

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات وجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade15>

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

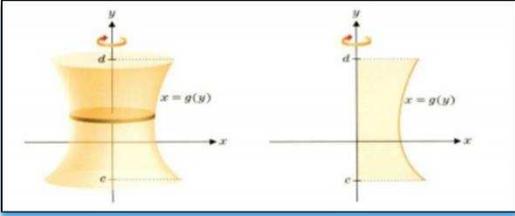
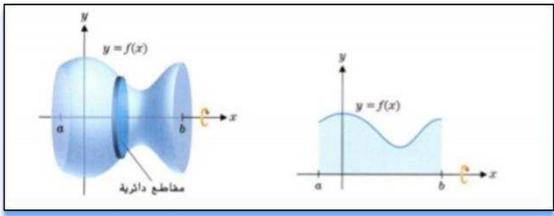
تلخيص الحجوم الدورانية بطريقة الأقراص (اعداد المعلمة: بيان عربي)

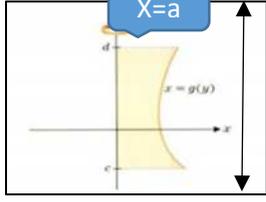
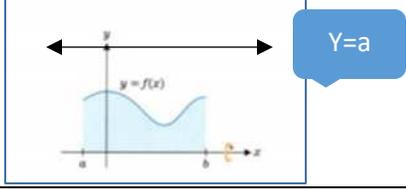
تستخدم هذه الطريقة في حال دوران منطقة محدودة بمنحى ومحور دوران ملاصق لها

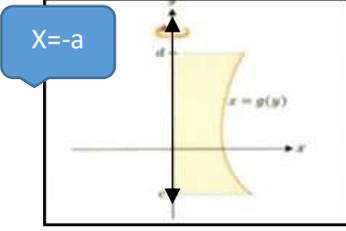
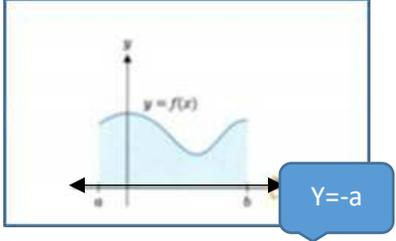
والقرص عبارة عن دائرة مساحتها $A = \pi r^2$

$$v = \int \pi r^2$$

r هي المسافة بين محور الدوران والمنحنى وتكون عمودية على محور الدوران دائما

محور الدوران حول الصادات	محور الدوران حول السينات
	
يكون التكامل بدلالة y	يكون التكامل بدلالة x
$r = g(y)$	$r = f(x)$
حدود التكامل هي قيم y من بداية المنطقة المظللة الى نهايتها عموديا	حدود التكامل هي قيم x من بداية المنطقة المظللة الى نهايتها افقيا
$v = \int_c^d \pi (g(y))^2 dy$	$v = \int_a^b \pi (f(x))^2 dx$

<p>محور الدوران محور راسيا</p> 	<p>محور الدوران افقيا</p> 
يبقى التكامل بدلالة y	يبقى التكامل بدلالة x
اذا كان محور الدوران راسيا وملاصقا للمنطقة المظلة من جهة اليمين ومعادلته $x = a$	اذا كان محور الدوران افقيا وملاصقا للمنطقة المظلة من الأعلى ومعادلته $y = a$
$r = a - g(y)$	$r = f(x) - a$
$v = \int_c^d \pi (a - g(y))^2 dy$	$v = \int_a^b \pi (f(x) - a)^2 dx$

	
اذا كان محور الدوران راسيا وملاصقا للمنطقة المظلة من جهة اليسار ومعادلته $x = -a$	اذا كان محور الدوران افقيا وملاصقا للمنطقة المظلة من الأسفل ومعادلته $y = -a$
$r = g(y) + a$	$r = f(x) + a$
$v = \int_c^d \pi (g(y) + a)^2 dy$	$v = \int_a^b \pi (f(x) + a)^2 dx$
ولا ننسى أن نكتب وحدة مكعبة بعد إيجاد قيمة التكامل	

اعداد المعلمة: بيان عربلي

قناة روائع الرياضيات: YouTube

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق