

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثامن اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/8>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثامن في مادة رياضيات ولجميع الفصول، اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/8>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثامن في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade8>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للصف الثامن اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/grade8>

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/almanahj_bot

استخدام دليل الطالب التفاعلي

يمكن استخدام دليل الطالب التفاعلي مع كتاب رياضيات الصف الثامن-اليسار العام.

م. ر 1

نصيحة للتدريس

يمكن أن يؤدي السؤال التمهيدي في الدرس 10.2 إلى استمرار مناقشة المعيار م. ر 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها). شجع الطلاب على تمييز الرسم التخطيطي بالمعلومات المعطاة لمساعدتهم على فهم المسألة وكتابة كل ما يعرفونه من معلومات بناء على المعلومات المتوفرة. على سبيل المثال، لأن $\angle QSR$ و $\angle RST$ زاويتان متناظرتان، فهم يعلمون أن قياس $RST + \angle QSR = 90$. شجع الطلاب على تقييم إجاباتهم للتحقق من مدى صحتها. سيساعدهم ذلك على تطوير البراعة الرياضية.

م. ر 4

نصيحة للتدريس

يمثل السؤال التمهيدي في الدرس 10.4 نقطة بداية للممارسة م. ر 4 (استخدام نماذج الرياضيات). يتيح على الطلاب تفسير المعلومات المعطاة ورسم شكل هندسي يطابق الوصف المطلوب. بعد الانتهاء من رسم النموذج، يجب عليهم حساب مساحة سطح القرص. قد يتمكن بعض الطلاب من إيجاد المساحة من الوصف الموجود بدون رسم النموذج. لذاً أكمل أهمية رسم النماذج كطريقة للتأكد من فهم المسألة.

الوحدة 10 أدوات الهندسة

مصور تركيز الوحدة يعزز على ما استلهمته في هذه الوحدة وأنت من الأستاذ التمهيدي الثالث، إشارة كل درس، ارجع إلى هذه المصادرات لتصل إلى مقالك.

السؤال التمهيدي	ما استلهمته
درس 2 أدوات الحفظ	<p>العنف على التدريبات التقليدية والتآثرية والمستدمرة والمستدمعة بين الخط A وخط C لأن طول $AC = 10$ المعدن واستثنى المواري والخلفية المستحبة بناء على BC لذلك يمكن إحياء خط BC.</p> <p>الناتئ هو المعدن المخفة والمستدمرة والمسافة على خطها أن تكون بين C و B لأن $AB + BC = AC$ فإن $BC = 10 - AB - 6 = 4$ وبالتالي المسافة حول قوس دائري</p>
درس 4 العلاقات بين النطع المستحبة	<p>كتب فقرة إجابات</p> <p>الخطين WZ و $XY = 2WZ$ المعطيات.</p> <p>الخط $2XY = WZ$ المطلوب برهانه.</p> <p>بناء على $2WZ = XY = 2WZ$ فإن WZ ببساطة مع النطع المستحبة.</p> <p>نجد أن $WZ + XY + YZ = 180^\circ$ وبالتالي $WZ + XY = 180^\circ$ وبالتالي $WZ = 90^\circ$.</p> <p>نجد أن $2WZ + XY = 180^\circ$ وبالتالي $2WZ = 180^\circ - XY$.</p> <p>من ثم فإن $WZ = 90^\circ - \frac{1}{2}XY$.</p>

القياس الخطي 10.2

القياس الخطي 10.2

الأهداف

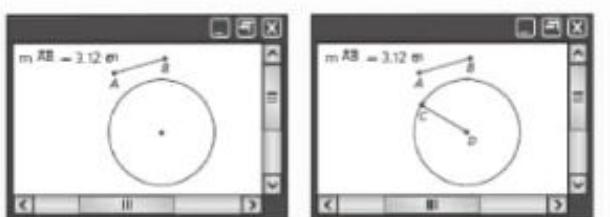
- إيجاد طول المقطوعة المستقيمة
- رسم المقطوعة المستقيمة متطابقة
- إيجاد المسافة بين نقطتين على مستوى إحداثي
- إيجاد إحداثيات نقطتين على المقطوعة المستقيمة موطئها

من غير المستقيم تكون من بينهن نهاية تقويمها كل المقطوعة **قطعة مستقيمة** والمستقيم \overline{PQ} المستقيم ذات نقطتين النهاية P و Q . نرسم \overline{PQ} على ملخص المسابقات PQ ونحسن الطريقة المطابقة، ثالث تكون للقطوع المستقيمة المتطابقة الطول نفسه، يمكن استخدام العددي من الأدوات رسم المقطوعة المستقيمة متطابقة مع قطعة مستقيمة مخطوطة.

رسم قطعة مستقيمة متطابقة

الاستثناء استخدام برنامج Geometer's Sketchpad لرسم قطعة مستقيمة متطابقة.

أ. استخدام أدوات ارسم قطعة مستقيمة ثم سُمِّيَّت البليدة $B_1 A$ استخدم Measure Length لإنجذاب طول \overline{AB} هذه المقطوعة ثم $C_1 D$ بحيث تقع في نفس النقطة عن A وأرسِّم دائرة Construct Circle Center + Radius من طريق تحديد مركز C من المقطوعة CD ثم لوحة طول CD ونصل المقطوعة CD وهذه المقطوعة AB ونصل المقطوعة CD على الدائرة لرسانة C لوحة طول CD .



صورة الإجابة: $CD = 3.12 \text{ cm}, AB = 3.12 \text{ cm}$

ب. التفكير بطريقة تجريدية ما العلاقة بين المقطعين المستقيمين؟ إذا تم تحديد نقطة أخرى E من مكان آخر على الدائرة، هل ستكون CE لها المقدار نفسه؟ AB

نحوذ الإجابة: بما أن المقطعين المستقيمين لهم الطول نفسه، فإنها متطابقتان، فلما كانتا متطابقتان على الدائرة، ستكونان المقطعين المستقيمين متطابقين.

الوحدة 10 أدوات الهندسة

التعرف على المفردات غير المعرفة
تعميق خواص الجذور التربيعية

المواض

برنامج الهندسة الديناميكية

مثال 1

نصيحة للتدرис

ينبغي على الطلاب معرفة أن أي نقطة يتم تحديدها على الدائرة ستعطي قطعة مستقيمة لها الطول نفسه للمقطعة المستقيمة الأولى.

السؤال الداعم

كيف يمكنك إتمام هذا الرسم بدون برنامج؟ يرسم قطعة مستقيمة: ثم ضبط الفرجار على طول المقطعة المستقيمة ورسم دائرة.

خلامية عن الرياضيات

إن المفهوم الذي ي يقوم عليه نسخ قطعة مستقيمة هو التطابق. يكون الشكلان الهندسيان متطابقين إذا كان يمكن الحصول على أحدهما من الآخر من خلال حركات الدوران والانعكاس والإزاحة.

إن الفكرة الرياضية الأساسية في الرسم هي أن أي نصف قطر من الدائرة يجب أن يكون نسخة من (مطابقاً لـ) المقطوعة المستقيمة التي تم استخدامها في الرسم ويسمح الرسم برسم نسخة من المقطوعة المستقيمة في أي مكان، وبأي زاوية.

مثال 2

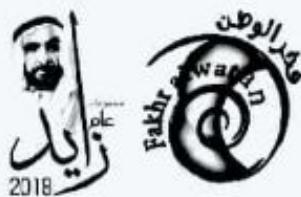
م.ر. 3

نصيحة للتدريس

بالنسبة إلى بعض الطلاب، قد يكون من الجيد توضيح العلاقة إيجاد أطوال القطع المستقيمة المجهولة إيجاد المتغيرات المجهولة كما فعلوا في الجبر 1. إذا كان الطلاب يجدون صعوبة في وضع المعادلات لحل **الجزأين a و b**. فشجعهم على التفكير في أطوال مثل CD و DE كمتغيرات مثل X أو y .

السؤال الداعم

كيف يمكنك التأكيد من إجاباتك عن **الجزأين a و b**? باستخدام مسطرة لرسم القطع المستقيمة وقياسها كما هو موضح لكل جزء.



10.2قياس الخطري

لتكون النقطة والقائمة على القطعة المستقيمة إذا كانت بين خططين المواجهة للقطعة المستقيمة.
نحو النقطة C بين النقطتين B و A ، ونحو D إذا كانت C و A على اتساقها واحدة وكان $AC + CB = AB$
يسعى إلى هذا التدريب على أن يتمكن الطالب من حلها لإيجاد طول القطعة المستقيمة.

2. إيجاد المعادلات وحلها لإيجاد القياسات

a. التفكير بطريقة كثبة مع النقطة D من

النقطتين C و E



b. التفكير بطريقة تجزيءية إذا كان $KL = x - 1$ ، $JK = 2x - 3$ ، $KL + JK = KL$ ، فلوس دالة x ونحو كل من



c. النقطين على نحو النقطة على AC بحيث $AB = AC$ حيث

الشرط

نحو الإجابة: عندما تكون B في نقطة الوسط للقطعة المستقيمة $AB = BC = AC$ وباتجاهين نحو $AB + AB = AC$ وبتحويل إلى أوسط صورة $2(AB) = AC$

عد استخدام قطع مستقيمة لتوسيع حركة ما: غالباً ما يتم عرضها للقطعة المستقيمة متوجهة على مستوى إحداثي تذكر أنه يتم إيجاد طول القطعة المستقيمة على مستوى إحداثي باستخدام قانون المسافة.

هذا، أي أنه إذا إسمينا القطعة MN أو أنه إذا (إحداثياً) القطعة (x, y) وإنما النقطة N لها (y, z) .

فإن $(z - y)^2 + (x - z)^2 = MN^2$ وهي حين أن القطعة المستقيمة ملتفة عليه.

قطعة مستقيمة ملتفة على مستوى إحداثي يمكن إيجاد طولها بتحويلها إلى إحداثي ملتفة على مستوى إحداثي.

3. إيجاد النقطة على قطعة مستقيمة

a. الحساب بدقة استخدم قانون المسافة لإيجاد طول AB بذلك

$$AB = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

$$AB = \sqrt{(6 - (-3))^2 + (8 - (-4))^2}$$

$$AB = \sqrt{9^2 + 12^2}$$

$$15 \text{ أو } AB = \sqrt{225}$$

التدريس المتمايز

في المثال 2. يعمل الطلاب بطريقة غير رسمية باستخدام مسلمة جمع القطع المستقيمة. المعبر عنها في **الجزء a** بالصورة التالية: إذا كانت D تقع على CE فإن $CD + DE = CE$. هذه فكرة مهمة للرسومات اللاحقة. قد يستفيد المتعلمون ذوي النسب المترافق من العمل باستخدام شريط قياس لتصور أفكار الجمع والطرح والنسبي المطبورة هنا.

يبين **الجزء c** الطلاب لفكرة نقطة منتصف القطعة المستقيمة وعلاقة هذا المفهوم بالطول أو المسافة. وبالنسبة إلى المتعلمين ذوي النسب المترافق الذين قد يحتاجون إلى المساعدة على فهم الأسلوب في **الجزء c**. وضح الفكرة باستخدام الرسم.

مثال 3

نصيحة للتدريس

في الجزء d، وَجِه للطلاب أنهم قاموا

بحساب المتوسط للإحداثيين x و y.

ثم اطلب منهم النظر إلى متوسط عدددين مميزين ليقظموا أن المتوسط لا بد وأن يقع في المنتصف بين العددين على خط الأعداد.

الأسئلة الداعمة

كيف يمكنك التتحقق من عملك

لمعرفة ما إذا كانت النقطة

d حيث $AD = DB$ ؟ الإجابة

المودجية: إذا استخدمت قانون المسافة

لحساب AD و DB، فيجب أن تكون

القيمتان متساويتين.

ما العلاقة بين إحداثي y لنقطة

المتوسط وإحداثي y للنقطتين A و B؟

إنه إحداثياً للف نقطتين A و B.

فروع

1. a. التفكير بطريقة فعالة بحسب النقطة الممتدة \overline{AC} باستخدام المسافة $AB + BC = AC$. معاذلة ولها الوجه، طول $AB + 1.5 \text{ cm} = 3.7 \text{ cm}$
 $AB = 2.2 \text{ cm}$
- b. التفكير بطريقة فعالة بما يدور الذي ينتمي EF لنطقطة D و DE مع $DE = 2.2 \text{ cm}$. إذن $DE = AB$. $DE = DF - DE = 3.5 \text{ cm} - 2.2 \text{ cm} = 1.3 \text{ cm}$. $DF = 3.5 \text{ cm}$ و $DE + EF = DF$.

وحدة 10 أدوات الهندسة

التأكد على الممارسات الرياضية

يوفر المثال 3 فرصة لتناول جانبي الحساب والتواصل للممارسة م. ر. 6 (مراجعة الدقة). لا تؤكد على أهمية الحساب بشكل صحيح فحسب. بل أكد على أهمية شرح هذه العملية على نحو يسمح للأخرين بهم ما يجري.

تہذیب

يطلب المثال 1 من الطلاب استخدام تعریف القطعة المستقيمة بينما يقumen بایجاد طول القطع المستقيمة.

في التمرين 2. ينبغي على الطلاب استخدام المعلومات المعطاة عن المستطيل لتحديد مدى صحة إحدى العبارات عن أجزاء المستطيل.

في التمرين 3. يستخدم الطلاب قانون المسافة لإيجاد طول الخطعة المستقيمة.

يطلب التهورين 4 من الطلاب تحديد موقع نقطة منتصف القطعة المستقيمة، يقسمها إلى قطعتين مستقيمتين بنسبة 1:1، أو بتحديد موقع النقطة التي تقسم قطعة مستقيمة معطاة إلى نسبة أخرى بخلاف 1:1.

تناول الممارسات الرياضية

التمرين	م.د
1	2
2	7
3	6
4	2, 6

الباب السادس 10.2

٤- استخدام قانون المساحة المحيطة من تجاه حملة في المفروض

$$\begin{aligned} & \text{افسر } MT = \text{ارتفاع اسفلت} = 5 + 4 = 9 \text{ cm} \\ & RO = M - MT = 3 - 9 = -6 \text{ cm} \quad (\text{لما } M > MT) \\ & RT = \frac{2}{3}(5) = 3 \text{ cm} \quad (\text{ماستعير ارتفاع }) \\ & RM = RT - RO = 3 - (-6) = 9 \text{ cm} \\ & MT - RT - RM = 9 - 3 - 9 = 0 \text{ cm} \end{aligned}$$

٤- استخدام قانون المساحة المحيطة من تجاه حملة في المفروض

$$MT = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

$$MT = \sqrt{\left(\frac{17}{5} - 3\right)^2 + \left(\frac{14}{5} - 2.5\right)^2}$$

$$MT = \sqrt{\left(\frac{2}{5}\right)^2 + \left(\frac{3}{5}\right)^2}$$

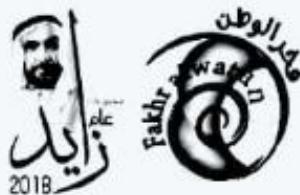
$$MT = \sqrt{\frac{4}{25} + \frac{9}{25}} = \sqrt{\frac{13}{25}} = \sqrt{\frac{13}{100}}$$

$$MT = \sqrt{\frac{13}{100}} = \frac{\sqrt{13}}{10}$$

$$MT = \frac{3}{10} = \frac{3}{2}$$

التأكيد على الممارسات الرياضية

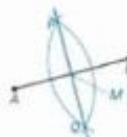
يمكن استخدام التمرين 4 لتناول الممارسة م.ر 2 (التنكير بطريقة تجريبية وكمية) يحتاج الطلاب في الجزء a إلى ترجمة المعلومات حول تنسيم قطعة مستقيمة بنسبة محددة إلى طريقة عملية للحل. إن الفكرة الرئيسية هي إدراك أن النسبة 3:2 تقسم RT في الكسرين $\frac{2}{5}$ و $\frac{3}{5}$ ليتم بذلك يجب أن يفهم الطلاب أن نسب النسب هو $3:2 = \frac{3 \cdot 2}{5 \cdot 5} = RT:TQ$.



10.4 العلاقات بين النطع المستقيمة

三

أمثلة مصطفى فتح الله مستقبلية
لبحث نظرية الخطط المستدامة



١- تطبيقات فحص الماء

النقد: مقدرات النطع المائية باستخدام "مقدمة مع النطع المائي"

٦٠- إنما المحرج بحيث يكون أكثر عقل من سخف ملوك **B**. ندور تغير سخط المحرج على المخططة **A** او ارس تونا **A** وارس طهطا مع المؤس الأول عند المخطفين **P** هو سخاف الأداء **O** كما هو موجود.



M استثنى \overline{PO} , \overline{AB} حيث أن \overline{PO} من الممكن تطبيقه على \overline{AB} .

d. مسح الماءات على خط \overline{AB} من مسافة M

نحو M هي مدخلة للناتج القوسية \overrightarrow{QO} حال تحديد الوتر.

AB میں ملکہ M لے

بناء الفرضيات بما العلاقة بين أطوال AB , MB , AM ? ثالث معاذلة واحدة أو أكثر للنمر من العلاقات

$$AM = MB \cdot MB \xrightarrow{?} AB \cdot AM \xrightarrow{?} AB \cdot AM + MB = AB \cdot (AM + MB) \xrightarrow{\text{defn of } M} AB \cdot 1$$

الوحدة 10 أدوية الأمعاء

المهارات الرياديّة

المهارات الرياضية:

6.5.3.1

المحتويات الأساسية

- معرفة مفهوم التطابق وتطبيقه
 - صياغة براهين مكونة من عمدتين وفقرة إثبات

1 جتہ

نصيحة للتدريس

قد ترغب في مناقشة مختصرة للنحوينات بينما يعمل الطلاب على هذا الإنشاء. تأكّد من فهم الطلاب أن الكلمة يتصفحون القسمة إلى جزءين متباوين.

الأسئلة الداعمة

- في الخطوة a. هل بهم مقدار فتح الفرجار بالضبطة؟ اشرح. لا؛ لا يهم مقدار فتح الفرجار بالضبطة طالما أن المقدار أكبر من نصف طول AB.
 - هل استخدام ضبطة الضبطة آخر للفرجار ينبع عنه ناتج مختلف؟ اشرح. لا، سينتقل عن استخدام نقطة المنتصف أزواج أكبر أو أصغر من الأقواس، ولكن سيبقى موقع نقطة المنتصف كما هو دون تغير.

خلفية عن الرياضيات

في هذا الدرس. يعمل الطلاب باستخدام القطع المستقيمة حيث يبدأ الطلاب في قراءة براهين أكثر تعقيداً وكتابتها. خلال الدرس، سيكون الطلاب أشكالاً هندسية ويقتربونها. وبعد هذا وفقاً متناسبًا لتناول الحقائق التي يمكن أو لا يمكن افتراضها من الشكل الموجود. وبصيغة عامة، يمكن افتراض أن المستقيمات التي تظهر وكأنها مستقيمة فهي بالفعل كذلك، وأن النقاط التي تقع على طول أحد المستقيمات هي على مستوى واحد. لا يمكن افتراض نقطة نظير وكأنها نقطة منتصف على أنها بالفعل كذلك فقط لأنها تقع بالقرب من منتصف المستقيم. وبالمثل، عندما يغير الطلاب انتباههم إلى الرواية في الدروس القليلة التقادمة، لا ينبغي عليهم افتراض أن زاوية ما هي زاوية قائمة ما لم يحدد ذلك بوضوح في الشكل.

مثال 2

م.ر. 3

نصيحة للتدرис

قد يواجه بعض الطلاب صعوبة في فهم الاستنتاج في البرهان المكون من عمودين، خاصة في الخطوات التي يستخدم فيها التعبير. قد ترغب في أن تطلب من الطلاب استخدام قلم التظليل لوضع علامة على أي جزء من التعبير أو المعادلة يتغير من خطوة إلى أخرى في البرهان. وقد يساعدهم ذلك في التركيز على التعبير الذي تم.

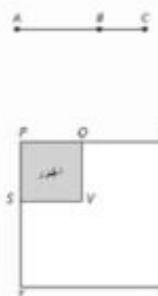
الأمثلة الداعمة

- ما التغيرات التي تلاحظها من الخطوة 4 إلى الخطوة 5

من البرهان؟ أشرح كيف يمكن لخاصية التعبير في المعادلة أن تبرر هذه العبارات. استُخدمت

QR بدلًا من **ST**: نحن نعرف أن $QR = ST$ (من الخطوة 2) وتنص خاصية التعبير في المعادلة أنه يمكنك استبدال **QR** محل **ST** في أي تعبير أو معادلة.

- ما الذي تفعله في المعادلة لتنتقل من الخطوة 5 إلى الخطوة 6؟ اطرح **QR** من كلا طرف في المعادلة خاصية الطرح في المعادلات.



في الاستنتاج، قد تكون لاحظت وجود علاقة بين أطوال القطع المستقيمة الأصلية وأطوال القطع المستقيمة الأقصرتين اللتين انتهيا بمنطقة جمع القطع المستقيمة على أن هذه العلاقة صحيحة.

يوم الأساس مسلمة جمع القطع المستقيمة

أمثل العبارة التالية:

إذا كان A و B نحو على خط واحد، فإن B نحو من

$$AB + BC = AC \quad \text{إذن إذا كان } C \text{ نحو}$$

2. استخدام مسلمة جمع القطع المستقيمة

نوجد مساحة مربوطة بالعبارات في حقيقة مائدة وفرس مائدة تخصيص زاوية جانبية من قطعة الأرض لزراعة محصول الجزر، كما هو موضح، منه علىقياسها

عرفت أن $PT = PS + PT$ ، وإن PT في معرفة ما إذا كانت تستطيع استئجار

$PQ = PS$

8. بناء البراهين أمثل البرهان المكون من عمودين

أولاً:

$$QR = ST, PR = PT$$

المطلوب برهانه:

$$PO = PS$$

العبارات	العبارات
المطلوب	$QR = ST, PR = PT$
الخطوات	1
الخطوات	2 $QR = ST, PR = PT$
الخطوات	3 $PT = PS + ST, PR = PQ + OR$
الخطوات	4 $PO + QR = PS + ST$
الخطوات	5 $PO + QR = PS + OR$
الخطوات	6 $PO = PS$
الخطوات	7 $PO = PS$

8. التواصل يدقق في الخطوة الثانية من البرهان، ما سبب ضرورة تفسير العبارات المطلوبة حول القطع المستقيمة المطلوبة إلى عبارات حول أطوال القطع المستقيمة.

يعتمد البرهان على استخدام مسلمة جمع القطع المستقيمة، ولكن تتحقق المسلمة أطوال القطع المستقيمة، وذلك من الضروري تحويل عبارات البساطة إلى عبارات أطول.

C. التواصل يدقق في بسمة القطع المستقيمة SV إلى القطع المستقيمة RU .
ثُم اعتذر VW في نقطة تقاطعهما للبرهان، فإذا كان $PR = SV$ ،

$$PO = SV$$

يمكننا إثبات $OR = ST, PR = SW, QR = SW$ لأن $PR = SW + VW$.

وذلك ل嗑لة جمع القطع المستقيمة متباينة في الطول.

$PR = SW, SW = SV + VW, PR = PO + OR$ ، لأن $PR = SW + VW$.

وذلك لخاصية التعبير، بما أن $OR = VW$. تتصوّر المعادلة

$$PO + OR = SV + VW$$

وذلك لخاصية التعبير. وكذلك لخاصية الطرح.

$$PO = SV + VW$$

بالأطوال ذاتها، إذن $PO = SV$.

10.4 إثبات العلاقات بين القطع المستقيمة

التأكيد على الممارسات الرياضية

تعد مسلمة جمع القطع المستقيمة مثالاً للممارسة م.ر. 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها). بدايةً من هذا الدرس، ينبغي على الطلاب التعود على رؤية قطعة مستقيمة ككل أو "مجموع" أجزائها. في الشكل الموجود في رباعي المفهوم الأساسي، تثلّ **AC** قطعة مستقيمة، ولكن يمكن رؤيتها أيضًا على أنها قطعة مستقيمة مكونة من قطعتين مستقيمتين أقصر، **BC** و **AB**. وبينهما نقطلة واحدة مشتركة (**B**). وبعد العمل جيدة وذهاباً بين طريقيتي التعامل مع القطعة المستقيمة مهارة مهمة عند البحث عن طريقة منطقية لتقديم برهان ما.

يعطي التمرينان 1 و 2 للطلاب تدريبياً إضافياً على استخدام فرجار مسحورة مستقيمة لتصنيف قطعة مستقيمة. وبضيف التمرينان 3 و 4 بعدها جديداً من الاستنتاج لحل الطلاب عند تصنيف قطعة مستقيمة.

في التمرينين 5 و 6. يكمل الطلاب برهانًا مكونًا من عمودين.

في التمرين 7. يطلب من الطلاب التعلق على استنتاج أحد البراهين.

ويطلب التمرين 8 من الطلاب كتابة فقرة إثبات تشمل قطعاً مستقيمة.

تناول الممارسات الرياضية

التمرين	ن.م
1-3	5
4	3
5	3
6	1, 3
7-8	3



أخطاء شائعة

في التمرين 5. قد يواجه الطلاب صعوبة في تحديد الاستنتاج للخطوة 4 من البرهان. بسبب تشابه العبارة $RS + QR = PR$ مع مسلمة جمع القطع المستقيمة، فقد يذكر الطلاب ذلك على أنه الاستنتاج لهذه الخطوة. وضح أنهما بالفعل قنوطلأن $PQ = RS$ (الخطوة 2) و $PQ + QR = PR$ (الخطوة 3). ينتج عن التعويض بـ RS عن PR في التعبير اللاحق $RS + QR = PR$. إذا خاصية التعويض في المعادلة هي الاستنتاج الصحيح.

أخطاء شائعة

في التمرين 7. قد يعتقد الطالب أن استنتاج ناصر صحيح لأنه استخدم التهويض بطريقة صحيحة. قد يكون من ارتكب هذا الخطأ من الطالب لم ينظر إلى الشكل بعناية أو لم يأخذ بعين الاعتبار ما إذا كان يمكن تطبيق مسلمة جمع القطع المستقيمة في هذه الحالة أم لا. أخيراً الطالب أن خطأ ناصر هو خطأ شائع يجب توخي الحذر من الواقع فيه، بما أن النقاط Q و R ليست على مستوى واحد. فلا تطبق مسلمة جمع القطع المستقيمة.



6. يفهم الطالبون القدرة على تطبيق مسلمة جمع القطع المستقيمة في المقدمة مثراً مستقيماً AB ، CD ، EF ، GH ، JL . يوجد تناقض بين المقدمة M في نقطة المتصادفة لـ AB والبعض.

7. تفترس الطالب بمنتهى سلطنة طرق المقدمة أن طول $AM = CM$ ، ولكن سلسلة خطوط CM تخرج بينما يرى ما سلسلة.

كذا انعدمت المقدمة تصور مسلمة جمع القطع المستقيمة الأخرى. يجب أن تكون متماثلة.

8. بناء الفرضيات أصل البرهان يكون من مسوبي.

المقدمة: M هي نقطة متساوية AB ، CD .

المطلوب برهان:

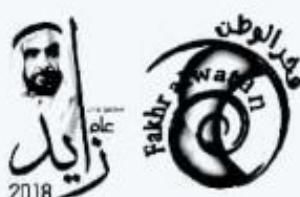
الافتراض	البرهان
1. المقدمة	1. M هي نقطة AB ، CD ، $AB = CD$ ، M المتصادفة في AB و CD .
الافتراض المستقيمة المتساوية لها أطوال متساوية.	2. $AB = CD$.
تحميم نقطة المتصادفة	3. $CM = MD$ ، $AM = MB$.
سلسلة المقدمة المتساوية لها أطوال متساوية.	4. $CM + MD = CD$ ، $AM + MB = AB$.
المسلمة جمع القطع المستقيمة	5. $CM + MD = AM + MB$.
خاصية التهويض	6. $AM + MB = CM + MD$.
خاصية التهويض	7. $AM + AM = CM + CM$.
خاصية التوزيع	8. $2AM = 2CM$.
خاصية القسمة	9. $AM = CM$.
السلسلة المتساوية ذات الأطوال المتساوية التي يرى ملطفها	10. $AM = CM$.

7. التعلق على طريقة الاستنتاج يرجو ناصر أن المقدمة هي $QS = OR$ ، وهذه متساوية، ويعلم أن هنا يعني أن $OR = RS$ ، ودون إثبات $PR = PO + OR$ وهذا متساوية جمع القطع المستقيمة، وبالتالي $PR = PO + RS$ ، فإذا تم تناقض مع ناصر في استنتاجه؟ أدرج.

8. يمكن تطبيق مسلمة جمع القطع المستقيمة فقط على النقاط التي على استقامة واحدة، ولكن النقاط P و Q و R و S ليسن على استقامة واحدة.

9. بناء الفرضيات أصل البرهان يرجو أنه إذا كان R ، S ، P ، Q ، O ، $RS = PQ$ ، OS هي نقطة متساوية PR ، فإن O هي نقطة متصادفة PR ، $RS = PQ$ ، OS هي المقدمة المتساوية في طول PR ، $RS = PQ$ ، OS هي المقدمة المتساوية في طول PR ، $RS = PQ$ ، OS هي المقدمة المتصادفة في PR ، وهذا المتصادف O ، $RS = OR$ ، وهذا المتصادف في PR ، وهذا المتصادف في $RS = OR$ ، وهذا المتصادف في PR ، وهذا المتصادف في $RS = OR$ ، وهذا المتصادف في PR .

10. إثبات العلاقات بين المقطع المستقيمة.



التأكيد على الممارسات الرياضية

يرتبط الجزء a من التمرين 6 ارتباطاً تطبيقياً بالمارسة م.د. 1 (فهم طبيعة المسائل والمتأثرة في حلها). وبصورة خاصة، عندما يطلب من الطالب كتابة برهان، يتبع عليهم أولاً ذهنهم المسألة بطرح سؤال على أنفسهم عن مدى صحة العبارة التي يحاولون حلها، وسبب ذلك. إن الطالب الذين يكونون قادرين على إقناع أنفسهم بأن العبارة التي يجب إثباتها صحيحة عادةً ما يكونون في وضع أفضل لوضع فرضية مقتنة على شكل برهان.

صورة مثالية

يستخدم الطالب شبكة لإيجاد الأبعاد والمحيطات والمساحات في إشارة إلى قطعة قماش قنية.

الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية: ترعرع مهمة تقويم الأداء هذه في الوحدة 10 الممارسات الرياضية م.ر. 1 و م.ر. 2.

تشخيص الذاكرة

لتقديم المهمة، قد يكون من المفيد توضيح أنه يمكن تعبيين الإحداثيات لرؤوس الشكل على شبكة بتعبيين الإحداثيين $(0, 0)$ لرأس واحد أولاً وتحديد الإحداثيات الأخرى بناء على ذلك.

إذ كان سيتم تعبيئ الإحداثيين $(0, 0)$ لأحد الرؤوس، فهل يمكن أي من الرؤوس سمي تم اختياره؟ **ليمكن اختيار أي رأس يك ون له الإحداثيات $(0, 0)$.**

م4 لأطوال التي يحتاج إليها لإيجاد محيط اللوحة زاوية القماشية؟ **ADF و BC و AB، وهي أطوال أضلاع اللوحة.**

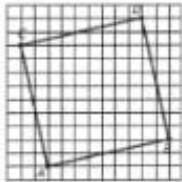
أولاً، نفع ملطة C على النقطة A بمقدار 9 مكعبات. فكم يقابل ذلك من السد ثبوت؟ **ارتفاع كل مكعب يبلغ 9 cm لهذا يبلغ 81 cm = 135 cm.**

مهمة تقويم الأداء

صورة مثالية

قدم حذا و الملقطة، وناشد من معرض عملك كالملاعنة على كافة الرسوم ذات الصلة، ثم عبر إيميلك.

لوحة زجاجية غير معلقة معدومة معرفة في مكتبه تقع على حائط. هذه اللوحة غير معلقة بشكل مستقيم وبشكل يدل على استعداد ما إذا كانت اللوحة تتآدم مع حائط غرفة المuros الخامسة بدأ هي قبل الشرار. الفراغ المتآدم على حائطه يبعد عن السقف بمسافة 1.8m و 2.4m أقلها من الحائط المجاور.



الجزء

يلاحظ بالاستخدام بلطف أن ملقطة حذاء اللوحة الزجاجية المعلبة تقدر أحجامها إذا كانت كل لائحة مربعة يبلغ معرفها 45 كـ أبعاد كلية الشكل من ملقطة

التأكد على الممارسات الرياضية

تنسق مهمة تقويم الأداء هذه بشكل أساسي مع الممارسة م.ر. 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها). تتحلى المهمة من الطالب تحديد المعلومات التي سيحتاجون إليها لإيجاد كميات مثل الطول والمحيط والمساحة على شبكة موجودة. ينبغي على الطالب تعبيين إحداثيات الرؤوس وتفسير النتائج في حالة من الحياة اليومية، حيث إن كل جزء من المهمة مبني على ما هو قبله.

نصيحة للتدريس

يرتبط الجزءان C و D بالمارسة م.ر. 2
(التفكير بطريقة تجريدية وكمية) حيث
 يطلب من الطالب تقسيم قطعة مستوية
 إلى ثلاثة أجزاء متساوية وتحويلها إلى
 قطعة تمرّكز اللوحة على الحائط. اطلب
 من الطالب إيجاد مكان وضع الحافتين
 اليمني واليسري للوحة الزيتية على الحائط
 أولاً، ثم تحديد النقطتين المتبقيتين.

أخطاء شائعة

قد يقوم الطالب بتعيين الإحداثيات بشكل
 خاطئ لرؤوس ABCD باعتبار أن كل
 مكعب على الشبكة يساوي 1 cm بدلاً
 من 6m. قد يخطئ الطالب أيضًا في
 وضع الإطار على اللوحة بحيث يتم محاذاة
 الإطار مع الحافة الخارجية لقطعة القماش
 وتمتد 5m إلى الداخل لا إلى الخارج.

الجزء B
 قبل عمل اللوحة الزيتية الصالحة، أراد طالب تسمية العمل الفنى ووضعه في إطار، إذا كان فيه
 إطاراً عرضه 5 جول محواله، فــ المساحة الإطار الذي يجب أن يطلبه ما يعطى؟ ما إجمالي
 طول الحoldt الماحتلى للإطار الذي يجب أن يطلبه ليأس اللوحة والإطار؟ إذا كان الإطار
 عرض 40، فــ المساحة العددية للعمل الفنى الماحتلى بإطار؟

الجزء C
 أوصى المدرس علاً تركيب أدوات حلية على الجزء اليمني للوحة المحاطة بإطار والتي يستخدم
 العمل الفنى عند كلتا الحافتين ومنه النهاية اليمنية دون الإطار، في أي مكان يجب على
 طالب تركيب الأدوات؟ غير إجابتكم

الجزء D
 يريد طالب وضع اللوحة في وسط المساحة الأفقية للنحوذ، ورسم خطوط يحول اللوحة الشائكة
 بالثائق، هذه هي مسافة من الحائط المجاور يجب على طالب وضع ثوابت تتوافق مع الدعامات الأربع
 التي أصلحتها في الجزء C؟ غير إجابتكم

إرشادات تسجيل الدرجات

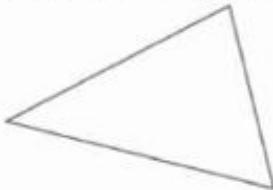
الجزء لل نقاط	الحد الأقصى	إجابة الدرجة الكاملة
A	2	في 0.138 m أو 138.3 cm في 0.138 m في 138.3 cm في 0.138 m، إذا افترضنا أن إحداثي A هما (0, 0)، فإن الإحداثيات المتبقية هي D(7, 11), C(-2, 9), B(9, 2) h = $\sqrt{(11 - 9)^2 + (7 - (-2))^2}$. عرض اللوحة هو $15\sqrt{85}$ cm. فــ كل مكعب هو 15 cm. إذا $15\sqrt{85} \approx 138.3$ cm $\Rightarrow 15 = 0.138$ m.
B	2	$(\sqrt{85} \times 15 + 10)^2 - (\sqrt{85} \times 15)^2 \approx 2865$ cm ² ; $\sqrt{85} \times 15 + 10 \approx 30$ cm; $\sqrt{85} \times 15 + 30 \approx 28,322.5$ cm ² .
C	2	عن كل طرف، تم عند 56 cm من أحد الأطراف و 112 cm من الطرف نفسه. إجمالي طول اللوحة المحاطة بإطار يبلغ $\frac{2}{3}(168) \approx 112$ cm تقريباً. $\frac{1}{3}(168) \approx 56$ cm.
D	8	بعد مركز الجزء 120 عن الحائط المجاور، وطول اللوحة 168 cm نظرياً، لذا يجب أن تكون هناك مسافة 84 cm على أحد جانبي العلامة 120 cm و 84 cm على الجانب الآخر، لذا يجب حظر الفتحة الأولى عند $120 - 84 = 36$ cm. وتوضع الدعامة التالية لللوحة عند $(36 + 112) = 148$ cm، وتوضع الدعامة التالية عند $(36 + 56) = 92$ cm، وتوضع الدعامة الأخيرة عند $(36 + 168) = 204$ cm.
الإجمالي	8	

مهمة تقويم الأداء

تصميمات مثلث

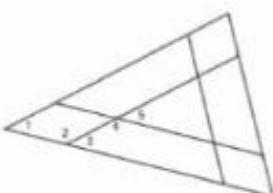
تصميمات مثلث
قدم حذاء الخمسة، وناقد من معرض عملك دائمًا مستلقي على كافة الرسوم ذات
الصلة، ثم يبر إجازتك.

لهم سهلة، بصفتها مهندسة تسير حذاء، يتسم مجموعة من السارات (أحد المسارات
أمام مبنى حلوى جيد، وتظهر الحديدة بتصميماً مثلثيًّا كما هو موضح).



الجزء A

في تصميم الأول، تقرر سهلة وضع ثلاثة مسارات في الحديدة، كل منها يوازي أحد أضلاع المثلث.
الآن، قدرة المرة الثالثة تزداد إلى $5 \times 2 = 10$ (ألا ترى $1 \times 2 = 2$ زواياً متجلبة، $2 \times 3 = 6$ زواياً متجلبة،
و $3 \times 4 = 12$ زواياً متجلبة).



الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية:

تعزز مهمة تقويم الأداء هذه في
الوحدة 10 الممارسات الرياضية م.ر. 1 و
م.ر. 2 و م.ر. 5 و م.ر. 6 و
م.ر. 7.

المواد

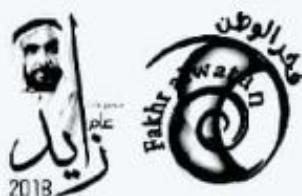
برنامج الهندسة الديناميكية أو فرجار
ومسطحة مستقيمة

تنشيط الذاكرة

قد يكون بعض الطلاب غير واثقين من
كيفية تحويل منصف زاوية أو منصف
متعادل.

كيف يمكنك استخدام الفرجار ومسطرة
مستقيمة لإنشاء منصف متعادل؟ الإجابة
النموذجية: إنشاء قوس أكبر يقليل من
نصف طول المستقيم. وبدون تفسير

ضبط الفرجار، نكرر من النقطة الأخرى،
ثم نستخدم المسطرة المستقيمة لرسم عمليّة والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين). تتطلب المهمة من الطلاب
قطعة مستقيمة بين النقاطين الناتجين، تطبق الممارسة م.ر. 5 (استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية) لعمل
من الأقواس، فينتج منصف متعادل. الإنشاءات بالورقة والقلم المحددة في الجزء C، ويطلب الجزء C من الطلاب
تطبيق الممارسة م.ر. 2 (التفكير بطريقة تجريبية وكمية) الممارسة م.ر. 6
(مراجعة الدقة) لاستخلاص أن دائرة محطة ستنتج من الإنشاء باستخدام
منصفات متعادلة.



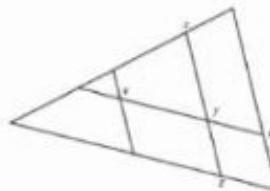
تنشيط الذاكرة (تابع)

كيف يمكنك استخدام الفرجار ومسطرة مستقيمة لإنشاء منصف متواضع؟ الإجابة التمودجية: أرسم قوئيًّا متقاطع مع ضلع الزاوية، باستخدام الضبط نفسه. أضع الفرجار على أحد التقاطعات. أرسم قوئيًّا داخل الزاوية. وأكرر ذلك مع التقاطع الآخر. ثم أستخدم مسطرة مستقيمة لرسم مستقيم من الرأس حتى النقطة التي ينطوي عندها الأقواس. وسينتهي منصف الزاوية.

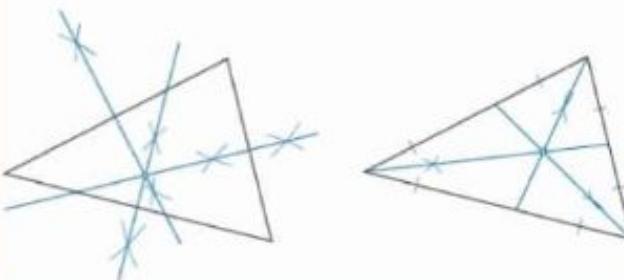
أخطاء شائعة

قد يتعامل بعض الطلاب بشكل خاطئ مع الإنشاء على أنه رسم. أكد على الدقة والاستخدام المناسب للأدوات بينما يقوم الطلاب بعمل الإنشاءات الخاصة بهم. تعد محاذاة المسطرة المستقيمة بعناية وضبط الفرجار بدقة حتى لا يتسع أثناء الدوران من المهارات الضرورية للحصول على النتائج المتوقعة.

الجزء B في المسمى الثاني، قررت سهلة وضع ثلاثة مسارات في الصيغة كما هو موضح في الرسم التخطيطي. أكتب قدرة إلبات توضح لها أنه إذا كان $Vy = xy$, $VW = yZ$, $VW = zY$, فإن $Zy = VY$.



الجزء C ترتكب سهلة في رسم تمسين متقاطعين لثلاثة مسارات للتمييز. وفي كل تمسير يتم وضع مسarov الثالث عند النقطة التي تتقاطع معها المسارات الثلاثة. وفي أحد التمسيرات ستكون المسارات بعثة خط الزوايا المقترن بمسار تمسير الثالث المعمدبة للمسار في التمسير الآخر. أشرح مبرراً وبحسب مذكرة الصياغة في كل تمسير.



الوحدة 10 مهمة تقويم الأداء

الوحدة 10 مهمة تقويم الأداء

إرشادات تسجيل الدرجات

الجزء	الحد الأقصى للنقطات	إجابة الدرجة الكاملة
A	2	لأن $\angle 1 \cong \angle 2$ و $\angle 2 \cong \angle 3$. إذا $\angle 1 \cong \angle 3$. 1. $\angle 1 \cong \angle 3$ 2. مكملة لـ $\angle 3$ مكملة لـ $\angle 4$ وبذلك يجب أن تكون $\angle 1$ مكملة لـ $\angle 4$. وأخيراً $\angle 4$ مكملة لـ $\angle 1$ و $\angle 5$. $\angle 1 \cong \angle 5$
B	2	$VWVY + YW$ وفقاً لسلسلة جمع القطع المستقيمة. $VVWV - YW$ إذا لخاصية التموج في المعادلة $XZXY + YZ$ وبالمثل. وفقاً لسلسلة جمع القطع المستقيمة. إذا $XWZ - YZ$ وإذا لخاصية التموج في المعادلة وبالتموج. $VY = XZ - YZ = XY$
C	8	راجع ليل الطالب التفاعلي. إذا وضعت سهلة صندوق 4 القماة عند تقاطع منصعات الزوايا. فسيكون على مسافة واحدة من أضلاع المثلث. وإذا وضعت صندوق القماة عند تقاطع المنصعات الشنامدة. فسيكون على مسافة واحدة من رؤوس المثلث.
الإجمالي		8

الاختبارات
المعيارية

تشخيص الأخطاء

قد لا يجيد الطلاب الذين أجابوا عن المسألة 3 بشكل خاطئ استخدام المفردات الموجودة في هذه الوحدة، فإذا عدد قافية بالمفردات الشائعة مثل، خطبة وزواباً متكاملة وزواباً متقابلة وأيضاً الخواص الرياضية مثل، خواص التعدي والجمع والطرح في المعادلات، اطلب من الطلاب شرح المفردة أو لخاصية ورسم مثال أو كتابته لكل من المفردات.

٦. إذا كانت $AD = 3BC$ في المثلث ABC ، فإن طول AD = 9

٧. المخطط الممثل هي جزء من مترافق تتكون من مترافق طرفين يجمع النهايتين الواقعتين بينهما

٨. أكمل الخطوط الموجدة في البرهان الثاني في نظرية الزوايا المتضادة بالماوس

المطلوب برهانه: $l<1> = l<3>$

٩. تذكر زاوية مترافق بالثانوي، ونهرف الزاوية المترافق لها مترافقان

وقد يجيء $m.l<1> + m.l<2> = 180^\circ$ وبالتشاءل $m.l<2> + m.l<3> = 180^\circ$ وهذا ينفي الافتراض

$m.l<1> + m.l<2> = m.l<2> + m.l<3>$
 $\therefore l<1> = l<3>$ وهذا ينفي الافتراض

١٠. للشكل الرباعي $ABCD$ ، $D(14, -13)$, $C(8, 3)$, $B(-1, 12)$, $A(-2, 5)$.
أ) محيط $ABCD$ = 48
ب) $AB = \sqrt{5}$, $BC = \sqrt{97}$, $CD = \sqrt{273}$, $DA = \sqrt{273}$.
إذا زُنَّ المحيط $ABCD$ بـ 57 ونحوه

١١. إذا كانت إحدى أضلاع $ABCD$ بطول 3 وحدات للمسار و 4 وحدات للأعلى ثم انقلبت على المحور x ثاوجده وذو المسار $(-5, -9)$, $(-4, -16)$, $(5, -7)$, $(11, 9)$

١٢. هل يكون محيط $ABCD$ هو نفسه محيط هذه المساحة؟
نعم، أطوال أضلاع الشكل هي $5\sqrt{7}$, $9\sqrt{2}$, $2\sqrt{73}$ و كل تتكون الأضلاع متطابقة مع أضلاع $ABCD$.
فما يعني أن المحيطين متساويان.

ساعه ۱۰ ساعت

تشخيص الأخطاء

في المسألة 7. قد يستعيد الطلاب الذين يجدون صعوبة في كتابة الاستنتاجات من الرسم التخطيطي. أجعل هؤلاء الطلاب يرسمون مخطط للزوايا A , B و C .

قد يكون الطلاب الذين حددوا بشكل خاطئ الخطوة الثالثة في القائمة على أنها الخطوة 2 في المسألة 8 لم يراجعوا جميع الخطوات قبل تنفيذها. تعدد الخطوة الثانية المدرجة هي أفضل خطوة لهذا الترتيب. لأن أسفل القائمة توجد خطوة تكون نقطة T .

المسألة 14

- [2] تشمل الإجابة قياس AB بالفرجار لإنشاء قوس يوضع سن الفرجار على Z . ووضع النقطة Z على القوس.
[1] تشمل الإجابة خطوة أو خطوتين صحيحتين
[0] لا توجد إجابة أو الإجابة والترير غير صحيحين

المسألة 15

- [3] إجابة صحيحة لجميع الأجزاء
[2] توجد أخطاء بسيطة في حساب محبيط أو رأس النسخة الناتجة، ولكن التقسيم صحيح للجزء C أو جزء واحد غير صحيح
[1] تتضمن الإجابة عنصراً واحداً على الأقل صحيحاً
[0] لا توجد إجابة أو الإجابة والترير غير صحيحين

7. أكمل البرهان التالي
 $\angle A$ ملائمة مع $\angle B$
 $\angle B$ ملائمة مع $\angle C$
 $\angle A = \angle C$ ببرهانه
المطلوب برهانه

البرهان	العبارة
البعضيات	$m\angle A = m\angle B$
نطريق الزوايا المتكملاتين	$m\angle A + m\angle B = 180$
البعضيات	$m\angle B = 180 - m\angle A$
نطريق الزوايا المتكملاتين	$m\angle C + m\angle B = 180$
خاصية التضاد	$m\angle A + m\angle B = m\angle C + m\angle B$
خاصية المدرج	$m\angle A = m\angle C$
نطريق الزوايا المتطابقة	$\angle A = \angle C$

8. يوجد أدلة الخطوات المارة لإنشاء ZXY المتسقة من A . في الصورة الأولى ضع الترتيب الآتي على خطوطه

الترتيب	الخطوة
4	يمكن العرض عرض ملائمة على A حركت نقطة الفرجار إلى Z وارسمت خطوطها بخطوة 5
2	يمكن
7	يمكن عرض Z
5	يمكن عرض B ثم العرض عرض A على B
1	يمكن العرض عرض A ثم العرض عرض B وأيضاً الرؤية الجديدة
6	يمكن عرض العرض عرض A من الفرجار إلى Z ثم ارسمت الخطوط المترتبة في الخطوة الأولى
3	يمكن العرض عرض A ثم ارسمت العرض عرض B ثم العرض عرض Z

9. يدوم أسلوب Z تكون متطابقة مع AB بخطوات إنشاء Z التي يدوم على أسلوب إنشاء AB ووضع سن الفرجار عند A ثم عرض B ثم العرض عرض Z بحيث يكون السن الآخر عند B بدون تحرير الفرجار. ولم تحريره من الفرجار إلى Z ثم رسم قوس Z على القوس.

لأنه لا يتحقق تصور بإنشاء قوس يفتح عنه تفاصيل في كل شعاع تقع على مسافة واحدة من الرأس، وبعد ذلك

يتحقق تصور بإنشاء قوس من هذه النقطة في ملائمة زاوية الشرح تكشف دور هذه النظرية في إثبات المسافة المتساوية. وبالتالي فإنها تقع على مسافة واحدة من الرأس، وبعد ذلك

الوحدة 10 تدريب على الامتحان المعايير

استراتيجية حل الاختبار

قد يجد بعض الطلاب صعوبة في تصور الخطوات الموضحة في المسألة 8. شجع الطلاب على تعيين الإنشاء على فحاصة ورقبة، والتتأكد من استخدام أسماء النقاط نفسها المعطاة في المسألة. وأنثأ إكمال الطلاب لكل خطوة في الإنشاء، اطلب منهم البحث عن هذه الخطوة في القائمة وترقيمها.



تشخيص الأخطاء

في المسألة 7. قد يستفيد الطالب الذين يجدون صعوبة في كتابة الاستنتاجات من الرسم التخطيطي. أجعل هؤلاء الطالب
يرسمون مخططاً للروايات A و B و C.

قد يكون الطلاب الذين حددوا بشكل خطأ الخطوة الثالثة في الثانية على أنها الخطوة 2 في المسألة 8 لم يراجعوا جميع الخطوات قبل تنفيذها. تعدد الخطوة الثانية المدرجة هي أفضل خطوة لهذا الترتيب. لأن أسفل الثانية توجد خطوة تكمل بخطوة 7.

الساعة 14

- [2] تشمل الإجابة قياس AB بالفرجار لإنشاء فوس بوضع سن الفرجار على Z . ووضع النقطة على الفوس.

[1] تشمل الإجابة خطوة أو خطوتين صحيحتين

[0] لا توجد إجابة أو الإجابة والتبشير غير صحيحين

المسألة 15

- [3] إجابة صحيحة لجميع الأجزاء
 [2] توجد أخطاء بسيطة في حساب
 محيط أو رأس النسخة الناتجة، ولكن
 التفسير صحيح للجزء C أو جزء واحد
 غير صحيح

المتغيرات	المعادلة
المجهولات	$m \angle B = 180^\circ$
نوعي الزوايا ولون المستويتين	$m \angle A + m \angle B = 180^\circ$
الخطوط	$m \angle B = 180^\circ$
نوعي الارضيات والمستويتين	$m \angle C + m \angle B = 180^\circ$
خاصية القواعدي	$m \angle A + m \angle B = m \angle C + m \angle B$
الخاصية المترادفة	$m \angle A = m \angle C$
نوعي الزوايا المستطابية	$m \angle A = m \angle D$

8. يوجد أربعة المقطوّلات الازمة لابناء $Axyz$ تنسخة من A في الصورة الأولى. صنع الترتيب المقصود بكل حملة.

النقطة	السؤال
٤	نفترض على المترابع، عدوك يمثل الخط المترادف إلى C ، وارسم المترادفات لها خطوط A و B .
٢	ارسم Z .
٧	ارسم Z بخطين على T .
٥	نفترض على المترابع B ، وارسم المترادفات له خطوط A و C .
١	نفترض على المترابع A ، حيث مستقيم D يوازي الخطوط الجديدة.
٦	نفترض على المترابع، عدوك يمثل الخط المترادف إلى C ، وارسم المترادفات له خطوط A و B .
٣	نفترض على المترابع A ، حيث E هو المترادف للأوپانجيو المترادف B .

٩. ينوم أحد أبناءك تكون متغيرة مع A ملاحظات التي يكتب على أحد أحصاءه B .
 ووضع سن المريض A ثم طبقة عمر المريض B بحيث يكون السن الآخر هذه
 بدون تأثير المرض. يمكن تحويل سن المريض إلى Z درجة قوس. وضع Z على المؤس
 ثم نحصل على Z .

١٠. ينص عالم نظرية الظواهير على أنه إذا كانت هناك مقدمة داخل إحدى الروايات تقع على مسافة واحدة من ملخص الرواية فإن هذه المقدمة تقع على ملخص الظواهير لشروع كيف تغير هذه النظرية المطردية المستخدمة لبيان

لذلك يتحقق تفوق إنشاء المؤمن على كل شئاع تقع على مسافة واحدة من المرآى، وبعد ذلك تتحقق باشراف المؤمن من هذه النقطة باستخدام المعرف ذاته للنحوين. لعل النتيجة التي تبررها هذه الآلوان على مسافة واحدة من شخص الرواية، وبالتالي فإنها تلتزم على مطلب الرواية

الوحدة 10: ملخص المنهج

استراتيجية حل الاختبار

قد يجد بعض الطلاب صعوبة في تصور الخطوات الموضحة في المسألة .
شجع الطلاب على تنفيذ الإنشاء على فحاصة ورفقة . والتأكد من استخدام
أسماء النقطاء نفسها المعطاة في المسألة . وأناء إكمال الطلاب لكل خطوة في
الإنشاء ، اطلب منهم البحث عن هذه الخطوة في القائمة وترقيمها .

الربيعية ١١

الهدف الأساسي من الوحدة التدرسي على بعض المعايير الحكومية الأساسية المنشورة التي
تتناولها في هذه الوحدة والإجابة على السؤال التمهيدي، أثداء استثنائك تلقي درس اراجع
في هذه المضمنات للتحقق من ملائكته

استخدام ليل الطالب التفاعلي
يمكن استخدام ليل الطالب التفاعلي
(ISG) إلى جانب كتاب الرياضيات
المتكاملة 8

الرياضيات المتكاملة 8	دليـل الطـالـب التـنـاعـلـي
11-2	الدرس 11.2
11-3	الدرس 11.3
11-4	الدرس 11.4
11-5	الدرس 11.5
11-6	الدرس 11.6

نصيحة للتدريس

11.2 تمريرنا على الممارسة م.ر 2 (التفكير بطريقة تجريدية وكمية). اطلب من الطلاب تمثيل النقاط الثلاث المعطاة بياناً واستخدام التمثيل البياني لتحديد الرؤوس المحتملة الأخرى. تذكر الطلاب بوجوب استخدام خصائص جبرية لإثبات أن كل نقطة عبارة عن رأس.

الوحدة 11 الاتصال الفيزيقي

م.ر 7

نصيحة للتدريس

11.3 بتناول السؤال التمهيدي للدرس الممارسة م.ر 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها). من طرق حل المسألة رسم الأشكال الرباعية الثالثة المذكورة في نص المسألة بشكل منفصل. أجعل الطلاب يحددوا كل ما يعرفونه قبل القيام بفضل المستخليلات. استخدم هذه المسألة لتعزيز فكرة عدم إمكانية افتراض أن الشكل عبارة عن مستطيل لمجرد أنه يبدو مثل المستطيل. ويجب استخدام النظريات والتعريفات الهندسية لإثبات ذلك.

م.ر 6

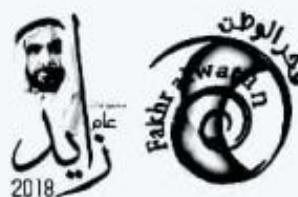
نصيحة للتدريس

قد يبحث السؤال التمهيدي للدرس 11.4 على بدء نقاش حول الممارسة م.ر 6 (مراجعة الدقة). تصنف الشكل الرباعي يتطلب من الطالب أن يكون دقيقاً في انتقاء اللغة والتفكير. فتحديد أطوال الأضلاع على أنها متماثلة يكفي للقول بأن الشكل عبارة عن معين. ولكنه ليس كافياً لتحديد ما إذا كان الشكل عبارة عن مربع أم لا. يجب على الطلاب أيضاً إجراء الحسابات بدقة. وهم يحددون أطوال الأضلاع وأطوال الأقطار.

السؤال التمهيدي	المروض المستقلة
<p>$ABGH$ مستطيل $\angle CDEF = 90^\circ$ على أصل GH على ستك استنتاج أن الشكل $BCFG$ مستطيل</p> <p>2. تأكد أن الشكل $BCFG$ يضم زاويتين قائمتين، وذلك لأن $\angle BCF = 90^\circ$ متوازي أضلاع</p>	<p>أثبت النظريات الخاصة بمتوازيات الأضلاع بمسنودات هندسية للأشكال مستخلصة ب مختلف الأدوات والطرق (ستلته ومسطرة قوية، خط أدوات عائلة درد) قائمة للطبع، برنامج هندسي ديناميكي، وما إلى ذلك. استخدم الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية البسيطة جرياً</p>
	<p>الدرس 11.5 (البعض والمرجع)</p> <p>الشكل الرباعي الظاهر على الشكلة الاصدافية المرجع</p> <p>مثمن، أطوال الأضلاع ساوية 5، وذلك فهو متوازيات زائد مربعاً لأن التمرين غير متطابقين للتمرين الطوران 6 و 5.</p>
	<p>الدرس 11.6 (البعض وشكل العاجزة الورقة</p> <p>استخدم الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية البسيطة جرياً</p>

الوحدة 11 أهداف الأساسية من الوحدة

135



11.2 متوازي الأضلاع

الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية
1, 2, 3, 5, 6, 7, 8

متطلبات الأساسية

استخدام علاقات الزوايا المكونة من مستقيمين متوازيين يقطعهما قاطع إثبات تطابق المثلثات

مثال 1

نصيحة للتدريس

يوفر الجزء ٤ الفرصة لتقديم الممارسة م.ر. 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها). عندما يحلل الطلاب القياسات التي وجدوها، ينبغي لهم البحث عن نصيحة يوضح أي الأجزاء من متوازي الأضلاع متطابقة.

الأستلة الداعمة

هل أي من الأضلاع \cong وإذا كانت الإجابة بنعم، فما هي تلك الأضلاع؟ **الأضلاع المتناظرة تكون \cong .** هل ينطبق ذلك على جميع أزواج الأضلاع المتناظرة في متوازيات الأضلاع؟ **نعم.** هل تعتقد أن جميع الأضلاع المتناظرة \cong في جميع متوازيات الأضلاع؟ اشرح.

إجابات متوازي الأضلاع اشرح. **ستنبع إجابات متوازي الأضلاع** من ذلك أن القطرين \cong مع بعضهما البعض. **فقط** يعني ذلك أن القطرين \cong مع بعضهما البعض.

خلفية عن الرياضيات
متوازي الأضلاع هو أحد أنواع الأشكال رباعية متوازي زوجي الأضلاع المتناظرة مع بعضها.

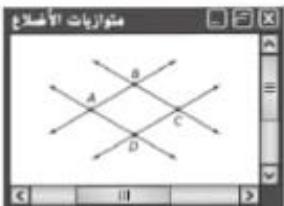
الأضلاع المتناظرة في متوازي الأضلاع متطابقة.

الزوايا المتناظرة في متوازي الأضلاع متطابقة.

الزوايا المتناظرة في متوازي الأضلاع متكاملة.

قطراً متوازي الأضلاع ينقططان مع بعضهما.

يمكن إثبات كل خاصية من تلك الخواص باستخدام تعريف متوازي الأضلاع وتطابق المثلثات. ويمكن تطبيق تلك الخواص على أي الشكل رباعي يحدّد على أنه متوازي أضلاع.



a. استثناف خصائص متوازي الأضلاع

الآباء الطيريات الخاصة بمتوازي الأضلاع باستخدام برغيتين حبرة وبراهين من مسودتين.

استخدام الآباء الطيريات لإثبات الطيريات الخاصة بمتوازي الأضلاع

متوازي الأضلاع مارة عن شكل رباعي فيه كل ضلعين متطابقين متوازيان.

b. استثناف خصائص متوازي الأضلاع

الآباء الطيريات استخدم برناجها لاستثناف متوازي الأضلاع وبهذا تقوم بعملية الاستثناء. فهو في العلاقات التي تتحقق على جميع متوازيات الأضلاع.

استخدام الآباء الطيريات يستخدم برناجها لرسم زوجين من المستقيمات

الرواية حيث ينطلق كل زوج من المستقيمات

من الأخر

الث بـ خطأ المثلث A, B, C

c. استخدام الآلات

استخدام الآلات اشتمل على إثبات المثلثات في البرنامج إيجاد

القياسات المذكورة

سوف تتيّب قياسات الطلاب

AB _____ BC _____ CD _____ DM _____
ABC _____ BCD _____ CDA _____ DAB _____

d. التخيّل الوصول إلى تخيّل الرواية المتناظرة والأضلاع المتناظرة في متوازي الأضلاع

الروايات المتناظرات متوازيات، والضلعان المتناظران متوازيان

e. استخدام الآلات استخدم برناجها لرسم قطري المثلث ABCD الذي يحده المثلث AMC

استخدم آلات الناس إيجاد المثلثات المذكورة

سوف تتيّب قياسات الطلاب

f. التخيّل الوصول إلى تخيّل قطري متوازي الأضلاع

يتحتّل القطرين بعضهما بعضه

الوحدة 11 الأشكال رباعية

مثال 1

م.ر 1

نصيحة للتدرис

في الجزء a. يجب على الطالب تحديد طريقة تتعديل الرسم التخطيطي المعطى لإثبات النظرية 11.4 بطريقة معينة. قد يخاطر الطالب للحل بتنفيذ عكسياً بداية من النتيجة التي يريدونها (إثبات النظرية 11.4 باستخدام مسلمة تطابق الأجزاء المتطابقة في المثلثات المتطابقة). والتي تستخدم الممارسة م.ر 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها).

الأسئلة الداعمة

ما الذي تحاول إثباته؟ **تطابق الزوايا المتطابقة في متوازي الأضلاع.**
ما هي الزوايا المتطابقة في الرسم التخطيطي؟
 $\angle Q \cong \angle P \cong \angle R$

ما وجوه الفائدة من المثلثات عند محاولة إثبات تطابق الأجزاء؟ **هناك العديد من الطرق لمحاولات إثبات أن مثليثين متساوياً يمكن تقسيم متوازيات الأضلاع إلى مثليثات، وبمجرد إثبات أن مثليثين متساوياً يمكن استخدام الأجزاء المتناظرة في المثليثين المتطابقين لإثبات تطابق متوازيات الأضلاع.**

إيجاد الخط استخدم متوازي الأضلاع الذي رسمته في الجزء a. هل الحالات التي أحاطتها هي التي ي Desired: يتحقق كل زوايا متوازيات متطابقين، وتتحقق كل زوايا متساوية متطابقين، ويتحقق المطرد بعضهما بعدد

تطابق عدد حصانات على جميع متوازيات الأضلاع. يوصل إثبات جميع هذه الحصانات باستخدام التمارين والمحاضرات والنظريات التي تعرّفها بالفعل.

مفهوم الأساس

أفضل الحصول مثابة النظرية الماعنة التي تتوافق مع كل اختصار.

الافتراض	المبرهنة	النظرية
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيات فيه الشكل المستطيل في a يتحقق.	متوازيات	11.3
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيات فيه الشكل المستطيل ك في a يتحقق.	متوازيات	11.4
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيات فيه الشكل المستطيل ك في a يتحقق.	متوازيات	11.5
إذا كان زوايا واحدة قائمة، فإن زواياه الأربع أذar ك في a واحدة قائمة، فإن زواياه الأربع أذar ك في a واحدة قائمة.	لكون قائمة	11.6
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن قطريه ينصف بعضهما بعض.	مسقط	11.7
إذا كان الشكل رباعي عبارة عن متوازي أضلاع، فإن كل قطر ينصف متوازي الأضلاع إلى مثليثين متطابقين.	الشكل متساو	11.8

يمكن أن الزوايا المتطابقة لمتوازي الأضلاع متطابقة

خطف وأثبت برهاناً من عمودين على النظرية 4. إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيات فيه متطابقان.

الخطف للحل: إذا أردت إثبات أن $R \cong P$ ، باستخدام مسلمة تطابق الأجزاء المتطابقة في المثلثات المتطابقة، تكتب سكت تغيير الرسم التخطيطي على السار اسماهك في برهانك بما يحقق الخامسة بالتعاظم والمستقيمات التي تغير التغيير الذي تحررها؟

الاجابة الموجبة: سارس مثليثاً من المثلثة الأولى التالية كي تربط بين آليتين تحدث متطابقة واحدة فقط.

137 متوازي الأضلاع



نصيحة للتدرис

م.ر.د 3

راجع الفرق بين البرهان المكتوب في فقرة والمكون من عمودين. وكل على أنه في كلا النوعين من البراهين، يجب على الطالب أن يضعوا باعتبارهم الممارسة م.ر. 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين).

الأمثلة الداعمة

4 وجه العائد من نظريات القوافل في إثباتات النظر يات عن متوازيات الأضلاع؟ بما أن متوازي الأضلاع المتقابلة في متوازي الأضلاع متوازية، فإن الأضلاع المتقابلة تكون قاطعاً. وبالتالي، يمكننا استخدام النظريات المتعلقة بالقاطع لصياغة عبارات عن متوازيات الأضلاع.

لإثبات أن زوايا المثلثة في متوازي الأضلاع متكاملة، فيجب أن يكتب برهان حرا على النظرية $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ ، حيث $\angle A = \angle P$ ، $\angle B = \angle Q$ ، $\angle C = \angle R$.
نكتب أن الزوايا المثلثة في متوازي الأضلاع متكاملة.

فقطعة مستقيمة هي القاطع وأيها هي القطع المتوازي؟ JM و KL هما القطع المتوازيان، فإلي



5 بناء الفرضيات إنما المباريات والأسباب المائية لبرهان البرهان.

المعلومات: متوازي الأضلاع $PQRS$
المطلوب إثباته: $\angle P + \angle Q + \angle R + \angle S = 360^\circ$

الأسباب	الباريات
1. معرفة	متوازي الأضلاع $PQRS$
2. تعریف متوازي الأضلاع	$CR \parallel SP$, $PQ \parallel RS$
3. تطبيقات الزوايا المائية	$\angle POS = \angle PSQ$, $\angle PSQ = \angle PQS$, $\angle PQS = \angle QRS$
4. ملخص المباريات في المثلث	$\angle POS + \angle PSQ + \angle PQS + \angle QRS = 360^\circ$
5. زاوية قطع - زاوية	$\angle POS = \angle PSQ$
6. المبرهنة المنشورة في مثلث متوازيين متطابقين	$\angle PSQ = \angle QRS$

ونصف طريقة البرهان كالتالي: يكتب برهان حرا على النظرية $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ ، حيث $\angle A = \angle P$ ، $\angle B = \angle Q$ ، $\angle C = \angle R$.
الإجابة التьюنتية: يمكن أن أرسم المثلث ABC كالتالي: $\angle A = \angle P$ ، $\angle B = \angle Q$ ، $\angle C = \angle R$.
الأمر المنشور في مثلث متوازيين متطابقين لإثبات أن $\angle POS + \angle PSQ + \angle PQS + \angle QRS = 360^\circ$.



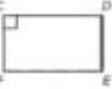
نكتب أن الزوايا المائية في متوازي الأضلاع متكاملة.

خطوة واثبت برهان حرا على النظرية $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ ، حيث $\angle A = \angle P$, $\angle B = \angle Q$, $\angle C = \angle R$.
زاوين متوازيين فيه متكاملان.

6 بناء الفرضيات إنما المباريات في مثلث المثلث المتساوي ملخص المباريات في المثلث المتساوي.

المعلومات: متوازي الأضلاع $JKLM$ ، حيث $JK \parallel LM$ و $JK \parallel ML$ ، $JK \parallel KL$ ، $JK \parallel JM$ ، $JK \parallel KL$ ، $JK \parallel LM$ ، $JK \parallel JM$ ، $JK \parallel KL$ ، $JK \parallel LM$.

المطلوب إثباته: أن $\angle J + \angle K + \angle L + \angle M = 360^\circ$.
من المعلومات في النسبتين أن $JK \parallel LM$ ، $JM \parallel KL$ ، $JK \parallel JM$ ، $JK \parallel KL$ ، $JK \parallel LM$.
ويمكننا بخطوات برهان إثبات ذلك.



نكتب أن الزوايا المائية في متوازي الأضلاع متكاملة.

نكتب برهان حرا على النظرية $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ ، حيث $\angle A = \angle P$, $\angle B = \angle Q$, $\angle C = \angle R$.
الإجابة التьюنتية: يمكن أن يكتب برهان حرا على النظرية $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ ، حيث $\angle A = \angle P$, $\angle B = \angle Q$, $\angle C = \angle R$.

نكتب أن زوايا المثلثة في متوازي الأضلاع متكاملة.
نكتب أن زوايا المثلثة في متوازي الأضلاع متكاملة.

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

التدريس المتمايز

يواجه بعض الطلاب صعوبات في ذكر جميع المعلومات اللازمة لإثبات خواص متوازيات الأضلاع. وقبل أن يبدأ الطلاب البراهين، اطلب منهم رسم خريطة مفاهيم تلخص المعلومات المتعلقة بالبراهين.

خواص متوازي الأضلاع	إثبات تطابق المثلثات	زوايا المستقيمات المتوازية



اطلب من الطلاب التفكير بخصوص المعلومات التي ينبغي إدراجها في أول عمودين وتسجيلها بطريقة تفيدهم. اطلب منهم ملء العمود الثالث أثناء الدرس. وشجعهم على استخدام خريطة المفاهيم خلال الدرس.

الوحدة 11 الأشكال الرباعية 13

مثال 4

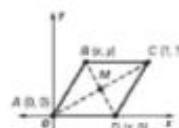
م. ر. 3

نصيحة للتدريس

ينبغي للطلاب معرفة أن بإمكانهم استخدام الاستنتاج السابق وهم يطبقون الممارسة م. ر 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين) لإثبات علاقات جديدة. وله أنه بمجرد إثبات الحظرية، فإنه يمكن استخدامها في صورة سبب في برهان آخر دون الحاجة إلى إثباتها كلها مرة أخرى.

الأدلة الداعمة

مه الذي أثبته في هذا الدرس؟ **النظرية 11.4: الزوايا \angle المترابطة في متوازي الأضلاع \approx النظرية 11.5: الزوايا \angle المترابطة في متوازي الأضلاع متكاملة.**
كيف يمكنك تطبيق تلك النظريات على الرسم التخطيطي لإيجاد البرهان؟
D \cong F و C \cong E و **D, D \angle C \cong F, F \angle E**: زوجاً الزوايا
التاليين متكاملان: **C, C \angle F و D, D \angle E**.



٥. ثابت أن قطري متوازي الأضلاع ينصف كل منها الآخر.

استخدم الجبر لإثبات النظرية 11.7: إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع، فإن

النظرية ينبع من معايير معايير

٦. التفكير بطريقة تجريبية أو بتحليل الأدلة السابقة في متوازي الأضلاع تكون معاييره وإن المستويات المترابطة لها ملائمة، يمكن أن تساعدك هذه المعلومة على إيجاد إثباتات المثلث C في مساحة ABCD. على الأعلى وعلى بعد بارز بين الإحداثية المترابطة، فهو المثلث الغليان يدعى $\triangle ABC$. على الأعلى وعلى بعد بارز بين

النقطة A والنقطة B على الخط AB ، على الأعلى وعلى بعد بارز بين المساحة المترابطة $\triangle ABC$ ، على الأعلى وعلى بعد بارز بين المساحة المترابطة $\triangle ABC$ ، على الأعلى وعلى بعد بارز بين

كذلك أبعد مسافة ووحدات إلى المساحة المترابطة $\triangle ABC$ ، على الأعلى وعلى بعد بارز بين

b. الحساب الدقيق بما يليه النسبت لكل من $\frac{AM}{MB}$ ، $\frac{CM}{MB}$ ، $\frac{AM}{MC}$ ، $\frac{CM}{MC}$

للحظة منتصف كل قطري (١٠٠٪) (٩٩٪) (٩٨٪) (٩٧٪)

٤. التواصل بدقة إذا كان $\frac{AM}{MB} = \frac{CM}{MC}$ يليه النسبت نفسها، ثابت بذلك أن المثلث

يمكن أن يكون متساوياً

الإvidence المترابطة: يوجب تقييد المستويات، فإن أي تجربة تجربة أو أي مستوي متساوي ينبع وفقاً متساوية

في لحظة متضمنها، فإذا كانت النقطة المستوية بما في $\triangle ABC$ ينبع منصف BC فإن $\triangle ABC$ تتم

تقسيلاً، بيان $\triangle ABC$ على لحظة منتصف كل قطرين AC و BC ، فذلك متوازي الأضلاع ينبع

تدريب



١. بناء الفرضيات أثبتت النظرية 11.3: إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع، فإن صديقه

المترابطين متساوياً

٢. أصل المباريات والأدلة المترابطة

المعطيات: $EFGH$ متوازي أضلاع

المطلوب: إثبات: $EH = FG$, $EF = GH$

الأسباب	المباريات
١. معيار	متوازي أضلاع $EFGH$
٢. تقييد متوازي الأضلاع	$RE = FG$, $EF = GH$
٣. تقييد المتوازي المترابط	$EHR = LGFH$ و $LEFH = LHGF$
٤. المعايير المترابطة للتطابق	$TRI = TRI$
٥. روابط دالة	$DEFN = DEHF$
٦. قاعدة المترابطة في متغير متعاقدين متضمنة	$RE = FG$, $EF = GH$

b. اشرح لماذا يتطلب هذا البرهان على جميع متوازيات الأضلاع

الإvidence المترابطة: يضم متوازي الأضلاع زوجين من الأضلاع المترابطة. عند رسم قطر، يمكنك استخدام المعايير المترابطة لبرهان أن الزوايا الداخلية \angle مترابطة، وأن المثلثين \triangle الذين يشكلهما القطر متساويان \triangle 11.2 متوازي الأضلاع

139

الكتاب الإلكتروني للطالع

التأكيد على الممارسات الرياضية

يطلب المثال 4 من الطلاب وضع خطتهم الخاصة لبرهان يبدأ بالمعطيات وينتهي بالافتراض إثباته. ولا يملئون مساعدة في الخطوات المتضمنة.

لمساعدة الطلاب في أثناء حل المسألة، أجعلهم يخبروك بكل شيء يعرفونه عن متوازيات الأضلاع والزوايا الثانية. ثم بناشدون الطرق المحتملة التي يمكن استخدامها لإثبات أن الزوايا ثانية. أدر المناقشة بحيث يربط الطلاب بين ما يعرفونه بالفعل وما يحاولون إثباته. وبمجرد أن تكتمل لديهم نظرة عامة عن طريقة التفكير، أجعلهم يكملوا المثال.

McGraw-Hill Education

جامعة الملك عبد الله © محمد

نصيحة للتدرис

ثمة طرق عديدة لتقديم الممارسة م.ر
(التفكير بطريقة تجريبية وكمية).

إحدى تلك الطرق هي استخدام الجبر لتوضيح العلاقات. بينما يكتب الطلاب البرهان الجبري، يجب عليهمربط المعلومات التي لديهم في استخدام الجبر بالشكل الهندسي وبما يحاولون إثباته فيه.

الأمثلة الداعمة

4. أوجه الترابط بين نقطة المنتصف والمحفظ؟ أي منتصف يمر بنقطة المنتصف.

كيف تساعدك معرفة نقاط المنتصف للقطرين في توضيح أنها بخط اثنين مع بعضها؟ إذا مر أحد القطرين بنقطة منتصف القطر الآخر، فإنه ينصفه.

2. بناء المثلثات ثالث برهان آخر على النظرية 11.8.
إذا كان المثلثان متوازي الأضلاع فإن كل قطع يتموز متوازي الأضلاع إلى مثلث متباين.

المعطيات: $\triangle KLM \cong \triangle MNK$ من الممارسة 11.8.

المطلوب: $\triangle NKL \cong \triangle LMN$ (أ.د.)

الاجاهدة الموجبة: يُثبت المثلثان $\triangle MNK$ و $\triangle KLM$ متباينين، وبعدها $\triangle NKL \cong \triangle LMN$ (أ.د.)

$\triangle KLM \cong \triangle MNK$ لأن $KL \parallel MN$ و $KL = MN$.
 $\triangle NKL \cong \triangle LMN$ لأن $NK \parallel LM$ و $NK = LM$.

الاجاهدة الموجبة: إن $\triangle NKL \cong \triangle LMN$ (استخدام نظرية التبادل إزوية- زاوية- زاوية) فإن $\triangle NKL \cong \triangle LMN$ (أ.د.)

باستخدام المثلث $\triangle NKL$ يمكن استخدام الاستنتاج نفسه لبرهان $\triangle NKL \cong \triangle LMN$ (أ.د.).

3. رسمت باسم متوازي الأضلاع على مستوى إثبات كما هو موضح في الرسم التخطيطي.
أ. الاستدلة من البداية ومحض ثابت يتضمنها استخدام المثلثات أن كل مثلث متباين في متوازي الأضلاع متباين.

الاجاهدة الموجبة: يمكنها استخدام قانون المسافة.

$DE = \sqrt{(-3 - 0)^2 + (2 - 4)^2} = \sqrt{9 + 4} = \sqrt{13}$

$EF = \sqrt{(1 - 3)^2 + (4 - 0)^2} = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$

$DF = \sqrt{(1 - 3)^2 + (1 - 3)^2} = \sqrt{4 + 4} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$

ب. الاستدلة من البداية ومحض ثابت يتضمنها استخدام المثلثات أن المثلثين يصنمان ببعضهما.

الاجاهدة الموجبة: يمكنها استخدام قانون نقطة المنتصف.

نقطة منتصف $\overline{AB} = (2, 1)$: $EF = (2, 1) - (0, 0) = (2, 1)$ (يتوافق ذلك مع المثلثين عند نقطة منتصف المثلث الآخر، ولذلك فهو ينبعان بعضهما).

ج. التقطير الناقص أشارت ردود إلى باسمين أنها وجحت براغبين بعلمه على المثلثين 11.7 و 11.3.

باستخدام التقطير الناقص هي على موافقة لا يبرهن الجزء A النظرية 11.7 ولا يبرهن الجزء B النظرية 11.3، حيث تستدله على أنهما ينبعان من نفس المثلثين.

الاجاهدة الموجبة: إنها على صواب، لا يبرهن الجزء A النظرية 11.7 ولا يبرهن الجزء B النظرية 11.3، حيث تستدله على أنهما ينبعان من نفس المثلثين.

هذه البراهين أن النظرية تتحقق فقط على متوازي الأضلاع هذا بالتحديد. ولو قويم برهان صحيح، فستكون على باسمين استخدام متوازي الأضلاع هام.

د. التقطير الناقص يُثبت يمكن باسمين غير المتوازي $\triangle DEFG$ الذي رسمته بمحض بصر.

الجزء A: براغبين مصالحين للنظرتين 11.3 و 11.7.

الاجاهدة الموجبة: يمكنها إثبات $\triangle DEFG \cong \triangle DEB$ حيث يتوافق كليهما تكون الإحداثيات بدالة متغيرات بدلاً من أبيضاء وهذا يحمله كليهما أضلاع هام، ويمكن أن يستخدم باسمين منها قانون المسافة كما في الجزء A وقانون نقطة المنتصف في الجزء B لبيان أن المثلثتين 11.3 و 11.7 تتطابقان على متوازي الأضلاع الدائري.

الوحدة 11 الأشكال الرياضية

أخطاء شائعة

قد يحاول الطلاب استخدام طرق غير دقيقة لإثباتات التظريات. فقد يقدمون استنتاجات تتضمن انطباعات بصرية من الرسوم التخطيطية أو القياسات باستخدام المسحورة أو المتنقلة. أكد على وجوب أن تكون جميع الأسباب المقدمة مطلقة من الناحية الرياضية ويجب أن تتحقق على جميع متوازيات الأضلاع وليس فقط الذي يمثله الرسم التخطيطي. لاحظ أنه يجب استخدام التعريفات والخواص وال المسلمات والنظريات والقوانين في براهينهم على أنها معطياتهم.

تمرين

في التمرينين 1 و 2، يجب على الطالب إثبات النظريات عن متوازيات الأضلاع.

التمرين 3 يتيح للطلاب التحقق من العلاقات في متوازي الأضلاع. وذلك باستخدام إحداثيات رؤوسه.

التمرين 4 يتطلب من الطالب تحليل البرهان عن متوازي الأضلاع وإعادة صياغته.

في التمرين 5. يتدريب الطالب عن طريق إثبات عبارة عن متوازي أضلاع في موقف من الحياة اليومية.

عرض الممارسات الرياضية

ر.م	تمرين
3	1-2
1, 3, 7	3
3	4
7	5

أ. فيما يلي برهان من مودعين على النظرية إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع، فإن قطعه بمقدار

المعطيات: $WXZY \cong MY$ $WM = MZ$
المطلوب إثباته: $\overline{XM} \parallel \overline{YZ}$

الأسباب	الخطوات
1. مدخل	$WXZY \cong MY$ 1
2. تحريف متوازي الأضلاع	$WY \parallel XZ$, $WX \parallel ZY$ 2
3. نظرية الرباعي المعاين المتساوية	$\angle XYZ \cong \angle WXM$ و $\angle XWZ \cong \angle YZW$ 3
4. الزوايا المتساوية يارأس مقطعي	$\angle WMX \cong \angle YMZ$ 4
5. زاوية - زاوية - زاوية AAA	$\triangle WXM \cong \triangle YHM$ 5
6. سند مساواة الأضلاع المتساوية في المثلثات المتساوية	$XM \cong YM$ و $WM \cong MZ$ 6

a. التفكير الناقد ما العمل في البرهان؟

ليس التطابق (زاوية-زاوية-زاوية) اختصاراً صالحاً لتطابق المثلثات

b. هنا الفرضيات كيف يمكنك تصبح الحق؟

الإجابة الموجبة: سأبين أن كل ضلعين متوازيين في متوازي الأضلاع متعاكسان \Rightarrow لو استخدم التطابق (زاوية-زاوية)

c. أنت ثانية البرهان مع إدخال تعديلات

الأسباب	الخطوات
1. مدخل	$WXZY \cong MY$ 1
2. تحريف متوازي الأضلاع	$WY \parallel XZ$ و $WX \parallel ZY$ 2
3. نظرية الرباعي المعاين المتساوية	$\angle XYZ \cong \angle WXM$ و $\angle XWZ \cong \angle YZW$ 3
4. التفسير 11.3	$WX \cong YZ$ 4
5. زاويتان وضلع	$\triangle WXM \cong \triangle YHM$ 5
6. سند مساواة الأضلاع المتساوية في المثلثات المتساوية	$XM \cong YM$ و $WM \cong MZ$ 6

5. إيجاد خط متوازي شارع الخلية مع شارع العروبة. وتوكيل جادة الزهرة مع جادة الكراهة
يصل ماضي في مقطع الماء على طبيعة شارع الخلية مع جادة العروبة. ويصل إلى
موسيقى ماء إلى ماء على طبيعة شارع الخلية مع جادة الكراهة بخالق ماضي الماء شارع
شارع الخلية على طبيعة شارع العروبة نفسه. ومنطبع جادة الزهرة ومنطبع جادة الكراهة لهاها الطول نفسه. وذلك
الإجابة الموجبة: كل المسارين متساوون في المسافة. يدل على أن شارع الخلية يوغرى

شارع العروبة وأن جادة الزهرة متساوية لجادة الكراهة. فإن الشكل الذي تتشكل الشوارع الأربعية هو متوازي أضلاع حسب
تحريف متوازي الأضلاع. حسب النظرية 11.3. فإن كل ضلعين متباينين في متوازي أضلاع متعاكسان. لذلك فإن المتبع
شارع الخلية على طبيعة شارع العروبة نفسه. ومنطبع جادة الزهرة ومنطبع جادة الكراهة لهاها الطول نفسه. وذلك
فكل المسارين متساوون في المسافة.

11.2 متوازي الأضلاع

التدريس المتميز

مفاتيح الحل البصرية غالباً ما تساعد الطالب في التفكير بالمسألة بطريقة أكثر وضوحاً. لغلكله طالب قلم رصاص أحمر وأخر أزرق. راجع العلامات المستخدمة لتوضيح المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتطابقة والزوايا المتطابقة. اطلب من الطالب تحديد المعطيات باستخدام القلم الأحمر وما يحاولون إثباته باستخدام القلم الأزرق. وفي كل مرة يكملون فيها خطوة من خطوات البرهان. أجعلهم يحددو المعلومات على الرسم التخطيطي بالقلم الأحمر. شجع الطالب على استخدام الرسم التخطيطي الملون وهم ينافسون ويحلللون ما يعرفونه وما يحاولون إثباته.

مهارات الرياضيات

المهارات الرياضية:

وقد تعرّفت سوانسي الأصلية إلى غوارديا كل حلّمين متّابعين في حفل استثنى الرسامين، فإنّ الشّكل
سوانيي أسلّحه يذكّر إلّاثات في التّشكيل الرّباعي سوانسي أصلّحه التي أقرّ كلّ حلّمين متّابعين متّوابين

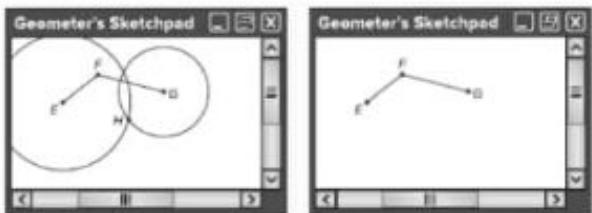
كتاب شرط متوازي الأضلاع

الاستكشاف في التعلم يتألف من مراحل متعددة، وهي:

- الاستكشاف** في المعرفة: هي عملية الاستكشاف التي تتم في المعرفة، حيث يتم تطبيق المعرفة الجديدة على المعرفة القديمة.
- الاستكشاف** في المعرفة: هي عملية الاستكشاف التي تتم في المعرفة، حيث يتم تطبيق المعرفة الجديدة على المعرفة القديمة.
- الاستكشاف** في المعرفة: هي عملية الاستكشاف التي تتم في المعرفة، حيث يتم تطبيق المعرفة الجديدة على المعرفة القديمة.

٣- استخدام Geometer's Sketchpad لرسم قطعتين مستقيمتين للشاركان في نقطة المواجهة سوياً

b استخدام الأدوات لرسم دائرة باستخدام آلة "Circle by C R" على مذكرة
وأطّلعتها على الأشكال دائرة أخرى بالطريقة نفسها يمكن من إبرة C رسم دائرة G كثانية لها موضع
أئتم على المسار \overrightarrow{AB} نقطة تقاطع الدائرتين آلة \overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{CD} معد الدائرين والميامنها



C. بهذه الفرضيات آخر — سلسلة \overline{FG} — تساوي \overline{EFG} .
 الإجابة المنشودة، بما أن طول قوس الدائرة التي مرّت بها EFG فإن \overline{EFG} = المضمنة مشابهة. فإنه بما أن طول
 قوس الدائرة التي مررتها هو E ساقي FG . فإن \overline{EFG}

D. استخدام الأدوات استخدم آلة تحويل المثلث لإيجاد مثل \overline{EFG} \overline{FG} \overline{EF} \overline{EG} \overline{FG} كلما الذي يمكن
 إسقاطه من الأضلاع المحيطة في $EFGH$.

E. الإجابة المنشودة هي: هيكل مستطيلين متقاربين متداخلان، إذًا كل مستطيلين متداخلين متوازيان.

المحة ٢٢: الأدلة الشرعية

خلفية عن الرياضيات

عندما يستخدم الطلاب برنامج الهندسة الديناميكية لإنشاء شكل رباعي، فقد يفترضون أن الشكل سيكون متوازي الأضلاع وينبعون طريقة مختصرة عن طريق تبسيط رسم القطع المستقيمة التي تبدو أنها متوازية. ذكرهم بأنه يجب عليهم البدء بتطابيق الأضلاع المتباينة قبل عمل أي افتراضات أخرى.

باستخدام أدوات القياس المتوفرة في برنامج الهندسة الديناميكية، يمكن للطلاب استكشاف ما تعلمهونه مسبقاً عن خواص الأضلاع والزوايا والأقطار الخاصة بمتوازيات الأضلاع، وأناء الاستكشاف. شجعهم للتتخمين حول الشروط التي تضمن أن يكون الشكل رباعي متوازي أضلاع و التفكير في طرق إثبات تلك التخمينات.

- عدد تغير شكل $EFGH$. كيف نبين
العلاقة بين أولئك أضلاعه؟ اختر قطعة
من سقيمة لكلافلع. حدد أمر القياس
e) لتوسيع طول القطعة
الـ h) سقية مستحدث الأطوال تلقائياً
عند مع ظرف $EFGH$.

لمطالبات الأساس

العمر على خواص متوازيات الأضلاع
وتطبيقاتها.

المواض

Geometer's Sketchpad برمج

مثال 1

نصيحة للتدريس

ساعد الطلاب للوصول إلى تخمينات
بخصوص متوازيات الأضلاع وذلك
بمطالبتهم باستخدام برنامج الهندسة
الديناميكى لتعديل الشكل الرابعى GH
بحيث لا تكون أضلاعه المتقابلة متوازي
نافش لماذا لا يمكن عمل ذلك.

الأمثلة الداعمة

- عدد تغير شكل $EFGH$. كيف نبين
العلاقة بين أولئك أضلاعه؟ اختر قطعة
من سقيمة لكلافلع. حدد أمر القياس
e) لتوسيع طول القطعة
الـ h) سقية مستحدثة الأطوال تلقائياً
عند مع ظرف $EFGH$.
 - الد لاقفة ينطوي على \overline{FF} هو يفترض
طول \overline{EF} ليؤثر في طول \overline{FG} .
الـ b) طول \overline{FG}
والعكس صحيح. أطوال الأضلاع
المجاورة لمتوازيات الأضلاع لا ترتبط
بـ a) بعضها.

مثال 2

م. ر. 3

نصيحة للتدرис

إذا كان الطلاب يواجهون صعوبة في فهم الخطوة الأولى من البرهان، فراجع استخدام الخط المساعد.

الأسلة الداعمة

٩١. إذا رسم الخط المساعد في المقدمة
رسم خط إضافي يساعدك في تحليل العلاقات الهندسية بين المثلثين اللذان شكلهما رسم القطر في متوازي الأضلاع.

هل يمكن رسم الخط المساعد بين النقطتين F و H بدلاً من الخط الأول؟ وإذا كانت الإجابة بنعم، فكيف سبأثر البرهان؟ فنُعم: سيكون المثلثان $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ المتتطابقان هما $\triangle EHF \cong \triangle GHF$ و عليه قد يتلزم مراجعة جميع القطع المستقيمة والزوايا في البرهان.

لماذا يعطي معكوس نظرية الزوايا الداخلية المتباينة على أنه سبب للعبارة ٦ بدلاً من نظرية الزوايا الداخلية المتباينة؟ توضح النظرية أنه إذا كان الخطان متوازيان، فإن الزوايا الداخلية المتباينة متطابقة، بينما يوضح معكوس النظرية أنه إذا كانت الزوايا الداخلية المتباينة متتطابقة، فإن الخطوط متوازية، والنصل الأخير موضح في العبارة ٦.

الخطوّق ما الذي يهدّئ معرفتنا من متوازي الأضلاع بدل من استئصاله للشكل الرباعي $EFGH$ الإجابة التوجيهية: إذا كان كل ضلعين متطابقين في الشكل الرباعي متوازيين، إذًا فإن الشكل الرباعي متوازي أضلاع

إثبات أن الأضلاع المتطابقة متوازية بعد طريقة واحدة فقط لإثبات أن كلتا رباعيًا ما مبارزة من متوازي طرط واسد (كذلك البرهان).

مفهوم الأساسي

أمثل العدوان بكلبة النظرية الخامسة التي تتوافق مع كل اختصار.

الاختصار	العبارة	النظرية
إذا كان كل ضلعين متطابقين في الشكل الرباعي متوازيين.	إذا كان كل زوايا من الأضلاع من المثلثين $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ متساوية.	٩.٩ فهو متوازي أضلاع.
إذا كانت كل زوايا من المثلثين في الشكل الرباعي متوازيين.	إذا كان كل زوايا من المثلثين $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ متساوية.	٩.١٠ فهو متوازي أضلاع.
إذا كان قطر الشكل الرباعي ينبعضان ببعضهما، إذًا فهو متوازي أضلاع.	إذا كان قطر الشكل الرباعي ينبعضان ببعضهما، إذًا كل زوايا المثلثين $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ متساوية.	٩.١١ فهو متوازي أضلاع.
إذا كان ضلعان متعاملان في الشكل الرباعي متطابقين ومتوازيين.	إذا كان ضلعان متعاملان في الشكل الرباعي متطابقين ومتوازيين.	٩.١٢ فهو متوازي أضلاع.

٢. يثبت أن الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع

أمثل البرهان من عمودين لإثبات أنه إذا كان كل الزوايا من الأضلاع المتطابقة متlapping فإن الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

٨. بناء فرضيات أدلة البراهين، والأسباب السائدة لاثبات البرهان

$$EF = EH, FG = FH, \text{ المعلمات}$$

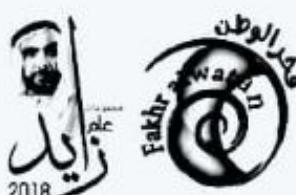
المطلوب إثباته: متوازي أضلاع $EFGH$.



الأسباب	العبارات
١. اثبات أن $\triangle EHF$ متطابق مع $\triangle GHF$ واحد بالختام.	$EF = GH, FG = EH, \text{ المعلمات}$
٢. معاشر	$EH = EH$
٣. معاشر الزوايا في المثلث	$EG = GF$
٤. هدوء-هدوء-هدوء	$\triangle EFG \cong \triangle GHE$
٥. يثبت معاشر الأضلاع في المثلث المتساوية	$EFG \cong HEG, FEG \cong HGE$
٦. معاشر الزوايا المعاشرة في المثلث المتساوية	$EF \parallel GH, FG \parallel HE$
٧. ثوري الأصل	ثوري الأصل

b. التفكير الناقد: إن أحد الطلاب إنه بحسب ذكر H في المثلث EFG في المثلث GHE ، فإن H يقع بعد G على إعانتك الإجابة التوجيهية: لا، ليس لدينا H هناك ولو غيره من ذلك أيضًا.

١٤٣ امثلات متوازي الأضلاع



التأكيد على الممارسات الرياضية
استخدم ما تعلمه الطلاب عن كتابة البراهين لمناقشة م. ر. 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين). في الجزء C من المثال ٢.
قد يفترض الطالب عن طريق الخطأ أن الزوايا المتطابقة في الشكل الرباعي $EFGH$ متطابقة. الفكرة بأن إثبات شكل رباعي م upholى عبارة عن متوازي ضلائع مختلف عن إثبات أن متوازي الأضلاع له خصائص معينة. إذا لم يتم إثبات شكل رباعي م upholى عبارة عن متوازي أضلاع، فإنه لا يمكن افتراض خواص متوازيات الأضلاع ولكن يجب إثباتها كذلك.

نصيحة للتدريس

134

٣- بناء المعرفاتيات اشترى سبب تكون الباردة ٣ مرسومة
الإحياء النموذجية: الخطوة الثانية في البرهان هي: $GHE \cong EFG$ (علم-علم-علم)
وذلك، فحيث أن كل ضلعين متباينين، بما في ذلك الضلع المفترض المثلث EFG ،
فذلك.

ذلك حل مسائل من الحياة اليومية وبيان أن الأسئلة الرياضية عبارة عن متغيري أصل

حل مسائل عن الحياة اليومية

على تمهيل خط حذف الملامس قابل للطعن، فيتشي عليه ليكون
لـ $\triangle ABC$ ميلية مختلفة كما هو موضح وفي الشكل E هي نصفه
و $\angle AEC$ ميلية في إثبات أن الشكل ABCD متوازي أضلاع

٦- المُعْطَى بِهِ مُعْطَى وَمُعْطَى بِهِ مُعْطَى لِلْمُؤْمِنِينَ فَلَا يَرْجُوا مُؤْمِنِيَّةً

٤. الاستفادة من النتائج التي يوصلها في الشكل تعميقي على النقطة كلس المزروبة، حيث ترشط هذه النتائج بمحضها انتشار

$$\angle AEB = \angle CED - \angle BEC = \angle DEA - \angle DEA_1 + \angle ECD_1 - \angle BEC_1 + \angle AEB$$

بيان تقدّم في المقالة العلمي في المنشور الأدبي متواتر انتشار

٤ استخدام الإحداثيات لإثبات متوازي الأضلاع

يوضح الجدول إحداثيات ثلاثة من أربعة رؤوس لمتوازي الأضلاع ABCD لاحظ أن إحداثيات المثلث ABC

بناء المعرفات على أساس المفاهيم التي يملكها المتعلم، حيث يتم إدخال المفاهيم الجديدة في إطار المفاهيم القديمة، مما يزيد من قدرة المتعلم على تعلم المفاهيم الجديدة.

الوحدة 11: الأسلوب الرياضي

إذا كان الطلاب يحتاجة إلى المساعدة في تخطيط البرهان، فاقترن عليهم البدء بتعريف متوازي الأضلاع. ومن خلال هذا المثال، سبأ الطلاب التخطيط لبرهان النظرية 11.11 التي ستكتمل في المثال 5.

الأسلحة الداعمة

ما المعلومات العحلاء في المسألة والتي قد تساعدك في بدء إثبات أن الأصلان

المناظلة في الشكل الرباعي $ABCD$ متحاطبة؟ النقطة E هي نقطة منتصف

كل قطر في الشكل الرباعي $ABCD$

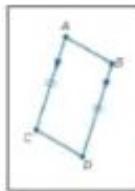
نقطة منتصف قطر الشكل الرباعي $ABCD$ هي

نقطة المنتصف Q_1 قطعة من متسلقة $ABCD$ عند التخطيط للبرهان، بما أن نقطة المنتصف تقسم القطعة

المسعفية إلى قطعين متباينين.
ستتمكن من تحديد القطع المستقيمة
المطلوبة من خلال الملاقط.

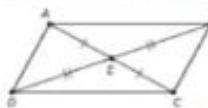
المتابعة وستخدم تلك الأدوات
في البرهان.

عند التخطيط للبرهان، ما الذي تعلمه عن تطابق الزوايا من تناول الأفكار؟



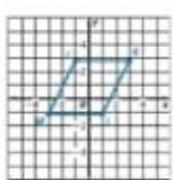
b. بناء: تبرهن، بدرج الطلاب أن $\angle A = \angle C$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$.
الشكل $ABCD$ سُمِّيَّ $\triangle ABC$ و $\triangle ADC$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$.

الإجابة التوجيهية: $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ لأن $\angle A = \angle C$ ، $\angle B = \angle D$ ، $AB = CD$
يمكننا برهان المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل ABC و ADC بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل ABC و ADC ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل ABC و ADC ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل ABC و ADC .



3. بناء المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$:
الرباعي $ABCD$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$.

الإجابة التوجيهية: $\triangle AEB \cong \triangle CED$ لأن $\angle A = \angle C$ ، $\angle B = \angle D$ ، $AB = CD$
يمكننا برهان المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل ABC و ADC بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل ABC و ADC .



4. استخدام المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل $KLMN$:
برهان المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل $KLMN$ ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل $ABCD$ ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل $KLMN$.

الإجابة التوجيهية: $\triangle KLM \cong \triangle ABC$ لأن $\angle K = \angle A$, $\angle L = \angle B$, $\angle M = \angle C$, $\angle N = \angle D$

5. بناء دلائل: $\triangle ABC$ في المثلثي رباعي متوازي دلائل $KLMN$:
البرهان: رسم المثلث ABC في المثلثي رباعي متوازي دلائل $KLMN$ ، وذلك بحسب المعايير المذكورة في المثلثي رباعي متوازي دلائل $KLMN$.
الإجابة التوجيهية: $\triangle ABC \cong \triangle KLM$ لأن $\angle A = \angle K$, $\angle B = \angle L$, $\angle C = \angle M$

أمثلة على إثباتات المثلثي رباعي متوازي دلائل

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

أخطاء شائعة

في الشكل الخاص بالتمرين 1، قد يلجأ الطالب لطريقة مختصرة وذلك ببساطة برسم قطع مستقيمة يبدو أنها متوازية. ذكر أن استخدام أمر إنشاء مستقيم متواز (Construct Parallel Line) يضمن أنه في حالة تغيير شكل متوازي الأضلاع وموضعه، فإن أضلاعه المتباينة ستبقى متوازية. في الجزء a من التمرين 1، قد يواجه الطالب مشكلات في استخدام الأدوات المتاحة في البرنامج الهندسي динاميكى لتحديد الزوايا وقياسها. ومن الأخطاء الشائنة وضع قطع مستقيمة أو نقاط إضافية يتم تحديدها عند اختيار أمر قياس (Measure). وفي هذه الحالة، فإنه يمكن تعطيل خيار قياس الزوايا الموجود في القائمة، مما يجعله غير متاح لل اختيار. انصح الطالب كذلك بأن يتحققوا جيداً من تناول الزوايا المسمدة الموضحة في إسانتها مع الزوايا التي يقوم الطالب بقياسها.

التمرين 1 يطلب من الطالب استخدام برنامج الهندسة الديناميكى لإنشاء متوازيات أضلاع وعمل تخيينات عنها.

في التمرين 2، يعلق الطالب على إحدى المحاولات في البرهان ثم يكتونون فرضية ويكتبون فقرة البرهان عن إحدى النظريات.

في التمرين 3، يحتاج الطالب إلى تكوين فرضية وكتابه فقرة برهان عن متوازي أضلاع.

في التمرين 4 و 7، يثبت الطالب إحدى النظريات جرياً، وذلك باستخدام الإحداثيات لإثبات أن شكل رباعي متوازي أضلاع.

في التمرين 5. يتنافس الطالب في البرهان الذي تم التخطيط له في المثال 3. وبينما يثبت الطالب نظرية عن متوازيات الأضلاع، فإنه يجب عليهم استخدام البنية.

التمرين 6 يطلب من الطالب حل مسألة من الحياة الواقعية باستخدام الإحداثيات لإثبات أن الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

عرض الممارسات الرياضية

م.ر	التمرين
3, 5	1
3	2
3	3
3, 7	4
3	5
3	6
2	7

أخطاء شائعة

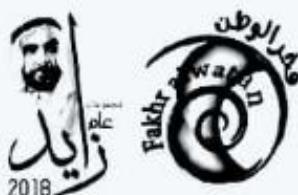
في التمرين 2. يراجع الطلاب البرهان الذي يستخدم زوايا المتناظبة لإثبات أن الشكل رباعي متوازي أضلاع. يتطلب من الطلاب تحديد الخطأ في الخطيم وتصحيحه. إن تحديد الخطأ بطريقة صحيحة يعتمد على الفهم الصحيح للطلاب للنظرية 11.5 وهلها: كان الشكل رباعي متوازي أضلاع. فإن زواياه المتناظرة تكون متكاملة إذا كان الطلاب يواجهون صعوبات في التمرين. فاطرح أسئلة للتأكد من أنهم لا يخلطون بين الزوايا المتناظرة والمتحابلة أو الزوايا المتكاملة والمتناصفة.



6. انتقد أثناة فالطالب أور طرفة أخرى لإثبات أن الشكل $ABCD$ من المثلث 4 متوازي أضلاع هي استخدام قانون المسافة، فهو ينبع منه؟ مثل إثباتك وإذا كنت تصر على مثل الشكل البرهان الإيجابية الموجبة، فهو إذا كان كل ضلعين متطابقين، إذا فهو متوازي أضلاع، فإذا استخد
قانون المسافة لتبين أن $DC = CB$, $AB = DC$, $AB = CB$.
 $AD = CB$, $AB = DC$, $AB = CB$,
 $AD = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$ أو $AB = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$
 $BC = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$ أو $DC = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$.
كل ضلعين متطابقين في $ABCD$.

7. التفكير بطريقة البنية تبرهن إسدي جيلات نسب المطابقات الوراثية نسباً متناسقاً ويرى المسمى في العمل بخطوات تبرهن على:
بنقطة انقلاب تصميم على المترادفة وزوايا في المستوي الإحداثي، ينبع الرسم $ABCD$ من المثلث $C(20, 0)$, $B(20, 34)$, $A(4, 20)$, $D(0, 20)$.
المسمى بعمل التصميم ينحصر طفل المطابقة الوراثية ارسم نصف المطابقة في المستوى الإحداثي وحدد النقطة التي يجب تحريرها لتنفيذ المطابقة ما الإحداثيات الجديدة إذا كانت المطابقة مستحقة شكل متوازي أضلاع؟
يسعى تحرير النقطة D التتعديل التصميم: $(20, 12)$.
استناداً للنسبة الجديدة للمطابقة الوراثية هو في المثلث على شكل متوازي أضلاع.
الاجابة الموجبة: مثل المثلث JKL : $\frac{2}{3} = \frac{24}{36} = \frac{2}{3}$ ، مثل المثلث ABC : $\frac{2}{3} = \frac{24}{36} = \frac{2}{3}$.
باستخدام قانون المثلثات: $27113 = 2^1 + (34 - 20) + (20 - 4) = 28 + 14 = 42$.
 $27113 = 2^1 + (20 - 6) + (34 - 20) = 2^1 + 14 + 14 = 42$.
يكون $ABCD$ متوازي أضلاع.

11.3 اختبارات متوازي الأضلاع



التأكيد على الممارسات الرياضية

ربما تحتاج إلى استخدام التمرين 4 لتنافشة م.ر 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها) وللطلاط للربط بين الشكل المترادي لمتوازي الأضلاع في المستوى الإحداثي وفيه المتناظرة التي تم إيجادها باستخدام قوانين الميل ونقطة المنتصف والمسافة. على سبيل المثال، قد يحدد الطلاط الميل بضربي $JKLM$ عن طريق تمثل $JKLM$ بياناً. عدد المربعات لإيجاد الارتفاع على الامتداد. أطلب منهم التأكد من ملاحظاتهم البصرية عن طريق إدخال الإحداثيات لكل زوج من الرؤوس في قانون الميل والمقارنة بين نتائج حساباتهم والميل التي حددها بصرياً.

11.4 المستطيل

الأهداف

شدة المطرادات الخاصة بالمستطيل باستخدام براهمين من عمودين
استخدام الإحداثيات لإنشاء المطرادات الخاصة بالمستطيل
رسومات مبنية للأشكال لمجموع المطرادات الخاصة بالمستطيل

المستطيل عبارة عن متوازي أضلاع زاوية الأربع قائمة، ونظراً لأن المستطيل متوازي أضلاع فإن جميع خصائص متوازي الأضلاع تطبق على المستطيل.

١٤.١ تكتشف خواص المستطيل

الاستدلال: استخدم فرجاراً ومسطحة لكتشاف المستطيل وخصائصه

٢. استخدام الأدوات لرسم المستطيل $ABCD$ باستخدام رسومات من المستويات المترادفة والمتماسدة



٣. بناء فرضية: استخدم تعريف المستطيل لسرح المطردة التي يمكن بها بناءه إلى مستطيل

الإجابة التمهيدية: المستطيل متوازي أضلاع رباعي زاوية قائمة كل ضلعين متباينين في متوازي الأضلاع متوازيان $\parallel AC \parallel BD$

بعضهما البعض $CD \parallel AB$ كثقبهما عمودي \perp على AC لأن مستقيم AB ينبع على المستقيم نفسه فيما هو زوايا \parallel

فإن كل زاوية \angle على أنها زاوية قائمة لذلك

٤. التمهيد: استخدم مسطحة لإيجاد $AC = BD$ لا يصدق ما الفرضية التي يمكن التوصل إليها

من الطريق المستطيل؟ هل يشكل ادعاء صحة الفرضية بناء على الأمثلة؟

الإجابة التمهيدية: BD فركها، فطراً المستطيل متباينان، لا يمكن ليس برها، يجب استخدام البراهين

باستخدام المستطيل

نظرية 11.13، إذن متوازي الأضلاع مستطيلاً فإن تعريفه منطقياً، وإن النظرية 11.13 تتحقق

١٤.٢ الوحدة ١٤ الأشكال الرباعية

مارسات الرياضية

الممارسات الرياضية:
١, ٢, ٣, ٥, ٦

المتطابقات الأساسية

العمر على خواص متوازي الأضلاع
وتطبيقاتها.

افتخدام قانوني الميل والمسافة

المادة

• فرجار

• مسطحة

مثال ١

نصيحة للتدريس

يوفر الجزء ٨ فرصة لتناول الممارسة
م. ر ٥ (استخدام الأدوات الملائمة
بطريقة إستراتيجية). عندما ينشئ
الطلاب مستطيلًا، شجعهم على تكوين
روابط بين الخطوات أثناء الإنشاء وسبل
اجتذابهم لإنشاء الشكل المطلوب.

٥. در

خلفية عن الرياضيات

المستطيل عبارة عن متوازي أضلاع له أربع زوايا قائمة، ولأنه متوازي أضلاع.

فإن جميع خواص متوازيات الأضلاع تتطابق على المستطيلات. علاوة على ذلك،

فإن أقطار المستطيل متطابقة.

يمكن إثبات البراهين عن المستطيلات في صورة برهان ذات عمودين باستخدام خواص متوازيات الأضلاع والمثلثات المتطابقة. ويمكن أيضًا استخدام البراهين

الجبرية على المستوى الإحداثي. ويمكن استخدام قانون المسافة لتوضيح

الأضلاع المتطابقة والأقطار المتطابقة. كذلك، يمكن استخدام قانون الميل

لإثبات أن الأضلاع متعامدة أو متوازية.

الأمثلة الداعمة

م٤) خاصيتنا المستطيل الثنائي لا تتحقق هنا على جميع متوازيات الأضلاع؟ يجب أن تكون الزوايا قائمة والأقطار متساوية.

هل يمكننا افتراض نظريات عن المستطيلات تتحقق على متوازيات الأضلاع؟ لا: فالنظريات عن المستطيلات ليس بالضرورة تتحقق على متوازيات الأضلاع.

مثال 2

م٥-٣

نصيحة للتدرис

في المثال التالي، تذكر الطلاب بأنه يجب عليهم استخدام التعرifات والخواص والملخصات والنظريات التي أتيتها في صورة أسباب لإكمال البرهان.

الأمثلة الداعمة

- ماذا يجب أن يكون التكيل $RSTU$ من متوازي الأضلاع؟ تعرif بالمستطيل بوضوح أو ذكر \overline{RU} و \overline{ST} في رسم التخطيط.
- ما جزء متوازي الأضلاع الموجود؟
- الأضلاع المتقابلة، الفظورية المرتبطة بالأضلاع المتقابلة في متوازي الأضلاع؟ **الأضلاع المتقابلة في متوازي الأضلاع متطابقة.**

هذا هو إثبات أن $\overline{RT} \cong \overline{SU}$.

الفائدة من معرفة أن $\triangle RUT \cong \triangle SUU$ ؟ **RT كعبارة عن أوتار للمثلثين RUT و SUU، وبالتالي فهي ضلعان متناظران.**

مثال 3

م٥-٤

نصيحة للتدرис

تطلب هذه المسألة من الطلاب أن يطبقوا خواص المستطيل لحل المسألة. يجب أن يعرفوا كيفية إثبات أن الشكل رباعي مستطيل عن طريق استخدام الأطوال فقط.



ن١) أن قطري المستطيل متطابقان

ج) بناء المبرهنات إنما الأساس الثالث لإثبات البرهان.

المعطيات $RSTU$ مستطيل

$RT = SU$

النبرة	المبرهنة
١.	معنون $RSTU$ مستطيل.
٢.	نفرض المثلث RST متساوي الأضلاع.
٣.	$RT = ST$
٤.	الخاصية المقلبة في المتطابق.
٥.	نفرض المثلث SUT متساوي الأضلاع.
٦.	$ST = SU$ و $ST = RT$.
٧.	رسالة تساوي ضلعين وزاوية $\angle RUT = \angle STU$.
٨.	الثابت المتناقض في متوازي الأضلاع متطابق.

b. التفكير بطريقة تعميدية: المربع إثبات يتحقق هنا البرهان على جميع المستطيلات الإجابة الموجبة: المعنونة الوحدية المعقولة هي إنما المطالع، ويطلب استخدام طريقة الاستنتاج نفسها أي مستطيل فيها ثلاث سمات رؤوسه.

بعد عدّ ملخص النظرية 11.13 صحيحة أيضًا نظرية 11.14: إذا كان القطرين في متوازي الأضلاع متسابقين، فإن متوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل بعد إيجاد تطبيقات متسابقين آداء تثبت أن متوازي الأضلاع مستطيل.

ن٢) تطبيق خصائص المستطيل

الخطط للحل طلب من كافة إثبات أن الشكل الموضح على اليمين مستطيل، مع كافة مسافة من دون مثليثة أو آلة أخرى لقياس الزوايا، فليكت بيكثا إثبات أن المثلث مستطيل.

c. الإجابة الموجبة: **النظرية 11.9 على أنه إذا كان كل ضلعين متسابقين في الشكل رباعي متوازي، فإن المثلث المريادي هو متوازي الأضلاع.**

d. إن النظرية التي يمكن استخدامها لإثبات أن المتوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل داشت طرطية 11.14 على أنه إذا كان القطرين في متوازي الأضلاع متسابقين، فإن متوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل.

e. باستخدام المطريات الواردة في الجزئين a و b من الطريقة التي تستطيع ذلك من خلالها إثبات أن المثلث مستطيل.

الإجابة الموجبة: يمكن أن تقيس كافة الأضلاع إلى 4 جسمها. إذا كان كل ضلعين متسابقين متسابقين == فهو متوازي أضلاع، بينما حينها قياس القطرتين، فإذا كانت متسابقين == المثلث مستطيل.

١٤٩ ١١.٤ المستطيل

التدرис لمتمايز

طبل العدد

يواجه الطلاب صعوبة فروية المثلثات التي يجب أن

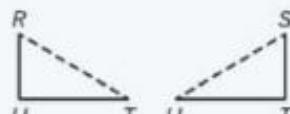
أجل $\overline{RT} \cong \overline{SU}$. أولًا، لجه من الطلاب تحديد مواضع

نحو خطوطهم في فصل المثلثين المتداخلين بحيث

يمكنهم تتبع الاستدلال

هي ذاتها القاعدة في كل مثلث. أجعلهم يحددوا الأجزاء

المتطابقة في المثلث وهم يكتبون البرهان.



الأسلحة الداعمة

يستخدم النظريات التي تعرفها، ما الذي يمكننا إثباته عن الشكل عن طريق قياس الأطوال فقط؟ إذا كان كل زوج من الأضلاع المقابلة متطابقاً، فإن الشكل عبارة عن متوازي أضلاع.

ما أهمية توضيح أن الشكل عبارة عن متوازي أضلاع؟ نحتاج إلى هذه المعلومة من أجل استخدام النظرية 11.14.

مثال 4

نصيحة للتدريس

في المثال 4. يجب على الطالب الاعتماد على الجبر بدلاً من أدوات القياس لإثبات أن الشكل عبارة عن مستطيل. تحدّد الطالب لعمل مقارنات بين أدوات القياس والقوانين الجبرية. على سبيل المثال، يمكن استخدام قانون المسافة وكأنه مسحورة لقياس طول الضلع.

الأمثلة الداعمة

٤- القوatين التي يمكن استخدامها والتي تحدد التقطتين الطرفتين لقطعة مستقيمة؟ **قانون المسافة يحدد طول القطعة المستقيمة وقانون الميل يحدد ميلها.**

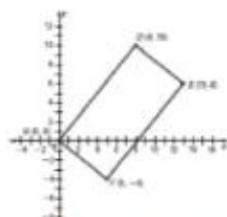
كيف تساعدك الأطوال في إثبات أن
الشكل عبارة عن مستطيل؟ إذا كان
كل زوج من الأضلاع المتقابلة متطابقة
فالشكل عبارة عن متوازي أضلاع. وإن
كان متوازي أضلاع ذا أوتار متطابقة،
فهو مستطيل.

كيف تساعدك الميول في إثبات أن الشكل عبارة عن مستطيل؟ إذا كان كلا زوجي الأضلاع المقابلة لهما الميول نفسه، فإنها تكون متوازتين وبالتالي يكون الشكل متوازي أضلاع إذا كانت ميول كل زوج من الأضلاع المتتالية عبارة عن معكوس ضربي سالب. فإنها تكون متعمدين ومتوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل.

السابقة

عندما يجب على الطلاب إثبات الخواص الهندسية بدلاً من حفظها. فغالباً ما يستوعبون المفاهيم ويطبقونها في مجموعة من المواقف. بالتأكيد على الممارسة م. ر. 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين). فأنّت تجعل الطلاب يأخذون دوراً فعالاً في تعلم خواص الأنواع المختلفة من متوازيات الأضلاع بطريقة تنسى التفهيم.

وبالتالي يكون الشكل متوازي أضلاع. عندما يثبت الطلاب البراهين، امتحنهم الوقت لمناقشة المسائل في مجموعات إذا كانت ميول كل زوج من الأضلاع صغيرة أو بين الفحص بComplexe. اطرح أسلطة مثل "كيف تعرف ذلك؟" و"لماذا المتالية عبارة عن معكوس ضربي هذا صحيح؟" و"هل هذا منطقي؟" شجع الطلاب على تقديم شروح تستخدم سالب. فإنها يمكن أن تكون متعامدين ومتساويا المفردات الرياضية والاستنتاج. الأضلاع عبارة عن مستطيل.



- الكتير النافع يرمي مرمى ايات ان الشكل الرباعي مستطيل يكفي ايات ان خطره
منقطعيان فعل متوازي اذا كانت تدور فالشخ السبب . وذا لم تكون قويمه مثلاً مسماها وارسم
٩. يجب أن يكون المستطيل متوازي أضلاع (اصفافه إلى امثلة) في العبرين متباينين .
الاجابة الموجهة: شبه المترافق متباوي. الماقفين مثل معاذلن .

١٠. كيد يكثت غير فرسنة من اصحابها سعيدة؟
الاجابة الموجهة: ايات ان متوازي اضلاع هو مستطيل. يمكن برهان ان
خطره منقطعيان .

١١. يقول خطيب خطيبات تصور قدرى الشكل الرباعي. يمكن ايات ان حسنه الزوايا الأربع
للشكل الرباعي خالية. فعل هو سهل؟ اسرح
نعم: إذا كانت الزوايا الأربع للشكل الرباعي قائمة، فإن كل زاويتين متباينتين فيه متباينتان، إما: وبموجب النظرية
١٢. فالشكل الرباعي متوازي اضلاع إذا احتوى متوازي اضلاع على أربع زوايا قائمة. فإنه يمكن مستطيلًا
بموجب النظرية ١٣. إذا كان متوازي اضلاع مستطيلًا فإن خطره متباين .

تہرین

في التمرينين 1 و 2، يمارس الطلاب الاستنتاج لإثبات نظرية عن متوازيات الأضلاع والمستويات.

في التمرين 3. يجب على الطلاب استخدام الإحداثيات والجبر لتوضيح ما إذا كان الشكل الرباعي مستطيل أم لا.

عرض الممارسات الرياضية

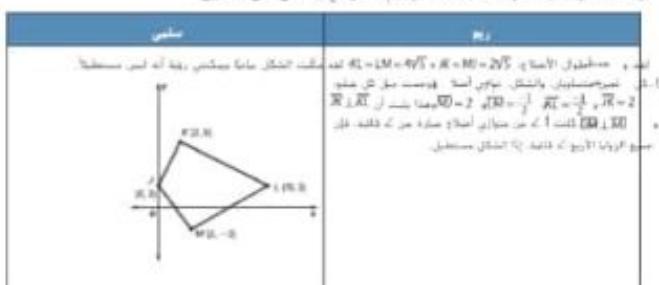
التمرير	م.ر
1	2
2	3
3	2, 3



٢- بناء المفرضيات أساساً الأجزاء الناتجة عن كل المركبات
المفترضيات $KLMN$ كواري أصلاء RN و EN
المطلوب إثبات $KLMN$

البيانات	البيانات
١. معطى	$KM = LN$ <small>أيضاً $KLMN = LNMK$</small> ١
٢. في شكلين متاظبين في متوازي الأضلاع متاظبين \triangle	$LN = EM$ ٢
٣. الخاصية المطلوبة في النطاق	$KM = NK$ ٣
٤. خدمة الأضلاع الثالثة	$\triangle KMN = \triangle LMN$ ٤
٥. الماء المتاظب في متاظين متاظبين \triangle متاظبة \triangle	$CKMN = CLMN$ ٥
٦. زوايا متاظبين \angle في متوازي أضلاع متاظبين	$CNM = CKM$ ٦
٧. إثبات زوايا \angle متاظبين \angle متاظبين \angle مترافقين \angle زوايا مترافقين	$LANN = KNM$ ٧
٨. استعرض سلسلة أضلاع على \triangle الثالثة واحدة على \triangle الرابعة	$MUK = MKU$ ٨
٩. تعرف المثلث	$KLM = KML$ ٩

3) هل الطلاب يجهزون ما إذا كان الشكل الرباعي الذي تلقت من التوصيل من 21-20-19-18 - أمثلة: 4(10-21-22-23) ، 4(11-21-22-23) ، 4(12-21-22-23) ، 4(13-21-22-23) ، 4(14-21-22-23) ، 4(15-21-22-23) ، 4(16-21-22-23) ، 4(17-21-22-23) ، 4(18-21-22-23) ، 4(19-21-22-23) ، 4(20-21-22-23) ، 4(21-21-22-23) ، 4(22-21-22-23) ، 4(23-21-22-23) .



٥. الالگير بصورة تحريرية يتم حل كل مطلب
الإجابة الممدوحة: بـ١٠ خطأ كل منفذ متعدد غير متعدد متباين.

د. فهد بن سعيد بالضرورة متوازي أضلاع

سلفی: حسوبات: چالر خلو من آنها تو تبرهن هیں [اجابتها]

٤- بناء المفاهيم: أشرح كيف يمكنك حل المسألة

نحوه الموجبة مواجهة المجهول والآخرين مما فتحت روحه وفتح

51

أحدباء شائعة

قد يواجه الطالب صعوبات في صياغة التبرير الصحيح لبعض الخطوات في التمرين 2. إذا لم يكونوا يتذكرون النظرية، فشخص وفتاً لمراجعتها مرة أخرى، على سبيل المثال، قد لا يتذكرون أنه إذا كانت كلا الزاويتين متكمالتين ومنطبقيتين، فإنهما تكونان زاويتين قائمتين. شخص وفتاً لمراجعة الاستنتاج بعد العباراة حتى يفهم الطالب لماذا هي صحيحة.

في التمرين 3. قد يعتقد الطلاب أنه يجب عليهم اختيار حل واحد على أنه هو الحل الصحيح. ساعدتهم في ملاحظة أن ريم حاولت اتباع الطريقة التحليلية في الحل. ولكنها لم تطبق المعلومات من الغواصين تطبيقاً صحيحاً حل سامي بظاهر أنه فهم طبيعة المسألة. ولكنه لم يستخدم الرياضيات لدعم عبارته. يتبين أن تجمع حلول الطلاب بين الأجزاء الأفضل لكل حل موضوع.

11.5 المعين والمربع

الأهداف

تسهيل نسب إثبات شكل معرف بربع ضاء على المستوى الإحداثي معيناً أو مربعاً
إثبات تطبيقات من المعينات والمربعات
وسم المعينات ومربعات

للمهارات الرياضية

المهارات الرياضية:
1, 2, 3, 5, 6, 7

المتعلمات الأساسية

استخدام قوانين المسافة والميل لحل المسائل

استخدام خواص متوازي الأضلاع

المادة

* فرجار

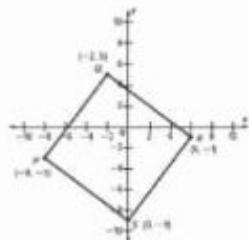
* مسحورة تقويم

* ورقة صغيرة

مثال 1

نصيحة للتدريس

تُوجه الطلاب ليكونوا واضحين في تحضير الشكل الذي يتعاملون معه. ذكرهم بأنه من أجل إثبات شكل معين أو مربع فإنهم يحتاجون أولاً إلى إثبات أن الشكل متوازي الأضلاع.



موضع بالرسو إحداثيات الشكل الرباعي. استخدم الجبر لإثبات أن $PQRS$ مربع.

8. التخطيط للحل تدبّر يمكنك إثبات أن $PQRS$ مربع؟ اذْجِب في الإحداثيات المريحة التي يمكنك بها استخدام قانون المسافة وقائل المستقيمات المتوازية.

الإجابة الموجبة: إذا كان كل ضلعين متعامدين متوازيين، فالشكل $PQRS$

متوازي أضلاع. إذا كان ميل الخطوط متعامدين، إذا فالشكل $PQRS$ هو مربع. إذا كان طول الخطوط متساوين، فالشكل $PQRS$ مربع.

إن الشكل الرباعي الذي يكون مستطيلًا وعديم ميل هو مربع.

مربع

$$\begin{aligned} \text{أ. التفكير بطريقة المية: انت از } PQRS \text{ مربع ارج} \\ RS = \sqrt{(5 - 0)^2 + (-1 + 2)^2} = 5\sqrt{2}, PR = \sqrt{(5 - 2)^2 + (5 + 1)^2} = 5\sqrt{5}, OR = \sqrt{(1 - 2)^2 + (5 + 1)^2} = 5\sqrt{2} \\ \text{الإجابة الموجبة: } 5\sqrt{2} = 5\sqrt{2} = 5\sqrt{2} = 5\sqrt{2} = 5\sqrt{2} \\ \text{B. التفكير بطريقة المية: انت از } PQRS \text{ مربع ارج} \\ \text{يساوي } \frac{3}{2} \times \frac{1}{2} \times 5^2 = \frac{15}{4} \text{ ميلين. عذفرين متساوين. فالشكل } PQRS \text{ متوازي أضلاع. ميل } \\ \text{PQ} = \frac{-1 - 2}{-2 - 0} = \frac{3}{2}, \text{ ميل } QR = \frac{2 - 1}{1 - 0} = 1, \text{ ميل } RS = \frac{2 - 5}{0 - 5} = -\frac{3}{5}, \text{ ميل } PS = \frac{5 - 2}{-1 - 0} = -3 \\ \text{يساوي } \frac{3}{2} \times \frac{1}{2} \times 5^2 = \frac{15}{4} \text{ ميلين. عذفرين متساوين. فالشكل } PQRS \text{ متوازي أضلاع. وهذا يثبت أن } PQRS \text{ مربع.} \\ \text{C. التفكير بطريقة المية: انت از } PQRS \text{ مربع ارج} \\ \text{PQ} = \sqrt{(-2 + 0)^2 + (-1 + 2)^2} = \sqrt{5}, QR = \sqrt{(0 - 1)^2 + (2 - 1)^2} = \sqrt{2}, RS = \sqrt{(1 - 0)^2 + (2 - 5)^2} = \sqrt{10}, PS = \sqrt{(-1 - 0)^2 + (5 - 2)^2} = \sqrt{10} \\ \text{يساوي } \sqrt{10} = \sqrt{10} = \sqrt{10} = \sqrt{10} = \sqrt{10} \end{aligned}$$

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

خلفية عن الرياضيات

في هذا الدرس، يثبت الطالب نظريات عن المعينات والمربعات. والعديد من العبارات التي سيثتها الطالب تتضمن أطوالاً وزواياً. وعند التعامل مع الإحداثيات، سيوجد الطالب قانون الميل اللازم لتحديد متوازي المستقيمات ونعامدها وقانون المسافة المفيد في التحقق من تساوي الأطوال.

غالباً ما يوجد العديد من الطرق التي يمكن استخدامها لإثبات خواص شكل رباعي محدد، مثل للطلاب على التفكير في الإستراتيجيات المختلفة.

الأمثلة الداعمة

أي العبارتين صحيح: "جميع المعيّنات لها أقطار متعامدة" أم "جميع الأشكال الرباعية ذات الأقطار المتعامدة عبارة عن معيّنات؟" برأ إجابتك. العبارة الأولى صحيحة بناءً على التعريف. العبارة الثانية ليست صحيحة: الطائرات الورقية وشبة المنحرف متساوي الساقين لهما أقطار متعامدة. كيف تعرف أن الشكل عبارة عن معيّن والمستطيل عبارة عن مربع؟ إذا كان الشكل مستطيلاً فإن كل زاوية فيه زاوية قائمة. \angle . وإذا كان الشكل عبارة عن معيّن، فإننا نعرف أن جميع الأضلاع \cong . وبما أن جميع الأضلاع والزوايا \angle تكون متساوياً، فإن الشكل رباعي مربع.

مثال 2

م. 3

نصيحة للتدرис

في المثال 2. تم تقديم مزيد من العبارات في بداية البرهان وبالتالي يمكن أن يركز الطلاب على تقديم الاستنتاجات أولاً. ستكون المساعدة المقدمة أقل في النهاية. وقبل أن يبدأ الطلاب في البرهان. ساعدهم في تحديد العبارة التي سكتّب في النهاية. واجعلهم يكتبوا المسألة بكلمات من عندهم.

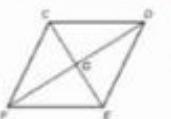
الأمثلة الداعمة

مه الذي يمكن أن يقوله عن أي متوازي أضلاع له أقطار متعامدة؟ إنه معيّن. بره أن الشكل متوازي أضلاع. فما الذي يمكن أن يقال عن الأقطار؟ **قطع الأقطار بعضها.**

6. التفكير الناقد: يعتقد محدث أن الشكل رباعي PQRS يكون مثلثاً لكن المطرد متطابقين ومتاماثلين. ويعتقد على أن المعلومات غير كافية لتصنيف الشكل رباعياً غير منها على مسافة؟ اشرح إجابتكم.

الإجابة المسووجة: إجابة شير صحيفة إن مطروحات سليم صحيفة فقط إذا كان BORS رباعي أصلع. يمكن أن يكون رباعي معدلاً إذا قطرين متاماثلين أو شبه متاماثقاً قطرين متاماثلين ومتطابقين.

مثال 2 أن متوازي الأضلاع معين



بناء الفرضيات التي لم يكن فيها متوازي الأضلاع معيّن. فإن متوازي الأضلاع معين

المطالبات: $\triangle CDEF \cong \triangle DCF$

المطلوب: إثبات $CDEF$ معيّن

البرهان	العبارات
1. معيّن	$CE \perp DF$ أصلع $\triangle CDEF$. 1
قطعاً متوازي الأضلاع يتقاطعان في ملائمة.	$DG = FG$ 2
3. تعريف المتعامد.	3. $\angle CGD \cong \angle CGF$
4. حسب البرهان السابقة متطابقة.	$\angle COF \cong \angle CGD$ 4
5. التعطيل ضلع-زاوية-ضلع	$\angle COF \cong \angle CGD$ 5
6. أجزاء المتناظرة في متوازي متطابقين متطابقة	$CF = CD$ 6
7. أجزاء المتناظرة في متوازي متطابقين متطابقة	$EF = DE$, $CD = EF$ 7
=	$EF = DE = EF = CF$ 8
8. تعريف المعيّن	8. معيّن $CDEF$ 9

مثال 3 رسم معيّن



a. استخدام الأدوات أبو الحمدون الثانية لرسم المعيّن $WXYZ$ الإجابة المسووجة: في المساحة المتوفّرة على اليسار، استخدم الفرجار لرسم الدائرة WZ التي تحتوي على المقطّع ZY . بوضع الفرجار على المسقطة Z ارسم الدائرة $WXYZ$ التي عليها نقطة W .

b. اكتب على خطتي النطاقي X و Z و WZ و XY و ZY ارسم $WXYZ$ المعيّن.

الإجابة المسووجة: المساعدة للأدوات المقدمة لأن تصفي قطرهما الطول WY أصلع الشكل $WXYZ$ معيّن.

11.5 المعيّن والمربع

التأكيد على الممارسات الرياضية

الممارسة م.ر. 6 (مراجعة الدقة) ليست مكوناً أساسياً من مكونات براهين الإحداثيات فحسب، بل جزءاً ضروريًا من شرح أي إجابة. وسواء كان الطلاب يبررون إجاباتهم بجملة واحدة أو بكتابية فقرات برهان أو بصياغة براهين ذات عمودين، فإنه يجب أن يحرصوا على استخدام اللغة والرموز الصحيحة.

الطلاب بأن الرياضيات عبارة عن لغة وأنقدرة على التعبير عن الأفكار باستخدام الكلمات والأعداد من الأجزاء الضرورية للتواصل بدقة.

مثال 3

نصيحة للتدريس

يوفر المثال 3 فرصة ممتازة للتدرис المتبادر. قد يدرك بعض الطلاب أوجه التشابه بين الرسم في الجزء a ورسم القاطع المتعامد لقطعة المستقيمة شجاع هؤلاء الكتابة البرهان في الجزء b يستخدم حقيقة أن القطر XZ قاطع متعامد على القطر WY .

قد يجد بعض الطلاب أنه من المفيد استخدام ورقة صغيرة وفرجار لعمل رسم محمود في الجزء c.

الأسئلة الداعمة

م4 وجه الترابط بين الدائرة W والدائرة Z ? **كيف نعرف؟ إنها متطابقتان لأن لها قطر واحد.**

م4 خاصية الانكاستات التي تتيح لنا استخدام الانكاستات لإثبات التطابق؟ **الانكاست عبارة عن تحويل ثابت. وبالتالي تتطابق الصورة الأصلية مع الصورة.**

في الجزء d, ما الرسم الذي يجب أن نشيء لضمان أن يكون الشكل الرباعي عبارة عن مربع؟ **يجب أن ترسم قاطعاً لقطر الدائرة. وبذلك يضمن أن تكون قياسات الزوايا في الشكل الرباعي 90 درجة وأن تكون الأضلاع متطابقة.**

أخطاء شائعة

في التمرين 1, قد يعتبر بعض الطلاب أن المربعات والمربعات عبارة عن مجموعات حصرية. الطلاب بأن كل مربع معين، ولكن ليس كل معين مربع.

في التمرين 2, قد يخطئون الطلاب في تحديد ميل أضلاع $ORST$ إذ إنها متعامدة. أشر إلى أن ميل المستقيمات المتعامدة متقابلة ومعكوسة. لكن ميل الأضلاع المجاورة هنا متقابلة فقط.

تہرین

في التمرينين 1 و 2. يستخدم الطلاب الإحداثيات والجبر لإثبات النظريات البسيطة. تحديداً، التمرين 2 يطلب من الطلاب تصيف الشكل الشكلي الرباعي المعطى باستخدام الإحداثيات فقط.

في التمرين 3. يجب على الطلاب رسم
الشكل باستخدام الفرجار والمسطرة
لصياغة البرهان.

في التمرينين 4 و 5. يثبت الطلاب أن متواز، الأضلاع عبارة عن مستطيل.

عرض الممارسات الرياضية

النمبرين	م.ر
1	3
2	6
3	6
4	3
5	7

أخطاء شائعة

في التمرينين 4 و 5. يوجد العديد من التسلسلات المحتملة التي يمكن ترتيب العبارات بها، ولكن ليس كل تسلسل مقبولاً منطقياً. ذكر الطلاب بأنه في الاستنتاج لا يمكن استخدام سوى المعلومات المذكورة بالفعل في البرهان.

المعطيات ACB مترابط متساوٍ، ACD مترابط متساوٍ، ABC مترابط متساوٍ، BCD مترابط متساوٍ.

الافتراضات	الخارفات
١. ممكناً	١- متوازي أضلاع $ACB \sim ECD$ متساوي الأضلاع.
٢. المترابط المتساوياً للإسقاطات	٢- $AB = CD$
٣. مترابط متوازي الأضلاع بمعنىهذا	٣- $EB = BC$ و $AB = BD$
٤. المترابط المتطابق ومتضاد المعنى	٤- $AB = CB = CD = BD$
٥. مترابط المثلث في التساوي	٥- $AB + BD = EB + CB$
٦. لأن المترابط المتساوياً للإسقاطات له مترابط	٦- ممكناً $ACDE$

155

التأكد على الممارسات الرياضية

التمرين 2 يتيح للطلاب فرصة للتمرن على الممارسة م.ر 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها) إذ يحب أن يختاروا إستراتيجية مناسبة لتصنيف الشكل.



١١. شكل الطائرة الورقية

بهمارسات الرياضية

المهارات الرياضية:

لمطالبات الأساسية

استخدام قوانين المسافة والميل لحل المسائل

كفاية معادلات في متغير واحد وحلها
عمل نظام معادلات خطية
ال استخدام خواص متوازيات الأضلاع

المواض

ورقة صفرة

118

نصيحة للتدريس

قد يستفيد المتعلمون بالطريقة الحسية
الحركية من شكل **MNPQ** المحاور
على ورقة صغيرة وطوي كل شكل بطول
كل محور للتحقق من التمايز. أعط
ملاحظة للطلاب بأن الشكل مرسوم
باستخدام انكاس مثلث. وهذه الملاحظة
مقدمة في الجزء b.

الأسلحة الداعمة

هـ مجموعـة جـزئـية من نـوع أـخـر لـشـكـل رـبـاعـي خـاصـ؟ لاـ: عـلـى الرـغـم مـن أـنـهـ تـشـارـكـ فـي مواصـفـات خـاصـة مـع العـدـيد مـن الأـسـكـال الـربـاعـية الـخـاصـة. فـهـي لـيـسـ مـجمـوعـة جـزـئـية مـن أيـ قـنـة أـخـرى فـي الأـسـكـال الـربـاعـية.

إذا كانت $a = c$ ولكن $b \neq a$. فهل $MNPQ$ لا تزال طائرة ورقية؟ فنعلم أن هذا لا يزال ممكناً لمجموعتين بالتحديد من الأضلاع المتالية المتطابقة: $PN = PQ$ و $MN = MQ$. ولكن $MN \neq PN$.

خلفية عن الرياضيات

هل الطائرات الورقية عبارة عن مجموعة جزئية من نوع آخر لشكل دبابة الورقية وبنيتها. ولأن هذا الدرس يجعل الطلاب يستخدمون الإحداثيات لإثبات خاص؟ لا؛ على الرغم من أنها تشارلز في مواصفات خاصة مع العديد من زوايا أشیاء المنحرف والطائرات الورقية تتميز بالعديد من الخواص المهمة التي الأسلك الرباعية الخاصة. فهي ليست ستحق الاستكشاف.

عند التعامل مع الإحداثيات. سيحتاج الطلاب إلى معرفة قانون الميل لتحديد المستقيمات المتوازية والمعامدة ومعرفة قانون المسافة لتحديد الأطوال.

McGraw-Hill Education

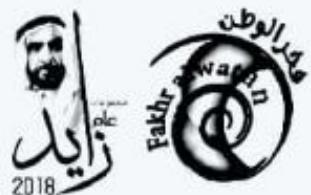
يتطلب كل تمرين من التمارين 1-4 أن يستخدموا الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية. وفقاً لمتطلبات G.GPE.4.

بصفة خاصة. في التمرين 1 ثبت الطلاب أن شكلاً خالصاً له طالب هو عبارة عن طائرة ورقية وأن شكلاً آخر رسمه الطالب هو عبارة عن شبه منحرف متساوي الساقين. وبالمثل، في التمرين 2 يكتب الطالب برهاناً يوضح أن الشكل المعطى عبارة عن طائرة ورقية. وفي التمرين 3 ثبت الطلاب أن متض المتساوي الساقين في شبه المنحرف متساوي الساقين مواز للقواعد.

في التمرين 4. يجب أن يثبت الطلاب أن الشكل الرباعي شبه منحرف لكنه ليس متساوي الساقين.

عرض الممارسات الرياضية

التمرين	م.د
1	2
2	3
3	7
4	3



أخطاء شائعة

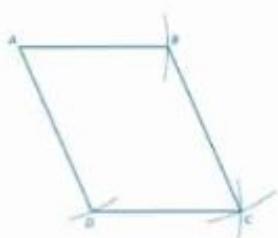
في التمرين 2. قد يعتقد الطلاب أن ميل القططرين لهما العلاقة ذاتها لأنه ليس أي منها محدد على أنه سالب. وقد يبحثون عن تأكيد يثبت أن ميل أحد المستقيمين عبارة عن قاطع سالب القيمية بالنسبة إلى الآخر. ولكن هذا ليس طبيعياً يكون أحد المستقيمات أفقية والآخر رأسياً لأن ميل المستقيم الرأسى غير محدد. وبما أن المستقيمات الأفقيات متعمادة على المستقيمات الرأسية، فإن هذه الأفخاط تكون متعمادة.

مهمة تقويم الأداء

تحديد الشكل الرباعي
فتم حلّه بخطواتك.تأكد من توضيح كل خطواتك، وصُنْع كل الرسومات ذات الصلة.

يمكن تحديد الشكل الرباعي باستخدام التعرفات التي تعلمتها

A الجزء
ارسم متوازي الأضلاع $ABCD$ كهذا المثلث ومسطحة تقويم الترج رسمك وبرهن لماذا تبع من الرسم متوازي الأضلاع



الإجابة النموذجية:

تحديد الشكل الرباعي

سيستخدم الطلاب الفرجار والمسطرة لإنشاء متوازي أضلاع ويبيّنون مثل تضمن متطلبات معينة أن يكون الشكل متوازي أضلاع أو معيّناً.

الممارسات الرياضية**الممارسات الرياضية:**

تعزز مهمة تقويم الأداء في الوحدة 8

الممارسات الرياضية م.ر 3

م.ر 5 و م.ر 6

بداية سريعة

قبل أن يحاول الطلاب إنشاء متوازي أضلاع، أجعلهم يتذكروا الشروط التي بها يوفّر الشكل الرباعي على أنه متوازي أضلاع.

ما الذي تريده معرفته عن الشكل الرباعي لتحديد هل هو متوازي أضلاع أم لا؟ **تتميز متوازيات الأضلاع بتطابق الضلعين المتقابلين، والزواياتين المتقابليتين، وتكامل الزواياتين المترافقتين، وأقطار تقطع بعضها البعض.**

هل أنت بحاجة إلى إثبات أن الشكل الرباعي متوازي أضلاع قبل أن تقرر هل هو معيّن أم لا؟ اشرح. **نعم، الشكل** توضح العاين كيف أن الطلاب المتدعفين في الرياضيات يمكنهم التوصل بدقة إلى ما إذا كان الشكل متوازي الأضلاع أم لا. **الشكل** استخدم النظريات الإضافية لتحديد هل كل طلاب الفرجار والمسطرة لإنشاء متوازي أضلاع. قد يتناول كل طالب الشكل بطريقة مختلفة. ومن المحتمل أن يحاول الطلاب إنشاء الأضلاع المتقابلة حتى تكون متطابقة أو قد يحاولون إنشاء الأقطار التي تقطع بعضها. يجب أن يكون كل طالب قادرًا على تبرير الشكل الذي كوّنه من خلال برهان.

التأكيد على الممارسات الرياضية

توفر مهمة تقويم الأداء تلك ارتباطًا طبيعيًا بالمارسة م.ر 6 (مراجعة الدقة). توضح العاين كيف أن الطلاب المتدعفين في الرياضيات يمكنهم التوصل بدقة إلى ما إذا كان الشكل متوازي الأضلاع أم لا. **نعم، الشكل** استخدم النظريات الإضافية لتحديد هل كل طلاب الفرجار والمسطرة لإنشاء متوازي أضلاع قبل مع الآخرين واستخدام التعريفات استخدامًا واضحًا. ومن ثم يستخدم طلاب الفرجار والمسطرة لإنشاء متوازي الأضلاع حتى تكون متطابقة أو قد يحاولون إنشاء الأقطار التي تقطع بعضها. يجب أن يكون كل طالب قادرًا على تبرير الشكل الذي كوّنه من خلال برهان.

۳۰

إذا واجه الطلاب صعوبات في إثبات أن
الشكل الرباعي متوازي أضلاع أو معين.
فاطلب منهم الرجوع إلى التعريفات
والرسومات في الوحدات السابقة.
فاستخدام التعريفات والنتائج المثبتة مسبقاً
في بناء الفرضيات عبارة عن جزء من
الممارسة م.ر. 3.

الجزء

84

الجزء C



D الجزء

148

معايير رصد الدرجات

النقط القصوى	الجزء	إجابة تستحق الدرجة الكاملة
	A	انظر دليل الطالب التفاعلي الرقم بالإجابة المودجية: في متوازي الأضلاع، كل زوج من الأضلاع الم寢طابق. فإذاً، استخدم الفرجار لإيجاد طول AB ضع سُن الفرجار عند النقطة D وارسم قلوبلسيط الفرجار على طول AD . ضع السن عند النقطة B وازْلْمِنْتَوْلِيْلَعْ التوسان هو النقطة C . الشكل الرباعي $ABCD$ عبارة عن متوازي أضلاع لأن كلا زوجي الأضلاع الم寢طابق متطابقان.
	B	الإجابة المودجية، إنه ليس معين لأن $\overline{A}\overline{B}$ في <u>الشكل الذي رسمته</u> . يمكنني تحويل الرسم عن طريق رسم خطعتين مستقيمتين تشاركان في نقطة طرفية واحدة. وسوف تكون في متوازي الأضلاع أربعة أضلاع متطابقة.
	C	تطابق الأجزاء الم寢طابق في المثلثات المتطابقة. وهذا يعني أن القطران يتطابقان بعضهما. إذا <u>الشكل PQRS</u> متوازي أضلاع.
	D	لأن $TS \parallel PS$ و $PQ \parallel TS$ على مسأة <u>تطابق الأجزاء الم寢طابق</u> فالمثلثات المتطابقة. وكذلك، لأن $PQ \parallel SR$ و $PS \parallel SR$ على مسأة <u>تطابق الأجزاء الم寢طابق</u> . إذا $SR = PQ$ وبالتالي، فإن $PQRS$ متوازي أضلاع. فإذا $SR = PQ$ عبارة عن معين.

تدريب على الاختبارات المعيارية

تقييم الأخطاء

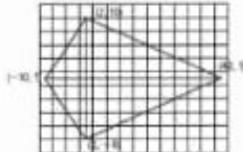
قد يعتقد الطلاب الذين يختارون الشكل رباعي الأول في العنصر 3 أن وجود مجموعة واحدة من الأضلاع المتقابلة المتوازية ومجموعة أخرى من الأضلاع المتقابلة المتطابقة كافية لبيان أن الشكل رباعي متوازي أضلاع. وَجَعَ أن شبه المنحرف متساوي الساقين له هذه الخواص.

قد يكون الطلاب الذين أعطوا الإجابة على العنصر 4 قد استخدمو الإحداثي X للرأس أقصى اليمين والإحداثي Y للرأس الأعلى على أنها حلول لأقطار التрапيبيين بدلاً من طرح إحداثيات الأقطار الطرفيتين للأقطار لتحديد طولهما.

الطلاب الذين يتحققون من شبه المنحرف لإثبات "تطابق الأقطار" في العنصر 7 ربما يفكرون في شبه المنحرف متساوي الساقين. ذُكِرَ بأنه من أجل وضع علامة التحقق تحت اسم الشكل، فإن الخاصية يجب أن تكون صحيحة في جميع الأمثلة على ذلك الشكل.

درب على الاختبارات المعيارية

- 46B. مساحة المطرزة الورقية الموضحة بالأسطل شمعة سميكة.



5. يكون قطعة الشكل رباعي $WXYZ$ متساوية الأضلاع مثلثات من فيه المثلث متساوية الأضلاع الآخر يمكن أن يطلقه على الشكل رباعي هو $WXYZ$

6. المستطيل $DEFG$ أطول من عرضه بمقدار 2 cm .



- إذا كان $DF = 58 \text{ cm}$ ، $FG < EF$ وكان محيطه 140 cm فإن محيطه DEF يبلغ 98 cm .

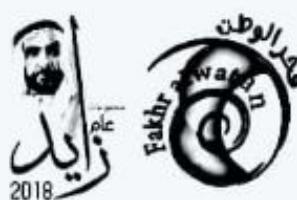
7. في المدول الثاني، يخدم العهد الأربعين سيد من سيدات الشكل رباعي خوب علامة على الأضلاع التي تتفق مع نوع الأشغال الرباعية التي تتصف بذلك السيدة.

القطدر	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

إستراتيجية خوض الاختبار

فيما يتعلق بالعنصر 2، سيجد الطالب المسألة أكثر بساطة إذا مثلوا النقاط المعطاة بياناً لهم كأن المعين له أربعة أضلاع متطابقة والأضلاع المتقابلة متوازية. يمكنهم استخدام هذه الخواص وما يعرفونه عن السهل لإيجاد الرأس الناقصة.



تقييم الأخطاء

الطلاب الذين حددوا الأضلاع الخطأ على أنها متوازية في الخطوة الثانية في **العنصر 8** ربما وجدوا أنه من المفيد تمديد أضلاع متوازية الأضلاع. ويساعدهم ذلك في تحديد أي الأضلاع التي ستكون بمثابة مستقيمات متوازية، وأيها سيكون بمثابة قاطع.

الطلاب الذين يحسبون أطوال القطع المستقيمة بطريقة غير صحيحة في **العنصر 9c** ربما لم يدركوا أنه بما أن النقطتين الطرفيتين لهما الإحداثي z ذاته، فإن القطع المستقيمة أفقية. وبالتالي يمكنهم إيجاد الطول ببساطة عن طريق طرح إحداثيات X .

العناوين

العنصر 9

- [5] إحداثيات Q تساوي R بالنسبة للعمل الموضع NO و QR و MP تم حسابها بطريقة صحيحة في **الجزء c**.
- [4] خطأ صغير في أحد أعمال الأجزاء الثلاثة.
- [3] إحداثيات Q و R صحيحة بالنسبة للعمل الموضع، ولكن **الجزء c** غير صحيح.
- [2] إحداثيات Q و R صحيحة.
- [1] إحداثيات Q أو R صحيحة أو أن NO و MP تم حسابهما بطريقة صحيحة في **الجزء c**.

استراتيجية خوض الاختبار فيما يتعلق **بالعنصر 9**. ينبع للطلاب كتابة قانون نقطة المنتصف في اليمين [0] لا توجد إجابة أو أن الإجابة والخطوات ليساعدهم في التركيز على المسألة. إذا سوا القانون بالضبط، فذكراهم بأن نقطة المنتصف هي متوسط الإحداثي X والإحداثي Y للنقطتين الطرفيتين، وساعدهم على اشتغال القانون.

8. أكتب الخطوط والأسلاك في المربع التالي:

المعطيات: A مكلل للزاوية $\angle B$
 C مكلل للزاوية $\angle D$
المطلوب: إثبات $ABCD$ متوازي أضلاع

البرهان	العبارة
معنون	$AB \parallel DC$
معنون عذرية الزوايا الداخلية المترابطة	$AD \parallel BC$
معنون	$\angle A \cong \angle C$
مكلوس عذرية الزوايا الداخلية المترابطة	$AB \parallel CD$
البرهان متوازي الأضلاع	$ABCD$ متوازي أضلاع

9. في المربع التخطيطي التالي، سارف يطلب مساعدة المعلم في إثبات $NO = R$ في هذا المربع للخطوة التالية.

a. إحداثيات المقطعة O هي كالتالي:

b. إثبات مقطعة NO هي كالتالي:

c. إثبات المقطعة QR هي كالتالي:

d. إثبات المقطعة MP هي كالتالي:

e. إثبات المقطعة $QR = MP$ هي كالتالي:

f. إثبات المقطوعات QR و MP هي كالتالي:

10. إحداثيات يتوافق المثلث الرباعي $LMNP$ هي $L(1, 7)$, $M(4, 3)$, $N(3, 1)$, $P(1, 2)$.
 a. أوجد المطوال والميل لكل سطح من أسطح $LMNP$.
 $LM = \sqrt{5}$ ومساحتها 2.5 , $NP = \sqrt{5}$ ومساحتها 2 , $MP = \sqrt{5}$ ومساحتها غير معروفة.
 b. سارف متوازي أضلاع أو ممتداً أو شبه مترافق أو مترافق وروابطه أو مريح اشتركوا في MP لإثبات **مقطعيق** تحديداً زوجين الذين من الأضلاع المتاظبة والمترابطة.
 c. تتحقق من أن قطرى $LMNP$ كان يساوي **مقطعيق** بإحياء ميل كل قطر والتأكد من عدم الخطأ في **بيان** و**برهان**. ينبع إلى أن الميلين متلاقيان في الإشارة. فالافتراض متامماً، مما يعني أنها يتلاطمان بزوايا قائمة.

الوحدة 11 تدريب على الاختبارات المعيارية

