

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية



ملزمة رياض 261

موقع المناهج ← المناهج البحرينية ← الصف الثاني الثانوي ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 01:21:39 2025-01-10

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل
منهج انجليزي | ملخصات و تقارير | مذكرات و بنوك | الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني الثانوي



صفحة المناهج
البحرينية على
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الأول

ملزمة رياض 261 محلولة	1
ملخص قوانين مقرر رياض 261	2
مذكرة رياض 261 محلولة نماذج لأسئلة امتحانية	3
مذكرة رياض 261 غير محلولة نماذج لأسئلة امتحانية	4
ملخص درس التباديل و التوافيق	5

Reed 261

Ghazi Al-Gosaibi

1.000BD



مملكة البحرين
وزارة التربية والتعليم
مدرسة غازي القصيبي الثانوية للبنات





الرياضيات 3

رياض 261

اسم الطالبة :

الرقم الأكاديمي :

الشعبة :



الملزمة لا تغني عن الكتاب

الاتفاقية

أولاً: بنود الاتفاقية :-

واجباتك	حقوقك
(1) الالتزام بالحضور المبكر إلى الحصة وعدم التأخير (2) احضار الكتاب والكراسة والآلة الحاسبة يومياً. (3) عدم التغيب عن الاختبارات إلا بعذر طبي وتقديم الاختبار مباشرة في الأسبوع نفسه وعدم تأخيره إلى نهاية الفصل . (4) احترام المعلمة واختيار الأسلوب اللائق للتحدث معها. (5) الهدوء والانضباط واحترام إجابات الآخرين وعدم الإجابة بإجابات جماعية .	(1) الشرح الوافي والاجابة على أسئلتك واستفساراتك. (2) إدارة الصف بطريقة صحيحة تتيح لك بيئة جيدة للتعلم. (3) الاحترام وعدم التلظظ بأي كلام جارح. (4) الاختبارات واضحة الموعد والمضمون . (5) تصحيح الاختبارات وتقييمها تقييماً عادلاً مع توفير التغذية الراجعة في حينها .

ثانياً : متابعة كراسة الطالبة :-

الكراسة كاملة	تنظيم الكراسة	الالتزام بموعد التسليم	تصحيح الأخطاء	المجموع
2	1	1	1	5

التاريخ	الدرجة (5)	ملاحظات التصحيح		
		الوصف	التعزيز	التطوير
		<input type="checkbox"/> عملك متقن. <input type="checkbox"/> خطوات الحل متسلسلة . <input type="checkbox"/> لديك أخطاء علمية. <input type="checkbox"/> لم تراع الإشارات. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> ممتنة لك. <input type="checkbox"/> أقدر مجهودك. <input type="checkbox"/> سعدت بمحاولاتك. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> راجعي الكتاب لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> راجعي معلمتك لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> تدريبي أكثر مستعينة بالكراسة. <input type="checkbox"/> تحتاجين لبذل المزيد من الجهد.
		<input type="checkbox"/> عملك متقن. <input type="checkbox"/> خطوات الحل متسلسلة . <input type="checkbox"/> لديك أخطاء علمية. <input type="checkbox"/> لم تراع الإشارات. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> ممتنة لك. <input type="checkbox"/> أقدر مجهودك. <input type="checkbox"/> سعدت بمحاولاتك. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> راجعي الكتاب لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> راجعي معلمتك لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> تدريبي أكثر مستعينة بالكراسة. <input type="checkbox"/> تحتاجين لبذل المزيد من الجهد.
		<input type="checkbox"/> عملك متقن. <input type="checkbox"/> خطوات الحل متسلسلة . <input type="checkbox"/> لديك أخطاء علمية. <input type="checkbox"/> لم تراع الإشارات. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> ممتنة لك. <input type="checkbox"/> أقدر مجهودك. <input type="checkbox"/> سعدت بمحاولاتك. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> راجعي الكتاب لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> راجعي معلمتك لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> تدريبي أكثر مستعينة بالكراسة. <input type="checkbox"/> تحتاجين لبذل المزيد من الجهد.
		<input type="checkbox"/> عملك متقن. <input type="checkbox"/> خطوات الحل متسلسلة . <input type="checkbox"/> لديك أخطاء علمية. <input type="checkbox"/> لم تراع الإشارات. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> ممتنة لك. <input type="checkbox"/> أقدر مجهودك. <input type="checkbox"/> سعدت بمحاولاتك. <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> راجعي الكتاب لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> راجعي معلمتك لتصويب الأخطاء. <input type="checkbox"/> تدريبي أكثر مستعينة بالكراسة. <input type="checkbox"/> تحتاجين لبذل المزيد من الجهد.

تمثيل فضاء العينة

التاريخ :

(2) مثل فضاء النواتج لتجربة إلقاء قطعة نقد مرتين متتالين باستخدام الشجرة البيانية والجدول والقائمة المنظمة . ثم اكتب فضاء العينة في صورة مجموعة , وأذكر عدد النواتج .

(1) صوب شخص نحو هدف مرتين متتالين , حيث رمز إصابة الهدف (s) , ورمز عدم إصابة الهدف (f) .
مثل فضاء العينة لتجربة باستخدام مخطط الشجرة البيانية والجدول والقائمة المنظمة .
ثم اكتب فضاء العينة في صورة مجموعة , وأذكر عدد النواتج .

(4) مثل فضاء النواتج لجنس المولود في عائلة لديها طفلين بطريقة الشجرة الجدول .
ثم اكتب فضاء العينة في صورة مجموعة , وأذكر عدد النواتج .

(3) يبيع محل تجاري الآيس كريم في أكواب ذات حجم (s) , أو حجم متوسط (M) , أو حجم كبير (L) , ومع صلصلة (T) أو بدون صلصلة (NT) .
مثل فضاء العينة باستخدام مخطط الشجرة البيانية .
ثم اكتب فضاء العينة في صورة مجموعة , وأذكر عدد النواتج .

(5) مثل فضاء العينة بطريقة الجدول لتجربة إلقاء قطعة نقد ثم مكعب مرقم . ثم أوجد عدد النواتج

(6) في تجربة إلقاء نقود ثم سحب كرة من صندوق به ثلاث كرات (R , B , G) . مثل فضاء العينة لتجربة باستعمال القائمة المنظمة .

(7) مثل فضاء العينة بطريقة لعملية سحب بطاقتين الواحدة تلو الأخرى بدون إرجاع من صندوق يحتوي على بطاقات ملونة وعددها كالتالي (5 أخضر G , 5 أسود B , واحدة بيضاء W)

(8) يتم اختيار أحد الصندوقين A أو B عشوائياً . ثم تسحب كرتان عشوائياً من الصندوق المختار الواحدة تلو الأخرى مع الإرجاع , الصندوق A يحتوي على كرة حمراء R وكرة خضراء G , وكرة صفراء Y والصندوق B يحتوي على كرة حمراء R , وأخرى صفراء Y . مثل فضاء العينة لهذه التجربة باستعمال مخطط الشجرة البيانية .

مبدأ العد الأساسي

التاريخ :

مفهوم مبدأ العد

عدد النواتج = عدد عناصر المرحلة الأولى × عدد عناصر المرحلة الثانية × إلى آخر مرحلة

(1) يُريد سعد شراء ثوب من بين البدائل المبينة في الجدول المجاور. ما عدد الخيارات المتاحة له ليختار ثوباً مناسباً؟

النواتج	عدد الخيارات
القماش	5
اللون	6
الأكمام	3
القبة	3
الفتحة الأمامية	2
الأزرار	2

(2) عرضت قائمة بالمأكولات في أحد المطاعم تحتوي على الأنواع المبينة أدناه , وكل نوع منها يحتوي على عدد من الأصناف . افرض أنه يتم اختيار طبق واحد من كل نوع , فما عدد البدائل الممكنة؟

قائمة المأكولات	عدد البدائل
المقبلات	8
الحساء	4
السلطة	6
الطبق الرئيسي	12
الحلوى	9

(3) اختيار وجبة طعام من قائمة تحتوي 3 أنواع من الشورية , 3 أنواع من اللحوم , ونوعين من كل من الخبز والمقبلات . ما عدد النواتج الممكنة ؟

(4) تجري في إحدى المدارس الثانوية انتخابات لاختيار أعضاء مجلس الطلبة , ويسعى 3 طلاب للحصول على مركز السكرتير , و4 للحصول على مركز أمين الصندوق , 5 لمركز نائب الرئيس وطالبان لمركز الرئيس , ما عدد النواتج الممكنة ؟

(5) كم عدداً يمكن تكوينه من ثلاثة أرقام مختلفة بإستعمال أرقام العدد 2768 .

(6) أوجد عدد النواتج الممكنة لرمي مكعب أرقام 4 مرات.

8) طلب من أحد المصانع بمملكة البحرين عمل لوحات معدنية للسيارات تحمل كل منها ستة أرقام من مجموعة الأرقام { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 } فكم لوحة مختلفة يمكن صنعها :

- إذا سمح له بتكرار أي رقم .

7) اشترى حسن قفلا رقميا لدراجته يفتح باستعمال 4 أرقام من 0 إلى 9 , بكم طريقة يمكنه اختيار أرقام القفل :

- إذا سمح له بتكرار أي رقم .

- إذا لم يسمح له بتكرار الرقم .

- إذا لم يسمح له بتكرار الرقم .

10) إذا كان هناك 5 خطوط من المنامة إلى المحرق 3 خطوط باص من المحرق إلى الحد

- بكم طريقة يستطيع أحد الركاب أن ينتقل من المنامة إلى الحد مارا بالمحرق ؟

9) يستعمل أحمد كلمة مرور لبريده الإلكتروني تبدأ بحرف اسمه باللغة الإنجليزية HAMAD ثم يليها ثلاثة أرقام مختلفة من الأرقام 0 إلى 9.

- وإذا أراد هذا الراكب الرجوع فورا للمنامة , فبكم طريقة يمكنه الذهاب والإياب مارا بالمحرق ؟

الاحتمال التاريخ :

$0 \leq P(A) \leq 1$
حيث
 $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$
احتمال الحدث



في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة

(2) ما احتمال ظهور عدد زوجي ؟

(1) ما احتمال ظهور العدد 4 ؟

(4) ما احتمال ظهور عدد يقبل القسمة على 3 ؟

(3) ما احتمال ظهور عدد أولي ؟

(2) عند سعيد خمسة أقلام سوداء وثلاثة أقلام حمراء وقلم أزرق ، إذا اختار قلم بطريقة عشوائية ، فأوجد ما يأتي :

- احتمال الحصول على قلم أزرق

- احتمال الحصول على قلم أحمر

(3) كيس به 4 كرات زرقاء ، و3 حمراء ، و6 سوداء . سحبت منه كرة عشوائيا .

(a) ما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة زرقاء .



(b) ما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة ليست سوداء .

المضروب

التاريخ :

$$n! = n(n-1)(n-2) \dots \dots \dots \times 2 \times 1$$

إذا أردنا ترتيب عناصر مختلفة عددها n عنصرا في صورة فإن عدد طرق الترتيب (نستخدم المضروب)

1) أوجد قيمة ما يلي :

a) $4!$	b) $5!$	c) $8!$	d) $0!$
---------	---------	---------	---------

2) دخل حسن وخمسة من أصدقائه قاعة سينما، فبكم طريقة يمكنهم أن يجلسوا جميعاً على 6 مقاعد خالية في صف واحد؟

1) يُريد أحد الرسامين أن يعرض 5 لوحات في أحد المعارض، بكم طريقة يمكنه عرض اللوحات في صف واحد؟

4) عدد طرق وقوف رجلين و3 أولاد في صف على أن يكون رجل في الطرف الأيمن ورجل في الطرف الأيسر .

3) 5 سيدات , 5 رجال يقفون في صف بكم طريقة يمكن أن يقفوا بحيث تكون مجموعة الرجال متجاورة والنساء متجاورة .

6) وقف يوسف وعلي و فراس و فهد لالتقاط صورة جماعية لهم. ما احتمال أن يقف علي في أقصى يسار الصورة وفراس أقصى يمينها؟

5) وقف يوسف وعلي و فراس و فهد لالتقاط صورة ما احتمال أن يقف علي في أقصى يسار جماعية لهم. الصورة؟

7) دخل أربعة أشخاص عربية سكة حديد , فوجدوا 6 أماكن خالية . بكم طريقة يمكنهم الجلوس بالتالي .

بطاقة إثرائية 1 (المضروب)

$$p(A) = \frac{n(A)}{n(s)} = \frac{\text{عدد نواتج الحدث}}{\text{عدد نواتج فضاء العينة}}$$

أمثلة

(1) إذا جلس أحمد , وناصر , وإبراهيم في صف . ما احتمال أن يكون ترتيبهم ناصر , أحمد , إبراهيم .

(2) إذا جلس أحمد , ناصر , وإبراهيم على صف مقاعد . ما احتمال أن يكون أحمد جلس على المقعد الأيمن .

(3) وزع الوالد 6 لعب مختلفة على أبنائه الستة , ما احتمال أن تكون الدمية لإبنته منال .

(4) وزع الوالد 6 لعب مختلفة على أبنائه الستة , ما احتمال أن تكون الدمية لإبنته منال , والسيارة لإبنته خالد .

(5) يراد تكوين كلمة رباعية الحروف باستخدام (R , B , A , E) , ما احتمال الحصول على كلمة BEAR .

(6) وقف 5 أصدقاء في صورة صف لالتقاط صورة تذكارية . أوجد احتمال :

2- أن يقف أيمن في أقصى اليمين أو أقصى اليسار .

1- أن يقف أيمن في وسط الصف .

4- أن يقف أيمن في طرف ومحمد في طرف .

3- أن يقفوا بالترتيب : أيمن , يوسف , محمد , علا , إبراهيم .

6- أن يقف أيمن بجوار محمد

5- أن يقف أيمن على يمين محمد

تمارين

(1) إذا طلب إليك ترتيب المضلعات المبنية من اليمين لليساار . فما احتمال أن يكون المثلث هو الأول , والمربع هو الثاني



(2) ما احتمال أن يكون المربع بجوار المثلث .

(3) ذهبت مها وسعاد لحضور محاضرة علمية , إذا اختارت كل منهما مقعدا في الصف المبين أدناه عشوائيا , فما احتمال أن تختار مها المقعد C11 , وسعاد المقعد C12 ؟



(4) ذهبت نورا ومرام إلى السينما فاختارتا مقعدين يقعان بصف مكون من 20 مقعدا , ما احتمال أن يحتلا المقعدين السابع والثامن .

(5) ذهبت نورا ومرام إلى السينما فاختارتا مقعدين يقعان بصف مكون من 20 مقعدا , ما احتمال أن يحتلا المقعدين السابع والثامن على الترتيب.

(6) إذا تم ترتيب حروف E, R, A, G , ما احتمال الحصول على كلمة تبدأ بـ E وتنتهي بـ A .

(7) إذا رتب الأرقام 2, 3, 5, 6, 9 , ما احتمال الحصول على عدد آحاده 5.

(8) أراد حسين أن يلعب في 8 ألعاب مختلفة بحديقة عين عذاري , ما احتمال أن يبدأ بلعبة القطار ثم لعبة البولينغ .

(9) يحتوي كيس على بطاقات كتب على كل واحدة منها حرف واحد من الحروف : ر , ف , س , و , ي . إذا اختير تبديل واحد من هذه الحروف عشوائيا لتكوين كلمة , فما احتمال أن تكون الكلمة " فروسية " .

التباديل مع التكرار

التاريخ :

$$\frac{n!}{r_1! \cdot r_2! \cdot r_2! \dots r_k!}$$

عدد الترتيب المختلفة في حال وجود تكرار

تمارين

(2) وما احتمال الحصول على كلمة Manama ؟

(1) بكم طريقة مختلفة يمكن ترتيب الحروف التالية بشكل عشوائي n , a , a , a , m , m ؟

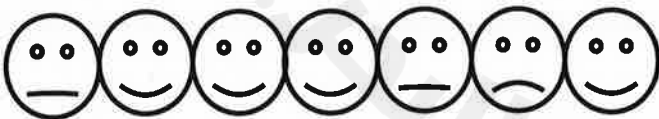
(4) اشترت فاطمة الأحرف الممغنطة "T , M , I , F , A , A" التي يُمكن ترتيبها بحيث تشكل كلمات، إذا اختارت تبديلاً عشوائياً، فما احتمال أن تشكل هذه الأحرف كلمة "FATIMA" ؟

(3) ما احتمال أن يكون 55652113 رقماً لهاتف مكون من 8 هي 5 , 1 , 6 , 5 , 2 , 1 , 5 , 3 ؟

(6) إذا تم ترتيب الحروف (أ , ل , ر , ف , أ , ع) بشكل عشوائي للحصول على كلمة , ما احتمال أن تكون الكلمة هي "الرفاع" أو "الفاع" ؟

(5) تتكون لوحة سيارة في إحدى الدوال من الأحرف ك , ر , ر , ك , والأرقام 3 , 3 , 1 . ما احتمال أن يكون ترتيبها ر ك ر ك 1 3 3 ؟

(8) رتب 7 كرات متماثلة بصورة عشوائية , ما احتمال ظهور بالشكل التالي :



(7) اشترى عدنان بعض الأحرف الممغنطة التي يمكن ترتيبها بحيث تشكل كلمات على باب ثلاجه . إذا اختار عشوائياً تبديلاً من الأحرف الممينة في الشكل المجاور . ما احتمال أن تشكل هذه الأحرف كلمة " مكالمات " ؟



التباديل

التاريخ :

إذا أردنا اختيار جزء (r) من كل (n) مع أهمية الترتيب , كما في توزيع مناصب , أو جلوس أولاد على مقاعد أكبر من عددهم .

فإن عدد الطرق الممكنة هو nPr

يرمز لعدد n عنصرا متمايزا r في كل مرة بالرمز nPr حيث أن

$$nPr = \frac{n!}{(n-r)!}$$

a) ${}_4P_2$

b) ${}_5P_3$

c) ${}_8P_8$

تمارين متنوعة

(2) كم عدد كلي مُكوّن من رقمين مختلفين يُمكن تكوينه من الأرقام 3,4,5,6,7 بدون تكرار؟

(1) اشتركت 7 سيارات في سباق. بكم طريقة مختلفة يمكن وصول السيارات الثلاثة الأولى بالترتيب؟

(4) تقدم 30 طالبًا إلى مسابقة في الشعر، وقد دُعي الطلاب عشوائيًا لتقديم أشعارهم أمام لجنة التحكيم، ما احتمال أن يدعى عبدالله أولاً وفيصل ثانيًا؟

(3) صندوق به 5 مصايح ملونة بأحد الألوان الآتية: الأحمر، الأزرق، الأصفر، الأبيض، الأخضر، سُحبت 3 مصايح عشوائيًا - الواحد تلو الآخر - دون إرجاع، ما احتمال أن تكون المصايح المسحوبة هي: الأصفر، والأخضر، والأحمر على الترتيب؟

(6) جمعية طلابية عدد أعضائها 20 طالبًا، يراد اختيار رئيس، وأمين صندوق لها. ما احتمال أن يكون محمد، قاسم، وعلاء هم المختارون.

(5) جمعية طلابية عدد أعضائها 20 طالبًا، يراد اختيار رئيس، وأمين صندوق لها. ما احتمال أن يكون محمد، قاسم، وعلاء على الترتيب هم المختارون.

البطاقة الإثرائية 2 (التباديل)

السؤال الثاني : صف جامعي من 18 بنت , 12 ولد يراد اختيار مراقب ومساعد له من بينهم , ما احتمال

(1) أن يكون المراقب والمساعد من الأولاد .

(2) ما احتمال أن يكون المراقب والمساعد من الفتيات .

(3) ما احتمال أن يكون المراقب ولد والمساعد فتاة .

السؤال الأول : يراد اختيار محاضر ونائب له من طلاب مدرسة ما لتمثيل المدرسة في ندوة خارجية , تم اختيارهم من بين 10 من المستوى الاول , 12 طالب من المستوى الثاني:

(1) ما احتمال أن يكون الطالبان المختاران من المستوى الاول .

(2) ما احتمال أن يكون الطالبان المختاران من المستوى الثاني .

(3) ما احتمال أن يكون المحاضر من المستوى الثاني والنائب من المستوى الاول .

(4) ما احتمال أن يكون المحاضر والنائب من مستويين مختلفين .

التباديل الدائرية

التاريخ :

عدد طرق ترتيب n من الأشياء المختلفة
بشكل حلقي دائري $= (n-1)!$

عدد طرق ترتيب n من الأشياء المختلفة بشكل حلقي
مع وجود نقطة مرجع $= n!$



اختيرت 7 نقاط عشوائيا تقع على دائرة كما في الشكل المجاور
(a) إذا استعملت الأحرف من A إلى G , فما عدد تسمية النقاط على الدائرة ؟

(b) إذا أعطيت إحدى النقاط حرفا معينا , فما عدد الترتيبات الممكنة

(2) في معمل الكيمياء , طلب إليك اختيار ست
عينات رتبت عشوائيا على صيني دائرية :

(a) ما احتمال ظهور الترتيب المبين في
الشكل المجاور ؟



(b) ما احتمال أن يكون أنبوب الاختيار 2 في
الوسط الأعلى للصينية ؟

(1) تجمع فريق كرة القدم المكون من 11 لاعبا
في شكل حلقة يتشاورون قبل بداية المباراة :

(a) ما احتمال أن يقف قلب الهجوم على يمين
حارس المرمى مباشرة ؟

(b) إذا وقف حكم المباراة تماما خلف أحدهم ,
فما احتمال أن يقف الحكم خلف حارس
المرمى ؟

(c) إذا وقف حكم المباراة خلف أحدهم تماما , فما
احتمال أن يقف الحكم خلف حارس المرمى ؟

(4) جلس 6 أصدقاء على منضدة دائرية لتناول
وجبة العشاء , ما احتمال :

(a) أن يجلس إبراهيم على يمين قاسم

(b) أن يجلس إبراهيم بجوار قاسم .

(3) جلس 4 أشخاص في مطعم حول منضدة
دائرية الشكل , وكان أحد المقاعد بجوار
النافذة , فما احتمال أن يجلس الشخص الذي
سيدفع الفاتورة بجوار النافذة ؟

بطاقة إثرائية 3 (التباديل الدائرية)

استعمل الشكل الآتي مفترضا أن الكرات رُتبت عشوائيا



(a) ما احتمال أن تكون الكرة 2 والكرة 11 هما الأولى والثانية من اليسار؟

(b) إذا خلطت الكرات الثمانية عشوائيا . فما احتمال أن يكون الترتيب كما هو مبين في الشكل أعلاه؟

(c) إذا أُعيت ترتيب الكرات عشوائيا بحيث شكلت دائرة . فما احتمال أن تكون الكرة 6 إلى جانب الكرة 7؟

(d) وضعت 7 كرات في صف ثلاث منها أرقامها 8 وثلاث أرقامها 9 , وكرة واحدة رقمها 6 , ما احتمال أن تكون الكرات الثلاث ذات الرقم 8 إلى يسار 6 , والكرات الثلاثة ذات الرقم 9 عن يمينها؟

التوافيق

التاريخ :

إذا أردنا اختيار جزء (r) من كل (n) مع عدم أهمية الترتيب , كما في اختيار شخصين لأداء مهمة معينة من ضمن مجموعة أشخاص .

فإن عدد الطرق الممكنة هو nCr

يرمز لعدد n عنصرا متمايضا r في كل مرة بالرمز nCr حيث أن

$$nCr = \frac{n!}{(n-r)!r!}$$

a) ${}_6C_2$

b) ${}_8C_4$

c) ${}_3C_3$

أولاً:

(2) أب لديه 6 أبناء يريد اثنين منهم للسفر معه .
بكم طريقة يمكنه ذلك ؟

(1) بكم طريقة يمكن اختيار 4 طلاب من 32 طالبا
لتشكيل فريق لمسابقة أكاديمية ؟

ثانياً :

(2) اشترك 15 طالباً من الصف الأول الثانوي و 15 طالباً من الصف الثاني الثانوي في مسابقة رسم المناظر الطبيعية للفوز بأربعة جوائز، ما احتمال أن تكون الجوائز الأربع من نصيب طلاب الصف الأول الثانوي؟

(1) يريد مدرب كرة طائرة اختيار 6 لاعبين من بين 10 لاعبين هم أعضاء الفريق , ما احتمال اختيار اللاعبين محمد وعبدالله وعيسى وخالد وفيصل وطلال ؟

(4) يرغب مشرف الإذاعة المدرسية في تشكيل لجنة إذاعية مكونة من 4 طلاب يتم اختيارهم من 10 طلاب عشوائياً , ما احتمال اختيار محمد وجاسم وعلي وحسن ؟

(3) اشتركت خمس عشرة طالبة في مسابقة ذات ثلاثة جوائز , ما احتمال أن تربح جنان وسارة وكوثر الجوائز الثلاثة ؟

بطاقة إثرائية 4 (التوافق)

(2) جمعية بها 7 رجال و5 سيدات , يراد تكوين لجنة من 4 أشخاص من هذه الجمعية بطريقة عشوائية , أوجد احتمال أن تضم اللجنة رجلين فقط ؟

(1) تقدم لمسابقة الرسم 5 طلاب من المستوى الأول الثانوية , و7 طلاب من الصف الثالث الثانوي للفوز بثلاث جوائز . ما احتمال فوز 3 طلاب من الصف الأول الثانوية بالجوائز الثلاثة ؟

(4) يريد مدير المدرسة تكريم خمسة طلاب متفوقين وقد رشح له 7 من المستوى الأول , و8 من المستوى الثاني و10 من المستوى الثالث , ما احتمال (a) أن الطلاب المكرمين من المستوى الثاني .

(3) اشتركت 4 طالبات من الصف الأول الثانوية , 6 طالبات من الصف الثاني الثانوي في مسابقة مدرسية شعرية بعنوان " قصائد حب واثراء للبحرين " للفوز بأربع جوائز . ما احتمال أن تفوز طالبتان من الصف الأول الثانوي بجائزتين , وتفوز طالبتان من الصف الثاني الثانوي بالجائزتين الأخرتين ؟

(b) تكريم طالبين من المستوى الثالث , وثلاثة طلاب من المستوى الأول .

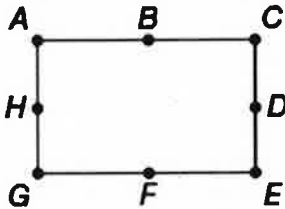
(5) جمعية خيرية مكونة من 7 رجال , 5 سيدات , وسيقوم ثلاثة أشخاص منهم بتقديم إحدى الندوات الخيرية

(c) ما احتمال تكريم طالب واحد من المستوى الأول فقط .

(a) ما احتمال أن يكون الأشخاص الثلاثة من الرجال .

(b) ما احتمال أن يكونا رجل وسيدتين .

(6) إذا تم اختيار ثلاث نقاط عشوائية من النقاط الممثلة على المستطيل في الشكل أدناه , فما احتمال أن تقع النقاط الثلاث على استقامة واحدة



الاحتمال الهندسي

التاريخ :

حساب الاحتمال باستعمال الأطوال :

(1) إذا اخترت النقطة X عشوائياً على \overline{JM} فأوجد :(b) $P(X \text{ تقع على } \overline{KM})$ (c) $P(X \text{ تقع على } \overline{LM})$ احتمال أن تقع X على \overline{KL}

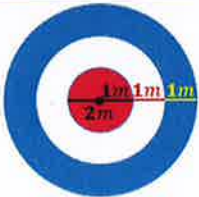
المستطيل	متوازي الأضلاع	المثلث	تذكر
			بعض قوانين المساحات
$A = \ell w$	$A = bh$	$A = \frac{1}{2}bh$	
الدائرة	شبه المنحرف	المعين	المربع
$A = \pi r^2$	$A = \frac{1}{2}h(b_1 + b_2)$	$A = \frac{1}{2}d_1d_2$	$A = s^2$

مثال : يهبط مظلي على هدف مكون من ثلاث دوائر متحدة المركز. إذا كان قطر الدائرة الداخلية 2 m ويزداد نصف قطر كل دائرة تالية بمقدار 1 m .

(1) فما احتمال أن يهبط المظلي في الدائرة الحمراء؟

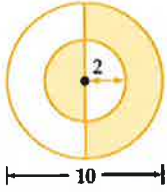
(2) فما احتمال أن يهبط المظلي في الدائرة البيضاء؟

(3) فما احتمال أن يهبط المظلي في الدائرة الزرقاء؟

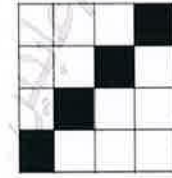
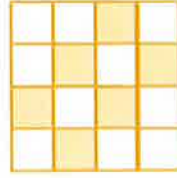


بطاقة إثرائية 5 (الاحتمال الهندسي)

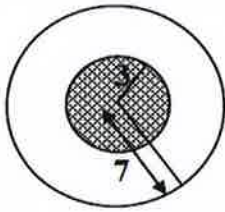
إذا اختبرت نقطة عشوائيا في كل شكل هندسي مما يأتي , ما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة :



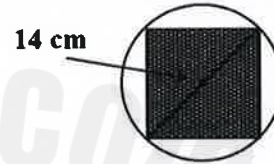
(2)



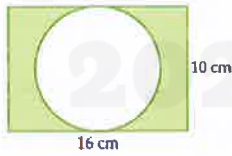
(1)



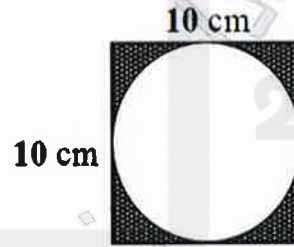
(4)



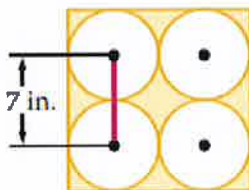
(3)



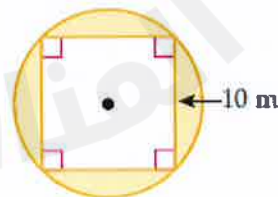
(6)



(5)



(8)



(7)

احتمالات الأحداث المستقلة وغير مستقلة التاريخ

حدثين غير مستقلين (A, B) : إذا كان احتمال وقوع أحدهما يؤثر في احتمال وقوع الآخر	حدثين مستقلين (A, B) : إذا كان احتمال وقوع أحدهما لا يؤثر في الآخر .
$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B / A)$	$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$
ويستخدم في حالة السحب بدون الرجاء	ويستخدم في حالة السحب مع الرجاء

حدثين مستقلين إذا كان احتمال حدوث أحدهما لا يؤثر في احتمال حدوث الآخر. (بإرجاع - أعيدت) A و B يكون حدثين غير مستقلين إذا كان احتمال حدوث أحدهما يؤثر في احتمال حدوث الآخر. (بدون إرجاع - A و B يكون دون إعادتها)

حدد ما إذا كان الحدثان مستقلين أو غير مستقلين في كل مما يأتي ووضح إجابتك :

(2) اختيار طالبتين من الصف 3 علم 4	(1) سحب بطاقة من الصندوق الأول وسحب بطاقة أخرى من الصندوق الثاني
(4) إلقاء قطعة نقد مرة واحدة، ثم رمي حجر نرد مرة واحدة أيضاً، وتسجيل النواتج الممكنة.	(3) سُحبت بطاقة من مجموعة بطاقات، ثم سُحبت بطاقة ثانية، بدون إعادة للبطاقة الأولى.
(6) سحب كرتين الواحدة وراء الأخرى دون إرجاع من كيس به 10 كرات	(5) اختيار طالب من الصف الأول ثانوي واختيار طالب آخر من الصف الثاني ثانوي للذهاب إلى قلعة البحرين

إيجاد احتمال وقوع حدثين مستقلين معاً

(2) صندوق به 6 مصابيح سليمة و 4 مصابيح تالفة . سحب مصباحان من الصندوق الواحد تلو الآخر مع الرجاء . ما احتمال ان يكون الأول سليم والثاني تالف ؟

(1) إذا القيت قطعة نقد ورمي حجر نرد مرة واحدة ، فما احتمال ظهور صورة و العدد 6؟

(3) علبه فيها 6 أقلام أزرق و3 أقلام حبر أحمر , سحب منها 3 أقلام عشوائيا الواحدة تلو الأخر دون إرجاع . ما احتمال أن يكون الأول والثاني أقلام حبر أزرق والثالث قلم حبر أحمر؟

(4) إذا القيت قطعة نقود أربع مرات متتالية فما احتمال الحصول على كتابة أربع مرات ؟

(4) في تجربة إلقاء حجر مرتين متتاليتين وملاحظة العدد الظاهر على الوجه العلوي . أوجد احتمال الحصول على عدد زوجي في الرمية الأولى والعدد " 5 " في الرمية الثانية ؟

(5) يحتوي كيس على 7 حبات حلوى حمراء و11 حبة صفراء و13 حبة خضراء، إذا أخذ نور حبتين حلوى من الكيس دون إرجاع. فما احتمال أن يأخذ حبة خضراء ، ثم حبة حمراء؟

(6) يحتوي صندوق على 52 بطاقة، فيها 13 بطاقة زرقاء مرقمة من 1 إلى 13 ، وبالمثل 13 بطاقة حمراء و 13 صفراء و 13 خضراء، ما احتمال سحب 3 بطاقات حمراء - الواحدة تلو الأخرى - إذا كان السحب من دون إرجاع؟

ماذا لو كان السؤال ما احتمال ان تكون احدهما خضراء والاخرى حمراء؟

تمارين إضافية على الأحداث المستقلة وغير المستقلة :

(1) كيس يحتوي على 7 كرات حمراء R , 5 كرات زرقاء B . سحب كرتان من الكيس الواحدة تلو الأخرى مع الإرجاع . أوجد احتمالات الأحداث الآتية .

(a) أن تكون الكرتان حمراوان .

(b) أن تكون الأولى حمراء والثانية زرقاء .

(c) أن تكون إحداهما حمراء والأخرى زرقاء .

(d) إن تكون الكرتان مختلفتان في اللون.

(f) إن تكون إحدى الكرتان على الأقل حمراء .

(e) أن تكون الكرتان من نفس اللون .

(2) يحتوي صندوق على 52 بطاقة مقسمة إلى أربع مجموعات (أحمر , أزرق , أخضر , أصفر) مرقمة من 1-13 سحبت بطاقة دون إحلال (دون إرجاع) وسحبت بطاقة أخرى . أوجد احتمال

(b) أن تكون إحداهما تحمل الرقم "3" والأخرى تحمل الرقم "7" ؟

(a) أن تكون الأولى حمراء تحمل الرقم "1" والثانية خضراء تحمل الرقم "5" ؟

(d) أن تكون الكرتان حمراوان

(c) أن تكون الأولى خضراء والثانية زرقاء

(4) بينت دراسة مسحية أن 75% من الطلبة إحدى الجامعات لديهم رخص قيادة السيارة. إذا اختير ثلاث طلبة عشوائيا . فما احتمال أن يكون لديهم رخص قيادة السيارة (قرب الناتج لأقرب من عشرة آلاف)

(3) تقدم محمد علي لاختبار إحدى الجامعات , فإذا كان احتمال نجاح محمد 70% , واحتمال نجاح علي 50% . فما احتمال نجاحهما معا ؟

(5) افترض أن 42% من الركاب بإحدى المدن يحبون ارتياد السينما في إجازة الأسبوع , اختير اثنان عشوائيا . فما احتمال كونهما ممن يحب ارتياد السينما آخر الأسبوع ؟

بطاقة إثرائية 6 (احتمال الأحداث المستقلة وغير المستقلة)

حدد إذا كان الحدثان مستقلين أو غير مستقلين في كل مما يأتي ، ووضح إجابتك .

1) سحبت بطاقة من مجموعة بطاقات، ثم أعيدت إلى المجموعة، ثم سحبت بطاقة ثانية.	2) إلقاء قطعة نقد مرة واحدة ثم رمي حجر نرد مرة واحدة أيضًا وتسجيل النواتج الممكنة.
3) وصل فريق مدرسة في كرة السلة إلى دور الأربعة، وإذا ربح فسيلعب في مباراة البطولة.	4) تقدم عبدالعزيز لامتحان الرياضيات يوم الأحد ونجح ، وتقدم لامتحان الفيزياء يوم الخميس ونجح.

حدد إذا كان الحدثان مستقلين أو غير مستقلين ، ثم أوجد الاحتمال :

1) إذا رميت مكعب مرقم في لعبة وكان الناتج عددًا زوجيًا، فدور مؤشر القرص المقسم إلى قطاعات والمرقم من 1 إلى 5 لتحصل على عدد فردي .	2) يحتوي صندوق على 52 بطاقة مقسمة إلى أربع مجموعات لكل منها لون من الألوان الآتية: الأحمر والأسود، والأخضر، والأزرق ، وكل لون مرقم من 1 إلى 13 . سحبت بطاقة تحمل الرقم 1 من الصندوق دون إعادتها إلى الصندوق. ثم سحبت بطاقة ثانية تحمل الرقم 1 .
---	---

3) أدير مؤشر القرص المبين في الشكل المجاور وألقيت قطعة نقد مرة واحدة. ما احتمال الحصول على عدد زوجي وظهور كتابة على قطعة النقد ؟



لون الشمار	العدد
أزرق	20
أبيض	15
أحمر	25
أسود	10

5) يمكن أن يلعب بلال عشوائيًا في واحدة من 6 رياضات في النادي، ويتناول طعامه في فترة من ثلاث فترات يحددها النادي. ما احتمال أن يلعب الرياضة الثانية ويتناول طعامه في الفترة الأولى ؟

6) يحتوي كيس على 7 حبات حلوى حمراء و 11 حبة صفراء و 13 حبة خضراء. إذا أخذ نور حبتي حلوى من الكيس دون ارجاع . فما احتمال أن يأخذ حبة خضراء ، ثم حبة حمراء؟ اكتب الاحتمال على صورة نسبة مئوية مقربة إلى أقرب عشر.

7) سحبت عينتان معًا عشوائيًا من صندوق يحتوي على عينات من فصائل دم مختلفة ، إذا كان في الصندوق 4 عينات من فصيلة الدم A ، و 3 عينات من فصيلة الدم B ، و 6 عينات من فصيلة الدم AB ، و 5 عينات من فصيلة الدم O ، فما احتمال أن تكون العينتان المسحوبتان من فصيلة الدم AB ؟

احتمالات الأحداث المتنافية وغير المتنافية التاريخ

الأحداث المتنافية : هي الأحداث التي لا توجد نواتج مشتركة بينهما .
الأحداث الغير متنافية : هي الأحداث التي توجد نواتج مشتركة بينهما

حدد إذا كان الحدثان متنافيان أو غير متنافيين في كل مما يأتي ، ووضح إجابتك

(1) الحصول على المجموع 6 او المجموع 7 عند رمي حجري نرد متمايزين مرة واحدة .	(2) ظهور عدد فردي او أكبر من 3 عند رمي حجر نرد مرة واحدة .
(3) اختيار عدد عشوائي من الاعداد من 1 الى 100 والحصول على عدد يقبل القسمة على 5 أو عدد يقبل القسمة على 3.	(4) اختيار سيارة أو حصان .
(5) اختيار عدد عشوائي من الاعداد من 1 الى 20 والحصول على عدد زوجي أو عدد يقبل القسمة على 3.	(6) رمي حجري نرد متمايزين مرة واحدة والحصول على عددين متساويين أو عددين مجموعهما 8 على الوجهين الظاهريين .

$$P(A \cup B) = p(A) + p(B)$$

الحدثين المتنافيين : وقوع الحدثين معا غير ممكن

الحدثين غير متنافية : وقوع الحدثين معا ممكن

$$P(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$$

(1) اختيار عدد عشوائي من بين 1-20 . ما احتمال الحصول على عدد فردي أو يقبل القسمة على 3.	(2) رمي مكعب مرقم مرة واحدة . ما احتمال ظهور عدد يقبل القسمة على 5 أو عدد أصغر من 4.
---	--

(3) بين الجدول المجاور 30 لوحة وأصنافها رسمها إبراهيم. إذا اختار إحدى هذه اللوحات عشوائياً للمشاركة في مسابقة فنية، فما احتمال أن يختار لوحة زيتية أو منظرًا طبيعيًا؟

لوحات إبراهيم			
اللوحة	طبيعة صائفة	مناظر طبيعية	أشكال هندسية
ألوان مائية	4	5	3
ألوان زيتية	1	3	2
ألوان أكريل	3	2	1
ألوان باستيل	1	0	5

4) الجدول يبين اعداد اللاعبين في فرق الفئات العمرية لعدد من الالعب الجماعية في أحد الاندية. أختير لاعب من بينهم عشوائيا ..
 (1) ما احتمال أن يكون من فئة الأشبال أو من لاعبي كرة السلة ؟

	كرة اليد	كرة السلة	كرة القدم
النشئين	25	39	47
الأشبال	29	31	45
الشباب	21	30	33

(2) ما احتمال أن يكون من فئة الشباب أو من لاعبي كرة اليد ؟

6) أراد بعض الطلاب تقديم هدية لزميلهم لحصوله على لقب الطالب المثالي، فوجد معلم الصف أن 10 منهم اختاروا ساعة و12 اختاروا قميصًا و 6 اختاروا هاتفًا نقالًا و 4 اختاروا ميدالية. إذا اختار المعلم الهدية عشوائيًا فما احتمال أن تكون هدية الطالب المثالي ساعة أو ميدالية؟

5) رمي حجري نرد مرة واحدة . ما احتمال ظهور عددين متساويين أو عددين مجموعهما 8 .

7) مجموعة بطاقات عددها 52، مقسمة إلى أربع مجموعات لكل منها لون من الألوان الآتية : الأحمر، والأسود، والأزرق والأصفر، ورقمت بطاقات كل لون من 1 إلى 13 . ما احتمال سحب بطاقة تحمل الرقم 7 أو بطاقة حمراء من هذه المجموعة ؟

بطاقة إثرائية 7 (احتمال الأحداث المتتافية وغير المتتافية)

متتافيين فإن : A, B إذا كان الحدثان $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$	حدثين غير متتافيين فإن : A, B إذا كان $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$																				
أوجدني احتمال ما يأتي :																					
<p>(5) اختار موسى كتابًا من الكتب الموجودة على رفوف مكتبته المبينة في الجدول المجاور عشوائيًا . ما احتمال أن يكون الكتاب من الرف 1 أو الرف 2 ؟</p>	<table border="1" style="width: 100%;"> <thead> <tr> <th colspan="2">مكتبة موسى</th> </tr> <tr> <th>الرف</th> <th>عدد الكتب</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td> <td>10</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>12</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>13</td> </tr> </tbody> </table>	مكتبة موسى		الرف	عدد الكتب	1	10	2	12	3	13										
مكتبة موسى																					
الرف	عدد الكتب																				
1	10																				
2	12																				
3	13																				
<p>(6) يبين الجدول المجاور جميع البرامج التي يقدمها نادٍ رياضي وعدد المشاركين من الأعمار 14-16 . ما احتمال أن يلعب مشارك كرة السلة أو يكون عمره 14 ؟</p>	<table border="1" style="width: 100%;"> <thead> <tr> <th colspan="4">مجمع النادي الرياضي</th> </tr> <tr> <th>العمر</th> <th>كرة القدم</th> <th>كرة الطائرة</th> <th>كرة السلة</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>14</td> <td>28</td> <td>36</td> <td>42</td> </tr> <tr> <td>15</td> <td>30</td> <td>26</td> <td>33</td> </tr> <tr> <td>16</td> <td>35</td> <td>41</td> <td>29</td> </tr> </tbody> </table>	مجمع النادي الرياضي				العمر	كرة القدم	كرة الطائرة	كرة السلة	14	28	36	42	15	30	26	33	16	35	41	29
مجمع النادي الرياضي																					
العمر	كرة القدم	كرة الطائرة	كرة السلة																		
14	28	36	42																		
15	30	26	33																		
16	35	41	29																		
<p>(7) يقدم محل تجاري لزبائنه في يوم الافتتاح الهدايا المبينة في الجدول الآتي . ما احتمال أن يربح الزبون الأول إحدى أدوات المطبخ أو الساعات ؟</p>	<table border="1" style="width: 100%;"> <thead> <tr> <th>الهدية</th> <th>العدد</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>أدوات مطبخ</td> <td>10</td> </tr> <tr> <td>أدوات كهربائية</td> <td>6</td> </tr> <tr> <td>ساعات</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>هاتف نقال</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table>	الهدية	العدد	أدوات مطبخ	10	أدوات كهربائية	6	ساعات	3	هاتف نقال	1										
الهدية	العدد																				
أدوات مطبخ	10																				
أدوات كهربائية	6																				
ساعات	3																				
هاتف نقال	1																				
<p>(8) رمي مكعب مرقم من 1 إلى 6، ما احتمال ظهور عدد أقل من 3 أو عدد فردي على الوجه الظاهر ؟</p>																					

(1) الجدول التالي يبين أعداد المنظمين لكل نادي بالمدرسة من المراحل الدراسية إذا اختير طالب عشوائيًا فأوجد الاحتمالات التالية :

النادي	أول ثانوي	ثاني ثانوي	ثالث ثانوي
الرياضة	12	14	8
العلوم	2	6	3
الرياضيات	8	4	5
اللغة الانجليزية	10	15	13

(a) أن يكون من الصف الول والثاني .

(b) في نادي الرياضة أو نادي العلوم .

(c) من الصف الثالث أو في نادي اللغة الانجليزية .

(d) من الصف الثاني أو في نادي الرياضيات .

(e) ليس من الصف الثالث.

احتمال الحدث المتمم التاريخ

$$p(A^c) = 1 - p(A)$$

احتمال عدم وقوع الحدث A

(2) عدم ظهور الصورة على الوجه الظاهر عند إلقاء قطعة نقد مرة واحدة.

(1) إذا كانت فرصة هطول المطر 70% . فما احتمال عدم هطوله ؟

(4) أوجد احتمال عدم ظهور العدد 3 على أحد الوجوه الظاهرين، عند إلقاء حجري نرد متمايزين مرة واحدة ؟

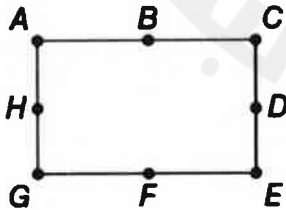
(3) سحب خليل عشوائياً كرة من كيس فيه 25 كرة متماثلة، إحداها فقط حمراء. ما احتمال ألا يسحب الكرة الحمراء ؟

(6) اشتركت سميرة في مسابقة ثقافية وطلب إليها سحب بطاقة عشوائياً من صندوق به (300) بطاقة منها (20) بطاقة رابحة . ما احتمال عدم سحب سميرة بطاقة رابحة ؟

(5) أوجد احتمال عدم ظهور العدد 3 على أي وجه من الوجوه الظاهرين، عند إلقاء حجري نرد متمايزين مرة واحدة.

(7) وقف 7 أصدقاء على شكل حلقة دائرية . ما احتمال عدم وقوف قاسم بجوار أحمد ؟

(8) إذا تم اختيار ثلاث نقاط عشوائياً من النقاط الميينة على المستطيل في الشكل أدناه ، فما احتمال أن لا تقع النقاط الثلاث على استقامة واحدة .



التاريخ

مراجعة عامة على التحليل

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

تحليل الفرق بين مربعين

التحليل بإخراج العامل المشترك الأكبر

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

المربع الكامل

التحليل المقدار الثلاثي

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

حللي ما يأتي تحليلا تاما :

1) $x^2 - 4x =$

2) $x^2 + 5x =$

3) $2y^3 - 10y =$

4) $15x^2y^3 - 5xy =$

5) $8x^3y^2 - 24x^2y =$

6) $x^2 - 16 =$

7) $25 - x^2 =$

8) $9y^2 - 16x^2 =$

9) $yx^2 - 64y^3 =$

10) $x^2 + 5x + 6 =$

11) $x^2 - 7x - 8 =$

12) $x^2 + x - 12 =$

13) $y^2 - 9y + 18 =$

14) $x^2 + 2x + 1 =$

15) $x^2 - 10x + 25 =$

مجموع مكعبين والفرق بينهما		مفهوم أساسي
الحالة العامة		طريقة التحليل
$a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$		مجموع مكعبين
$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$		الفرق بين مكعبين

$$16x^4 + 54xy^3 =$$

التاريخ

ضرب وقسمة المقادير النسبية

حل كل تعبير مما يأتي:

1) $5y^4 - 320yz^3 =$

2) $-54w^4 - 250wz^3 =$

تبسيط التعابير النسبية.

(2) بسط التعبير $\frac{5x(x^2+4x+3)}{(x-6)(x^2-9)}$ ، وحدد متى يكون التعبير غير معرف.

(1) ما قيم x التي تجعل التعبير $\frac{x^2(x^2-5x-14)}{4x(x^2+6x+8)}$ غير معرف؟

بسط كل تعبير مما يأتي، وحدد متى يكون التعبير غير معرف:

1) $\frac{4y(y-3)(y+4)}{y(y^2-y-6)} =$

2) $\frac{2z(z+5)(z^2+2z-8)}{(z-1)(z+5)(z-2)} =$

3) $\frac{x^3-y^3}{y-x} =$

4) $\frac{(4w^2-3wy)(w+y)}{(3y-4w)(5w+y)} =$

5) $\frac{(xz-4z)}{z^2(4-x)}$

6) $\frac{8a^3-b^3}{2b-4a}$

بسّط كل تعبير مما يأتي:

1) $\frac{6c}{5d} \cdot \frac{15cd^2}{8a}$

2) $\frac{xy^3}{7a^2b^2} \div \frac{x^2y}{35a^2b}$

3) $\frac{12c^3d^2}{21ab} \cdot \frac{14a^2b}{8c^2d}$

4) $\frac{16mt^2}{21a^4b^2} \div \frac{24m^3}{7a^2b}$

5) $\frac{c^2-6c-16}{c^2-16c+64} \cdot \frac{c-8}{c^2+5c+6}$

6) $\frac{x^2-16}{12y+36} \div \frac{x^2-12x+32}{y^2-3y-18}$

7) $\frac{8x-20}{x^2+2x-35} \cdot \frac{x^2-7x+10}{4x^2-16}$

8) $\frac{x^2-9x+20}{x^2+10x+21} \div \frac{x^2-x-12}{6x+42}$

بسّط كل تعبير مما يأتي:

1)
$$\frac{\frac{a+b}{4}}{\frac{a^2+b^2}{4}}$$

2)
$$\frac{\frac{x^2}{x^2-y^2}}{\frac{4x}{y-x}}$$

3)
$$\frac{\frac{a^3b^3}{xy^4}}{\frac{a^2b}{x^2y}}$$

4)
$$\frac{\frac{4x}{x+6}}{\frac{x^2-3x}{x^2+3x-18}}$$

5)
$$\frac{\frac{a^3b^3}{xy^4}}{\frac{a^2b}{x^2y}}$$

6)
$$\frac{\frac{4x}{x+6}}{\frac{x^2-3x}{x^2+3x-18}}$$

التاريخ

جمع وطرح المقادير النسبية

أولا : أوجد (م.م.أ) لكل مجموعة كثيرات حدود مما يأتي:

1) $6xy, 15x^2, 9xy^4$

2) $y^4 + 8y^3 + 15y^2, y^2 - 3y - 40$

3) $12a^2b, 15abc, 8b^3c^4$

4) $4a^2 - 12a - 16, a^3 - 9a^2 + 20a$

ثانيا : بسطي كل تعبير مما يأتي

1) $\frac{3y}{2x^3} + \frac{5z}{8xy^2}$

2) $\frac{4}{5a^3b^2} + \frac{9c}{10ab}$

$$3) \frac{5}{6ab} + \frac{3b^2}{14a^3}$$

$$4) \frac{5}{6x-18} - \frac{x-1}{4x^2-14x+6}$$

$$5) \frac{x-8}{4x^2+21x+5} + \frac{6}{12x+3}$$

$$6) \frac{3a+2}{a^2-16} - \frac{7}{6a+24}$$

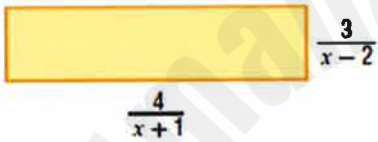
$$7) \frac{1 + \frac{1}{x}}{1 - \frac{x}{y}}$$

$$8) \frac{\frac{c}{d} - \frac{d}{c}}{\frac{d}{c} + 2}$$

$$9) \frac{1 + \frac{2}{x}}{\frac{3}{y} - \frac{4}{x}}$$

$$10) \frac{\frac{1}{y} + \frac{1}{x}}{\frac{1}{x} - \frac{1}{y}}$$

أوجد محيط المستطيل



$$\frac{3}{x-2}$$

$$\frac{4}{x+1}$$

تدريب على اختبار معياري

61) إذا كان $\frac{2a}{a} + \frac{1}{a} = 4$ ، فما قيمة a ؟

2 (D)

 $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{8}$ (B) $-\frac{1}{8}$ (A)

بطاقة إثرائية 8 (ضرب وقسمة وجمع وطرح التعابير النسبية)

ما قيم x التي تجعل التعبير غير معرف؟

1) $\frac{3-6x}{x^3-4x}$

2) $\frac{y^2+3y-40}{25-y^2}$

ما أبسط صورة للتعبير النسبية التالية :

1) $\frac{ab-4b}{4b^2-ab^2}$

2) $\frac{x^2-9}{x^2+5x+6} \times \frac{5x+10}{2x-6}$

3) $\frac{x^2-3x-28}{x^2-16} \div \frac{x^2-7x}{x+4}$

4) $\frac{\frac{4x}{x+6}}{\frac{x^2-3x}{x^2+3x-18}}$

5) $\frac{3a+2}{a^2-16} - \frac{7}{6a+24}$

6) $\frac{\frac{a}{b} - \frac{b}{a}}{\frac{1}{a} - \frac{1}{b}}$

التاريخ

تمثيل الدوال المقلوب بيانيا

مفهوم أساسي

الدالة الأم

نوع التمثيل البياني

المجال والمدى

خطا التقارب

المقاطع

تكون الدالة غير معرفة عندما

الدالة الأم

$f(x) = \frac{1}{x}$

قطع زائد

جميع الأعداد الحقيقية ما عدا الصفر

$y = 0$ و $x = 0$

لا يوجد

$f(x) = 0$ و $x = 0$

أضف إلى مطوبتك

$f(x) = \frac{1}{x}$
 $x \neq 0$

تحويلات التمثيلات البيانية لدوال المقلوب

القيم الأكبر من 1 بغض النظر
عن الإشارة السالبة

القيم المحصورة بين 0 و 1

تتسع رأسيا

تضيق رأسيا

$$f(x) = \frac{a}{x-h} + k$$

أزاحة رأسية

أزاحة أفقية

اتجاه الأعلى +

اتجاه الأسفل -

اتجاه اليمين +

اتجاه اليسار -

المدى , $\{x / x \neq h\}$ المجال :

$\{y / y \neq h\}$

مجال دالة المقلوب : هو مجموعة القيم التي تكون الدالة عندها معرفة.

أوجد قيم x التي يساوي عندها المقام صفرًا

الدالة $f(x) = \frac{-3}{x+2}$ غير معرفة عندما $x = -2$

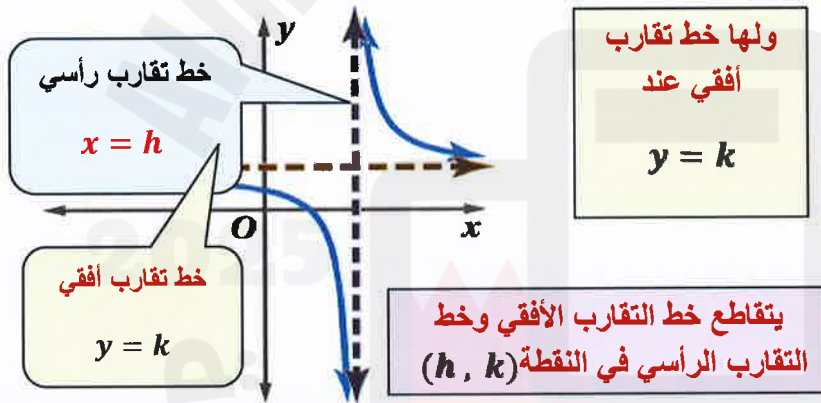
الدالة $g(x) = \frac{4}{x-5}$ غير معرفة عندما $x = 5$

الدالة $h(x) = \frac{3}{x}$ غير معرفة عندما $x = 0$

حدّد قيم x التي تجعل الدالة عندها غير معرفة :

$$f(x) = \frac{2}{x-1}$$

$$f(x) = \frac{7}{3x+2}$$



الدالة التي على الصورة

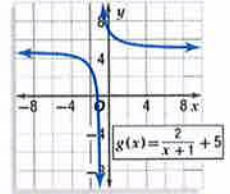
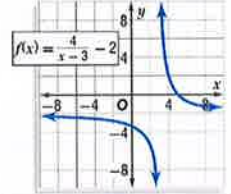
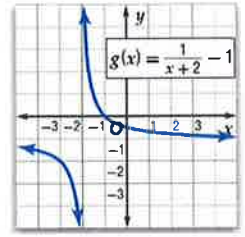
$$g(x) = \frac{a}{x-h} + k$$

لها خط تقارب رأسي عند قيمة x التي تكون الدالة عندها غير معرفة (التي تجعل المقام يساوي صفرًا)

$$x = h$$

حدد خطوط التقارب والمجال والمدى للدوال التالية :

المدى	المجال	خطوط التقارب	الدالة



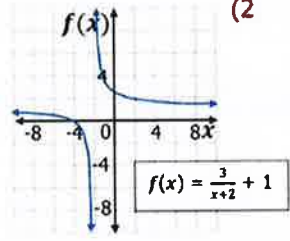
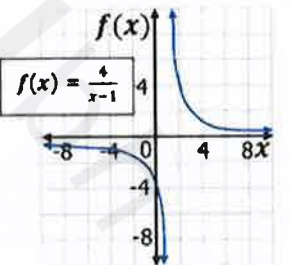
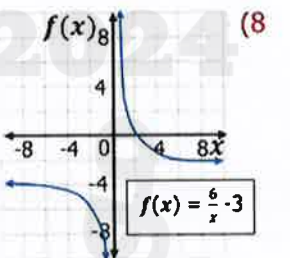
تحويلات التمثيلات البيانية لدوال المقلوب

الدالة	الوصف	المجال :	المدى :
	$g(x) = \frac{2}{x-4} + 2$		
	$g(x) = \frac{-3}{x+1} - 4$		
	$g(x) = \frac{-2}{x+4} + 1$		
		المجال :	المدى :

بطاقة إثرائية 9 (تمثيل دالة المقلوب)

إيجاد التحولات الهندسية :

اولا : حددي خطوط التقارب , المجال , المدى , للدوال التالية :

المدى	المجال	خطوط التقارب	الدالة
			 <p>(2)</p> <p>$f(x) = \frac{3}{x+2} + 1$</p>
			 <p>(1)</p> <p>$f(x) = \frac{4}{x-1}$</p>
			 <p>(8)</p> <p>$f(x) = \frac{6}{x} - 3$</p>

ثانيا : أكمل الفراغات الآتية لتحصلي على عبارات رياضية صحيحة :

1) التمثيل البياني للدالة $f(x) = \frac{-5}{x-1} - 3$ هو تحويل للتمثيل البياني للدالة $f(x) = \frac{1}{x}$ مع إزاحة إلى اليمين , وإزاحة 3 وحدات إلى , وإنعكاس حول المحور

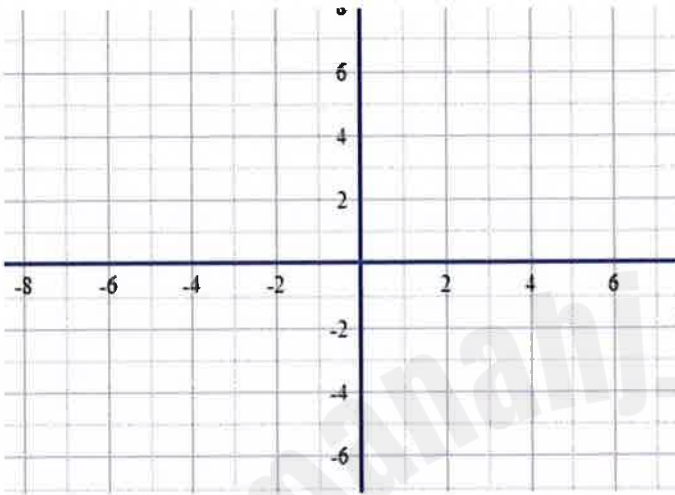
2) التمثيل البياني للدالة $f(x) = \frac{1}{x+2} + 6$ هو تحويل للتمثيل البياني للدالة مع إزاحة إلى , وإزاحة وحدات إلى , وإنعكاس حول المستقيم

مثلي كل دالة مما يأتي بيانها :

1) $g(x) = \frac{1}{x-1} + 3$

(1) أكمل الجدول :

X	-1	0	1	2	3
G(x)					



(2) معادلة خط التقارب الأفقي هي

(3) معادلة الخط التقارب الرأسي هي

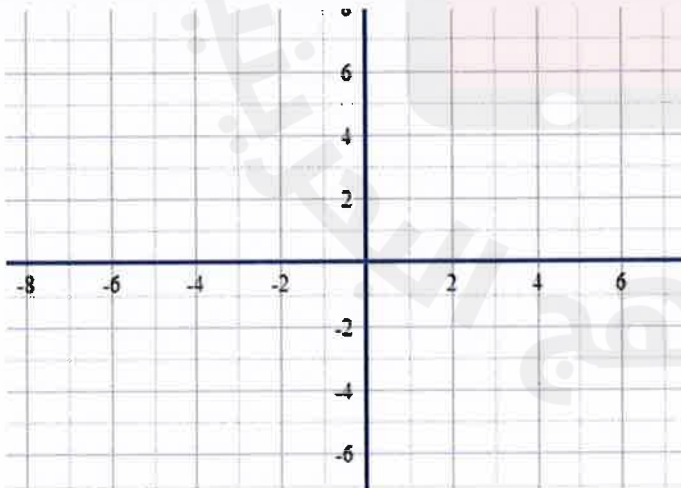
(4) المجال :

(5) المدى

2) $g(x) = \frac{-5}{x} - 1$

(1) أكمل الجدول :

X	-2	-1	0	1	2
G(x)					



(2) معادلة خط التقارب الأفقي هي

(3) معادلة الخط التقارب الرأسي هي

(4) المجال :

(5) المدى

تمثيل الدوال النسبية بيانيا التاريخ

خطوط التقارب الرأسية (المقام = 0 بعد التحليل)

اس البسط أكبر من اس المقام (لا يوجد خط تقارب)

اس البسط اصغر من اس المقام ($y=0$)اس البسط = اس المقام
معامل السط
 $y =$

خطوط التقارب الافقي

** خطوط التقارب

** أصفار الدالة : البسط = 0

أوجد خطوط التقارب الرأسية والافقية للدالة :

خطوط التقارب الأفقية	خطوط التقارب الرأسية	الدالة
		$f(x) = \frac{5x^2 - 3}{x^2 - 9}$
		$f(x) = \frac{x^2}{x - 1}$
		$f(x) = \frac{3}{x^2 - 1}$

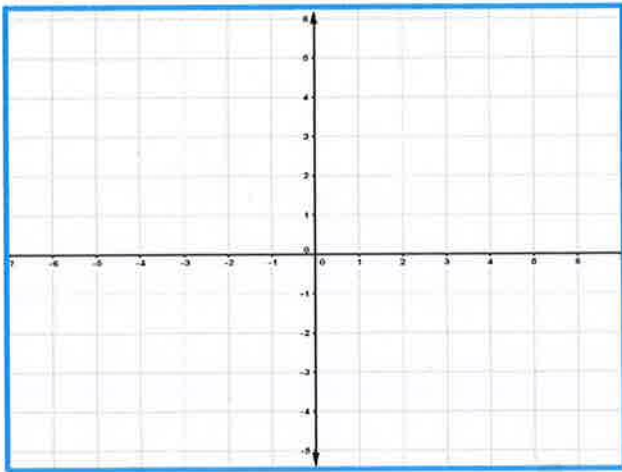
تمثيل الدوال النسبية :

مثل الدالة بيانيا:

$$1) f(x) = \frac{x^2}{x - 1}$$



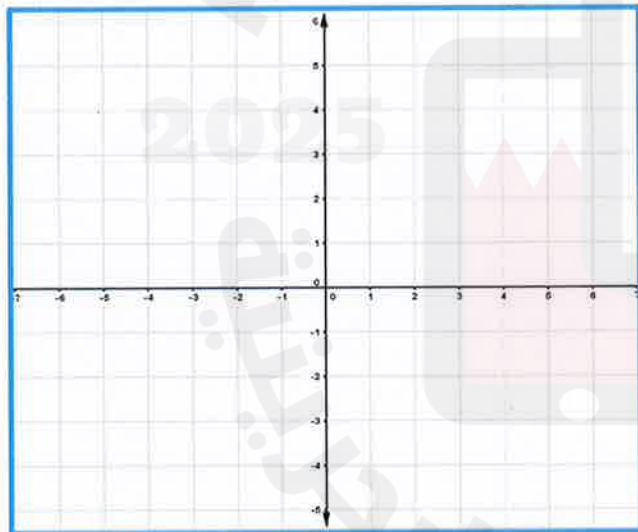
x	f(x)
-2	
-1	
0	
0.5	
1	
1.5	
2	
3	



x	$f(x)$
-5	
-4	
-3	
-2	
-1	
0	
1	
2	
3	

مثل الدالة بيانياً:

$$2) f(x) = \frac{x^2 - x - 6}{x + 1}$$



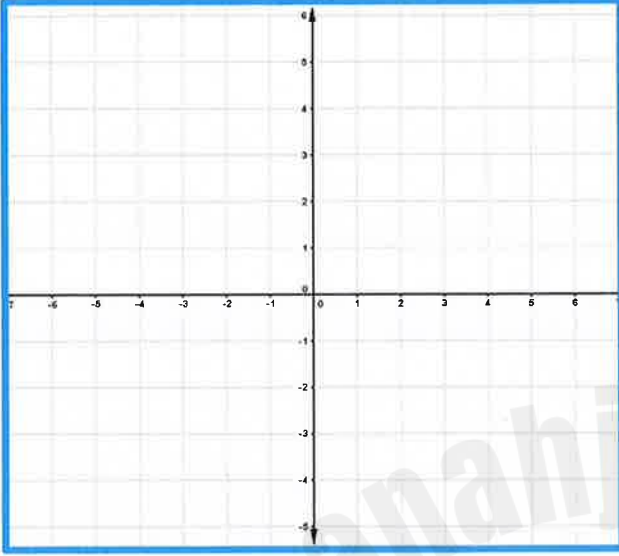
x	$f(x)$
-4	
-3	
-2	
-1	
0	
1	
2	
3	
4	

مثل الدالة بيانياً:

$$3) f(x) = \frac{3}{x^2 - 1}$$

مثل الدالة بيانيا:

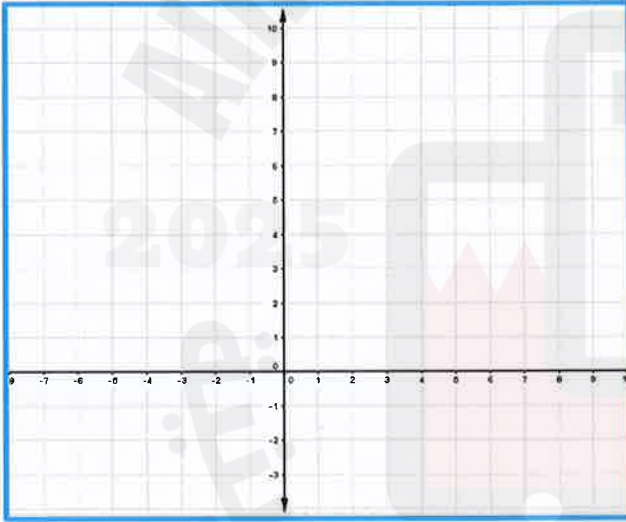
$$4) f(x) = \frac{1}{x+2}$$



x	f(x)
-5	
-4	
-3	
-2	
-1	
0	
1	
2	
3	

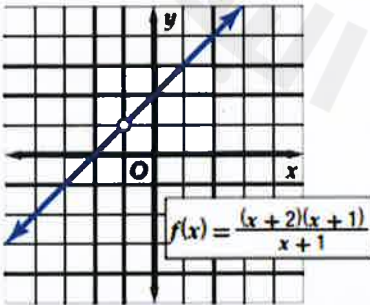
مثل الدالة بيانيا:

$$5) f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$$



x	f(x)
-1	
0	
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	

نقطة الإنفصال



يوجد بعض الأحيان **نقط انفصال** في التمثيل البياني للدالة النسبية، وتظهر هذه النقط على شكل **فجوات** في التمثيل البياني ؛ لأن الدالة تكون غير معرفة عند تلك النقاط

مثال

$$f(x) = \frac{(x+2)(x+1)}{(x+1)}$$

إذا كانت $f(x) = \frac{a(x)}{b(x)}$ ، حيث $b(x) \neq 0$ ،

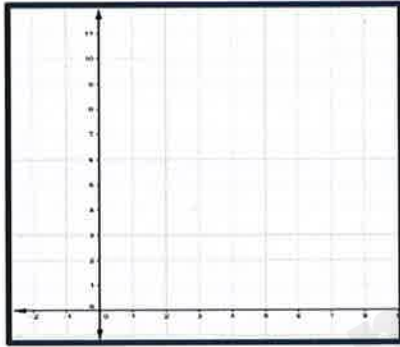
وكان $(x-c)$ عاملاً مشتركاً بين $a(x)$ و

$b(x)$ فإنه توجد نقطة انفصال عند $x = c$

مفهوم أساسي

مثل الدالة بيانياً:

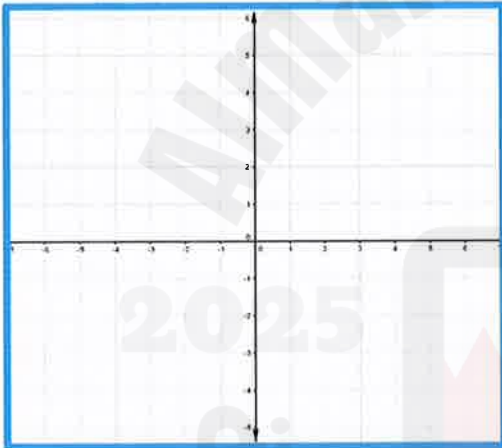
$$1) f(x) = \frac{x^2 - 16}{x - 4}$$



x	3	4	5
$f(x)$			

مثل الدالة بيانياً:

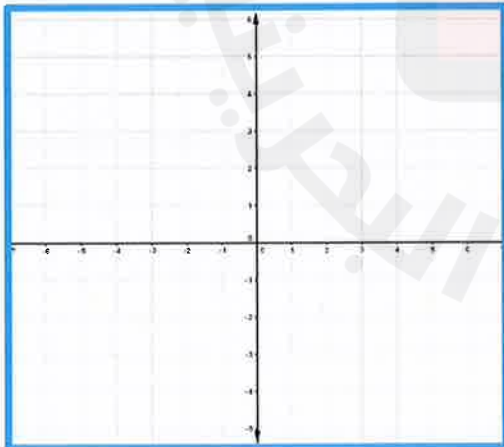
$$2) f(x) = \frac{x^2 + 4x - 5}{x + 5}$$



x			
$f(x)$			

مثل الدالة بيانياً:

$$3) f(x) = \frac{x^3 + 2x^2 - 9x - 18}{x^2 - 9}$$



x			
$f(x)$			

بطاقة إثرائية 10 (تمثيل الدوال النسبية)

$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x - 3}$	$f(x) = \frac{5}{(x - 1)(x + 4)}$	$f(x) = \frac{2x^2 - 10x}{x - 5}$	$f(x) = \frac{x^2 - 5x}{x + 3}$	الدالة
				أوجد اصفار الدالة ؟
				أوجد خطوط التقارب الأفقي (أن وجد) ؟
				أوجد خطوط التقارب الرأسبي (أن وجد) ؟
				أوجد نقاط الانفصال (أن وجد) ؟

التاريخ التغيير

التغيير المشترك (التناسب المشترك)	التغيير الطردني (التناسب الطردني)
<p>ويحدث عندما تتغير كمية طردياً مع حاصل ضرب كميتين أو أكثر</p> <p>y تتغير طردياً مع xz فإن</p> <p>① $y = kxz, k \neq 0$ (معادلة التغيير)</p> <p>حيث k ثابت التغيير (ثابت التناسب)</p> <p>② $\frac{y_1}{x_1z_1} = \frac{y_2}{x_2z_2}$ (التناسب)</p>	<p>y تتغير (تناسب) طردياً مع x فإن :</p> <p>① $y = kx, k \neq 0$ (معادلة التغيير)</p> <p>حيث k ثابت التغيير (ثابت التناسب)</p> <p>② $\frac{y_1}{x_1} = \frac{y_2}{x_2}$ (التناسب)</p>
التغيير المركب (التناسب المركب)	التغيير العكسي (التناسب العكسي)
<p>ويحدث عندما تتغير كمية طردياً أو عكسياً أو كليهما معاً مع كميتين أو أكثر</p> <p>① $y = \frac{kx}{z}, k \neq 0$ (معادلة التغيير)</p> <p>حيث k ثابت التغيير (ثابت التناسب)</p> <p>② $\frac{y_1z_1}{x_1} = \frac{y_2z_2}{x_2}$ (التناسب)</p>	<p>y تتغير (تناسب) عكسياً مع x فإن :</p> <p>① $y = \frac{k}{x}, k \neq 0$ (معادلة التغيير)</p> <p>حيث k ثابت التغيير (ثابت التناسب)</p> <p>② $x_1y_1 = x_2y_2$ (التناسب)</p>

التغيير المركب	التغيير العكسي	التغيير المشترك	التغيير الطردني
<p>معادلة التغيير</p> <p>$y = \frac{kx}{z}$</p> <p>التناسب</p> <p>$\frac{y_1z_1}{x_1} = \frac{y_2z_2}{x_2}$</p> <p>$y = \frac{8x}{z}$</p>	<p>معادلة التغيير</p> <p>$y = \frac{k}{x}$</p> <p>التناسب</p> <p>$y_1x_1 = y_2x_2$</p> <p>$yx = 9$</p>	<p>معادلة التغيير</p> <p>$y = kxz$</p> <p>التناسب</p> <p>$\frac{y_1}{x_1z_1} = \frac{y_2}{x_2z_2}$</p> <p>$y = 7xz$</p>	<p>معادلة التغيير</p> <p>$y = kx$</p> <p>التناسب</p> <p>$\frac{y_1}{x_1} = \frac{y_2}{x_2}$</p> <p>$y = 5x$</p>

حدد ما إذا كانت كل معادلة مما يأتي تمثل تغييراً طردياً، أو عكسياً، أو مشتركاً، أو مركباً، وأوجد ثابت التغيير (التناسب) في كل منها:

$\frac{x}{y} = 2.75$

$-10 = gh$

$pr = 9n$

$m = 20cd$

تغيير مركب

تغيير مشترك

تغيير عكسي

تغيير طردني

حدد ما إذا كانت كل علاقة ممثلة في الجداول أدناه تمثل تغيرًا طرديًا، أو تغيرًا عكسيًا، أو غير ذلك:

x	y
2	4
3	9
4	16
5	25

x	y
8	2
4	4
-2	-8
-8	-2

x	y
4	12
8	24
16	48
32	96

التغير الطردي

$$y = kx$$

$$\frac{y_1}{x_1} = \frac{y_2}{x_2}$$

② إذا كانت r تتغير طرديًا مع t ، وكانت $r = -20$ عندما $t = 4$ ، فأوجد قيمة r عندما $t = -6$

$$r = 30$$

① إذا كانت y تتغير طرديًا مع x ، وكانت $y = 15$ عندما $x = -5$ ، فأوجد قيمة y عندما $x = 7$

④ تتغير الزيادة في طول الزنبرك S طرديًا مع الوزن F للجسم المعلق به . إذا ازداد طول الزنبرك بمقدار 20 عند تعليق جسم وزنه 25 P فيه ، فكم تكون الزيادة في طوله عند تعليق جسم وزنه 15 P فيه .

$$V = 96$$

③ إذا كانت a تتغير طرديًا مع b وكانت $a = 27$ عندما $b = 18$ فأوجد : قيمة a عندما $b = 10$

$$a = 15$$

التغير المشترك

$$y = kxz$$

$$\frac{y_1}{x_1 z_1} = \frac{y_2}{x_2 z_2}$$

- ① إذا كانت y تتغير تغيراً مشتركاً مع كل من x و z ، فأوجد قيمة y عندما $x = 9, z = 2$ ، علماً بأن $y = 20$ عندما $x = 5, z = 3$
- ② إذا كانت r تتغير تغيراً مشتركاً مع كل من t و v ، وكانت $r = 70$ عندما $t = 4, v = 10$ ، فأوجد قيمة r عندما $t = 8, v = 2$

$$r = 28$$

التغير العكسي

$$y = \frac{k}{x}$$

$$x_1 y_1 = x_2 y_2$$

- ① إذا كانت a تتغير عكسياً مع b ، وكانت $a = 28$ عندما $b = -2$ ، فأوجد قيمة a عندما $b = -10$
- ② إذا كانت x تتغير عكسياً مع y ، وكانت $x = 24$ عندما $y = 4$ ، فأوجد قيمة x عندما $y = 12$

$$x = 8$$

التغير المركب

$$y = \frac{kx}{z}$$

$$\frac{y_1 z_1}{x_1} = \frac{y_2 z_2}{x_2}$$

② إذا كانت p تتغير طردياً مع r وعكسياً مع t ، فأوجد قيمة t عندما $p = -5, r = 10$ ،
علمًا بأن $t = 20$ عندما $r = 2, p = 4$

① إذا كانت f تتغير طردياً مع g وعكسياً مع h ، وكانت $g = 24$ عندما $f = 6, h = 2$ ،
فأوجد قيمة g عندما $h = -3, f = 18$

$$t = -80$$



بطاقة إثرائية (1) لرياض 261
تمثيل فضاء العينة + مبدأ العد

الاسم : الرقم الأكاديمي : الشعبة :

أسئلة امتحانات سابقة :

<p>(2) يقدم مكتب سفريات عروض مختلفة على تذاكر سفر لثلاث دول أوروبية جورجيا (G)، النمسا (A)، فرنسا (F). حيث يمكن للزبائن اختيار مدة الرحلة لـ 6 أيام (S) أو لـ 8 أيام (E). ويقدم المكتب هدايا لكل الزبائن حقيبية (B) وهاتف محمول (P). مثل فضاء العينة لخيارات الزبائن من حيث وجهة السفر وعدد أيام الرحلة والهدايا التي يحصلون عليها باستعمال المجموعة.</p>	<p>(1) صندوق به ثلاث كرات ملونة، كرة حمراء R كرة بيضاء W، كرة سوداء B، يراد سحب كرتين من الصندوق واحدة وراء الأخرى دون ارجاع، مثل فضاء العينة لهذه التجربة باستعمال الجدول .</p>
<p>(2) في إحدى التجارب يتم إلقاء قطعة نقود مرة واحدة، وفي حال ظهور صورة (H) يتم رمي مكعب مرقم من 1 إلى 6 مرة واحدة أيضاً، وفي حال ظهور كتابة (T) يتم تدوير المؤشر المجاور مرة واحدة أيضاً، فما عدد النواتج الممكنة لهذه التجربة؟</p>	<p>(1) يتكون أحد الاختبارات من خمسة فقرات من نوع أسئلة اختيار من متعدد، إذا كان عدد الخيارات المتاحة لكل فقرة 4 خيارات، فما عدد النواتج الممكنة لاختبار إجابات لجميع أسئلة الاختبار؟</p>
<p>(4) يقدم مطعم قائمة طعام كما في الشكل أدناه وقد استلم أحمد قائمة طعام بها خطأ مطبعي، بحيث أن عدد أصناف الطبق الرئيسي هو n، إذا أخبر النادل أحمد أنه يمكنه أن يختار طبقاً رئيسياً ونوع من المقبلات ونوع من المشروبات بمائة وأثنين وتسعين طريقة مختلفة، ما عدد الأطباق الرئيسية المختلفة في القائمة؟</p>	<p>(3) قام أحمد بتصميم تجربة عشوائية من ثلاث مراحل، المرحلة الأولى تدوير مؤشر دوار، والثانية إلقاء حجر نرد والثالثة إلقاء قطعة نقد، كما في الشكل أدناه، ولكن ألوان قطاعات المؤشر أختفت، إذا علمت أن أحمد حسب عدد نواتج التجربة وهي 60، فما عدد قطاعات المؤشر؟</p>
<p>(6) تحتوي قائمة طعام أحد المطاعم على 7 أصناف للطبق الرئيسي، و 5 أصناف من الحساء، و 3 أصناف من الحلوى، و 6 أصناف من المقبلات، و 4 أصناف من المشروبات. كم طبقاً مختلفاً يمكن تقديمه إذا اختار الشخص طبقاً رئيسياً واحداً، وصنفاً من الحلوى، وآخر من المقبلات وقارورة ماء؟</p>	<p>(5) بكم طريقة يمكن أن يطلب سعود طبقاً رئيسياً وطبقاً من المقبلات وطبقاً من الحلويات مع كوب عصير البرتقال من بين 12 طبقاً رئيسياً، و 5 أطباق مقبلات، و 6 أطباق حلويات، و 8 أنواع من عصائر الفواكه المختلفة التي يقدمها أحد المطاعم؟</p>

لقمة الطعام	
النوع	العدد
الأطباق الرئيسية	5
المقبلات	6
المشروبات	8





بطاقة إثرائية (2) لرياض 261
الاحتمال باستعمال التباديل والتوافيق



الاسم : الرقم الأكاديمي : الشعبة :

<p>(2) وقف أحمد وحسن وخالد ومحمد وعبدالله وعبدالرحمن في صف واحد لالتقاط صورة تذكارية. ما احتمال أن يظهر خالد في أقصى يمين الصورة، ومحمد في أقصى يسارها ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/30</p>	<p>(1) وقف كل من حسين ، مصطفى ، ياسر ، محمود ، شعبان ، لؤي في طاבור لدفع فاتورة الكهرباء، أوجدي احتمال أن يقف ياسر في مقدمة الصف .</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/6</p>
<p>(4) رتبت 6 كراسي في صف واحد داخل قاعة تكريم الطلاب الأوائل في إحدى المدارس، وكانت مخصصة لجلوس 6 طلاب من الأوائل بينهم لؤي وحسن. إذا جلس أولئك الطلاب الأوائل على تلك الكراسي الستة عشوائيًا، فما احتمال جلوس لؤي بجوار حسن ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/3</p>	<p>(3) تجمع فريق كرة القدم الشاطئية المكون من خمسة لاعبين مع مدربهم للتشاور قبل بدء المباراة عشوائيًا. ما احتمال أن يقف المدرب وحارس المرمى بجانب بعضهما البعض .</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/6</p>
<p>(6) تقف المعلمتان سميرة وهناء مع ثلاث طالبات في صف واحد لالتقاط صورة تذكارية. ما احتمال أن تقف معلمة عند كل طرف من طرفي الصف إذا اصطفوا بشكل عشوائي ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/10</p>	<p>(5) تقف المعلمتان سميرة وهناء مع ثلاث طالبات في صف واحد لالتقاط صورة تذكارية. ما احتمال أن تقف سميرة عند أقصى يمين طرف الصف، وتقف هناء عند أقصى يسار طرف الصف ، إذا اصطفوا بشكل عشوائي ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/20</p>
<p>(8) تحتفظ وفاء بصورة لكل من أبنائها: عبدالله، وعلي، وسحر ، ودعاء ، وبثينة على حاسوبها وتريد ترقيمها من 1 إلى 5، ما احتمال أن تأخذ صورة عبدالله الرقم 3، وتأخذ صورة علي الرقم 4 ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/20</p>	<p>(7) وقف أفراد عائلة عبدالكريم المكونة من الأب والأم وثلاثة من الأبناء في صف متجاورين لالتقاط صورة تذكارية لهم. ما احتمال أن يقف الأب عند أحد طرفي الصف ، وتقف الأم عند الطرف الآخر ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/10</p>
<p>(10) يجلس أفراد عائلة مكونة من الأب والأم وثلاثة أبناء عشوائيًا حول طاولة دائرية لتناول طعام العشاء ، ما احتمال أن تجلس الأم على يمين الأب مباشرة ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 1/4</p>	<p>(9) إذا كان احتمال نجاح إبراهيم في امتحان الحاسوب هو ضعف احتمال رسوبه في نفس الامتحان. فما هو احتمال نجاح إبراهيم في امتحان الحاسوب ؟</p> <p style="text-align: right;">الجواب : 2/3</p>

<p>12) يتكون المجلس الطلابي في إحدى المدارس من 12 عضواً، ويراد تشكيل لجنة مكونة من 3 طلاب لمنصب الرئيس ونائب الرئيس والسكرتير للمجلس الطلابي، ما احتمال تشكيل لجنة يكون " سالم " فيها رئيساً؟</p>	<p>11) أقام أحد المساجد مسابقة لحفظ القرآن الكريم، وانتهت المسابقة على التنافس بين 7 طلبة أسمائهم مختلفة. إذا كانت لجنة التحكيم للمسابقة تقابل هؤلاء الطلبة عشوائياً كل على حدة: أ) ما احتمال أن تستدعيهم اللجنة للمقابلة وفق الترتيب الأبجدي لأسمائهم؟ ب) إذا كان 4 من بين هؤلاء الطلبة هم أصدقاء لك في المدرسة، فما احتمال أن يكون أول اثنين تستدعيهم اللجنة للمقابلة من أصدقائك الأربعة؟</p>
<p>13) ألقى حجرى نرد متمايزين مرة واحدة، فإن احتمال ظهور العدد 2 على كل منهما :</p>	<p>الجواب : 1/12</p>
<p>الجواب : 1/36</p>	<p>الجواب : 2/7 – 1/21</p>
<p>15) يراد تكوين لجنة مكونة من 4 أعضاء من بين 5 رجال و6 سيدات ، ما احتمال تشكيل لجنة مكونة من جنس واحد فقط ؟</p>	<p>14) يراد تكوين كلمة من حروف كلمة " المحرق "، فإن احتمال أن تبدأ الكلمة بحرف الميم وتنتهي بحرف الراء هو :</p>
<p>الجواب : 2/33</p>	<p>الجواب : 1/30</p>
<p>17) عند خولة عشر كرات مرقمة من 1 إلى 10 ، إذا أرادت خولة ترتيب هذه الكرات حول حلقة ، فما احتمال أن تقع الكرة رقم 2 بجانب الكرة رقم 3 ؟</p>	<p>16) صندوق به 10 مصابيح ، 4 منها غير صالحة ، إذا اخترنا من هذا الصندوق 4 مصابيح عشوائياً على التوالي وبدون ارجاع ، أوجد احتمال أن تكون أول ثلاثة مصابيح فقط صالحة.</p>
<p>الجواب : 2/9</p>	<p>الجواب : 2/21</p>
<p>19) يريد أستاذ خالد توزيع 30 هدية مختلفة على طلابه مرقمة من 1 إلى 30 في يوم تكريم الطلبة المتفوقين وعند توزيع الهدايا أدرك أستاذ خالد أنه نسي الهديتين رقم 13، 27. ما احتمال أن يحصل عيسى على الهدية رقم 17 ويحصل يونس على الهدية رقم 23 ؟</p>	<p>18) نسبة انتشار مرض السكر في إحدى الدول تقدر بـ 15% . إذا اختير 3 أشخاص عشوائياً فما احتمال أن يكون هؤلاء الثلاثة غير مصابين بمرض السكر في تلك الدولة؟</p>
<p>الجواب : 1/756</p>	<p>الجواب : 4913/8000</p>
<p>21) إذا رتبنا البطاقات السبعة في شكل دائري ، فما احتمال أن تكون البطاقة التي تحمل الرقم 3 تجاور البطاقة التي تحمل الرقم 4 ؟</p>	<p>20) اشترك مجموعة من الطلبة في أحد الأندية الرياضية ، 8 طلاب من مدينة عيسى، 7 طلاب من الرفاع، و5 طلاب من المحرق. فإذا اختير منهم 3 طلاب لتمثيل النادي في مسابقة خارجية ، فما احتمال أن يكون هؤلاء الطلاب الثلاثة من مدينة عيسى؟</p>
<p>الجواب : 1/3</p>	<p>الجواب : 0.05</p>

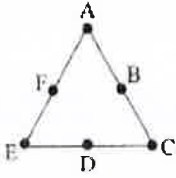


بطاقة إثرائية (3) لرياض 261
الاحتمال الهندسي



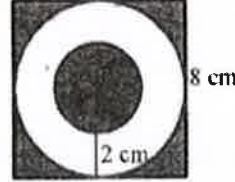
الاسم : الرقم الأكاديمي : الشعبة :

(2) إذا اختيرت ثلاث نقاط عشوائيًا من النقاط المسماة في المثلث في الشكل المجاور، فما احتمال أن تقع النقاط الثلاث على استقامة واحدة؟



3/20

(1) ما احتمال اختيار نقطة عشوائيًا في المنطقة المظللة من الشكل المجاور؟



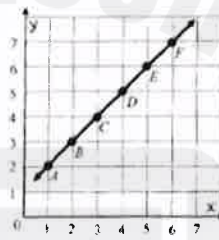
41.1%

(4) اختيرت نقطة عشوائيًا في المربع الذي طول ضلعه 4cm ، ما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة كما في الشكل المجاور؟



1/32

(3) اعتمد الشكل المجاور للإجابة عن كل مما يأتي :
(أ) بكم طريقة يمكن اختيار نقطتين عشوائيًا من النقاط المعينة على المستقيم؟



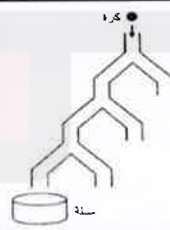
(ب) إذا اختيرت عشوائيًا نقطة تقع على AF ، فما احتمال أن تقع هذه النقطة على BD ؟

15 - 2/5



(6) ضل أحد السواح طريقه في الصحراء، فوجه بوصلته الظاهرة في الشكل المجاور، ما احتمال أن يوجه البوصلة في اتجاه المنطقة المحصورة بين الشمال الشرقي NE و الجنوب S ؟

3/8



(5) تم اسقاط كرة في المتهاة باتجاه السهم الظاهر، كما في الشكل أدناه. وعند كل تقاطع تكون للكرة فرص متساوية أن تقع لليمين أو لليسار. ما احتمال وصول الكرة للسلة؟

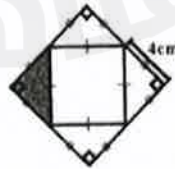
1/8

(8) الشكل المجاور يمثل ثلاث دوائر متداخلة، طول قطر الدائرة الصغيرة 1cm ، وطول قطر الدائرة المتوسطة مساويًا لنصف طول قطر الدائرة الكبيرة والذي يساوي 5cm ، فإذا اختيرت نقطة عشوائية داخل الدائرة المتوسطة فما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة؟



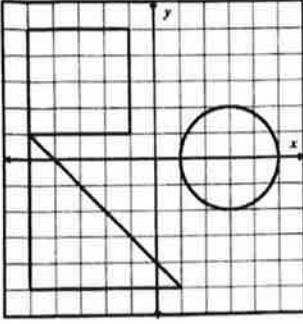
4/25

(7) اختيرت نقطة عشوائيًا في الشكل المجاور، ما احتمال وقوعها في المنطقة غير المظللة؟



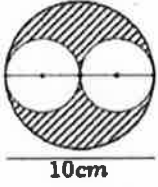
7/8

(9) إذا اختيرت نقطة في المستوى الإحداثي أدناه عشوائيًا ، فأوجد احتمال وقوع النقطة داخل الدائرة أو المربع أو المثلث.



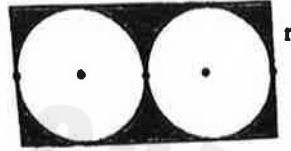
0.323

(11) إذا اختيرت النقطة X عشوائيًا داخل الدائرة الكبرى التي قطرها 10cm ، فما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة ؟



10cm

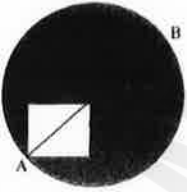
(10) إذا اختيرت نقطة عشوائيًا في الشكل أدناه ، فما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة مقربًا الناتج إلى أقرب عشر ؟ (علمًا بأن $r = 1$)



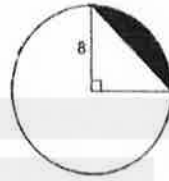
21.4%

1/2

(13) رسم مربع داخل دائرة كما في الشكل المجاور، وكان AB قطر للدائرة و $BC=6\text{cm}$. إذا اختيرت نقطة عشوائيًا داخل الدائرة فما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة ؟



(12) إذا اختيرت نقطة عشوائيًا في الشكل أدناه ، فما احتمال وقوعها في المنطقة المظللة ؟



0.091

0.85

2025

2024



بطاقة إثرائية (4) لرياض 261
الاحتمال الأحداث المستقلة وغير المستقلة
والمتنافية وغير المتنافية



الاسم : الرقم الأكاديمي : الشعبة :

(2) بناءً على الجدول المجاور إذا اختير طالب عشوائيًا من المدرسة، فما احتمال بأن يكون الطالب من الصف الأول الثانوي أو ممن موهبته الرسم؟

المواهب	الصف الأول ثانوي	الصف الأول ثانوي	الصف الأول ثانوي
الموسيقى	15	18	12
الرسم	13	14	18

الجواب : 2/3

(1) مجموعة بطاقات عددها 52 مقسمة إلى أربع مجموعات لكل منها لون من الألوان الآتية : الأحمر والأسود والأزرق والأخضر ورقمت البطاقات من 1 إلى 13 .
(a) ما احتمال سحب بطاقة تحمل رقم يقبل القسمة على 5 أول بطاقة زرقاء من هذه المجموعة؟

(b) إذا سحبنا بطاقتين الواحدة تلو الأخرى وبدون ارجاع ، ما احتمال ظهور بطاقة تحمل عددًا أوليًا مرة واحدة على الأقل؟

الجواب : 19/52 – 158/221

(4) رمي حجرًا نرد متمايزين مرة واحدة . ما احتمال أن يظهر عدد فردي على كل من وجهي الحجرين الظاهرين أو أن يكون مجموع العددين الظاهرين يساوي 6 ؟

الجواب : 11/36

(3) في تجربة عشوائية ما ، إذا كان A, B حدثين في فضاء التجربة، حيث $P(A)=0.14, P(B)=0.5, P(A \cup B) = 0.57$ ، فأجب عن كل مما يأتي :
(a) ما احتمال وقوع الحدثين A, B معًا .

(b) هل الحدثان A, B مستقلان ؟ وضح إجابتك.

الجواب : 0.07 - مستقلان

(6) إذا كان احتمال نجاح أمينة في مادة الرياضيات هو 0.5 واحتمال نجاحها ونجاح صديقتها فاطمة معًا في المادة هو 0.125 ، فما احتمال نجاح فاطمة في مادة الرياضيات ؟

الجواب : 0.225

(5) اختار حسن كتابًا من الكتب الموجودة على رفوف مكتبته المبينة في الجدول أدناه عشوائيًا . ما احتمال أن يكون الكتاب من الرف A أو يكون الكتاب دينيًا ؟

أنواع الكتب			مكتبة حسن	
أدبية	علمية	دينية	A	الرف
4	9	10	B	
7	8	2		

الجواب : 5/8

(8) حدد ما إذا كانت الأحداث فيما يأتي مستقلة أو غير مستقلة وأوجد الاحتمال المطلوب :

صندوق يحتوي على 5 كرات بيضاء W و 6 كرات سوداء B و 4 حمراء R . إذا سُحبت منه كرتان عشوائيًا على التوالي .

(1) ما احتمال أن تكون الكرتان بيضاوان ، إذا كان السحب دون ارجاع ؟

(2) ما احتمال أن تكون إحداها حمراء والأخرى بيضاء إذا كان السحب مع الإرجاع ؟

الجواب : $8/45 - 2/21$

(10) حدد إذا كان الحدثان متنافيين أو غير متنافيين ثم أوجد الاحتمال : " اختيار عدد عشوائيًا من بين الأعداد الصحيحة 1 إلى 15 والحصول على عدد فردي أو يقبل القسمة على 5 "

الجواب : $3/5$ غير متنافيين

(11) صندوق فيه 7 بطاقات متماثلة مرقمة من 1 إلى 7 أولاً: إذا سُحبت بطاقة من الصندوق عشوائيًا دون ارجاع ، ثم سُحبت بطاقة أخرى. فما احتمال أن تكون الأولى تحمل رقم زوجي والثانية تحمل رقم فردي .

ثانيًا : إذا رتبت البطاقات السبعة في شكل دائري ، فما احتمال أن تكون البطاقة التي تحمل الرقم 3 تجاور البطاقة التي تحمل الرقم 4 .

الجواب : $1/3 - 2/7$

(7) يبين الجدول المجاور الهوايات المفضلة لـ 60 طالب من مستويات مختلفة . إذا اختير طالب فما احتمال (a) أن تكون هوايته جمع الطوابع ؟

الهوايات المفضلة			مستوى الطلبة
كرة القدم F	جمع الطوابع S	القراءة R	
4	6	10	A
6	5	9	B
5	7	8	C

(b) أن يكون من هواة القراءة أو أن يكون من المستوى B?

الجواب : $19/30 - 3/10$

(9) حدد إذا كانت الأحداث مستقلة أو غير مستقلة ثم أوجد الاحتمال : سُحبت عشوائيًا بطاقة حمراء ثم بطاقة خضراء من صندوق فيه 4 بطاقات حمراء و 7 خضراء . إذا كان السحب واحدة وراء الأخرى مع الإرجاع .

الجواب : مستقلان - $28/121$

(11) أظهرت دراسة أن 30% من الناس يشترون ملابسهم من المجمعات التجارية . اختير 3 أشخاص عشوائيًا . أوجد احتمال أن يكون الثلاثة لا يشترون ملابسهم من المجمعات التجارية .

الجواب : $391/1155$



بطاقة مراجعة لرياض 261
لأهم أفكار الامتحانات النهائية



الاسم : الرقم الأكاديمي : الشعبة :

1) أوجد خطوط التقارب الرأسية والأفقية :			
$p(x) = \frac{2}{x+8}$	$h(x) = \frac{x^2}{x^2+8}$	$g(x) = \frac{x+8}{2x}$	$f(x) = \frac{x^2}{x+8}$
2) الدالة $k(x) = \frac{3}{x-4} - 2$ فأوجد:			
خط التقارب الأفقي	خط التقارب الرأسي	المدى	المجال
4) إذا كانت x تتغير تغيراً مشتركاً مع كل من y, z فأوجد قيمة x عندما $y=4, z=-3$ ، إذا كانت $x=-60$ عندما $y=-5, z=4$		3) إذا كانت x تتغير طردياً مع y وعكسياً مع d ، وكانت $x=8$ عندما $y=13$ و $d=39$ فأوجد قيمة d عندما $x=16, y=-6$	
6) إذا كان كل 2.5 in على إحدى الخرائط تعادل 75 mi على سطح الأرض . اكتب معادلة تغير طردي توضح هذا الموقف وأوجد من المعادلة البعد على الأرض بين مدينتين ، إذا كان البعد بينهما على الخريطة يساوي 20 in .		5) إذا كانت a تتغير طردياً مع b وعكسياً مع c ، وكانت $a=8$ عندما $b=13$ و $c=26$ ، فأوجد قيمة b عندما $a=20, c=-12$	

8) أكمل الجدول التالي بحيث تتحقق العلاقة المكتوبة أدناه بين قوسين للمتغيرين x, y ثم اكتب أسفل كل جدول قاعدة التغير الممثلة فيه :

x	y
0.5	10
1
2.5
.....	25
0.25	20

قاعدة التغير :

(عكسي)

7) أكمل الجدول التالي بحيث تتحقق العلاقة المكتوبة أدناه بين قوسين للمتغيرين x, y ثم اكتب أسفل كل جدول قاعدة التغير الممثلة فيه :

x	y
0.5	3
1
.....	18
3.5
5.5	33

قاعدة التغير :

(طردي)

10) اكتب بين القوسين أسفل كل جدول أدناه ، نوع العلاقة (طردي أو عكسي) ، ثم اكتب أسفل كل منها قاعدة التغير الممثلة في الجدول :

x	y
2.5	12.5
3	15
4	20
5	25
8	40

التغير :

المعادلة :

9) اكتب بين القوسين أسفل كل جدول أدناه ، نوع العلاقة (طردي أو عكسي) ، ثم اكتب أسفل كل منها قاعدة التغير الممثلة في الجدول :

x	y
2.5	14.4
3	12
4	9
5	7.2
8	4.5

التغير :

المعادلة :

11) أكمل الجدول أدناه لتحديد ما إذا كانت كل معادلة معطاة فيه تمثل تغيراً طردياً أو عكسياً أو مشتركاً أو مركباً :

المعادلة	نوع التغير
$9n = 8p$ q	
$-10 = \frac{xy}{z}$	
$-10 = xy$	
$\frac{C}{d} = \pi$	
$L = \frac{5}{K}$	
$u = 5xy$	

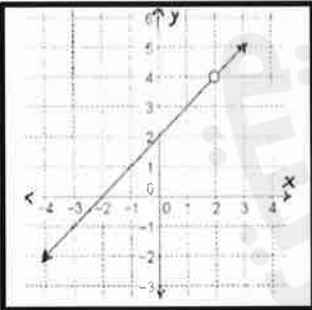
13) وجد باحث أثناء مراقبته هجرة نوع معين من الطيور ، أن سرب الطيور يقطع مسافة تتغير طردياً مع الزمن الذي يقضيه السرب في الطيران ، وقد لاحظ أن سرب الطيور هذا يقطع مسافة $375mi$ في $7.5h$. اكتب معادلة تغير طردي توضح هذا الموقف ، وأوجد من المعادلة عدد الساعات التي سوف يقضيها السرب في الطيران عندما يقطع مسافة $3000mi$.

12) يحتاج فريقان من العمال A, B إلى $6h$ للقيام بأعمال بناء جدار في أحد المواقع إذا عملاً معاً . في حين يحتاج الفريق A إلى $10h$ لإنجاز العمل نفسه عندما يعمل لوحده . كم ساعة يحتاجها الفريق B لإنجاز العمل نفسه إذا عمل لوحده ؟

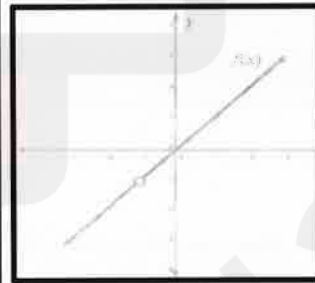
- (14) أعط مثلاً على دالة مقلوب بحيث يكون لتمثيلها البياني المواصفات الآتية :
- توسع رأسي بمقدار 3 .
 - انعكاس حول المحور x .
 - إزاحة إلى اليمين بمقدار 4 وحدات .
 - إزاحة إلى أعلى بمقدار وحدتين .
- (15) أعط مثلاً على دالة مقلوب بحيث يكون تمثيلها البياني خط تقارب رأسي عندما $x=2$ ، وخط تقارب أفقي عندما $y=-3$

(16) إذا كان $A = \frac{1}{x}$ ، $B = \frac{x^2+4x+3}{x-1}$ ، $C = \frac{x^2-9}{x-1}$ فأوجد ناتج $A - \frac{B}{C}$ في أبسط صورة .

(17) إذا كان $A = \frac{-40}{x^2+8x}$ ، $B = \frac{x^2-5x-24}{x-2}$ ، $C = \frac{x^2-64}{2-x}$ ، فأوجد ناتج $A - \frac{B}{C}$ في أبسط صورة .



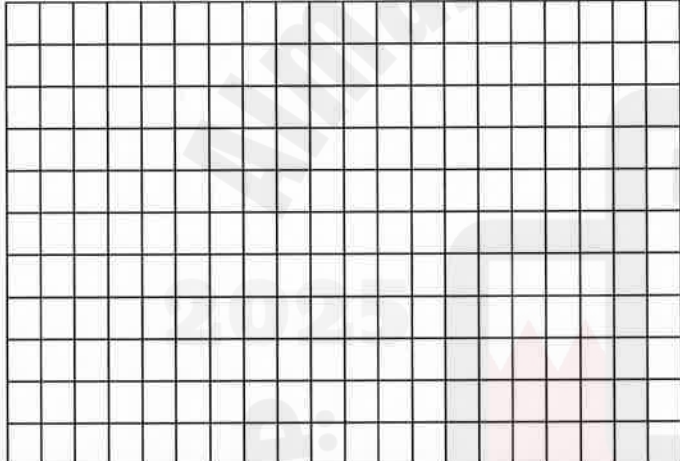
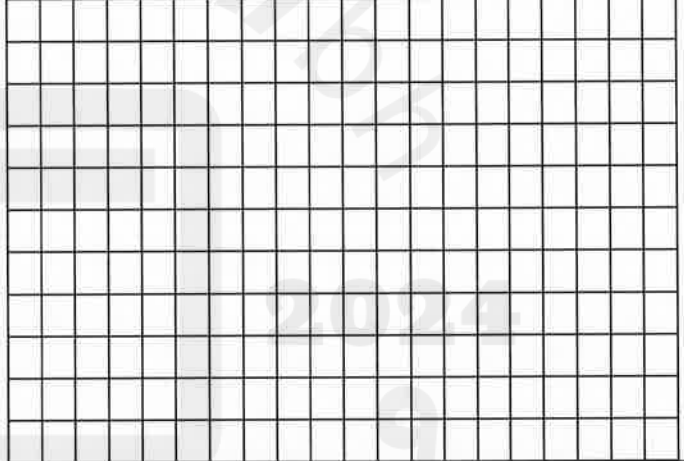
(19) اكتب دالة نسبية لها التمثيل المجاور .



(18) اكتب دالة نسبية لها التمثيل المجاور .

(21) بسط التعبير التالي: $\frac{x^2-9}{x^2+5x+6} \div \frac{2x-6}{5x+10}$

(20) بسط التعبير التالي: $\frac{5}{2x-12} - \frac{20}{x^2-4x-12}$

<p>(23) حل المعادلة $\frac{13}{y+3} - \frac{12}{y+4} = \frac{18}{y^2+7y+12}$</p>	<p>(22) تمثل $T(x) = \frac{0.4(x^2-2x)}{x^3+x^2-6x}$ سمك بقعة نفط دائرية تسربت من إحدى ناقلات النفط، حيث T تمثل سمك البقعة بالأمتر التي نصف قطرها xm ؟ (a) اكتب الدالة في أبسط صورة . (b) ما سمك البقعة عندما يكون نصف قطرها $100m$</p>
<p>(25) مثل في المستوى أدناه $f(x) = \frac{-3}{x+2} + 4$ بصورة تقريبية (دون عمل جدول للتمثيل)، وحدد على المستوى خطوط التقارب الأفقية والرأسية (إن وجدت) ، واكتب معادلة كل منها بجوار خط التقارب .</p> 	<p>(24) مثل في المستوى أدناه $f(x) = \frac{1}{x-1} - 2$ بصورة تقريبية (دون عمل جدول للتمثيل)، ومثل على المستوى نفسه خطوط التقارب الأفقية والرأسية (إن وجدت) ، واكتب معادلة كل منها بجوار خط التقارب .</p> 
<p>(27) حل المعادلة: $x + \frac{x}{x-4} = \frac{12-4x}{x-4}$</p>	<p>(26) حل المعادلة: $\frac{14}{x+3} + \frac{10}{x-2} = \frac{122}{x^2+x-6}$</p>
<p>(29) (أ) ما قيمة x التي يكون عندها نقطة انفصال للدالة $f(x) = \frac{2x^2+6x}{x+3}$ (ب) إذا كانت للدالة $f(x) = \frac{2x^2+ax}{2x+a}$ نقطة انفصال عند $x=5$ ، فما قيمة a ؟</p>	<p>(28) بسط كل تعبير مما يأتي: $\frac{x^2+8x}{x+3} \div \frac{x^2-64}{x^2-5x-24}$</p>

<p>31) كان أيوب واحدًا من بين تسعة طلاب رشحهم معلم الرياضيات للمشاركة في مسابقة ، ويريد مدير المدرسة اختيار أربعة منهم عشوائيًا ، ما احتمال أن يكون أيوب أحد المشاركين في المسابقة ؟</p>	<p>30) سحبت ثلاثة أعداد عشوائيًا معًا من مجموعة الأعداد $\{1,2,3,\dots,10\}$ ، ما احتمال أن يكون العدد الأصغر منها يساوي 3 والعدد الأكبر 8 ؟</p>
<p>33) كم عدد من ستة أرقام يمكن تكوينه عن طريق ترتيب الأرقام 1,2,2,3,4,5 بحيث أن يكون جميع الأرقام الزوجية لا تشغل منازل متتالية ؟</p>	<p>32) إذا كان A, B حدثين متنافيين في فضاء العينة لتجربة ما ، بحيث $P(A \setminus B) = 0.4$ ، $P(B) = 0.3$ ، فما قيمة $P(A \cup B)$ ؟</p>
<p>35) إذا كان احتمال نجاح فاطمة في مادة الرياضيات 0.5 ، واحتمال نجاحها ونجاح صديقتها مريم معًا في المادة نفسها 0.125 ، فما احتمال رسوب مريم في مادة الرياضيات ؟</p>	<p>34) ثمانية أشخاص رموزهم $A_1, A_2, A_3, \dots, A_8$ إذا اختير فريق من بينهم مكون من 3 أشخاص عشوائيًا، فما احتمال أن يكون A_1 أو A_2 في الفريق ؟</p>
<p>37) إذا اختير مستقيم عشوائيًا من بين جميع المستقيمات التي يمكن رسمها بحيث تمر في نقطتين من النقاط A, B, C, D, E علمًا بأنه لا توجد أي ثلاث منها على استقامة واحدة. فما احتمال اختيار AB ؟</p>	<p>36) بكم طريقة يمكن لأربعة أولاد (A_1, A_2, A_3, A_4) وبناتان (B_1, B_2) الجلوس في 6 مقاعد خالية مرتبة في صف بشرط أن تجلس البناتان متجاورتان أولاً ؟</p>
<p>40) يتكون الهدف في لعبة رمي السهام من ثلاثة دوائر متحدة المركز. إذا كان قطر الدائرة الداخلية يساوي 8cm، وكل دائرة تالية تبعد عن الدائرة التي قبلها مباشرة 4cm، فما احتمال أن يستقر سهم أحد اللاعبين في الدائر الداخلية ؟</p>	<p>38) إذا كان احتمال نجاح محمد في مادة الرياضيات 0.75 ، واحتمال نجاح سامي في المادة نفسها 0.15 ، فما احتمال نجاح محمد ورسوب سامي في مادة الرياضيات ؟</p>
<p>42) يسدد راميان بندقيتهما على هدف. إذا كان احتمال إصابة الأول للهدف 40% ، واحتمال إصابة الثاني للهدف 55% ، فما احتمال عدم إصابة الهدف ؟</p>	<p>41) أطلق صيادان كل منهما طلقة واحدة على هدف. إذا كان احتمال إصابة الأول للهدف 20% ، واحتمال إصابة الثاني للهدف 25% فما احتمال إصابة الهدف ؟</p>

