

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية



*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف العاشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/10>

* للحصول على جميع أوراق الصف العاشر في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/10>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف العاشر في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا <https://almanahj.com/bh/10>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف العاشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/grade10>

[almanahjbhbot/me.t//:https](https://t.me/almanahjbhbot)

للتحدث إلى بوت على تلغرام: اضغط هنا

يظل الإنسان في هذه الحياة مثل قلم الرصاص ..
تبره العثرات ليكتب بخط أجمل وهكذا حتى يفنى القلم
فلا يبقى له إلا جميل ما كتب .

والسلام
على من
آمنه

التميز في

رياض 151

الفصل الدراسي الأول

العام الدراسي ٢٠١٨ - ٢٠١٩

إعداد

أ. عماد الجيوشي

36202114 للملاحظات

لا تنسوا في فعل الخير فمعه إليكم حتما

1-1 المسافة و نقطة المنتصف

أوجد المسافة بين النقطتين
 $S(3, -1), P(2, 11)$

$$SP = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$SP = \sqrt{(2 - 3)^2 + (11 - (-1))^2}$$

$$SP = \sqrt{145} \approx 12$$

أوجد المسافة بين النقطتين
 $A(-3, -7), B(-8, 5)$

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-8 - (-3))^2 + (5 - (-7))^2}$$

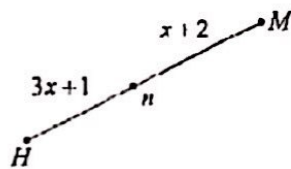
$$AB = 13$$

أوجد نقطة المنتصف بين النقطتين
 $A(-3, 8), B(-9, 3)$

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-9 - (-3))^2 + (3 - 8)^2}$$

$$AB = \sqrt{61} \approx 7.81$$

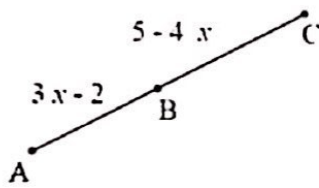


إذا كانت n منتصف HM في الشكل المجاور ، فما قيمة x ؟

$$\begin{aligned} HM &= nM \\ 3x+1 &= x+2 \\ 3x-x &= 2-1 \\ 2x &= 3 \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{2x}{2} = \frac{3}{2} \\ \boxed{x = \frac{3}{2}}$$

$$\begin{aligned} \therefore HM &= (3x+1) + (x+2) \\ HM &= (3(\frac{3}{2})+1) + (\frac{3}{2}+2) \\ \boxed{HM} &= 9 \end{aligned}$$



أوجد طول AB ، إذا كانت B نقطة منتصف AC

$$\begin{aligned} AB &= BC \\ 3x-2 &= 5-4x \\ 3x+4x &= 5+2 \\ 7x &= 7 \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{7x}{7} = \frac{7}{7} \\ \boxed{x = 1}$$

$$\begin{aligned} \therefore AB &= 3x-2 \\ AB &= 3(1)-2 \\ \boxed{AB} &= 1 \end{aligned}$$

إذا كان موقع بيت سارة في المستوى الإحداثي عند $A(3, 5)$ و موقع مدرستها عند $B(7, 13)$ فأوجد ما يأتي :

ثانيا : نقطة منتصف AB

$$\overline{AB} = \left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2} \right)$$

$$\overline{AB} = \left(\frac{3+7}{2}, \frac{5+13}{2} \right) = (5, 9)$$

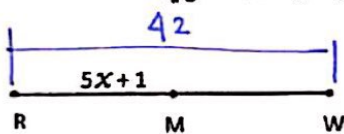
أولا : المسافة بين بيت سارة و مدرستها .

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(7 - 3)^2 + (13 - 5)^2}$$

$$AB = 4\sqrt{5} \approx 8.94$$

في الشكل المجاور ، إذا كانت M نقطة منتصف RW ، فإن قيمة x تساوي :



4 (B)

2 (A)

8.2 (D)

4.4 (C)

$$RW = RM + MW$$

$$RM = MW$$

$$42 = 5x+1 + MW$$

$$5x+1 = 41-5x \quad 2$$

$$42 - 1 - 5x = MW$$

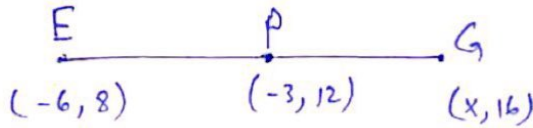
$$5x+5x = 41-1$$

$$10x = 40$$

$$x = \frac{40}{10} = 4$$

$$\boxed{41-5x} = MW$$

إذا كانت $P(-3, 12)$ نقطة منتصف \overline{EG} حيث $G(x, 16)$, $E(-6, 8)$ ، فما قيمة x ؟

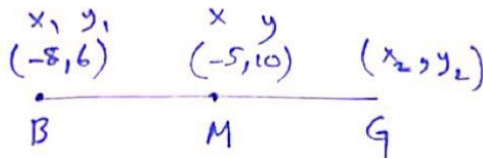


$$x = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad \left| \quad x_2 = (-3 * 2) + 6 \right.$$

$$-3 = \frac{-6 + x_2}{2} \quad \left| \quad \boxed{x_2 = 0} \right.$$

أوجد إحداثي النقطة G ، علماً بأن M منتصف \overline{BG}

$B(-8, 6), M(-5, 10)$



$$x = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad \left| \quad y = \frac{y_1 + y_2}{2} \right.$$

$$-5 = \frac{-8 + x_2}{2} \quad \left| \quad 10 = \frac{6 + y_2}{2} \right.$$

$$x_2 = (-5 * 2) + 8 \quad \left| \quad y_2 = (10 * 2) - 6 \right.$$

$$\boxed{x_2 = -2} \quad \left| \quad \boxed{y_2 = 14} \right.$$

$\therefore G = (-2, 14)$

ما طول \overline{AB} في الشكل المقابل

إذا كانت النقطة C هي منتصف \overline{AB}

$16x + 4 = AC + CB$
 $16x + 4 = 7 - 2x + 16(\frac{1}{2}) + 4 = 8 + 4 = 12$
 $16x + 2x + 4 - 7 = AC$
 $18x - 3 = AC$

$\therefore AC = CB$
 $18x - 3 = 7 - 2x$
 $18x + 2x = 7 + 3$
 $20x = 10$
 $x = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$

$A(x, y)$ $C(-1, 3)$ $B(5, 6)$

- 12 (B)
- 36 (A)
- 52 (D)
- 20 (C)

ما إحداثي النقطة A في الشكل المقابل

إذا كانت النقطة C هي منتصف \overline{AB}

$(-6, 5)$

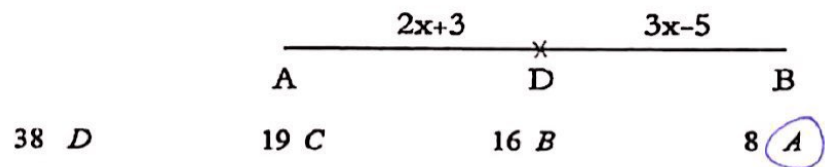
$$x = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad \left| \quad y = \frac{y_1 + y_2}{2} \right.$$

$$-1 = \frac{x_1 + 5}{2} \quad \left| \quad 3 = \frac{y_1 + 6}{2} \right.$$

$$x_1 = (-1 * 2) - 5 \quad \left| \quad y_1 = (3 * 2) - 6 \right.$$

$$\boxed{x_1 = -6} \quad \left| \quad \boxed{y_1 = 0} \right.$$

في الشكل المجاور، إذا كانت D هي نقطة المنتصف إلى \overline{AB} . فأوجد طول \overline{AD}



$$\overline{AD} = \overline{DB}$$

$$2x + 3 = 3x - 5$$

$$3 + 5 = 3x - 2x$$

$$\boxed{8 = x}$$

1-2 الوسط الهندسي

الوسط الهندسي للعددين 4 ، 16 ، هو : $\sqrt{4 \times 16} = 8$

- (a) 4 (b) 64 (c) 22 (d) 8

عددان وسطهما الهندسي 10 ، إذا كان قيمة أحدهما 4 ، فما قيمة العدد الآخر ؟

$10^2 = 4x$ 25 (A) 5 (B) 100 (C) 40 (D)

$x = \frac{(10)^2}{4} = \frac{100}{4} = 25$

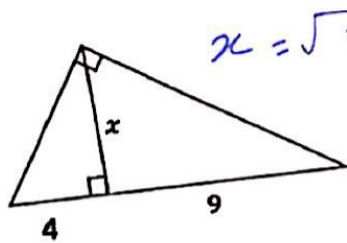
إذا كان الوسط الهندسي للعددين b ، 16 هو 8 فإن قيمة b هي:

$(8)^2 = 16b$ (A) 32 (B) 16 (C) 8 (D) 4

$b = \frac{(8)^2}{16} = 4$

ما الوسط الهندسي للعددين: $3\sqrt{2}$ ، $\sqrt{8}$ ؟ $\sqrt{3\sqrt{2} \times \sqrt{8}} = 2\sqrt{3}$

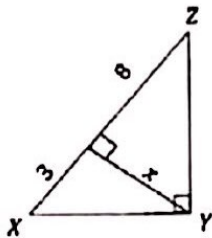
$4\sqrt{3}$ D 12 C $2\sqrt{3}$ B 48 A



$x = \sqrt{4 \times 9} = 6$

ما قيمة x في الشكل المجاور؟

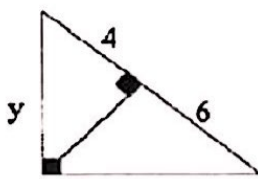
- $\frac{13}{2}$ (B) 6 (A)
- 13 (D) 36 (C)



$x = \sqrt{8 \times 3} = 2\sqrt{6}$

قيمة x في الشكل المجاور هي :

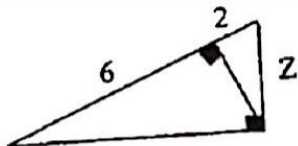
- $2\sqrt{6}$ (b) $\sqrt{6}$ (a)
- 24 (d) 6 (c)



$y = \sqrt{4 \times 6} = 2\sqrt{6}$

ما قيمة y في الشكل المجاور :

- $2\sqrt{10}$ (D) $\sqrt{10}$ C $\sqrt{6}$ B $\sqrt{4}$ A

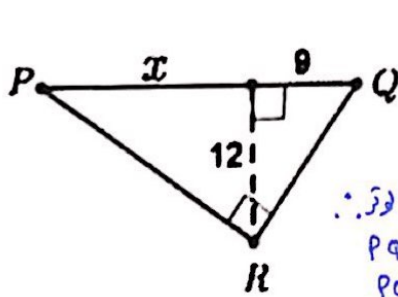


أوجد قيمة z في المثلث المجاور. $z = \sqrt{2 \times (6+2)}$

$z = \sqrt{2 \times 8} = 4$

$$\sqrt{\frac{5\sqrt{2}}{7} * \frac{3\sqrt{2}}{7}} = \frac{\sqrt{30}}{7}$$

الوسط الهندسي للعددين $\frac{5\sqrt{2}}{7}$ ، $\frac{3\sqrt{2}}{7}$ هو: $\frac{\sqrt{30}}{7}$ (a) $\frac{8\sqrt{2}}{7}$ (d) $\frac{15\sqrt{2}}{7}$ (c)



$$(12)^2 = 9x$$

$$x = \frac{144}{9} = 16$$

$$\therefore \text{الوتر} = x + 9$$

$$PQ = 16 + 9$$

$$PQ = 25$$

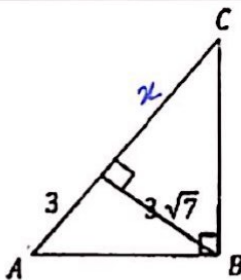
ما طول الوتر في المثلث PRQ المبين في الشكل المجاور ؟

16 (B)

27 (D)

25 (A)

33 (C)



$$(3\sqrt{7})^2 = 3x$$

$$x = \frac{(3\sqrt{7})^2}{3}$$

$$x = 21$$

طول \overline{AC} في الشكل المجاور هو:

24

$\sqrt{7}$

21

18

$$(3\sqrt{5})^2 = 3x$$

$$x = \frac{(3\sqrt{5})^2}{3} = 15$$

6 (B)
18 (D)

طول \overline{AC} في الشكل المجاور يساوي:

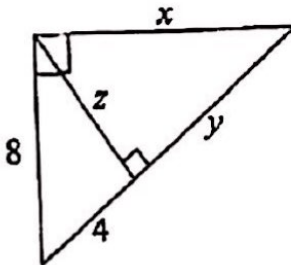
$\sqrt{5} + 3$ (A)

15 (C)

$$\therefore \overline{AC} = 3 + x$$

$$= 3 + 15 = 18$$

أوجد قيمة كل من \underline{z} ، \underline{y} في المثلث المجاور ، (مقرَّبًا الناتج لمنزلة عشرية واحدة كلما لزم ذلك)



$$z = \sqrt{y * 4} = \sqrt{12 * 4} = 4\sqrt{3} \approx 6.9$$

$$x = \sqrt{y * (y + 4)}$$

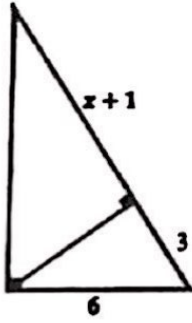
$$(8)^2 = (\sqrt{4 * (4 + y)})^2$$

$$\frac{(8)^2}{4} = \frac{4}{4} (4 + y)$$

$$y = 12$$

$$16 = 4 + y$$

$$\therefore y = 16 - 4 = 12$$

في الشكل المجاور أوجد قيمة x 

$$(6)^2 = 3 * (3 + x + 1)$$

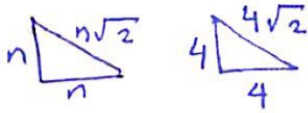
$$\frac{(6)^2}{3} = 4 + x$$

$$12 = 4 + x$$

$$12 - 4 = x$$

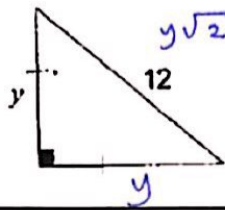
$$\therefore \boxed{x = 8}$$

1-3 المثلثات القائمة الخاصة



إذا كان طول الوتر في المثلث $45^\circ - 45^\circ - 90^\circ$ يساوي $4\sqrt{2}$ ، فإن طول ضلع المثلث :

- 4 (D) $2\sqrt{2}$ C 2 B $\sqrt{2}$ A

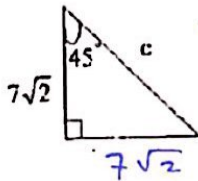


$\Rightarrow 12 = y\sqrt{2}$

$y = \frac{12}{\sqrt{2}} = 6\sqrt{2}$

- (A) 6 (B) $6\sqrt{2}$ (C) $6\sqrt{3}$ (D) 12

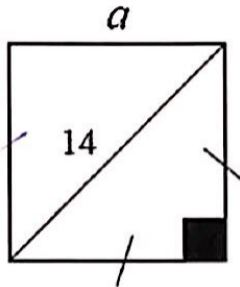
ما قيمة y في المثلث المجاور ؟



$\Rightarrow c = 12\sqrt{2} = 7\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 7 * 2 = 14$

- A 7 (B) 14 C $14\sqrt{2}$ D $7\sqrt{2}$

ما قيمة c في الشكل المجاور ؟



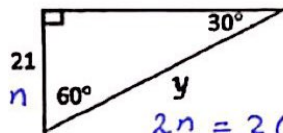
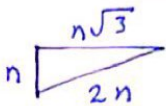
$a\sqrt{a\sqrt{2}}$

$14 = a\sqrt{2}$

$a = \frac{14}{\sqrt{2}} = 7\sqrt{2}$

ما قيمة a في الشكل المجاور ؟

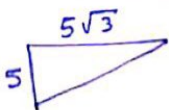
- $14\sqrt{2}$ (B) 7 (A)
28 (D) $7\sqrt{2}$ (C)



$2n = 2(21) = 42$

- $21\sqrt{3}$ (B) $\sqrt{3}$ (A)
 42 (D) 21 (C)

في الشكل المجاور، أوجد قيمة y .

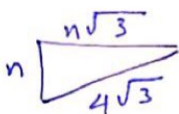


إذا كان طول الضلع الأطول في مثلث $90^\circ - 60^\circ - 30^\circ$ يساوي $5\sqrt{3}$ ، فما طول الضلع الأقصر ؟

- 10 (D) 5 (C) $5\sqrt{2}$ (B) 3 (A)

إذا كان طول الوتر في المثلث $90^\circ - 30^\circ - 60^\circ$ يساوي $4\sqrt{3}$ ، فإن طول الضلع الأصغر :

- 6 (D) $2\sqrt{3}$ (C) 2 (B) $\sqrt{3}$ (A)



$2n = 4\sqrt{3}$

8

$n = \frac{4\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$

ما قيمة x في المثلث المبين في الشكل المجاور ؟

$\tan 30 = \frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}}$
 $\tan 30 = \frac{\frac{2\sqrt{3}}{3}}{x}$
 $x = \frac{\frac{2\sqrt{3}}{3}}{\tan 30} = 2$

(A) $\frac{4\sqrt{3}}{3}$
 (B) $\frac{2\sqrt{6}}{3}$
 (C) 4
 (D) 2

قياس n في الشكل المجاور هو:

$\tan n = \frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}}$
 $\angle n = \tan^{-1}\left(\frac{5}{5\sqrt{3}}\right)$
 $\angle n = 30^\circ$

30°
 21°
 60°
 50°

في الشكل المجاور m $\angle M$ يساوي:

$\angle M = \tan^{-1}\left(\frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{7}{7\sqrt{3}}\right) = 30^\circ$

45° (B)
 32.3° (D)
 30° (A)
 60° (C)

في الشكل المجاور قيمة y تساوي:

$\sin 30 = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}}$
 $\sin 30 = \frac{y}{12}$
 $y = 12 \sin 30 = 6$

(a) 6
 (b) $12\sqrt{3}$
 (c) 24
 (d) $4\sqrt{3}$

ما قيمة x في الشكل المجاور ؟

$x = \sqrt{3}$

$n\sqrt{2} = 3\sqrt{2}$
 $n = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 3$

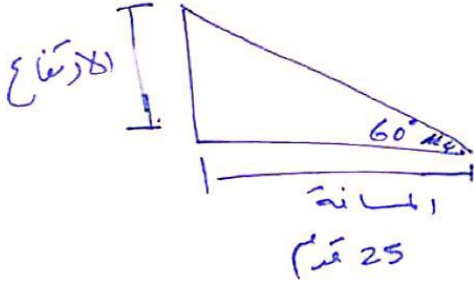
$\tan 60 = \frac{\text{مقابل}}{\text{الجوار}}$
 $\tan 60 = \frac{3}{x}$
 $x = \frac{3}{\tan 60} = \sqrt{3}$

9

سلم طوله 25 قدم يستند على حائط رأسي ، يصنع زاوية مع الأرض قياسها 60° ، ما الارتفاع بالقدم الذي يصل إليه السلم ؟

12.5 (D)

20 (C)

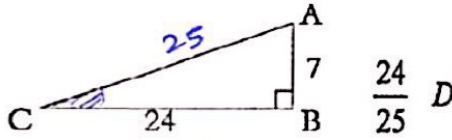
 $\frac{25\sqrt{3}}{2}$ (B) $25\sqrt{3}$ (A)

$$\tan 60 = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 60 = \frac{x}{25}$$

$$x = 25 \tan 60 = 25\sqrt{3}$$

1-4 حساب المثلثات $AC = \sqrt{(24)^2 + (7)^2} = 25$



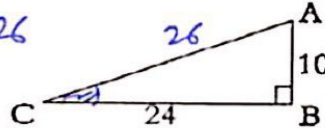
ما قيمة $\sin C$ في الشكل أدناه؟

- $\frac{7}{25}$ (A) $\frac{24}{7}$ B $\frac{24}{25}$ C $\frac{7}{24}$ D

$\sin C = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{7}{25}$

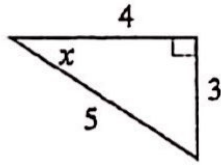
ما قيمة $\cos C$ في الشكل أدناه؟

$AC = \sqrt{(24)^2 + (10)^2} = 26$



$\cos C = \frac{\text{مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{24}{26} = \frac{12}{13}$

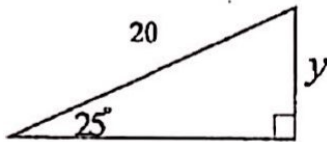
- $\frac{13}{12}$ D $\frac{12}{13}$ (C) $\frac{5}{13}$ B $\frac{5}{12}$ A



$\sin x = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}}$
 $\sin x = \frac{3}{5}$

قيمة $\sin x$ في الشكل المجاور هي:

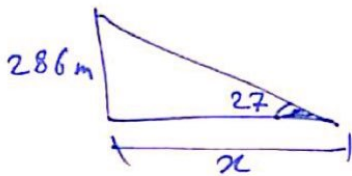
- $\frac{4}{5}$ (a) $\frac{8}{5}$ (b) $\frac{3}{5}$ (c) $\frac{6}{5}$ (d)



قيمة y مقربة الى اقرب منزلة عشرية في الشكل المجاور هي:

$\sin 25 = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}}$ 9.3 (b) 8.5 (a)
 $\sin 25 = \frac{y}{20}$ 47.3 (d) 18.1 (c)
 $y = 20 \sin 25 \approx 8.5$

يصنع منحدر زاوية قياسها 27 مع المستوى الأفقي لسطح الأرض ، وترتفع أعلى نقطة في هذا المنحدر عن سطح الأرض بمقدار 286 m . أوجد طول المنحدر مقرباً الناتج لأقرب متر .



$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$

$\tan 27 = \frac{286}{x}$

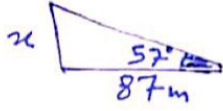
$x = \frac{286}{\tan 27} = 561.30 \approx 561 \text{ m}$

11

تقريباً

1-5 زوايا الارتفاع و الانخفاض

أراد شخص أن يقيس ارتفاع جبل الدخان ، فحدد نقطة مادية على سطح الأرض تبعد مسافة 87 m من قاعدة الجبل ، فوجد أن زاوية ارتفاع قمة الجبل عند هذه النقطة 57° . فأوجد ارتفاع جبل الدخان . (مقرَّبًا الناتج لأقرب متر)

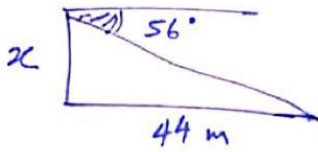


$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 57 = \frac{x}{87}$$

$$x = 87 \tan(57) \approx 134 \text{ m}$$

إذا نظر شخص ما من قمة برج فوجد أن زاوية انخفاض قطعة حجر على المستوى الأفقي المار بقاعدة البرج هي 56° وكانت المسافة بين قطعة الحجر و قاعدة البرج هي 44 m فأوجد ارتفاع البرج إلى أقرب متر .

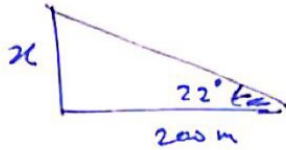


$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 56 = \frac{x}{44}$$

$$x = 44 \tan 56 = 65.23 \approx 65 \text{ m}$$

من نقطة على سطح الأرض تبعد 200 m عن قاعدة برج ، وجد أن قياس زاوية ارتفاع قمة البرج 22° . أوجد ارتفاع البرج لأقرب متر .

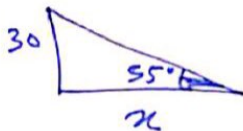


$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 22 = \frac{x}{200}$$

$$x = 200 \tan 22 = 80.8 \approx 81 \text{ m}$$

يُثبت عامل بناء سلمًا على حائط لتصل قمة السلم إلى موقع يريد إصلاحه على ارتفاع 30 ft من سطح الأرض ، إذا كان قياس زاوية الارتفاع من قاعدة السلم إلى الموقع يساوي 55° ، فكم تبعد قاعدة السلم عن قاعدة الحائط إلى أقرب قدم .

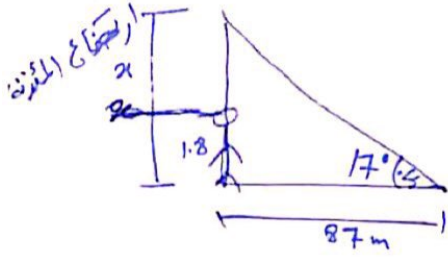


$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 55 = \frac{30}{x}$$

$$x = \frac{30}{\tan 55} = 21.006 \approx 21 \text{ m}$$

يبعد فهد عن قاعدة منڈنة مسافة 87 m ، إذا رصد فهد قمة المنڈنة بزاوية ارتفاع قياسها 17° ، فأوجد ارتفاع المنڈنة إلى أقرب متر، علمًا بأن ارتفاع مستوى عينيه عن سطح الأرض يساوي 1.8 m .



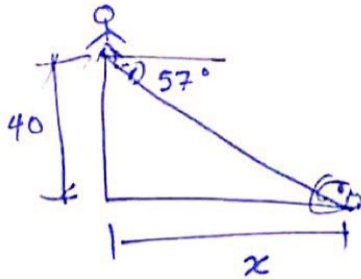
$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 17^\circ = \frac{x}{87}$$

$$x = 87 \tan 17 = 26.59 \approx 27 \text{ m}$$

$$\text{طول المنڈنة} = x + 1.8 = 27 + 1.8 = 28.8 \text{ m}$$

يقف أحمد على قمة صخرة على شاطئ البحر و ينظر إلى حيوان الفقمة في مياه البحر بزاوية انخفاض مقدارها 57° إذا كان ارتفاع الصخرة عن سطح البحر 40 ft ، فكم يبعد حيوان الفقمة عن قاعدة الصخرة تقريبًا الناتج إلى أقرب عدد صحيح.

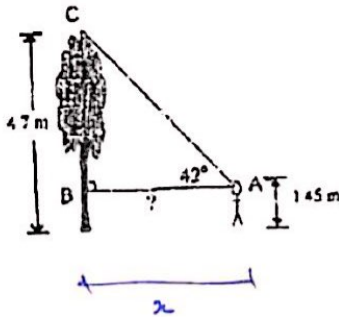


$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 57^\circ = \frac{40}{x}$$

$$x = \frac{40}{\tan 57} = 25.97 \approx 26 \text{ ft}$$

تنظر غدیر إلى قمة شجرة بزاوية ارتفاع 42° ، إذا كان طول غدیر 1.45 m و ارتفاع الشجرة 4.7 m فعلى أي بعد تقف غدیر من قاعدة الشجرة إلى أقرب متر؟



$$\text{الارتفاع } CB = 4.7 - 1.45 = 3.25 \text{ m}$$

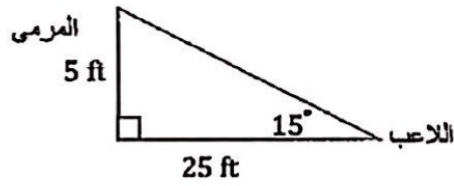
$$\therefore \tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 42^\circ = \frac{3.25}{x}$$

$$x = \frac{3.25}{\tan 42^\circ} = 3.609 \approx 4 \text{ m}$$

يضرب لاعب هوكي كرة نحو المرمى من نقطة على بُعد 25 ft ، إذا كان ارتفاع المرمى 5 ft ، وقياس

زاوية ارتفاع مسار الكرة نحو مركز المرمى يساوي 15° ، فهل يُسجل اللاعب هدفاً؟ برّر إجابتك؟



$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 15 = \frac{x}{25}$$

$$x = 25 \tan 15 \approx 6.7 \text{ ft}$$

لا يسجل لأن الارتفاع = 6.7 ft

يراقب متقذ السباحين في البحر من برج يرتفع 10 m فوق مستوى سطح الماء ، عندما شاهد بواسطة جهاز يقيس

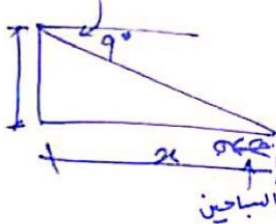
الزوايا سباحاً في عرض البحر ، و قد سجل الجهاز زاوية انخفاض السباح وكان قياسها 9°

ارسم شكلاً يوضح هذا الموقف ، ثم أوجد بعد السباح عن قاعدة برج المراقبة إلى أقرب متر .

زاوية الانخفاض

برج ارتفاعه

10 m



$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

$$\tan 9 = \frac{10}{x}$$

$$x = \frac{10}{\tan 9} = 63.13 \approx 63 \text{ m}$$

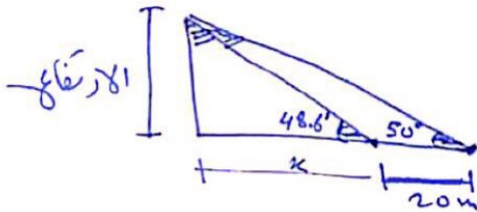
قاس خليل زاوية ارتفاع مبنى فكانت تساوي 50° من نقطة عينها على أرض أفقية تقابل أدنى نقطة في قاعدة المبنى ، ثم

سار في خط مستقيم مبتعداً عن قاعدة المبنى و عين نقطة جديدة على الأرض تبعد عن النقطة الأولى 20 m ، و بحيث

أدنى نقطة في قاعدة المبنى و النقطتين اللتين عينهما على استقامة واحدة ، وأعاد قياس زاوية ارتفاع المبنى من النقطة

الجديدة فكانت تساوي 48.6° .

ارسم شكلاً يوضح هذا الموقف ، ثم أوجد ارتفاع المبنى إلى أقرب متر .



$$\tan \theta = \frac{\text{الارتفاع}}{\text{المسافة}}$$

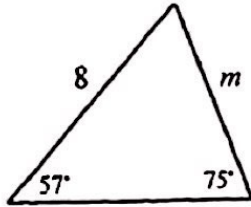
$$\tan 50 = \frac{x}{20}$$

$$x = 20 \tan 50 = 23.8 \approx 24$$

$$x = 20 \tan 48.6 = 22.68 \approx 23$$

14

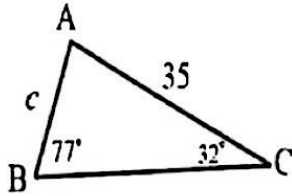
$$\text{الارتفاع} = \frac{24 + 23}{2} = 23.5 \text{ m}$$

1-6 قانون الجيب و قانون جيب التمام

أوجد قيمة m

$$\frac{m}{\sin 57} = \frac{8}{\sin 75}$$

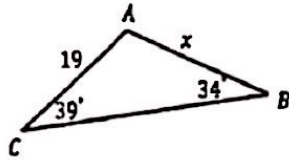
$$m = \frac{8 \sin 57}{\sin 75} = 6.94 \approx 7$$



أوجد قيمة c في المثلث المجاور ABC لأقرب عدد صحيح .

$$\frac{c}{\sin 32} = \frac{35}{\sin 77}$$

$$c = \frac{35 \sin 32}{\sin 77} \approx 19$$



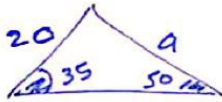
أوجد قيمة x في المثلث المجاور ABC لأقرب عدد صحيح .

$$\frac{x}{\sin 39} = \frac{19}{\sin 34}$$

$$x = \frac{19 \sin 39}{\sin 34} \approx 21$$

في المثلث ABC ، إذا كان $m \angle A = 35^\circ$ ، $m \angle C = 50^\circ$ ، $c = 20$ ، فأوجد قيمة a

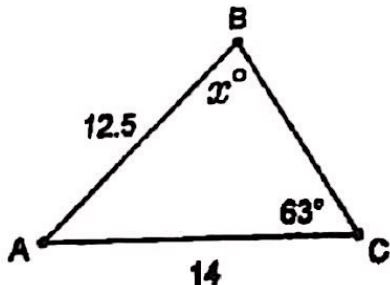
مقرنا الناتج لأقرب عدد صحيح.



$$\frac{a}{\sin 35} = \frac{20}{\sin 50}$$

$$a = \frac{20 \sin 35}{\sin 50} \approx 14.97 \approx 15$$

في المثلث ABC المجاور، أوجد قيمة x إلى أقرب درجة.



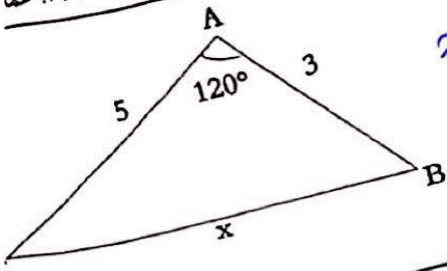
$$\frac{14}{\sin x} = \frac{12.5}{\sin 63}$$

$$\sin x = \frac{14 \sin 63}{12.5}$$

$$\angle x = \sin^{-1} \left(\frac{14 \sin 63}{12.5} \right) = 86.31 \approx 86^\circ$$

15

إعداد: أ. عبد



$$x = \sqrt{(5)^2 + (3)^2 - (2 * 5 * 3 * \cos 120^\circ)}$$

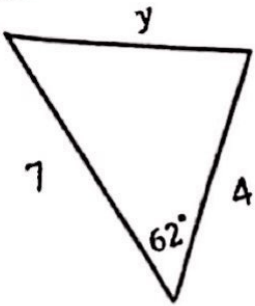
$$x = \sqrt{(5)^2 + (3)^2 - (2 * 3 * 5 * (-0.5))}$$

$$x = 7$$

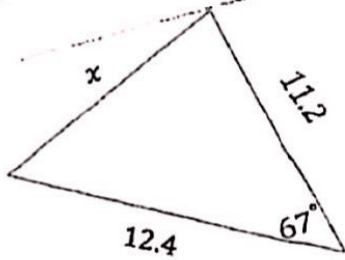
ما قيمة y إلى إقرب عدد صحيح؟

$$y = \sqrt{(4)^2 + (7)^2 - (2 * 4 * 7 * \cos 62^\circ)}$$

$$y = 6.22 \approx 6$$



في المثلث المجاور، لأقرب منزلة عشرية واحدة



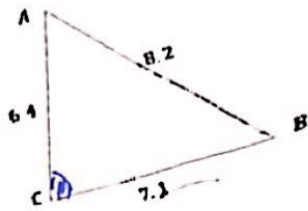
$$x = \sqrt{(11.2)^2 + (12.4)^2 - (2 * 11.2 * 12.4 * \cos 67^\circ)}$$

$$x = 13.06 \approx 13.1$$

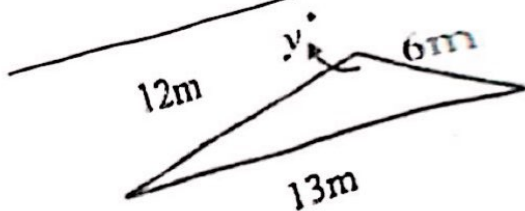
ية في المثلث ABC مقربا الناتج لأقرب درجة .

$$\angle C = \cos^{-1} \left(\frac{(8.2)^2 - (6.4)^2 - (3.1)^2}{2 * 7.1 * 6.4} \right)$$

$$\angle C = 105.397 \approx 105^\circ$$



بل ، ما قيمة y إلى إقرب درجة؟



$$\angle y = \cos^{-1} \left(\frac{(13)^2 - (6)^2 - (12)^2}{2 * 6 * 12} \right)$$

$$\angle y = 94.38 \approx 94^\circ$$

2-1 الدائرة و محيطها

$$C = \pi d = 12\pi$$

$$36\pi \quad D$$

$$24\pi \quad C$$

$$12\pi \quad (B)$$

$$6\pi \quad A$$

ما محيط دائرة طول قطرها 12؟

إذا كان قطر دائرة ما 10 cm ، فإن محيطها هو :

$$C = \pi d = 10\pi$$

$$C = 2\pi r$$

$$r = \frac{C}{2\pi} = \frac{10\pi}{2\pi} = 5$$

ما نصف قطر سطح طاولة دائرية الشكل محيطها 10π ft ؟

$$2.5 \text{ ft} \quad (C)$$

$$3.2 \text{ ft} \quad (B)$$

$$1.6 \text{ ft} \quad (A)$$

أوجد نصف قطر دائرة محيطها 120 ft

$$C = 2\pi r$$

$$r = \frac{C}{2\pi} = \frac{120}{2\pi} \approx 19.1 \approx 19$$

ما محيط دائرة يحيط بها مربع طول ضلعه 12 cm ، وأضلاعه مماسات للدائرة ؟

$$C = \pi d = 12\pi$$



$$4\sqrt{2}\pi \quad B$$

$$12\pi \quad (A)$$

$$2\sqrt{2}\pi \quad D$$

$$6\pi \quad C$$

في الشكل المقابل القيمة الفعلية لمحيط الدائرة يساوي :

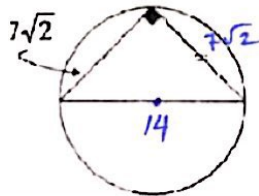
$$n\sqrt{2} = 7\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 14$$

$$14\pi \quad (D)$$

$$12\pi \quad (C)$$

$$9\pi \quad (B)$$

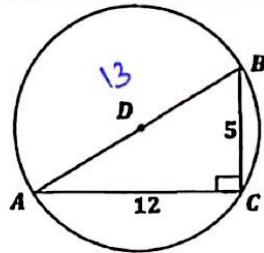
$$7\pi \quad (A)$$



$$C = \pi d = 14\pi$$

$$AB = \sqrt{(12)^2 + (5)^2}$$

$$AB = 13$$



$$C = \pi d = 13\pi$$

في الشكل المجاور، ما محيط الدائرة؟

$$12\pi \quad (B)$$

$$6.5\pi \quad (A)$$

$$17\pi \quad (D)$$

$$13\pi \quad (C)$$

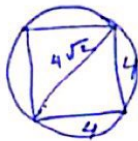
ما محيط دائرة تمر برؤوس مربع طول ضلعه 4 cm ؟

$$4\sqrt{2}\pi \quad (B)$$

$$32\pi \quad (A)$$

$$8\sqrt{2}\pi \quad (D)$$

$$8\pi \quad (C)$$

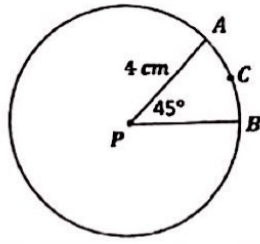


$$C = \pi d = 4\sqrt{2}\pi$$

2-2 قياس الزوايا و الأقواس

في الشكل المجاور،

أوجد طول \widehat{ACB} ، مقرباً إلى أقرب جزء من مئة.
الحل



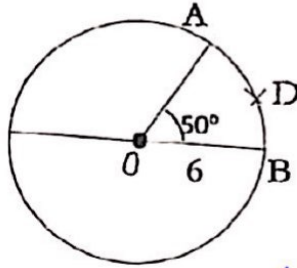
$$\frac{l}{2\pi r} = \frac{x^\circ}{360}$$

$$l = \frac{x \cdot 2\pi \cdot r}{360} = \frac{45 \cdot 2\pi \cdot 4}{360} = \pi \approx 3.14$$

في الشكل المجاور،

أوجد طول \widehat{ADB} مقرباً الناتج

إلى أقرب جزء من عشرة؟

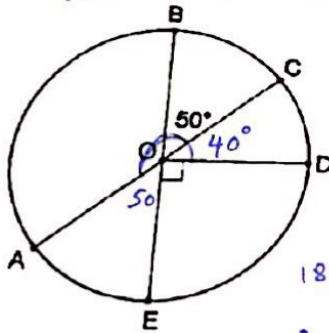


$$l = \frac{x \cdot 2\pi \cdot r}{360} = \frac{50 \cdot 2\pi \cdot 6}{360} \approx 5.2$$

ما طول القوس في دائرة التي طول نصف قطرها 15 ويحصر زاوية مركزية قياسها 120° ؟

$$l = \frac{x \cdot 2\pi \cdot r}{360} = \frac{120 \cdot 2\pi \cdot 15}{360} = 10\pi$$

- 30π D 15π C 10π (B) 5π A

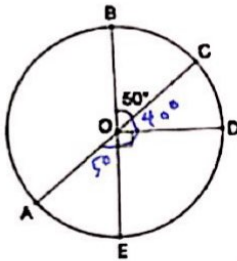


في الشكل المجاور ، ما قياس \widehat{ADB} في الدائرة O ؟

- 140° B 230° A
210° D 220° (C)

$$180 - (50 + 40) = 90$$

$$\therefore \angle ADB = 180 + 40 = 220^\circ$$



في الشكل المجاور ، ما قياس \widehat{ADB} في الدائرة O ؟

- 230° (B) 200° (A)
210° (D) 240° (C)

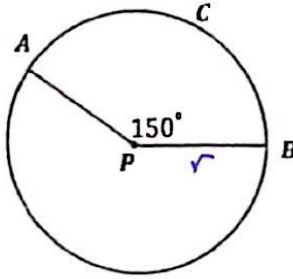
$$180 - (50 + 40) = 90$$

$$\angle ADB = 180 + 50 = 230^\circ$$

في الشكل المجاور،

إذا كان طول \widehat{ACB} يساوي 20.94 ، فأوجد نصف قطر الدائرة لأقرب عُشر.

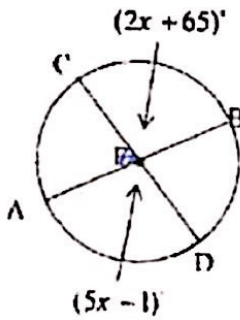
الحل



$$\frac{l}{2\pi r} = \frac{\alpha}{360}$$

$$\frac{20.94}{2\pi r} = \frac{150}{360}$$

$$r = \frac{20.94 * 360}{2\pi * 150} \approx 7.9$$

أوجد $m\angle AFC$ في الشكل المجاور. $\angle CFB$

$$\angle CFB = \angle AFD$$

$$2x + 65 = 5x - 1$$

$$65 + 1 = 5x - 2x$$

$$66 = 3x$$

$$x = \frac{66}{3} = 22$$

$$\boxed{x = 22}$$

$$\angle CFB = 2x + 65 = 2(22) + 65 = 109^\circ$$

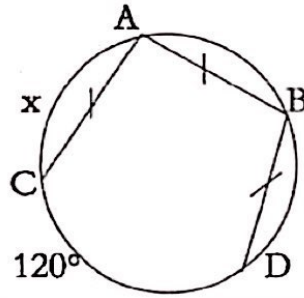
$$\therefore \angle AEB = \angle AFC + \angle CFB$$

$$180 = \angle AFC + 109$$

$$\angle AFC = 180 - 109$$

$$\angle AFC = 71^\circ$$

2-3 الأقواس و الأوتار

في الشكل المجاور، أوجد قيمة x ؟

$$360 - 120 = 240$$

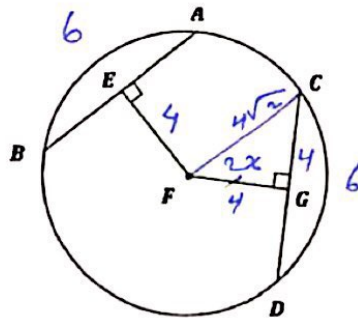
$$\therefore \frac{240}{3} = 80$$

$$\therefore x = 80$$

في الدائرة F إذا كان:

$$AB = CD, EF = 4, GF = 2x, AB = 6$$

أوجد الآتي مبرراً اجابتك هندسياً:

(a) أوجد قيمة x . الحل

$$\therefore EF \perp AB$$

$$FG \perp DC$$

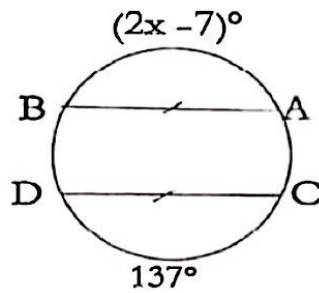
$$\therefore EF = FG$$

$$2x = 4$$

(b) أوجد طول \overline{FC} . الحل

$$\overline{FC} = x\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$$

في الشكل المجاور،

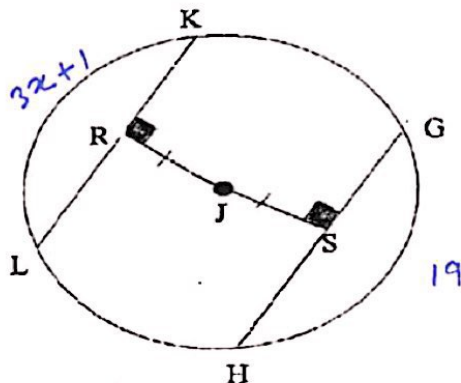
أوجد قيمة x ؟

$$\overline{BA} = \overline{DC}$$

$$2x - 7 = 137$$

$$2x = 137 + 7$$

$$x = \frac{144}{2} = 72$$

في الدائرة J، إذا كان $KL = 3x + 1$ ، $GH = 19$ ، فأوجد قيمة x .

$$\overline{LK} = \overline{HG}$$

$$3x + 1 = 19$$

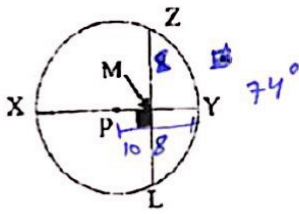
$$3x = 19 - 1$$

$$3x = 18$$

$$x = \frac{18}{3}$$

$$x = 6$$

في الدائرة P التي نصف قطرها يساوي 10 ، إذا كان $ZL = 16$ ، $m\widehat{ZL} = 74^\circ$ ، فأوجد كل مما يأتي :



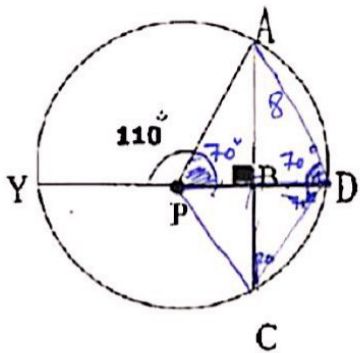
$m\widehat{ZY}$ (a)

$$\widehat{ZY} = \frac{\widehat{ZL}}{2} = \frac{74}{2} = 37^\circ$$

PM (b)

$$PM = \frac{PY}{2} = \frac{10}{2} = 5$$

في الدائرة P ، إذا كان $AB = 8$ ، $m\angle APY = 110^\circ$ ، فأوجد كل من :



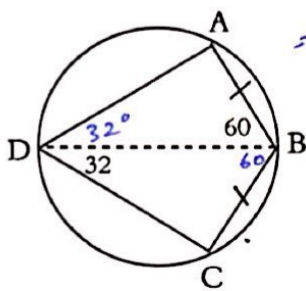
(a) طول \overline{BC}

$$AB \perp PD \quad \therefore \widehat{BC} = \frac{AC}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

(b) $m\widehat{AD}$

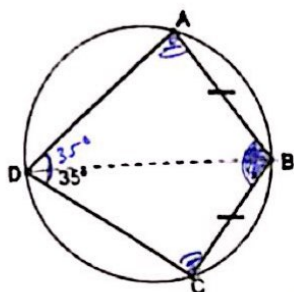
$$\widehat{AD} = \widehat{YAD} - \widehat{YA}$$

$$\widehat{AD} = 180 - 110 = 70^\circ$$



في الشكل المقابل ، ABCD رباعي دائري ، $\angle DAB$ ما قياس ؟

- 70 B 90 A
- 88 (D) 80 C



في الشكل المجاور ، ABCD رباعي دائري ، ما قياس $\angle ABC$ ؟

- 120° (B) 140° (A)
- 100° (D) 110° (C)

$$360 = \angle D + \angle A + \angle B + \angle C$$

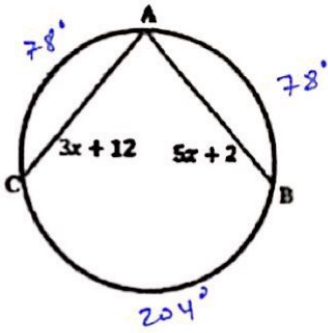
21

$$360 = 70 + x$$

$$x = 360 - 70 = 290$$

$$\therefore 290 - 180 = 110^\circ$$

مجموعة قياس زوايا المثلث يساوي 180°



في الشكل المجاور ، إذا كان $m\widehat{AB} = 78^\circ$ ،
 ، $m\widehat{CB} = 204^\circ$ ، فوجد قيمة x .

$$\widehat{AC} = \widehat{AB}$$

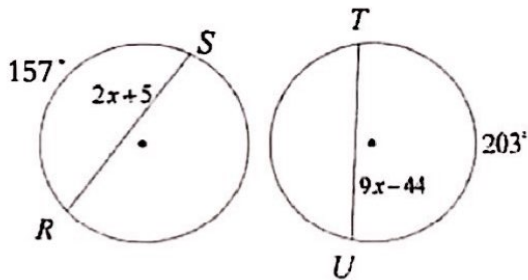
$$3x+12 = 5x+2$$

$$12-2 = 5x-3x$$

$$10 = 2x$$

$$x = \frac{10}{2}$$

$$x = 5$$



في الشكل المجاور دائرتين متطابقتين ، أوجد قيمة x .

$$TU = SR$$

$$9x-44 = 2x+5$$

$$9x-2x = 5+44$$

$$7x = 49$$

$$x = \frac{49}{7} = 7$$

$$x = 7$$