تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية

*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

https://almanahj.com/ae

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

https://almanahj.com/ae/15

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

https://almanahj.com/ae/15

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

https://almanahj.com/ae/15

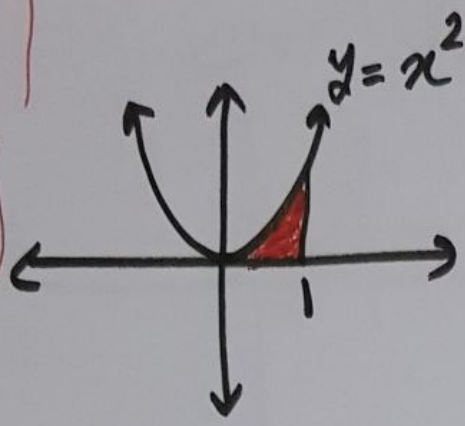
* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

https://almanahj.com/ae/grade15

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

مراجعة درس الحجوم



اوجد الحجم الناتج من دوران المنطقة في الحالات التاليه

١ حول المحور x (لا يوجد مجوف)

$$V = \pi \int_0^1 (x^2)^2 \, dx$$

$$= \pi \left[\frac{x^5}{5} \right]_0^1 = \frac{\pi}{5} \text{ unit}^3$$

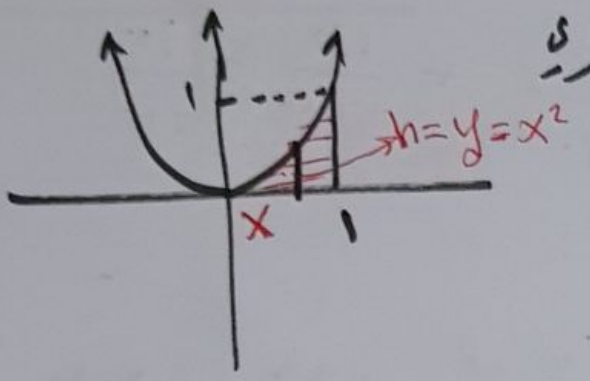
$$V = \pi \int_a^2 f^2(x) \, dx$$ هنا استخدمنا

٢ حول المحور y : يوجد مجوف

مراجعة درس الحجوم

حنا استخدام الاحداثي الديكارتي

نرسم مستقيم يوازي محور الدوران داخل المنطقة



$r = x \quad , \quad h = x^2$

$$V = 2\pi \int_0^1 x \cdot x^2 \, dx$$

$$= 2\pi \int_0^1 x^3 dx = 2\pi \left[\frac{x^4}{4} \right]_0^1$$

$$= \frac{\pi}{2} \text{ unit}^3$$

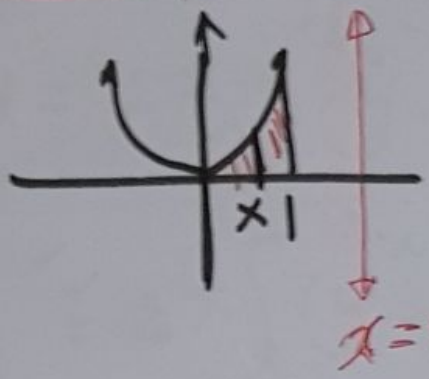
طريقة أخرى :

$$V = \pi \int_0^1 1^2 dy -$$

$$\pi \int_0^1 (\sqrt{y})^2 dy = \pi - \pi \frac{y^2}{2} \Big]_0^1$$

$$= \pi - \pi/2 = \frac{\pi}{2}$$

3 حول $x=2$



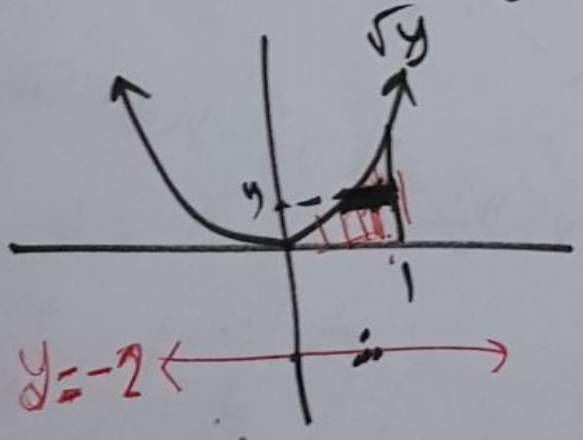
بالاصداف

$r = 2-x \quad , \quad h = x^2$

$V = 2\pi \int_0^1 (2-x)\cdot x^2 \, dx$

$= \dots$ الكمامتكي

4 حول $y=-2$



$r = y+2 \quad , \quad h = 1-\sqrt{y}$

$$V = 2\pi \int_0^1 (y+2)(1-\sqrt{y})\,dy$$

$$= 2\pi \int_0^1 (y - y\sqrt{y} + 2 - 2\sqrt{y})\,dy$$

$$= 2\pi \int_0^1 (y - y^{3/2} - 2y^{1/2} + 2)\,dy$$

$$= 2\pi \left[\frac{y^2}{2} - \frac{2}{5}y^{5/2} - 2\cdot\frac{2}{3}y^{3/2} + 2y \right]_0^1$$

$$= 2\pi \left[\frac{1}{2} - \frac{2}{5} - \frac{4}{3} + 2 \right]$$

$$= 2\pi [\quad] = \frac{23}{15}\pi$$

الحلقات:

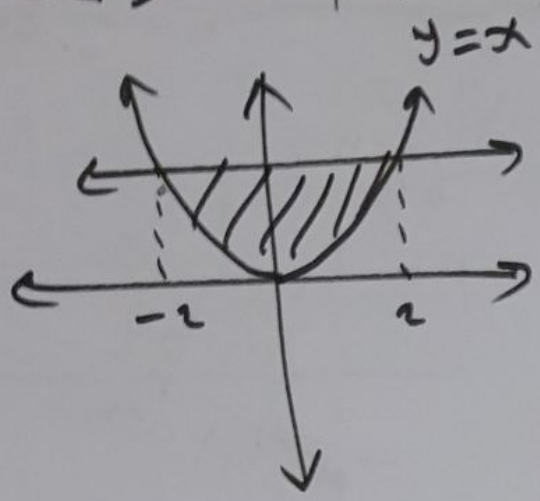
$$V = \pi \int_0^1 (x^2+2)^2 - \pi \int_0^1 (2)^2\,dx$$

$$V = \pi \int (x^4 + 4x^2 + 4)\,dx - \pi \int_0^1 4\,dx$$

$$\pi \left[\frac{x^5}{5} + 4\frac{x^3}{3} + 4x \right]_0^1 - 4\pi$$

$$\pi \left[\frac{1}{5} + \frac{4}{3} + 4 \right] - 4\pi = \frac{23}{15}\pi$$

الحجوم



[1] حول المحور x

$$V = \pi \int_{-2}^{2} (4)^2 dx - \pi \int_{-2}^{2} (x^2)^2 dx$$

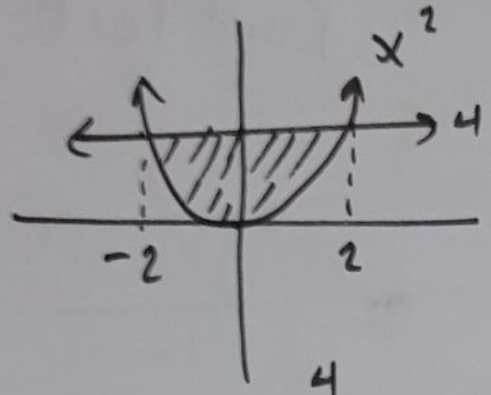
$$= \pi \int_{-2}^{2} (16 - x^4) dx$$

$$= \pi \left(16x - \frac{x^5}{5} \right) \Big]_{-2}^{2}$$

$$= \frac{256\pi}{5}$$ وحدة مكعب

حجوم دوران

2 حول المحور y ($x=0$)



$x = \pm\sqrt{y}$

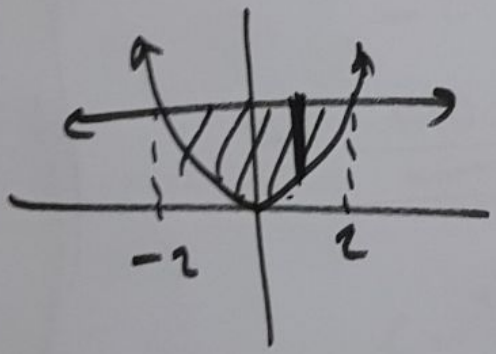
نأخذ $x = \sqrt{y}$

$$V = \pi \int_0^4 (\sqrt{y})^2 \, dy$$

$$= \pi \int_0^4 y \, dy = \pi \frac{y^2}{2} \Big]_0^4$$

$$= 8\pi$$

3 حول $x=2$



الاصداف

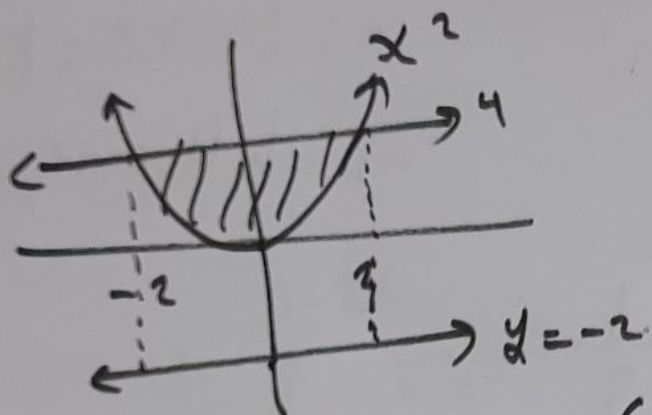
$h = 4 - x^2$

$r = 2 - x$

$$V = 2\pi \int_{-2}^{2} (2-x)(4-x^2) \, dx$$

$$= \frac{128\pi}{3}$$

حول [4] $y=-2$



$$V=\pi\int_{-2}^{2}(4+2)^2dx-\pi\int_{-2}^{2}(x^2+2)^2dx$$

$$=\pi\int_{-2}^{2}36\,dx-\pi\int_{-2}^{2}(x^2+2)^2dx$$

$$=\frac{1408\pi}{15}$$

مع تمنياتي للجميع

بالتفوق

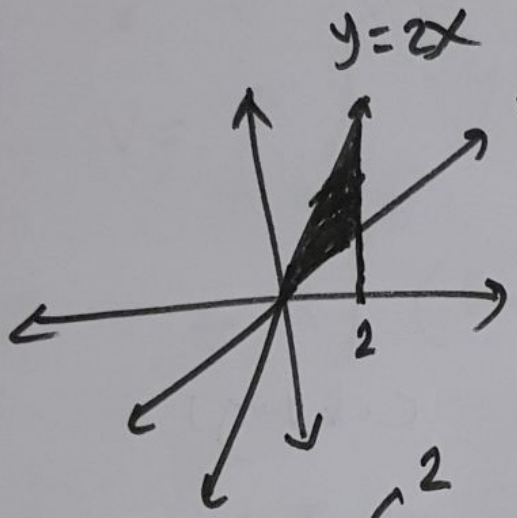
اوجد الحجم الناتج من دوران المنطقة المحدودة بالدوال

$y = 2x,\ y = x$

$x = 2$

حول كل من

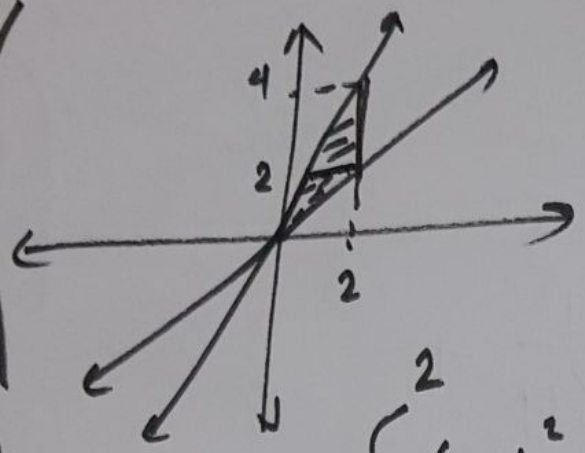
١) المحور x



$$V = \pi \int_0^2 (2x)^2 dx - \pi \int_0^2 x^2$$

$$= 8\pi$$

2 حول محور y



$x = y$

$x = \frac{y}{2}$

$$V = \pi \int_0^2 \left(y^2 - \frac{y^2}{4} \right) dy + \pi \int_2^4 \left(4 - \frac{y^2}{4} \right) dy$$

$$= 2\pi + \frac{10\pi}{3} = \frac{16\pi}{3}$$

3 حول $x = -1$ بالاصداف

$r = x + 1$

$h = 2x - x = x$

$$V = 2\pi \int_0^2 (x+1)(x)\,dx = 2\pi \left[\frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{2} \right]_0^2$$

$$= 2\pi \left(\frac{8}{3} + 2 \right) = \frac{28\pi}{3}$$