شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج العمانية





ملخص شامل للوحدة الرابعة

موقع المناهج \Rightarrow المناهج العمانية \Rightarrow الصف الحادي عشر \Rightarrow رياضيات متقدمة \Rightarrow الفصل الأول \Rightarrow الملف

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 19-12-2023 17:44:55 ااسم المدرس: مصطفى محمود طه

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر









روابط مواد الصف الحادي عشر على تلغرام

التربية الاسلامية اللغة العربية العربية العربية الانجليزية الرياضيات

د من الملفات بحسب الصف الحادي عشر والمادة رياضيات متقدمة في الفصل الأول			
ملخص شامل للوحدة الثالثة	1		
ملخص شامل للوحدة الثانية	2		
ملخص شامل للوحدة الأولى	3		
نماذج اختبارات قصيرة ثانية	4		
اختبار قصير ثاني حديث نموذج خامس مع الإجابات	5		

Math Show education

11

سلسلة ملخصات Math Show

الرياضيات المتقدمة

الصف الحادي عشر

الوحدة الرابعة

Math Show

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

الوسط الحسابي هو أحد مقاييس النزعة المركزية

ما الجديد الذي سنتعلمه في هذا الدرس؟

أولاً بعض الصيغ والرموز الهامة التي تستخدم لإيجاد الوسط الحسابي:

رمز عدد القيم

ن

رمز مجموع القيم آس

البيانات المفردة

رمز الوسط الحسابي —

رمز عدد القيم

20

رمز مجموع القيم \(\sum \times \mu\)

البيانات المجمعة

تسمي سيجما وتستخدم للإشارة الى مجموع عدة قيم

ثانياً حساب الوسط الحسابي:

مجموع القيم الوسط الحسابي = عددها

باستخدام الرموز

درسنا سابقاً:

البيانات المجمعة

$$\overline{w} = \frac{\sum (w \times v)}{\sum v}$$

البيانات المفردة

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

تطبيق التعلم

(١) احسب الوسط الحسابي لكل مما يأتي

الحل

$$\frac{\mathcal{E}_{\lambda} \mathsf{Y} + \mathsf{Y}_{\lambda} \mathsf{Y}}{\mathsf{Y}} = \overline{\mathcal{F}_{\lambda} \mathsf{Y} + \mathsf{Y}_{\lambda} \mathsf{Y} + \mathsf{Y}_{\lambda} \mathsf{Y}} = \overline{\mathcal{F}_{\lambda} \mathsf{Y} + \mathsf{Y}_{\lambda} \mathsf{Y} + \mathsf{Y}_{\lambda} \mathsf{Y}}$$

٧,١=

الحل

$$\frac{m}{\lambda} = \frac{m^{2}+7+0+1+0+1+0+1+0+1+1+1}{\lambda} = \overline{m}$$

٥٠ =

الحل

$$\frac{\sqrt{\frac{\mu}{\lambda}+\xi\frac{1-}{\xi}+9\frac{\mu}{\xi}+9\frac{1}{\xi}+7\frac{1}{\gamma}}}{\circ}=\overline{\nu}$$

$$\xi, \pi \tau \circ = \frac{1 \vee \pi}{\xi} =$$

مجموع القيم = ٦٣ × ٧ = ٤٤١

$$11 = 13 + 119 + 90 + 119 + 100 + 110 + 100 + 1100$$

Math Show

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

الصف الحادي عشر متقدم

(٣) الوسط الحسابي للأعداد ٦ ، ٢٩ ، ٣ ، ١٤ ، ق، (ق + Λ)، ق $^{\text{\tiny Y}}$ ، (١٠ – ق)يساوي ٢٠ ، أوجِد قيم ق الممكنة.

الحل

$$17 + 77 + 77 + 31 + 5 + 5 + 6 + 7 + 7 + 7 - 5 = 17$$

$$\cdot = 17 \cdot - V \cdot + \ddot{o} + \ddot{v}$$

(٤) إذا علمت أن

اوجد (ب)
$$\nu = 0$$
 که $\overline{\sigma} = 7$ γ اوجد قیمة γ

$$1 \cdot 77 = 20 \times 77$$
, $7 = 20 \times \sqrt{100} = 20$

(ج)
$$\sum 3 =$$
 ۱۹ ه کائ $=$ ۲ ه و ۲ ه اوجد قیمة $=$ ۲ کا اوجد قیمة $=$ ۲ کا اوجد قیمة $=$ ۲ کا اوجد قیمة $=$

$$\sum_{\mathcal{O}} = \frac{\sum_{\mathcal{O}^{\mathcal{O}}}}{\overline{w}} = \frac{7}{\sqrt{\frac{2}{3}}} = 7$$

(أ)
$$v = 3$$
 (ء) $v = 0$ (أ) $v = 3$ اء $v = 0$ (أ) اوجد قيمة $v = 0$

$$TT_{\nu} = \frac{TT_{\nu}}{V} = \frac{TT_{\nu}}{V} = \frac{TT_{\nu}}{V} = \frac{TT_{\nu}}{V}$$

(ج)
$$\sum 3 = A P \circ 3$$
 $\overline{5} = 7 \circ {}_{0} Y \circ 1$ اوجد

الحل

$$AA = \frac{\text{fogs}}{\text{ot, to}} = \frac{\text{E}}{\overline{\text{E}}} = \nu$$

(ه)
$$\sum \overline{v} = 0$$
 ۱ ۲ ه $\overline{v} = 1$ ۲ ه. اوجد قیمة $\sum w \overline{v}$ الحل

$$117 = 071 \times 73 A_{c} = 77 C_{c}$$

حل مشكلات

(٥) الوسط الحسابي للرواتب الشهرية ل ١٢ سائقًا في شركة يساوي ٦٥٠ ريالً عُمانيًا. إذا تمّ توظيف سائق جديد فسينقص الوسط الحسابي للرواتب ٨ ريالات عُمانية، أوجِد الراتب الشهري للسائق الجديد.

الحل

بعد إضافة السائق الجديد	قبل إضافة السائق الجديد	
١٣	17	عدد السائقين
127 = V - 10·	70.	الوسط الحسابي للرواتب
+ ۷۸۰۰ ص	$V \wedge \cdot \cdot = \cdot \circ V \times V = \cdot \cdot \wedge V$	مجموع الرواتب

 $\Lambda T = - + V \Lambda \cdot \cdot \cdot + - \omega = T \times T$

راتب السائق الجديد (ص) = ٥٤٦ – ٧٨٠٠ – ٥٤٦ ريال

(٦) الوسط الحسابي لأعمار ١٦ عضوًا في نادي الكاراتيه ٢٦ سنة و٣ أشهر. ترك أحد الأعضاء النادي وضّح وأصبح الوسط الحسابي لأعمار الأعضاء الباقين ٢٦ سنة، أوجِد عمر العضو الذي ترك النادي، وضّح سبب إمكانية عدم دقة الإجابة.

الحل

الوسط الحسابي لأعمار الأعضاء = ٢٦ × ١٢ + ٣ = ٣١٥ شهر

مجموع اعمار الأعضاء = ٣١٥ × ١٦ = ٥٠٤٠ شهر

الوسط الحسابي بعد ترك أحد الأعضاء = ٢٦ × ٢٦ = ٣١٢

مجموع الأعمار بعد ترك أحد الأعضاء = ١٥ × ٣١٢ = ٢٦٨٠

عمر العضو الذي ترك النادي = ٥٠٤٠ - ٣٦٠ = ٣٦٠ شهر = ٣٠ سنة

ثالثاً الوسط الحسابي من الجداول التكرارية

تعد الجداول التكرارية أحد صور البيانات المجمعة

ويحسب الوسط الحسابي من العلاقة

$$\overline{w} = \frac{\sum (w \times v)}{\sum v}$$

تطبيق التعلم

(٧) أوجِد الوسط الحسابي لقيم س وقيم ص في الجدولَين الآتيَين:

(أ)

	۲٠	19,0	19	۱۸,٥	١٨	س
١	1	72	۱۷	١.	٨	Ç

الحل

	۲.	19,0	19	۱۸,٥	١٨	س
∑ن=۰۲	_	37	۱۷	١.	٨	Ç
<u> </u>	۲٠	٨٦٤	٣٢٣	۱۸٥	188	س×ت

$$\sqrt{1 - \frac{116}{2}} = \frac{\sqrt{100}}{2} = \sqrt{100}$$

(ب)

٣,٧٤	٣,٧١	٣,٦٨	٣,٦٥	٣,٦٢	ص
101	791	٣٢٢	7.9	١٢٧	ت

الحل

	٣,٧٤	_	٣,٦٨	-	-	
∑ = · · ۲1	701	791	٣٢٢	۲٠٩	۱۲۷	ت
<u> </u>	۹۳۸,۷٤	1.49,71	۱۱۸٤,۹٦	۷٦٢,٨٥	٤٥٩,٧٤	ص×ت

$$T_{\gamma}TAAT = \frac{\epsilon_{\epsilon} r_{\gamma}, q}{1 \cdot r_{\gamma}} = \frac{T_{\gamma}}{2} = \frac{T_{\gamma}}{2}$$

Math الصف الحادي عشر متقدم

Math Show

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

(٨) للبيانات المعطاة في الجدول الآتي:

١٠	٩	٨	٧	ق
11	ٲ	۱۳	٩	Ç

اذا علمت أن $\frac{1}{6} = \frac{1}{6}$ فاحسب قيمة أ

الحل

	١.	٩	٨	V	ق
∑ = ٣٣ + أ	11	-	15	م	G
كرت = ۲۷۷ + ١٩	11.	ĺ٩	1.8	71	ق × ت

$$\frac{\forall \forall}{9} = \bigwedge \frac{\circ}{9} = \overline{\checkmark}$$

$$\frac{1}{1+\pi} = \frac{1}{2}$$

$$(1+77)$$
 $VV = (19+7)$

$$1 VV + Y0 E 1 = 1 A 1 + Y E 9 T$$

$$1 \times 1 = 1 \times$$

Math Show الصف الحادي عشر متقدم

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

(٩) يبيّن الجدول الآتي معدّل الأجور في الساعة (بالريال العُماني) لموظفي إحدى الشركات

200	77	٤	٣	۲	معدل الأجور بالريال العماني
c	1	۱۷	11	٨	عدد الموظفين (ت)

- أوجد الوسط الحسابي لأجور الموظفين
- هل الوسط الحسابي يمثل مقياسًا جيّدًا للأجور؟ أعطِ تفسيرًا لإجابتك.
 الحل

	77	٤	٣	7	w w
TV =	١	17	11	٨	ت
<u> ک</u> ست = ۱۵۳	77	1V	٣٣	١٦	س × ت

لا يمثل الوسط الحسابي مقياساً جيدا وذلك لوجود قيمة متطرفة عند ٣٦ ريال وهذه القيمة تؤثر على الوسط الحسابي

لو استخدمنا الوسيط = ٣ ريالات او المنوال ٤ ريال

(١٠) تم تأثيث ٧٢ غرفة في فندق جديد. يبيّن الجدول الآتي عدد الغرف التي اكتمل تأثيثها خلال أول ١٠ أيام من العمل

200	٦ أو ٧	0	عدد الغرف المؤثثة
	٨	۲	عدد الأيام

اعتمادًا على الأعداد المعطاة (يجب أن يستخدم الزوار ٦,٥ كمركز للفئة ٦ و٧)، قدّر عدد الأيام الإضافية اللازمة لإنهاء المهمّة. ما الفرضيات التي اعتمدتها في الحلّ؟

الحل

11,0 = 0,11	7,0	0	عدد الغرف المؤثثة (س)
ن = ۱۰	٨	٢	عدد الأيام

معدل التأثيث =١٠ ؛ ١٠ = ١,١٥ غرفة في اليوم عدد الغرف المتبقية = ٧٢ – ١١٫٥ = ٢٠٫٥ غرفة

الزمن المقدر لإنهاء المهمة = ٥٠,٥ ÷ ١,١٥ = ٥٢,٦ يوم

رابعاً الوسط الحسابي من الجداول التكرارية ذات الفئات

كما تعلمنا سابقاً نحتاج لحساب مركز كل فئة (م) واستخدامه ليعبر عن قيم (س) كل فئة بالتالي سنحصل على وسط حسابي تقديري

ويمكن استخدام الصيغة التالية لحساب الوسط الحسابي

$$\overline{w} = \frac{\sum (1 \times v)}{\sum v}$$

تطبيق التعلم

(١١) احسب الوسط الحسابي التقديري لقيم س وقيم ص المعطاة في الجدولَين الآتيَين: (أ)

	17. 1	1/2/	7		1
	۸ کے س ۱۱ ک	۷ > س 2 ک	۲≤ س < ٤	٠ ≤ س < ۲	س
	۲	11	9	٨	ت
		الحل			7
	۱۲>س≥۸	٤≤ س < ٨	£> w ≥ T	۲> س ≥٠	س
T. = 0]	٢	11	9	٨	ت
	1.	7	-	١	م
171=017	7.	77	۲۷	٨	ت×م
		g - 10			.7

$$\xi_{3} \cdot m = \frac{171}{7} = \frac{77}{7} = \frac{7}{7}$$

				50	555	
	۳٦> س ≥۳۳	۲۸≤ س < ۳۳	۲۱≤ س < ۲۸		17>س≥1۳	ص
1	11	١٦	79	17	٧	ت

الحل

	۳۳≤ س < ۳۳	۲۸≤ س <۳۳	۲۸> س ≥۲۱	11 ≥ س ≥ ۲۱	۱٦> س ≥ ۱۳	س
کت = ۸۰	11	71	79	17	٧	ت
	٣٤,٥	٣٠,٥	72,0	11,0	12,0	٩
1998=	444,0	٤٨٨	۷۱۰,٥	718,0	1.1,0	ت x م

$$75_{0} = \frac{1995}{2} = \frac{1995}{100} = \frac{1995}{100}$$

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

الصف الحادي عشر متقدم

Math Show

(١٢) بيتن الجدول الآتي عدد حيّات الطماطم المزروعة في عدد من الأقسام في مزرعة ما

١٠٠-٨٠	V9-0.	٤٩-٣٠	79-7.	عدد حبات الطماطم
TOA	٧٠٤	٤١٣	779	عدد الأقسام (ت)

احسب الوسط الحسابي التقديري لكمية الطماطم المنتجة في المزرعة.

الحل

19	١٠٠-٨٠	V9 - 0 -	٤٩-٣٠	r9-r .	س
1V·E = 5·V/	YOX	V - E	٤١٣	779	ت
	٩.	72,0	٣٩,٥	78,0	P
75-1-39	7777.	808·A	17717,0	۸٠٦٠,٥	ت×م

$$\overline{M} = \frac{\sum \gamma^2}{\sum c} = \frac{\gamma \cdot \gamma \cdot \gamma}{3 \cdot \gamma \cdot 1} = \Gamma, 30$$

(١٣) الوسط الحسابي التقديري لسعة ١٢٠ ثلاجة موجودة في مستودع هو ٣٤٨ لترًا. سعة الثلاجات مبيّنة في الجدول الآتي:

10	J-E	- 27.	- 7	-17.	السعة (اللتر)
	27	٤٨	71	17	عدد الثلاجات (ت)

وصل إلى المستودع شحنة جديدة من الثلاجات عددها ن جميعها من سعة بين ٢٠٠ و ٣٢٠ لترًا. أدّى ذلك إلى نقصان الوسط الحسابي للسعة بمقدار ٨ لترات، أوجد قيمة ن.

أولا حساب قيمة ل

عدد الثلاجات= ١٢٠

مجموع (ت× م) = ۱۲۰ × ۳٤٨ = ۱۲۰ ٤١٧٦٠

	J- E	- 77.	- ۲	- 17.	س
15.=07	77	٤٨	۲۸	17	ت
	Y÷(U+E··)	٣٦٠	۲٦٠	۱۸۰	٩
<u> ک</u> ات = ۱۷۷٠	17×(J+E··)	۱۷۲۸۰	٠٨٢٧ -	717.	ت×م

$$\therefore \cdot \Gamma(7 + \cdot \lambda 7 \vee + \cdot \lambda 7 \vee 1 + \cdot \cdot \cdot 3 \Gamma + \Gamma(1 \cup 1 - \cdot \Gamma \vee 1))$$

$$\Gamma \Gamma \Gamma \Gamma = \Gamma \Gamma \Gamma \Gamma = - \Gamma \Gamma \Gamma \Gamma = - 3 \Gamma \Gamma$$

08. = 1

ثانياً حساب قيمة ن

عدد الثلاجات في الفئة من ٢٠٠ – ٣٢٠ يكون ٢٨ + ن

الوسط الحسابي الجديد = ٣٤٨ - ٨ = ٣٤٠

مجموع ت × م = ۲۰۱۰ (۱۲۰ + ن) × ۳٤٠ = ۲۰۸۰ مجموع ت

	088	- 27.	- ۲	-17.	w
<u>ک</u> = ۱۲۰ + ن	٣٢	٤٨	۲۸ + ن	17	ت
	٤٧٠	٣٦.	٠٢٦.	17.	م
<u> </u>	10.8.	۱۷۲۸۰	٠٢٦ (٨٢+ن)	717.	ت×م

υτ1· + ε1V1· = υ τε· + ε· Λ· · ∴

٠٨ ن = ٠٢٩

17 = 0

(١٤) يمثّل المخطّط المجاور أطوال ٥٤ طفلً بالسنتيمتر. تمّ تقسيم الأطفال إلى مجموعتَين متساويتَين

في العدد: نصف الأطفال طويلو القامة وتتألّف مجموعتهم من ٢٧ طفلاً ونصف الأطفال قصيرو القامة وتتألّف القامة وتتألف مجموعتهم من ٢٧ طفلً أيضًا. أعطِ تقديرًا للفرق بين الوسط الحسابي لأطوال هاتين المجموعتين من الأطفال

يمكن استخدام الحقيقة التالية لبناء الجدول التكراري

التكرار = كثافة التكرار × عرض الفئة

109-107	107-10-	10 188	188-18.	الفئة
٣	٦	٦	٤	عرض الفئة
۲	٣,٥	۲,٥	٣	كثافة التكرار
٦	71	10	17	التكرار

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

Math Show

الصف الحادي عشر متقدم

أكمل الجدول التالي لحساب الوسط الحسابي لأطوال أطفال كل مجموعة على حده

109 - 107	107-10.	10 128	188 - 18.	الفئة
٦	۲۱	10	17	التكرار
				مركز الفئة
				ت×م

الوسط الحسابي =

خامساً الوسط الحسابي لبيانات مقسمة الى مجموعات



عدد عناصرها م

وسطها الحسابي



عدد عناصرها ن

وسطها الحسابي س

يحسب الوسط الحسابي لكافة بيانات المجموعتين من العلاقة $\frac{\sqrt{N}+\sqrt{N}}{\sqrt{N}+\sqrt{N}}$

تستخدم هذه الصيغة إذا ذكر لك اكثر من وسط حسابي لعدة مجموعات

تطبيق التعلم

(١٥) تَقدّم ٥٠ طالبًا وطالبة لاختبار ما، الوسط الحسابي لدرجات ال ٢٢ طالبًا ٧٠٪، والوسط الحسابي لدرجات الطالبات ٧٦٪ ، أوجِد الوسط الحسابي لدرجات الطلبة جميعهم.

الحل

سادسأ الوسط الحسابي للبيانات المشفرة

قد نحتاج في بعض الأحيان الى عدم اظهار البيانات الحقيقة امام الجميع بالتالي نلجأ الى استعمال شفرة بسيطة (إضافة عدد أو طرح عدد)، تهدف الى إعادة كتابة البيانات بصورة أخرى، ولكن لا تعيق هذه الصيغة من اجراء العمليات الحسابية على هذه البيانات ومنها الوسط الحسابي

التشفير

اعد كتابة البيانات التالية بعد تطبيق الشفرة (س-٣)

1 9 11 18 17

الحل

	٨	9	11	18	17	س
•	٥	٦	٨	11.	٩	س-٣

$$\sum_{n=1}^{\infty} (n^{n} - n^{n}) = n + 1 + n + 1 + n = n$$

الصيغ المستخدمة لحساب الوسط الحسابي للبيانات المشفرة

إذا كان التشفير س الى (س-ب)

إذا كان التشفيرس الى (س+ب)

$$\varphi - \frac{\sum_{n} (n+1)}{n} = \overline{n}$$

$$\overline{w} = \frac{\sum_{(w+\varphi)\times\psi} - \varphi}{\sum_{\psi}}$$

$$\overline{v} = \frac{\sum_{v \sim v, v \in v}}{\sum_{v}} + v$$

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

Math Show

الصف الحادي عشر متقدم

تطبيق التعلم

(١٦) إذا كان مجموع خمس وعشرين قيمة للمتغيّر ع معطى على النحو 7 (3-7) = 6 ك فأوجد 3الحل

$$\Upsilon + \frac{(\Upsilon - \mathcal{E})}{\Upsilon \circ} = \frac{\overline{\mathcal{E}}}{\overline{\mathcal{E}}}$$

$$1\xi = \Upsilon + 11 = \Upsilon + \frac{\Upsilon \vee \circ}{\Upsilon \circ} = \frac{\overline{\mathcal{E}}}{\overline{\mathcal{E}}}$$

اذا علمت أن
$$\overline{\mathcal{Z}}$$
 = ۲۲، $\sum_{(\mathcal{Z}-\mathcal{Z})}$ فأوجد عدد قيم ع \mathcal{Z} الحل

تحسب عدد القيم من الصيغة

$$\frac{(\xi - \xi)}{\xi - \xi} = \nu$$

$$7 \cdot \xi = \frac{\gamma \gamma \gamma \gamma}{\xi - \gamma \gamma} = \checkmark$$

(۱۸) إذا كان مجموع أطوال ۲۵۰۰ مسمار (س)، ملم معطى بالعلاقة (m-7)=6 (m-7)=6 فأوجد الوسط الحسابي لأطوال المسامير

$$\mathbf{T} + \frac{\mathbf{T} - \mathbf{T} - \mathbf{T}}{\mathbf{T} \cdot \mathbf{T}} = \overline{\mathbf{T}}$$

ملم
$$^{7,70} = ^{7,70} + ^{70} = ^{7,70} = ^{7,70}$$
 ملم

(۱۹) إذا كان الوسط الحسابي ل ۱۰ قيم للمتغيّر س هو $\mathbf{v}_{\cdot}\mathbf{\xi}=\mathbf{v}_{\cdot}$ فأوجد:

(أ)
$$\sum_{}^{}$$

$$(v) \qquad (v) \qquad (v)$$

$$(+) \sum_{i=1}^{n} (-i) \sum_{i=1}^{n} (-i)$$

$$(+) \sum_{i=1}^{n}$$

 $\exists \, \xi = 1 \cdot \times (1 - V_2 \xi) = 0$

Math Show

٤-١ الوسط الحسابي (المعدل)

(٢٠) تمّ تشفير بيانات ستّ قيم بطرح ١٣ من كلّ قيمة، إذا كانت خمس من القيم المشفّرة هي ٩,٣ ، ٥,٤ ، ٣,٥ ، ٣,٩ ، ٥,٤ والوسط الحسابي للقيم الستّ قبل التشفير هو ١٧,٦ ، فأوجِد القيمة السادسة المشفّرة.

الحل

ك	۲,۲	۷,٦	٣,٩	0,٤	9,8	البيانات بعد التشفير
ك + ١٣	18 + 47, 4	۱۳ + ۷٫٦	17 + 7,9	17 + 0,8	17 + 9,7	البيانات قبل التشفير

مجموع القيم قبل التشفير = ١٧,٦ × ٦ = ١٠٥,٦

١٠٥,٦ = ١٣ + ٥ + ١٥,٢ + ٢٠,٦ + ١٦,٩ + ١٨,٤ + ٢٢,٣

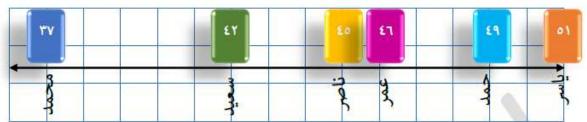
١٠٥,٦ = ٥ + ١٠٦,٤

ك = ١٠٥,٦ – ١٠٠٨ = -٨,٠ (القيمة السادسة المشفرة)

٢-٤ التباين والانحراف المعياري

Math Show

في الاختبار النهائي لمادة الرياضيات المتقدمة تم تمثيل درجات الطلاب على النحو التالي



الوسط الحسابي لدرجات الطلاب الست هو ٤٥ درجة

هناك بعض القيم تبعد عن الوسط الحسابي يسمى هذا البعد (الانحراف عن الوسط الحسابي)

الدرجات التي تزيد عن الوسط الحسابي لها انحراف موجب القيمة والدرجات التي تقل عن الوسط الحسابي لها انحراف سالب القيمة.

ولكن كم يكون مجموع الانحرافات عن الوسط الحسابي

نحراف عن المتوسط	الدرجة	الطالب
	01	ياسر
٤	٤٩	حمد
7	٤٦	عمر
	20	ناصر
٣-	27	سعيد
۸-	٣٧	محمد

بالتالي لا يعتبر مقياس الانحراف عن الوسط الحسابي مقياساً مناسباً لقياس مدى انتشار البيانات وبعدها عن المركز (الوسط الحسابي)

التباين (أحد مقاييس التشتت)

يحسب التباين على أنه مجموع مربعات الانحرافات عن الوسط الحسابي على عدد القيم

التباین = $\frac{\sum_{v} (w - \overline{w})^{\frac{v}{2}}}{v}$ ولکن هناك صیغ أخرى تستخدم في حل التمارین

التباین =
$$\frac{\sum_{v}^{v}}{v} - \left(\frac{\sum_{v}^{v}}{v}\right)^{\gamma}$$

$$\sqrt{\frac{\sum_{w}^{1}}{w}} - (\frac{\sqrt{w}}{w})^{T}$$
 التباین =

تستخدم الصيغة الاولى في حالة إذا كان الوسط الحسابي عدد عشري منتهي

٤-٢ التباين والانحراف المعياري

Math Show

الصف الحادي عشر متقدم

الانحراف المعياري (أحد مقاييس التشتت)

يعتبر الانحراف المعياري أكثر مقاييس التشتت استخداماً وهو يساوي الجذر التربيعي للتباين

الانحراف المعياري =
$$\sqrt{\frac{\sum_{w}^{v} - (\frac{\sum_{w}}{v})^{T}}{v}}$$

تفسير الانحراف المعياري

تدل القيمة الصغيرة للانحراف المعياري على أن أغلب القيم قريبة من الوسط الحسابي، بينما تدل القيمة الكبيرة للانحراف المعياري على أن أغلب القيم تنتشر بعيدًا أكثر عن الوسط الحسابي.

أولا حساب التباين والانحراف المعياري من البيانات المفردة

(١) أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لكل ممّا يأتي

(i) YT: 73, PT: 37, TO: VT: P1: NO

الحل

عدد القيم ن = ٨

∑س =٠٠٣	۸٥	19	77	٥٣	27	79	٤٣	۲۷	س
175VA = 47371	7778	117	1779	٩٠٨٢	1107	131	1129	٧٣٩	س٢

 $TV,0 = \frac{T}{\lambda} = \overline{W}$ الوسط الحسابي

$$107,0 = \frac{7}{\sqrt{7}} - \frac{17374}{\sqrt{7}} = \frac{7}{\sqrt{7}} - \frac{7}{\sqrt{7}} = 0,701$$
 التباین = $\frac{7}{\sqrt{7}} - \frac{7}{\sqrt{7}} = 0,701$

$$17,79 = 10^{9}$$
 الانحراف المعياري ع(س) = 10^{9}

الحل

عدد القيم ن =

	11,9-	15,0	٤,٣-	٧,٧	۸,٥-	٦,٢	س
<u> </u>	151,71			: 0	V7,70	-	س۲

الوسط الحسابي سَ =

$$\frac{\sum_{w}^{v}}{v} = \frac{\sum_{w}^{v}}{v} - \frac{v}{v}$$
التباین = $\frac{v}{v}$

الانحراف المعياري ع(س) =

(٢) يبيّن الجدول الآتي درجات إبراهيم في مواد العلوم لثلاث سنوات متتالية

الفيزياء	الكيمياء	الأحياء
10.75.01	13, 70, 05	17,77,03

- احسب التباين لدرجات إبراهيم في كل مادة من المواد الثلاث
- فسر النتائج الثلاث التي حصلت عليها في الجزئية (أ). هل ينطبق التفسير نفسه على الوسط الحسابي لدرجات إبراهيم في كل مادة؟

الحل

Z		زياء	الفير	
119	0	74	01	m
17190	0770	7979	17-1	س۲
	78=8	÷ 1149		w
٩٦:	= "(7٣)	1710	10	لتباين

Σ	الكيمياء								
109	70	٥٣	٤١	س					
۸۷۱٥	2770	۲۰۸۹	۱۸۲۱	س۲					
	٥٣ = ٣	÷109		w					
97	= "(0")	- 471	0	التباين					

Σ		حياء	الأ	
99	٤٥	77	۲۱	w
2000	Y. Y0	1.19	133	س۲
	۳۳ = ۳	÷ 99		w
97	= *(٣٣)	- 700	<u>o</u>	التياين

تنحرف درجات إبراهيم بنفس المقدار عن الوسط الحسابي في كل المواد أداء إبراهيم يتزايد بمعدل ثابت في الاختبارات للأعوام الثلاث

مفردة اختبارية

إذا علمت أن الانحراف المعياري لعشر قيم لـ س يساوي ٢٫٨ ومجموع مربعات القيم العشر يساوي ٩٢٫٨ ، أوجد الوسط الحسابي

ثانياً حساب التباين والانحراف المعياري من البيانات المجمعة (الجداول التكرارية)

(٣) يبين الجدول الآتي عدد أشجار النخيل لدى ٣٥ عائلة:

0	٤	٣	7	1		عدد أشجار النخيل
1	٣	٤	9	17	٦	عدد العائلات (ت)

أوجِد الوسط الحسابي والتباين لعدد أشجار النخيل.

الحل

Math Show

يمكن الحصول على س××ت
بضرب (س×ث) في س
مثل ۱۸ × ۲ = ۳٦
أو
بربيع س وضرب الناتج x ت
مثل (۲) ^۲ × ۹ = ۳٦

س	٠	١	٢	٣	٤	0	Z
ت	٦	17	9	٤	٣	١	20
س×ت	•	17	۱۸	17	17	٥	09
س××ت	0.40	17	٣٦	77	٤٨	70	101

الوسط الحسابي:
$$\overline{w} = \frac{\sum_{w \times \overline{v}}}{\sum_{\overline{v}}} = \frac{90}{07} = 1,700$$

التباین =
$$\frac{\sum_{w} \sum_{x \in \mathcal{X}} -\left(\frac{\sum_{w} \sum_{x \in \mathcal{X}}}{\sum_{w}}\right)}{\sum_{x \in \mathcal{X}} -\left(\frac{p_{0}}{p_{0}}\right)} = 37,1$$

Math Show

٢-٤ التباين والانحراف المعياري

(٤) يبيّن الجدول الآتي عدد الأكواز (ثمرة الذرة) التي تنتجها ٣٦٠ نبتة ذرة:

٤	٣	۲	١		عدد الأكواز
٨	۸۱	١٨٥	۷٥	11	عدد نباتات الذرة (ت)

احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد أكواز الذرة.

الحل

7	٤	٣	۲	١		س
٣٦.	٨	۸۱	١٨٥	۷٥	11	ت
۷۲۰	٣٢	727	٣٧٠	۷٥	•	س×ت
1777	۱۲۸	٧٢٩	٣٤.	۷٥		سx۲ث

 $\Upsilon = \frac{\Upsilon \Upsilon}{\Upsilon \Upsilon} = \frac{\Sigma \omega \times \omega}{\Sigma \omega} = \frac{\Upsilon}{\Gamma \Upsilon} = \Upsilon$ الوسط الحسابي:

تم استخدام هذه الصيغة لأن الوسط الحسابي عدد صحيح

$$-\frac{\sum_{w}^{w} \times w}{\sum_{w}} - (w)^{1} = \frac{1777}{w} - (7)^{1} = 3337,$$
 التباین = $\frac{\sum_{w}^{w}}{\sum_{w}^{w}} - (7)^{1} = 3337,$

 $\cdot, \Lambda = \sqrt{\frac{2}{5}}$ الانحراف المعياري = $\sqrt{\frac{2}{5}}$

(٥) يبيّن الجدول الآتي مجموعة من البيانات للمتغيّر س

7.	19	11	17	١٦	10	س
٣	٨	1.	ك-٣	2+٥	۲ك	ن

- أوجد قيمة ك
- احسب التباين للمتغيّر س إذا علمت أن \overline{w} = ۱۷

الحل

\sim	۲.	19	١٨	۱۷	١٦	10	س
7٣ + 의원	٣	٨	١.	ك-٣	0+ك	۲ك	ت
٣٢٤+٢٢٤	٦٠	101	۱۸۰	١٧ ك- ٥١	11ك+٠٨	٤٣٠.	س×ت

YT+ 4 7T = (YT + 45) 1V

7 = 5

يمكن كتابة جدول البيانات بعد معرفة قيمة ك

V99	7.	101	۱۸۰	01	177	١٨-	でXm	
1211	17	۲۸۸۲	۳۲٤.	VLV	7/17	77	س۲×ت	
\$2 8	3			Y /	TVII T	(-1)	س ^۲ ×ت	7 .
			7, V 7 =	(\ \ \)	* TY11 = Y	(00)		تباین = کر

(٦) إذا علمت أن

$$\begin{array}{lll}
(i) & & & & & & & & & \\
(i) & & & & & & & & \\
(i) & & & & & & & \\
(i) & & & & & & \\
(i) & & & & & \\
(i) &$$

ثالثاً حساب التباين والانحراف المعياري من البيانات المجمعة (الجداول التكرارية ذات فئات) تعلمنا سابقاً في الجداول التكرارية ذات الفئات يجب حساب مركز كل فئة

مركز الفئة (م) = (الحد الأدنى للفئة + الحد الأعلى للفئة) ÷ ٢

وتكون حسابات الوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري تقديرية

التباین =
$$\frac{\sum \frac{1}{2}}{\sum c} - \left(\frac{\sum x c}{\sum c}\right)^{\top}$$

$$^{\prime}$$
التباین = $\frac{\sum_{i}^{\gamma} \times c}{\sum_{i}} - (\overline{\gamma})^{\gamma}$

(٧) يبيّن الجدول الآتي أطوال ٥٠ عصًا مقرّبة إلى أقرب سنتيمتر

TV-T.	79-70	7E-11	1V-10	الطول (سم)
۸۱	110	Vo	11	عدد العصى (ت)

احسب الانحراف المعياري التقديري لأطوال العصى.

الحل

S	TV-T.	19-10	7E-1A	1V-10	س (سم)
0.	11	110	Vo	11	(二)
	TT,0	۲۷	71	١٦	٩
1101	ארץ	797	TVA	۲-۸	م×ت
77777	AVVA	1.19	V9TA	TTTA	م۲ت

(٨) يبيّن الجدول الآتي عدد الدقائق التي يستغرقها ٤٠ طالبًا و٣٠ طالبة لإنجاز الواجب المنزلي

۸٠-٦٠	-٤٠	٣.	-7 •	عدد الدقائق المستغرقة(دقيقة)
٣	٧	١٤	٦	عدد الطالبات (ت)
٧	٧	11	10	عدد الطلاب (ت)

- احسب الوسط الحسابي التقديري والانحراف المعياري التقديري للزمن المستغرق لكل الطالبات ثم لكل الطلاب.
 - قارن بين الزمن المستغرق للمجموعتين من خلال:

(أ) الوسط الحسابي

(ب) الانحراف المعياري

الحل

أولا بالنسبة للطالبات:

\sum	۸٠-٦٠	-٤٠	٣.	-۲.	س
٣.	٣	γ	18	٦	(ت)
	٧٠	0.	70	70	٩
17	71.	٣٥.	٤٩٠	10.	ت×م
071	187	170	1710.	TV0.	م ^۲ ت

 $\overline{V} = \frac{V_{1} \cdot V_{2}}{m} = \frac{V_{1} \cdot V_{2}}{m} = \frac{V_{2} \cdot V_{2}}{m}$ الوسط الحسابي

1 التباین = $\frac{\gamma}{r} (\xi \cdot) - \frac{\sigma \gamma_1 \cdot \cdot \cdot}{r} = 1$

الانحراف المعياري = 🗸 🗸 ۱۳=

ثانياً بالنسبة للطلاب:

\sum	٠٢-٠٨	-٤٠	٣.	-۲.	س
٤٠	٧	٧	11	10	(ت)
	٧.	0 -	20	70	٩
					ت×م
					م۲ ت

 $\overline{w} = \overline{w}$ الوسط الحسابي

التباين=

الانحراف المعياري =

تلاحظ تساوي الوسط الحسابي للزمن المستغرق لإنجاز الواجب المنزلي لكلا الفئتين

الانحراف المعياري لفئة اقل مما يدل على أن جميع البيانات قريبة من الوسط الحسابي وأنها أكثر ثاتاً.

(٩) يلخّص الجدول الآتي أطوال ١٥٠ طفلً (بالسنتيمتر):

عدد الأطفال (ت)	الطول (سم)
ĺ	۱٤٠ الي ١٤٤
ب	١٤٠ الى ١٥٠
79	۱۵۰ الی ۱٦۰
۲۸	۱۱۵۰ الی ۱۱۵۰

- إذا علمت أن الوسط الحسابي التقديري للطول يساوي ١٥٣,١٤ سم، فبيّن أن ١٤٢ أ + ١٤٧ ب = ٧٧٢٦ ، ثم احسب قيمة كل من أ، ب
 - احسب الانحراف المعياري التقديري للطول.
 الحل

Z	170-17.	1710.	10122	122-12.	س
10.	۲۸	79	ب	أ	(ت)
	177,0	100	187	121	٩
	٤٥٥٠	1.790	۱٤۷ ب	١٤٢	ت×م
.,					م ^۲ ت

```
أ+ ب + ١٥٠ = ١٥٠
```

بالتعويض في المعادلة (٢)

$$\Upsilon\Lambda, V\circ = {}^{\mathsf{T}}(\mathsf{N}\circ\mathsf{T},\mathsf{N}\circ\mathsf{T}) - \frac{\mathsf{T}\circ\mathsf{T}\mathsf{T}\circ\mathsf{T}}{\mathsf{N}\circ\mathsf{T}} = \mathsf{N}$$
التباین

$$7,77 = \frac{70}{70}$$
 الانحراف المعياري = $1,77$

Math Show

٤-٢ التباين والانحراف المعياري

(١٠) تمّ تسجيل كتلة المخلّفات (طن) في منتجع سياحي خلال ٣٩ أسبوعًا مقرّبة إلى أقرب منزلتَين عشربتَين. تمّ تدوين البيانات في الجدول الآتي:

۲ - ۱,۳٦	۱٫۳۵ – ۰٫۸۷	۳,۰ – ۲۸,۰	۰,۲۹ – ۰,۱٥	كتلة المخلفات (طن)
٦	۲.	٨	٥	عدد الأسابيع (ت)

- احسب الوسط الحسابي التقديري والانحراف المعياري التقديري لكتلة المخلفات في كل أسبوع مقرّبًا كل ناتج من الناتجَين إلى أقرب منزلتَين عشريتَين
- يتم إغلاق المنتجع السياحي لمدة ١٣ أسبوعًا إضافيًا من العام، ولا يتم إنتاج أيّة نفايات خلال تلك
 الفترة. لو تضمّنت الحسابات هذه البيانات الإضافية، فما أثرها على الوسط الحسابي وعلى الانحراف
 المعياري.

الحل

Σ	۲ - ۱٫۳٦	۱٫۳٥ – ۰٫۸۷	۳,۰ – ۲۸,۰	٠,٢٩ - ٠,١٥	س
٣9	٦	۲.	٨	0	(ت)
	١,٦٨	1,11	٠,٥٨	٠,٢٢	م
٣٨,٠٢	١٠,٠٨	77,7	٤,٦٤	١,١	ت ×م
٤٤,٥٠٩٦	17,982	72,727	7,7917	٠,٢٤٢	م ٌ ت

$$\cdot,978 = \frac{70 \cdot 10^{-1}}{79} = \frac{70 \cdot 10^{-1}}{100}$$
 الوسط الحسابي

$$\cdot$$
, ۱۹ = $\frac{7}{4} \left(\frac{74}{79} \right) - \frac{11}{4} = \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4}$ التباین = $\frac{7}{4} \cdot \frac{11}{4} \cdot \frac{11}{4}$

$$\cdot$$
 الانحراف المعياري = $\sqrt{9}$ الانحراف المعياري = $\sqrt{9}$

عند إضافة ١٣ اسبوعاً أخرى يصبح
$$\overline{\sum}$$
ت = ٥٢

$$\cdot, VT = \frac{TA_{j} \cdot Y}{Y} = \frac{TA_{j} \cdot Y}{Y}$$
 الوسط الحسابي

$$\cdot$$
,۳۲ = $\frac{7}{7} \left(\frac{74}{7} \right) - \frac{11}{7} \left(\frac{74}{7} \right)$ التباین = $\frac{7}{7} \left(\frac{74}{7} \right)$

Math Show

رابعاً حساب التباين والانحراف المعياري من البيانات المشفرة لا يتأثر قيمة التباين بتشفير البيانات

(۱۱) تمثّل البیانات الآتیة عشرین قراءة للمتغیّر ص وقد لخّصت علی النحو $(0-0)^{7}=0$ المتغیّر ص رس – ٥) = ۱۳۰، أوجد الانحراف المعياري لـ ص

الحل

$$\Upsilon, \Upsilon \circ = \Upsilon \left(\frac{\Upsilon \cdot \Upsilon}{\Upsilon \cdot \Upsilon} \right) - \frac{\Lambda \cdot \P \cdot \Upsilon}{\Upsilon \cdot \Upsilon} = (0-0)$$
 تباین

$$1,0 = \frac{7,70}{}$$
 الانحراف المعياري ع (ص) = .

(١٢) تم تسجيل ارتفاع منسوب مياه الأمطار)د(بوحدة الملمتر)ملم(في أحد المواقع على مدار ٣٦٥ يومًا متتاليًا، ولُخِّصت البيانات على النحو $\sum (c-7)^7 = 9۹٥٠ > \sum (c-7) = 1۷۹٥,۸$ احسب:

- الوسط الحسابي لارتفاع منسوب مياه الأمطار في اليوم.
 - قيمة 🔽 د ٚ

$$V,9Y=Y+\xi,9Y=Y+\frac{1Y90,\Lambda}{Y70}=\overline{U}$$

$$\mathbf{r} + \frac{\mathbf{r} - \mathbf{r}}{\mathbf{r} \cdot \mathbf{r}} = \mathbf{r}$$

تباین (د-۳) =
$$\frac{\sum_{(s-r)}^{(r-s)}}{\sqrt{r}}$$
 = (۲-3) تباین

$$^{\Upsilon}\left(\frac{1 \, ^{99} \, ^{\Lambda}}{77 \, ^{\circ}}\right) = \frac{^{990}}{77 \, ^{\circ}} = (7-3)$$
 تباین (د-۲)

$$T, \cdot \circ = (Y, Y, Y) - \frac{Y_{s}}{Y_{T} \circ}$$

$$\Upsilon, \cdot \circ = \Upsilon\left(\frac{s}{v}\right) - \frac{\Upsilon s}{v}$$

$$\sum_{\alpha \in T} {}^{\gamma} = 0 \cdot , \forall + (\gamma, \gamma) = 3 \Gamma \vee \gamma, \circ \Gamma$$

$$\sum_{\epsilon} ' = 3\Gamma VV, \circ \Gamma \times \circ \Gamma \Upsilon = \Gamma \Lambda \Upsilon, \Lambda \cdot \cdot \cdot 3 \Upsilon$$