA

25

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{x^3}{\sqrt{1-x^4}} dx$$

a) $\frac{1}{2} \sin^{-1} x^2 + c$

b) $2 \sin^{-1} x^2 + c$

c) $\frac{1}{2} \sqrt{1-x^4} + c$

d) $2\sqrt{1-x^4} + c$

أوجد التكامل

26

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{x^2}{1+x^6} dx$$

أوجد التكامل

a) $\frac{1}{5} \ln|1+x^6| + c$

b) $3 \tan^{-1} x^3 + c$

c) $\frac{1}{6} \ln|1+x^6| + c$

d) $\frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + c$

27

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{x^5}{1+x^6} dx$$

a) $\frac{1}{5} \ln|1+x^6| + c$

b) $3 \tan^{-1} x^3 + c$

c) $\frac{1}{6} \ln|1+x^6| + c$

d) $\frac{1}{3} \tan^{-1} x^3 + c$

أوجد التكامل

28

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{1+x}{1+x^2} dx$$

a) $\frac{1}{2} \ln|1+x^2| + c$

b) $\tan^{-1}x + \frac{1}{2} \ln(1+x^2) + c$

c) $-\ln|1-x| + c$

d) $\tan^{-1}x - \ln|1-x| + c$

أوجد التكامل

29

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{1+x}{1-x^2} dx$$

a) $\frac{1}{2} \ln|1+x^2| + c$

b) $\tan^{-1}x + \frac{1}{2} \ln(1+x^2) + c$

c) $-\ln|1-x| + c$

d) $\tan^{-1}x - \ln|1-x| + c$

أوجد التكامل

30

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{3\sqrt{x}}{1+x^3} dx$$

a) $\frac{2}{5} \tan^{-1} x^{\frac{5}{2}} + c$

b) $\frac{2}{5} \tan^{-1} x^{\frac{2}{5}} + c$

c) $2 \tan^{-1} x^{\frac{2}{3}} + c$

d) $2 \tan^{-1} x^{\frac{3}{2}} + c$

أوجد التكامل

AHMED ATA

AHMED ATA

31

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{x\sqrt{x}}{1+x^5} dx$$

a) $\frac{2}{5} \tan^{-1} x^{\frac{5}{2}} + c$

b) $\frac{2}{5} \tan^{-1} x^{\frac{2}{5}} + c$

c) $2 \tan^{-1} x^{\frac{2}{3}} + c$

d) $2 \tan^{-1} x^{\frac{3}{2}} + c$

أوجد التكامل

Sketch the graph of a given function using its properties and its first and second derivative

$$f(x) = x + \sin x$$

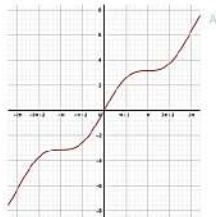
مثل بيانا الدالة باستخدام خواص المشتقة الأولى والثانية



a)



b)

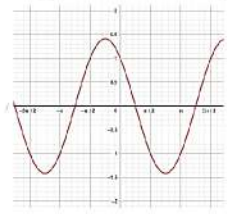


c)

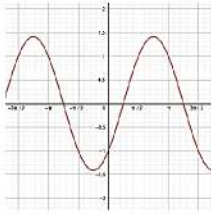
Sketch the graph of a given function using its properties and its first and second derivative

$$f(x) = \sin x - \cos x$$

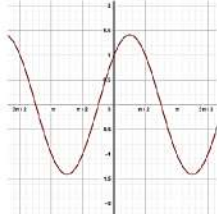
مثل بيانا الدالة باستخدام خواص المشتقة الأولى والثانية



a)



b)

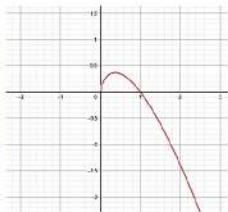


c)

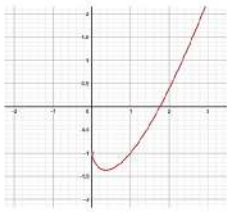
Sketch the graph of a given function using its properties and its first and second derivative

$$f(x) = x \ln x$$

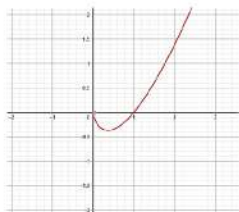
مثل بيانا الدالة باستخدام خواص المشتقة الأولى والثانية



a)



b)

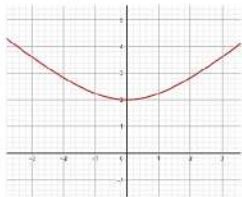


c)

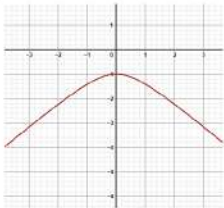
Sketch the graph of a given function using its properties and its first and second derivative

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$$

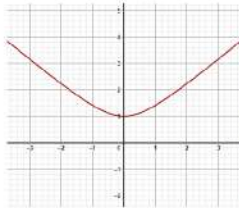
مثل بيانا الدالة باستخدام خواص المشتقة الأولى والثانية



a)



b)

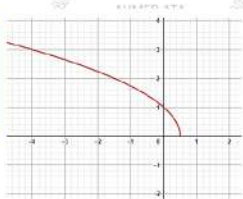


c)

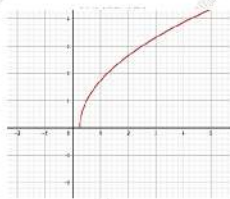
Sketch the graph of a given function using its properties and its first and second derivative

$$f(x) = \sqrt{2x - 1}$$

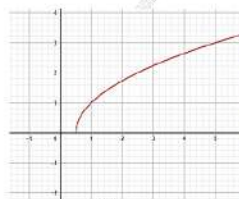
مثل بيانا الدالة باستخدام خواص المشتقة الأولى والثانية



a)



b)



c)



Mr. Ahmed Ata
Featured Program

Version.1

EOT 5 **ٹھیکہ**

12 ADVANCED

MATH 2022-2023

MR – AHMED ATA

atamath.com

زوروا موقعنا



<https://t.me/ahmedatamath>



0566010255 - 0502070147

1

A three-sided fence is to be built next to a straight section of river, which forms the fourth side of a rectangular region. The enclosed area is to equal 1800 ft^2 . Find the minimum perimeter and the dimensions of the corresponding enclosure.

يجب بناء سياج من ثلاثة جوانب بجوار الجزء المستقيم من النهر، الذي يشكل الجانب الرابع لمنطقة مستطيلة. المساحة المحاطة تساوي 1800 ft^2 . جد أصغر قيمة ممكنة للمحيط المناظر لهذه المساحة.

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

2

A three-sided fence is to be built next to a straight section of river, which forms the fourth side of a rectangular region. There is 96 feet of fencing available. Find the maximum enclosed area and the dimensions of the corresponding enclosure.

يجب بناء سياج من ثلاثة جوانب بجوار الجزء المستقيم من النهر، الذي يشكل الجانب الرابع لمنطقة مستطيلة. يتوفر 96 ft من السياج. جد القيمة العظمى للمساحة المحاطة بالسياج وأبعاد السياج المناظر لهذه المساحة.

AHMED ATA

AHMED ATA

3

A two-pen corral is to be built. The outline of the corral forms two identical adjoining rectangles. If there is 120 ft of fencing available, what dimensions of the corral will maximize the enclosed area?

يجب بناء إسطبل مكون من حظيرتين. يشكل مخطط الإسطبل مستطيلين متطابقين متجاورين. إذا كان هناك 120 ft من السياج متوفر، فما هي الأبعاد التي سيضيفها الإسطبل إلى المساحة المحاطة بالسياج؟

4

A showroom for a department store is to be rectangular with walls on three sides, 6-ft door openings on the two facing sides and a 10-ft door opening on the remaining wall. The showroom is to have 800 ft^2 of floor space. What dimensions will minimize the length of wall used?

يجب أن تكون صالة عرض بمتجر متعدد الأقسام مستطيلة بثلاثة جدران في ثلاثة جوانب وفتحات باب 6-ft في الجانبين المتقابلين وفتحة باب 10-ft في الجدار المتبقي. يجب أن تكون مساحة أرضية صالة العرض 800 ft^2 . ما هي الأبعاد التي ستكون أصغر طول للجدار المستخدم؟

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

5

Show that the rectangle of maximum area for a given perimeter P is always a square

بين أن المستطيل ذي المساحة العظمى الذي محيطه قيمة ثابتة P يشكل مربع دائماً

AHMED ATA

AHMED ATA

6

Show that the rectangle of minimum perimeter for a given area A is always a square

بين أن المستطيل ذي المحيط الأصغر ومساحته قيمة ثابتة A بشكل مربع دائما

AHMED ATA

AHMED ATA

7

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

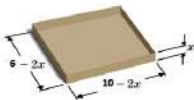
A box with no top is to be built by taking a 6 in by 10 in sheet of cardboard, cutting x -in. squares out of each corner and folding up the sides. Find the value of x that maximizes the volume of the box.

يجب بناء صندوق مفتوح من الأعلى بواسطة لوح من الورق المقوى أبعاده 6 in - 10 in - وذلك بقص مربعات قياس ضلعها x - in من كل زاوية وطى الجوانب. أوجد قيمة x التي تحقق القيمة العظمى للصندوق

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA



AHMED ATA

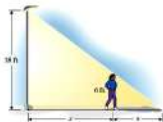
AHMED ATA

AHMED ATA

8

Suppose a 6-ft-tall person is 12 ft away from an 18-ft-tall lamppost (See the figure). If the person is moving away from the lamppost at a rate of 2 ft/s, at what rate is the length of the shadow changing?

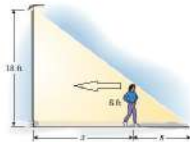
على فرض أن شخصاً ما يبلغ طوله 6-ft بعيد 12 ft من عمود إنارة ارتفاعه 18-ft (انظر الشكل) إذا كان الشخص يبتعد عن عمود الإنارة بمعدل 2 ft/s ، فما هو المعدل الذي يتغير به طول ظل الشخص مبتعداً عن العمود؟



9

Suppose a 6-ft-tall person is 6 ft away from an 18-ft-tall lamppost (See the figure). If the person is moving toward the lamppost at a rate of 3 ft/s, at what rate is the length of the shadow changing?

على فرض أن شخصاً ما يبلغ طوله 6-ft بعيد 6ft من عمود إنارة ارتفاعه 18-ft (انظر الشكل) إذا كان الشخص يمشي نحو عمود الإنارة بمعدل 3 ft/s ، فما هو المعدل الذي يتغير به طول ظل الشخص مبتعداً عن العمود؟



10

A dock is 6 feet above water. Suppose you stand on the edge of the dock and pull a rope attached to a boat at the constant rate of 2 ft/s. Assume that the boat remains at water level. At what speed is the boat approaching the dock when it is 20 feet from the dock

يرتفع حوض مائي 6 ft عن منسوب المياه. على فرض أنك تقف على حافة الحوض وتسحب حبل متصل بمركب بمعدل ثابت 2 ft/s وان المركب لا تزال على مستوى المياه. فما هي سرعة اقتراب المركب من الحوض عندما يبعد من الحوض 20 ft ؟

AHMED ATA

AHMED ATA

11

Sand is poured into a conical pile with the height of the pile equaling the diameter of the pile. If the sand is poured at a constant rate of $5 \text{ m}^3/\text{s}$, at what rate is the height of the pile increasing when the height is 2 meters?

ينسكب الرمل في كومة مخروطية الشكل وارتفاعها يعادل قطرها. إذا انسكب الرمل بمعدل ثابت $5 \text{ m}^3/\text{s}$ ، فما معدل تزايد ارتفاع الكومة عندما يكون الارتفاع مترين؟

12

Suppose that you are blowing up a balloon by adding air at the rate of $1 \text{ ft}^3/\text{s}$. If the balloon maintains a spherical shape, the volume and radius are related by $V = \frac{4}{3}\pi r^3$. what is the rate when radius to be $r = 0.01 \text{ ft}$

على فرض أنك تملأ بالوناً بالهواء بمعدل $1 \text{ ft}^3/\text{s}$ إذا بقي البالون في شكل كروي، فيرتبط حجمه ونصف قطره بـ $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ فإن معدل تغير نصف قطره عندما يكون في مقابل عندما يكون $r = 0.01 \text{ ft}$.

AHMED ATA

AHMED ATA

13

Sand is dumped such that the shape of the sandpile remains a cone with height equal to twice the radius. If the sand is dumped at the constant rate of $20 \text{ ft}^3/\text{s}$, find the rate at which the radius is increasing when the height reaches 6 feet.

أفرغ الرمل وشكل كومة مخروطية بارتفاع يساوي مئتي نصف قطره. إذا أفرغ الرمل بمعدل ثابت $20 \text{ ft}^3/\text{s}$ فجد المعدل الذي يتزايد به نصف القطر عندما يصل الارتفاع إلى 6 ft.

AHMED ATA

AHMED ATA

14

Sand is dumped such that the shape of the sandpile remains a cone with height equal to twice the radius. If the sand is dumped at the constant rate of $20 \text{ ft}^3/\text{s}$, find the rate at which the radius is increasing when the height reaches 6 feet. Repeat for a sandpile for which the edge of the sandpile forms an angle of 45° with the horizontal

أفرغ الرمل وشكل كومة مخروطية بارتفاع يساوي مثلي نصف قطره. إذا أفرغ الرمل بمعدل ثابت $20 \text{ ft}^3/\text{s}$ فجد المعدل الذي يتزايد به نصف القطر عندما يصل الارتفاع إلى 6 ft. كرر العملية عندما تشكل كومة الرمل زاوية قياسها 45° في المستوى الأفقي

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

15

Determine the position function if the velocity function is $v(t) = 3 - 12t$ and the initial position is $s(0) = 3$.

حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة السرعة المتجهة هي $v(t) = 3 - 12t$ والموقع الابتدائي هو $s(0) = 3$.

AHMED ATA

AHMED ATA

16

Determine the position function if the velocity function is $v(t) = 3e^{-t} - 2$ and the initial position is $s(0) = 0$

حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة السرعة المتجهة هي $v(t) = 3e^{-t} - 2$ والموقع الابتدائي هو $s(0) = 0$

AHMED ATA

AHMED ATA

17

Determine the position function if the acceleration function is $a(t) = 3 \sin t + 1$, the initial velocity is $v(0) = 0$ and the initial position is $s(0) = 4$.

حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة التسارع هي $a(t) = 3 \sin t + 1$ ، والسرعة المتجهة الابتدائية هي $v(0) = 0$ والموقع الابتدائي هو $s(0) = 4$.

AHMED ATA

AHMED ATA

18

Determine the position function if the acceleration function is $a(t) = t^2 + 1$, the initial velocity is $v(0) = 4$ and the initial position is $s(0) = 0$

حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة التسارع هي $a(t) = t^2 + 1$ ، والسرعة المتجهة الابتدائية هي $v(0) = 4$ والموقع الابتدائي هو $s(0) = 0$.

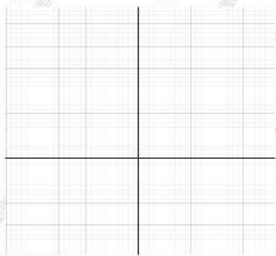
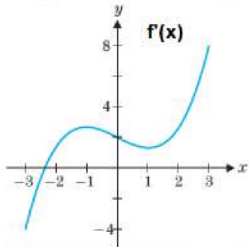
AHMED ATA

AHMED ATA

19

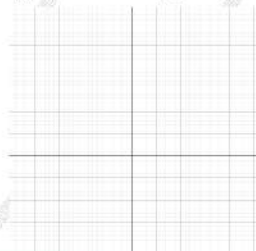
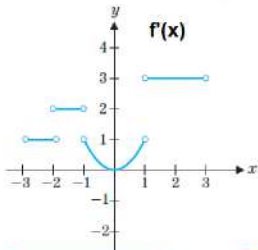
Sketch the graph of functions $f(x)$ corresponding to the given graph of $y = f'(x)$.

ارسم التمثيل البياني للدالة $f(x)$ المقابل لرسم المشتقة $f'(x)$ الموضحة في الرسم



Sketch the graph of function $f(x)$ corresponding to the given graph of $y = f'(x)$.

ارسم التمثيل البياني للدالة $f(x)$ المقابل لرسمه المشتقة $f'(x)$ الموضحة في الرسم



21

Boyle's law for a gas at constant temperature is $PV = c$, where P is pressure, V is volume and c is a constant. Assume that both P and V are functions of time.

(a) Show that
$$\frac{P'(t)}{V'(t)} = \frac{-c}{V^2}$$

(b) Solve for P as a function of V . Treating V as an independent variable, compute $P'(V)$. Compare $P'(V)$ and $P'(t) / V'(t)$ from parts (a) and (b).

قانون بويل للغاز في درجة حرارة ثابتة هو $PV = c$ حيث إن P ضغط الغاز، و V هو حجم الغاز و c هو ثابت الغازات. على فرض أن كل من V و P هي

$$\frac{P'(t)}{V'(t)} = \frac{-c}{V^2}$$

دوال بالزمن. a) بين أن

b) أوجد حل لـ P كدالة بالمتغير V . اعتبر أن V متغير مستقل، فاحسب $P'(V)$. قارن بين $P'(V)$ و $P'(t) / V'(t)$ من الجزئين a و b

23

AHMED ATA

The frequency at which a guitar string vibrates (which determines the pitch of the note we hear) is related to the tension T to which the string is tightened, the density ρ of the string and the effective length L of the string by the equation $f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{\rho}}$. By running his finger along a string, a guitarist

AHMED ATA

can change L by changing the distance between the bridge and his finger. Suppose that $L = \frac{1}{2}$ ft and $\sqrt{\frac{T}{\rho}} = 220$ ft/s so that the units of f are Hertz (cycles per second). If the guitarist's hand slides so that $L'(t) = -4$, find $f'(t)$.

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

EOT 5 Term 2

atamath.com

0566010255

24

AHMED ATA

L من خلال تغيير المسافة بين مشط الجيتار وإصبعه على
فرض أن $L = \frac{1}{2}$ ft و $\sqrt{\frac{T}{\rho}} = 220$ ft/s ولذلك فإن وحدات f
هي الهرتز (دورة في الثانية). إذا ارتلخت يد عازف الجيتار
حتى أصبحت $L'(t) = -4$ ، فجد $f'(t)$

AHMED ATA

AHMED ATA

يرتبط تردد اهتزاز أوتار الجيتار (الذي يحدد طبقة صوت
النغمة التي نسمعها) بالتوتر T الذي يشد به الوتر، الكثافة ρ
للوتر والطول الفعال L للوتر من خلال المعادلة عند تمرير
عازف الجيتار إصبعه على الوتر. $f = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{\rho}}$ فيمكنه تغيير

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

25

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

Water is being pumped into a spherical tank of radius 60 feet at the constant rate of $10 \text{ ft}^3/\text{sec}$.

- (a) Find the rate at which the radius of the top level of water in the tank changes when the tank is half full.
- (b) Find the height at which the height of the water in the tank changes at the same rate as the radius.

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

- صُخَّتْ مِيَاهُ إِلَى خِزَانٍ كُرْوِي نِصْفَ قَطْرِهِ 60 ft بِمَعْدَلٍ ثَابِتٍ $10\text{ ft}^3/\text{s}$
- (a) جَدِّ مَعْدَلَ تَغْيِيرِ نِصْفِ قَطْرِ أَعْلَى مَسْتَوَى لِمِيَاهِ فِي الْخِزَانِ عِنْدَمَا يَمْتَلِئُ الْخِزَانُ إِلَى النِّصْفِ.
- (b) جَدِّ الارتفاعَ الَّذِي تَتَغَيَّرُ فِيهِ الْمِيَاهُ فِي الْخِزَانِ بِنِصْفِ مَعْدَلِ نِصْفِ قَطْرِهِ.

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA

AHMED ATA



Mr. Ahmed Ata
Featured Program

تم بحمد لله