

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية



\* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الحادي عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/11>

\* للحصول على جميع أوراق الصف الحادي عشر في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/11math>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الحادي عشر في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الثاني اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/11math2>

\* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الحادي عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/grade11>

\* لتحميل جميع ملفات المدرس عابدين حامد فؤاد اضغط هنا

[almanahjbhbot/me.t//:https](https://t.me/almanahjbhbot)

للتحدث إلى بوت على تلغرام: اضغط هنا



مملكة البحرين  
وزارة التربية والتعليم  
مدرسة النعيم الثانوية للبنين



### مراجعة نهائية في وحدة الاحتمال

اعداد : أ. عابدين حامد فؤاد

رمز المقرر: رياض (٢٦١) علمي

اسم المقرر: الرياضيات (٣)

### الاحتمال

- ١ في تجربة إلقاء قطعة نقود ثم سحب كرة من صندوق به ثلاث كرات ( حمراء - زرقاء - خضراء ) .  
(١) مثل فضاء العينة باستخدام القائمة المنظمة و الشجرة البيانية و باستخدام الجدول ؟

الجدول

النواتج	خضراء (G)	زرقاء (B)	حمراء (R)
صورة (H)			
كتابة (T)			

القائمة المنظمة :

الشجرة البيانية  
الرمية الثانية  
الرمية الأولى

- ٢ أوجد احتمال ظهور صورة ؟

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

نوع الطعام	الخيارات
المقبلات	سلطة / حمص
الحساء	خضار
اللحوم	غنم/ بقر/ دجاج/ سمك
الخبز	عربي / فرنسي

- ٣ أوجد عدد النواتج الممكنة لاختيار وجبة طعام تتكون من نوع واحد من كل من المقبلات و الحساء و اللحوم و الخبز من قائمة المأكولات المجاورة .

$$\text{عدد النواتج} = \dots\dots\dots$$

- ٤ تحتوي قائمة طعام في أحد المطاعم على 10 أصناف للطبق الرئيسي ، و 4 أصناف للحساء ، و 3 أصناف من الحلوى . بكم طريقة يمكن للزبون بها أن يختار طبقاً رئيسياً وصنفاً من الحساء وآخر من الحلوى ؟

$$\text{عدد الطرق} = \dots\dots\dots$$

- ٥ بكم طريقة يمكن ترتيب 4 كتب مختلفة على رف بأحد المكتبات العامة ؟

$$\text{عدد الطرق} = \dots\dots\dots$$

- ٦ اشترى حسن قفلاً رقمياً لدرجته يفتح باستعمال 4 أرقام من 0 إلى 9 بكم طريقة يمكنه اختيار أرقام القفل ؟

$$\text{عدد الطرق} = \dots\dots\dots$$

$$\text{عدد الطرق} = \dots\dots\dots$$

- ٧ إذا جلس 5 أشخاص على خمسة مقاعد متتالية ، فما احتمال أن يجلس أحمد جهة اليمين ومحمد جهة اليسار ؟

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

- ٨ يراد تكوين كلمة من حروف كلمة " المحرق " ، فما احتمال أن تبدأ الكلمة بحرف الميم وتنتهي بحرف الراء ؟

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

- ٩ يتكون مجلس إدارة شركة من 15 شخص إذا كان محمد وعلي وعمر أعضاء في المجلس .

فما احتمال أن يتم اختيار الثلاثة رئيس ونائب للرئيس وسكرتير على الترتيب ؟

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

- ١٠ إذا كان أحمد ومحمد طلاب في صف مكون من 30 طالب . فما احتمال اختيارهم للمشاركة في مسابقة أوائل الطلبة ؟

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

( توافيق )

الترتيب غير مهم  
(توافيق)

١٤ يريد أشرف اختيار 3 من بين 5 كتب : الإحصاء ، الجبر ، الهندسة ، التفاضل ، التكامل .  
فما احتمال أن يختار كتب الجبر والهندسة والتفاضل ؟

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

١٥ يحتوي صندوق على 4 كرات حمراء (R) ، 3 كرات صفراء (Y) ، كرتان خضراوان (G) ، وجميعها متماثلة ،  
سحبت منه كرتان معاً ، ما احتمال أن تكون الكرتان من اللون نفسه ؟

(توافيق)

$$P(A) = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots + \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

١٦ ما احتمال أن يكون رقم الهاتف 36084663 رقماً لهاتف مكون من 8 أرقام هي : 8 , 0 , 6 , 6 , 3 , 4 , 6 , 3

التكرار

$$P(A) = \dots\dots\dots \text{ " 36084663 " هناك ترتيب واحد يعطي رقم الهاتف "}$$

ك م ل م ا ا ت

١٧ إذا اخترت عشوائياً تبديلاً للأحرف المبينة أمامك فما احتمال أن تكون كلمة "مكالمات"

عدد التبديلات المختلفة لهذه الأحرف هو : .....

التكرار

$$P(\text{مكالمات}) = \dots\dots\dots \text{ " مكالمات " هناك ترتيب واحد يعطي كلمة "}$$

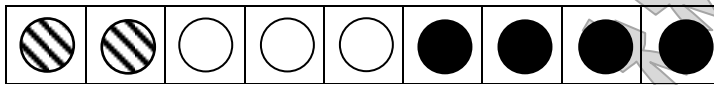
١٨ إذا رتبنا الحروف (A ، N ، N ، B ، A ، A) عشوائياً ، فما احتمال الحصول على كلمة "BANANA"

عدد التبديلات المختلفة لهذه الأحرف هو : .....

التكرار

$$P(A) = \dots\dots\dots \text{ " BANANA " هناك ترتيب واحد يعطي كلمة "}$$

١٩ يراد توزيع 4 كرات سوداء ، و 3 كرات بيضاء ، و كرتان مخططتان على تسع أماكن عشوائياً .



فما احتمال ظهور الترتيب المبين بالشكل ؟

عدد التبديلات المختلفة لهذه الكرات هو : .....

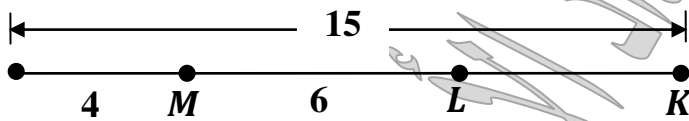
التكرار

$$P(A) = \dots\dots\dots \text{ هذا الترتيب هناك ترتيب واحد يعطي هذا الترتيب}$$

الهندسي

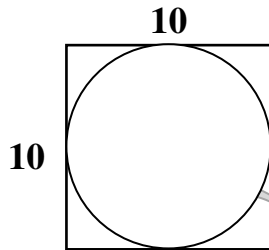
٢٠ إذا اخترت النقطة  $x$  عشوائياً على  $\overline{KN}$  أوجد احتمال أن تقع  $x$  على  $\overline{KL}$  .

$$P(\overline{KL} \text{ على } x) = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$



٢١ في الشكل المقابل : إذا اخترت نقطة عشوائياً داخل الشكل .

فما احتمال أن تقع في المنطقة المظلمة ؟ ( اعتبر  $\pi = 3.14$  )



$$\text{مساحة سطح المربع} = \dots\dots\dots$$

$$\text{مساحة سطح الدائرة} = \dots\dots\dots$$

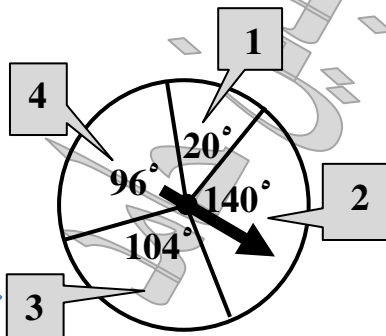
$$\text{مساحة المنطقة المظلمة} = \dots\dots\dots$$

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

٢٢ في الشكل المقابل :

فما احتمال استقرار المؤشر داخل المنطقة ( 2 )

$$P(A) = \dots\dots\dots$$



١٩ بكم طريقة يمكن أن يجلس أعضاء لجنة خماسية على 5 كراسي ؟

(a) إذا رتبت الكراسي في صف واحد .

(b) إذا رتبت الكراسي حول منضدة دائرية الشكل .

عدد الطرق = .....

عدد الطرق = .....

الدائرية

٢٠ التقى 7 أصدقاء في إحدى المطاعم على وجبة عشاء وجلسوا حول مائدة مستديرة ؟

(a) ما احتمال أن يجلس سالم يسار عصام .

(b) ما احتمال أن يجلس أحمد بجوار سلمان .

(c) ما احتمال أن يقف النادل خلف محمد مباشرة .

(d) ما احتمال أن يجلس محمود بجوار النافذة .

$P(A) = \dots\dots\dots$

$P(A) = \dots\dots\dots$

$P(A) = \dots\dots\dots$

$P(A) = \dots\dots\dots$

٢١ إذا كان احتمال نجاح علي في مقرر الاحتمال هو 0.7 فما احتمال رسوبه في هذا المقرر ؟

الحدث المتمم

$$P(A') = 1 - P(A) = \dots\dots\dots$$

٢٢ إذا كان  $A, B$  حدثان متنافيان وكان:  $P(A) = \frac{1}{4}$  ,  $P(B) = \frac{1}{2}$  فإن :

أحداث متنافية

$$P(A \cap B) = 0$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) = \dots\dots\dots$$

٢٣ إذا كان  $A, B$  حدثان مستقلين وكان:  $P(A) = \frac{3}{7}$  ,  $P(B) = \frac{1}{4}$  فإن :

أحداث مستقلة

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = \dots\dots\dots$$

٢٤ إذا كان احتمال أن يصيب صياد هدف هو 0.3 ، واحتمال أن يصيب صياد آخر نفس الهدف هو 0.4 فما احتمال أن يصيب الصيادان الهدف معاً ؟

أحداث مستقلة

بفرض أن :  $A$  : هو حدث أن يصيب الصياد الهدف  $B$  : هو حدث أن يصيب الصياد الآخر نفس الهدف

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = \dots\dots\dots$$

٢٥ كيس يحتوي على 7 كرات حمراء (R) ، 5 كرات زرقاء (B) . سُحبت كرتان من الكيس الواحدة تلو الأخرى مع الإرجاع أوجد الاحتمالات الآتية :

أحداث مستقلة

• أن تكون الكرتان حمراوان .

$$P(R \cap R) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

• أن تكون الأولى حمراء والثانية زرقاء .

$$P(R \cap B) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

• أن تكون إحداهما حمراء والأخرى زرقاء .

$$P(R \cap B) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

٢٦ تحتوي حقيبة على 3 بطاقات خضراء (G) ، 5 بطاقات صفراء (Y) ، وبطاقة واحدة حمراء (R)

أحداث غير مستقلة

سُحبت عشوائياً بطاقتان الواحدة تلو الأخرى بدون إرجاع أوجد الاحتمالات الآتية :

• أن تكون البطاقتان صفراوان .

$$P(Y \cap Y) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

• أن تكون الأولى خضراء والثانية صفراء .

$$P(G \cap Y) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

• أن تكون الأولى حمراء والثانية خضراء .

$$P(R \cap G) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

• أن تكون إحداهما حمراء والأخرى خضراء .

$$P(R \cap G) = \dots\dots\dots \times \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

٢٧ في تجربة إلقاء حجري نرد متمايزين (مختلفين) مرة واحدة ، وملاحظة الناتج على الوجهين العلويين لهما

ما احتمال الحصول على عددين متساويين أو عددين مجموعهما 8 ؟

أحداث غير متنافية

يفرض أن A : عددين متساويين ، B : حدث المجموع = 8

$$A = \dots\dots\dots P(A) = \dots\dots\dots$$

$$B = \dots\dots\dots P(B) = \dots\dots\dots$$

$$A \cap B = \dots\dots\dots P(A \cap B) = \dots\dots\dots$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \dots\dots\dots$$

**ملحوظة:** [أو] تعني بلغة الرياضيات الاتحاد [U] بينما [و، معاً] تعني بلغة الرياضيات التقاطع [∩]

٢٨ بناء على الجدول المجاور :

النادي	الصف الأول	الصف الثاني	الصف الثالث
الرياضة	10	14	9
العلوم	12	4	5
الرياضيات	13	8	10

إذا اختير طالب من المدرسة عشوائياً ، فما احتمال

① أن يكون الطالب من الصف الثالث .

$$P(A) = \dots\dots\dots$$

② أن يكون الطالب في نادي الرياضيات .

$$P(B) = \dots\dots\dots$$

③ أن يكون الطالب من الصف الثالث و في نادي الرياضيات .

$$P(A \cap B) = \dots\dots\dots$$

④ أن يكون الطالب من الصف الثالث أو في نادي الرياضيات .

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \dots\dots\dots$$

٢٩ مؤتمر علمي عدد المشاركين فيه 200 مشاركاً ، ومن خلال استبانة تبين أن 120 مشاركاً يتحدثون اللغة الإنجليزية

، 100 مشاركاً يتحدثون اللغة الفرنسية ، 50 مشاركاً يتحدثون اللغتين الإنجليزية و الفرنسية معاً .

اختير أحد المشاركين في هذا المؤتمر عشوائياً ، أوجد احتمال :

① أن يكون المشارك يتحدث اللغة الإنجليزية .

$$P(E) = \dots\dots\dots$$

② أن يكون المشارك يتحدث اللغة الفرنسية .

$$P(F) = \dots\dots\dots$$

③ أن يتحدث المشارك اللغتين معاً .

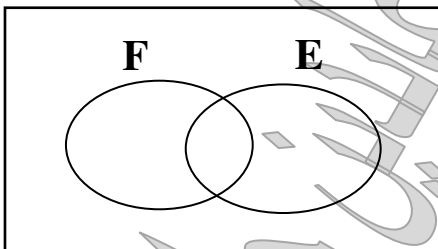
$$P(E \cap F) = \dots\dots\dots$$

④ أن يكون المشارك متحدثاً بإحدى اللغتين الإنجليزية أو الفرنسية على الأقل .

يفرض أن

E : هو حدث أن يكون المشارك يتحدث الإنجليزية .

F : هو حدث أن يكون المشارك يتحدث الفرنسية .



أحداث غير متنافية

$$P(E \cup F) = P(E) + P(F) - P(E \cap F) = \dots\dots\dots$$

١٢ أطلق صيادان كل منهما طلقة واحدة على هدف . إذا كان احتمال إصابة الأول للهدف % 20 ، واحتمال احتمال إصابة

غير متنافية

الثاني للهدف % 25 ، ما احتمال إصابة الهدف ؟

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \dots\dots\dots$$

١٣ إذا كان احتمال وقوع الحدث  $A = 0.4$  واحتمال وقوع الحدث  $B = 0.3$  واحتمال وقوع الحدثين  $A, B$  معاً  $= 0.2$

فأوجد احتمال وقوع  $A$  بشرط وقوع  $B$  ؟

الاحتمال  
المشروط

$$P(A \setminus B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \dots\dots\dots$$

١٤ إذا كان احتمال نجاح طالب في مقرر اللغة العربية  $0.75$  واحتمال نجاحه في اللغة العربية واللغة الإنجليزية معاً  $= 0.18$

فما احتمال نجاحه في مقرر اللغة الإنجليزية علماً بأنه نجح في اللغة العربية ؟

الاحتمال  
المشروط

بفرض أن :  $A$  : حدث نجاح الطالب في اللغة العربية  $\Leftarrow P(A) = 0.75$

$B$  : حدث نجاح الطالب في اللغة الإنجليزية

$A \cap B$  : ظهور نجاح الطالب في اللغة العربية واللغة الإنجليزية معاً  $\Leftarrow P(A \cap B) = 0.18$

$$P(B \setminus A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \dots\dots\dots$$

١٥ في تجربة إلقاء حجرين نرد متمايزين ( مختلفين ) مرة واحدة ، وملاحظة الناتج على الوجهين العلويين لهما ،

ما احتمال ظهور العدد 3 على أحدهما إذا كان مجموع العددين الظاهرين يساوي 8 ؟

الاحتمال  
المشروط

بفرض أن :  $A$  : هو حدث ظهور العدد 3 على أحدهما

$B$  : مجموع العددين الظاهرين يساوي 8  $B = \{(2, 6), (6, 2), (3, 5), (5, 3), (4, 4)\}$

$A \cap B$  : ظهور العدد 3 على أحدهما ومجموع العددين 8  $A \cap B = \{(3, 5), (5, 3)\}$

$$P(B) = \frac{5}{36} \quad , \quad P(A \cap B) = \frac{2}{36} \quad \Rightarrow \quad P(A \setminus B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{2}{36} \div \frac{5}{36} = \frac{2}{5}$$

١٦ إذا كان احتمال نجاح أحمد في امتحان شهادة الثانوية العامة هو  $0.8$  ، واحتمال ابتعائه للخارج إذا نجح في الامتحان

هو  $0.5$  ، فما احتمال نجاحه وابتعائه للخارج ؟

بفرض أن :  $A$  : هو حدث نجاح أحمد في الامتحان .  $P(A) = 0.8$   $B$  : هو حدث ابتعائه للخارج .

الاحتمال  
المشروط

فيكون : احتمال ابتعائه للخارج إذا نجح في الامتحان هو  $P(B \setminus A) = 0.5$

، احتمال نجاحه وابتعائه للخارج هو  $P(A \cap B) = ??$

$$P(B \setminus A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} \Rightarrow P(A \cap B) = P(B \setminus A) \times P(A) = \dots\dots\dots$$

بسم الله

مع أطيب وأرق الأمنيات للجميع بالنفوق ، ونسألكم الدعاء

أ. عابدين حامد فؤاد

مدرس الرياضيات بمدرسة النعيم الثانوية للبنين