

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج العُمانية



موقع المناهج العُمانية

www.alManahj.com/om

* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/om>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/om/12>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر في مادة رياضيات بحثة ولجميع الفصول، اضغط هنا

https://almanahj.com/om/12pure_math

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر في مادة رياضيات بحثة الخاصة بالفصل الأول اضغط هنا

https://almanahj.com/om/12pure_math1

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للصف الثاني عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/om/grade12>

* لتحميل جميع ملفات المدرس طلال الهنائي، ناصر الشعيلي، وفاء الصتلي، محمد الحارثي، سلطان الشيادي اضغط هنا

للتحدث إلى بوت على تلغرام: اضغط هنا

https://t.me/omcourse_bot

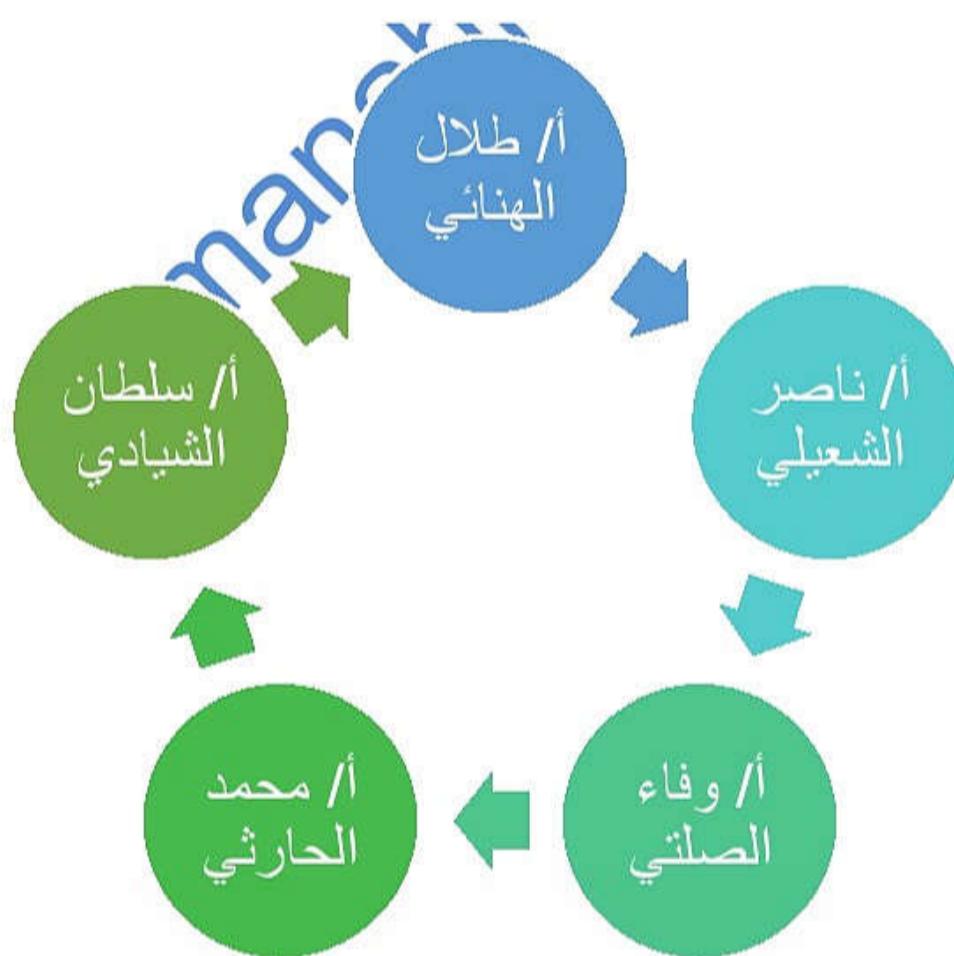
مراجعة عامة لوحدة النهايات

الصف 12

للعام الدراسي ٢٠٢٠ / ٢٠٢١

إعداد خبرت أسانذة درسن على الهواء

مادة الرياضيات البحتة



أهداف الوحدة الأولى التعليمية

صفحات الكتاب	الهدف
١٤ - ٢٠	تعريف مفهوم نهاية الدالة وإيجادها
٣٥ - ٤١	تعريف الاتصال وتطبيقات عليه إيجاد نقاط عدم الانفصل ووصفها



٥-٨-٥-١: مواصفات امتحان الدور الأول/ الثاني لنهاية العام الدراسي للصف الثاني عشر بحثة

المجموع	الأسئلة المقالية		اختيار من متعدد		عنوان الوحدة	رقم الوحدة
	الدرجة	الفقرات	الدرجة	عدد المفردات		
١٣	١٠	يتراوح عدد الأسئلة من (١٢-١٣) سؤال، وتتألف بعض الأسئلة من مفردتين على الأكثر	٣	٣	النهايات والاتصال	١
١٦	١٢		٤	٤	التفاصل وتطبيقاته	٢
٥	٤		١	١	المهندسة التحليلية للدائرة	٣
١٣	١٠		٣	٣	التكامل وتطبيقاته	٤
١٣	١٠		٣	٣	القطعون المخروطية	٦
٦٠	٤٦		١٤	١٤	المجموع	

m/o

- تراعى النسب الآتية لعناصر التقويم في الورقة الامتحانية:

المجموع	الاستدلال	التطبيق	المعرفة	عناصر التقويم
%١٠٠	%٢٠	%٥٠	%٣٠	النسبة
٦٠	١٢	٣٠	١٨	الدرجة

m/o



تعريف مفهوم نهاية الدالة وإيجادها:

الهدف الأول:



إذا كانت : $\lim_{s \rightarrow a^+} f(s) = L$ ، حيث a ، L أعداد حقيقية، فإنَّ :

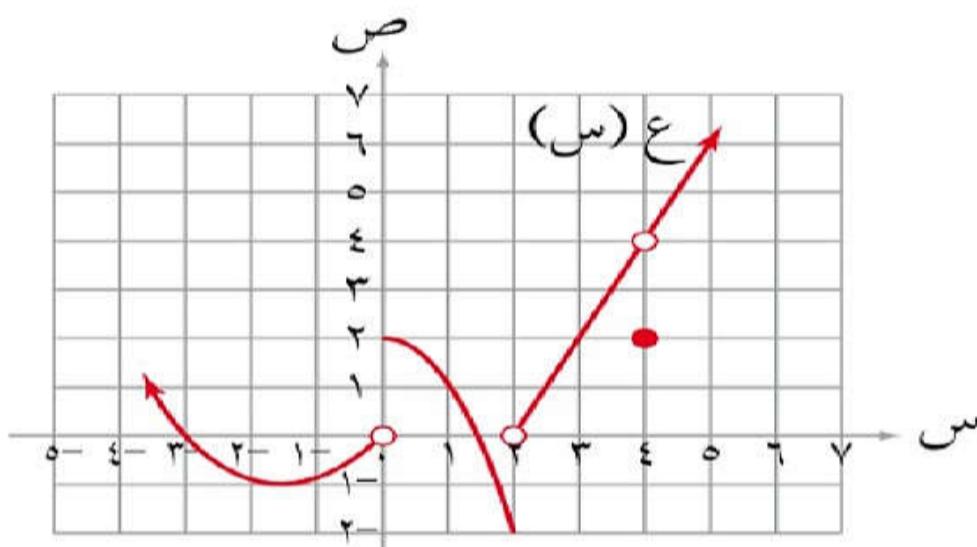
$\lim_{s \rightarrow a^-} f(s)$ موجودة، وتكون $\lim_{s \rightarrow a^-} f(s) = L$

وإذا كانت $\lim_{s \rightarrow a^+} f(s) \neq \lim_{s \rightarrow a^-} f(s)$ ، فإنَّ $\lim_{s \rightarrow a} f(s)$ غير موجودة.

almanahj.com

مثال ١ توضيحي على الهدف:

معتمداً الشكل الذي يمثل منحنى $u(s)$ ، جد كلاً ما يأتي:



أ) $\lim_{s \rightarrow +\infty} u(s) = 2$

ب) $\lim_{s \rightarrow -\infty} u(s) = 2$

ج) $\lim_{s \rightarrow 3} u(s) = 4$

د) مجموعة قيم أ حيث $\lim_{s \rightarrow 0} u(s)$ غير موجودة. $A = \{0, 2\}$

مثال ٢ توضيحي على الهدف:

إذا كان $h(s) = \begin{cases} s^3 + 1 & , s < 3 \\ s^2 + 1 & , s \geq 3 \end{cases}$ وكانت $\lim_{s \rightarrow 3} h(s)$ موجودة، فما قيمة الثابت A ؟

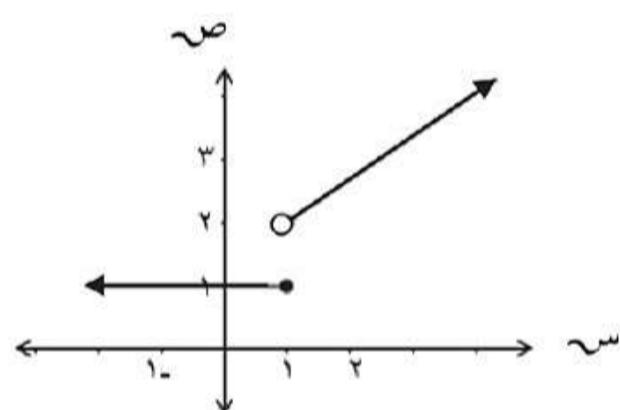
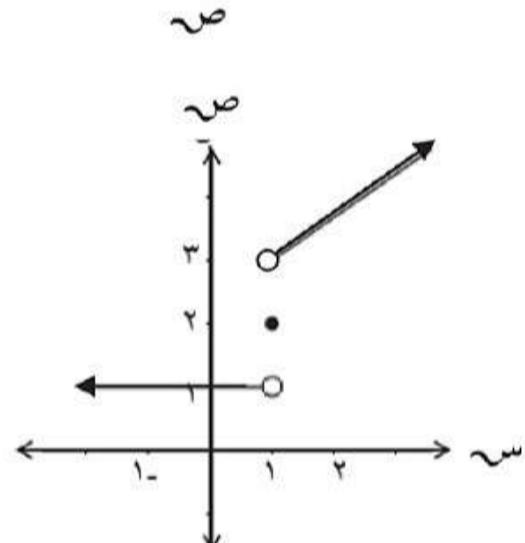
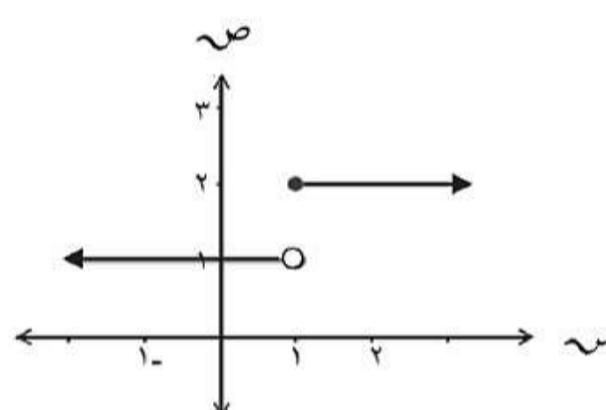
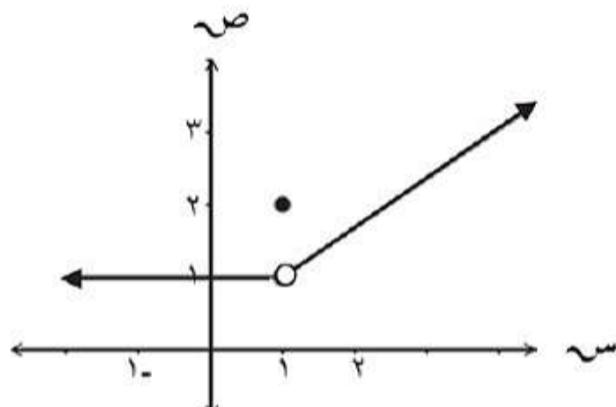
الحل

$$\therefore A = 9$$

تمارين على الهدف التعليمي من الامتحانات النهائية

امتحان ٢٠١٩ / ٢٠٢٠ الدور الأول:

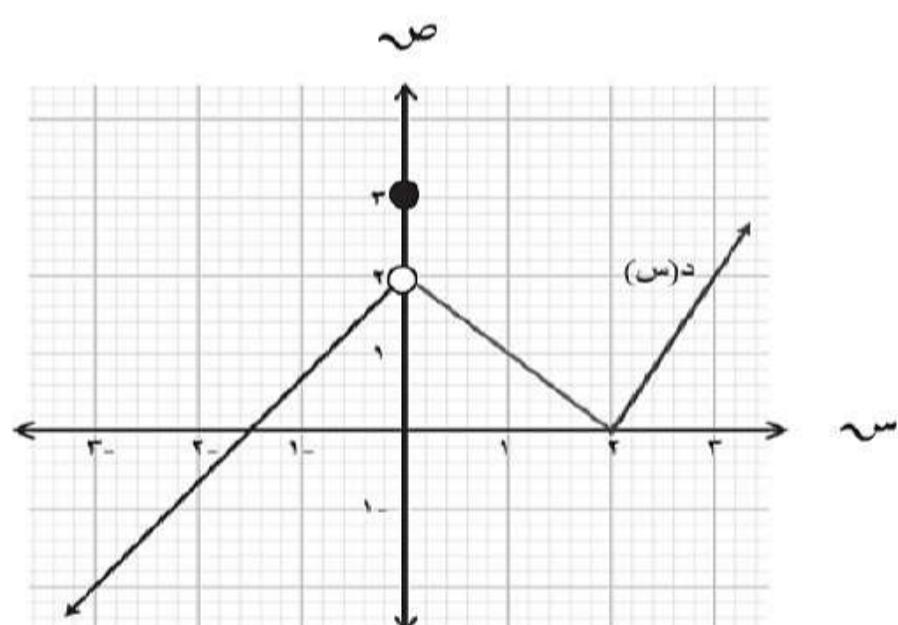
١) إذا علمت أن $\lim_{s \rightarrow \infty} d(s) = 1$ ، فإن الشكل الذي يمثل بيان الدالة $d(s)$ هو:



alma'

امتحان ٢٠١٩ / ٢٠٢٠ الدور الثاني:

١) إذا كان الشكل المجاور يمثل بيان الدالة $d(s)$
فإن $\lim_{s \rightarrow \infty} d(s)$ تساوي:

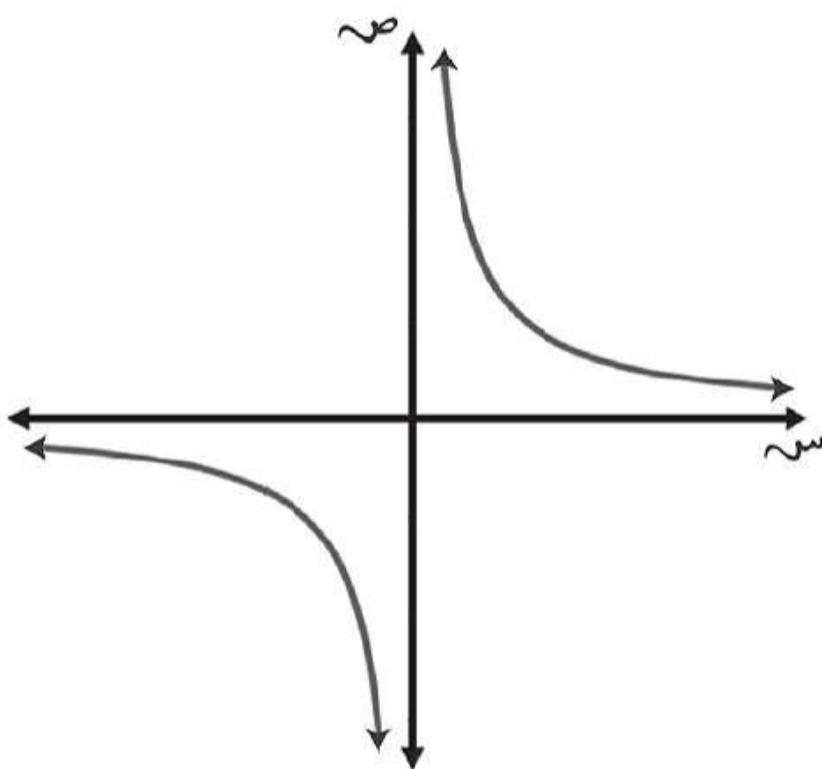


$\lim_{s \rightarrow \infty} d(s)$

$\lim_{s \rightarrow \infty} d(s)$

$\lim_{s \rightarrow \infty} d(s)$

$\lim_{s \rightarrow \infty} d(s)$



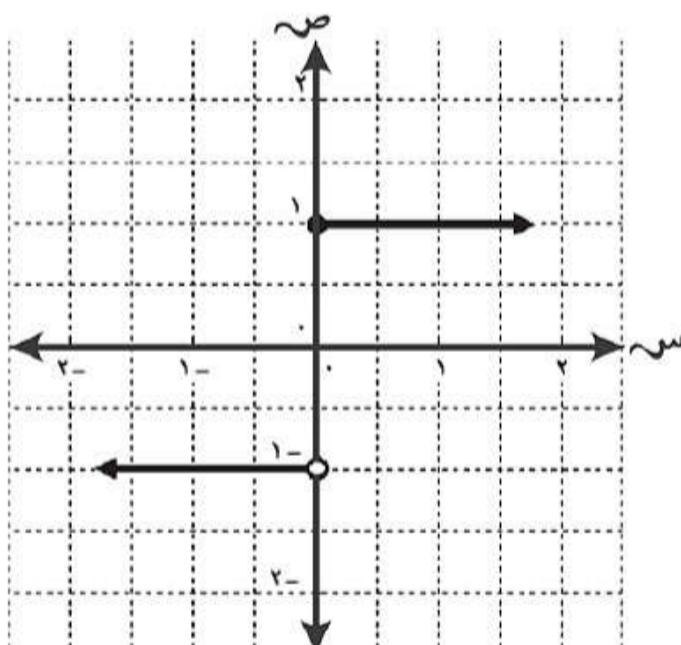
١) من الشكل المقابل $\lim_{s \rightarrow \pm\infty}$ (س) تساوي:

∞

صفر

∞^-

غير موجودة.



١) $\lim_{s \rightarrow \pm\infty}$ (س) من الشكل المجاور تساوي:

1

صفر

1^-

غير موجودة

امتحان ٢٠١٦ / ٢٠١٧ الدور الأول:

١) إذا كان الشكل المجاور يمثل بيان الدالة $d(s)$ ، فإن

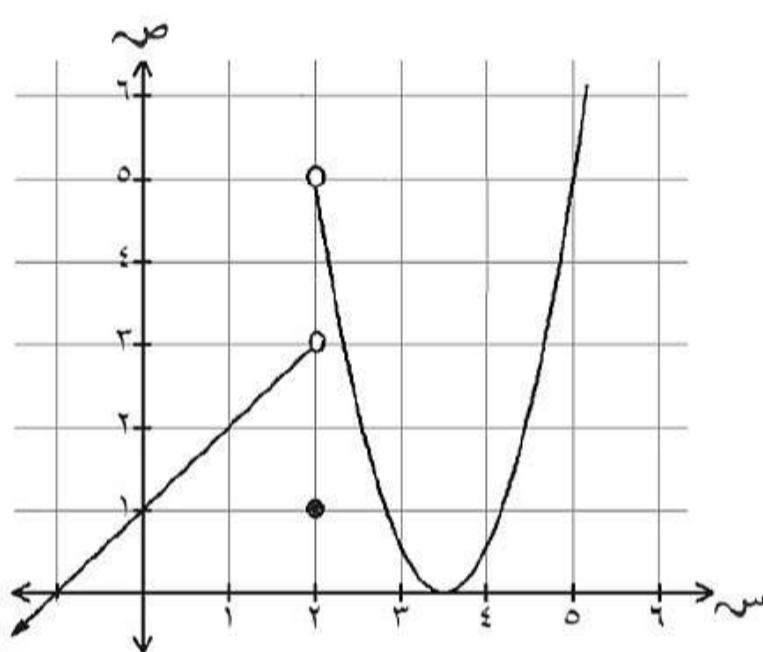
$\lim_{s \rightarrow -2^-} d(s)$ تساوي:

١

٣

٥

غير موجودة

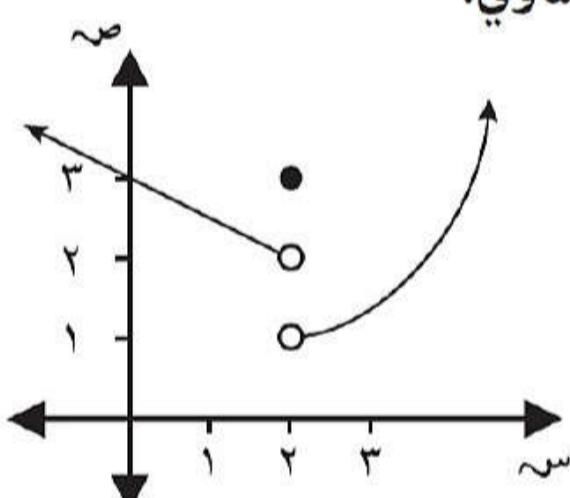


امتحان ٢٠١٥ / ٢٠١٦ الدور الأول:

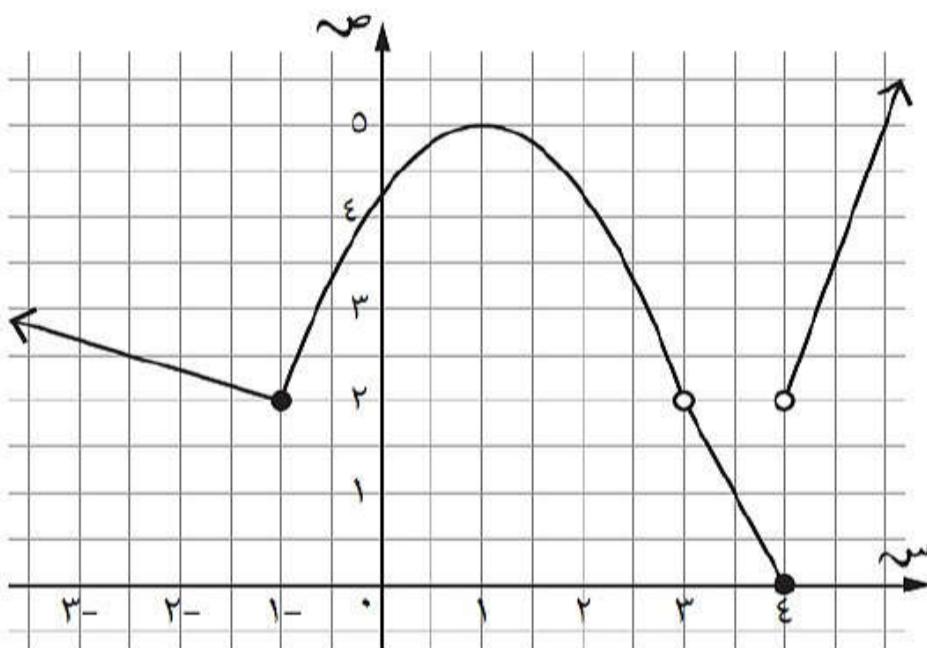
١) إذا كان الشكل المجاور يمثل بيان الدالة $d(s)$ ، فإن $\lim_{s \rightarrow 2^+} d(s)$ تساوي:

٢ ١

غير موجودة ٣



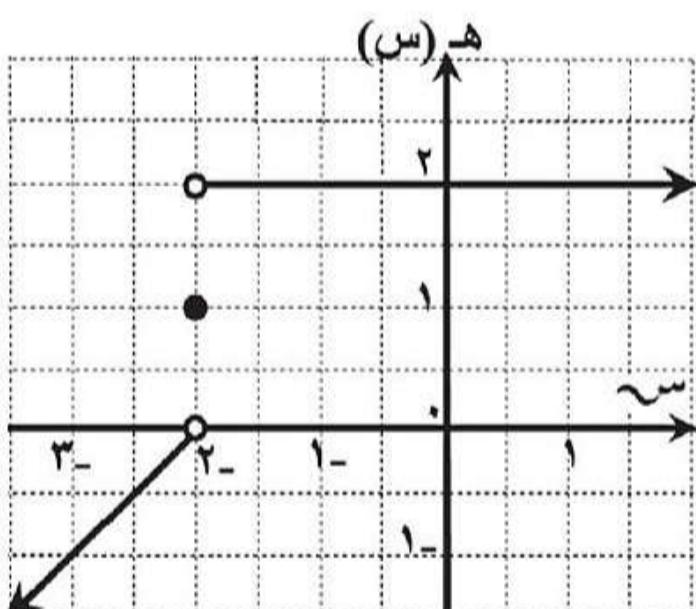
امتحان ٤ / ٢٠١٥ الدور الأول:



(٢) إذا كان الشكل المقابل يمثل بيان الدالة $d(s)$ ،
نهاية $\lim_{s \rightarrow b^-} d(s) = 2$ ، فإن قيمة b هي :

- $\{4, 3, 1-\}$
- $\{4, 3\}$
- $\{4, 1-\}$
- $\{3, 1-\}$

امتحان ٤ / ٢٠١٥ الدور الثاني:

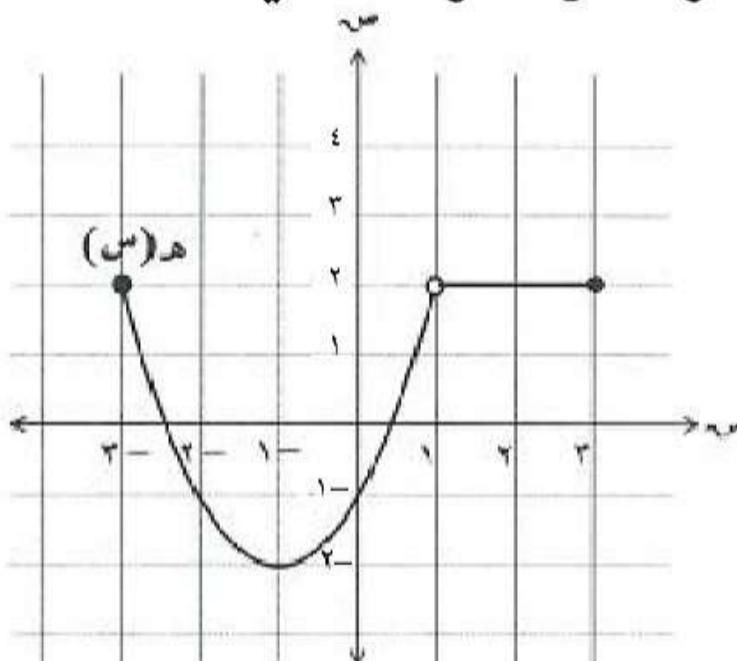


(١) في الشكل المقابل الذي يمثل بيان الدالة $h(s)$ ،
نهاية $\lim_{s \rightarrow 2^-} h(s)$ تساوي:

- صفر
- ١
- ٢
- غير موجودة

امتحان ٢٠١٣ / ٢٠١٤ الدور الأول:

ظلل الشكل () المقترن بالإجابة الصحيحة لكل مفردة من المفردات الآتية :



١) من الشكل المجاور : $\lim_{s \rightarrow \infty} h(s) =$

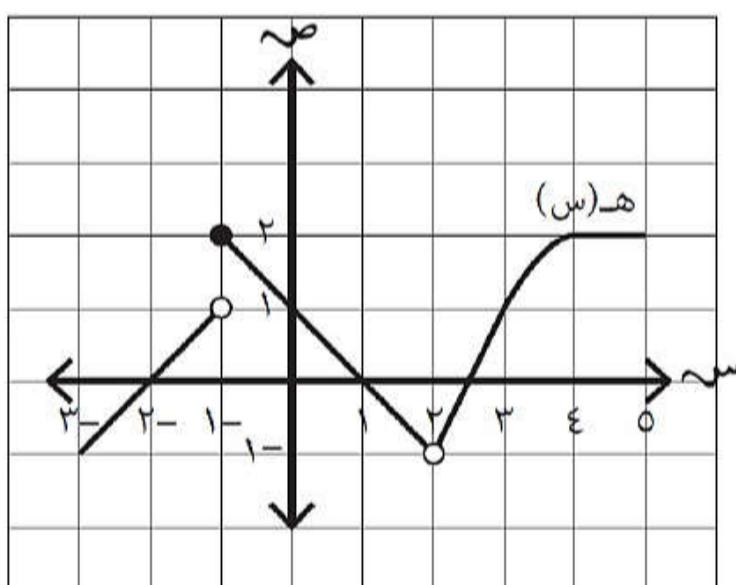
١

٢

غير موجودة

٣

امتحان ٢٠١٣ / ٢٠١٤ الدور الثاني:



١) إذا كان الشكل المجاور يمثل بيان الدالة $h(s)$ المعرفة على الفترة $[3, 5]$ ، فإن مجموعة قيم L بحيث تكون $\lim_{s \rightarrow L} h(s) = 1$ تساوي :

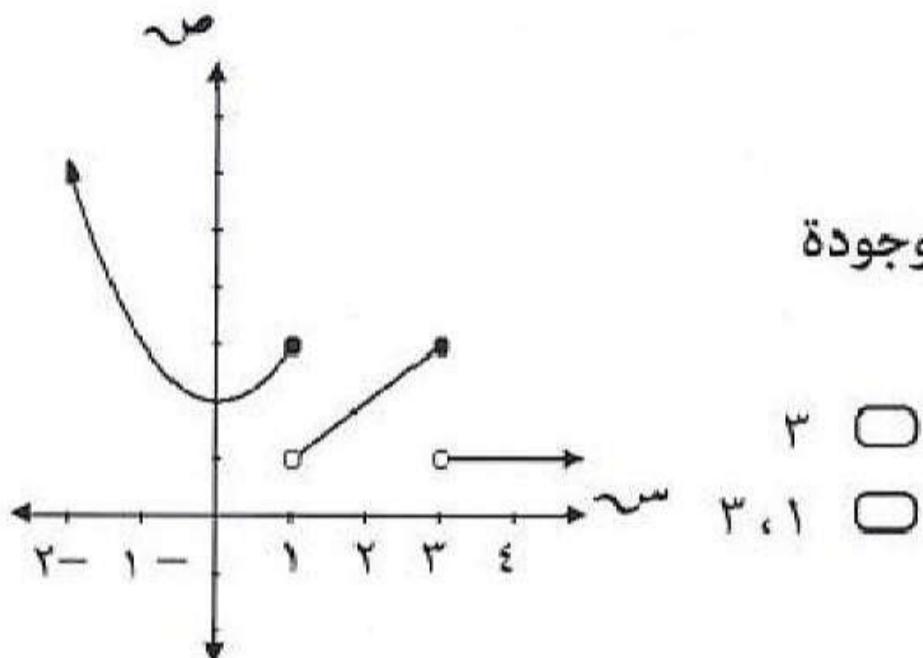
$\{3, 1\}$

$\{0, 1\}$

$\{3, 0\}$

$\{3, 0\}$

امتحان ٢٠١٣ / ٢٠١٢ الدور الأول:



(١) الشكل المجاور يمثل الدالة $ص = د(س)$.

إذا كان $\exists \{1, 2, 3\}$ ، فإن $\underline{\lim}_{س \rightarrow 1} د(س)$ موجودة
عندما تساوي:

٢

٢,١

٣
٣,١

amziz.Com/om

امتحان ٢٠١٣ / ٢٠١٢ الدور الثاني:

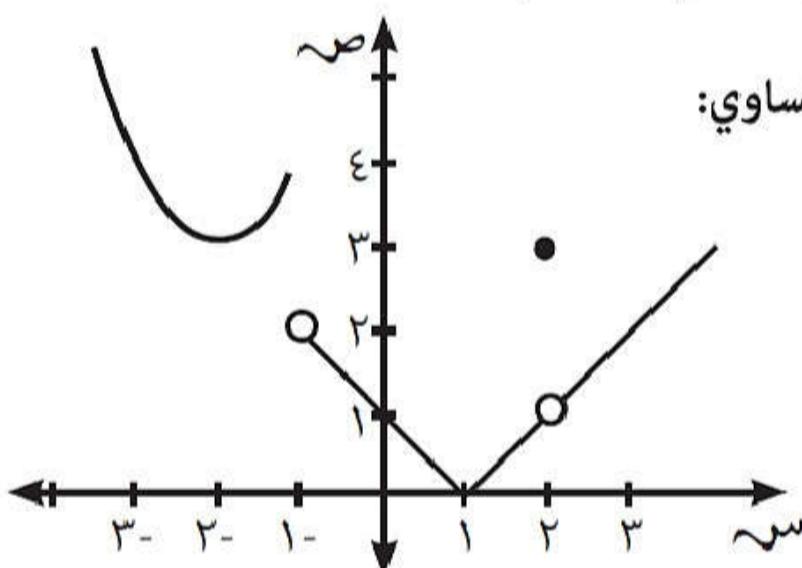
(١) الشكل المجاور يمثل الدالة $ص = د(س)$ ، إذا كان $\exists \{2, 1, 1-\}$

فإن $\underline{\lim}_{س \rightarrow 1} د(س)$ غير موجودة عندما تساوي:

١-

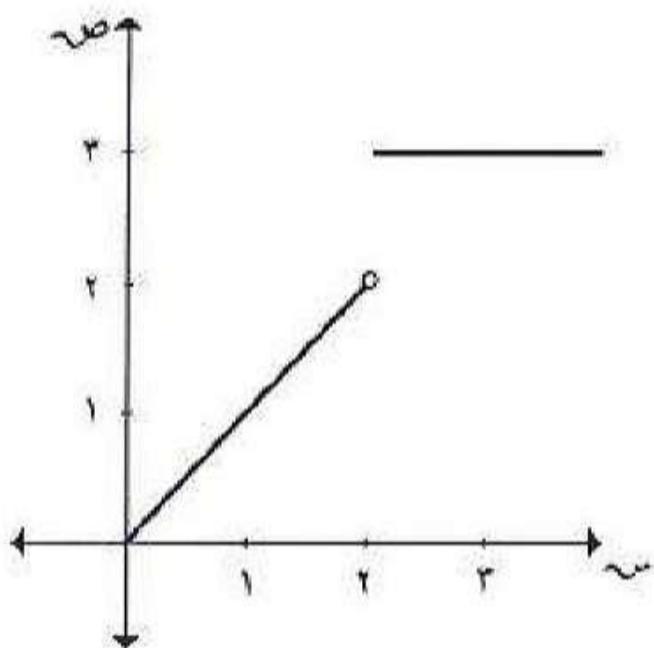
٢,١

٢,١-



امتحان ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الأول:

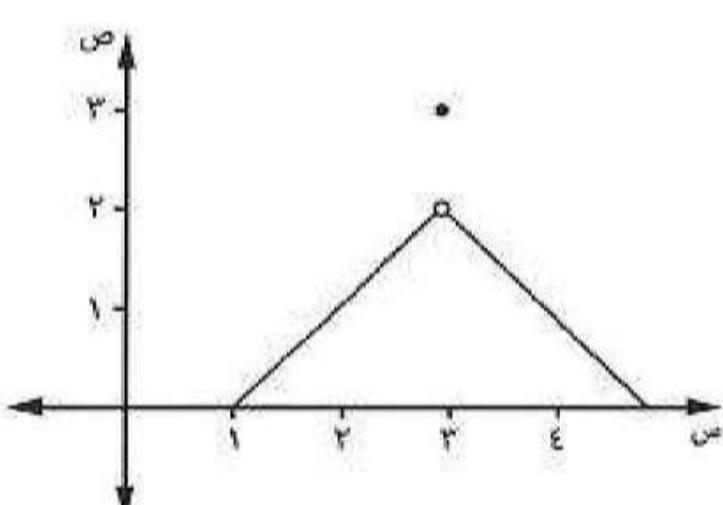
١) إذا كان الشكل المجاور يمثل الدالة $d(s)$ ، فإن $\lim_{s \rightarrow 2^-} d(s)$ تساوي:



- ٢ صفر
- غير موجودة
- ٣

امتحان ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الثاني:

١) من الشكل المجاور $\lim_{s \rightarrow 2^+} d(s) =$



- ٢
- ١
- غير موجودة
- ٣

امتحان ٢٠١٦ / ٢٠١٧ الدور الأول:

(١٥) أوجد $\frac{dy}{x} - \frac{y}{x^2}$ إذا كان

almanahj.com/om

almanahj.com/om



تعريف الاتصال وتطبيقات عليه

الهدف الثاني:



تكون الدالة $q(s)$ متصلة عند $s = a$ إذا تحققت الشروط الآتية:

- ١) q معَرَّفٌ عند $s = a$ ، أي أنَّ $q(a)$ موجودة كعدد حقيقي.
- ٢) $\lim_{s \rightarrow a} q(s)$ موجودة.
- ٣) $\lim_{s \rightarrow a} q(s) = q(a)$

almanahij.Q

مثال: توضيحي على الهدف:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{إذا كان } q(s) = \left\{ \begin{array}{ll} s^2 + 1 & , s > 2 \\ 5s - 5 & , s \leq 2 \end{array} \right. \\ \text{فابحث اتصال } q(s) \text{ عند } s = 2 \end{array} \right.$$

الحل

بما أن $q(s)$ حقق شروط الاتصال جميعها عند $s = 2$ ،

$\therefore q(s)$ متصل عند $s = 2$.

تمارين على الهدف التعليمي من الامتحانات النهائية

امتحان ٢٠١٨ / ٢٠١٩ الدور الثاني:

متصلة عند $s = 3$ ، فإن قيمة ب تساوي:

$$4) \text{ إذا كانت } d(s) = \begin{cases} s^2 + 5 , & s \neq 3 \\ 5b + 9 , & s = 3 \end{cases}$$

$\frac{1}{5} - \quad \square$

$1 - \quad \square$

$\frac{23}{5} \quad \square$

$1 \quad \square$

امتحان ٢٠١٨ / ٢٠١٩ الدور الثاني:

متصلة عند $s = 4$ ، فإن الفترة التي تمثل قيم b هي:

$$5) \text{ إذا كانت } d(s) = \begin{cases} s^2 + 1 , & s > 4 \\ 3 + s , & s \leq 4 \end{cases}$$

$[11, 10] \quad \square$

$[11, 10] \quad \square$

$[11, 10[\quad \square$

$[11, 10[\quad \square$

امتحان ٢٠١٧ / ٢٠١٨ الدور الثاني:

$$(3) \quad \left. \begin{array}{l} \text{إذا كانت } d(s) = \frac{s^3 + ms^2 - 2s}{s-2} \\ , \quad s \neq 2 \\ , \quad s = 2 \end{array} \right\} \quad \begin{array}{l} \text{متصلة عند } s = 2 \text{ هي:} \\ 0-\square \\ 12-\square \\ 7-\square \\ 10-\square \end{array}$$

امتحان ٢٠١٦ / ٢٠١٧ الدور الثاني:

$$(4) \quad \left. \begin{array}{l} \text{إذا كانت } d(s) = \frac{s^3 - 3s^2 - 26}{s-3} \\ , \quad s \neq 3 \\ , \quad s = 3 \end{array} \right\} \quad \begin{array}{l} \text{متصلة عند } s = 3 \text{ فإن قيمة } d \text{ تساوي:} \\ 4-\square \\ 7-\square \\ 11-\square \\ 4-\square \end{array}$$

امتحان ٤ / ٢٠١٤ الدور الأول:

٤) إذا كانت الدالة $d(s) = \begin{cases} 2 - [s] & s \geq l \\ 2 + [s] & s < l \end{cases}$ متصلة عند $s = l$ ،

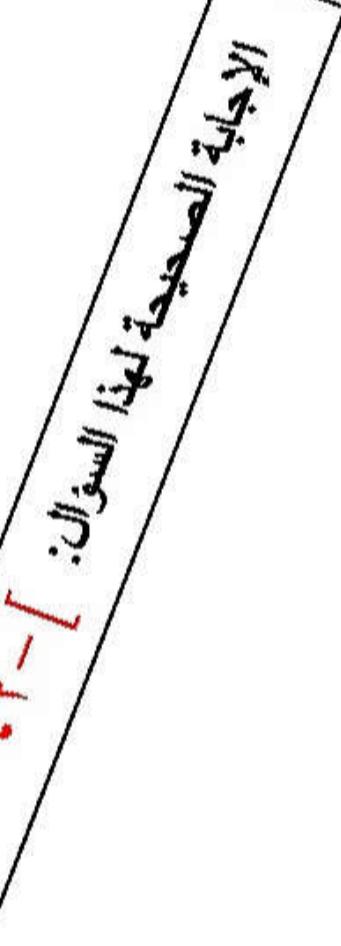
فإن قيمة l تنتمي إلى الفترة :

$]-1, 2]$

$]-1, 0]$

$]-4, -3]$

$]-3, -2]$



متصلة عند $s = 3$ ، فإن قيمة l تساوي:

٢) إذا كانت الدالة $d(s) = \begin{cases} s - l & s > 3 \\ l^2 & s \leq 3 \end{cases}$

٣

٢

١

صفر

امتحان ٣ / ٢٠١٤ الدور الأول:

١٨) إبحث اتصال الدالة $D(s)$ عند $s = 2$ ، حيث :

$$\left. \begin{array}{l} D(s) = \frac{s-2}{\sqrt[8]{s}-\sqrt[2]{s}} \\ s = 2 \end{array} \right\}$$

$$15) \text{ إذا كانت } d(s) = \left\{ \begin{array}{l} \frac{6+s^2}{3+s}, \quad s \neq -3 \\ k, \quad s = -3 \end{array} \right.$$

متصلة عند $s = -3$ ، فأوجد قيمة k .

١٥) إذا كانت الدالة $d(s)$ = $\begin{cases} 6s + 7 & , s < 5 \\ 8 - 9s & , s \geq 5 \end{cases}$ ، ابحث اتصال الدالة $d(s)$ عند $s = 5$

١٥) ابحث اتصال الدالة $d(s) = \left| s^2 - s \right|$ عند $s = 0$.

$$16) \text{ لتكن الدالة } h(s) = \begin{cases} s^2 - b & , s > 3 \\ 8 & , s = 3 \\ s^2 + b + 4 & , s < 3 \end{cases}$$

أوجد قيم كلاً من b ، b التي تجعل $h(s)$ متصلة عند $s = 3$.

امتحان ٢٠١٣ / ٢٠١٤ الدور الثاني:

١٦) ابحث اتصال الدالة $Q(s) = \begin{cases} 1 - s & , s \leq 3 \\ \frac{|s-2|}{s-3} & , s > 3 \end{cases}$

عند $s = 3$.

almanahj.com/om

(أ) ابحث اتصال الدالة $d(s)$ =

$$\left. \begin{array}{l} s^3 + 3, \quad s = 3 \\ \frac{s^2 - 9}{s - 3}, \quad s \neq 3 \end{array} \right\}$$

عند $s = 3$

almanahj.com/om

امتحان ٢٠١١ / ٢٠١٢ الدور الثاني:

$$f(s) = \begin{cases} s^2 - s - 2, & s < 1 \\ s + 2, & s \geq 1 \end{cases}$$

فأوجد قيمة ل التي تجعل الدالة $f(s)$ متصلة عند $s = 1$

almanahj.com/om



إيجاد نقاط عدم الانفصال ووصفها

الهدف الثالث:



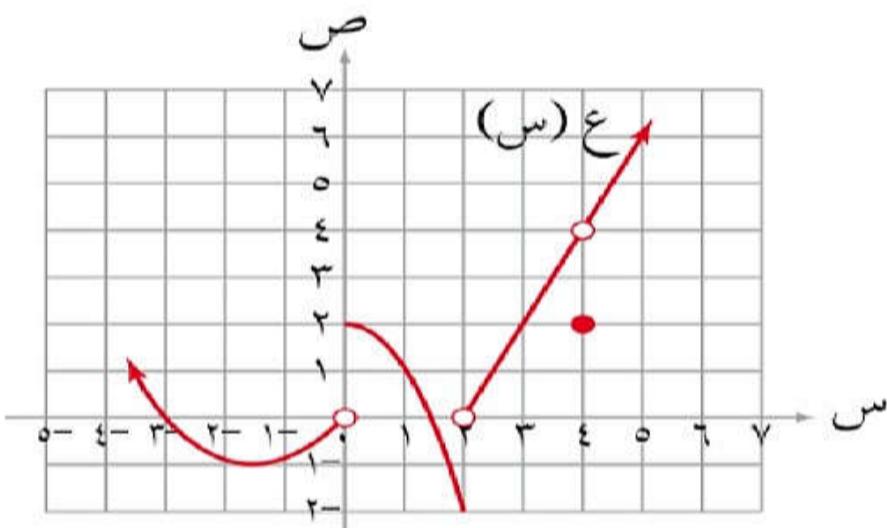
مثال ١: توضيحي على الهدف:

معتمداً الشكل الذي يمثل منحنى $u(s)$ ، جد كلاً ما يأتي:

أ) مجموعة قيم b حيث $u(s)$ غير متصل عند $s = b$

الحل

$b = 0, 1, 2, 4$ (نقاط الانفصال)



aln.

انتبه:

الدالة الجذرية بدليل زوجي

دالة الصحيح

الدالة النسبية

مثال ٢: توضيحي على الهدف:

إذا كانت الدالة $h(s) = \frac{s^2 - 4}{s - 2}$ ، فأجب عما يلى:

(١) أوجد قيمة s التي تجعل الدالة $h(s)$ غير متصلة (منفصلة).

الحل

$h(s)$ غير متصلة (منفصلة) عند $s = 2$ ← صفر المقام

(٢) أعد تعريف الدالة $h(s)$ بحيث تصبح متصلة عند هذه القيمة.

الحل

$$h(s) = \begin{cases} \frac{s^2 - 4}{s - 2} & , s \neq 2 \\ 4 & , s = 2 \end{cases}$$

إعادة التعريف:

بـ

تمارين على الهدف التعليمي من الامتحانات النهائية

امتحان ٢٠١٨ / ٢٠١٩ الدور الثاني:

(٢) مجموعة نقاط انفصال الدالة $d(s) = \frac{s^3 + 3s^2}{s^3 - 8}$ هي:

{٢، -٢}

ح - {٢}

{٨}

{٢}

امتحان ٢٠١٤ / ٢٠١٥ الدور الثاني:

(٤) مجموعة نقاط انفصال الدالة $d(s) = \left[s^3 - \frac{3}{5}s \right]$ ترمز لدالة الصحيح ، هي :

{٥ م : م $\in \mathbb{C}$ }

{ $\frac{2}{5}$ م : م $\in \mathbb{C}$ }

{ $\frac{5}{3}$ م : م $\in \mathbb{C}$ }

{ $\frac{1}{5}$ م : م $\in \mathbb{C}$ }

٢) أعد تعريف الدالة $d(s) = \frac{\sqrt{1+s^2} - 3}{s - 3}$ ، بحيث تكون متصلة عند $s = 3$

almanahj.com/om

امتحان ٢٠١٣ / ٢٠١٢ الدور الثاني:

١٦) أعد تعريف الدالة $d(s) = \frac{1 - s^2}{\sqrt{1 - s}}$

حيث تكون متصلة عند $s = 1$

ملاحظة:

سنقوم بشرح الملف على كشکول اونلاين ٩٩٨١٢٥٢٥

almanahi.com/om