

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج العمانية



## مراجعة درس المتطابقات

[موقع المناهج](#) ← [المناهج العمانية](#) ← [الصف الثاني عشر](#) ← [رياضيات متقدمة](#) ← [الفصل الأول](#) ← [المملف](#)

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 07-11-2023 103:46 | اسم المدرس: أحمد عمار

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر



## روابط مواد الصف الثاني عشر على Telegram

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[ال التربية الإسلامية](#)

## المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر والمادة رياضيات متقدمة في الفصل الأول

[ملخص شرح درس كيف نرسم الدوال المثلثية واحراء التحويلات الهندسية عليها](#)

1

[اختبار قصير على الوحدة الأولى الزوايا](#)

2

[نموذج إجابة الاختبار التدريسي القصير المنهج الجديد](#)

3

[اختبار تدريسي قصير منهج حديث](#)

4

[اختبار قصير أول على الوحدة الأولى](#)

5

## المتطابقات

المتطابقة هي تطابق بين مقدارين تعتمد على :

$$(1) \text{ ظاس} = \frac{\text{جاس}}{\text{جتا س}}$$

$$\text{جتا س} = 1 - \text{جا س}$$

$$\text{جتا س} = 1 - \text{جا س}$$

وبالتالي

$$(2) \text{ جا س} + \text{جتا س} = 1$$

حل تدريبات كتاب الطالب (٧\_٢)

$$2\text{جا س} - 7\text{جتا س} + 4 \quad \text{بدالة جاس}$$

$$2\text{جا س} - 7(1 - \text{جا س}) + 4$$

$$2\text{جا س} - 7 + 7\text{جا س} + 4$$

$$= 9\text{جا س} - 3$$

(١) أكتب العبارة

(٢) أثبت المتطابقات التالية

$$(أ) \text{ جتا س} \times \text{ظاس} \equiv \text{جاس}$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \text{جتا س} \times \frac{\text{جاس}}{\text{جتا س}} = \text{جا س} = \text{الطرف الأيسر}$$

$$\frac{1 - جتا^2 س}{جاس \times جتا^2 س} = ظاس \quad (ب)$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{1 - (1 - جاس)}{جاس \times جتا^2 س} = \frac{1 - 1 + جاس}{جاس \times جتا^2 س}$$

$$= \frac{جاس}{جاس \times جتا^2 س} = \frac{جاس}{جتا^2 س} = ظاس$$

تذكرة أن

$$\begin{aligned} جتا^2 س &= 1 - جاس \\ س^2 - ص^2 &= (س - ص)(س + ص) \end{aligned}$$

$$\frac{جتا^2 س}{1 - جاس} = 1 + جاس \quad (ج)$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{1 - جاس}{1 - جاس}$$

$$\frac{(1 - جاس)(1 + جاس)}{1 - جاس} = 1 + جاس$$

$$\frac{1 + جاس - جاس}{جتا^2 س} = جتا^2 س + ظاس \quad (د)$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{1 + جاس - (1 - جتا^2 س)}{جتا^2 س} = \frac{1 + جاس - 1 + جتا^2 س}{جتا^2 س}$$

$$\frac{جتا^2 س + جاس}{جتا^2 س} + \frac{جاس}{جتا^2 س} = \frac{جاس}{جتا^2 س} =$$

$$= جتا^2 س + ظاس$$

$$\frac{\text{جتا}^2\text{س} - \text{جا}^2\text{س}}{\text{جتا}\text{س} + \text{جا}\text{س}} + \text{جا}\text{س} \equiv \text{جتا}\text{س}$$

(ه)

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{(\text{جتا}\text{س} - \text{جا}\text{س})(\text{جتا}\text{س} + \text{جا}\text{س})}{\text{جتا}\text{س} + \text{جا}\text{س}} + \text{جا}\text{س}$$

$$= \text{جتا}\text{س} - \text{جا}\text{س} + \text{جا}\text{س} = \text{جتا}\text{س}$$

$$\frac{\text{جتا}^2\text{س} + \text{جا}^2\text{س} \times \text{جتا}^2\text{س}}{\text{جتا}\text{س} + \text{جا}\text{س}} \equiv \text{جتا}\text{س}$$

(و)

الطرف الأيمن بأخذ جتا<sup>2</sup>س عامل مشترك

$$= \text{جتا}^2\text{س} (\text{جتا}^2\text{س} + \text{جا}^2\text{س})$$

$$= \text{جتا}^2\text{س} \times 1 = \text{جتا}^2\text{س}$$

### حل آخر

$$\text{الأيمن} = \text{جتا}\text{س} + (1 - \text{جتا}\text{س}) \times \text{جتا}^2\text{س}$$

$$= \text{جتا}\text{س} + \text{جتا}\text{س} - \text{جتا}\text{س} = \text{جتا}\text{س}$$

## حل السؤال الثالث

$$\begin{array}{c} \text{الأول} \\ \times \\ \text{الثاني} \\ \times \\ 2 \end{array}$$

$$+ \begin{array}{c} \text{الثاني} \\ \text{تربيع} \end{array} + \begin{array}{c} \text{الأول} \\ \text{تربيع} \end{array}$$

$$(أ) (جاس + جتاس)^2 = 1 + 2\text{جاس جتاس}$$

**تذكير:**  $(\text{الأول} + \text{الثاني})^2 =$

$$(أ) (جاس + جتاس)^2 = 1 + 2\text{جاس جتاس}$$

$$\text{الطرف الأيمن} = جا^2س + 2\text{جاس جتاس} + جتا^2س$$

$$= جا^2س + جتا^2س + 2\text{جاس جتاس}$$

$$1 + 2\text{جاس جتاس} =$$

$$(ب) 2(1 + جتاس) - (1 + جتاس)^2 \equiv جا^2س$$

$$\text{الطرف الأيمن} = 2(1 + جتاس) - (1 + جتاس)(1 + جتاس)$$

$$[ (1+جتاس) [ 2 - (1+جتاس) ] ] =$$

$$= (1+جتاس) [ 2 - 1 - جتاس ]$$

$$= (1+جتاس) (1 - جتاس)$$

$$= 1 - جتا^2س = جا^2س$$

تم أخذ  
 $(1 + جتاس)$   
عامل مشترك

لاحظ أنهما تحليل

فرق بين مربعين

$$(س - ص)(س + ص) = س^2 - ص^2$$

حل آخر

$$(1 + جناس) - (1 + جناس)^2 \equiv جناس^2$$

$$\text{الطرف الأيمن} = 2 + جناس - (1 + 2 جناس + جناس^2)$$

$$= 2 + جناس - 1 - 2 جناس - جناس^2$$

$$= 1 - جناس^2 = جناس^2$$

$$(ج) 2 - (ناس + جناس)^2 \equiv (ناس - جناس)^2$$

$$\text{الطرف الأيمن} = 2 - (ناس^2 + جناس^2 + 2 الناس جناس)$$

$$= 2 - (1 + 2 الناس جناس) = 1 - 2 الناس جناس$$

$$1 = 1 - 2 الناس جناس \quad \leftarrow$$

$$\text{الطرف الأيسر} = (ناس - جناس)^2 = ناس^2 + جناس^2 - 2 الناس جناس$$

$$2 = 1 - 2 الناس جناس \quad \leftarrow$$

من 1 ، 2 الطرفان متساويان

$$(د) (جناس^2 - 2 - 3ناس) \equiv جناس^2 + ناس^2$$

$$\text{الطرف الأيمن} = (جناس^2 + 4 - 4 جناس) - 3ناس$$

مفوك التربيع

$$= جناس^2 + 4 - 4 جناس^2 - 3ناس$$

$$= جناس^2 + (4 - جناس) - 3ناس$$

$$= جناس^2 + 4ناس - 3ناس$$

$$= جناس^2 + ناس = \text{الطرف الأيسر}$$

## حل السؤال الرابع

$$(أ) جتا²س - جا²س \equiv ٢جتا²س - ١$$

$$\text{الطرف الأيسر} = ٢جتا²س - ١$$

$$= ٢جتا²س - (جتا²س + جا²س)$$

$$= ٢جتا²س - جتا²س - جا²س$$

$$= جتا²س - جا²س = \text{الطرف الأيمن}$$

## حل آخر

$$\text{الطرف الأيمن} = جتا²س - جا²س$$

$$= جتا²س - (١ - جتا²س)$$

$$= جتا²س - ١ + جتا²س$$

$$= ٢جتا²س - ١$$

بعضنا عن جا²س  
لأنه غير موجود في الطرف الأيسر

$$(ب) جتا²س - جا²س \equiv ١ - ٢جا²س$$

$$\text{الطرف الأيسر: } ١ - (٢ - جتا²س)$$

$$= ١ - ٢ + ٢جتا²س$$

$$= ٢جتا²س - ١$$

$$= ٢جتا²س - (جتا²س + جا²س)$$

$$= ٢جتا²س - جتا²س - جا²س$$

$$= جتا²س - جا²س \quad \text{الطرف الأيمن}$$

حل آخر

$$\text{جتا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s} \equiv 1 - 2 \text{ جا}^2\text{s}$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \text{جتا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s}$$

$$(1 - \text{جا}^2\text{s}) - \text{جا}^2\text{s}$$

$$1 - \text{جا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s}$$

$$1 - 2 \text{ جا}^2\text{s} \quad \text{الطرف الأيسر}$$

$$(ح) \text{ ظا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s} \equiv \text{ظا}^2\text{s} \times \text{جا}^2\text{s}$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \text{ظا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s}$$

$$= \frac{\text{جا}^2\text{s}}{\text{جتا}^2\text{s}} - \text{جا}^2\text{s}$$

$$= \frac{\text{جا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s جتا}^2\text{s}}{\text{جتا}^2\text{s}}$$

$$= \frac{\text{جا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s جتا}^2\text{s}}{\text{جتا}^2\text{s}} = \frac{\text{جا}^2\text{s}(1 - \text{جتا}^2\text{s})}{\text{جتا}^2\text{s}}$$

$$= \frac{\text{جا}^2\text{s} \times \text{جا}^2\text{s}}{\text{جتا}^2\text{s}} = \frac{\text{جا}^2\text{s} \times \text{جا}^2\text{s}}{\text{جتا}^2\text{s}}$$

$$= \text{ظا}^2\text{s} \times \text{جا}^2\text{s}$$

(د)  $\text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س} \equiv \text{جا}^{\circ}\text{س} + \text{جتا}^{\circ}\text{س}$ **الطرف الأيمن =  $\text{جتا}^{\circ}\text{س} \times \text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س}$** 

$$= \text{جتا}^{\circ}\text{س} (1 - \text{جا}^{\circ}\text{س}) + \text{جا}^{\circ}\text{س}$$

$$= \text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{جا}^{\circ}\text{س} \times \text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س}$$

$$- \text{جا}^{\circ}\text{س} \times \text{جتا}^{\circ}\text{س} \quad | =$$

$$- \text{جا}^{\circ}\text{س} (1 - \text{جا}^{\circ}\text{س}) \quad | =$$

$$- \text{جا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س} \quad | =$$

$$= \text{جتا}^{\circ}\text{س} \quad \text{جا}^{\circ}\text{س} \quad +$$

**حل آخر :****الطرف الأيمن =  $\text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س}$** 

$$= \text{جتا}^{\circ}\text{س} \times \text{جتا}^{\circ}\text{س} + 1 - \text{جتا}^{\circ}\text{س}$$

$$= (1 - \text{جا}^{\circ}\text{س})(1 - \text{جا}^{\circ}\text{س}) + 1 - \text{جتا}^{\circ}\text{س}$$

$$= 1 - 2\text{جا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س} + 1 - \text{جتا}^{\circ}\text{س}$$

$$= 2 - 2\text{جا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س} - \text{جتا}^{\circ}\text{س}$$

$$= 2(1 - \text{جا}^{\circ}\text{س}) + \text{جا}^{\circ}\text{س} - \text{جتا}^{\circ}\text{س}$$

$$= 2 \text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س} - \text{جتا}^{\circ}\text{س}$$

$$= \text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س}$$

تذكرة

$$\begin{aligned} &= a^2 - b^2 \\ &= (a - b)(a + b) \end{aligned}$$

## حل السؤال الخامس

$$\frac{\text{جتا}^2\text{s} - \text{جا}^2\text{s}}{\text{جتا}\text{s} - \text{جا}\text{s}} \equiv \text{جتا}\text{s} + \text{جا}\text{s} \quad (1)$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{(\text{جتا}\text{s} - \text{جا}\text{s})(\text{جتا}\text{s} + \text{جا}\text{s})}{\text{جتا}\text{s} - \text{جا}\text{s}}$$

$$= \text{جتا}\text{s} + \text{جا}\text{s} = \text{الطرف الأيسر}$$

$$(2) \quad \text{جا}^2\text{s} - \text{جتا}^2\text{s} \equiv 2\text{جا}^2\text{s} - 1$$

$$\text{الطرف الأيمن} = (\text{جا}^2\text{s} + \text{جتا}^2\text{s}) (\text{جا}^2\text{s} - \text{جتا}^2\text{s})$$

$$= 1 \times (\text{جا}^2\text{s} - \text{جتا}^2\text{s})$$

$$= \text{جا}^2\text{s} - \text{جتا}^2\text{s}$$

$$= \text{جا}^2\text{s} - (1 - \text{جا}^2\text{s}) = \text{جا}^2\text{s} - 1 + \text{جا}^2\text{s}$$

$$= 2\text{جا}^2\text{s} - 1$$

ارشاد :

$\frac{\text{s} + \text{ص}}{\text{أب}}$  يمكن تجزئتها إلى  $\frac{\text{s}}{\text{أب}} + \frac{\text{ص}}{\text{أب}}$

لكن

$\frac{\text{s}}{\text{أب} + \text{ب}}$  لا يمكن تجزئتها إلى  $\frac{\text{s}}{\text{أب}} + \frac{\text{s}}{\text{ب}}$

$$\frac{\text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} = 1 - \text{ظا}^{\circ}\text{س}$$

(ج)

$$\frac{(\text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{جا}^{\circ}\text{س})(\text{جتا}^{\circ}\text{س} + \text{جا}^{\circ}\text{س})}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} = \text{الطرف الأيمن}$$

$$\frac{(\text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{جا}^{\circ}\text{س}) \times 1}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} = \frac{(\text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{جا}^{\circ}\text{س})}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}}$$

$$\frac{\text{جتا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} - \frac{\text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} =$$

$$= 1 - \text{ظا}^{\circ}\text{س}$$

حل آخر

$$\frac{\text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} = 1 - \text{ظا}^{\circ}\text{س}$$

$$\frac{\text{جتا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} - \frac{\text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}}$$

$$= \frac{\text{جتا}^{\circ}\text{س} \times \text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}}$$

$$= \frac{\text{جتا}^{\circ}\text{س} - \text{ظا}^{\circ}\text{س} \times \text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} = \text{جتا}^{\circ}\text{س} - \frac{\text{جا}^{\circ}\text{س}}{\text{جتا}^{\circ}\text{س}} \times \text{جا}^{\circ}\text{س}$$

$$= جتا^2س - ظا^2س (1 - جتا^2س)$$

$$= جتا^2س - ظا^2س + ظا^2س \times جتا^2س$$

$$= جتا^2س - ظا^2س + \frac{جا^2س}{جتا^2س} \times جتا^2س$$

$$= جتا^2س - ظا^2س + جا^2س = 1 - ظا^2س$$

$$\frac{1}{جا^2س} + 1 \equiv \frac{جتا^2س}{ظا^2س (1 - جا^2س)} \quad (د)$$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{جتا^2س \times جتا^2س}{جا^2س (1 - جا^2س)} = \frac{جتا^2س}{جا^2س (1 - جا^2س)} =$$

$$\frac{جتا^2س}{جا^2س (1 - جا^2س)} = \frac{(1 - جا^2س)}{جا^2س (1 - جا^2س)} =$$

$$\frac{(1 - جا^2س) ((1 + جا^2س))}{جا^2س} = \frac{(1 + جا^2س)}{جا^2س (1 - جا^2س)} =$$

$$\frac{جا^2س}{جا^2س} + \frac{1}{جا^2س} =$$

$$1 + \frac{1}{جا^2س} =$$

توضيح

تم أخذ جتا س عامل مشترك

$$(ه) \frac{\text{جاس} - \text{جتا س}}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \equiv \frac{\text{ظاس} - 1}{\text{ظاس} + 1}$$

$$\frac{\text{جتا س} (\text{جاس} - 1)}{\text{جتا س} (\text{جاس} + 1)} = \frac{\text{جاس} (\text{جتا س} - 1)}{\text{جاس} (\text{جتا س} + 1)}$$

$$\frac{\text{جاس} - 1}{\text{جاس} + 1} = \frac{\text{ظاس} - 1}{\text{ظاس} + 1} = \frac{\text{جاس}}{\text{جتا س}} + \frac{1}{\text{جتا س}}$$

حل آخر

$$\frac{\text{جاس} - \text{جتا س}}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \equiv \frac{\text{ظاس} - 1}{\text{ظاس} + 1}$$

الطرف الأيسر =  $(\text{ظاس} - 1) \div (\text{ظاس} + 1)$ 

$$= \frac{\text{جاس} - 1}{\text{جاس} + 1} \div (\text{جاس} - 1) \div (\text{جاس} + 1)$$

$$= \frac{\text{جاس} - \text{جتا س}}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \div \left( \frac{\text{جاس} - \text{جتا س}}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \right)$$

$$= \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \div \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}}$$

$$= \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س}) \times (\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \div \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}}$$

توضيح

$$\frac{\text{جاس}}{\text{جتا س}} = 1$$

$$\begin{aligned} &= \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س}) \times (\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \div \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \\ &= (\text{جاس} - \text{جتا س}) \times \frac{(\text{جاس} - \text{جتا س})}{\text{جاس} + \text{جتا س}} \end{aligned}$$

أثبت أن [و]

$$\frac{1 - جناس}{1 + جناس} \equiv \frac{1}{جاس} - \frac{1}{ظاس}$$

**الطرف الأيمن :**  $\left( \frac{1}{جاس} + \frac{1}{ظاس} \right)^2 = \frac{1}{جاس^2} + \frac{1}{ظاس^2} + 2 \times \frac{1}{جاس \cdot ظاس}$

$$\frac{1}{- جاس \cdot ظاس} \times 2 + \frac{1}{جاس \cdot ظاس} + \frac{1}{جاس \cdot جاس} =$$

$$\frac{1}{جاس \cdot جاس} - \frac{2 جناس}{جاس \cdot جاس} + \frac{1}{جاس \cdot جاس} =$$

$$\frac{1}{جاس \cdot جاس} - \frac{2 جناس}{جاس \cdot جاس} =$$

$$\frac{جناس - 2 جناس + 1}{جاس} =$$

$$\frac{جناس - 2 جناس + 1}{1 - جناس} =$$

تحليل فرق بين مربعين

$$\frac{(1 - جناس)(1 - جناس)}{(1 + جناس)(1 - جناس)} =$$

**توضيح :**

القسمة على واحد

لا يغير القيمة

$$\frac{\text{جtas}}{\text{جtas}} = 1$$

(ز) أثبت أن  $\frac{\text{ظاس} + 1}{\text{جاس} \times \text{ظاس} + \text{جtas}} \equiv \text{جاس} + \text{جtas}$

الطرف الأيمن =  $\frac{\text{جاس} \times \frac{\text{جtas}}{\text{جtas}} + \text{جtas}}{\text{جاس} + \text{جtas}} = \frac{\text{جاس} + \text{جtas}}{\text{جاس} + \text{جtas}} = 1$

= جاس + جtas

(ح)  $\frac{\text{جاس} (1 - \text{جتا}^2\text{س})}{\text{جتا}^2\text{س} (1 - \text{جاس})} \equiv \text{ظاس}$

الطرف الأيمن =  $\frac{\text{جاس} \times \text{جاس}}{\text{جتا}^2\text{س} \times \text{جتا}^2\text{س}} = \frac{\text{جاس}}{\text{جتا}^2\text{س}} = \text{ظاس}$

## تذكرة

$$\begin{aligned} & \frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{ad - bc}{bd} \\ & \frac{ad - bc}{bd} = \frac{ad - b^2}{bd} \end{aligned}$$

(٦) أثبت أن المتطابقة  $\frac{جتا٢س}{جتا٢س + جاس} - \frac{جاس}{جاس + جتا٢س} \equiv ظاس$

$$\text{الطرف الأيمن} = \frac{\frac{جتا٢س}{جاس + جتا٢س} - \frac{جاس}{جاس + جتا٢س}}{\text{جتا٢س} \times (جاس + جتا٢س)}$$

$$\frac{جاس - جتا٢س}{جاس \times (جاس + جتا٢س)} = \frac{جاس + جاس}{جاس \times (جاس + جتا٢س)}$$

$$\frac{\text{جاس} (\text{جاس} + 1)}{\text{جتا٢س} \times (جاس + جاس)} = \frac{\text{جاس}}{\text{جتا٢س}}$$

(٧) بين أن  $(1 + جتا٢س)^٢ + 2 جاس$  لها قيمة ثابتة

الحل

$$1 + جتا٢س + 2 جتا٢س + 1 + جتا٢س - 2 جتا٢س + 2 جاس$$

$$2 + 2 + 2 جاس =$$

$$2 + 2 (جاس + جاس) =$$

$$4 = 1 \times 2 + 2 = \text{مقدار ثابت}$$

(أ) اكتب العبارة  $7x^2 + 4x - 1$  في صورة  $A + Bx^2$ **الحل** : العبارة مطلوب وضعها في صورة  $A + Bx^2$ 

$$\therefore \text{نستبدل } x \text{ بـ } 1 - x \text{ في } 7x^2 + 4x - 1$$

$$\text{العبارة} = 7(1-x)^2 + 4(1-x) - 1$$

$$= 7(1-2x+x^2) + 4(1-x) - 1$$

(ب)

أذكر مدى الدالة حيث  $x \geq 0$ 

$$\text{القيمة} = 4 \quad \leftarrow \quad x = 0$$

$$V = \leftarrow \quad x = \frac{\pi}{2}$$

$$4 \leftarrow \quad x = \pi$$

$$V \leftarrow \quad x = \frac{\pi^3}{2}$$

$$4 \leftarrow \quad x = \pi^2$$

المدى :  $4 \geq D(x)$

**(٩) أ:** اكتب العبارة  $4 جا ه - جتا ه$  في صورة  $(جا ه + أ)^2 + ب$

تذكرة:

$$س^2 + دس$$

عند وضعه على صورة اكمال مربع

$$\text{يكون: } \left(س + \frac{د}{2}\right)^2 - \frac{د^2}{4}$$

$$= 4 جا ه - جتا ه$$

$$= 4 جا ه - (1 - جا ه)$$

$$= 4 جا ه - 1 + جا ه$$

$$= جا ه + 4 جا ه - 1$$

$$= (جا ه + 2)^2 - 4 - 1$$

$$= (جا ه + 2)^2 - 5$$

**(ب)** اذكر القيمة العظمى والصغرى لـ  $4 جا ه - جتا ه$

$$\pi^2 \geq ه \geq 0$$

**الحل:**

بإضافة  $2 +$

$$1 - جا ه \geq$$

$$1 \geq جا ه + 2$$

$$1 \geq (جا ه + 2)^2$$

$$1 \geq 5 - (جا ه + 2)^2$$

$$4 \geq 5 - (جا ه + 2)^2$$

القيمة الصغرى للعبارة  $4 جا ه - جتا ه$  هي  $-4$

القيمة العظمى للعبارة  $4 جا ه - جتا ه$  هي  $4$

تذكرة أن

$$(أ - ب)(أ + ب) = أ^2 - ب^2$$

(١٠) اذا علمت أن  $A = \frac{(1 - جاہ)}{2 جتاہ}$

(أ) أثبت أن  $\frac{1}{A} = \frac{2(1 + جاہ)}{جتاہ}$

حقيقة رياضية

$$1 = \frac{1}{A} \times A ..$$

$$\frac{1 - جاہ}{2 جتاہ} = \frac{2(1 + جاہ)(1 - جاہ)}{2 جتاہ} \times \frac{1}{1 - جاہ} = \frac{1}{2 جتاہ}$$

$$1 = \frac{2 جتاہ}{2 جتاہ} = \frac{2(1 - جاہ)}{2 جتاہ} =$$

حل آخر:  $A = \frac{(1 - جاہ)}{2 جتاہ}$

لاحظ أن

$$\frac{ج}{جاہ} \times A = A$$

أثبتت أن  $\frac{1}{A} = \frac{2(1 + جاہ)}{جتاہ}$

$$\frac{2 جتاہ \times (1 + جاہ)}{1 - جاہ} = \frac{1 + جاہ}{1 + جاہ} \times \frac{2 جتاہ}{1 - جاہ} = \frac{1}{A}$$

$$\frac{2 جتاہ \times (1 + جاہ)}{جتاہ} = \frac{2(1 + جاہ)}{جتاہ} =$$

(ب) أوجد قيمتي كل من  $\text{جا}_ه$  ،  $\text{جتا}_ه$  بدلالة  $\alpha$ بفرض أن  $\text{جا}_ه = \alpha$  ،  $\text{جتا}_ه = \beta$ 

إجراء الضرب التبادلي

$$\frac{(1 + \alpha)(2 + \beta)}{\beta} = \frac{1}{\alpha}$$

$$\frac{(1 + \alpha)(2 + \beta)}{\beta} = \frac{1}{\alpha}$$

$$\frac{2 + \beta}{\beta} = \frac{1}{\alpha}$$

$$\beta = 2\alpha + \alpha^2$$

$$\beta - \alpha^2 = 2\alpha$$

$$\frac{1 - \alpha}{2\beta} = \frac{1}{\alpha}$$

$$\frac{1 - \alpha}{2\beta} = \frac{1}{\alpha}$$

$$\alpha\beta = 1 - \alpha$$

$$\alpha\beta + \alpha = 1$$

بحل المعادلتين أليا

$$\alpha\beta + \alpha = 1$$

$$\alpha\beta - \alpha = 0$$

$$\alpha\beta + \alpha = 1$$

$$\alpha\beta - \alpha = 0$$

$$\alpha(\beta + 1) = 1$$

$$\alpha = \frac{1}{\beta + 1}$$

بالجمع

$$\therefore \beta = \frac{4}{1 + \alpha^2}$$

بالتعويض في المعادلة  $2أس + ص = 1$

$$1 = \frac{4}{1+2^x} + ص$$

$$1 = ص + \frac{2^x}{1+2^x}$$

$$ص = \frac{2^x}{1+2^x} - 1$$

$$ص = \frac{2^x}{1+2^x} - \frac{1+2^x}{1+2^x}$$

$$ص = \frac{2^x - 1 - 1 - 2^x}{1+2^x} = \frac{2^x - 1 + 2^x}{1+2^x}$$