

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج العمانية



ملخص شرح درس القيمة المتوقعة للمتغير العشوائي س

موقع المناهج ← المناهج العمانية ← الصف الحادي عشر ← رياضيات متقدمة ← الفصل الثاني ← الملف

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 09-05-2023 13:31:12 | اسم المدرس: مصطفى محمود طه

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر



روابط مواد الصف الحادي عشر على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[ال التربية الإسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر والمادة رياضيات متقدمة في الفصل الثاني

[نموذج إجابة الامتحان النهائي الرسمي الفترة الصباحية](#)

1

[امتحان تحريري نهائي حديد مع نموذج الإجابة بمحافظة مسقط](#)

2

[نموذجين من الامتحان النهائي التحريري مع الإجابة بمحافظة جنوب الشرقي](#)

3

[امتحان تحريري نهائي حديد مع الإجابة](#)

4

[امتحان تحريري نهائي حديد بمحافظة شمال الباطنة](#)

5

القيمة المتوقعة للمتغير العشوائي المنفصل (س)

ويرمز لها بالرمز $t(s)$ وتسمى أيضاً الوسط الحسابي

$$\text{وتحسب من العلاقة } t(s) = \sum s \times l(s)$$

التبابين

$$\text{ويرمز له بالرمز } u^2(s) \text{ ويحسب من العلاقة } u^2(s) = \sum s^2 \times l(s) - [l(s)]^2$$

تطبيق التعلم: المجموعة الأولى

(١) الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المنفصل (س)

٣	٢	١	.	س
٠,٣٥	٠,٢	٠,١٥	٠,٣	ل(s)

(أ) احسب القيمة المتوقعة للمتغير العشوائي $t(s)$

(ب) احسب الانحراف المعياري للمتغير العشوائي $u^2(s)$

الحل

لحساب القيمة المتوقعة $t(s)$ اضرب كل قيمة للمتغير العشوائي $s \times$ احتمالها ثم قم بتجمیع النواتج

$$t(s) = 0 \times 0 + 1 \times 0,35 + 2 \times 0,2 + 3 \times 0,15 = 1,6$$

$$u^2(s) = 0^2 \times 0 + 1^2 \times 0,35 + 2^2 \times 0,2 + 3^2 \times 0,15 - (1,6)^2$$

$$u^2(s) = 1,54$$

$$\text{الانحراف المعياري} = \sqrt{1,54}$$

$$u(s) = 1,24$$

(٢) الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المنفصل (س)

٦	٤	٢	س
٠,٤	٠,٣	٠,٣	ل(s)

(أ) احسب التباين للمتغير العشوائي $u^2(s)$

الحل

$$t(s) = 2 \times 0,3 + 4 \times 0,4 + 6 \times 0,4 = 4,2$$

$$u^2(s) = 2^2 \times 0,3 + 4^2 \times 0,4 + 6^2 \times 0,4 - (4,2)^2$$

$$u^2(s) = 2,76$$

تطبيق التعلم: المجموعة الثانية

(١) الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المنفصل (ص)

٤	٣	٢	١	.	ص
٠,٠٥	م	٠,٣٢	م٢	٠,٠٣	ل(ص)

(أ) احسب قيمة م

(ب) احسب كل من ت(ص)، ع٢(ص)

الحل

$$١ = ٠,٠٥ + ٢ + ٠,٣٢ + ٠,٣$$

$$١ = م^3 + ٠,٣$$

$$\text{بالقسمة على } ٣ \quad م^3 = ٠,٦ - ٠,٣$$

$$م = ٠,٢$$

$$ت(ص) = ١ + ٠,٠٣ \times ٠ = ١ + ٠,٠٣ \times ٤ + ٠,٣٢ \times ٣ + ٠,٣٢ \times ٢ + ٠,٣٢ \times ١$$

$$ع٢(ص) = ٠,٠٥ \times ٤ + ٠,٢ \times ٣ + ٠,٣٢ \times ٢ + ٠,٣٢ \times ١ + ٠,٠٣ \times ٠$$

$$ع٢(ص) = ٠,٨٩٤٤$$

(٢) ح متغير عشوائي حيث $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ إذا علمت أن احتمالية حدوث قيم ح متساوية، فأوجد كل من ت(ح)، ع٢(ح)

الحل

احتمالية حدوث قيم ح متساوية أي كل منهم $= ١ / ٥ = ٠,٢٥$

١	٢	٣	٤	٥	ح
٠,٢٥	٠,٢٥	٠,٢٥	٠,٢٥	٠,٢٥	ل(ح)

$$ت(ص) = ٠,٢٥ \times ١ + ٠,٢٥ \times ٢ + ٠,٢٥ \times ٣ + ٠,٢٥ \times ٤$$

$$ع٢(ص) = ٠,٢٥ \times ١ + ٠,٢٥ \times ٢ + ٠,٢٥ \times ٣ + ٠,٢٥ \times ٤$$

$$ع٢(ص) = ١١,٥$$

الصف الحادي عشر متقدم

(٣) الجدول التالي يمثل التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المنفصل (ف)

٩	٣	١	ف
٠,١٨	٠,١٤	٠,٢٨	ل(ف)

إذا علمت أن $T(F) = 5,38$ فأوجد قيمة كل من م، $E(F)$ الحل

نستخدم علاقة القيمة المتوقعة لإيجاد قيمة المجهول م

$$5,38 = M + 0,18 \times 3 + 0,14 \times 9 + 0,28 \times 1$$

$$5,38 = 0,18 + 2,5$$

$$\text{بالقسمة على } 0,18 \quad 2,88 = 2,5 - 0,38 = 0,18$$

$$M = 0,18 \div 2,88 = 0,0625$$

$$E(S) = 0,0625 \times 1 + 0,18 \times 2 + 0,14 \times 3 + 0,28 \times 4$$

$$E(S) = 3,14$$

(٤) ر متغير عشوائي حيث $R \in \{10, 20, 70, 100\}$ إذا علمت أن $L(R)$ تتناسب مع قيم ر بين أن $T(R) = 77$ ، وأوجد $E(R)$

الحل

معنى أن $L(R)$ تتناسب مع رأي $L(10) = 10$ م وهذا

$$1 = M + 100 + M 70 + M 20 \dots$$

$$1 = M + 200 \dots$$

$$M = \frac{1}{200}$$

١٠	٧٠	٢٠	١٠	R
$\frac{1}{200}$	$\frac{7}{200}$	$\frac{2}{200}$	$\frac{1}{200}$	$L(R)$

يمكن كتابة القيم الاحتمالية في أبسط صورة

$$77 = \frac{1}{200} \times 100 + \frac{7}{200} \times 70 + \frac{2}{200} \times 20 + \frac{1}{200} \times 10 =$$

$$831 = E(R) - \frac{1}{200} \times 100 + \frac{7}{200} \times 70 + \frac{2}{200} \times 20 + \frac{1}{200} \times 10 =$$

الصف الحادي عشر متقدم

(٥) رمي حجري نرد منتظمين وكان المتغير المشترك الأصغر بين العدددين الظاهرين على حجر النرد

(أ) أنشئ جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي (س)

(ب) أوجد $T(S)$ ، $L(S > T(S))$

(ج) احسب $U(S)$

الحل

الرميمية الاولى						مجموع التيارات
٦	٥	٤	٣	٢	١	
٦	٥	٤	٣	٢	١	١
٦	١٠	٤	٦	٢	٢	٢
٦	١٥	١٢	٣	٦	٣	٣
١٢	٢٠	٤	١٢	٤	٤	٤
٣٠	٥	٢٠	١٥	١٠	٥	٥
٦	٣٠	١٢	٦	٦	٦	٦

ويكون جدول التوزيع الاحتمالي

٣٠	٢٠	١٥	١٢	١٠	٦	٥	٤	٣	٢	١	S	$L(S)$
$\frac{2}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{9}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{1}{36}$	$\frac{5}{36}$	

$$T(S) = \frac{2}{36} \times 30 + \frac{2}{36} \times 20 + \frac{2}{36} \times 15 + \frac{4}{36} \times 12 + \frac{2}{36} \times 10 + \frac{9}{36} \times 6 + \frac{3}{36} \times 5 + \frac{5}{36} \times 4 + \frac{3}{36} \times 3 + \frac{3}{36} \times 2 + \frac{1}{36} \times 1 =$$

$$T(S) = \frac{5}{12}$$

$$L(S > T(S)) = L(S=10) + L(S=12) + L(S=15) + L(S=20) + L(S=30)$$

$$L(S > T(S)) = \frac{1}{36} + \frac{2}{36} + \frac{2}{36} + \frac{4}{36} + \frac{2}{36}$$

$$\frac{2}{36} \times ٣٠ + \frac{2}{36} \times ٢٠ + \frac{4}{36} \times ١٥ + \frac{2}{36} \times ١٢ + \frac{2}{36} \times ١٠ + \frac{9}{36} \times ٦ + \frac{3}{36} \times ٥ + \frac{5}{36} \times ٤ + \frac{3}{36} \times ٣ + \frac{3}{36} \times ٢ + \frac{1}{36} \times ١ =$$

$$U(S) = \frac{49}{48} = \frac{1}{\frac{48}{49}} = \frac{1}{(1 - \frac{5}{12})}$$

الصف الحادي عشر متقدم

- (٦) اختر طالبان عشوائياً من صف جامعي يتالف من ١٢ طالبة و ١٨ طالباً،
 (أ) أوجد القيمة المتوقعة لعدد الطالبات، والقيمة المتوقعة لعدد الطلاب.
 (ب) اكتب نسبة القيمة المتوقعة لعدد الطالبات إلى القيمة المتوقعة لعدد الطلبة في أبسط صورة. ماذا تلاحظ على هذه النسبة.
 (ج) احسب التبabin لعدد الطالبات المختارات

الحل

التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي الذي يمثل عدد الطلاب (و)

$$\frac{51}{140} = \frac{\binom{12}{2} \times \binom{18}{2}}{\binom{30}{2}} = L(w=2)$$

$$\frac{72}{140} = \frac{\binom{12}{1} \times \binom{18}{1}}{\binom{30}{2}} = L(w=1)$$

$$\frac{22}{140} = \frac{\binom{12}{0} \times \binom{18}{0}}{\binom{30}{2}} = L(w=0)$$

ويكون جدول التوزيع الاحتمالي

٢	١	.	و
$\frac{51}{140}$	$\frac{72}{140}$	$\frac{22}{140}$	$L(w)$

$$T(w) = \frac{51}{140} \times 2 + \frac{72}{140} \times 1 + \frac{22}{140} \times 0$$

التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي الذي يمثل عدد الطالبات (ب)

$$\frac{22}{140} = \frac{\binom{12}{2} \times \binom{18}{0}}{\binom{30}{2}} = L(b=2)$$

$$\frac{72}{140} = \frac{\binom{12}{1} \times \binom{18}{1}}{\binom{30}{2}} = L(b=1)$$

$$\frac{51}{140} = \frac{\binom{12}{0} \times \binom{18}{2}}{\binom{30}{2}} = L(b=0)$$

ويكون جدول التوزيع الاحتمالي

٢	١	.	ب
$\frac{22}{140}$	$\frac{72}{140}$	$\frac{51}{140}$	$L(b)$

$$T(b) = \frac{22}{140} \times 2 + \frac{72}{140} \times 1 + \frac{51}{140} \times 0$$

نلاحظ أن النسبة بين عدد الطلاب إلى عدد الطالبات = النسبة بين القيمة المتوقعة لعدد الطلاب إلى القيمة المتوقعة لعدد الطالبات

$$E(b) = \frac{22}{140} \times 2 + \frac{72}{140} \times 1 + \frac{51}{140} \times 0 = ٠,٤٦٣$$

الصف الحادي عشر متقدم

(٧) تحتوي سلة على ٨ بكرات قطن: ٤ منها خضراء، و٣ حمراء، وواحدة صفراء. اختيرت ٣ بكرات قطن عشوائياً من السلة

(أ) بين أن القيمة المتوقعة للبكرة الصفراء هي ٣٧٥.

(ب) أوجد القيمة المتوقعة لعدد البكرات الحمراء

(ج) أوجد القيمة المتوقعة لعدد البكرات الخضراء

الحل

عند اختيار ٣ بكرات فإن قيم المتغير العشوائي (ص) الذي يمثل عدد البكرات الصفراء = {٠، ١، ٢}

التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي الذي يمثل عدد البكرات الصفراء (ص)

$$L(\text{ص} = 1) = \frac{\binom{3}{2} \times \binom{1}{1}}{\binom{8}{3}} = 0,375$$

$$L(\text{ص} = 0) = \frac{\binom{3}{3} \times \binom{1}{0}}{\binom{8}{3}} = 0,625$$

ويكون جدول التوزيع الاحتمالي

١	.	ص
٠,٣٧٥	٠,٦٢٥	L(و)

$$T(\text{ص}) = 0,375 \times 1 + 0,625 \times 0 = 0,625$$

الاحتمالي للمتغير العشوائي الذي يمثل عدد البكرات الحمراء (ح)

$$L(\text{ح} = 3) = \frac{\binom{3}{3} \times \binom{2}{0}}{\binom{8}{3}} = \frac{1}{56}$$

$$L(\text{ح} = 2) = \frac{\binom{3}{2} \times \binom{2}{1}}{\binom{8}{3}} = \frac{15}{56}$$

$$L(\text{ح} = 1) = \frac{\binom{3}{1} \times \binom{2}{2}}{\binom{8}{3}} = \frac{15}{56}$$

$$L(\text{ح} = 0) = \frac{\binom{2}{2} \times \binom{3}{0}}{\binom{8}{3}} = \frac{1}{56}$$

ويكون جدول التوزيع الاحتمالي

٣	٢	١	.	ح
$\frac{1}{56}$	$\frac{15}{56}$	$\frac{15}{56}$	$\frac{1}{56}$	L(ح)

$$T(\text{ح}) = \frac{1}{56} \times 3 + \frac{15}{56} \times 2 + \frac{15}{56} \times 1 + \frac{1}{56} \times 0 = 1,125$$

وبنفس الطريقة السابقة يمكنك حساب القيمة المتوقعة لعدد البكرات الخضراء

الصف الحادي عشر متقدم

(٨) رُمي حجر نرد، إذا ظهر على وجه حجر النرد عدد فردي يحصل اللاعب على درجة (س) تساوي ذلك العدد، وإذا ظهر عدد زوجي يُعيد اللاعب رمي حجر النرد:

-إذا ظهر عدد فردي في الرمية الثانية يحصل اللاعب على درجة تساوي ذلك العدد.

-إذا ظهر في الرمية الثانية عدد زوجي يحصل اللاعب على درجة تساوي نصف ذلك العدد الزوجي.

(أ) سجل قيم (س) الممكنة وأنشئ جدول التوزيع الاحتمالي له.

(ب) أوجد $L(s) > T(s)$

(ج) احسب قيمة $U(s)$

الحل

الرمية الاولى						مجموع النتائج
٦	٥	٤	٣	٢	١	
١	٥	١	٣	١	١	١
١	٥	١	٣	١	١	٢
٣	٥	٣	٣	٣	١	٣
٢	٥	٢	٣	٢	١	٤
٥	٥	٥	٣	٥	١	٥
٣	٥	٣	٣	٣	١	٦

ويكون جدول التوزيع الاحتمالي

٥	٣	٢	١	s
$\frac{9}{36}$	$\frac{12}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{12}{36}$	$L(s)$

$$T(s) = \frac{9}{36} \times 5 + \frac{12}{36} \times 3 + \frac{3}{36} \times 2 + \frac{12}{36} \times 1 = 2,75$$

$$L(s) = L(s=3) + L(s=5) = 2,75$$

$$L(s) = \frac{9}{36} + \frac{12}{36} = 2,75$$

$$U(s) = \frac{9}{36} \times 5 + \frac{12}{36} \times 3 + \frac{3}{36} \times 2 + \frac{12}{36} \times 1 = 2,48$$