

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية



الملف مذكرة رياض 152

موقع المناهج ← الصف الأول الثانوي ← رياضيات ← الفصل الأول ← الملف

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الأول الثانوي



روابط مواد الصف الأول الثانوي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

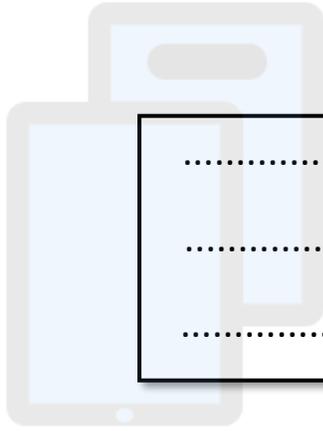
المزيد من الملفات بحسب الصف الأول الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الأول

اختبار نهاية الفصل الأول من العام الدراسي 2020-2021	1
نموذج إجابة أسئلة امتحان نهاية الفصل الأول مقرر رياض 151 من العام الدراسي 2020 /2019	2
نموذج أسئلة امتحان نهاية الفصل الأول مقرر رياض 151 من العام الدراسي 2020 /2019	3
نموذج إجابة أسئلة امتحان نهاية الفصل الأول مقرر رياض 151 من العام الدراسي 2018/2019	4
نموذج أسئلة امتحان نهاية الفصل الأول مقرر رياض 151 من العام الدراسي 2018/2019	5

مُذكرة رياض 152

الرياضيات 2

تم تحميل هذا الملف من



اسم الطالب:

الصف:

المدرسة:

alManahj.com/bh

January 26, 2020

إعداد الأستاذ : محمود عبدالأمير زيد

الوحدة الأولى

العلاقات والدوال

الدرس الأول : العلاقات والدوال

أهداف الدرس :

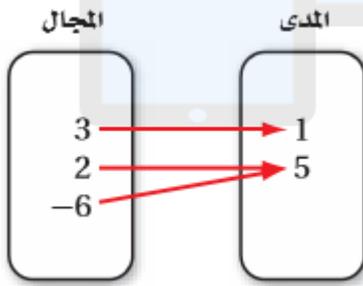
1. أن يحدد الطالب مجال ومدى كل علاقة.
2. أن يُحدد الطالب أيُّ العلاقات تُمثل دالة وهل تكون واحد لواحد ، شاملة ، أو تقابل.
3. أن يُحدد الطالب الدالة المتصلة والمُنفصلة.

العلاقة : هي عبارة عن مجموعة من الأزواج المرتبة

المجال : هو مجموعة كل إحداثيات المحور x في الأزواج المرتبةالمدى : هو مجموعة كل إحداثيات المحور y في الأزواج المرتبة

الدالة : هي حالة خاصة من العلاقة ، بحيث يرتبط كل عنصر من المجال بعنصر واحد فقط من المجال المقابل (المدى) .

مثال 1: حدّد المجال والمدى في كل علاقة ، وإذا ما كانت دالة أم لا ، وأذكر هل الدالة واحد لواحد ، شاملة ، تقابل :



المجال :

المدى :

دالة / غير دالة :

نوع الدالة : واحد لواحد شاملة تقابل

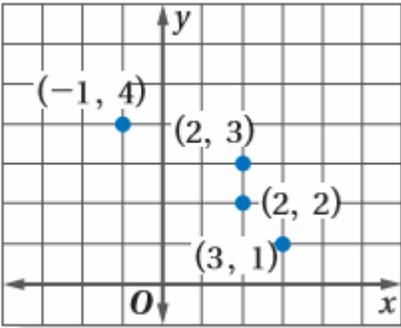
x	y
5	2
10	-2
15	-2
20	-2

المجال :

المدى :

دالة / غير دالة :

نوع الدالة : واحد لواحد شاملة تقابل

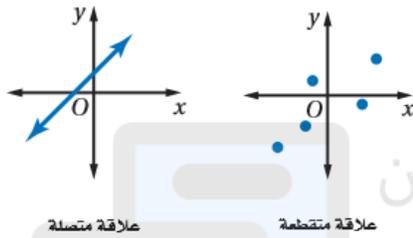


المجال :

المدى :

دالة / غير دالة :

نوع الدالة : واحد لواحد شاملة تقابل

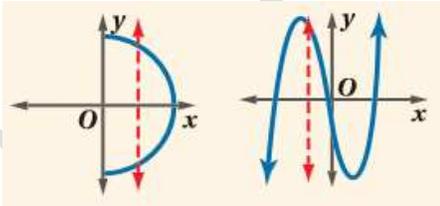


العلاقة المنفصلة : هي عبارة عن مجموعة من النقاط المنفصلة كما في الشكل المجاور

العلاقة المتصلة : عندما يكون المجال للعلاقة غير منتهي لا نهائي

قاعدة
الاختبار
الرأسي

إذا كانت جميع الخطوط الرأسية التي يمكن رسمها لا تقطع المنحنى في أكثر من نقطة واحدة فقط ، فإن المنحنى يُمثل دالة.
وإذا قطعت بعض الخطوط الرأسية المنحنى في نقطتين أو أكثر ، فإن المنحنى لا يُمثل دالة.



مثال 2: أوجد مجال ومدى كل مما يأتي وحدّد ما إذا كانت العلاقة تُمثل دالة أم لا ، وإذا كانت مُتصلة أم مُنفصلة :

(1) $\{(6, 2.5), (3, 2.5), (4, 3.5)\}$

(2) $\{(7, 8), (7, 5), (7, 2), (7, -1)\}$

المجال :

المدى :

دالة / ليست دالة :

متصلة / منفصلة :

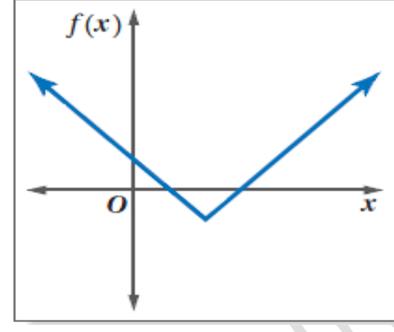
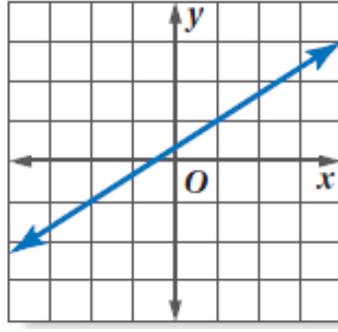
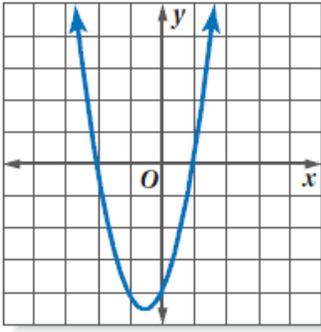
المجال :

المدى :

دالة / ليست دالة :

متصلة / منفصلة :

3) أذكر ما إذا كانت الدوال الآتية (واحد لواحد ، شاملة ، تقابل) من خلال التمثيل البياني:



مثال³: إذا كانت $f(x) = x^2 - 3x$ ، $g(x) = x^3 + 1$ ، فأوجد ما يلي:

a) $f(5) =$

b) $g(0) =$

c) $f(m - 3) =$

d) $g(4a) =$

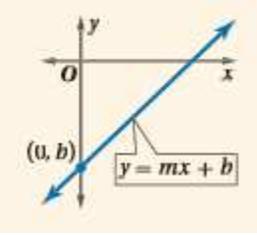
الواجب :

انظر إلى كراسة الكتاب الدرس الأول

الدرس الثاني + الثالث : كتابة المعادلات الخطية بصيغة ميل - مقطع وميل - نقطة

ميل الخط المستقيم

أهداف الدرس:

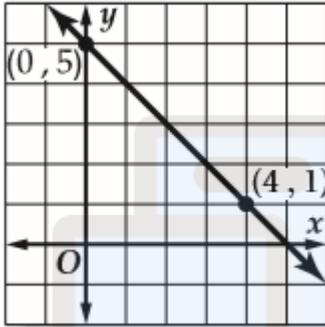


$$y = mx + b$$

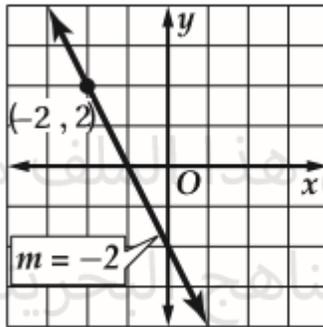
↑ المقطع
↑ الميل

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

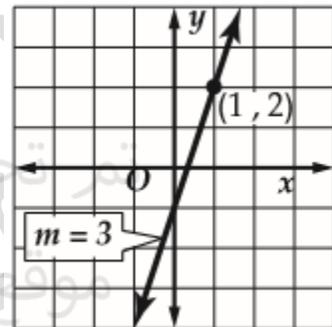
1. أن يكتب الطالب معادلة الخط المستقيم بصيغة ميل - مقطع.
2. أن يوجد الطالب ميل الخط المستقيم المار بنقطتين.
3. أن يعيد الطالب كتابة المعادلة للخط المستقيم من صيغة ميل نقطة إلى صيغة ميل مقطع.

مثال¹: اكتب معادلة بصيغة ميل - مقطع لكل مستقيم مُمثل بيانيًا:

الحل



الحل



الحل

مثال 2: اكتب معادلة بصيغة ميل مقطع للمتسقيم الذي يحقق الشروط الآتية :

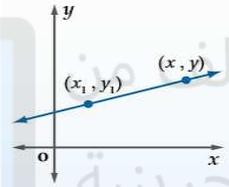
(2) يمر بالنقطتين $(-4, -2)$, $(4, 0)$

(1) يمر بالنقطة $(-5, 4)$ ، والميل $m = -3$

مثال 3: أكتب معادلة المستقيم باستخدام قانون ميل نقطة ، وقارن ما تتوصل إليه عندما تستخدم قانون ميل مقطع وذلك بإعادة كتابة صيغة ميل نقطة إلى ميل مقطع. واكتب المعادلة على الصيغة القياسية.

ميل - نقطة

$$y - y_1 = m (x - x_1)$$



$$(1, 3) , m = -\frac{3}{4}$$

الحل

ميل - نقطة

ميل - مقطع

الصيغة القياسية

مثال 4: أعد كتابة كل معادلة مما يأتي إلى صيغة ميل مقطع مع الصيغة القياسية ، واكتب ميل الخط المستقيم m ومقطع محور y في كل مما يلي :

$$y + 1 = -7(x - 2)$$

$$y + 2 = 4(x + 2)$$

مثال 5: تتقاضى شركة **8BD** عن كل ساعة عمل لإزالة الزدوم ، مُضافاً إليها رسوم تدفع مرةً واحدةً . إذا كان المبلغ الذي تقاضته الشركة مقابل 9 ساعات عمل هو **95BD** ، فأجب عما يأتي :

(a) اكتب معادلة بصيغة ميل - مقطع ، لإيجاد المبلغ الكلي y الذي تتقاضاه الشركة لعدد x من الساعات.

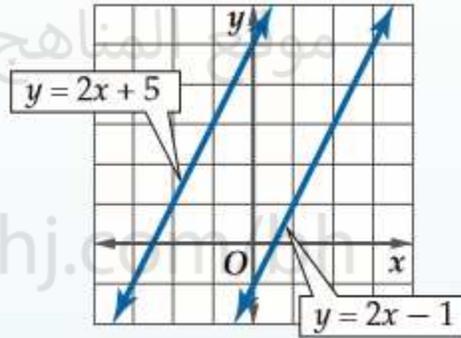
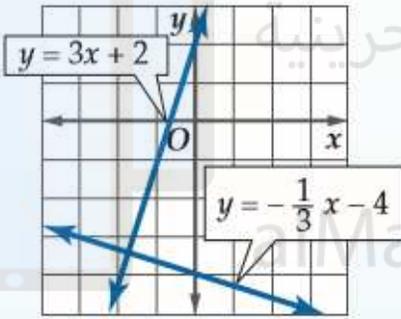
(b) ما قيمة الرسوم الإضافية ؟

تمرين: يتقاضى طلال $5BD$ عن كل ساعة عمل إضافية ، بالإضافة إلى أجرته الأسبوعية . إذا عمل خلال الأسبوع الماضي 7 ساعات إضافية ، وكانت أجرته كاملة $175BD$ ، فكتب معادلة خطية لإيجاد أجرته الكلية y ، إذا عمل x ساعة إضافية.

الحل

المستقيمات المتعامدة

المستقيمات المتوازية



إذا كان المستقيمان متعامدان
يكون حاصل ضرب ميليهما
يساوي -1

إذا كان المستقيمان متوازيان
يكون لهما الميل نفسه

مثال 6: أجب عمّا يلي :

(1) اكتب معادلة المستقيم بصيغة ميل - نقطة المار بالنقطة $(4, -1)$ ، والموازي للمستقيم $y = \frac{1}{4}x + 7$

(2) اكتب معادلة المستقيم بصيغة ميل - نقطة المار بالنقطة $(-1, -2)$ ، والموازي للمستقيم $y + 3x = -2$

تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

مثال 7: اجب عن كل مما يأتي :

• أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة $(3, 7)$ ، والعمودي على المستقيم $y = \frac{3}{4}x - 5$

• أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة $(-9, -3)$ ، والعمودي على المستقيم $2y = 4x + 8$

الواجب :

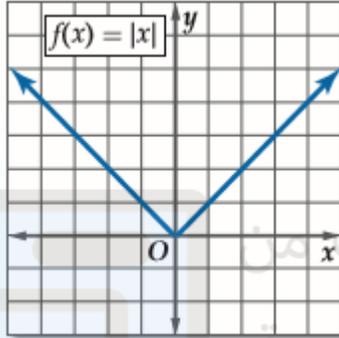
انظر إلى كراسة الكتاب الدرس الثاني والثالث

الدرس الخامس : دوال خاصة

أهداف الدرس:

1. أن يكتب الطالب الدوال المعرفة بأكثر من قاعدة ويُمثلها بيانيًا.
2. أن يكتب الطالب الدوال الدرجية والدوال المُطلقة ، ويُمثلها بيانيًا.

الدالة الأُن للدالة المطلقة



$f(x) = |x|$ ، وتُعرَّف على النحو الآتي:

$$f(x) = \begin{cases} x & , x > 0 \\ 0 & , x = 0 \\ -x & , x < 0 \end{cases}$$

على شكل حرف V

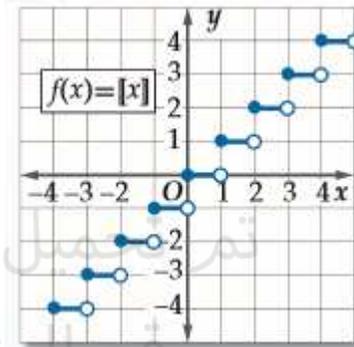
مجموعة الأعداد الحقيقية

مجموعة الأعداد الحقيقية غير السالبة

$$x = 0, y = 0$$

$$f(x) < 0$$

الدالة الأم للدالة الدرجية



$$f(x) = [x]$$

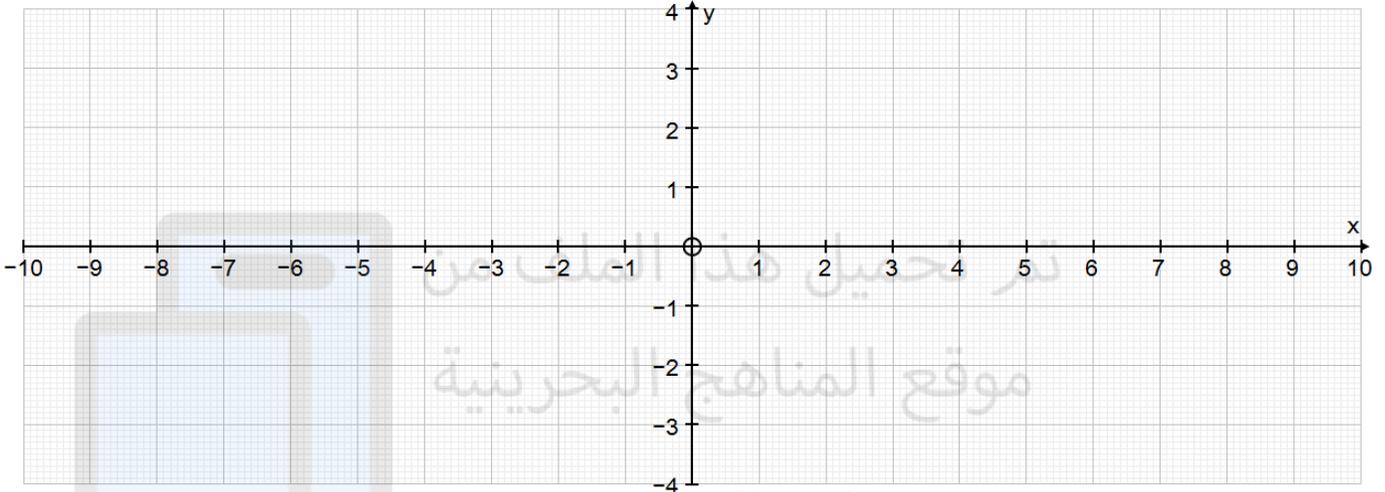
قطعة مستقيمة غير متقاطعة

مجموعة الأعداد الحقيقية

مجموعة الأعداد الصحيحة

مثال¹: مثل الدالة $f(x) = 2[x]$ بيانياً، ثم حدّد كلاً من مجالها ومداها.

x	$[x]$	$2[x]$
$-2 \leq x < -1$		
$-1 \leq x < 0$		
$0 \leq x < 1$		
$1 \leq x < 2$		
$2 \leq x < 3$		

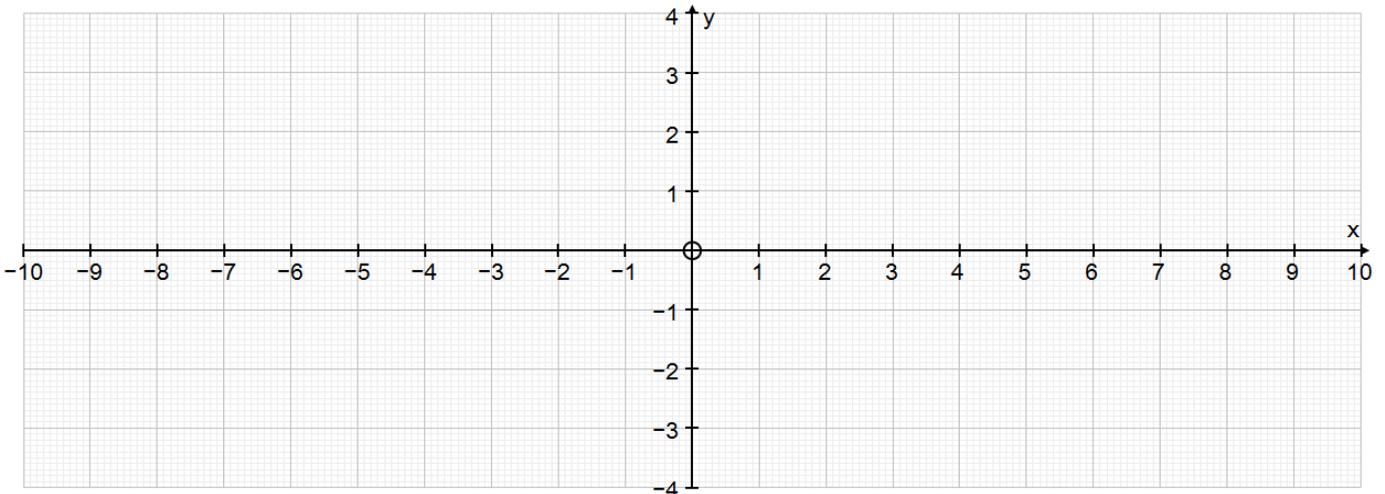


مثال²: مثل الدالة $f(x) = |x + 2|$ بيانياً، ثم حدّد كلاً من مجالها ومداها.

المجال :

المدى :

x	-4	-3	-2	-1	0
y					

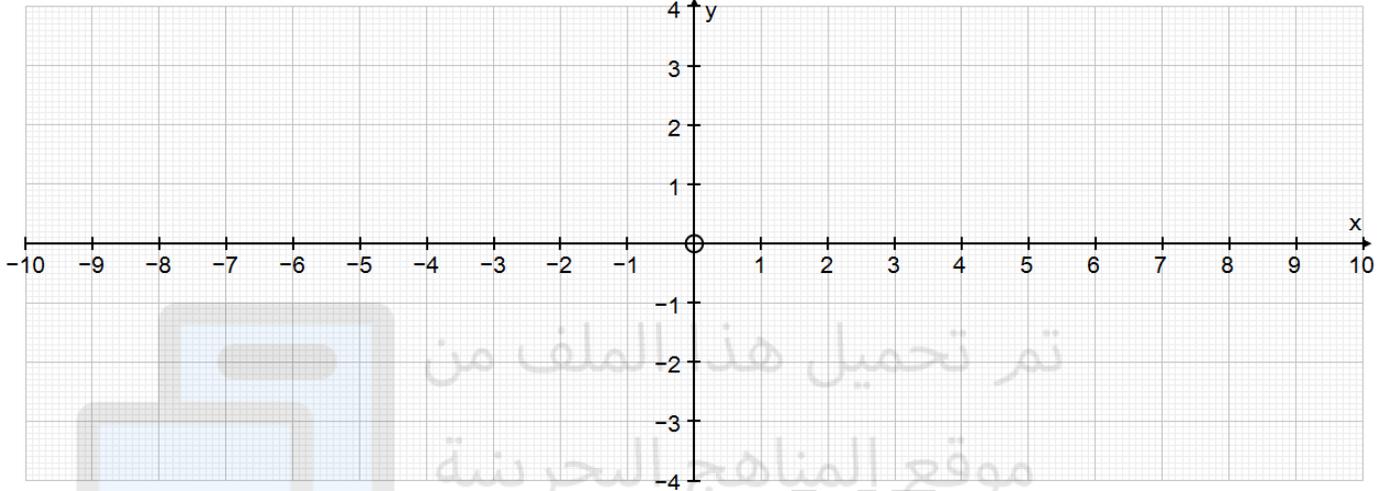


مثال 3: مثل الدالة $f(x) = |x| - 3$ بيانياً، ثم حدّد كلاً من مجالها ومداهها.

x	-2	-1	0	1	2
y					

المجال :

المدى :



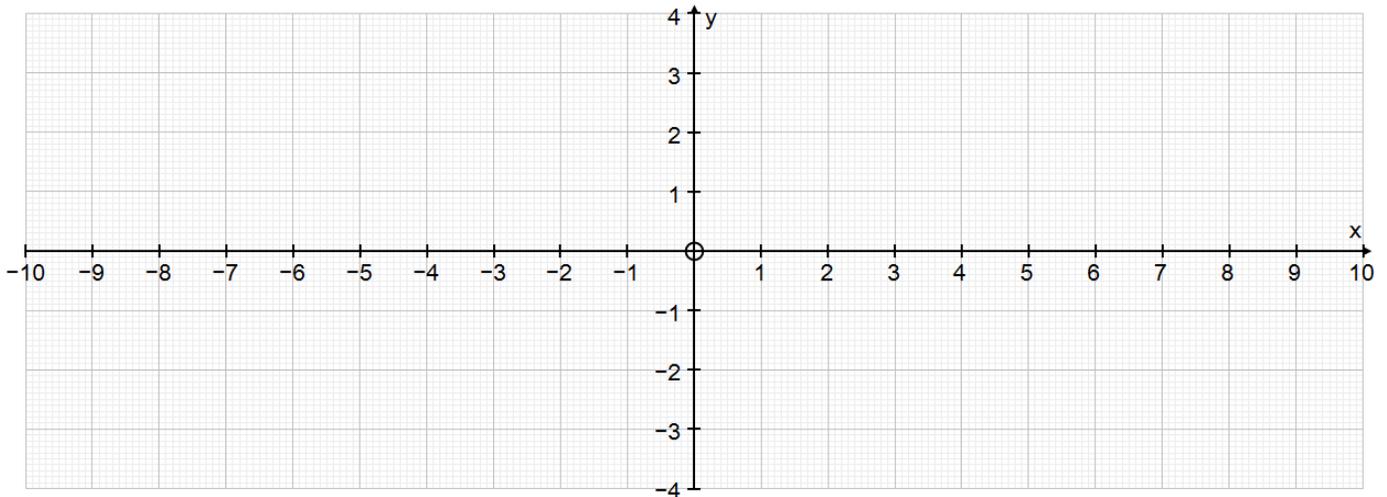
مثال 4: مثل الدالة $f(x) = \begin{cases} x + 2, & x < 0 \\ x, & x \geq 0 \end{cases}$ ، ثم حدّد مجالها ومداهها.

$$f(x) = x$$

x	0	1	2
y			

$$f(x) = x + 2$$

x	0	-1	-2
y			



المجال :

المدى :

مثال 5: مثل الدالة $f(x) = \begin{cases} -x & , x < 1 \\ 3 & , x \geq 1 \end{cases}$ ، ثم حدّد مجالها ومداهَا.

المجال :

المدى :

$$f(x) = -x$$

x	1	0	-1
y			

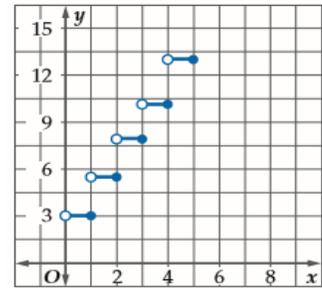


الواجب

Q1: ما نوع الدالة المُمثلة بيانيًا في الشكل المجاور؟
Q2: أيّ من الدوال الآتية يكون فيها $f\left(-\frac{1}{2}\right) \neq -1$ ؟

- A. $f(x) = 2x$
B. $f(x) = |-2x|$
C. $f(x) = \llbracket x \rrbracket$
D. $f(x) = \llbracket 2x \rrbracket$

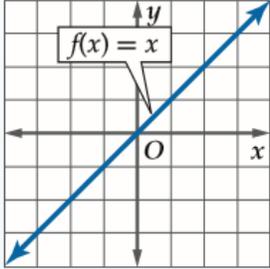
نوع الدالة



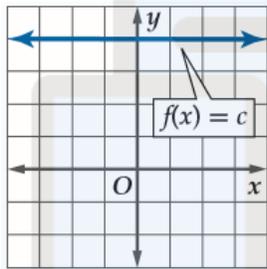
الدرس السادس : الدوال الأم والتحويلات الهندسية

أهداف الدرس :

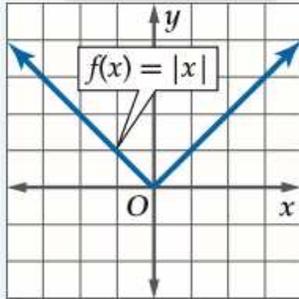
1. أن يُحدد الطالب الدالة الأم وان يستعملها.
2. ان يوصف التحويلات الهندسية في التمثيلات البيانية للدوال.



الدالة المحايدة : $f(x) = x$ ، تمثيلها البياني هي عبارة عن جميع الأزواج المُرتبة (a, a) ، وهي الدالة الأم لمُعظم الدوال الخطية ويكون فيها :

المجال : \mathcal{R} المدى : \mathcal{R} 

الدالة الثابتة : $f(x) = c$ ، حيث c عدد حقيقي ، وتُمثل بخط مستقيم ويكون فيها :

المجال : \mathcal{R} المدى : $\{c\}$ 

الدالة الأم للدالة المُطلقة : $f(x) = |x|$ ، وتُمثل على شكل حرف V ويكون فيها :

المجال : \mathcal{R} المدى : \mathcal{R}^+

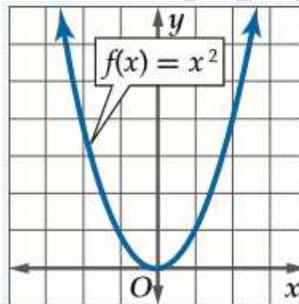
القاعدة العامة للدالة المُطلقة : $f(x) = a|x - h| + k$ و الدالة التربيعية $f(x) = a(x - h)^2 + k$

إذا كانت إشارة a موجبة اتجاه الدالة إلى الأعلى ، أما إذا كانت a سالبة فاتجاه الدالة للأسفل ويسمى انعكاس حول محور x .

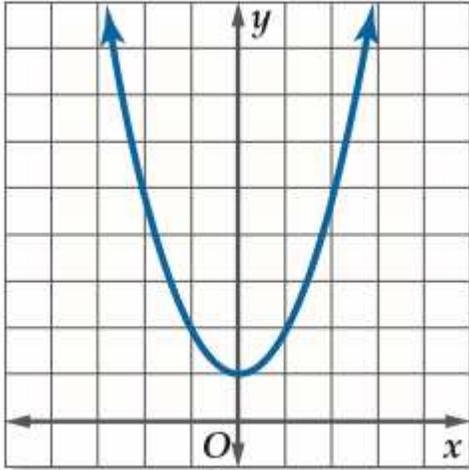
رأس الدالة المُطلقة / التربيعية هي النقطة : (h, k)

المجال : \mathcal{R} المدى : $\{y | y \geq k\}$ عندما تكون إشارة a موجبة

$\{y | y \leq k\}$ عندما تكون إشارة a سالبة



مثال¹: اكتب دالة (قاعدة) كل دالة مُمثلة بيانياً في كل مما يأتي ، ثم اكتب قاعدة الأم لكل دالة ومجالها ومداهما واصفًا جميع التحويلات الهندسية :



نوع الدالة :

قاعدة الدالة :

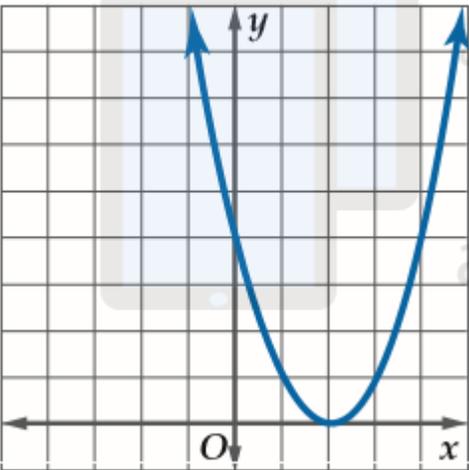
الدالة الأم للدالة :

مجال الدالة :

مدى الدالة :

الإزاحة الرأسية:

الإزاحة الأفقية :



نوع الدالة :

قاعدة الدالة :

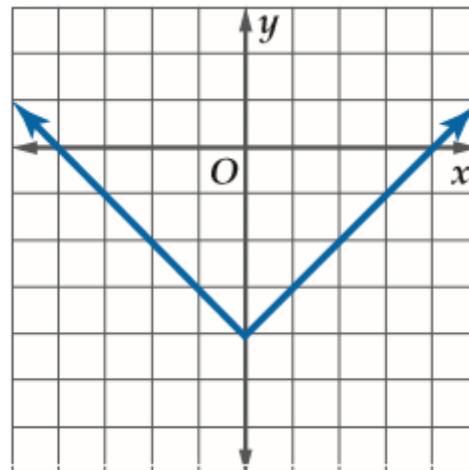
الدالة الأم للدالة :

مجال الدالة :

مدى الدالة :

الإزاحة الرأسية:

الإزاحة الأفقية :



نوع الدالة :

قاعدة الدالة :

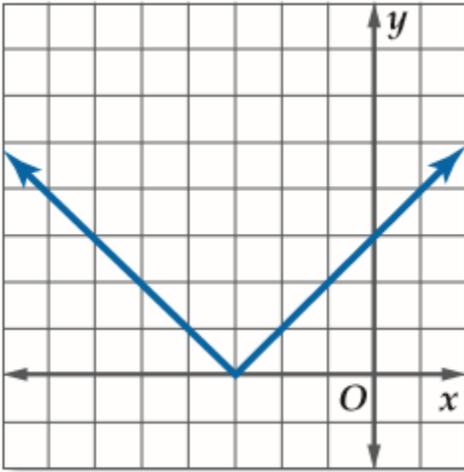
الدالة الأم للدالة :

مجال الدالة :

مدى الدالة :

الإزاحة الرأسية:

الإزاحة الأفقية :



نوع الدالة :

قاعدة الدالة :

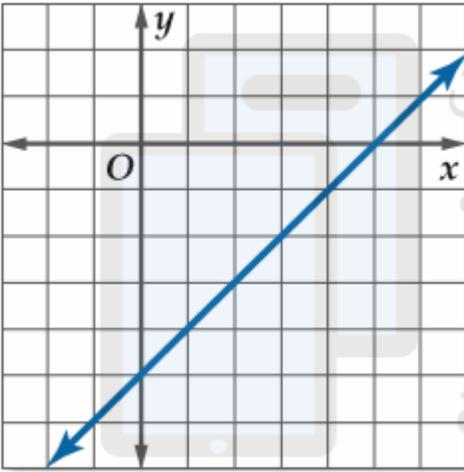
الدالة الأم للدالة :

مجال الدالة :

مدى الدالة :

الإزاحة الرأسية:

الإزاحة الأفقية :



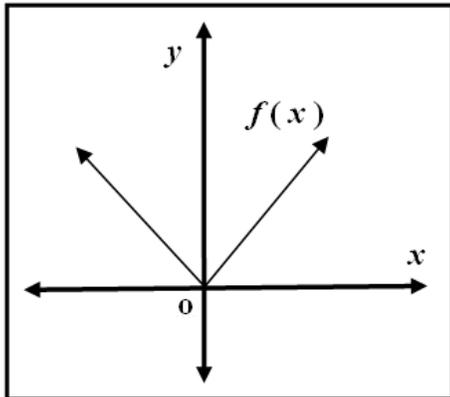
نوع الدالة :

قاعدة الدالة :

الدالة الأم للدالة :

مجال الدالة :

مدى الدالة :

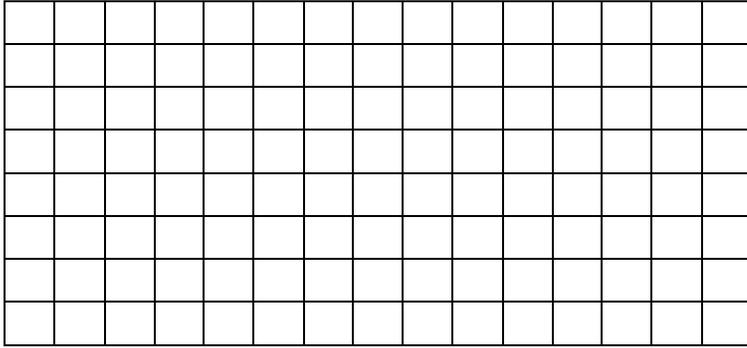


Q1: ما نوع الدالة $f(x)$ المُمثلة بيانيًا في الشكل المُجاور؟

- A دالة تربيعية
- B دالة الجذر التربيعي
- C دالة المُطلق
- D الدالة المحايدة

تمرين 1: مثل دالة المطلق وحدد مجالها ومداهها:

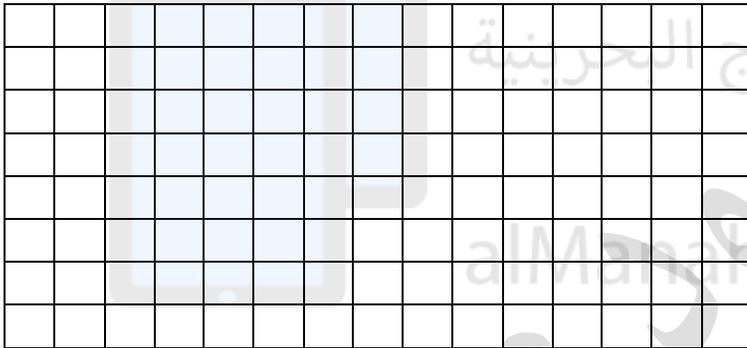
$$f(x) = -|x - 4| + 5$$



x					
y					

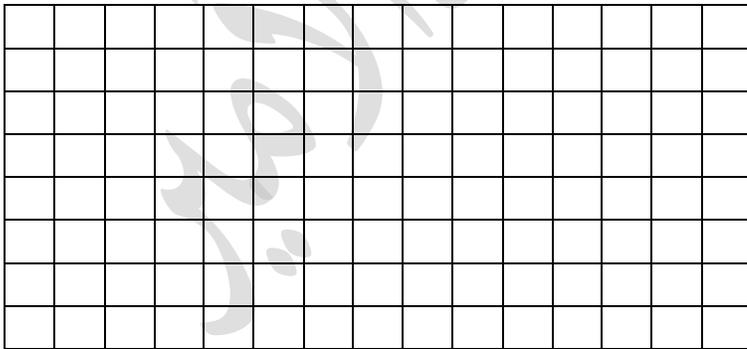
تمرين 2: مثل دالة المطلق وحدد مجالها ومداهها:

$$f(x) = 2|x + 3|$$



x					
y					

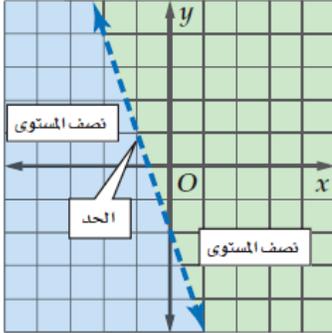
تمرين 3: مثل الدالة التربيعية وحدد مجالها ومداهها : $f(x) = x^2 + 4$



x					
y					

الدرس السابع : تمثيل البيانات الخطية ومتباينات القيمة المطلقة بيانياً

أهداف الدرس :



1. أن يفهم الطالب الفرق بين المتباينة والمعادلة .
2. أن يُمثل الطالب المتباينة بيانياً ويظل منطقة الحل الصحيحة .
3. أن يُمثل الطالب نظام المتباينات ويُحدد منطقة الحل المشتركة.
4. أن يوجد الكالبر رؤوس منطقة الحل لمنطقة الحل المُشتركة .
5. أن يُطبق الأهداف الأربعة الأولى لحل البرمجة الخطية .

مفهوم أساسي تمثيل المتباينة الخطية بيانياً

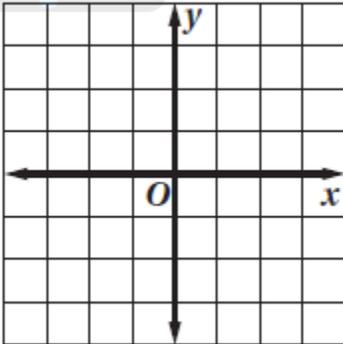
الخطوة 1 ارسم الحد، واستعمل خطاً متصلًا إذا احتوت المتباينة على الرمز \leq أو \geq ، واستعمل خطاً متقطعاً إذا احتوت المتباينة على الرمز $<$ أو $>$.

الخطوة 2 استعمل نقطة اختبار لتحديد نصف المستوى الذي سيتم تظليله.

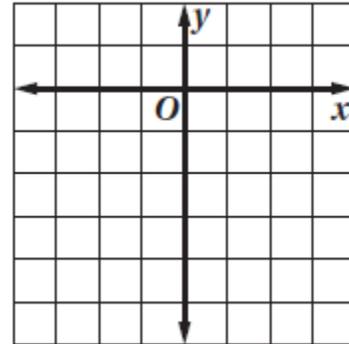
الخطوة 3 ظلل نصف المستوى الذي يحتوي على حل المتباينة.

مثال 1: مثل المتباينات الآتية بيانياً وحدد منطقة الحل :

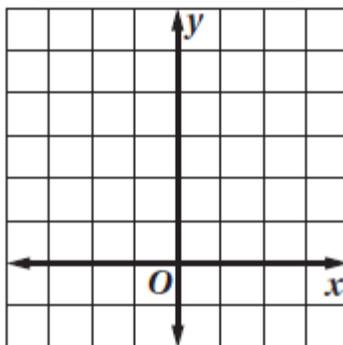
$$x \geq 2$$



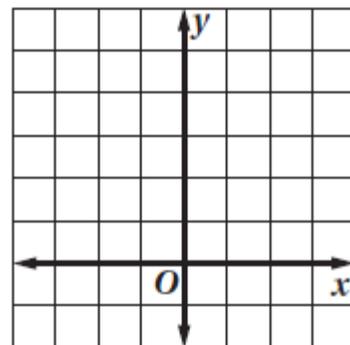
$$y \leq -3$$



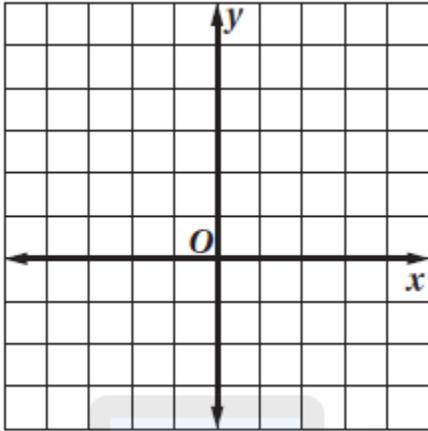
$$y \leq \frac{-1}{2}x + 3$$



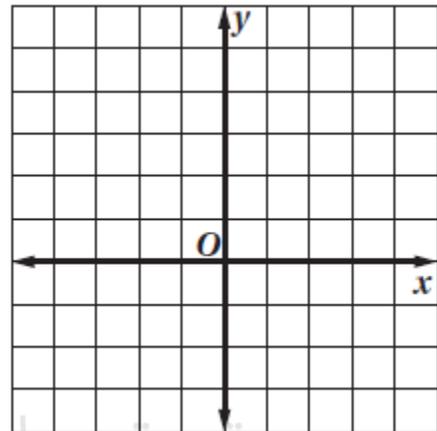
$$y \leq -3x + 5$$



$$y \leq |x + 1|$$



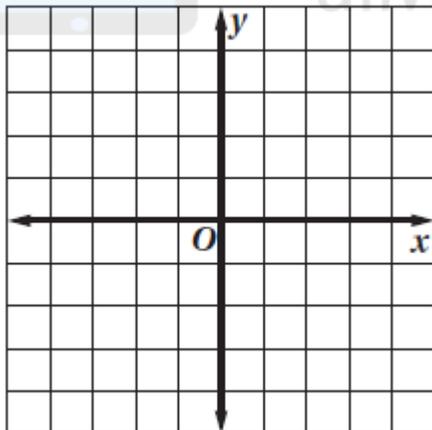
$$y \leq |x| - 1$$



مثال²: حل أنظمة المتباينات الآتية بيانياً :

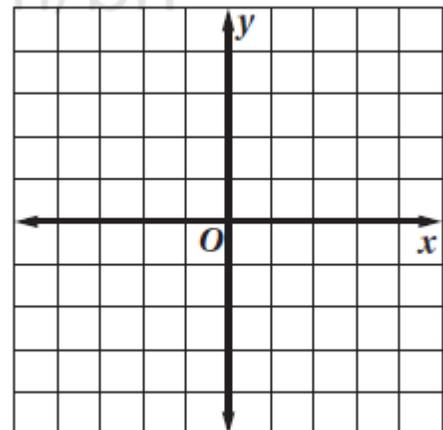
$$x > -2$$

$$2y \geq 2x + 4$$

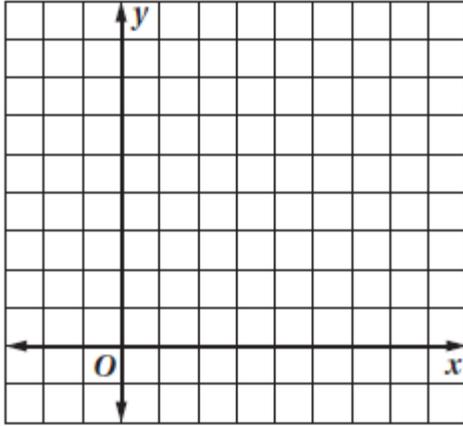


$$y + 1 < -x$$

$$y \geq 1$$



مثال³: حدّد رؤوس منطقة الحل المشتركة في كل مما يأتي ، ثمّ أوجد القيم الصغرى والعظمى للدالة المُعطاة :



$$x \geq 0$$

$$y \geq 0$$

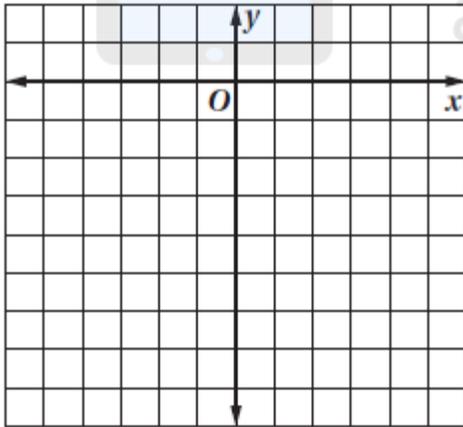
$$y \leq 6$$

$$y \leq -3x + 15$$

$$f(x, y) = 3x + y$$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh



$$x \leq 0$$

$$y \leq 0$$

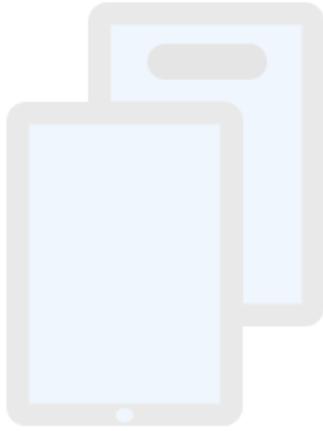
$$4x + y \geq -7$$

$$f(x, y) = -x - 4y$$

مثال⁴: تستطيع نجلاء زخرفة نوعين من الزهريات الخزفية ، حيث يُمكنها زخرفة 8 زهريات من النوع الأول ، أو زهرتين من النوع الثاني في الساعة الواحدة ، وقد طُلبَ إليها زخرفة 40 زهرية على الأقل في زمن لا يزيد على 8hr.

- a. إذا كانت s تُمثل عدد ساعات زخرفة زهريات النوع الأول ، و e تُمثل عدد ساعات زخرفة النوع الثاني ، فأكتب نظام مُتباينات يُمثل الموقف ، ويتضمن الزمن اللازم لزخرفة كل نوع من الزهريات.
- b. إذا كانت أجرة نجلاء $3BD$ عن ساعة العمل في زخرفة النوع الأول ، و $3.5BD$ عن ساعة العمل في زخرفة النوع الثاني ، فأكتب دالة (دالة الربح) تُبين الأجرة الكلية التي تحصل عليها إذا قامت بزخرفة الزهريات جميعها.

الحل

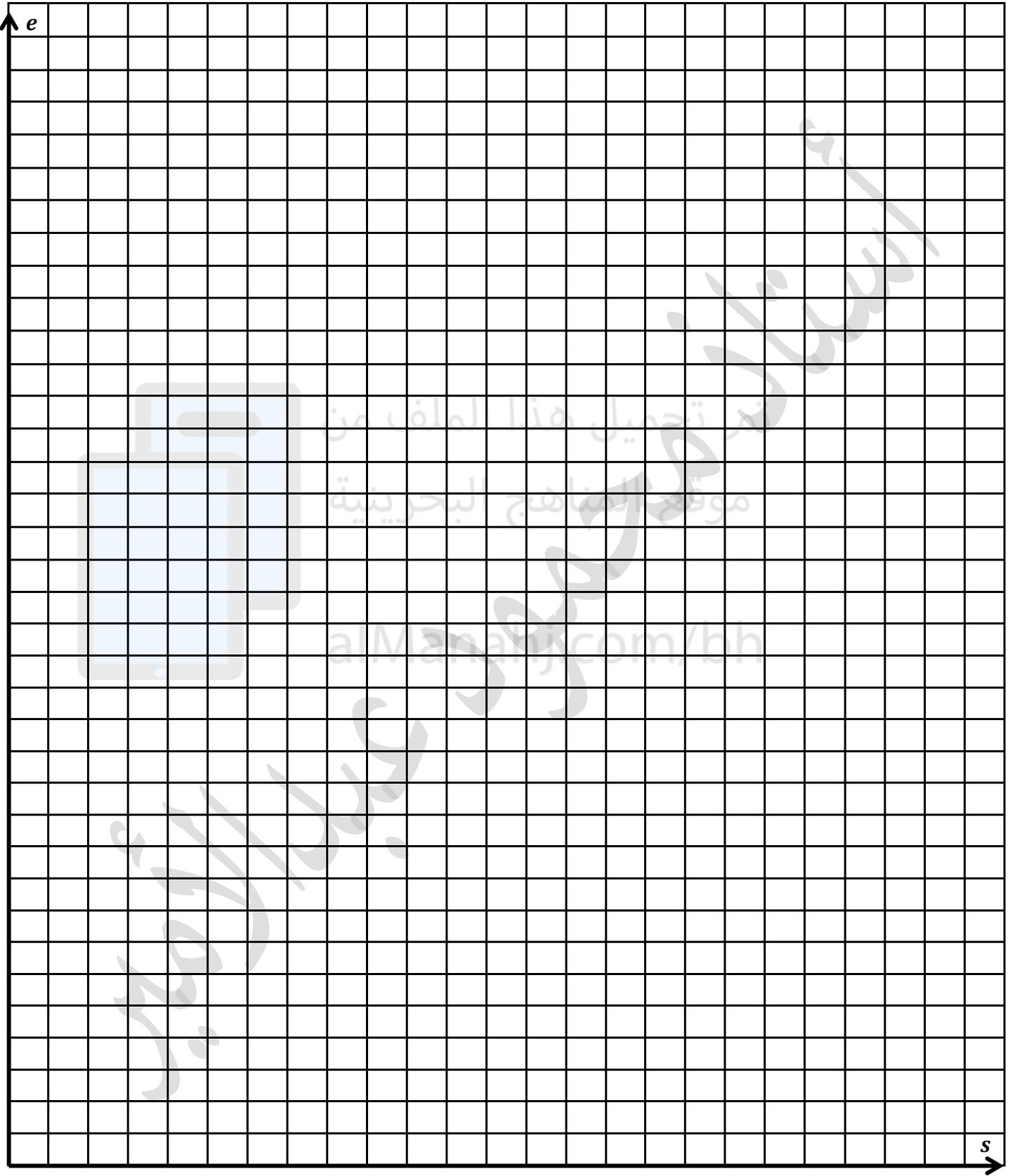


تم تحميل هذا الملف من

موقع المناهج البحرينية

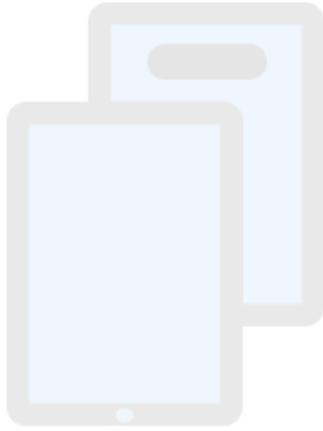
alManahj.com/bh

عبدالأمير



تمرين: مصنع أجهزة كهربائية ينتج ما بين 20 إلى 30 جهازاً من النوع A ، وما بين 20 إلى 45 جهازاً من النوع B أسبوعياً. ويخطط لبيع 55 جهازاً من النوعين على الأكثر. إذا كان المصنع يربح في الجهاز من النوع A ، 7 BD وفي الجهاز من النوع B ، 5 BD . فكم جهازاً من كل نوع عليه أن يبيع ليكون ربحه أكبر ما يمكن؟

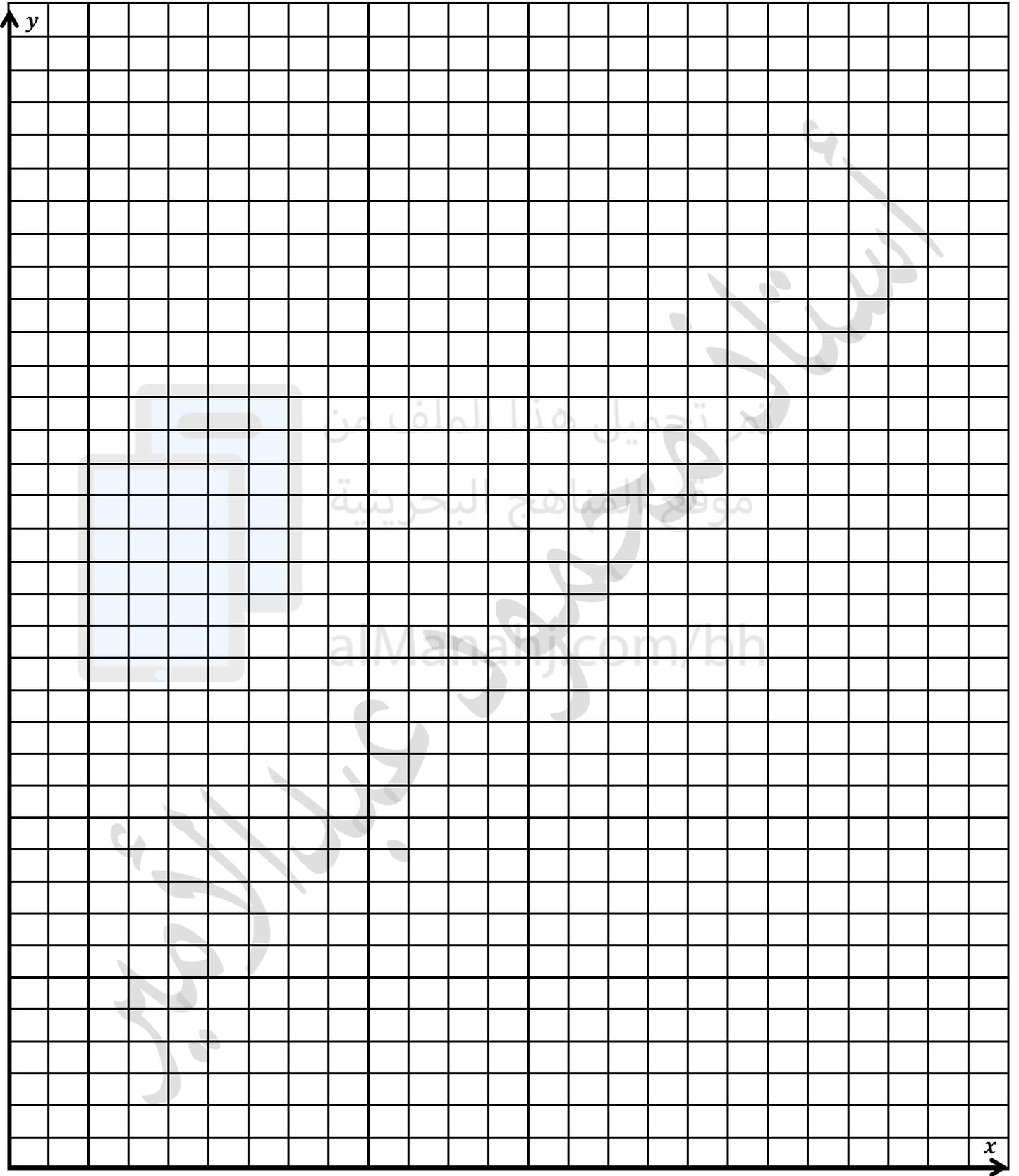
الحل



تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

عبدالأمير



أسئلة امتحانات سابقة

على الفصل الأول

أ / محمود عبدالأمير

السؤال الأول : اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(1) أي من العلاقات التالية تمثل دالة ؟

A $\{(1, 2), (2, -1), (3, 5), (2, 4)\}$ B $\{(1, 2), (2, 5), (3, -1), (-3, 0)\}$

C $\{(1, 1), (2, 5), (3, 2), (1, -1)\}$ D $\{(1, 2), (1, 5), (0, 4), (4, 1)\}$

(2) ما ميل المستقيم الذي معادلته $y - 3x = 2$ ؟

A -3 B 3

C 2 D -2

(3) الدالة الممثلة في الشكل المجاور تمثل أي نوع من الدوال الخاصة ؟

A دالة المعرفة بأكثر من قاعدة B خط انتشار

C الدالة الدرجية D الدالة المطلقة

(4) أي من النقاط الآتية تحقق المتباينة الممثلة بيانياً في الشكل المجاور ؟

A $(0, -3)$ B $(-1, 1)$

C $(0, 0)$ D $(-1, -1)$

(5) لأي من الدوال الآتية يكون $f\left(\frac{1}{2}\right) = 0$ ؟

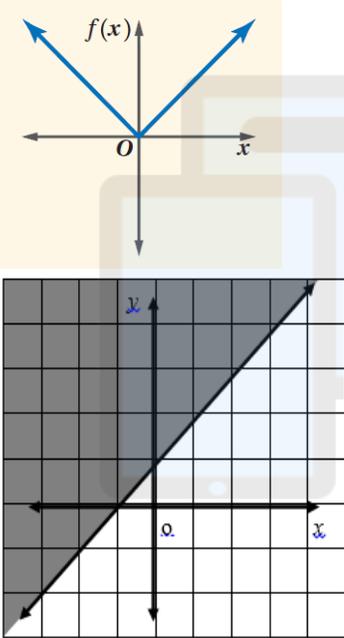
A $\lceil 2x \rceil$ B $\lceil x \rceil$

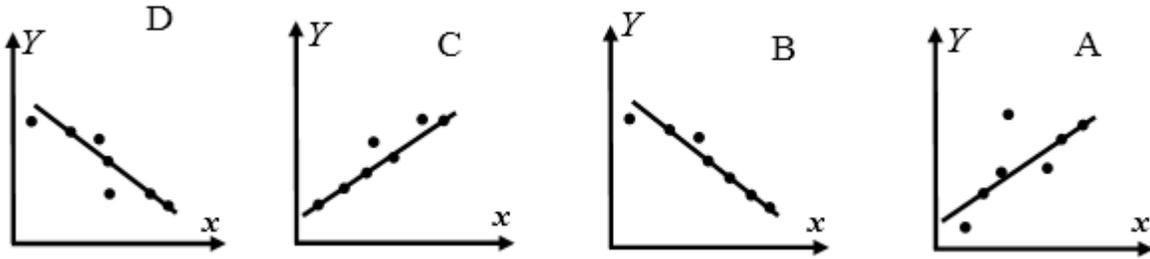
C $\left|x + \frac{1}{2}\right|$ D $4x$

(6) أي من الدوال الآتية له منحنى أوسع ؟

A $-2|x + 1| + 5$ B $\frac{3}{4}|x + 4|$

C $0.2|x| - 2$ D $|x|$





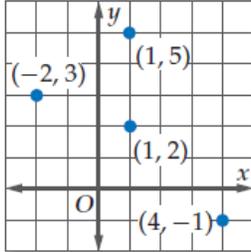
(8) ما مدى الدالة الميينة بالتمثيل البياني المجاور ؟

$$\{3, 2, 5, -1\} \text{ B}$$

$$\{3, 1, 2, -1\} \text{ A}$$

$$\{3, 1, 2, -2\} \text{ D}$$

$$\{3, 4, 2, -1\} \text{ C}$$



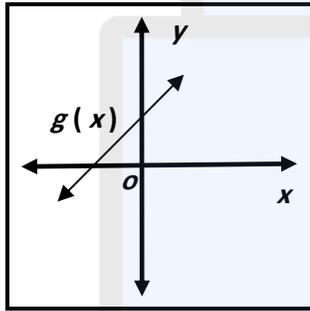
(9) الدالة الأم للدالة الممثلة بيانياً في الشكل المجاور هي :

$$f(x) = x \text{ B}$$

$$f(x) = x^2 \text{ A}$$

$$f(x) = \lfloor x \rfloor \text{ D}$$

$$f(x) = |x| \text{ C}$$



(10) ما نوع الارتباط (إن وجد) بين المتغيرين x , y في شكل الانتشار المجاور ؟

B ارتباط قوي

A ارتباط موجب قوي

D لا يوجد ارتباط

C ارتباط سالب قوي



(11) التمثيل البياني للدالة $y = x^2 - 1$ هو التمثيل البياني للدالة الأم $y = x^2$ مُزاحًا :

B وحدة واحدة إلى الأعلى

A وحدة واحدة إلى الأسفل

D وحدة واحدة إلى اليسار

C وحدة واحدة إلى اليمين

12) يريد مخبز للفتاير بيع فتاير الجبن ، وفتاير الدجاج في رزم يحتوي كل منها على (9-15) فتيرة من النوعين ، بحيث يكون هناك 6 فتاير على الأقل من كل نوع في رزمة واحدة . إذا كان x يمثل عدد فتاير الجبن ، و y يمثل عدد فتاير الدجاج ، فأى من أنظمة المتباينات الآتية يمثل هذه الحالة ؟

$$9 \leq x + y \leq 15 \quad \text{B} \quad 9 \leq x + y \leq 15 \quad \text{A}$$

$$x \leq 6$$

$$x \geq 6$$

$$y \leq 6$$

$$y \geq 6$$

$$6 \leq x + y \leq 15 \quad \text{D} \quad 6 \leq x + y \leq 15 \quad \text{C}$$

$$x \leq 9$$

$$x \geq 9$$

$$y \leq 9$$

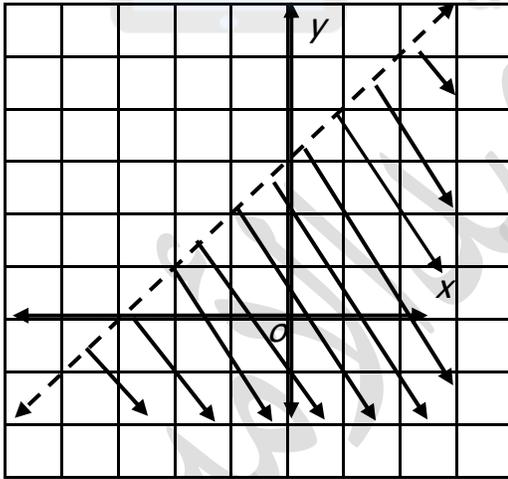
$$y \geq 9$$

13) التمثيل البياني للدالة $y = 2|x|$ ، هو التمثيل البياني للدالة الأم $y = |x|$ ؟

A إزاحة وحدتين إلى الأسفل B تضيق رأسياً

C إزاحة وحدتين إلى اليسار D تتسع رأسياً

14) أي من المتباينات الآتية يكون تمثيلها البياني كما في الشكل المجاور ؟



$$y - x < 3 \quad \text{B}$$

$$x + y \leq 3 \quad \text{A}$$

$$x - y \leq 3 \quad \text{D}$$

$$x - y < 3 \quad \text{C}$$

End the Questions

GOOD LUCK

الوحدة الثانية

المصفوفات

الدرس الأول : مُقدمة في المصفوفات

أهداف الدرس:

1. أن يفهم الطالب معنى المصفوفة.
2. أن يكتب الطالب رتبة المصفوفة.
3. أن يُحدد الطالب العنصر المطلوب من داخل المصفوفة.
4. ادخال البيانات داخل المصفوفة.

العنصر 1- موجود في
الصف 2 ، والعمود 1 ،
ويرمز إليه بالرمز a_{21} .

$$A = \begin{bmatrix} 8 & -2 & 5 & 6 \\ -1 & 3 & -3 & 6 \\ 7 & -8 & 1 & 4 \end{bmatrix} \left. \begin{array}{l} \text{ثلاثة صفوف} \\ \text{4 أعمدة} \end{array} \right\}$$

العنصر 8- موجود في
الصف 3، والعمود 2 ،
ويرمز إليه بالرمز a_{32} .

تحميل هذا الملف من

موقع المناهج والبحرينية

alManahj.com/bh

مثال 1: إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 10 & 8 & -4 \\ 1 & 7 & 6 \\ 3 & 2 & 12 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 9 & 19 & 0 \\ 2 & 6 & -1 \end{bmatrix}$

(1) حدّد رتبة كل كم المصفوفة A و B .

(2) أوجد قيمة كل عنصر:

$$b_{11} = \quad a_{32} = \quad a_{13} = \quad b_{23} =$$

مثال 2: يُبين الجدول المجاور عدد الأسر في مدينتي A و B ومصدر الطاقة المستعمل في الطهو في كل منها. نطّم البيانات في مصفوفة من الرتبة 2×3 .

مصدر الطاقة

	غاز	كهرباء	أخرى
مدينة A	90966	5545	178
مدينة B	241909	3754	0

الدرس الثاني : العمليات على المصفوفاتأولاً : الجمع والطرح

أهداف الدرس:

- (1) أن يتمكن الطالب من إجراء جمع وطرح المصفوفات من نفس الرتبة.
 (2) أن يحل الطالب المعادلات من تساوي مصفوفتين لهما نفس الرتبة.

مثال 1: أوجد كلاً مما يأتي :

$$\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 7 \\ 14 & -9 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -6 & 9 \\ 7 & -11 \\ -8 & 17 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & \\ & \\ & 8 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ -71 \\ 18 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -67 \\ 45 \\ -24 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \\ \\ \end{bmatrix}$$

$$7 \begin{bmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 4 & 7 & 6 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} -1 & 4 & -3 \\ 7 & 2 & -6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}$$

$$7 \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 17 & -11 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} -3 & 16 \\ -21 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix}$$

مثال 2: استعمل المصفوفات الآتية : $A = \begin{bmatrix} -5 & 3 \\ 6 & -8 \\ 2 & 9 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 12 & 5 \\ 5 & -4 \\ 4 & -7 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} -6 & 12 \\ -3 & 2 \\ 7 & -4 \end{bmatrix}$ لإيجاد قيمة كل

مما يأتي :

$$2A + 4B =$$

$$2B - 3C =$$

تساوي مصفوفتين: إذا كانت $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$ ، وكانت $B = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \end{bmatrix}$ فإن العناصر المتناظرة تكون متساوية .

مثلاً: $a_{11} = b_{11}$ ، $a_{12} = b_{12}$ وهكذا

مثال 3: حل المعادلة الآتية إذا كانت : $\begin{bmatrix} 4x - 7 & 3y \\ 7 & 13 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & -15 \\ 7 & 2z + 1 \end{bmatrix}$

مثال 4: حل المعادلات الآتية من تساوي المصفوفتين : $\begin{bmatrix} 2x & y + 3 \\ 5z & a \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x - 1 & 6 \\ 125 & 7 \end{bmatrix}$

مثال 5: أوجد قيمة كل من x , y في المعادلة الآتية : $\begin{bmatrix} 2 & y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 10 \end{bmatrix}$

الواجب : انظر الكراسة الدرس الأول والثاني

الدرس الثالث : ضرب المصفوفات

أهداف الدرس :

$$A \cdot B = AB$$

$m \times r$ $r \times t$ $m \times t$

متساويان

رتبة AB

- (1) أن يتعرف الطالب على كيفية ضرب المصفوفات .
- (2) ان يستعمل الطالب خصائص الضرب.

مفهوم أساسي

ضرب المصفوفات

التعبير اللفظي العنصر في الصف m والعمود r من المصفوفة AB هو مجموع حواصل ضرب العناصر في الصف m من المصفوفة A في عناصر العمود r من المصفوفة B بالترتيب.

$$A \cdot B = AB$$

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ae+bg & af+bh \\ ce+dg & cf+dh \end{bmatrix}$$

بالرموز

مثال 1: حدّد في كل مما يأتي أي المصفوفات الآتية عملية الضرب لها معرفة أم لا ، وإذا كنت معرفة أوجد رتبة المصفوفة الناتجة من عملية الضرب ؟

$$A_{4 \times 6}, B_{6 \times 2}$$

$$P_{3 \times 2}, Q_{3 \times 2}$$

مثال 2: أوجد حاصل ضرب المصفوفات الآتية (إن أمكن) :

$$\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & -2 & 7 \\ 6 & 0 & -5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad & \quad & \quad \\ \quad & \quad & \quad \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 7 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 2 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}$$

مثال 3: إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ فأوجد المعادلات الآتية إذا كانت صحيحة أم لا مع تسمية الخاصية في كل معادلة والعدد الثابت $k = 3$ ؟

a) $AC = CA$

b) $A(B + C) = AB + AC$

c) $(AB)k = k(AB)$

مفهوم أساسي

خصائص ضرب المصفوفات

أضف إلى
مطويتك

تُعد الخصائص الآتية صحيحة لأي ثلاث مصفوفات A, B, C ، ولأي عدد حقيقي k ، على أن يكون ناتج ضرب أو جمع أي منها معرفاً:

$$(AB)C = A(BC)$$

خاصية التجميع لضرب المصفوفات

$$k(AB) = (kA)B = A(kB)$$

خاصية التجميع لضرب المصفوفات في عدد حقيقي

$$C(A + B) = CA + CB$$

خاصية التوزيع من اليسار للمصفوفات

$$(A + B)C = AC + BC$$

خاصية التوزيع من اليمين للمصفوفات

تمرين¹: ما حاصل ضرب $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 0 & -2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} [5 \quad -2 \quad 3]$ ؟

A) $[11 \quad -1]$

B) $\begin{bmatrix} 11 \\ -1 \end{bmatrix}$

C) $\begin{bmatrix} 5 & -10 \\ 0 & -6 \\ 6 & -15 \end{bmatrix}$

D) الضرب غير ممكن

تمرين²: ما رتبة المصفوفة الناتجة من عملية الضرب التالية ؟

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ -4 & 0 & f \\ g & h & i \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 7 \\ 5 \\ 2 \end{bmatrix}$$

A) 1×4

B) 1×3

C) 3×1

D) 4×1

الدرس الرابع : المحددات وقاعدة كرامر

أهداف الدرس:

- (1) أن يحسب الطالب قيمة المُحدد.
- (2) أن يحل أنظمة المعادلات باستخدام قاعدة كرامر.

أضف إلى

مطويتك

محدد من الرتبة الثانية

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي قيمة محدد من الرتبة الثانية يساوي حاصل ضرب عنصري القطر الرئيسي مطروحاً منه حاصل ضرب عنصري القطر الآخر.

$$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - cb \quad \text{بالرموز}$$

$$\begin{vmatrix} 4 & 5 \\ -3 & 6 \end{vmatrix} = 4(6) - (-3)(5) = 39 \quad \text{مثال}$$

مثال 1: أوجد قيمة كل مُحدد فيما يأتي :

$$\begin{vmatrix} 1 & 6 \\ 2 & 7 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{vmatrix} 9 & 6 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{vmatrix} 4 & 1 \\ -2 & -5 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{vmatrix} 4 & -3 \\ -12 & 4 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{vmatrix} 0.5 & -10 \\ 0.4 & 4 \end{vmatrix} =$$

$$\begin{vmatrix} \frac{1}{2} & \frac{2}{3} \\ \frac{3}{2} & 8 \end{vmatrix} =$$

أضف إلى

مطويتك

قاعدة الأقطار

مفهوم أساسي

أعد كتابة العمود الأول والثاني إلى اليمين المحدد.

الخطوة 1

أوجد حواصل ضرب عناصر القطر الرئيسي وثلاثيات العناصر الموازية له المبينة، ثم اجمع نواتجها.

الخطوة 2

$$\begin{vmatrix} a & b & c & | & a & b \\ d & e & f & | & d & e \\ g & h & i & | & g & k \end{vmatrix}$$

أوجد حواصل ضرب عناصر القطر الآخر وثلاثيات العناصر الموازية له المبينة، ثم اجمع نواتجها.

الخطوة 3

$$\begin{vmatrix} a & b & e & | & a & b \\ d & e & f & | & d & e \\ g & h & i & | & g & h \end{vmatrix}$$

لايجاد قيمة المحدد نطرح ناتج الخطوة 3 من ناتج الخطوة 2.

الخطوة 4

مثال 2: أوجد قيمة كل مُحدد فيما يأتي :

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & -2 \\ 1 & 1 & -1 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 7 & -6 \\ 8 & 4 & 0 \\ 1 & -1 & 3 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 0 & -4 & 0 \\ 2 & -2 & 1 \\ 3 & -3 & 5 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} -12 & 1 & 7 \\ 1 & 0 & 2 \\ 2 & 7 & 6 \end{vmatrix}$$

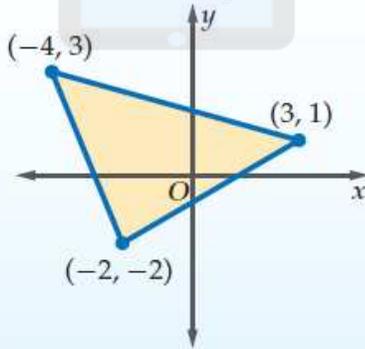
تحميل هذا الملف من
موقع الأستاذ أحمد النور

مفهوم أساسي

مساحة سطح المثلث

أضف إلى
مطوبتك

التعبير اللفظي مساحة سطح المثلث الذي إحداثيات رؤوسه (a, b) , (c, d) , (e, f) هي $|A|$ ، حيث:



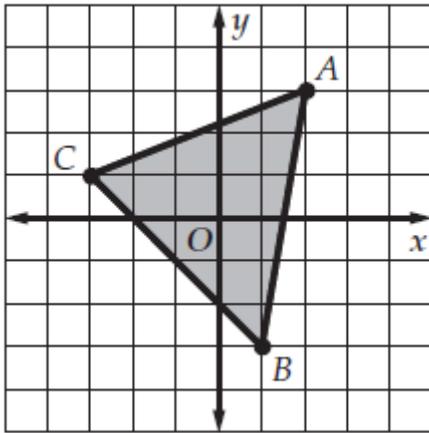
$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} a & b & 1 \\ c & d & 1 \\ e & f & 1 \end{vmatrix}$$

$$A = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} -4 & 3 & 1 \\ 3 & 1 & 1 \\ -2 & -2 & 1 \end{vmatrix}$$

مثال

مثال 3: إذا كانت النقاط الآتية $(0, 3)$, $(4, 7)$, $(5, 9)$ مُمثلة في المستوى الإحداثي على شكل مثلث ، فما مساحة هذا المثلث ؟

تمرين: مساحة المثلث الممثل في الشكل المجاور؟



- (a) 10 وحدات مربعة
 (b) 12 وحدة مربعة
 (c) 14 وحدة مربعة
 (d) 16 وحدة مربعة

مفهوم أساسي

قاعدة كرامر

أضف إلى

مطوبتك

إذا كانت C مصفوفة المعاملات للنظام $ax + by = m$ ، $fx + gy = n$ حيث $C = \begin{bmatrix} a & b \\ f & g \end{bmatrix}$

فإن حل هذا النظام هو (x, y) ، حيث $x = \frac{\begin{vmatrix} m & b \\ n & g \end{vmatrix}}{|C|}$ و $y = \frac{\begin{vmatrix} a & m \\ f & n \end{vmatrix}}{|C|}$ ، وذلك إذا كانت $|C| \neq 0$.

مفهوم أساسي

استعمال قاعدة كرامر لحل نظام من ثلاث معادلات خطية

أضف إلى

مطوبتك

إذا كانت C مصفوفة المعاملات للنظام $ax + by + cz = m$ ، $fx + gy + hz = n$ ، $jx + ky + lz = p$ حيث $C = \begin{bmatrix} a & b & c \\ f & g & h \\ j & k & \ell \end{bmatrix}$

فإن حل هذا النظام هو (x, y, z) ، حيث $x = \frac{\begin{vmatrix} m & b & c \\ n & g & h \\ p & k & \ell \end{vmatrix}}{|C|}$ ، $y = \frac{\begin{vmatrix} a & m & c \\ f & n & h \\ j & p & \ell \end{vmatrix}}{|C|}$ ،

وذلك إذا كانت $|C| \neq 0$. $z = \frac{\begin{vmatrix} a & b & m \\ f & g & n \\ j & k & p \end{vmatrix}}{|C|}$

مثال 4: حل نظام المعادلات باستخدام قاعدة كرامر:

$$\Delta = \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 2 & -1 \end{vmatrix} =$$

$$x + y = 6$$

$$x - y = 2$$

$$\Delta x = \begin{vmatrix} 6 & -1 \\ 2 & -1 \end{vmatrix} =$$

$$x = \frac{\Delta x}{\Delta} =$$

$$y = \frac{\Delta y}{\Delta} =$$

$$\Delta y = \begin{vmatrix} 1 & 6 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} =$$

$$5x + 6y = 15$$

$$3x + 4y = -29$$

تمرين 1: حل المعادلات الآتية باستخدام قاعدة كرامر:

الحل:

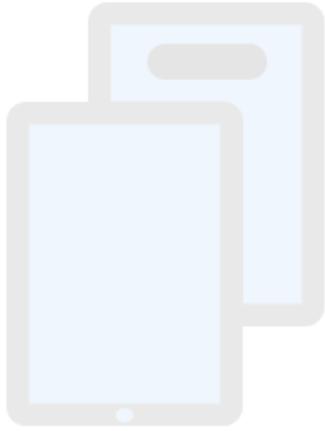
alManahj.com/bh

تمرين 2: حل المعادلات الآتية باستخدام قاعدة كرامر:

$$4x + 5y - 6z = -14$$

$$3x - 2y + 7z = 47$$

$$7x - 6y - 8z = 15$$



تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

عبدالأمير

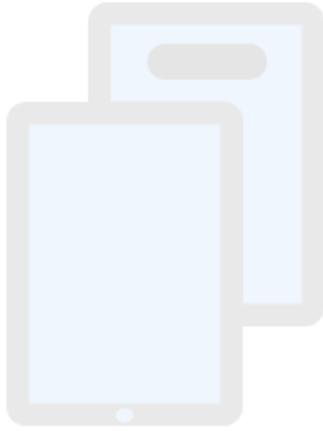
تمرين³: باستعمال قاعدة كرامر لحل نظام من المعادلات الخطية ، أوجد قيمة y فقط في نظام المعادلات الآتي ، حيث $x, y, z \in \mathcal{R}$

$$x + 3y - z = 2$$

$$x + 3z = -9$$

$$2y = -z$$

الحل:



تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

$$\begin{vmatrix} 3 & 5 & -2 \\ -1 & -4 & 6 \\ -6 & x & 5 \end{vmatrix} = -135$$

تمرين⁴: أوجد قيمة x في المُحدد التالي :

الدرس الخامس: النظر الضربي للمصفوفة وأنظمة المعادلات الخطية

أهداف الدرس:

- 1) أن يوجد الطالب النظر الضربي للمصفوفة.
- 2) أن يحل الطالب نظام المعادلات باستخدام مصفوفة النظر.

أضف الى
مطوبتك

المصفوفة المحايدة لعملية الضرب

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي المصفوفة المحايدة لعملية الضرب I ، هي مصفوفة مربعة جميع عناصر قطرها الرئيسي (من أعلى اليسار إلى أسفل اليمين) 1، وباقي العناصر أصفار.

لأي مصفوفة مربعة A لها رتبة المصفوفة المحايدة I نفسها، فإن $A \cdot I = I \cdot A = A$.

بالرموز إذا كانت $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ، و $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ فإن

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

إذا كانت A, B مصفوفتان مربعيتين ولهما نفس الرتبة بحيث يكون $AB = BA = I$ ، فتسمى المصفوفة B نظيراً ضربياً للمصفوفة A ، وكذلك تسمى المصفوفة A نظيراً ضربياً للمصفوفة B ، وإذا كانت A نظيراً ضربياً فيرمز لها A^{-1} .

$$A \cdot A^{-1} = I$$

المصفوفة

مصفوفة
النظر

المصفوفة
المحايدة

مثال 1: حدّد ما إذا كانت كل مصفوفتين في كل مما يأتي نظيراً ضربياً للأخرى أم لا؟

1) $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$

$$2) K = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}, J = \begin{bmatrix} \frac{1}{5} & \frac{-1}{10} \\ \frac{2}{5} & \frac{3}{10} \end{bmatrix}$$

مفهوم أساسي

النظير الضربي للمصفوفة من الرتبة 2×2

النظير الضربي للمصفوفة $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ هو $A^{-1} = \frac{1}{ad - bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$ ، وذلك إذا كان $ad - bc \neq 0$

أضف إلى مطويتك

مثال²: أوجد النظير الضربي لكل من المصفوفات الآتية :

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ -4 & -3 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} 2 & -5 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$D = \begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 9 \end{bmatrix}$$

المعادلات المصفوفية

$$\begin{array}{l} x + 2y = 9 \\ 3x - 6y = 3 \end{array} \rightarrow \begin{bmatrix} x + 2y \\ 3x - 6y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{ccc} A & \cdot & X = B \\ \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -6 \end{bmatrix} & \cdot & \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 \\ 3 \end{bmatrix} \end{array}$$

مثال³: استعمل معادلة مصفوفية لحل كل نظام مما يأتي :

1) $x + 3y = 6$

$2x - 3y = -6$

2) $6z + 12k = 84$

$12z + 22k = 166$

$$3) 2a + 2b = -8$$

$$6a + 4b = -18$$

سؤال لفظي: اشترت حنان من معرض الكتاب 3 كتب علمية و 4 كتب ثقافية بقيمة $BD \ 14.5$ ، فيما انفقت كوتر 3 كتب علمية و 10 كتب ثقافية بقيمة $BD \ 29.5$ ، إذا كانت الكتب العلمية تُباع بـ x دينار و الكتب الثقافية بـ y دينار .

فأوجد سعر الكتاب العلمي والثقافي ؟

www.alManahj.com/bh

أسئلة امتحانات سابقة

على الفصل الثاني

أ / محمود عبدالأمير

❖ اجب عن جميع الأسئلة الآتية :

1. إذا كانت المصفوفة $A_{2 \times 3}$ ، والمصفوفة $B_{3 \times 4}$ ، فإن رتبة المصفوفة $A \times B$ تساوي ؟

3 × 3 D 2 × 4 C 3 × 2 B 2 × 3 A

2. قيمة y في المعادلة المصفوفية التالية : $\begin{bmatrix} 9 & 0 \\ 1 & 3y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 0 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}$ هي ؟

1 D -1 C 3 B 0 A

3. إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 12 & 4 \\ -5 & 8 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 7 & 3 \\ -3 & -2 \end{bmatrix}$ ، فإن $A - 2B$ تساوي ؟

$\begin{bmatrix} 19 & 7 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$ D $\begin{bmatrix} 5 & 7 \\ -8 & 10 \end{bmatrix}$ C $\begin{bmatrix} -2 & -2 \\ 1 & 12 \end{bmatrix}$ B $\begin{bmatrix} -2 & -2 \\ -11 & 12 \end{bmatrix}$ A

4. ما هي القيمة الفعلية لكل من x, y, z في المعادلة المصفوفية التالية هي :

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ x & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 4y & 8 \\ 3x & z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 12 & 20 \end{bmatrix}$$

$x = 3, D$
 $y = \frac{1}{2}, z = 16$

$x = 2, C$
 $y = \frac{1}{3}, z = -16$

$x = 3, B$
 $y = \frac{-1}{2}, z = 16$

$x = 3, A$
 $y = \frac{1}{4}, z = 16$

5. أوجد قيمة المُحدد المصفوفة التالية :

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 0 & 2 & 4 \\ -2 & 5 & 6 \end{bmatrix}$$

4 D -36 C -44 B 36 A

6. النظير الضربي للمصفوفة $\begin{bmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ؟

$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$ D $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 5 & -1 \end{bmatrix}$ C $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 5 & -1 \end{bmatrix}$ B $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$ A

7. الحل لنظام المعادلات الآتية $x + 2y = 8, 2x - y = -9$ باستخدام قاعدة كرامر هي :

$x = 5, y = 2$ D $x = 2, y = 25$ C $x = -2, y = 5$ B $x = 2, y = 5$ A

8. إذا كانت النقاط $D(-6, 2), E(3, 5), F(8, -7)$ ، هي رؤوس المثلث DEF ، فما مساحة سطح هذا المثلث ؟

58 D 60 C 54 B 61.5 A

End the Questions

GOOD LUCK

الوحدة الثالثة

الدوال التربيعية

الدرس الأول : تمثيل الدوال التربيعية بيانياً

أهداف الدرس:

- (1) أن يُمثل الطالب الدالة التربيعية بيانياً.
- (2) أن يُمثل الطالب محور التماثل.
- (3) أن يوجد الطالب رأس الدالة التربيعية.
- (4) أن يُعيد الطالب كتابة المُعادلة التربيعية من الصورة القياسية إلى الصورة صيغة رأس.

أضف إلى
مطوبتك

الدوال التربيعية

مفهوم أساسي

الدالة الأم $f(x) = x^2$

الصورة القياسية $g(x) = ax^2 + bx + c$

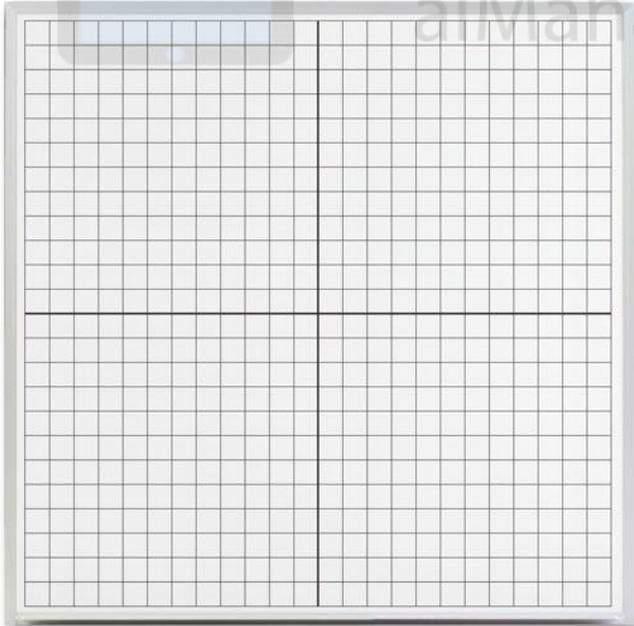
شكل التمثيل البياني

معادلة محور التماثل $x = -\frac{b}{2a}$

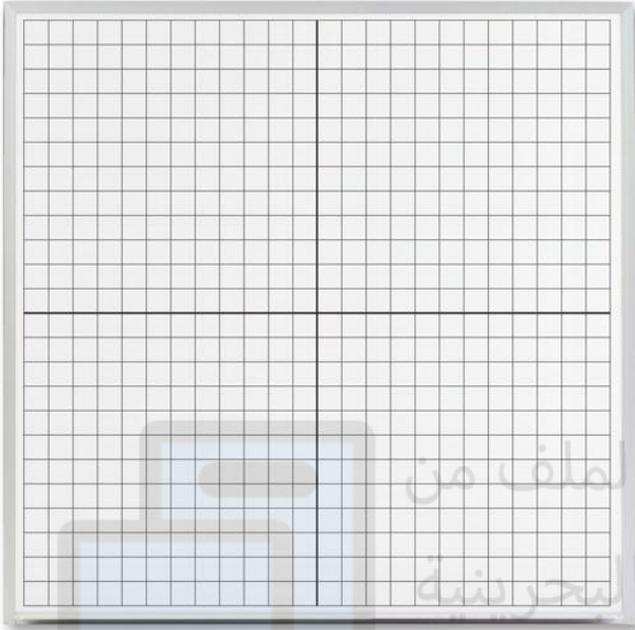
مقطع المحور y c

قطع مكافئ

مثال¹: مثل الدالة التربيعية بيانياً ، ثم حدّد مجالها ومداهها : $y = x^2 + 3$



مثال 2: مثل بيانيًا الدالة التربيعية الآتية ، وحدد مجالها ومداها: $y = x^2 - 4x + 3$



تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج والبحرينية

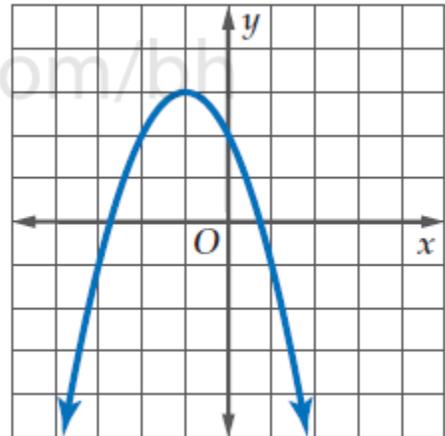
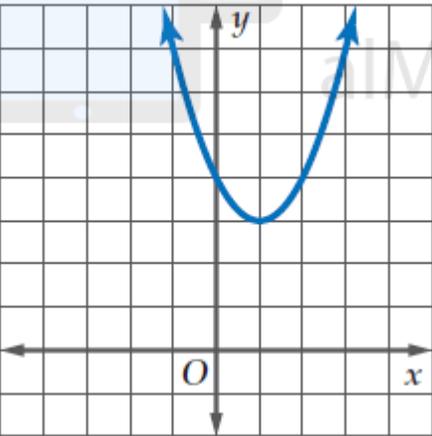
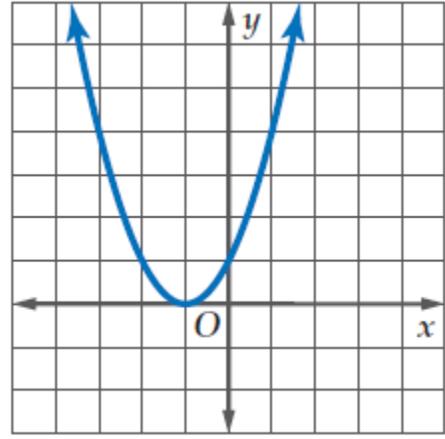
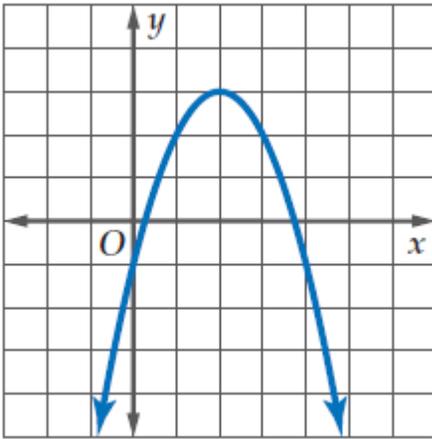
▪ أعد كتابة المعادلة التربيعية من الصورة القياسية إلى صيغة رأس ؟

الصورة القياسية : $y = ax^2 + bx + c$

صيغة رأس : $y = (x - h)^2 + k$

رأس الدالة التربيعية : (h, k)

مثال³: أوجد الرأس ، ومعادلة محور التماثل ، ومقطع محور y ، لكل مما يأتي :



تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

مدير

مثال 4: أوجد الرأس ، ومُعادلة التماثل ومقطع محور y في كل مما يأتي واكتب كل معادلة على صورة صيغة رأس :

1) $y = 2x^2 + 4x - 3$

2) $y = -x^2 + 6x + 4$

3) $y = -3x^2 + 6x - 5$

4) $y = 2x^2 + 2x + 2$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

أضف إلى مطويتك

مفهوم أساسي

القيمة العظمى و الصغرى

التعبير اللفظي يكون التمثيل البياني للدالة $f(x) = ax^2 + bx + c$ ، حيث $a \neq 0$ ،

- مفتوحاً إلى أعلى وله قيمة صغرى عندما $a > 0$.
- مفتوحاً إلى أسفل وله قيمة عظمى عندما $a < 0$.
- مدى الدالة التربيعية هو جميع الأعداد الحقيقية التي أكبر من أو تساوي القيمة الصغرى، أو جميع الأعداد الحقيقية التي أصغر من أو تساوي القيمة العظمى.

أمثلة

a سالبة

a موجبة

مثال 5: لتكن الدالة التربيعية $g(x) = 2x^2 - 4x - 1$ ، فأجب عما يأتي :

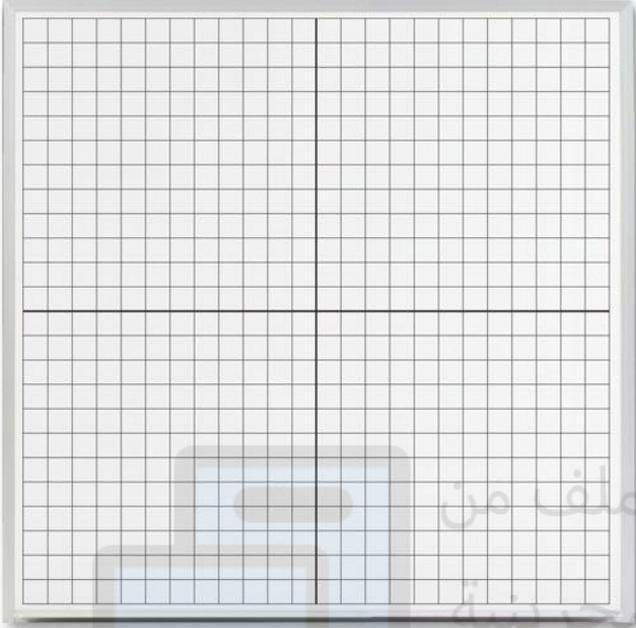
(a) حدّد ما إذا كانت للدالة قيمة عظمى أو قيمة صغرى.

(b) أوجد القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

(c) حدّد مجال الدالة ومداهها.

➤ مَثَل بيانيًا الدالة $f(x) = -x^2 + 3x - 2$ ، مُبيِّنًا محور التماثل على الرسم.

- (a) حدّد مجال الدالة
- (b) حدّد مدى الدالة
- (c) رأس الدالة
- (d) القيمة العظمى / الصغرى



(1) إذا كانت $f(x) = -5x^2 - 10x + 6$ ، فأجب عمّا يأتي:

- أوجد مقطع محور y ، ومعادلة محور التماثل ، والإحداثي x لرأس القطع المكافئ.

alManahj.com/bh

(2) في مسابقة رمي الرمح ، يمكن تمثيل ارتفاع الرمح (y) بالأقدام بعد (x) ثانية ، بالمعادلة :

$$y = -16x^2 + 64x + 6$$

- ما هو الارتفاع الذي اطلق منه الرمح ؟

- في أي لحظة يصل الرمح إلى أقصى ارتفاع ، وما مقداره ؟

الدرس الثاني : حل المعادلات التربيعية بيانياً

أهداف الدرس :

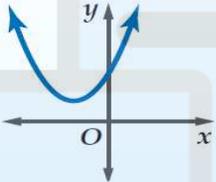
- (1) تمثيل الدالة التربيعية بيانياً .
- (2) تحديد مقطع محور x .
- (3) إيجاد مجموعة حل المُعادلة .

مفهوم أساسي حلول المعادلة التربيعية

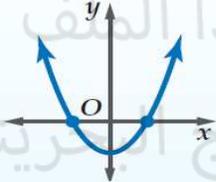
التعبير اللفظي المعادلة التربيعية يمكن أن يكون لها حل حقيقي واحد، أو حلان حقيقيان أو ليس لها حلول حقيقية.

النموذج

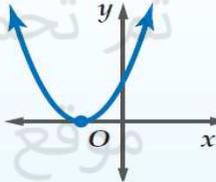
ليس لها حلول حقيقية



حلان حقيقيان



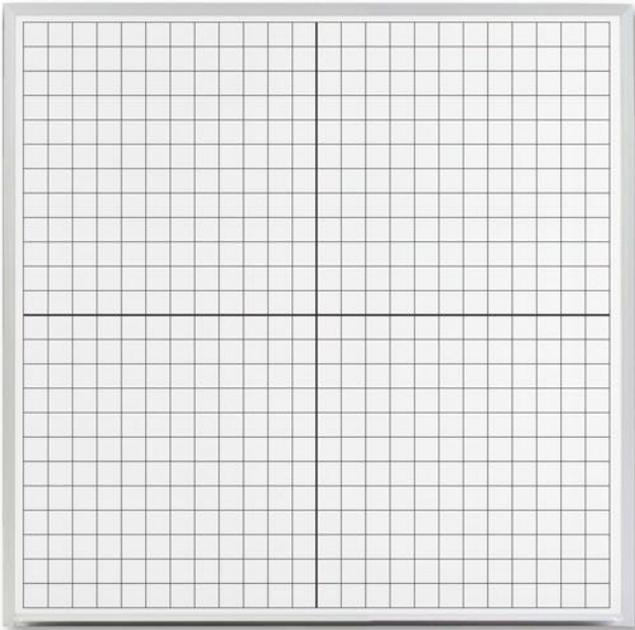
حل حقيقي واحد



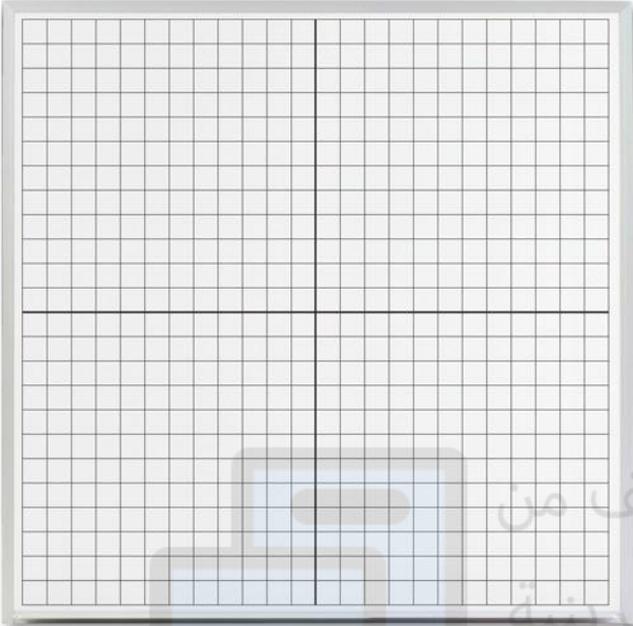
مثال¹: أوجد مجموعة الحل بيانياً لكل مما يأتي :

1) $x^2 + 2x - 15 = 0$

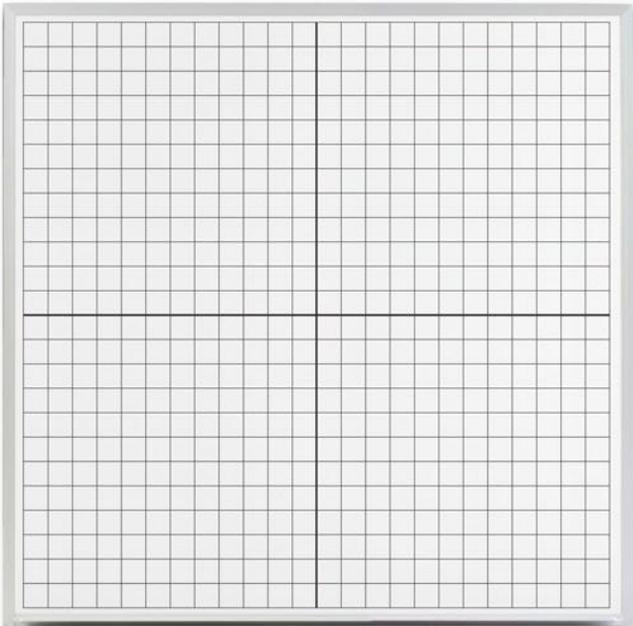
alManahj.com/bh



$$2) x^2 - 6x + 9 = 0$$



$$3) x^2 - 4x + 8 = 0$$



تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

الدرس الثالث : الأعداد المركبة

أهداف الدرس :

- (1) إجراء العمليات البحتة على الأعداد التخيلية .
(2) إجراء العمليات على الأعداد المركبة .

مثال¹: بسّط كلاً مما يأتي :

- 1) $\sqrt{-81} =$
2) $\sqrt{-125} =$
3) $\sqrt{-27} =$

مثال²: أوجد ناتج كلاً مما يأتي :

- a) $-5i \cdot 3i =$
b) $\sqrt{-6} \cdot \sqrt{-15} =$
c) i^{31}
d) i^{40}

مثال³: حل المُعادلات التربيعية الآتية :

$$x^2 + 4 = 0$$

$$4x^2 + 100 = 0$$

أضف إلى مطويتك

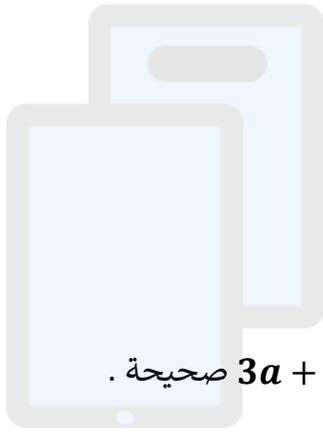
الأعداد المركبة

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي العدد المركب هو أي عدد يمكن كتابته على الصورة $a + bi$ ، حيث a ، b عدنان حقيقيان، i الوحدة التخيلية، ويسمى a الجزء الحقيقي، و b الجزء التخيلي.

أمثلة $5 + 2i$ $1 - 3i = 1 + (-3)i$

مثال³: أوجد قيمتي x و y الحقيقيتين تجعلان المعادلة $5x + 1 + (3 + 2y)i = 2x - 2 + (y - 6)i$ صحيحة.



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية

تمرين³: أوجد قيمتي a و b الحقيقيتين تجعلان المعادلة $3a + (4b + 2)i = 9 - 6i$ صحيحة.

مثال⁴: بسّط كلاً مما يأتي :

a) $(7 + 4i) - (1 + 2i) =$

b) $(-1 + 5i) + (2 - 3i) =$

مثال 5: بسّط كلاً مما يأتي :

a) $\frac{-2i}{3+5i} =$

b) $\frac{2+i}{1-i} =$

a) $\frac{3+2i}{i} =$

b) $\frac{5}{2i} =$

c) $\frac{13}{2-3i} =$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

تمرين 5: بسّط كلاً مما يأتي :

تحدي

ما قيمة $(3 + 6i)^2$ ؟

الدرس الرابع : القانون العام لحل المعادلة التربيعية والمُميز

أهداف الدرس :

1. أن يحل الطالب المعادلة التربيعية باستخدام القانون العام .
2. استعمال المُميز لتحديد عدد الجذور الحقيقية والغير حقيقية للمعادلة التربيعية .

أضف إلى
مطوبتك

قانون

القانون العام لحل المعادلة التربيعية

التعبير اللفظي يمكن حل المعادلة التربيعية المكتوبة على الصورة $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$ باستعمال القانون:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

مثال

$$x^2 + 5x + 6 = 0 \rightarrow x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4(1)(6)}}{2(1)}$$
مثال¹: حل كل من المعادلات التربيعية الآتية باستخدام القانون العام :

a) $x^2 + 6x - 16 = 0$

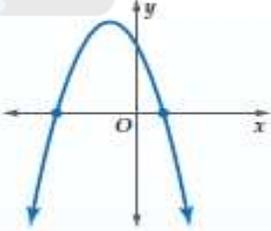
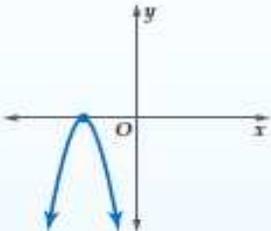
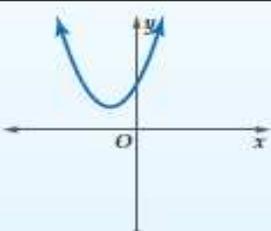
b) $x^2 - 16x + 64 = 0$

c) $x^2 - 8x + 9 = 0$

d) $3x^2 + 5x + 4 = 0$

تد تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

في المعادلة $ax^2 + bx + c = 0$ ، حيث a, b, c أعداد حقيقية، $a \neq 0$.

مثال على التمثيل البياني للدالة المرتبطة بالمعادلة	عدد الجذور وأنواعها	قيمة المميز
	جذران حقيقيان نسبيا	$b^2 - 4ac > 0$ والعبارة $b^2 - 4ac$ مربع كامل.
	جذران حقيقيان غير نسبيا	$b^2 - 4ac > 0$ والعبارة $b^2 - 4ac$ ليست مربعاً كاملاً.
	جذر حقيقي (نسبي) واحد	$b^2 - 4ac = 0$
	جذران مركبان	$b^2 - 4ac < 0$

الدرس الخامس: التحويلات الهندسية في التمثيلات البيانية للدوال التربيعية

ملخص المفااهيم

التحويلات الهندسية في التمثيلات البيانية
للدوال التربيعية بصيغة الرأس

$f(x) = a(x - h)^2 + k$

إزاحة رأسية، k
وحدة إلى الأعلى إذا كانت k موجبة.
وحدة إلى الأسفل إذا كانت k سالبة.

إزاحة أفقية، h
وحدة إلى اليمين إذا كانت h موجبة.
وحدة إلى اليسار إذا كانت h سالبة.

توسيع، تضيق، a
إذا كانت $|a| > 1$ ، يتوسع القطع المكافئ رأسياً.
إذا كانت $|a| < 1$ ، يضيق القطع المكافئ رأسياً.

الانعكاس، a
إذا كانت $a > 0$ ، اتجاه فتحة القطع المكافئ تكون إلى أعلى.
إذا كانت $a < 0$ ، اتجاه فتحة القطع المكافئ تكون إلى أسفل.

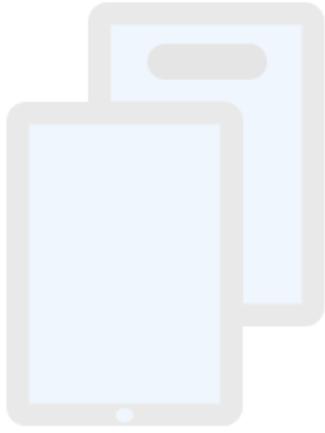
تمرين : اكتب مُعادلة الدالة التربيعية في كل مما يأتي بصيغة الرأس ، وصف التحويلات الهندسية التالية :
الإزاحة الأفقية ، الإزاحة الرأسية ، الإنعكاس والتمدد

$$y = 4x^2 + 24x + 24$$

$$y = -2x^2 + 8x - 5$$

$$y = x^2 + 6x + 2$$

GOOD LUCK



تم تحميل هذا الملف من
موقع المناهج البحرينية

alManahj.com/bh

أستاذ محمود عبدالأمير