

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج العمانية



## شرح درس الدالة اللوغاريتمية

موقع المناهج ← المناهج العمانية ← الصف الحادي عشر ← رياضيات متقدمة ← الفصل الثاني ← الملف

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر



## روابط مواد الصف الحادي عشر على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

## المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر والمادة رياضيات متقدمة في الفصل الثاني

<a href="#">نموذج إجابة الامتحان النهائي الرسمي الفترة الصباحية</a>	1
<a href="#">امتحان تحريبي نهائي حديد مع نموذج الإجابة بمحافظة مسقط</a>	2
<a href="#">نموذجين من الامتحان النهائي التحريبي مع الإجابة بمحافظة جنوب الشرقية</a>	3
<a href="#">امتحان تحريبي نهائي حديد مع الإجابة</a>	4
<a href="#">امتحان تحريبي نهائي حديد بمحافظة شمال الباطنة</a>	5

الدالة اللوغاريتمية

الدالة اللوغاريتمية للأساس  $a$  هي دالة على الصورة:  $D(s) = \log_a s$  وتقرأ لوغاريتم  $s$  للأساس  $a$ .

فمثلاً:  $\log_2 8$  تقرأ: لوغاريتم 8 للأساس 2

هام:

لا معنى للحديث عن لوغاريتم عدد غير موجب حيث أن:  $\log_a -5$  ،  $\log_a 0$  لا معنى له

تم تحميل هذا الملف من

أي أن:

إذا كان  $a > 0, a \neq 1$  فإن الدالة  $D: s \rightarrow \log_a s$  حيث  $D(s) = \log_a s$  تسمى بالدالة اللوغاريتمية.

يشترط أن:

(1)  $s > 0$

(2) ممنوع أن تكون  $a$

عدد سالب أو 1 أو صفر

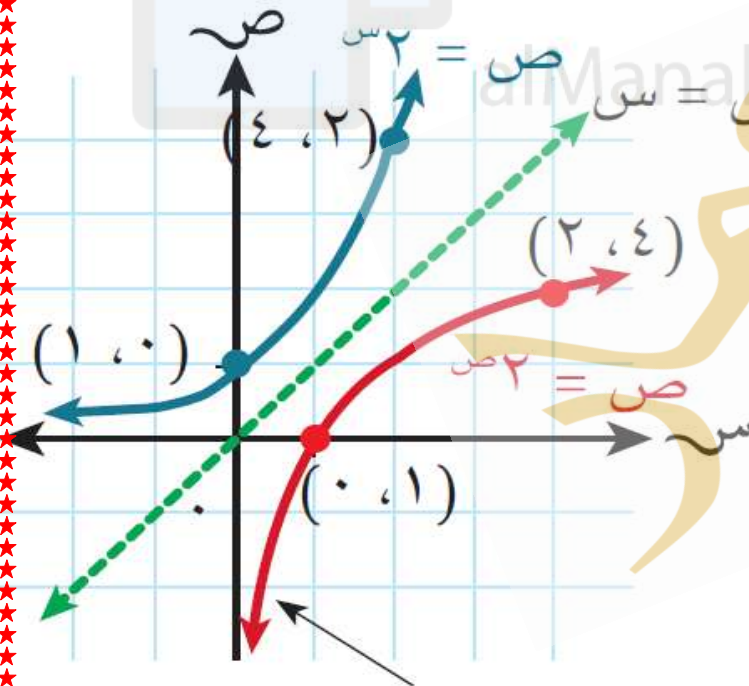
$a > 0, a \neq 1$

(3) مجال الدالة اللوغاريتمية هو  $s > 0$

"مدي الدالة الأسية"

(4) مدي الدالة اللوغاريتمية هو  $h$

"مجال الدالة الأسية"



تقترب قيم  $s$  من الصفر مع تناقص قيم  $ص$

قواعد هامة

(٣) لو<sub>١</sub> س<sup>٣</sup> = س<sup>٣</sup> لو<sub>١</sub> س

وبالتالي: لو<sub>١</sub> (١/س) = - لو<sub>١</sub> س

(٢) لو<sub>١</sub> ١ = ٠

(١) لو<sub>١</sub> أ = أ

تنبيه هام :

س = م<sup>ص</sup> ↔ ص = لو<sub>م</sub> س

الدالة اللوغاريتمية هي الدالة العكسية للدالة الأسية

فمثلا : ص = لو<sub>٤</sub> ٦٤ ↔ ٤ = ص = لو<sub>٤</sub> ٦٤

مثال (١) حول كلا مما يلي إلى الصورة اللوغاريتمية

أ) ٤ = ٣ - ١/٨

ب) (٣/٥)<sup>٤</sup> = ٨١/٦٢٥

ج) ١٠ = ٢ - ٠,١

الحل

أ) لو<sub>٨</sub> ١/٨ = ٢ - ٤

ب) لو<sub>٥/٣</sub> (٨١/٦٢٥) = ٤

ج) لو<sub>١٠</sub> ٠,١ = ٢ - ١٠

## مثال (٢) حول كلا مما يلي إلى الصورة الأسية

أ) لو<sub>٢</sub> ٨ = ٣

ب) لو<sub>١٠٠</sub> ١ = ٢ -

ج) لو<sub>٥</sub> ١ = ١

الحل

أ) ٨ = ٢<sup>٣</sup>

ب) ١ = ١٠<sup>٢ -</sup>

ج) ١ = ٥<sup>١</sup>

## تدريب ١

١) عبّر عن كل مما يأتي بصورة لوغاريتمية مكافئة

أ) ٧٢ = ١٢٨

ب) ٣٢ = ١٠(٢٦)

ج) ٩/٤ = ٢ - (٢/٣)

٢) حول كل مما يأتي إلى الصورة الأسية:

أ) لو<sub>٢٦</sub> ٣٢ = ١٠

ب) لو<sub>٢٤٣</sub> ٥ = -

ج) لو<sub>٣</sub> ١ = صفر

## اللوغاريتم المعتاد

في اللوغاريتم لو<sub>١٠</sub> س إذا كان أ = ١٠ فإننا نكتب لو<sub>١٠</sub> سلو<sub>١٠</sub> س = لو<sub>١٠</sub> س هذا يحدث فقط إذا كان أ = ١٠

## مثال (٣) أوجد قيمة كلا مما يلي :

أوجد قيمة كل مما يأتي :

ب) لو  $27\sqrt[4]{\frac{1}{3}}$

ب) بوضع ص = لو  $27\sqrt[4]{\frac{1}{3}}$

بالتحويل إلى الصورة الأسية

ص  $3 = \frac{3}{4} = 3^{\frac{3}{4}}$  من خواص الأسس

ص  $\frac{3}{4} = \frac{3}{4}$

لذا فإن لو  $\frac{3}{4} = 27\sqrt[4]{\frac{1}{3}}$

أ) لو  $0,001$

أ) بوضع ص = لو  $0,001$

بالتحويل إلى الصورة الأسية:

ص  $10 = 0,001$

ص  $10 = \left(\frac{1}{10}\right)^3$

تم وضع العدد بالصورة الأسية

ص  $10 = (10)^{-3}$

من خواص الأسس

ص  $-3 = 0,001$  لذلك فإن لو  $-3 = 0,001$

## مثال (٤) أوجد قيمة مايلي :

٥) لو  $0,0001$

٤) لو  $\frac{1}{27}$

٣) لو  $2\sqrt[4]{\frac{1}{2}}$

٢) لو  $\frac{1}{6}$

١) لو  $\frac{1}{64}$

الحل

١) بفرض أن : لو  $\frac{1}{64} = x$  ∴  $64 = x^{-1}$

∴ لو  $6 = 64$

∴  $6 = x^{-1}$



**مثال (٦)** إذا علمت أن الدالة د معرفة كما يأتي د:  $s \leftarrow 1 + \log_2 (s - 3)$  حيث  $s \in \mathbb{R}$ ،  $s < 3$ ، فأوجد د<sup>-١</sup>(س).

**الحل** 

$$ص = 1 + \log_2 (س - 3)$$

$$س = 1 + \log_2 (ص - 3)$$

$$س - 1 = \log_2 (ص - 3)$$

$$2^{س-1} = ص - 3$$

$$2^{س-1} + 3 = ص$$

$$د^{-١}(س) = 2^{س-1} + 3$$

**لتعيين مجال الدالة د (س) = لو<sub>٢</sub> س**

هو المجال المشترك بين كلا من :

- $س < 3$
- $٠ < أ$
- ويستبعد القيمة التي تجعل  $أ = ١$

فمثلا : مجال الدالة قيمة لو<sub>٢</sub> س - ٣ + ٣

$$س - ٣ \neq ١$$

$$٠ < ٣ + س$$

$$٠ < ٣ - س$$

$$س \neq ٣$$

$$س < ٣$$

$$٣ < س$$

**∴ المجال المشترك هو  $س < ٣$  ،  $س \neq ٣$**

**مثال (٧)** أوجد مجال الدوال الآتية :

$$(1) \text{ د(س) = لو } \quad (2) \text{ د(س) = لو - ١} \quad (3) \text{ د(س) = لو - ٣} \quad (4) \text{ د(س) = لو - ٢}$$

**الحل**

① الدالة معرفة لجميع قيم س التي تحقق أن :  $٤ - س < ٠$

**∴ المجال هو  $س > ٤$**

② الدالة معرفة لجميع قيم س التي تحقق أن

$$\left. \begin{array}{l} ٠ < س - ١ \\ ١ \neq س - ١ \end{array} \right\} \text{ أى تحقق } \left. \begin{array}{l} س > ١ \\ س \neq ٠ \end{array} \right\}$$

**∴ المجال هو  $س > ١$  ،  $س \neq ٠$**

③ الدالة معرفة لجميع قيم س التي تحقق أن

$$\left. \begin{array}{l} ٠ < س - ٣ \\ ١ \neq س - ٣ \end{array} \right\} \text{ أى تحقق أن } \left. \begin{array}{l} س < ٣ \\ س \neq ٤ \end{array} \right\}$$

**∴ المجال هو  $س < ٣$  ،  $س \neq ٤$**

$$\left. \begin{array}{l} ٠ < س - ٢ \\ ١ \neq س - ٢ \end{array} \right\} \text{ أى تحقق أن } \left. \begin{array}{l} س < ٢ \\ س > ١ \end{array} \right\}$$

**∴ المجال هو  $٠ < س < ٢$  ،  $س \neq ١$**

**تذكر أن :**

$$\left. \begin{array}{l} \text{الدالة د : د(س) = لوم س} \\ \text{معرفة لجميع قيم س ، ٢} \\ ٠ < س \\ ٠ < ٢ \\ ١ \neq ٢ \end{array} \right\} \text{ التي تحقق أن :}$$



مثال (٨) أوجد في ح مجموعة حل كل من المعادلات الآتية :

$$\begin{array}{l|l} \text{①} \text{ لو } ٧ \text{ س} = ٢ & \text{②} \text{ لو } ٣ \text{ س} = ٢ - \left( \text{س} + \frac{٣}{٤} \right) \\ \text{③} \text{ لو } ٣ \text{ لو } ٣ \text{ س} = ١ & \text{④} \text{ لو } ٣ \text{ س} = ٤ - \left( \text{لو } ٣ \text{ س} \right) \end{array}$$

الحل

① :: لو ٧ س = ٢ :: س = ٧ = ٢ س

:: س = ٢ - ٧ س = ٠ :: س = ٧ - ٠ = ٧ (يحقق)

:: إما س = ٠ (مرفوض) ، س = ٧ (يحقق)

:: مجموعة الحل = { ٧ }

② :: لو ٣ س = ٢ - (س + ٣/٤) :: س = ٢ - ٢ = ٠

:: س = ٣/٤ + س = ١/٤ :: س = ٤ - ٣ = ١ (يحقق)

:: س = ١ - ٤ = -٣ (يحقق) ، س = ١/٤ (يحقق)

:: مجموعة الحل = { ١/٤ ، -٣ }

③ :: لو ٣ لو ٣ س = ١ :: لو ٣ س = ١٢ = ٢١ + س - ٢ س = ١٢

:: س = ٢٣ = ٢١ + س - ٢ س = ٩ :: س = ٣ - ٣ = ٠ (يحقق)

:: إما س = ٣ (يحقق) ، س = ٤ (يحقق)

:: مجموعة الحل = { ٤ ، ٣ }

④ :: (لو ٣ س) - ٢ - ٣ لو ٣ س = ٤ :: (لو ٣ س - ١) (٤ - لو ٣ س) = ٠

:: س = ٤ = ٢ = ١٦ = ٤ (يحقق) ، لو ٣ س = ١ (يحقق)

:: س = ١ - ٢ = ١/٣ (يحقق) :: مجموعة الحل = { ١/٣ ، ١٦ }

مثال (٩) كتاب الطالب رقم ٧ حل كلا من المعادلات الآتية

$$(١) \quad \log_2 (20 - x) = 1 - x$$

$$\log_2 x = 1 - x$$

$$\log_2 x = 1 - x$$

$$x = 2^{1-x}$$

تم تحميل هذا الملف من

موقع المناهج العُمانية

$$(٢) \quad \log_2 (20 - x) = \log_2 (x - 5)$$

$$\log_2 (20 - x) = \log_2 (x - 5)$$

$$\log_2 (20 - x) = \log_2 (x - 5)$$

$$20 - x = x - 5$$

$$20 + 5 = x + x$$

$$25 = 2x$$

$$x = \frac{25}{2} = 12.5$$

مثال (١٠) حل المعادلات اللوغاريتمية :

$$(١) \text{ لوس } ١٢٥ = ٣$$

س = ٣ = ١٢٥ : : بأخذ الجذر التكعيبي

س = ٥ : :

$$(٢) \text{ لوس } ١ = ٣$$

س = ١٢ : :

س = ٢ : :

تدريب ٢ أوجد قيمة س فيما يلي :

ج) لوس ١٦٢ = س

ب) لوس ٣ = س

أ) لوس ٢ = س

ز) لوس ١ = س

هـ) لوس ٢٨ = س

د) لوس ١٠ = س

ي) لوس ٥ = س

ط) لوس ٢ = س

ح) لوس ٦٢٥ = س

تدريب ٣ أوجد قيمة س فيما يلي :

«٣-»

٢) لوس ١ = س

«٤»

١) لوس ٨١ = س

«٤-»

٤) لوس ١٦ = س

«صفر»

٣) لوس ١ = س

«٧/٤»

٦) لوس ٨ = س

«٤»

٥) لوس ٦٤ = س

تدريب ٤ اختر من بين الإجابات المتعددة

(١) قيمة لو٤ ٢ = .....

١

٤

٠,٥

٢

(٢) إذا علمت أن لو٣ = س - ٢ أوجد قيمة س؟

٢,٥

٢

١,٥

١

(٣) ما ناتج المقدار لو٣ + لو١ هذا الملف من

٣

١٥

٨

٥

(٤) منحنى الدالة د : د (س) = لو٣ (س + ١) يقطع محور السينات في النقطة .....

(١, ١)

(٠, ٢)

(٠, ١)

(٠, ٠)

(٥) إذا كان د (س) = ٣س فإن د<sup>-١</sup>(س) = .....

س

س<sup>-٢</sup>

لو٣س

لو٣

(٦) د (س) = لو٣ (س + ٤) فإن د<sup>-١</sup>(٢) = .....

٥

٦

لو٣

لو٣

(٧) د (س) = لو٣ (س + ك) فإن د<sup>-١</sup>(٣) = ١ فإن ك = .....

٧

٦

٥

٤

(٨) منحنى الدالة د (س) = لو<sub>٣</sub> (٣ - س) يقطع محور السينات في النقطة .....

(٠، ٣)  (١، ٠)  (٠، ٢)  (٠، ١)

(٩) إذا كان لو<sub>٣</sub> د (س) = س فإن ٨ د (٢) + د (٣ -) + د (٠) = .....

٢٢  ١١   $\frac{1}{16}$    $\frac{1}{8}$

(١٠) إذا كان المنحنى ص = لو<sub>٤</sub> (١ - أس) يمر بالنقطة  $(\frac{1}{2}, \frac{1}{4})$  فإن أ تساوي

٨  ٤  ٣  ٢

(١١) إذا كان لو<sub>٣</sub> ص = ٧ فما قيمة لو<sub>٣</sub> ص؟

٣   $3 \times 7$    $\frac{7}{3}$   ٧

(١٢) إذا كان لو<sub>٣</sub> د (س) = ن - س وكانت د(س) تمر بالنقطة (٢، ٨) فإن ن تساوي

٨  ٦  ٥  ٤

(١٣) إذا كانت لو<sub>٣</sub> ص = ١٠٠٠، وكان لو<sub>٣</sub> س = ١٠، فما قيمة ص؟

١٠٠٠٠٢  ١٠٠٠٢  ١٠٠٢  ١٠٢

(١٤) إذا كانت لو<sub>٣</sub> س = ١٦، فما قيمة لو<sub>٣</sub>  $\sqrt{س}$ ؟

٨  ٣٢  ١٦  ٤

## تدريب ٥ أكمل مايلي

- أ إذا كان لو<sub>٣</sub> = ٢ فإن س = .....  
 ب إذا كان لو<sub>١</sub> = ١٦ فإن أ = .....  
 ج لو<sub>٥</sub> = ١٢٥ .....  
 د مجال الدالة د حيث د(س) = لو<sub>٣</sub> هو .....  
 و إذا كان منحنى الدالة د حيث د(س) = لو<sub>٣</sub> يمر بالنقطة (٨، ٣): فإن د(٤) = .....

مثال (١٢) أوجد قيم س الممكنة إذا كان لو<sub>٣</sub> (س + ٢٠) = ٢

$$٢ = \text{لو}_3 (س + ٢٠)$$

$$\therefore ٢ = ٢٠ - س - \text{لو}_3 (س + ٢٠)$$

$$\therefore ٢ = (س - ١٨) \text{ لو}_3 (س + ٢٠)$$

$$\text{لو}_3 (س + ٢٠) = ٢ \quad \text{و} \quad \text{لو}_3 (س + ٢٠) = ١$$

مرفوضة      تحقق المعادلة

لا تحقق المعادلة  $\therefore \text{لو}_3 (س + ٢٠) = ١$

تدريب ٦ أوجد قيمة مايلي :

- |                   |                                |                   |                                    |   |
|-------------------|--------------------------------|-------------------|------------------------------------|---|
| « ١ »             | ٢ لو <sub>٣</sub>              | « ٤ »             | ١٦ لو <sub>٢</sub>                 | ① |
| « ٤ »             | ٨١ لو <sub>٣</sub>             | « صفر »           | ١ لو <sub>٨</sub>                  | ③ |
| « $\frac{٢}{٤}$ » | $\sqrt[٢]{٢٢}$ لو <sub>٤</sub> | « -٥ »            | ١٠٠٠٠٠ لو <sub>١٠</sub>            | ⑤ |
| « -٣ »            | $\frac{١}{٨}$ لو <sub>٢</sub>  | « -٧ »            | $\frac{١٢٨}{٣}$ لو <sub>١</sub>    | ⑦ |
| « ٧ »             | $\sqrt[٢]{٨}$ لو <sub>٢٣</sub> | « -٣ »            | ١٢٥ لو <sub>٢</sub>                | ⑨ |
| « $\frac{٣}{٤}$ » | $\sqrt[٢]{٢٧}$ لو <sub>٣</sub> | « -٤ »            | $\frac{١}{١٦}$ لو <sub>٢</sub>     | ⑪ |
|                   |                                | « $\frac{١}{٢}$ » | ١٣ لو <sub>٣</sub> ح <sub>٤٥</sub> | ⑬ |

تدريب ٧ أكمل ما يلي

- ① لو<sub>٥</sub> = ١٢٥ = ..... ، لو<sub>١٠٠</sub> = .....
- ② إذا كانت الدالة د : د (س) = لو<sub>٣</sub> س فإن د : د  $(\frac{١}{٤})$  = .....
- د (٨) = .....
- ③ مجال الدالة د : د (س) = لو<sub>٣</sub> س هو ..... ومداها هو .....
- ④ العدد الذي لوغاريتمه للأساس ٥ يساوي ٤ هو .....
- ⑤ إذا كان لو<sub>٣</sub> س = ٤ فإن : س = .....
- ⑥ إذا كان لو<sub>١٠</sub> ١ = ٤٩ = ٢ فإن : س = .....
- ⑦ إذا كان لو<sub>١٢</sub> س + ٢ = ٦٤ = ٣ فإن : س = .....
- ⑧ منحنى الدالة د : د (س) = لو<sub>٣</sub> س يمر بالنقطة (٨ ، ..... )

## تدريب ٨ اختر من بين الإجابات المتعددة

- ١) الصورة لوم  $s = ص$  تكافئ تماماً الصورة .....  
 (أ) لوم  $ص = س$  (ب)  $ص = ٢س$  (ج)  $ص = ٣س$  (د)  $ص = ٤س$
- ٢) مجموعة حل المعادلة : لو  $س = ٨١ = ٤$  هي .....  
 (أ)  $\{٣-\}$  (ب)  $\{٣\}$  (ج)  $\{٣ \pm\}$  (د)  $\{٩\}$
- ٣) مجموعة حل المعادلة : لو  $س = (٣ - س - ٢) = ٢$  هي .....  
 (أ)  $\{٢, ١\}$  (ب)  $\{١\}$  (ج)  $\{٢\}$  (د)  $\emptyset$
- ٤) مجموعة حل المعادلة : لو  $س + ٣ = ١٢٥ = ٣$  هي .....  
 (أ)  $\{٥\}$  (ب)  $\{٣\}$  (ج)  $\emptyset$  (د)  $\{٢\}$
- ٥) إذا كان : لو  $(س + ١١) = ٢ = س$  فإن :  $س =$  .....  
 (أ)  $٩-$  (ب)  $٢٢$  (ج)  $٨٩$  (د)  $٩١$

alManahj.com/om



## تدريب ٩ حل المعادلات الآتية

- ١) لو<sub>٢</sub> من ٧ = «١٢٨»
- ٢) لو<sub>٣</sub> من ١ = «٣»
- ٣) لو<sub>٥</sub> من ٢ = « $\frac{1}{25}$ »
- ٤) لو<sub>٣٦</sub> من ٤ = «٩»
- ٥) لو<sub>٣</sub> من ٢ = ٤ «٩±»
- ٦) لو<sub>٨١</sub> من  $\frac{2}{4}$  = «٢٧»
- ٧) لو<sub>٨١</sub> من ٣ =  $\frac{1}{4}$  «١»
- ٨) لو<sub>٢</sub> من ٢ = «٢٥»
- ٩) لو<sub>٢</sub> من ١ = ٥ «٢٢»
- ١٠) لو<sub>٣</sub> من ٢ = ٤ «٤»
- ١١) لو<sub>٢</sub> (لو<sub>٣</sub> من) = ١ «٩»
- ١٢) لو<sub>٣</sub> (٢ من ٥) = ٠ «٣»
- ١٣) لو<sub>٦</sub>  $\sqrt{4 + x} = \frac{1}{2}$  «٢»
- ١٤) لو<sub>٨</sub>  $\sqrt{x^2 + 48} = \frac{2}{3}$  «٤±»
- ١٥) لو<sub>٣</sub> لو<sub>٢</sub> (٣ من ١) = ١ «٣»
- ١٦) لو<sub>٣</sub> لو<sub>٢</sub> (٢ من ٢) = ١ «٤، ٤، ٢»
- ١٧) لو<sub>٥</sub>  $|2x + 1| = |1 - 2x|$  «٣، ٢، ١»
- ١٨) لو<sub>٢</sub>  $|x - 1| = 2$  « $\frac{7}{8}$ ،  $\frac{9}{8}$ »
- ١٩) لو<sub>٢</sub> من (٦ + من) = ٤ «٨، ٢»
- ٢٠) لو<sub>٢</sub> (١ من) = ٢ «١، ٢»
- ٢١) لو<sub>٣</sub> (٢ من) = ١ «١، ٣»
- ٢٢) لو<sub>٥</sub> (٢ من ١١ من ١) = ٤ «٦، ١٣»
- ٢٣) (لو<sub>٣</sub> من)  $9 - 2 = 20 +$  من «٢٤٣، ٨١»
- ٢٤) لو<sub>٢</sub> من = لو<sub>٣</sub> ٩ «٤»
- ٢٥) لو<sub>٢</sub> (٣ من ٣ من ٢) = ٣ «٢»
- ٢٦) لو<sub>٤</sub> (١، ٢٥ + من) =  $\frac{1}{3}$  «١»
- ٢٧) لو<sub>١٠</sub> من ٢ = ٢ «١، ٤، ١٠»

تدريب ١٠ حل المعادلات الآتية

- ١) لويس  $3 = 125$  «{٥}»
- ٢) لويس  $5 = 2$  «{٢٧}»
- ٣) لويس  $\frac{1}{2} = 7$  «{٤٩}»
- ٤) لويس  $\frac{2}{5} = 9$  «{٢٤٣}»
- ٥) لويس  $2 = 3$  «{ $\frac{1}{3}$ }»
- ٦) لويس  $\frac{2}{4} = 0,001$  «{١٠٠٠٠}»
- ٧) لويس  $11 = \sqrt[3]{243}$  «{٣}»
- ٨) لويس  $4 = 81$  «{٣-}»
- ٩) لويس  $3 = 27$  «{٤}»
- ١٠) لويس  $2 = (س - 7)$  «{٢}»
- ١١) لويس  $3 = 64$  «{٨}»
- ١٢) لويس  $2 = س$  «{٥}»
- ١٣) لويس  $4 = س$  «{٤}»
- ١٤) لويس  $5 = 6$  «{ $\frac{6}{5}$ }»
- ١٥) لويس  $0 = 27$  «{٢}»
- ١٦) لويس  $1 = (س - 2)$  «{٤}»
- ١٧) لويس  $2 = (٨ + س)$  «{٤}»
- ١٨) لويس  $1 = (س - 2 + 2)$  «{٣ ، ٢}»
- ١٩) لويس  $8 = 15 + 2$  «{٢٧ ، ٢٤٣}»

قوانين اللوغاريتمات

$$\log_s s = \log_s s + \log_s s$$

القانون الأول :

$$\log_s (s \div s) = \log_s s - \log_s s$$

القانون الثاني :

$$\log_s s = \log_s s \quad \text{فإن : } s = s$$

القانون الثالث :

مثال ١ : بدون استخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة :

$$\begin{aligned} & \textcircled{1} \log_3 15 + \log_3 6 - \log_3 10 \\ & \textcircled{2} \log_2 100 - \log_2 3 - \log_2 2 + \log_2 36 \\ & \textcircled{3} \log_5 \frac{3}{5} + \log_5 2 - \log_5 \frac{15}{3} + \log_5 \frac{5}{36} \\ & \textcircled{4} \log_2 7 \times \log_7 11 \times \log_{11} 9 \times \log_9 2 \\ & \textcircled{5} \frac{\log_3 243 - \log_3 22}{\log_3 27 - \log_3 8} \end{aligned}$$

الحل

$$\textcircled{1} \text{ المقدار} = \log_3 \frac{6 \times 15}{10} = \log_3 9 = \log_3 3^2 = 2 = 1 \times 2 = 2$$

$$\textcircled{2} \text{ المقدار} = \log_2 100 - \log_2 3 - \log_2 2 + \log_2 36 = 2 - \log_2 3 - 1 + 2 = 3 - \log_2 3$$

$$= \log_2 \frac{36 \times 100}{18 \times 8} = \log_2 25 = \log_2 5^2 = 2 = 1 \times 2 = 2$$

$$\textcircled{3} \text{ المقدار} = \text{لوه} \frac{3}{5} + \text{لوه} \left( \frac{15}{2} \right)^2 - \text{لوه} \frac{5}{36} + \text{لوه} \frac{5}{243}$$

$$1 = 5 \text{ لوه} = \frac{36 \times 5 \times 15 \times 15 \times 3}{5 \times 243 \times 2 \times 2 \times 5} \text{ لوه} = \frac{\frac{5}{243} \times \frac{15}{2} \times \frac{15}{2} \times \frac{3}{5}}{\frac{5}{36}} \text{ لوه} =$$

$$\textcircled{4} \text{ المقدار} = \frac{\text{لوه} 7}{\text{لوه} 2} \times \frac{\text{لوه} 11}{\text{لوه} 7} \times \frac{\text{لوه} 9}{\text{لوه} 11} \times \frac{\text{لوه} 2}{\text{لوه} 3} = \frac{\text{لوه} 2}{\text{لوه} 3} = \frac{\text{لوه} 23}{\text{لوه} 3} = \frac{\text{لوه} 2}{\text{لوه} 3}$$

$$\textcircled{5} \text{ المقدار} = \frac{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3}{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3} = \frac{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3}{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3} = \frac{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3}{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3} = \frac{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3}{\text{لوه} 2 - \text{لوه} 3}$$

**مثال 2: بدون استخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة :**

$$(1) \text{ لوه} \frac{3}{5} + 5 \text{ لوه} 5 - \text{لوه} \frac{125}{12} + \text{لوه} 27 - \text{لوه} 243$$

$$\text{لوه} \frac{3}{5} = \frac{27 \times 12 \times (5) \times 3}{243 \times 125 \times 5} = \text{لوه} 4 = \text{لوه} (2) = \text{لوه} 2 = 2$$

$$(2) \text{ لوه} 3 + 5 \text{ لوه} 3 = \frac{243}{125}$$

$$3 \text{ لوه} 3 + 5 \text{ لوه} 3 - 243 \text{ لوه} 3 = 125 \text{ لوه} 3 = \text{لوه} (5) + \text{لوه} (3) - \text{لوه} (5) = 3 \text{ لوه} 3 = 5$$

$$(3) 1 + \text{لوه} 3 - \text{لوه} 2 - \text{لوه} 15$$

$$\text{لوه} 10 + \text{لوه} 3 - \text{لوه} 2 - \text{لوه} 15 = \text{لوه} \frac{3 \times 10}{15 \times 2} = \text{لوه} 1 = \text{صفر}$$

مثال ٣: اختصر لأبسط صورة:

$$\text{ب) } \frac{9}{7} \times \frac{8}{9} \times \frac{5}{8} \times \frac{49}{5}$$

$$\text{أ) } 20 - 2 + \left(\frac{1}{5} + \frac{1}{3}\right) + 25$$

الحل

$$\text{أ) المقدار} = 20 - 2 + \frac{1}{5} + \frac{1}{3} + 25$$

$$= 20 - 2 + \left(\frac{1}{5} + \frac{1}{3}\right) + 25$$

$$= 20 - 2 + 100 = 108$$

$$\text{ب) المقدار} = \frac{9}{7} \times \frac{8}{9} \times \frac{5}{8} \times \frac{49}{5}$$

$$= \frac{9}{7} \times \frac{8}{9} \times \frac{5}{8} \times \frac{49}{5} = 7$$

مثال ٤: أوجد مجموعة حل المعادلات

$$\text{ب) } 3 = (12 + s) + s$$

$$\text{أ) } 3 = (2 - s) + s$$

الحل

$$\text{أ) } 3 = (2 - s) + s \Rightarrow 3 = 2 - s + s$$

$$3 = 2 - s + s \Rightarrow 3 = 2 \Rightarrow 1 = 0 \Rightarrow \text{م.ع} = \{ \} \Rightarrow \text{م.ع} = \{ \}$$

$$\text{ب) } 3 = (12 + s) + s \Rightarrow 3 = 12 + 2s$$

$$3 = 12 + 2s \Rightarrow 2s = 3 - 12$$

$$2s = 3 - 12 \Rightarrow 2s = -9 \Rightarrow s = -\frac{9}{2}$$

$$3 = 12 + 2s \Rightarrow 2s = 3 - 12 \Rightarrow 2s = -9 \Rightarrow s = -\frac{9}{2} \Rightarrow \text{م.ع} = \{ -\frac{9}{2} \}$$

مثال ٥ : أثبت أن

$$(1) \quad 3 \text{ لو} 5 + 2 \text{ لو} 6 - 9 \text{ لو} 2 = 25 \text{ لو} 5$$

$$\text{الطرف الأيمن} = 3 \text{ لو} 5 + 2 \text{ لو} 6 - 9 \text{ لو} 2 = \frac{2}{10} \text{ لو} 5$$

$$= \frac{2 \times 36 \times 125}{10 \times 9} \text{ لو} = \frac{\frac{2}{10} \times 26 \times 25}{9} \text{ لو} =$$

$$= 2 = 10 \text{ لو} 2 = 210 \text{ لو} 2 = 100 \text{ لو} 2 =$$

، الطرف الأيسر = 25 لو 5 = 2 لو 5 = 2 = 2 = 2

$$(2) \quad 30 \text{ لو} 5 + 6 \text{ لو} 6 - 12 \text{ لو} 2 = 5 \text{ لو} 5 + 3 \text{ لو} 6 - 12 \text{ لو} 2$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{5 \times 30}{6} \text{ لو} = \frac{25 \text{ لو} 5}{\frac{2 \text{ لو} 5}{10 \text{ لو} 2}} = \frac{25 \text{ لو} 5}{210 \text{ لو} 2} = \frac{25 \times 12}{3} \text{ لو} =$$

$$\text{، الطرف الأيسر} = 1 - 10 \text{ لو} 2 = 2 \text{ لو} 5 - 10 \text{ لو} 2 = 10 \text{ لو} 2 = \frac{10}{3} \text{ لو} 5 =$$

∴ الطرفان متساويان.

مثال ٦ :

إذا كان :  $7\text{لوس} + 4\text{لوص} - \text{لوس}^{\circ} \text{ص}^{\circ} = 2(\text{لو}^2 + \text{لو}^3)$  إثبت أن  $\frac{\text{لوص}}{\text{ص}} = \frac{\text{لو}}{\text{س}}$

الحل

$$\text{لوس}^{\circ} + \text{لوص}^{\circ} - \text{لوس}^{\circ} \text{ص}^{\circ} = 2\text{لو}^2$$

$$\text{لو}^2 = \frac{\text{س}^{\circ} \times \text{ص}^{\circ}}{\text{س}^{\circ} \times \text{ص}^{\circ}} \text{لوص}^{\circ} \Leftrightarrow \text{لوس}^{\circ} \text{ص}^{\circ} = \text{لو}^2 \text{س}^{\circ}$$

$$\text{س}^{\circ} \text{ص}^{\circ} = 36 \Leftrightarrow \text{س}^{\circ} = \frac{36}{\text{ص}^{\circ}} \text{ : } \frac{\text{لوص}}{\text{س}} = \frac{\text{لو}}{\text{س}}$$

تم تحميل هذا الملف من  
موقع المناهج العمانية

alManahj.com/om

## حل المعادلات اللوغاريتمية

## حل المعادلات الآتية

$$(1) \text{ لو } 3 \text{ س} + \text{ لو } 3 = \text{ لو } 30$$

$$\text{ لو } 3 \text{ س} = \text{ لو } 30 - \text{ لو } 3$$

$$\therefore 3 \text{ س} = 30$$

$$\therefore \text{ س} = 6$$

$$(2) \text{ لو } 3 \text{ س} - \text{ لو } 3 = \text{ لو } 7$$

$$\text{ لو } 3 \text{ س} = \text{ لو } 7 + \text{ لو } 3$$

$$\therefore 3 \text{ س} = 7$$

$$\therefore \text{ س} = 3,5$$

$$(3) \text{ لو } 3 (2 - \text{ س}) + \text{ لو } 3 = \text{ لو } 8$$

$$\text{ لو } 3 (2 - \text{ س}) = \text{ لو } 8 - \text{ لو } 3$$

$$\therefore 3 (2 - \text{ س}) = 8 - 3$$

$$\therefore 6 - 3 \text{ س} = 5$$

$$6 - 5 = 3 \text{ س}$$

$$1 = 3 \text{ س}$$

∴ لا يوجد حلول

مرفوض



$$(٤) \text{ لوٲ} (س^٢ - ٢س) = ٣$$

$$س^٢ - ٢س = ٢ \quad س^٢ - ٢س = ٨$$

$$س^٢ - ٢س - ٢ = ٠ \quad س^٢ - ٢س - ٨ = ٠$$

$$س = ٤, \text{ أ} \quad س = ٢ \quad \therefore \text{م.ع} = \{٢, ٤\}$$

$$(٥) \text{ لوٲ} (س^٢ - ٣س) = ٢$$

$$س^٢ - ٣س = ٢ \quad س^٢ - ٣س = ١٢$$

$$س^٢ - ٣س - ٢ = ٠ \quad س^٢ - ٣س - ١٢ = ٠$$

$$س = ٤, \text{ أ} \quad س = ٣ \quad \therefore \text{م.ع} = \{٣, ٤\}$$

$$(٦) \text{ (لوٲس)}^٢ - ٥ \text{ لوٲس} + ٦ = ٠$$

$$\text{لوٲس} = ٢ \quad \text{لوٲس} = ٣ \quad \text{لوٲس} = ٤, \text{ أ} \quad \text{لوٲس} = ٣$$

$$س = ٢(٢) = ٤, \text{ أ} \quad س = ٣(٢) = ٦ \quad \therefore \text{م.ع} = \{٤, ٦\}$$

$$(٧) \text{ (لوٲس)}^٢ - ٥ \text{ لوٲس} = ١٢$$

$$\text{لوٲس} = ٤ \quad \text{لوٲس} = ٣ \quad \text{لوٲس} = ٤, \text{ أ} \quad \text{لوٲس} = ٣$$

$$س = ٤(٢) = ٨, \text{ أ} \quad س = ٣(٢) = ٦ \quad \therefore \text{م.ع} = \{٦, ٨\}$$

$$(8) \quad 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

$$\therefore 6س + 2 = (س + 6) \quad (8)$$

ولكن  $س = 3^-$  يرفض لأنه لا معنى للوغاريتم عدد سالب.

$\therefore س = 2$  هي القيمة الوحيدة التي تحقق المعادلة.

$$(9) \quad |س + 5| = 2$$

$$|س + 5| = 2 \Rightarrow س + 5 = 2 \quad \text{أ،} \quad س + 5 = -2$$

$$س = -3 \quad \text{أ،} \quad س = -7$$

$$س = 4 \quad \text{أ،} \quad س = -14 \quad \therefore \text{م.ع} = \{4, -14\}$$

$$(10) \text{ لوپ س}^2 - \text{لوپ س} = 0$$

$$\begin{aligned} \text{لوپ س} (\text{لوپ س} - 1) = 0 &\Leftrightarrow \text{لوپ س} = 0 \text{ أو } \text{لوپ س} = 1 \\ \text{س} = 0 \text{ (لوپ س} = 1) &\text{ أو } \text{س} = 1 \text{ (لوپ س} = 0) \\ \therefore \text{م.ح} = \{0, 1\} \end{aligned}$$

$$(11) \text{ لوپ س} + \text{لوپ س} = (\text{س} - 2)^3$$

$$\begin{aligned} \text{لوپ س} (\text{س} - 2) = (\text{س} - 2)^3 &\Leftrightarrow \text{س}^2 - 2\text{س} = (\text{س} - 2)^2 \\ \text{س}^2 - 2\text{س} = \text{س}^2 - 4\text{س} + 4 &\Leftrightarrow 2\text{س} = 4 \\ \therefore \text{س} = 2 \text{ (مرفوض)} &\therefore \text{م.ح} = \{4\} \end{aligned}$$

$$(12) \text{ لوپ س} + \text{لوپ س} = (\text{س} + 12)^3$$

$$\begin{aligned} \text{لوپ س} (\text{س} + 12) = (\text{س} + 12)^3 &\Leftrightarrow \text{لوپ س} = (\text{س} + 12)^2 \\ \text{س}^2 + 12\text{س} = \text{س}^2 + 24\text{س} + 144 &\Leftrightarrow 12\text{س} = 144 \\ \therefore \text{س} = 12 \text{ (مرفوض)} &\therefore \text{م.ح} = \{4\} \end{aligned}$$

$$(13) \quad (لوس)^2 = لوس^2$$

$$(لوس)^2 = لوس^2 \Leftrightarrow (لوس)^3 - لوس^2 = 0$$

$$لوس [ (لوس)^2 - لوس ] = 0 \Leftrightarrow لوس = 0 \text{ ، } (لوس)^2 - لوس = 0$$

$$\therefore لوس = 0 \text{ ، } لوس = 2$$

$$\therefore لوس = 1 \text{ ، } لوس = 2$$

$$لوس = 1 \text{ ، } لوس = 2$$

تم تحميل هذا الملف من

موقع المناهج العمانية

$$(14) \quad (لوس)^2 = 64 \times (لوس)$$

$$(لوس)^2 = 64 \times (لوس) \Leftrightarrow (لوس)^2 - 64(لوس) = 0$$

$$\therefore (لوس)^2 - 64(لوس) = 0$$

$$\text{نحلل: } (لوس - 64) (لوس) = 0$$

$$\therefore لوس = 64 \text{ ، } لوس = 0$$

$$\therefore لوس = 64 \text{ ، } لوس = 0$$

$$\therefore م.ح = \{0, 64\}$$

$$(15) \quad 1 = \text{لو}^2 + \text{لو} + \text{س} \quad \text{أو} \quad 1 = (\text{س} + 1) \text{لو}$$

استخدام خاصية (3)

$$\therefore 1 = (\text{س} + 1) \text{لو}$$

$$\therefore \text{س} = \frac{1}{\text{لو} + 1}$$

$$\therefore \text{س}^2 + \text{س} - 2 = \text{صفر}$$

$$\text{إما} \text{س} = 2 \quad \text{أو} \text{س} = 1$$

$$\therefore \text{مجموعة الحل} = \{1\}$$

تحويل من الصورة اللوغاريتمية إلى الصورة الأسية

$$\therefore (\text{س} + 2)(\text{س} - 1) = \text{صفر}$$

وحيث إن  $\text{س} = 2$  خارج مجال تعريف المعادلة

تم تحميل هذا الملف من

$$(16) \quad 8 = \text{لو}^3 + (\text{س} - 1) \text{لو}^2 + (\text{س} + 1) \text{لو}^3$$

$$\text{لو}^3 = (\text{س} - 1) \text{لو}^2 + (\text{س} + 1) \text{لو}^3$$

$$\therefore \text{لو} = (\text{س} - 1) \text{لو}^2 + (\text{س} + 1) \text{لو}^3$$

$$\text{ومنها} \text{س} = 3 \pm$$

$$\therefore \text{س} = 2 = 9$$

$$\therefore \text{س} = 1 - 8 = 8$$

وحيث إن  $\text{س} = 3$  لا تنتمي لمجال تعريف المتغير  $\therefore$  مجموعة الحل = {3}

تدريب :

أوجد في ح مجموعة حل كل من المعادلات الآتية :

$$\boxed{2} \quad \text{لو}^2 + 4 \text{لو} = 9$$

$$\boxed{4} \quad \text{لو}^2 + (\text{س} + 2) \text{لو} = (\text{س} + 6)$$

$$\boxed{6} \quad \text{لو} = \frac{\text{لو}^2(7) - 49}{\text{لو} \cdot 7}$$

$$\boxed{1} \quad 2 \text{لو}^2 - \text{لو} = (\text{س} + 2)$$

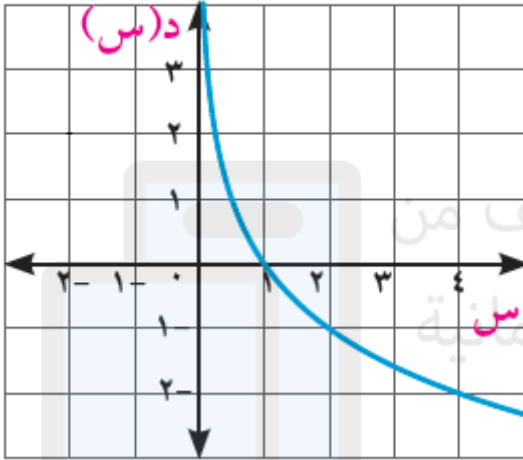
$$\boxed{3} \quad \text{لو}^2 + \text{س} = \text{لو} + (\text{س} - 2)$$

$$\boxed{5} \quad \text{لو}^2 - 2 \text{س} = \sqrt{\text{لو}^2 - 2} + \sqrt{1 - \text{س}}$$

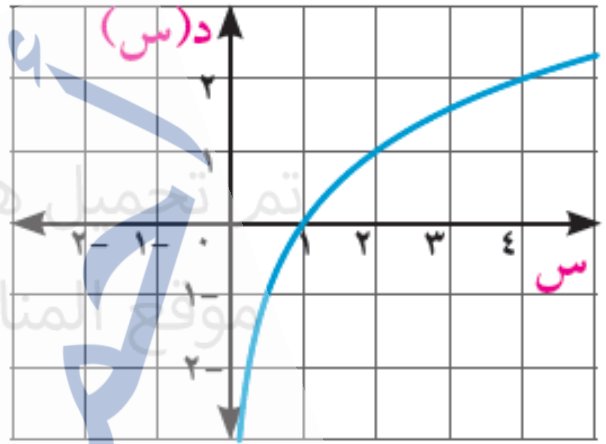
التمثيل البياني للدالة التربيعية

تمثل الدالة د حيث  $D(s) = L_0 s$  حيث  $a \neq 1$  بيانياً كما في الأشكال الآتية:

عندما  $1 > a > 0$



عندما  $a < 1$



منحني الدالة التربيعية يمر بالنقطة ( ١ ، ٠ )

ارسم الدالة  $v = L_0 s$

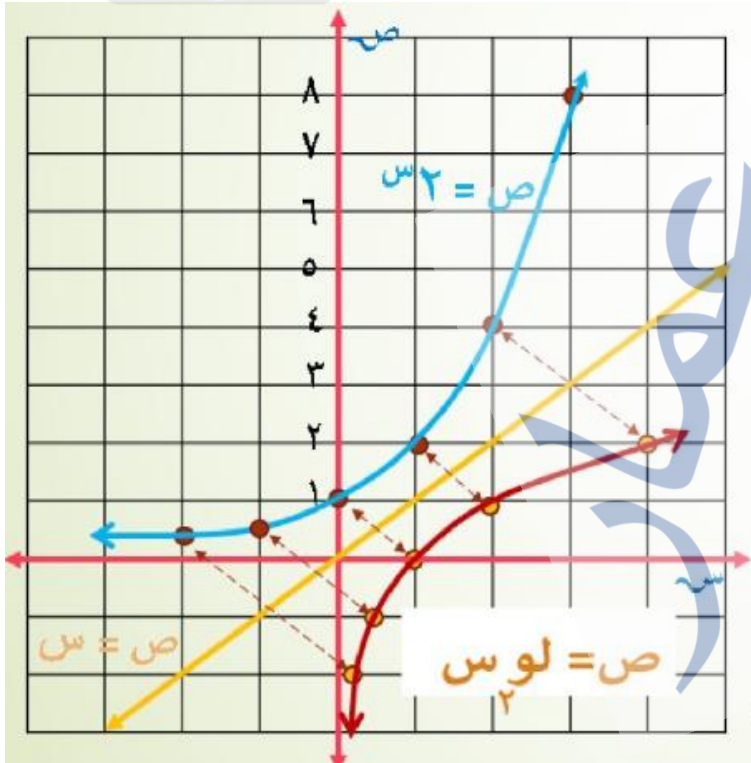
أولاً نرسم الدالة العكسية وهي

$$D(s) = s_2$$

ثانياً نرسم المستقيم  $v = s$

ثالثاً نعكس منحنى الدالة

حول المستقيم  $v = s$



ارسم الدالة  $v = \sqrt{s}$

أولاً نرسم الدالة العكسية وهي

$$d(s) = s^3$$

ص	٢-	١-	٠	١	٢
س	$3^{-2}, 1$	$3^{-1}, 3$	١	٣	٩

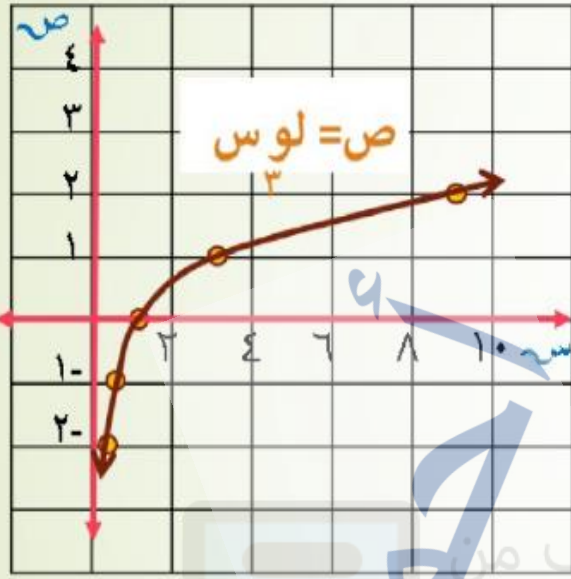
ثانياً نرسم المستقيم  $v = s$

ثالثاً نعكس منحنى الدالة

حول المستقيم  $v = s$

- مجال الدالة ( قيم  $s$  ) هي  $+$  ح

- مدى الدالة ( قيم  $v$  ) هي ح



## استخدام الآلة الحاسبة في إيجاد قيمة اللوغاريتم

\* مفتاح اللوغاريتم لأي أساس هو  $\boxed{\log \square}$  ، مفتاح اللوغاريتم المعتاد هو  $\boxed{\log}$

فمثلاً: ① لإيجاد لو  $3$   $24$  نستخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتي من اليسار إلى اليمين.

فيظهر على الشاشة العدد 2.892789261  $\boxed{\log \square}$   $\boxed{3}$   $\boxed{=}$

فيكون لو  $3$   $24 \approx 2,8928$  مقرباً لأربعة أرقام عشرية.

② لإيجاد لو  $4$   $8$  نستخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتي من اليسار إلى اليمين

فيظهر على الشاشة العدد 0.9242792861  $\boxed{\log}$   $\boxed{8}$   $\boxed{\cdot}$   $\boxed{4}$   $\boxed{=}$

فيكون لو  $4$   $8 \approx 0,9243$  مقرباً لأربعة أرقام عشرية.

\* المفاتحان  $\boxed{\log}$   $\boxed{10^x}$  يستخدمان بالتتابع من اليسار لليمين لإيجاد العدد الحقيقي الذي

لوغاريتمه المعتاد معلوم فمثلاً: إذا كان لو  $5$   $2 = 0,4572$  فلإيجاد العدد  $5$  نستخدم

مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتي من اليسار إلى اليمين

$\boxed{\log}$   $\boxed{10^x}$   $\boxed{0}$   $\boxed{\cdot}$   $\boxed{4}$   $\boxed{5}$   $\boxed{7}$   $\boxed{2}$   $\boxed{=}$

فيظهر على الشاشة العدد 2.865497276

∴  $5 = 2,8655$  مقرباً لأربعة أرقام عشرية.