

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية



\*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/12>

\* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/12math>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الثاني اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/12math2>

\* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثاني عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/grade12>

[almanahjbhbot/me.t//:https](https://t.me/almanahjbhbot)

للتحدث إلى بوت على تلغرام: اضغط هنا



مملكة البحرين

وزارة التربية والتعليم

مدرسة مدينة عيسى الثانوية للبنين



الفصل الدراسي الثاني للتعليم الثانوي للعام الدراسي ٢٠١٢ / ٢٠١٣ م

المسار : علمي

مراجعة نهائية

اسم المقرر : الرياضيات (٦)

رمز المقرر : رياض ٣٦٦

\*\*\*\*\*

أجب عن جميع الأسئلة الآتية

السؤال الأول: اختر رمز الإجابة الصحيحة في كلا مما يأتي:

(١) إذا كانت  $f(x) = \cot \sqrt{x}$  فما قيمة  $f'\left(\frac{\pi^2}{4}\right)$ 

(A)  $\pi$  (B)  $\frac{1}{\pi}$  (C)  $-\frac{1}{\pi}$  (D)  $-\pi$

(٢) إذا كانت:  $y = \sin x + 2$  فإن  $\frac{d^3y}{dx^3} + \frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} + y$  يساوي:

(A) 2 (B) 0 (C) 1 (D)  $2\sin x + \cos x + 2$

(٣) إذا كانت  $y = (x+1)^4$  ، فإن  $\frac{d^2y}{dx^2}$  عند  $x = 0$  تساوي:

(A) 6 (B) 0 (C) 12 (D) -6

(٤) إذا كان  $a$  ثابتاً وكانت  $y = \frac{1}{a}g(ax)$  ، فإن  $\frac{d^2y}{dx^2}$  تساوي:

(A)  $ag''(ax)$  (B)  $\frac{1}{a}g''(ax)$  (C) 1 (D)  $a^2g''(ax)$

(٥) إذا كانت معادلة العمودي عند نقطة ما تقع على منحنى الدالة  $y=f(x)$  هي  $y = -x + 2$  ، فإن قياس الزاوية التي يصنعها المماس مع الاتجاه الموجب لمحور  $x$  يساوي:

(A)  $\frac{\pi}{6}$  (B)  $\frac{\pi}{2}$  (C)  $-\frac{\pi}{4}$  (D)  $\frac{\pi}{4}$

(٦) ميل المماس لمنحنى  $xy^3 = 2$  عند  $x = 2$

- (A)  $\frac{1}{3}$  (B)  $-\frac{1}{3}$  (C)  $\frac{2}{3}$  (D)  $-\frac{2}{3}$

(٧) ما القيمة  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x + \sin 2x}{3x}$  ؟

- (A) 0 (B)  $\frac{1}{2}$  (C)  $\frac{5}{3}$  (D)  $\frac{2}{3}$

(٨) إذا كانت  $f(x) = \sec^2 x - \tan^2 x$  ، فما قيمة  $f'(\frac{\pi}{4})$  ؟

- (A) 1 (B) 0 (C) -1 (D) -2

(٩) إذا كانت  $f(x) = \sin \frac{x}{2}$  ، فما قيمة  $f'(\pi)$  ؟

- (A)  $\frac{1}{2}$  (B) 0 (C)  $-\frac{1}{2}$  (D) -1

(١٠) إذا كان المماس لمنحنى  $y = f(x)$  ، عند النقطة  $(x_1, y_1)$  الواقعة على المنحنى ، عمودياً على المستقيم

$x + y = 4$  ، فما قيمة  $f'(x_1)$  ؟

- (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) غير معرفة

(١١) إذا كان  $\int_2^5 (f(x) + 2x) dx = 17$  ، فما قيمة  $\int_5^2 f(x) dx$  ؟

- (A) 25 (B) 11 (C) 4 (D) -4

(١٢) إذا كان  $b > 2$  ، وكان  $\int_2^b 3x|x| dx = 56$  ، فما قيمة  $b$  ؟

- (A) 4 (B) 5 (C) 6 (D) 7

إذا كان  $x = \cos t$  ،  $\frac{dt}{dz} = 5$  ، فأوجد  $\frac{dx}{dz}$  عندما  $t = \frac{3\pi}{2}$

إذا كان  $y = \csc^2 x$  ،  $z = y^3$  ، فأوجد  $\frac{dz}{dx}$  عندما  $x = \frac{\pi}{4}$

إذا كانت  $f(x)$  قابلة للاشتقاق ، وكانت  $f(x^3 + 1) = 12x$  ، فأوجد  $f'(9)$

إذا كان  $y = \sin ax$  ، حيث  $a > 0$  ، وكان  $\frac{d^2y}{dx^2} = -16y$  ، فما قيمة الثابت  $a$  ؟

أوجد معادلة المماس لمنحنى  $4x^2 + 2xy = y^2 + 1$  عند ( 3 , 1 ) الواقعة على المنحنى .

إذا كانت  $f'(x) = \sec x$  ،  $g(x) = x^2$  ، فأوجد  $[f \circ g]''(x)$  .

السؤال الثالث:

إذا كان ميل المماس لمنحنى  $y = f(x)$  عند أي نقطة  $(x, y)$  واقعة عليه هو  $m = ax - 8$  ، حيث  $a \in \mathbb{R}$  ، فأوجد كلاً من قيمة  $a$  ، ومعادلة المنحنى ، علماً بأن  $(4, 1)$  نقطة حرجة على المنحنى .

ثانياً : إذا كانت  $(1, 4)$  نقطة حرجة لمنحنى الدالة  $y = ax^2 + bx + 2$  ، فأوجد قيمة كل من  $a, b$  .

يتحرك جسيم على خط مستقيم ابتداءً من نقطة ثابتة  $O$  ، بحيث كانت سرعته  $v$  ( m/sec ) بعد  $t$  ( sec ) تعطى بالعلاقة  $v = 3t^2 + 2t$  . أوجد كلاً من بُعد الجسيم عن  $O$  ، وتسارعه ( عجلته ) عندما  $t = 5$  sec .

السؤال الرابع:

يتحرك جسم في خط مستقيم مبتدئاً من نقطة ثابتة وفقاً للعلاقة  $s = 8 \sin^2 t$  ، حيث  $s$  هي المسافة المقطوعة بالأمتار ( m ) ،  $t$  الزمن بالثواني ( sec ) . أوجد تسارع ( عجلة ) الجسم بعد  $\frac{\pi}{2}$  sec من بدء الحركة .

عين موضع النقط التي تتحرك على المنحنى

$$x^2 + y^2 = 8$$

في اللحظة التي تكون

$$\frac{dx}{dt} = -1 \text{ cm} \setminus \text{sec} \quad , \quad \frac{dy}{dt} = 1 \text{ cm} \setminus \text{sec}$$

سُحَن قضيب معنني مصمت ( غير مجوّف ) مقطعه على شكل مربع ، فازداد طول القضيب

- بمعدل  $0.01 \text{ cm/min}$  ، وفي الوقت نفسه ازداد طول ضلع مقطعه بمعدل  $0.005 \text{ cm/min}$  .
- أوجد معدل التغير في حجم القضيب ، عندما يكون طوله  $1 \text{ m}$  ، وطول ضلع مقطعه  $1.4 \text{ cm}$  .

السؤال الخامس:

صفحة معدنية مثلثة الشكل ، ارتفاعها يساوي نصف طول قاعدتها ، تتمدد بالحرارة بحيث تزداد مساحتها بمعدل  $0.05 \text{ cm}^2/\text{sec}$  . أوجد معدل التغير في طول قاعدتها عندما يصبح طولها  $10 \text{ cm}$  .

يراد ثني سلك طوله  $120 \text{ cm}$  على شكل مستطيل ، أوجد أبعاد هذا المستطيل بحيث تكون مساحة سطحه أكبر ما يمكن .

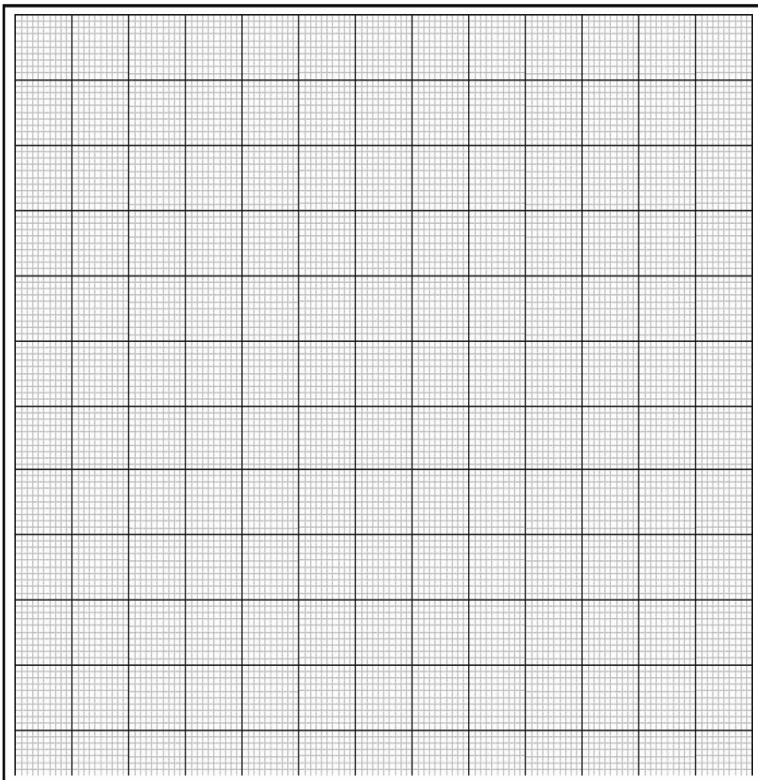
أوجد عددين مجموعهما يساوي 10، وحاصل ضربهما أكبر ما يمكن .



السؤال السادس:

إذا كانت  $f(x) = 1 + 3x^2 - x^3$ ،

- (١) أوجد فترات التزايد وفترات التناقص للدالة  $f$  (إن وجدت).
- (٢) أوجد القيم العظمى والقيم الصغرى المحلية للدالة  $f$  (إن وجدت).
- (٣) أوجد فترات التقعير إلى أعلى وفترات التقعير إلى أسفل ونقاط الانقلاب للدالة  $f$  (إن وجدت).
- (٤) مثل الدالة  $f$  بيانيًا بصورة تقريبية في المستوى الإحداثي أدناه.



## السؤال السابع:

أوجد كلاً من التكاملات الآتية :

$$(1) \int (5x^4 + \sqrt[3]{x^2} + \sec^2 3x) dx$$

$$(1) \int (x^2 - 14x + 49)^{\frac{7}{2}} dx$$

$$(2) \int \frac{x^2}{(x^3 + 8)^4} dx$$

$$(2) \int (\cot^3 x + \cot x) dx$$

$$(3) \int \frac{\cos^2 x}{\csc 2x} dx$$

$$\int \sec x \cdot \cos x dx$$

$$\int \frac{1 + \cos x}{\sin^2 x} dx$$

$$\int (x^2 + 2x + 1)(x^3 + 3x^2 + 3x + 5)^4 dx$$

السؤال الثامن:

(١) إذا كان ميل المماس لمنحنى الدالة  $y = f(x)$  عند أي نقطة  $(x, y)$  هو:

$$m = 6 - 2kx$$

فأوجد قيمة  $k$  علماً بأن المنحنى يمر بنقطة الأصل و بالنقطة  $(2, -4)$ .

(٢) يتحرك جسم في خط مستقيم مبدئاً من نقطة ثابتة  $O$  فإذا كانت العلاقة بين عجلته  $a \text{ m/sec}^2$

والزمن  $t \text{ sec}$  هي:



$$a = \frac{6 \text{ sec}^2 t}{\sqrt{3 \tan t + 1}}$$

وكانت سرعته الابتدائية تساوى  $2 \text{ cm/sec}$  ، فأوجد سرعة الجسم بعد مضي زمن قدره  $\frac{\pi}{4} \text{ sec}$  من لحظة بدء الحركة .

$$\int_{-3}^3 (x - |x-9|) dx$$

احسب قيمة

$$\int_0^{\frac{\pi}{6}} (\cos^2 x - \sin^2 x) dx$$

احسب قيمة

$$\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{3}} \sqrt{\tan^4 x + \tan^2 x} dx$$

احسب قيمة

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin^2 x dx - \int_{\frac{\pi}{4}}^0 \cos^2 x dx$$

احسب قيمة:

إذا كانت  $f(x) = 3x|x|, x \in [-3, 1]$  ، فاحسب  $\int_{-3}^1 f(x) dx$

(٢) إذا كان  $\int_0^1 4n(4x+1)^{n-1} dx = 24$  ،  $n \in \mathbb{R}$  فأوجد قيمة  $n$ .

(٢) أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الدالة :

$$y = x^2 + 4 \quad \text{والمستقيم} \quad y = 2x + 7$$

السؤال الحادي عشر:

احسب قيمة

$$\int_4^8 \frac{\sqrt{x^2 - 16}}{x} dx$$

احسب قيمة  $\int_0^{\sqrt{3}} \frac{dx}{x^2 + 3}$

لاحظ أن أسئلة الامتحان في ١٥ صفحة

صفحة (١٥)

المسار: (توحيد المسارات)

رياض ٣٦٦

$$\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{4-x^2}} dx$$

احسب قيمة