

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج القطرية



أوراق عمل ابن سينا منتصف الفصل مع الإجابة النموذجية

موقع المناهج ← المناهج القطرية ← المستوى الحادي عشر العلمي ← رياضيات ← الفصل الثاني ← أوراق عمل ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 10:21:53 2025-02-12

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

إعداد: مدرسة ابن سينا

التواصل الاجتماعي بحسب المستوى الحادي عشر العلمي



صفحة المناهج
القطرية على
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب المستوى الحادي عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الثاني

أوراق عمل ابن سينا منتصف الفصل غير مجابة

1

أوراق عمل شاملة وتمارين وأمثلة لتعزيز المهارات الحاسوبية

2

الخلاصة ببساطة للوحدة الخامسة

3

جميع القوانين المستخدمة في الدوال الأسية واللوغاريتمية والدوال الدائرية والمتطابقات والاحتمالات

4

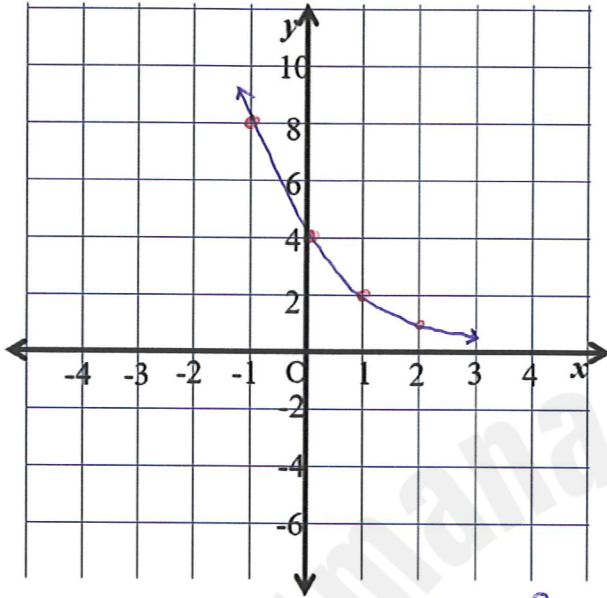
مراجعات نهاية الفصل في الدوال الأسية واللوغاريتمية والدوال الدائرية والمتطابقات المثلثية والاحتمالات وطرق العد مع الإجابة النموذجية

5



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 1



(a) مثل منحنى الدالة $f(x) = 4 \left(\frac{1}{2}\right)^x$

x	-1	0	1	2
y	8	4	2	1

(b) أوجد مجال الدالة: \mathbb{R}

أوجد مدى الدالة: $y > 0$

أوجد مقطع y: 4

أوجد معادلة خط التقارب الأفقي: $y = 0$

اكتب السلوك الطرفي للدالة:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$$

صف عملية تحويل الدالة f إلى التمثيل البياني للدالة g، ثم حدد مقطع y ومعادلة خط التقارب

السؤال 2

مقطع y	خط التقارب	التحويلات
$f(0) = -3^{0+1} = -3$	$y = 0$	- انقلّاس حول محور x - ازاجه لليسار 1
$f(0) = 2(0.5)^0 + 4 = 6$	$y = 4$	- ازاجه الى اعلى 4
$f(0) = e^{-0} = 1$	$y = 0$	- انقلّاس حول محور y
$f(0) = e^{2(0)} - 2 = -1$	$y = -2$	- تضيق افقي معاملته $\frac{1}{2}$ - ازاجه لا يخل 2



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 3

$$x_2 \quad y_2 \quad x_1 \quad y_1$$

(a) اكتب نموذجاً أسياً حسب النقطتين (3, 220) (4, 240)

$$b = \frac{y_2}{y_1} = \frac{240}{220} = 1.02, \quad a = \frac{y_2}{b^{x_2}} = \frac{240}{(1.02)^4} = 222$$

$$y = 222(1.02)^x$$

(b) بدأ خالد بتربية الأرنب عام 2015، في عام 2020 أصبح لديه 1200 أرنب، وعام 2021 لديه 1440 أرنب اكتب نموذجاً أسياً يصف عدد الأرنب؟

$$2020 \rightarrow (5, 1200)$$

$$2021 \rightarrow (6, 1440)$$

$$b = \frac{1440}{1200} = 1.2$$

$$a = \frac{1440}{(1.2)^6} = 482$$

$$y = 482(1.2)^x$$

(c) استثمر حمد مبلغ QR1000 في حساب يعطي فائدة سنوية متواصلة مقدارها 3%. أوجد جملة المبلغ بعد 5 سنوات.

$$A = pe^{rt}$$

$$= 1000 e^{0.03 \times 5} = 1161.8$$

(d) كان عدد سكان إحدى القرى 3500 عام 2025، ويتوقع أن يتناقص عددهم بنسبة 0.35% سنوياً. اكتب دالة اضمحلال أسية. أوجد عدد السكان المتوقع عام 2030.

$$A = a(1-r)^t$$

$$A = 3500(1-0.35\%)^t$$

$$A = 3500(0.9965)^t$$

بعد 5 سنوات

$$A = 3500(0.9965)^5$$

$$= 3439$$

(e) اكتب الدالة g التي تمثل الدالة $f(x) = 3^x$ بعد انعكاس حول محور y ثم إزاحة لأعلى 5 وحدات

$$g(x) = 3^{-x} + 5$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 4

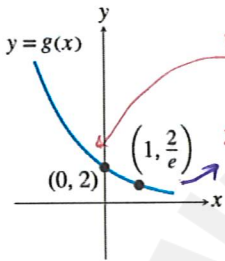
حسب قيمة $b < 1$

(1) أي الدوال التالية يمثل دالة نمو أسي

- A) $f(x) = 12(0.8)^x$ B) $f(x) = 12x^2$ C) $f(x) = 0.3(5)^x$ D) $f(x) = 0.3(0.6)^x$

(2) تمثل الدالة $f(x) = 120000(0.84)^x$ سعر سيارة بعد x سنة، أوجد معدل الاضمحلال.

- A) 84% B) 16% C) 0.84% D) 0.16%



$a=2$
 $f(x) = a(b)^x$

$b = \frac{2/e}{2} = \frac{1}{e}$
A) $g(x) = 2e^x$

C) $g(x) = -2e^x$

D) $g(x) = 2e^{-x}$

$g(x) = a(b)^x = 2\left(\frac{1}{e}\right)^x = 2(e^{-1})^x = 2e^{-x}$

$r = 1 - b = 1 - 0.84 = 0.16 = 16\%$

(4) أوجد جملة المبلغ، فائدة مركبة متواصلة $P=1200, r=2.8\%, t=5$

- A) 1380 B) 1540 C) 2020 D) 3600

$A = 1200 e^{2.8\% \times 5} = 1380$

(5) أي الدوال التالية هي تمدد رأسي معاملة 5 ثم إزاحة أفقية لليسار 2 للدالة $f(x) = e^x$

- A) $g(x) = 5e^{x+2}$ B) $g(x) = 5e^x + 2$ C) $g(x) = 5e^{x-2}$ D) $g(x) = 5e^x - 2$

السؤال 5

يمثل الشكل المجاور منحنى الدالة $f(x) = 2^x$

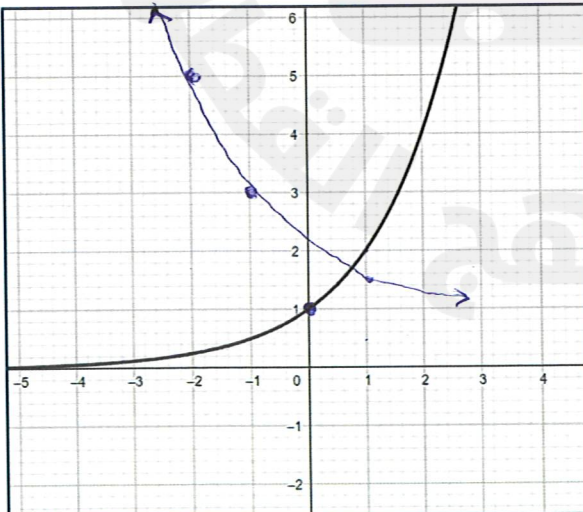
(A) مثل منحنى الدالة $g(x) = 2^{-x} + 1$

انعكاس حول محور y ثم إزاحة لأعلى 1

(B) أوجد خط التقارب للدالة g $y=1$

(C) أوجد مجال ومدى الدالة g

$y > 1$ \mathbb{R}





مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 6

(1) أوجد الصيغة اللوغاريتمية للمقدار $\left(\frac{1}{3}\right)^{-4} = 81$

A) $\log_{81} \frac{1}{3} = -4$

B) $\log_{-4} \frac{1}{3} = 81$

C) $\log_{\frac{1}{3}} 81 = -4$

D) $\log_{\frac{1}{3}} -4 = 81$

(2) أوجد الصيغة الأسية للمقدار $\ln(20.1) = 3$

A) $e^3 = 20.1$

B) $3^{20.1} = e$

C) $e^{20.1} = 3$

D) $3e = 20.1$

(3) أوجد قيمة المقدار $\log \sqrt{1000} + \ln \frac{1}{e}$

A) $\frac{1}{2}$

B) $\frac{3}{2}$

C) 1

D) -2

(4) أوجد قيمة المقدار $\log_{\frac{1}{a}} a^2 = x \Rightarrow a^2 = \left(\frac{1}{a}\right)^x \Rightarrow a^2 = a^{-x} \Rightarrow 2 = -x$

A) $\frac{1}{2}$

B) $\frac{3}{2}$

C) $-\frac{1}{2}$

D) -2

(5) أوجد حل المعادلة $\ln(x-3) = -1 \leftarrow e^{-1} = x-3 \leftarrow \frac{1}{e} + 3 = e^{-1} + 3 = x$

A) $e^3 + 1$

B) $\frac{1}{e} + 3$

C) $3e - 1$

D) $e + \frac{1}{3}$

السؤال 7

إذا أودع مبلغ 250QR في حساب مصرفي بفائدة سنوية مركبة متواصلة نسبتها 4% ، فما الزمن اللازم ليصبح 750QR

$A = pert$

$750 = 250 e^{4\% \cdot t}$

$3 = e^{4\% \cdot t} \Rightarrow \frac{\ln 3}{4\%} = \frac{4\% \cdot t}{4\%} \Rightarrow t = 27.5$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 8
تحسب الدالة $c(t) = 42e^{-0.05t} + 24$ الحرارة، بالدرجة المتوبة، لكوب من القهوة فُدم إلى زبون منذ t دقائق.

a. أوجد حرارة القهوة في الكوب لحظة تقديمها إلى الزبون.

$$c(0) = 42e^{-0.05 \cdot (0)} + 24 = 66$$

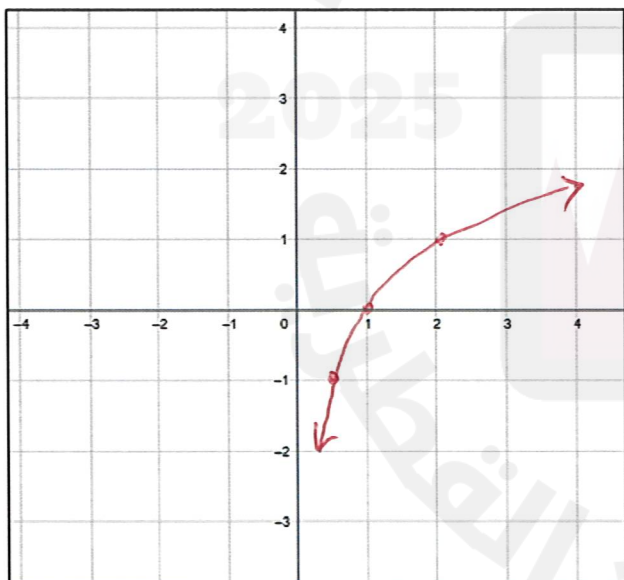
b. أوجد عدد الدقائق اللازمة لتصل درجة حرارة القهوة إلى 37

$$37 = 42e^{-0.05t} + 24 \Rightarrow 13 = 42e^{-0.05t}$$

$$\Rightarrow 0.31 = e^{-0.05t} \Rightarrow \ln 0.31 = -0.05t$$

$$\boxed{23.4 = t}$$

السؤال 9



a) مثل منحنى الدالة $f(x) = \log_2 x$

x	$\frac{1}{2}$	1	2	///
y	-1	0	1	///

b) أوجد مجال الدالة: $x > 0$

أوجد مدى الدالة: \mathbb{R}

أوجد مقطع x : 1

أوجد معادلة خط التقارب الرأسي: $x = 0$

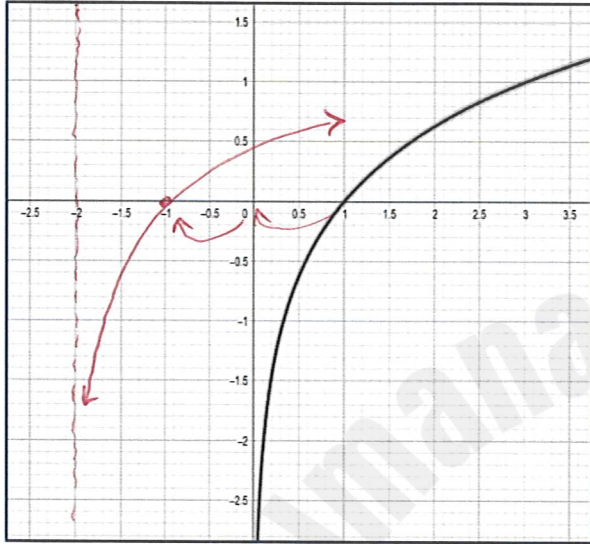
اكتب السلوك الطرفي للدالة:

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 10



(a) يمثل الشكل المجاور منحنى الدالة $f(x) = \log_3 x$

مثل منحنى الدالة $g(x) = \log_3(x - 2)$

(b) أوجد مجال الدالة: $x > -2$

أوجد مدى الدالة: \mathbb{R}

أوجد مقطع x : -1

أوجد معادلة خط التقارب الرأسي: $x = -2$

اكتب السلوك الطرفي للدالة:

$$\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$

أوجد معادلة معكوس كل من الدوال

السؤال 11

1) $f(x) = 5^{x-3}$

$$y = 5^{x-3}$$

$$x = 5^{y-3}$$

$$\log_5 x = y - 3$$

$$\log_5 x + 3 = y$$

$$f^{-1}(x) = \log_5 x + 3$$

6

2) $f(x) = 2 \ln(x - 1) - 5$

$$y = 2 \ln(x - 1) - 5$$

$$x = 2 \ln(y - 1) - 5$$

$$\frac{x+5}{2} = \frac{2 \ln(y-1)}{2}$$

$$\frac{x+5}{2} = \ln(y-1)$$

$$e^{\frac{x+5}{2}} = y - 1$$

$$e^{\frac{x+5}{2}} + 1 = y$$

$$f^{-1}(x) = e^{\frac{x+5}{2}} + 1$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

أوجد معادلة معكوس الدالة $a = 5e^{2t} + 3$

السؤال 12

$$a - 3 = 5e^{2t}$$

$$\frac{a-3}{5} = e^{2t} \rightarrow \ln \frac{a-3}{5} = \frac{2t}{2}$$

$$t = \frac{\ln \frac{a-3}{5}}{2}$$

ان الارتفاع y ، بالأمتار، لطائرة ما بعد t دقيقة من إقلاعها يُقدر بالدالة

السؤال 13

$y = 150 \log(0.01t) + 40$ ، أوجد الصيغة العكسية لهذه الدالة

$$y - 40 = 150 \log(0.01t)$$

$$\frac{y-40}{150} = \log(0.01t)$$

$$10^{\frac{y-40}{150}} = \frac{0.01t}{0.01}$$

$$t = \frac{10^{\frac{y-40}{150}}}{0.01}$$

السؤال 14

(1) أوجد معادلة خط التقارب الرأسي للدالة $f(x) = \ln(x-3) + 1$

A) $x=0$

B) $x = -3$

C) $x = 1$

D) $x = 3$

(2) أوجد مجال للدالة $f(x) = -2 \log(x+4) + 1$

$$x > -4 \leftarrow x+4 > 0$$

A) $x > 0$

B) $x > -2$

C) $x > 1$

D) $x > -4$

(3) أوجد معادلة معكوس الدالة $m = 1.5^{w+2}$

A) $w = \log_2 m - 1.5$

B) $w = \log_{1.5} m - 2$

C) $w = \log_2(m - 1.5)$

D) $w = \log_{1.5}(m - 2)$

$$\log_{1.5} m = w+2 \rightarrow \log_{1.5} m - 2 = w$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

أكتب المقدار التالي في صورة مجموع أو فرق أو مضاعفات لوغاريتمات

السؤال 15

1) $\log_3 25x^2$

$$\begin{aligned} \log_3 25 + \log_3 x^2 \\ \log_3 5^2 + 2\log_3 x \\ 2\log_3 5 + 2\log_3 x \end{aligned}$$

2) $\ln \frac{\sqrt[3]{x}}{y^7}$

$$\begin{aligned} \ln \sqrt[3]{x} - \ln y^7 \\ \ln x^{\frac{1}{3}} - 7\ln y \\ \frac{1}{3}\ln x - 7\ln y \end{aligned}$$

3) $\log_a \frac{8}{a^2}$

$$\begin{aligned} \log_a 8 - \log_a a^2 \\ \log_a 2^3 - 2\log_a a \\ 3\log_a 2 - 2(1) \\ 3\log_a 2 - 2 \end{aligned}$$

أكتب المقدار التالي في صورة لوغاريتم واحد

السؤال 16

$3\log_2 x + 2\log_2 4$

$$\begin{aligned} \log_2 (x^3 \cdot 4^2) \\ \log_2 (16x^3) \end{aligned}$$

$2\ln(xy^3) - 5\ln(ty)$

$$\begin{aligned} \ln \frac{(xy^3)^2}{(ty)^5} \\ \ln \frac{x^2 y^6}{t^5 y^5} = \ln \frac{x^2 y}{t^5} \end{aligned}$$

$\log(y) - \frac{1}{2}\log(ty)$

$$\begin{aligned} \log \frac{y}{(ty)^{\frac{1}{2}}} \\ \log \frac{y}{t^{\frac{1}{2}} y^{\frac{1}{2}}} \\ \log \frac{y^{\frac{1}{2}}}{t^{\frac{1}{2}}} = \log \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{t}} \end{aligned}$$

العلاقة بين شدة الضوء I والعمق x بالأقدام في بحيرة ما تُعطى بالصيغة: $\log \frac{I}{12} = -0.00235x$

السؤال 17

أوجد شدة الضوء على عمق 40 قدمًا.

$$\log \frac{I}{12} = -0.00235(40)$$

$$\begin{aligned} \log \frac{I}{12} = -0.094 \rightarrow \frac{I}{12} = 10^{-0.094} \rightarrow I = 12 \times 10^{-0.094} \\ = \underline{\underline{9.66}} \end{aligned}$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

إذا كان $\log_a x = 2$ ، $\log_a y = 5$ ، أوجد قيمة كل من :

السؤال 18

$$\log_a x^2 y$$

$$\log_a x^2 + \log_a y$$

$$2 \log_a x + \log_a y$$

$$2(2) + 5$$

$$= 9$$

$$\log_a \frac{x^3}{y}$$

$$\log_a x^3 - \log_a y$$

$$3 \log_a x - \log_a y$$

$$3(2) - 5 = 1$$

$$\log_a \frac{a^2}{\sqrt{x}}$$

$$\log_a a^2 - \log_a x^{\frac{1}{2}}$$

$$2 \log_a a - \frac{1}{2} \log_a x$$

$$2(1) - \frac{1}{2}(2)$$

$$= 1$$

$$\frac{1}{\log e} = \frac{\log 10}{\log e}$$

$$\ln(10) =$$

(1) أي المقادير التالية يكافئ المقدار

A) $\log e$

B) $\frac{1}{\log e}$

C) $\frac{\ln 5}{\ln 2}$

D) $\log \frac{10}{e}$

$$\log 5 + 2 \log 2 \leftarrow \log 5 \times 2^2 \leftarrow \log 5 \times 4 \leftarrow \log(20) =$$

$$\log(20) =$$

(2) أي المقادير التالية يكافئ المقدار

A) $\log 10 \times \log 2$

B) $\log 5 \times \log 4$

C) $2 \log 10$

D) $\log 5 + 2 \log 2$

$$\log(100x^3) =$$

(3) أي المقادير التالية يكافئ المقدار

A) $6 \log x$

B) $2 + 3 \log x$

C) $3 + \log x$

D) $\log 3x$

$$\log 100 + \log x^3 \rightarrow \log 10^2 + 3 \log x$$

$$2 \log 10 + 3 \log x$$

$$2(1) + 3 \log x$$

$$2 + 3 \log x$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

حل كل من المعادلات التالية

السؤال 20

$$8^{2x-1} = \left(\frac{1}{2}\right)^{x-4}$$

$$(2^3)^{2x-1} = (2^{-1})^{x-4}$$

$$6x - 3 = -x + 4$$

$$6x + x = 4 + 3$$

$$7x = 7$$

$$\boxed{x = 1}$$

$$25^{x^2} = 125^{x+1}$$

$$(5^2)^{x^2} = (5^3)^{x+1}$$

$$2x^2 = 3x + 3$$

$$2x^2 - 3x - 3 = 0$$

$$x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4(2)(-3)}}{2(2)}$$

$$x = 2.19 \quad | \quad x = -0.69$$

$$3^{2x-1} = 4^x$$

$$\ln 3^{2x-1} = \ln 4^x$$

$$(2x-1) \ln 3 = x \ln 4$$

$$2x \ln 3 - \ln 3 = x \ln 4$$

$$- \ln 3 = x \ln 4 - 2x \ln 3$$

$$\frac{-\ln 3}{\ln 4 - 2 \ln 3} = \frac{x(\ln 4 - 2 \ln 3)}{\ln 4 - 2 \ln 3}$$

$$\boxed{1.35 = x}$$

$$\frac{e^x + e^{-x}}{2} = 3 \rightarrow [e^x + e^{-x} = 6] \times e^x$$

$$e^{2x} + 1 = 6e^x$$

$$(e^x)^2 - 6e^x + 1 = 0$$

$$\boxed{u = e^x}$$

$$u^2 - 6u + 1 = 0$$

$$u = \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4(1)(1)}}{2(1)}$$

$$u = 5.83 \rightarrow e^x = 5.83$$

$$\boxed{x = \ln 5.83}$$

$$\boxed{x = 1.76}$$

$$u = 0.17$$

$$\downarrow$$

$$e^x = 0.17 \rightarrow x = \ln 0.17$$

$$\boxed{x = -1.77}$$

$$4^x - 3(2)^x = 1$$

$$(2^2)^x - 3(2)^x - 1 = 0$$

$$\boxed{u = 2^x}$$

$$u^2 - 3u - 1 = 0$$

$$u = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4(1)(-1)}}{2(1)}$$

$$u = 3.3 \rightarrow e^x = 3.3 \rightarrow x = \ln 3.3 \rightarrow \underline{\underline{x = 1.2}}$$

$$u = -0.3 \rightarrow e^x = -0.3$$

مستحيل



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 21

حل كل من المعادلات التالية

$$\ln x^2 = 4$$

$$e^4 = x^2$$

$$\pm \sqrt{e^4} = x$$

$$\boxed{\pm e^2 = x}$$

$$\log(2x + 8) = 2\log x$$

$$\log(2x+8) = \log x^2$$

$$2x+8 = x^2 \rightarrow x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x-4)(x+2) = 0$$

$$\boxed{x=4}$$
 تأكد $\log(2(4)+8) = 2\log 4$ ✓

$$x=-2$$
 $\log(2(-2)+8) = 2\log -2$
 مرفوضه

$$\log_3(x+4) + \log_3(x-2) = 3$$

$$\log_3(x+4)(x-2) = 3$$

$$(x+4)(x-2) = 3^3$$

$$x^2 - 2x + 4x - 8 = 27$$

$$x^2 + 2x - 35 = 0$$

$$(x+7)(x-5)$$
 عرفوفه

$$x = -7 \rightarrow \log_3(-7+4)$$

$$\boxed{x=5}$$
 ✓

$$\frac{1}{2} \ln(2x+3) - \ln x = 0$$

$$\ln(2x+3)^{\frac{1}{2}} = \ln x$$

$$\sqrt{2x+3} = x \rightarrow 2x+3 = x^2$$

$$x^2 - 2x - 3 = 0 \Rightarrow (x-3)(x+1) = 0$$

$$\boxed{x=3}$$
 تأكد ✓

$$x=-1$$
 تأكد ✗

(1) أوجد حل المعادلة $\ln(x-1) = -1$ $\leftarrow e^{-1} = x-1 \leftarrow \frac{1}{e} - 1 = e^{-1} + 1 = x$

A) $e + 1$

B) $e - 1$

C) $\frac{1}{e} + 1$

$\boxed{D) \frac{1}{e} - 1}$

(2) نمذج الدالة $P = 250000e^{0.012t}$ عدد السكان في مدينة ما، حيث t هو عدد السنوات بعد كم سنة سيصل عدد السكان إلى 450000

A) 48

$\boxed{B) 49}$

C) 50

D) 55

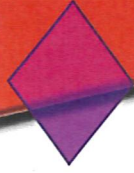
11

$$\frac{450000}{250000} = \frac{250000}{250000} e^{0.012t}$$

$$\Rightarrow 1.8 = e^{0.012t}$$

$$\Rightarrow \frac{\ln 1.8}{0.012} = \frac{0.012t}{0.012}$$

$\boxed{t=49}$

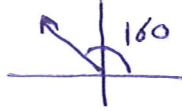


مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 22

(1) أوجد زاوية متطابقة موجبة وسالبة للزاوية

$$\theta = 160^\circ$$



$$160 + 360 = 520^\circ$$

$$160 - 360 = -200$$

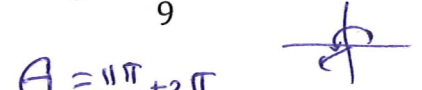
$$\theta = 290^\circ$$



$$\theta = 290 + 360 = 650$$

$$\theta = 290 - 360 = -70$$

$$\theta = \frac{11\pi}{9} \approx 22^\circ$$



$$\theta = \frac{11\pi}{9} + 2\pi = \frac{29\pi}{9}$$

$$\theta = \frac{11\pi}{9} - 2\pi = -\frac{7\pi}{9}$$

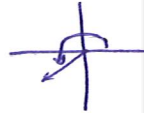
(2) أوجد الزاوية المرجعية لكل زاوية

$$\theta = 250^\circ$$



$$\theta' = 250 - 180 = 70^\circ$$

$$\theta = 225^\circ$$



$$\theta' = 225 - 180 = 45^\circ$$

$$\theta = \frac{14\pi}{9} \approx 280$$



$$\theta' = 2\pi - \frac{14\pi}{9}$$

$$= \frac{4\pi}{9}$$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 23

(1) لنفترض أن θ زاوية حادة في الوضع القياسي، والنقطة $(-2, \sqrt{5})$ تقع على ضلع الانتهاء للزاوية. أوجد النسب المثلثية الست للزاوية θ

$$r = \sqrt{(-2)^2 + (\sqrt{5})^2} = 3$$

$\sin \theta = \frac{y}{r} = \frac{\sqrt{5}}{3}$	$\csc \theta = \frac{r}{y} = \frac{3}{\sqrt{5}}$
$\cos \theta = \frac{x}{r} = \frac{-2}{3}$	$\sec \theta = \frac{r}{x} = \frac{-3}{2}$
$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{\sqrt{5}}{-2} = -\frac{\sqrt{5}}{2}$	$\cot \theta = \frac{x}{y} = \frac{-2}{\sqrt{5}}$

(2) إذا كان $\sec \theta = 3$ و $\tan \theta < 0$. أوجد قيمة كل من $\sin \theta$, $\cot \theta$

$\sec \theta = 3 = \frac{3}{1} = \frac{r}{x}$

الربع الرابع $\begin{matrix} x^+ \\ y^- \end{matrix}$

$$y = \pm \sqrt{(3)^2 - (1)^2}$$

$$y = -2\sqrt{2}$$

$\sin \theta = \frac{y}{r} = \frac{-2\sqrt{2}}{3}$

$\cot \theta = \frac{x}{y} = \frac{1}{-2\sqrt{2}} = \frac{-1}{2\sqrt{2}}$

(3) إذا كان $\tan \theta = \frac{1}{2}$ و $\sin \theta < 0$. أوجد قيمة كل من $\sin \theta$, $\csc \theta$

$\tan \theta = \frac{1}{2}$

الربع الثالث $\begin{matrix} x^- \\ y^- \end{matrix}$

$$r = \sqrt{(2)^2 + (1)^2} = \sqrt{5}$$

$\sin \theta = \frac{y}{r} = \frac{-1}{\sqrt{5}}$

$\csc \theta = \frac{r}{y} = \frac{\sqrt{5}}{-1} = -\sqrt{5}$



مكتسبات التعلم: الرياضيات / (الدوال الأسية واللوغاريتمية)

السؤال 24

(1) أوجد الزاوية المرجعية 230°
 $\theta' = 230 - 180 = 50$

- A) 40° B) 50° C) 60° D) 30°

(2) أي الزوايا التالية متطابقة مع الزاوية -190°
 $-190 + 360 = 170$

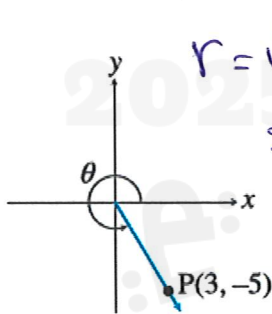
- A) 10° B) 30° C) 110° D) 170°

(3) لنفترض أن θ زاوية حادة في الوضع القياسي، والنقطة $(6, 8)$ تقع على ضلع الانتهاء للزاوية.

أوجد $\sec \theta$
 $r = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10$

- A) $\frac{6}{10}$ B) $\frac{8}{10}$ C) $\frac{10}{8}$

D) $\frac{10}{6}$



$r = \sqrt{(3)^2 + (-5)^2} = \sqrt{34}$

$\sin \theta = \frac{-5}{\sqrt{34}}$

A) $\frac{-5}{\sqrt{34}}$

B) $\frac{3}{\sqrt{34}}$

C) $\frac{-3}{5}$

D) $\frac{-5}{3}$

(4) أوجد $\sin \theta$

(5) إذا كان $\sin \theta = \frac{1}{4}$ و $\tan \theta < 0$. أوجد قيمة كل من $\sec \theta$

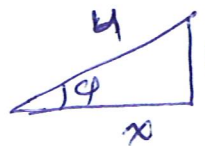
A) $\frac{1}{\sqrt{15}}$

A) $\frac{-1}{\sqrt{15}}$

C) $\frac{-4}{\sqrt{15}}$

D) $\frac{4}{\sqrt{15}}$

الربع 2
 $x = -$
 $y = +$



$x = \sqrt{4^2 + 1^2} = \sqrt{15}$

$\sec \theta = \frac{r}{x} = \frac{-4}{\sqrt{15}}$