

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



حل أسئلة الامتحان النهائي

[موقع المناهج](#) ← [المناهج الإماراتية](#) ← [الصف الثاني عشر المتقدم](#) ← [رياضيات](#) ← [الفصل الثاني](#) ← [الملف](#)

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر المتقدم

روابط مواد الصف الثاني عشر المتقدم على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثاني

أسئلة الامتحان النهائي الالكتروني والورقي - بريدج	1
حل اختبار تجريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري	2
اختبار تجريبي يحاكي الامتحان النهائي وفق الهيكل الوزاري	3
حل تجميعة أسئلة بونس متوقعة في الامتحان النهائي	4
تجميعة أسئلة بونس متوقعة في الامتحان النهائي	5

بِسْمِ اللَّهِ الرَّكَّانِ الرَّحِيمِ

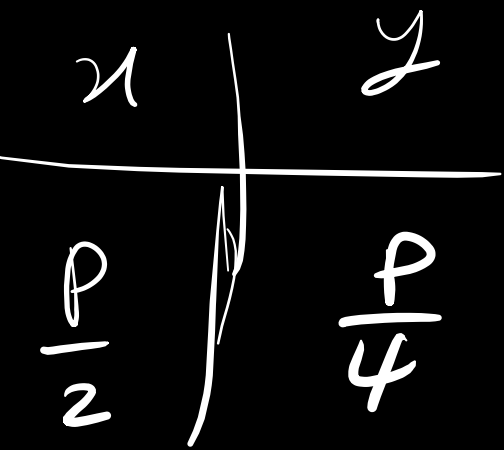
كل إمتحان هادي وبعض الدراسات لبتاني

End of Term Exam (answers)

وَقَلَّمَ اللَّهُ وَأُذْخَلْنَا فِي حَبَاتِهِ

Math رياضيات

حل المسألة

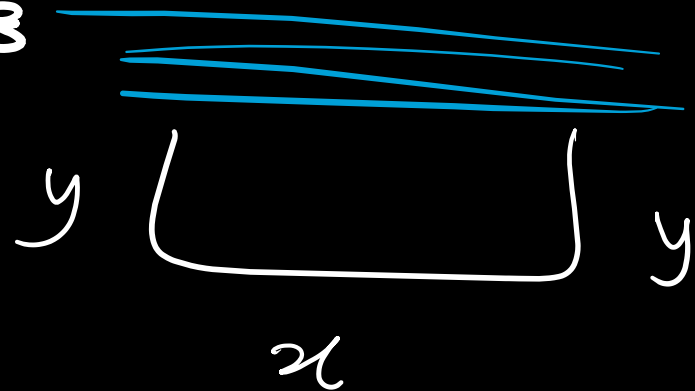


$$A = xy$$

$$= \frac{P}{2} \times \frac{P}{4}$$

$$\frac{8P^2}{8} = \frac{(80)^2}{8}$$

$$= \boxed{800}$$



$$A = xy$$

$$A(y) = (80 - 2y)y$$

$$A(y) = 80y - 2y^2$$

$$x + 2y = 80$$

$$x = 80 - 2y$$

$$80 - 2(20) = 40$$

$$\bar{A}(y) = 80 - 4y = 0$$

$$\boxed{y = 20}$$

$$\boxed{y = 20}$$

$$x = 40$$

y	20
\bar{A}	$+$
A	\rightarrow

A three-sided fence is to be built next to a straight section of river, which forms the fourth side of a rectangular region. There is 80 ft of fencing available. Find the maximum enclosed area.

يجب بناء سياج من ثلاثة جوانب بجوار الجزء المستقيم من النهر، الذي يشكل الجانب الرابع لمنطقة مستطيلة. يتوفر 80 ft من السياج. أوجد القيمة العظمى للمساحة المحاطة بالسياج.

المخرجات العظمى المرتبطة

MAT.6.02.03.002 9

40 ft²

60 ft²

400 ft²

800 ft²

800 ft²

Find the general antiderivative.

$$\int \frac{8x}{x^2+7} dx$$

أوجد الدالة الأصلية.

$$\int \frac{8x}{x^2+7} dx$$

المخرجات المتوقعة

MAT6.03.02.001

a. $\frac{1}{2} \ln|x^2+7| + c$

b. $\frac{1}{4} \ln|x^2+7| + c$

c. $2 \ln|x^2+7| + c$

d. $4 \ln|x^2+7| + c$

$$\int \frac{8x}{x^2+7} dx = 4 \int \frac{\frac{1}{4} x 8x}{x^2+7} dx = 4 \ln|x^2+7| + C$$

f

$$\frac{d}{dx}(x^2+7) = 2x \rightarrow f'$$

If $f(x) = \int_x^{x^2} \sin 3t dt$,
compute $f'(x)$.

إذا كانت $f(x) = \int_x^{x^2} \sin 3t dt$
احسب $f'(x)$.

$f(x) = 2x \sin 3x^2 - \sin 3x$

$f'(x) = 2x \sin 3x^2 + \sin 3x$

$f(x) = \sin 3x - 2x \sin 3x^2$

$f'(x) = \sin 3x^2 - \sin 3x$

$f(x) = \int_x^{x^2} \sin 3t dt$

$f(x) = 2x \cdot [\sin 3x^2] - 1 \cdot [\sin 3x]$

$f(x) = 2x \sin 3x^2 - \sin 3x$

$f(x) = \int_{u(x)}^{u(x)} f(t) dt$

$f(x) = f(u) \cdot \bar{u} - f(u) \cdot \bar{u}$

$f(x) = \bar{u} f(u) - \bar{u} f(u)$

Find the linear approximation to

$$f(x) = \frac{5}{x} \text{ at } x_0 = 1.$$

أوجد التقريب الخطي للدالة

$$f(x) = \frac{5}{x} \text{ عند } x_0 = 1.$$

المخرجات المتوقعة

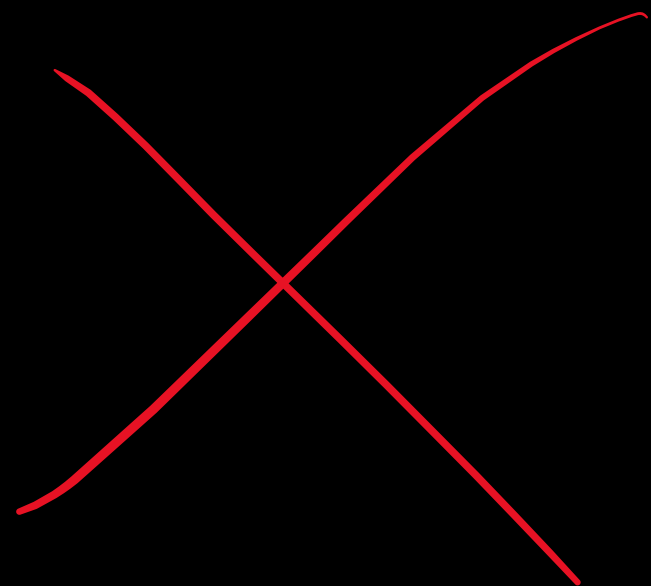
MAT.S.04.01.001

a
 $L(x) = -10 - 5x$

b
 $L(x) = -10 + 5x$

c
 $L(x) = 10 - 5x$

d
 $L(x) = 10 + 5x$



Suppose a forest fire spreads in a circle with radius changing at a rate of 5 ft/min. When the radius reaches 100 ft, at what rate is the area of the burning region increasing?

على فرض أن حريق غابات ينتشر في دائرة بنصف قطر يتغير بمعدل 5 ft/min. عندما يصل نصف القطر إلى 100 ft، فما هو معدل تزايد مساحة المنطقة المحترقة؟

المخرجات المطلوبة

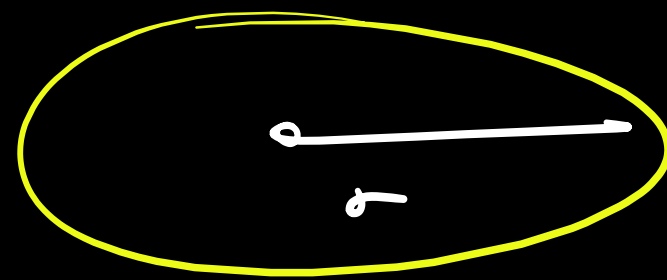
MAT.6.04.05.002

a. $200\pi \text{ ft}^2/\text{min}$

b. $500\pi \text{ ft}^2/\text{min}$

c. $1000\pi \text{ ft}^2/\text{min}$

d. $2000\pi \text{ ft}^2/\text{min}$



$$\frac{dr}{dt} = 5$$

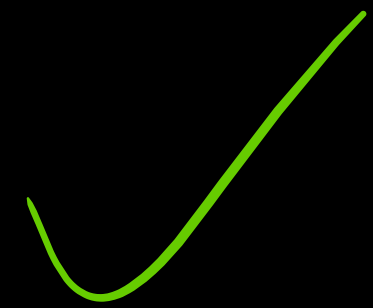
$$\frac{dA}{dt} = ?$$

$$r = 100$$

$$A = \pi r^2$$

$$\frac{dA}{dt} = 2\pi r \frac{dr}{dt}$$

$$\frac{dA}{dt} = 2\pi (100)(5) = 1000\pi \text{ ft}^2/\text{min}$$



Determine the graph of the function
 $f(x) = \frac{2x}{x^2-1}$

حدد التمثيل البياني للدالة
 $f(x) = \frac{2x}{x^2-1}$

المعهد السعودي للتقنية
 0071133100

$$f(x) = \frac{2x}{x^2-1}$$

$$x^2 + 1 = 0 \rightarrow x = \pm 1$$

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty \quad \text{رأس}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a \quad \text{أفق}$$

- $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty$
 - $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty$
 - $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$
 - $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = -\infty$
 - $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$
 - $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$
- $x=1, x=-1$ خط تقارب رأسي
 $y=0$ خط تقارب أفقي

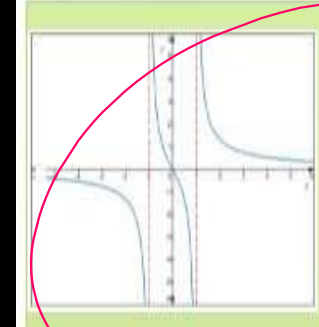
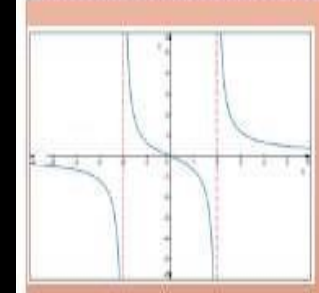
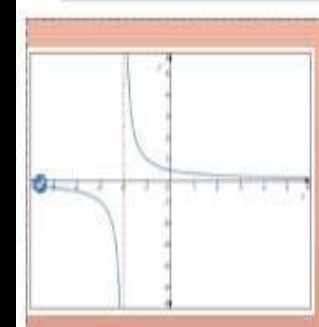
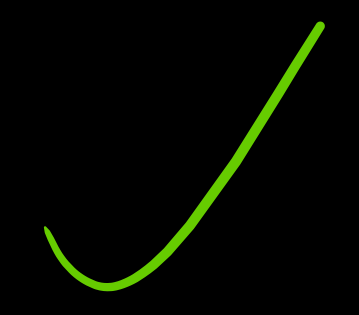
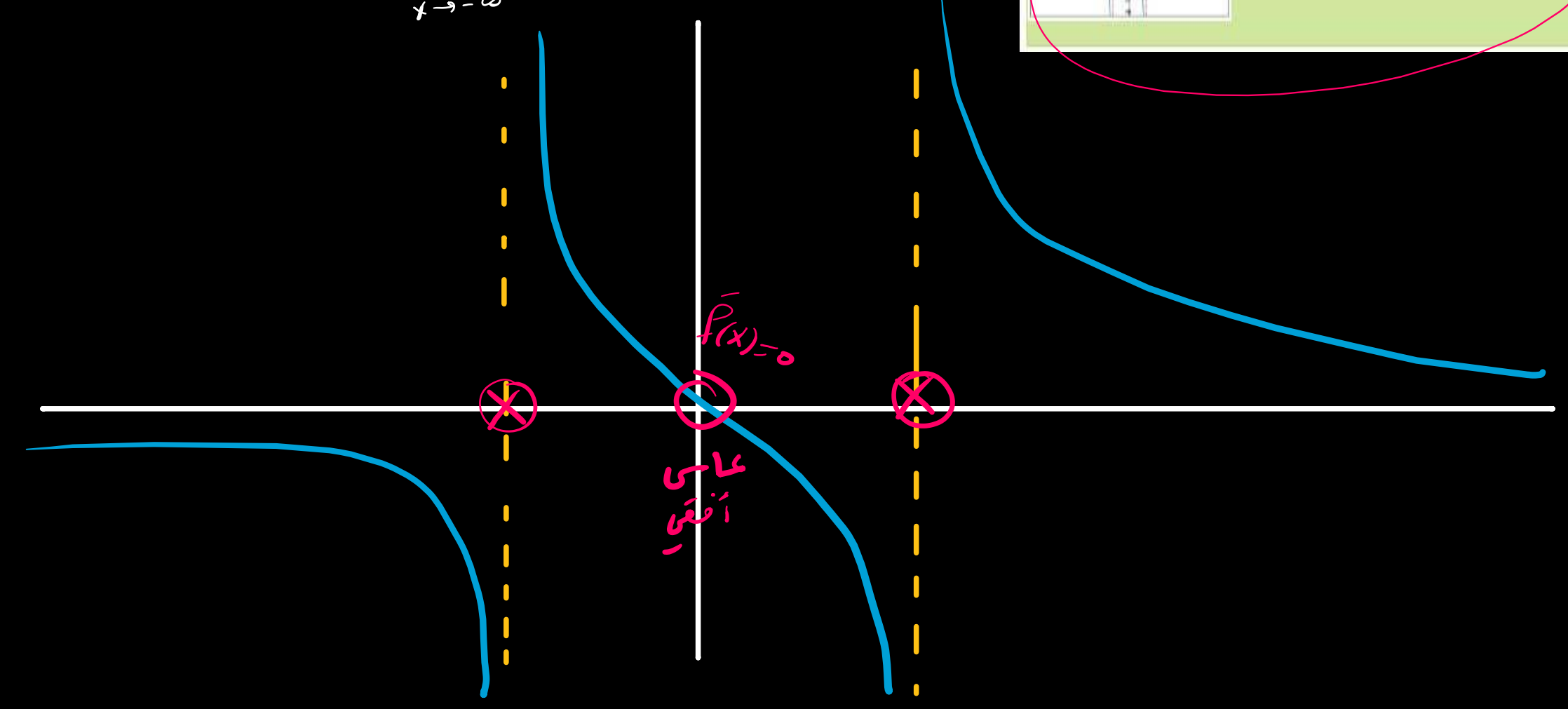
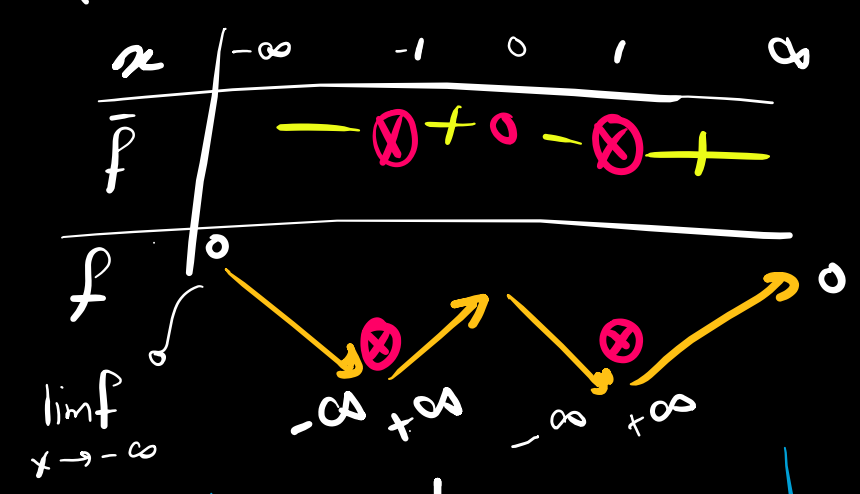
$$\bar{f}(x) = \frac{2(x^2-1) - 2x(2x)}{(x^2-1)^2}$$

$$\bar{f}(x) = \frac{2x^2 - 2 - 4x^2}{(x^2-1)^2}$$

$$\bar{f}(x) = \frac{-2x^2 - 2}{(x^2-1)^2} \rightarrow \frac{-2(x^2-1)}{(x^2-1)^2} < 0 \quad \text{الدالة متناقصه}$$

$$\bar{f}(x) = 0 \quad \bar{f}(x) = P.E$$

$$x=0, x=\pm 1$$



اكتب التعبير في صورة تكامل منفرد.

Write the expression as a single integral.

$$\int_0^5 f(x) dx - \int_2^5 f(x) dx$$

$$\int_0^5 f(x) dx - \int_2^5 f(x) dx$$

المخرجات المتوقعة المرتبطة

MAT.6.03.03.007

$$\int_0^2 f(x) dx$$

$$\int_2^5 f(x) dx$$

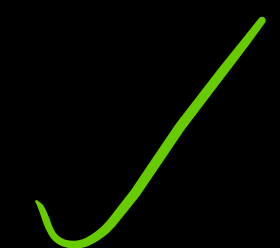
$$\int_5^2 f(x) dx$$

$$\int_0^5 f(x) dx$$

$$\int_0^5 f(x) dx - \int_2^5 f(x) dx$$

من علاقة سال

$$\int_0^5 f(x) dx - \left(- \int_5^2 f(x) dx \right) = \int_0^5 f(x) dx + \int_5^2 f(x) dx = \int_0^2 f(x) dx$$



Determine the position function if
the velocity function is
 $v(t) = 8 - 6t$ and the initial
position is $s(0) = 4$.

حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة السرعة المتجهة
هي $v(t) = 8 - 6t$ والموقع الابتدائي هو
 $s(0) = 4$.

المرحلات المطلوبة

MAT.6.03.02.002

a. $s(t) = 8t - 6t^2 + 4$

b. $s(t) = 8t - 3t^2 + 4$

c. $s(t) = 6t^2 - 8t + 4$

d. $s(t) = 3t^2 - 8t + 4$

$$s(t) = \int v(t) dt$$

$$= \int 8 - 6t dt$$

$$v(t) = 8 - 6t, \quad s(0) = 4$$

$$s(t) = 8t - 3t^2 + 4$$

$$s(t) = 8t - 3t^2 + C \implies s(0) = 4 \implies 8(0) - 3(0)^2 + C = 4$$
$$C = 4$$

Find the inflection points of
 $f(x) = x^4 + 12x^3 - x$.

أوجد نقاط الانعطاف لـ
 $f(x) = x^4 + 12x^3 - x$

المخرجات المتوقعة المرتبطة

MAT.6.04.04.002

$(-6, f(-6)), (0, f(0))$

$(-6, f(-6)), (6, f(6))$

$(0, f(0)), (6, f(6))$

$(-6, f(-6)), (0, f(0)), (6, f(6))$

$$f(x) = x^4 + 12x^3 - x$$

$$f'(x) = 4x^3 + 36x^2 - 1$$

$$f''(x) = 12x^2 + 72x = 0$$

$$x = -6 \quad x = 0$$

نقاط الانعطاف

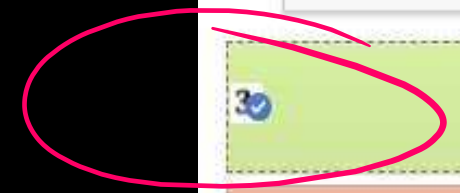
$(-6, f(-6)), (0, f(0))$

Evaluate $\int_0^3 (x^2 - 2) dx$.

أوجد قيمة $\int_0^3 (x^2 - 2) dx$

الاسئلة المتكررة

MAT60304001



3

7

2

2

$$\int_a^b f(x) dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) - F(a)$$
$$\int_0^3 (x^2 - 2) dx = \left[\frac{1}{3} x^3 - 2x \right]_0^3 = \left(\frac{1}{3} (3)^3 - 2(3) \right) - 0 = 3$$

Evaluate $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x^2+5}{x^2-9}$.

أوجد قيمة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x^2+5}{x^2-9}$.

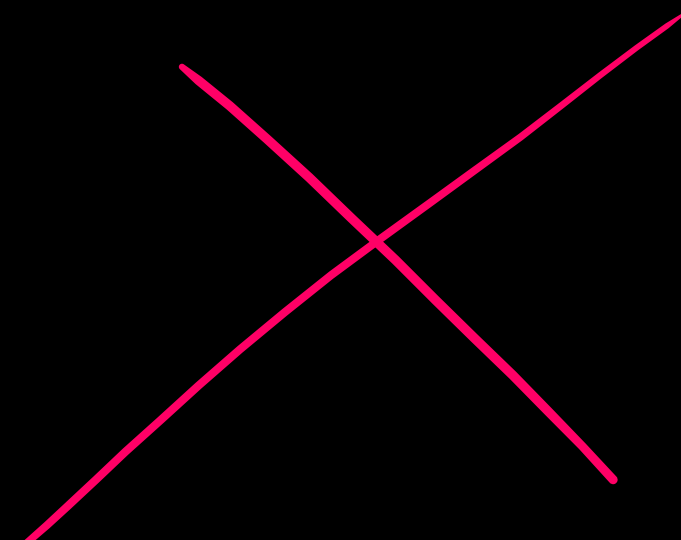
المخرجات المتوقعة: العرصة

MAT6.04.02.002

1
7

7

c



Find the general antiderivative.

$$\int 5 \frac{\sin x}{\cos^2 x} dx$$

أوجد الدالة الأصلية.

$$\int 5 \frac{\sin x}{\cos^2 x} dx$$

المخرجات المتوقعة

MAT6.03.02.001

a. $-5 \sec x + c$

b. $5 \sec^2 x + c$

c. $5 \tan^2 x + c$

d. $5 \sec x + c$

$$5 \int \frac{\sin x}{\cos^2 x} dx =$$

$$5 \int \frac{\sin x}{\cos x \cdot \cos x}$$

$$5 \int \sec x \tan x = \boxed{5 \sec x + c}$$

Assume that

$$\int_1^4 f(x) dx = 5 \text{ and } \int_1^4 g(x) dx = -3.$$

Find $\int_1^4 [2f(x) - g(x)] dx$.

فرضاً أن

$$\int_1^4 g(x) dx = -3 \text{ و } \int_1^4 f(x) dx = 5$$

أوجد $\int_1^4 [2f(x) - g(x)] dx$.

2

7

8

10

$$\int_1^4 f(x) dx = 5$$

$$\int_1^4 g(x) dx = -3$$

$$\int_1^4 [2f(x) - g(x)] dx =$$

$$2 \int_1^4 f(x) dx - \int_1^4 g(x) dx = 2(5) - (-3)$$

$$= 13$$

Evaluate $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$.

أوجد قيمة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$.

المخرجات المتوقعة

MAT6.04.02.002

- 70

0

1

2

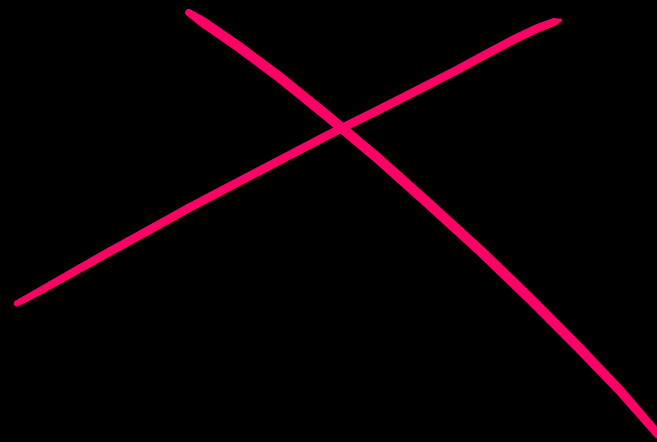
c

a

b

c

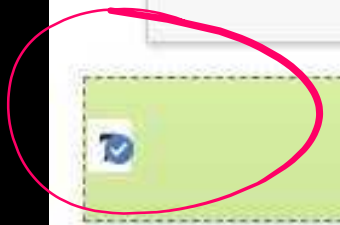
d



Compute the average value of
 $f(x) = 4x + 3$ on the interval
 $[0, 2]$.

احسب القيمة المتوسطة لـ $f(x) = 4x + 3$
على الفترة $[0, 2]$.

المخرجات المتوقعة
MAT.6.03.03.008



$$f_{avg} = f(c) = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) dx$$
$$f_{avg} = \frac{1}{2-0} \int_0^2 4x + 3 dx$$
$$f_{avg} = \frac{1}{2} \cdot [2x^2 + 3x]_0^2$$
$$f_{avg} = \frac{1}{2} \cdot [2(2)^2 + 3(2) - 0]$$

$$f_{avg} = 7$$

Find all the critical numbers of

$$f(x) = x^4 - 8x^2 + 7.$$

أوجد كل الأعداد الحرجة لـ

$$f(x) = x^4 - 8x^2 + 7$$

المخرجات المطلوبة المرتبطة

MAT6.D4.03.002

$$x = -\frac{1}{2}, x = 0, x = \frac{1}{2}$$

$$x = -\frac{1}{2}, x = \frac{1}{2}$$

$$x = -2, x = 2$$

$$x = -2, x = 0, x = 2$$

$$f(x) = x^4 - 8x^2 + 7$$

$$f'(x) = 4x^3 + 16x = 0$$

$$4x(-x^2 + 4) = 0$$

$$4x = 0$$
$$x = 0$$

$$-x^2 + 4 = 0$$
$$4 - x^2 = 0$$
$$x = \pm 2$$

$$D: (-\infty, \infty)$$

Find the absolute extrema of the function $f(x) = x^3 - 12x + 10$ on the interval $[0, 3]$.

أوجد القيم القصوى المطلقة لدالة $f(x) = x^3 - 12x + 10$ في الفترة $[0, 3]$.

المخرجات المتوقعة العنونة

MAT6.04.03.004

a. $f'(0) = 10, f(3) = 1$

b. $f'(0) = 10, f(2) = -6$

c. $f'(2) = -6, f(3) = 1$

d. $f'(0) = 10, f(2) = -6, f(3) = 1$

$$f(x) = x^3 - 12x + 10$$

$$[0, 3]$$

$$f'(x) = 3x^2 - 12 = 0$$

$$x^2 - 4 = 0$$

$$x = 2, x = -2$$

$$f(0) = (0)^3 - 12(0) + 10 = 10$$

$$f(3) = (3)^3 - 12(3) + 10 = 1$$

$$f(2) = (2)^3 - 12(2) + 10 = -6$$

$$f(-2) = (-2)^3 - 12(-2) + 10 = 26$$

* اختيار القيم عند الأعداد الحدية

و أطراف الفترة المغلقة

القيم القصوى المطلقة:

قيمة عظمى مطلقة $f(0) = 10$

قيمة صغرى مطلقة $f(2) = -6$

If the cost of manufacturing x items
is $C(x) = x^3 + 20x^2 + 90x + 15$
Find the marginal cost at $x = 30$.

إذا كانت تكلفة تصنيع x منتج هي
 $C(x) = x^3 + 20x^2 + 90x + 15$
أوجد التكلفة الحدية عند $x = 30$.

$C'(30) = 2190$

$C'(30) = 3390$

$C'(30) = 3990$

$C'(30) = 4005$



تكلفة إنتاج أول n قطعة $C(x_n)$

الذكلفة الفعلية لإنتاج القطعة رقم n $C(x_n) - C(x_{n-1})$

الذكلفة الحدية لإنتاج القطعة رقم n $\bar{C}(x_n)$

$$C(x) = x^3 + 20x^2 + 90x + 15$$

$$\bar{C}(x) = 3x^2 + 40x + 90$$

$$\bar{C}(30) = 3(30)^2 + 40(30) + 90$$

$$\bar{C}(30) = 3990$$

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$

أوجد قيمة التكامل غير المحدود.

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$

المخرجات المتوقعة

MAT60305.001

a. $-\frac{1}{2e^{\sqrt{x}}} + c$

b. $-\frac{2}{e^{\sqrt{x}}} + c$

c. $\frac{1}{2} e^{\sqrt{x}} + c$

d. $2e^{\sqrt{x}} + c$

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx = 2 \int \frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot e^{\sqrt{x}} dx = 2e^{\sqrt{x}} + c$$

u sub

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx = \int \frac{e^u}{\cancel{\sqrt{x}}} \cdot \cancel{2\sqrt{x}} du$$

$$= 2 \int e^u du = 2e^u + c = 2e^{\sqrt{x}} + c$$

$$u = \sqrt{x}$$
$$du = \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$$

$$dx = 2\sqrt{x} du$$

$$\sum_{c=1}^n c = nC$$

$$\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\sum_{i=1}^n i^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$$

Compute the sum.
 $\sum_{i=5}^9 (i^2 + 3)$

احسب المجموع.
 $\sum_{i=5}^9 (i^2 + 3)$

المخرجات المتوقعة
MATE03.03.001

a

b

270

c

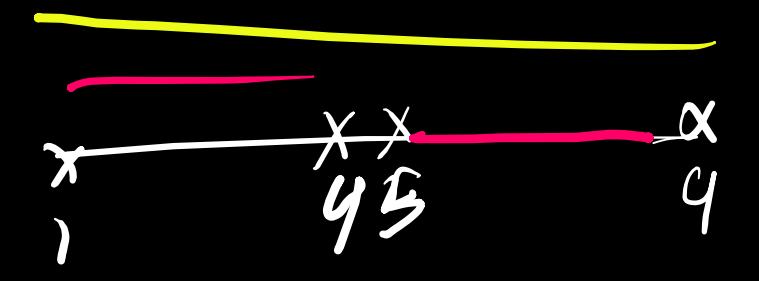
d

$$\sum_{i=5}^9 i^2 + 3 = \sum_{i=1}^9 i^2 + 3 - \sum_{i=1}^4 i^2 + 3$$

$$\sum_{i=m}^n a_i = \sum_{i=1}^n a_i - \sum_{i=1}^{m-1} a_i$$

$$\left[\frac{9(9+1)(18+1)}{6} + 3(9) \right] - \left[\frac{4(4+1)(8+1)}{6} + 3(4) \right]$$

$$= 312 - 42 = \boxed{270}$$



Use the given function values to estimate the area under the curve using left-endpoint evaluation.

استخدم قيم الدالة المعطاة لتقدير المساحة تحت المنحنى باستخدام قيم نقطة النهاية اليسرى.

x	0.0	0.1	0.2	0.3	0.4
$f(x)$	2.0	2.4	2.6	2.7	2.6

المخرجات الطبيعية المرتبطة

MAT6.03.03.002

0.97

1.03

0.97

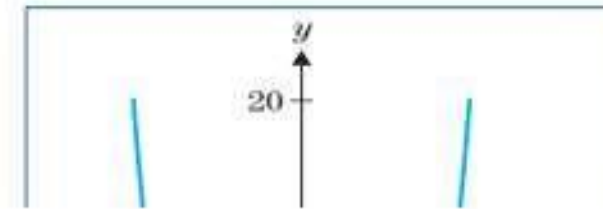
1.03

$$\sum_{i=1}^n f(x_i) \Delta x =$$

0.97

$$(0.1) \sum_{i=1}^3 [f(0) + f(0.1) + f(0.2) + f(0.3)] = [2 + 2.4 + 2.6 + 2.7] \times (0.1) =$$

Find the intervals where the function $f(x)$ is increasing. أوجد الفترات التي تكون فيها الدالة $f(x)$ متزايدة.



المخرجات المطلوبة

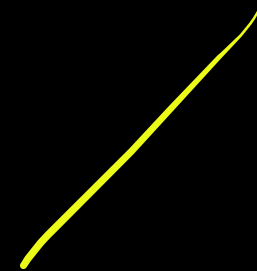
MAT.6.04.03.005

a. $(-\infty, -2) \cup (0, 2)$

b. $(-2, 0) \cup (2, \infty)$

c. $(-\infty, -2) \cup (2, \infty)$

d. $(-2, 0) \cup (0, 2)$



Find the x -coordinate of the local maximum of $f(x) = x^2 e^{-x}$.

أوجد إحداثي x للقيمة العظمى المحلية لـ $f(x) = x^2 e^{-x}$.

المخرجات المتوقعة

MAT.6.04.03.006

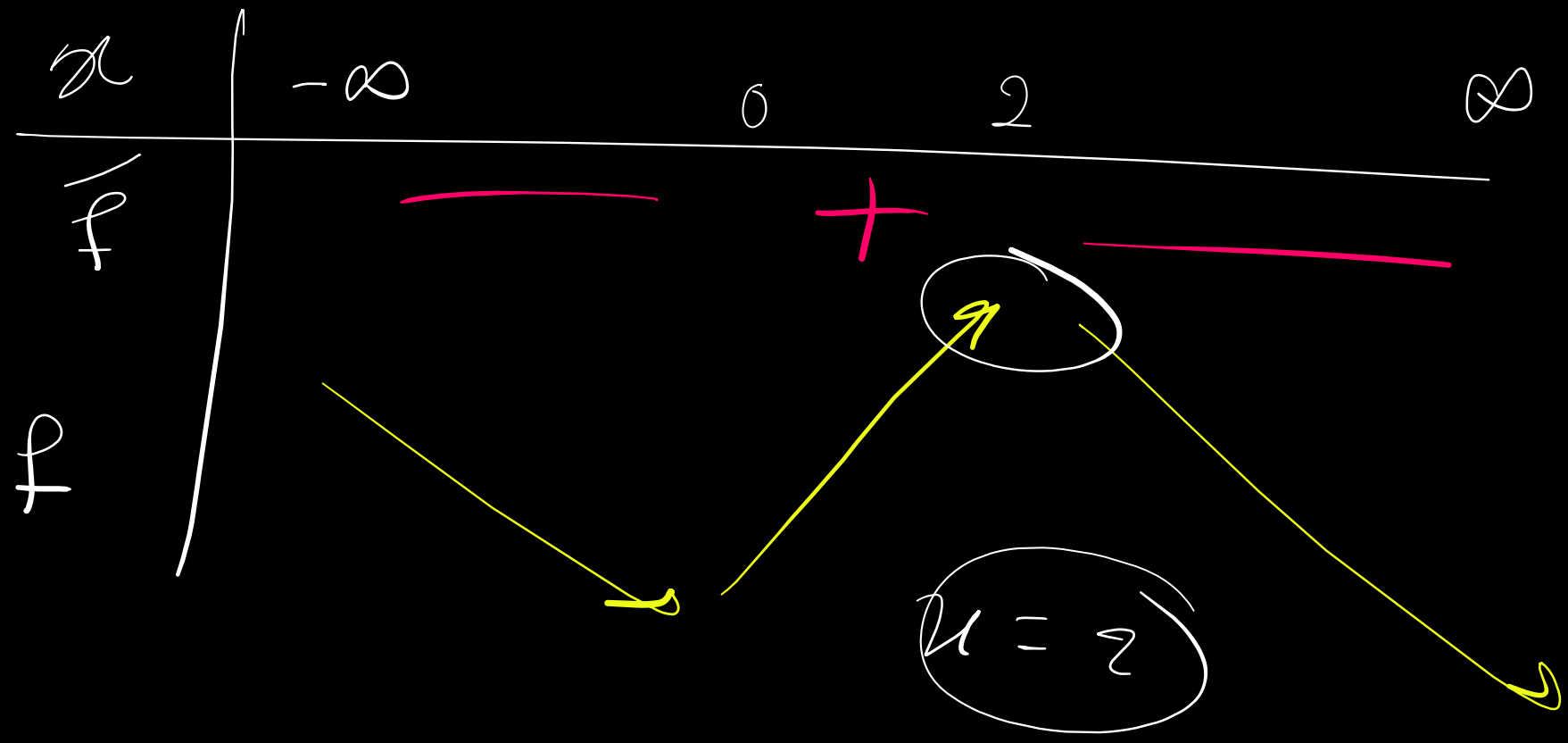
$x = -2$

$x = -\frac{1}{2}$

$x = 0$

$x = 2$

$$f(x) = x^2 e^{-x}$$
$$f'(x) = 2x e^{-x} - e^{-x} x^2$$
$$f'(x) = x e^{-x} (2 - x) = 0$$
$$x = 2, x = 0$$



Write the given (total) area as an integral or sum of integrals.
The area above the x -axis and below $y = 4 - x^2$.

اكتب (مجملاً) المساحة المعطاة في صورة تكامل أو ناتج جمع تكاملات.
المساحة فوق المحور x وتحت $y = 4 - x^2$.

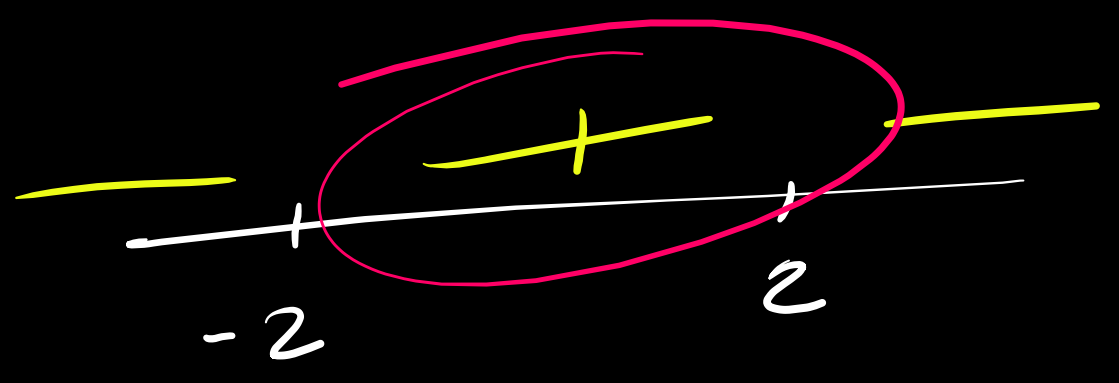
$\int_{-2}^2 (4 - x^2) dx$

$\int_{-2}^2 -(4 - x^2) dx$

$\int_0^2 -(4 - x^2) dx$

$\int_0^2 (4 - x^2) dx$

$y = 4 - x^2$
 $x = \pm 2$

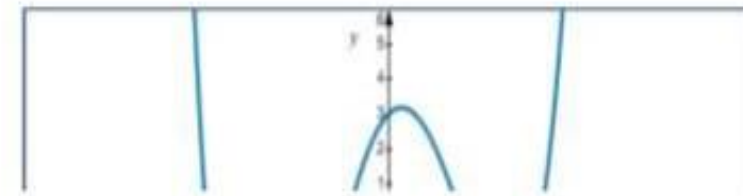


$$\int_{-2}^2 (4 - x^2) dx$$

$$\sum_{i=0}^5 i^2 + 2$$

Determine where the graph of
 $f(x) = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$
 is concave up.

حدد أين يكون التمثيل البياني للدالة
 $f(x) = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$
 مقعراً للأعلى.



المخرجات المتوقعة المرتبطة
 MAT60404.001

$(-\infty, -1)$

$(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$

$(1, 1)$

$(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$

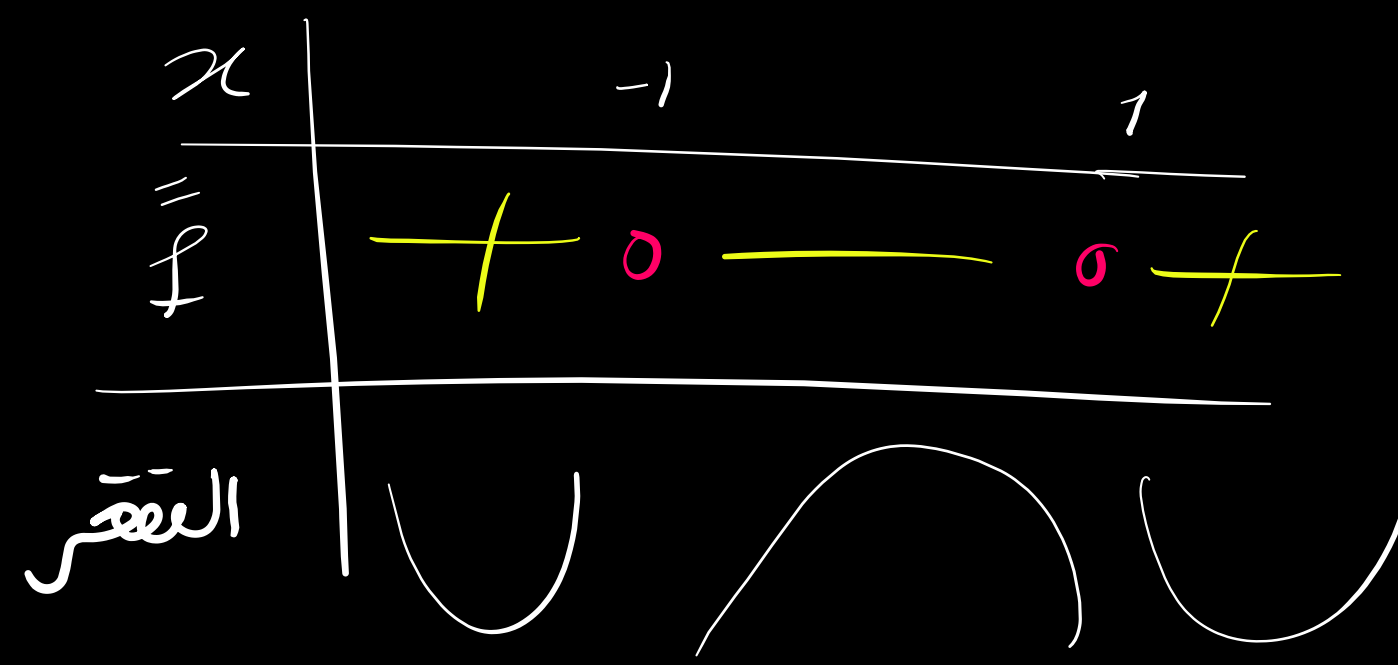
$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$$

$$f'(x) = 4x^3 - 12x + 2$$

$$f''(x) = 12x^2 - 12$$

$$x = 1$$

$$x = -1$$



$(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$