

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات وجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade15>

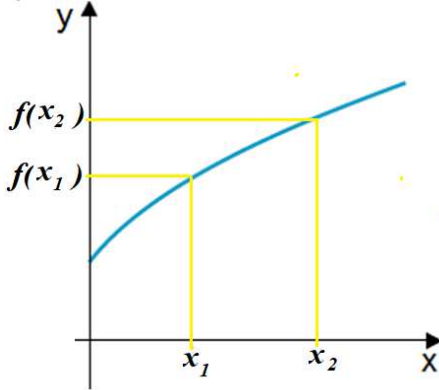
للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

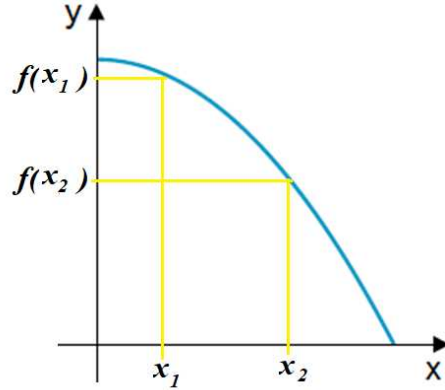
التعريف 4.1

تكون f دالة متزايدة في الفترة I إذا كانت لكل $x_1, x_2 \in I$ عندما $x_1 < x_2$. فإنّ $f(x_1) < f(x_2)$ [بمعنى، تصبح $f(x)$ أكبر كلما أصبحت x أكبر].

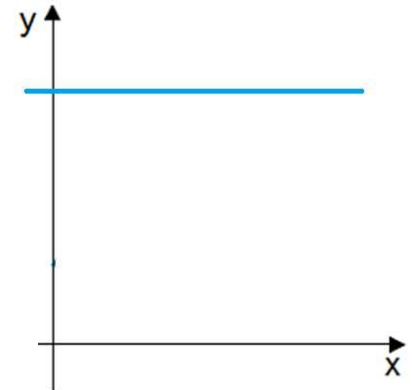
تكون f دالة متناقصة في الفترة I إذا كانت لكل $x_1, x_2 \in I$. فإنّ $f(x_1) > f(x_2)$ عندما $x_1 < x_2$ [بمعنى، تصبح $f(x)$ أكبر كلما أصبحت x أصغر].



..... متزايدة ..



..... متناقصة



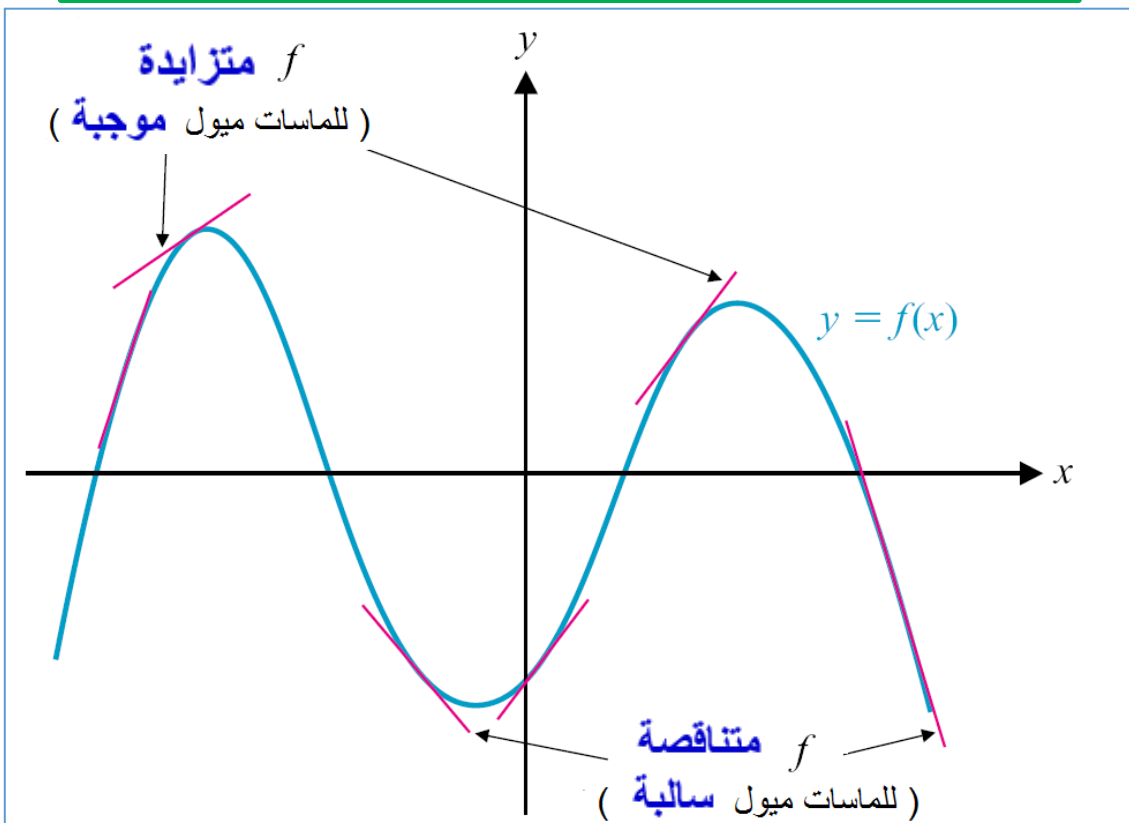
..... ثابتة

نظرية 4.1: العلاقة بين إشارة المشتقة الأولى والتزايد والتناقص:

النظرية 4.1

على فرض أن f قابلة للتفاضل في الفترة I .

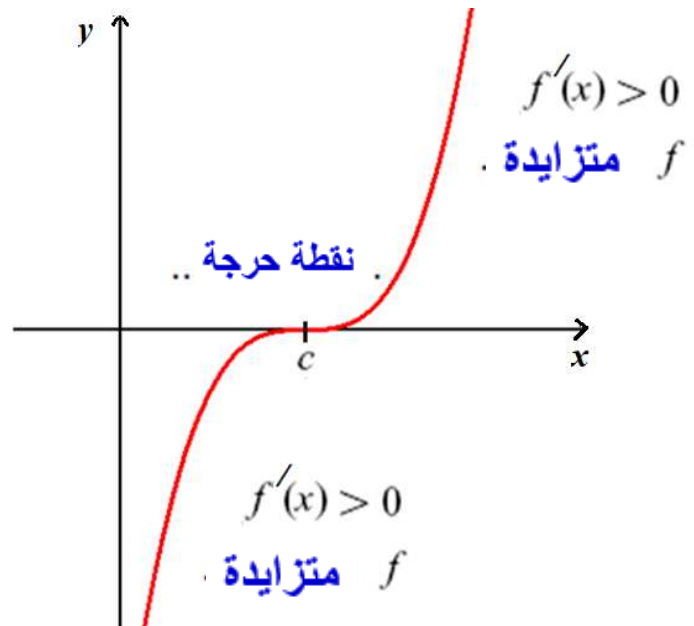
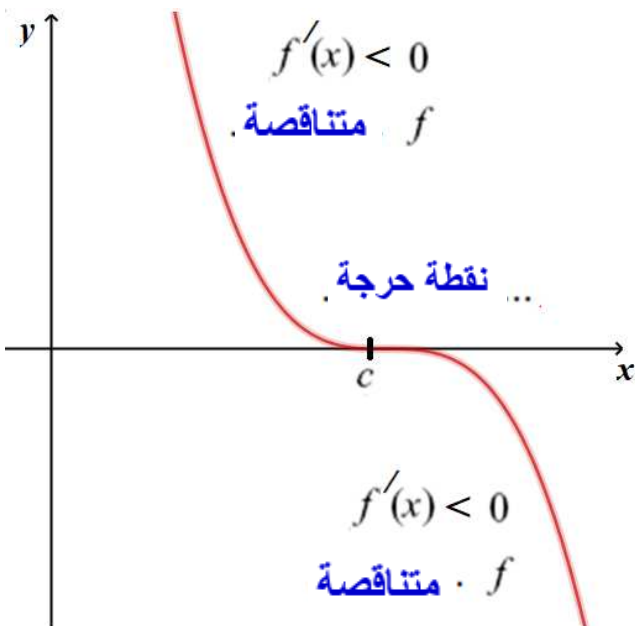
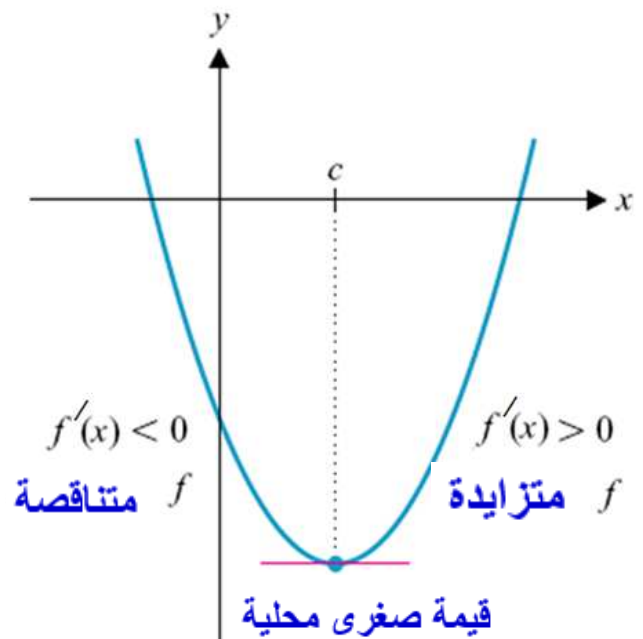
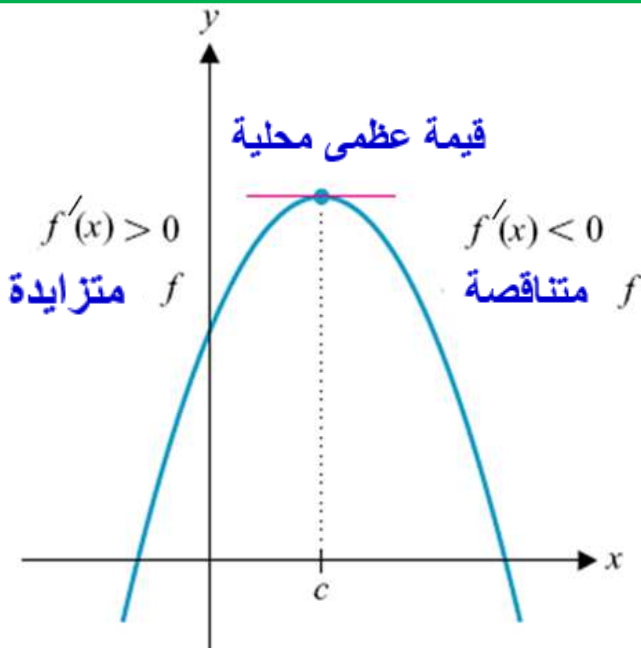
- (i) إذا كانت $f'(x) > 0$ لكل قيم $x \in I$. فإن f تكون متزايدة في I .
- (ii) إذا كانت $f'(x) < 0$ لكل قيم $x \in I$. فإن f تكون متناقصة في I .



نظرية 4.2: اختبار المشتقة الأولى للقيم القصوى المحلية:

النظرية 4.2 اختبار المشتقة الأولى

على فرض أن f متصلة في الفترة $[a, b]$ و $c \in (a, b)$ هو عدد حرج.
(i) إذا كانت $f'(x) > 0$ لكل $x \in (a, c)$ و $f'(x) < 0$ لكل $x \in (c, b)$ أي f تتغير من التزايد إلى التناقص عند c ، فإن $f(c)$ هي قيمة عظمى محلية.
(ii) إذا كانت $f'(x) < 0$ لكل $x \in (a, c)$ و $f'(x) > 0$ لكل $x \in (c, b)$ أي f تتغير من التناقص إلى التزايد عند c ، فإن $f(c)$ هي قيمة صغرى محلية.
(iii) إذا كانت $f'(x)$ لها الإشارة نفسها في الفترتين (a, c) و (c, b) ، فإن $f(c)$ ليست قيمة قصوى محلية.



تمارين ص 267:

أوجد (يدويا) فترات التزايد والتناقص والقيم القصوى المحلية وارسم الدالة:

1) $y = x^3 - 3x + 2$

المجال: $R = (-\infty, \infty)$

المشتقة الأولى: $y' = 3x^2 - 3$

الأعداد الحرجة: $f'(x)$ غير موجودة أو $f'(x) = 0$

$3x^2 - 3 = 0$ $3(x^2 - 1) = 0$

$3(x - 1)(x + 1) = 0$

$x = 1, x = -1$

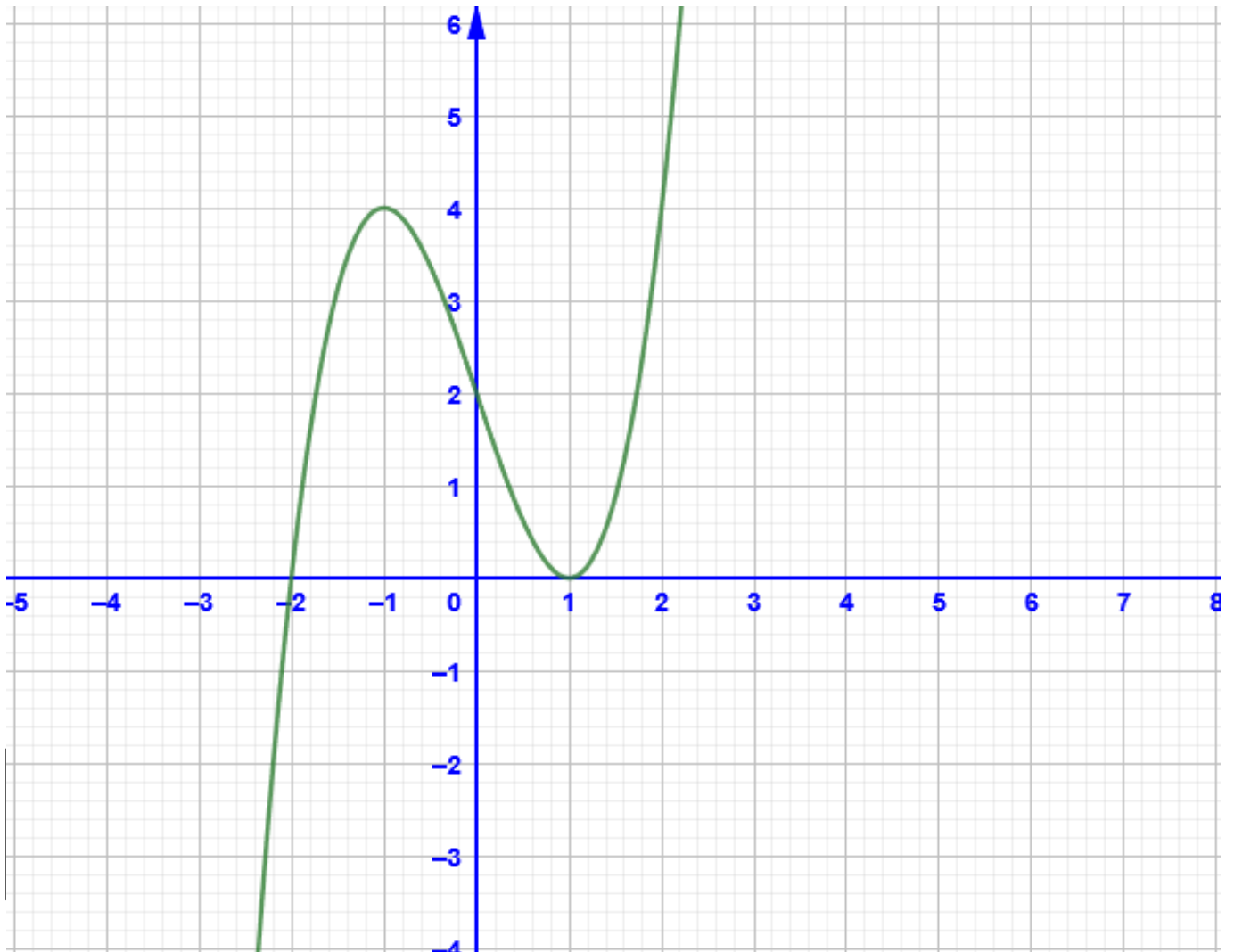
التزايد: $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$

التناقص: $(-1, 1)$

عظمى محلية: $f(-1) = 4$

صغرى محلية: $f(1) = 0$

$f'(x)$	
$f(x)$	



تمارين ص 267:

أوجد (يدويا) فترات التزايد والتناقص والقيم القصوى المحلية وارسم الدالة:

$$5) y = (x + 1)^{\frac{2}{3}}$$

المجال: $R = (-\infty, \infty)$

المشتقة الأولى: $y' = \frac{2}{3}(x + 1)^{-\frac{1}{3}} \rightarrow y' = \frac{2}{3\sqrt[3]{x+1}}$

الأعداد الحرجة: $f'(x)$ غير موجودة أو $f'(x) = 0$

$y' = \frac{2}{3\sqrt[3]{x+1}} \rightarrow x = -1$

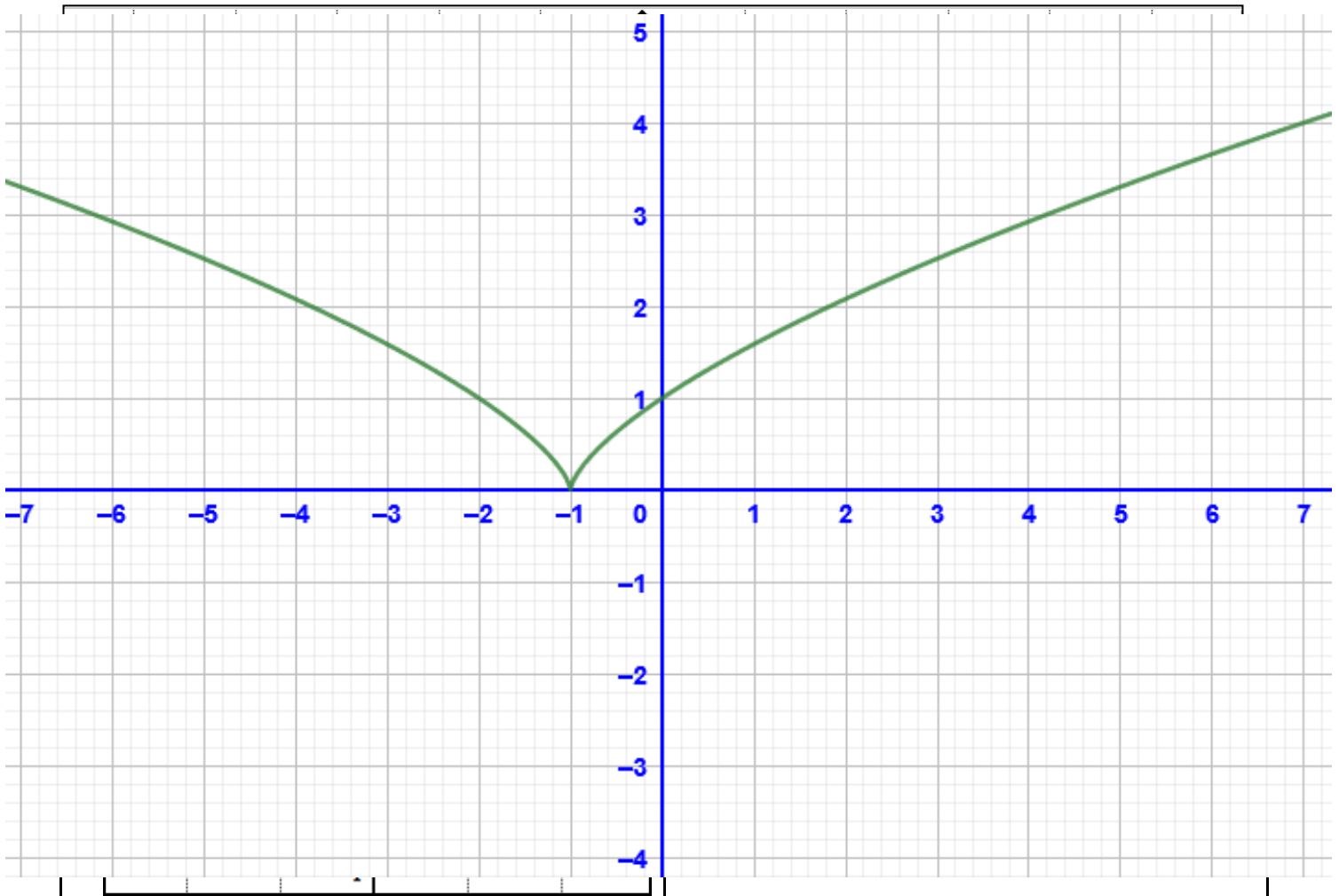
$f'(x)$	
$f(x)$	

التزايد: $(-\infty, -1)$

التناقص: $(-1, \infty)$

عظمى محلية: لا توجد

صغرى محلية: $f(-1) = 0$



تمارين ص 267:

أوجد (يدويا) جميع الأعداد الحرجة واستخدم اختبار المشتقة الأولى لتصنيفها من حيث عظمى محلية أو صغرى محلية أو غير ذلك:

15) $y = \tan^{-1}(x^2)$

المجال: $R = (-\infty, \infty)$..

المشتقة الأولى: $y' = \frac{2x}{1+x^4}$

الأعداد الحرجة: $f'(x)$ غير موجودة أو $f'(x) = 0$

..... $2x = 0 \rightarrow x = 0$

$f'(x)$	
$f(x)$	

عظمى محلية: لا توجد

صغرى محلية: $f(0) = 0$

تمارين ص 267:

أوجد (يدويا) جميع الأعداد الحرجة واستخدم اختبار المشتقة الأولى لتصنيفها من حيث عظمى محلية أو صغرى محلية أو غير ذلك:

17) $y = \frac{x}{1+x^3}$

المجال: $R / \{-1\}$

المشتقة الأولى: $y' = \frac{1+x^3 - (3x^2)x}{(1+x^3)^2} = \frac{-2x^3+1}{(1+x^3)^2}$

الأعداد الحرجة: $f'(x)$ غير موجودة أو $f'(x) = 0$

..... $-2x^3 + 1 = 0 \rightarrow -2x^3 = -1$

..... $x^3 = \frac{1}{2} \rightarrow x = \sqrt[3]{1/2}$

$f'(x)$	
$f(x)$	

عظمى محلية: $f\left(\sqrt[3]{1/2}\right) = 0.53$

صغرى محلية: لا توجد

تمارين ص 267: ارسم تمثيلاً بيانياً بالخصائص التالية:

28)

$$f(-1) = 1$$

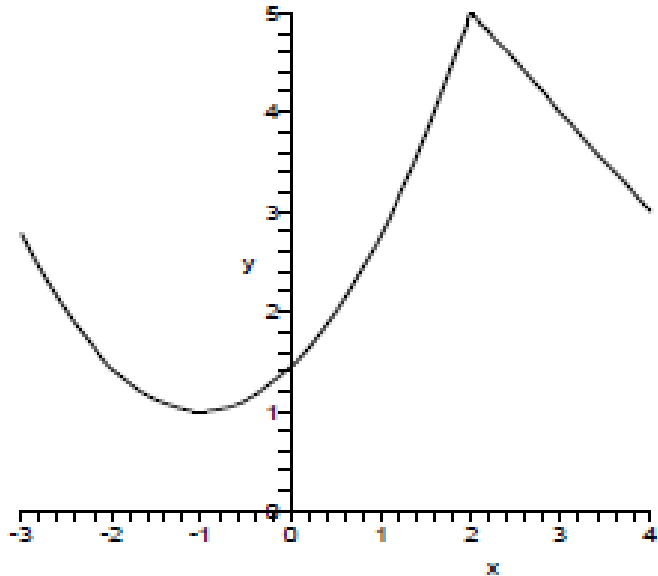
$$f(2) = 5$$

$$f'(x) < 0 : x < -1, x > 2$$

$$f'(x) > 0 : -1 < x < 2$$

$$f'(-1) = 0$$

غير موجودة $f'(2)$



صحيحة للمسألة؟

تمارين ص 267: ارسم تمثيلاً بيانياً بالخصائص التالية:

30)

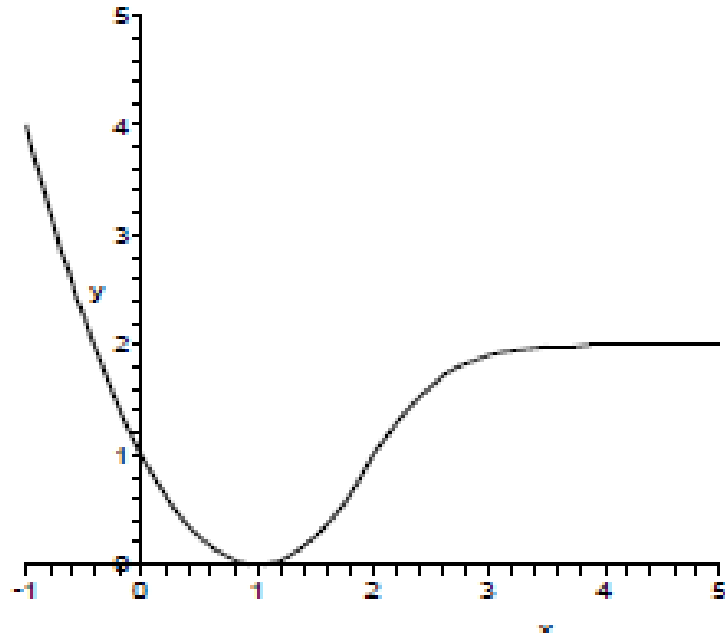
$$f(1) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 2$$

$$f'(x) < 0 : x < 1$$

$$f'(x) > 0 : x > 1$$

$$f'(1) = 0$$



تفكير ناقد
هل توجد حلولاً أخرى
صحيحة للمسألة؟