

شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج القطرية



ملزمة الفرقان في النهايات والاتصال غير مجانية

[موقع المناهج](#) ⇨ [المناهج القطرية](#) ⇨ [المستوى الثاني عشر العلمي](#) ⇨ [رياضيات](#) ⇨ [الفصل الأول](#) ⇨ [الملف](#)

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 18:31:20 2023-11-03

التواصل الاجتماعي بحسب المستوى الثاني عشر العلمي



روابط مواد المستوى الثاني عشر العلمي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب المستوى الثاني عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الأول

[لوراق عمل وتدريبات في النهايات والتفاضل](#)

1

[تدريبات دعم وإثراء في النهايات غير مجانية](#)

2

[حل تدريبات الوحدة الثانية النهايات](#)

3

[حل ملازم وتدريبات الفرقان في النهايات والاتصال](#)

4

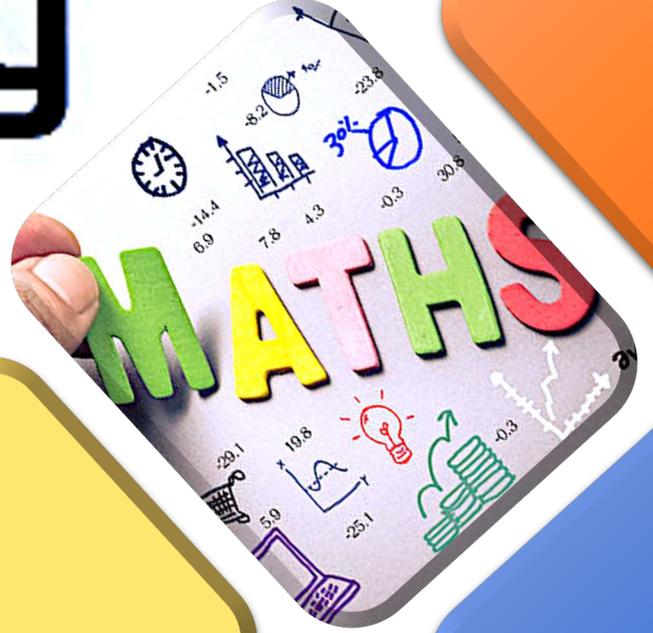
[تدريبات رميح في التفاضل](#)

5

# النهايات

# والإتصال

الفصل الدراسي الأول  
ثاني عشر علمي  
2024-2023



النهايات والاتصال

1.1 مفهوم النهاية

1.2 حساب النهايات

1.3 نهايات الدوال المثلثية

1.4 الاتصال

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x-2}}{x-4}$$



## اختبار رقم (1)



### السؤال الأول : اخترا الاجابة الصحيحة :

الدرجة (1)

السؤال رقم (1)

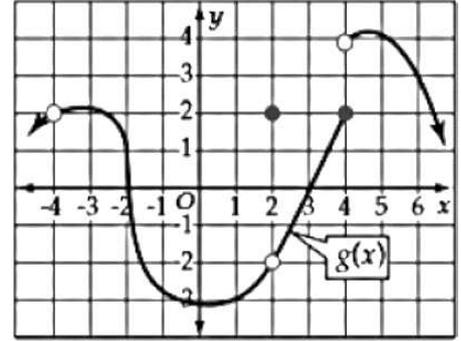
أيا من الخيارات التالية يمثل التقدير الصحيح لنهاية الدالة المرسومة أدناه .

A  $\lim_{x \rightarrow -4} g(x) = 2$

B  $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = 2$

C  $\lim_{x \rightarrow 4^+} g(x) = 2$

D  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 2$



الدرجة (1)

السؤال رقم (2)

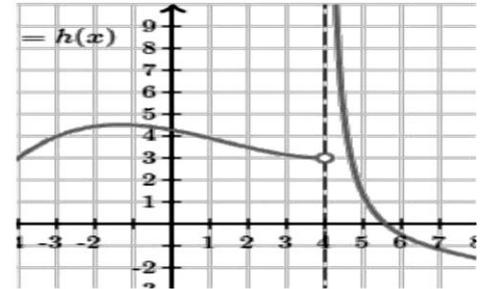
في الشكل المجاور ما تقدير قيمة  $\lim_{x \rightarrow 4^-} h(x)$  .

A 0

B 3

C  $\infty$

D غير موجودة



الدرجة (1)

السؤال رقم (3)

استعمل قيم الجدول لتقدير  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$

$x$	2.9	2.99	2.999		3.001	3.01	3.1
$f(x)$	5.9	5.99	5.999		4.001	4.01	4.1

A 4

B 5

C 6

D غير موجودة

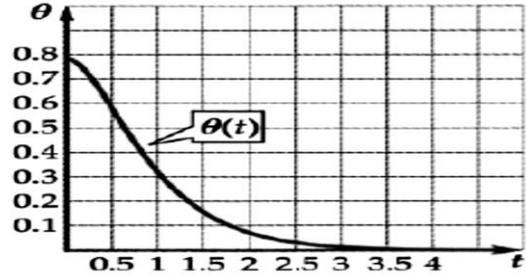


تُستعمل نوابض لإغلاق الأبواب الثقيلة، وآلية هيدروليكية للتحكم في سرعة حركتها، فإذا فُتح باب بزواوية  $\frac{\pi}{4}$

ثم تُرك لتغلقه النوابض، فإن الدالة  $\theta(t) = \frac{\pi}{4} (1 + 2t)(e)^{-2t}$  المُتمثلة في الشكل المجاور تمثل زواوية

فتحته  $\theta$  بعد  $t$  ثانية، قدر قياس زواوية فتح الباب بعد مرور زمن غير محدود من تركه لتغلقه النوابض .

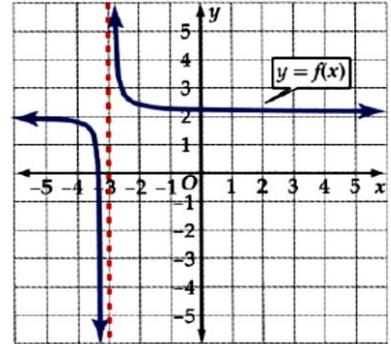
- A 0  
B 0.8  
C  $\infty$   
D  $\frac{\pi}{4}$



استعمل التمثيل البياني للدالة أدناه

في تحديد أي العبارات التالية تصف النهاية من جهة واحدة عند  $x = -3$

- A  $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = +\infty$  and  $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = +\infty$   
B  $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = +\infty$  and  $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = -\infty$   
C  $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = -\infty$  and  $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = +\infty$   
D  $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = -\infty$  and  $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = -\infty$



أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 \sin x - 4 \cos x}{5 \sin x + \cos x}$

- A -4  
B  $-\frac{1}{6}$   
C 0  
D  $\frac{3}{5}$

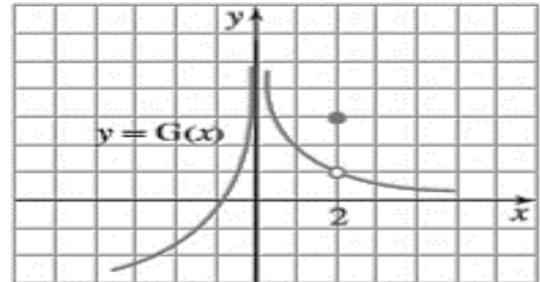


إذا كان  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -1$  ،  $f(2) = 1$  ، أوجد  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$

- A -1  
B 1  
C  $\infty$   
D غير موجودة

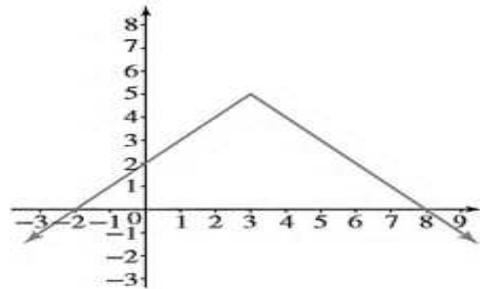
استعمل التمثيل البياني التالي لتقدير قيمة النهاية  $\lim_{x \rightarrow 2} G(x)$

- A 0  
B 1  
C 2  
D غير موجودة



استعمل التمثيل البياني التالي لتقدير قيمة النهاية  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$

- A -5  
B 3  
C 5  
D غير موجودة



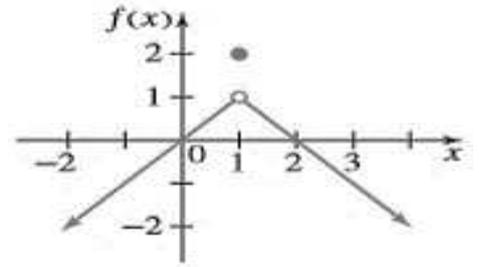
بفرض أن  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 4$  ،  $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = 1$  ، فأوجد  $\lim_{x \rightarrow 4} (g(x) + 3)$

- A 3  
B 4  
C 6  
D 7



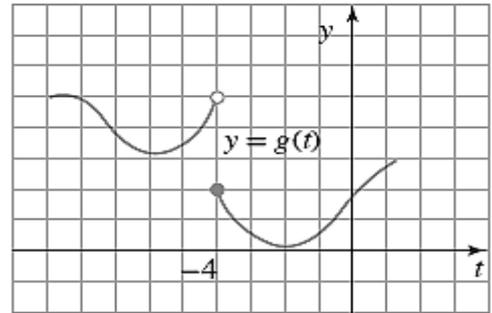
استعمل التمثيل البياني التالي لتقدير قيمة  $f(1)$  :

- A 0  
B 1  
C 2  
D غير ذلك



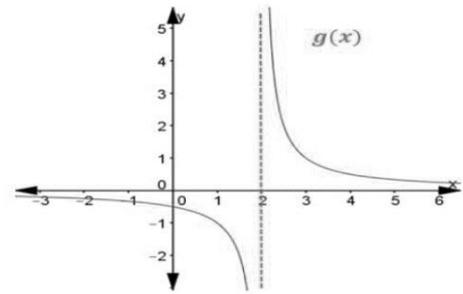
باستخدام الرسم أدناه فإن :

- A  $\lim_{t \rightarrow -4} g(t) = 2$   
B  $\lim_{t \rightarrow -4^-} g(t) = 2$   
C  $\lim_{t \rightarrow -4^+} g(t) = 5$   
D  $\lim_{t \rightarrow -4} g(t)$  غير موجودة



بالاستعانة بالشكل أدناه فأوجد قيمة النهاية التالية  $\lim_{x \rightarrow 2^-} g(x)$

- A  $-\infty$   
B 0  
C  $\infty$   
D غير موجودة



$$g(x) = \begin{cases} \sqrt[3]{1-x^2} & 0 \leq x < 1 \\ 1 & 1 \leq x < 2 \\ 2 & x = 2 \end{cases}$$

أوجد إن أمكن  $\lim_{x \rightarrow 1} g(x)$  حيث

- A 0  
B 1  
C 2  
D غير موجودة



الدرجة (1)

السؤال رقم ( 15 )

أوجد قيمة النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x^2-1}$

- A 0  
 B 0.5  
 C 1  
 D غير موجودة

الدرجة (1)

السؤال رقم ( 16 )

المقارب الرأسي لمنحني الدالة :  $f(x) = \frac{3x-3}{2x+1}$

- A  $x = -1.5$   
 B  $x = -0.5$   
 C  $x = 0.5$   
 D  $x = 1.5$

الدرجة (1)

السؤال رقم (17)

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{3x}$

- A 2  
 B  $\frac{1}{3}$   
 C  $\frac{2}{3}$   
 D  $\frac{3}{2}$

الدرجة (1)

السؤال رقم (18)

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{2x^2-x}$

- A -1  
 B 0  
 C  $\frac{1}{2}$   
 D  $\frac{-1}{2}$



أوجد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x-4}{2-\sqrt{x}}$

- A -4  
B -2  
C 2  
D 4

إذا كانت الدالة  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x \geq 2 \\ \frac{x^2 - 4}{x - 2} & : x < 2 \end{cases}$  فإن :

- A  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 4$   
B  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 4$   
C  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  موجودة  
D  $f$  متصلة عند  $x = 2$

لتصبح الدالة  $f(x) = \frac{x^3 - 1}{x^2 - 1}$  متصلة عند  $x = 1$  ، يجب إعادة تعريفها على الشكل التالي:

- A  $\begin{cases} \frac{x^3 - 1}{x^2 - 1} & : x \neq 1, x \neq -1 \\ \frac{3}{2} & : x = 1 \end{cases}$   
B  $\begin{cases} \frac{x^3 - 1}{x^2 - 1} & : x \neq 1, x \neq -1 \\ \frac{1}{2} & : x = 1 \end{cases}$   
C  $\begin{cases} \frac{x^3 - 1}{x^2 - 1} & : x \neq 1, x \neq -1 \\ \frac{3}{2} & : x > 1 \end{cases}$   
D لا يمكن إعادة تعريفها



إذا كانت الدالة  $g(x)$  متصلة عند  $x = a$  حيث

$$g(x) = \begin{cases} x + 1 & : x > a \\ 3 - x & : x \leq a \end{cases}$$

فما قيمة  $a$ .

- A -1
- B 0
- C 1
- D 2

إذا كانت الدالة  $g(x)$  متصلة على  $R$  فأوجد قيم  $n, m$

$$g(x) = \begin{cases} \frac{3x + m}{x - 2} & : x < 1 \\ x + n & : x > 1 \\ 2m & : x = 1 \end{cases}$$

- A  $m = 1, n = 3$
- B  $m = -1, n = 3$
- C  $m = 1, n = -3$
- D  $m = -1, n = -3$

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 3} (2f(x) + 4x + 1) = 11$  ، فما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ .

- A 1
- B -1
- C 2
- D -2

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^3 - 4x^2}{x^2 - 16}$

- A 2
- B 1
- C -4
- D غير موجودة



أوجد النهاية التالية:  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 2x + 1}{(x+1)^3}$

- A غير موجودة  
B 1  
C 0  
D -1

أوجد النهاية التالية:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{x+3} - \frac{1}{3}}{x}$

- A  $-\frac{1}{9}$   
B  $\frac{1}{9}$   
C 0  
D غير موجودة

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 5} f(x)$  فأوجد ،  $f(x) = \begin{cases} x - 1 & x < 3 \\ 2 & 3 \leq x \leq 5 \\ x + 3 & x > 5 \end{cases}$

- A 0  
B 2  
C 8  
D غير موجودة

أوجد معادلة خط التقارب الرأسي للتمثيل البياني للدالة  $f(x) = \frac{-2}{(x+4)^2}$

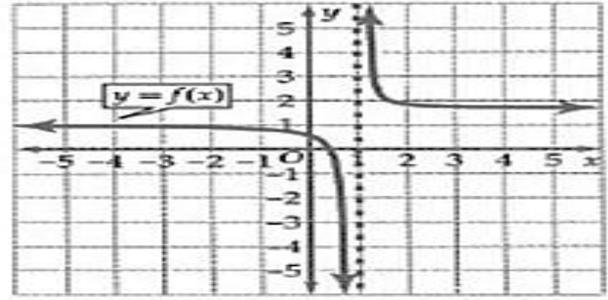
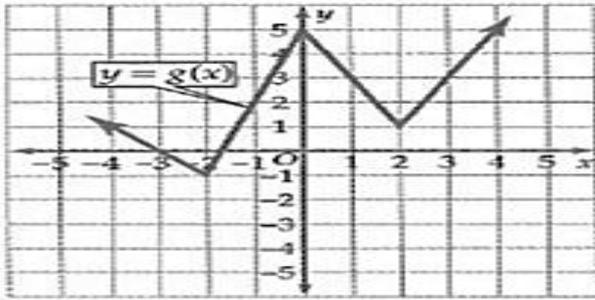
- A  $x = -4$   
B  $x = 4$   
C  $y = -4$   
D  $y = 4$



أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2}{4-x^2}$

- A 1  
B -1  
C 3  
D -3

استعمل التمثيل البياني للدالتين  $f(x)$  ,  $g(x)$  أدناه في إيجاد  $\lim_{x \rightarrow 1} (2g(x) + 7f(x))$  إن أمكن :



- A 6  
B 13  
C 5  
D غير موجودة

أوجد النهاية التالية  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-2x^2 + 7x + 3}{2x + 6x^2}$

- A  $\frac{7}{2}$   
B  $-\frac{1}{3}$   
C  $\frac{3}{2}$   
D  $\frac{1}{2}$



الدرجة (1)

السؤال رقم ( 33 )

أوجد  $\lim_{x \rightarrow -10} \sqrt{x+6}$

- A -4
- B -2
- C 2
- D غير موجودة

الدرجة (1)

السؤال رقم ( 34 )

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x-9}{\sqrt{x}-3}$

- A 3
- B 6
- C 9
- D 12

الدرجة (1)

السؤال رقم ( 35 )

ما قيمة  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2-1}{x(x-1)}$

- A  $-\infty$
- B -1
- C 1
- D  $\infty$

الدرجة (1)

السؤال رقم (36)

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\sin 2x}$

- A  $\frac{3}{2}$
- B  $\frac{2}{3}$
- C 3
- D 2



$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2x-1}{x^2+x+4} \right) \text{ ما قيمة}$$

- A 0  
B  $\frac{1}{2}$   
C  $\frac{3}{2}$   
D  $\infty$

حدد نقاط عدم الاتصال للدالة التالية :  $y = \sqrt{2x - 6}$

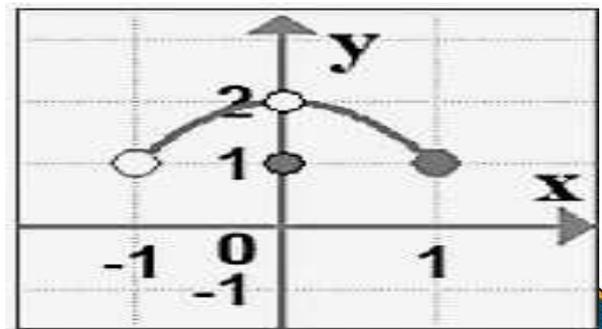
- A [ 2 , 6 ]  
B ] 3 ,  $\infty$  [  
C ] - $\infty$  , 3 ]  
D ] - $\infty$  , 3 [

حدد نقاط عدم الاتصال للدالة التالية  $y = \frac{x+1}{x^2-4x+3}$

- A {3,1}  
B {3,-1}  
C {-3,1}  
D  $R - \{3,1\}$

أي من العبارات الآتية صحيحة بالنسبة للتمثيل البياني للدالة  $f(x)$  أدناه

- A  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$   
B  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 2$   
C  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$   
D  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -1$



استعمل قيم الجدول التالي لتقدير  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

$x$	0.9	0.99	0.999	1.001	1.01	1.1
$f(x)$	3.9	3.99	3.999	4.001	4.01	4.1

- A 1
- B 3.9999
- C 4
- D 4.0001

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{\sin 3x}}{\sqrt[3]{x}}$

- A 0
- B  $\frac{1}{3}$
- C  $\sqrt[3]{3}$
- D 1



## السؤال الثاني: أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل:

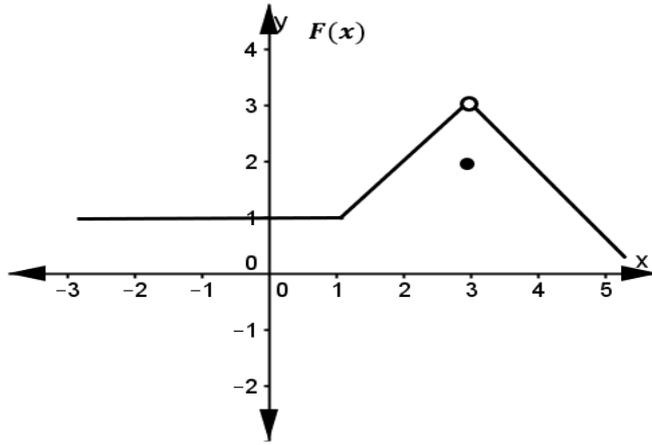
السؤال رقم ( 43 )

استعمل قيم الجدول لتقدير النهاية التالية  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x)$

$x$	1.9	1.99	1.999	1.9999	2	2.0001	2.001	2.01	2.1
$g(x)$	0.9	0.99	0.999	0.9999		1.0001	1.001	1.01	1.1

السؤال رقم ( 44 )

اعتماداً على الشكل المجاور أوجد ما يلي:



•  $f(1) =$

•  $f(3) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) =$

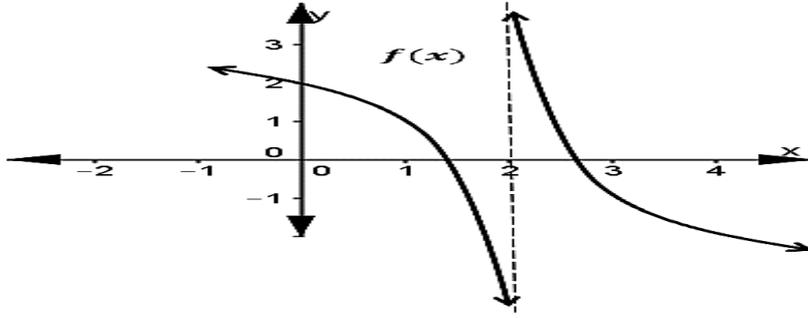
•  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) =$





اعتمادا على الشكل التالي  
أوجد ما يلي :

1) خط التقارب الرأسي

2)  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$

بفرض أن :  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 7$  ,  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -3$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) + g(x)) =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) \cdot g(x)) =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left( \frac{f(x) - g(x)}{f(x) + g(x)} \right) =$$



أوجد النهاية المطلوبة:

1)  $\lim_{x \rightarrow \frac{-1}{2}} 3x^2(2x - 1)$

2)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2+5x+6}{x+2}$

3)  $\lim_{x \rightarrow c} (2x^3 - 3x^2 - 1)$

4)  $\lim_{x \rightarrow -5} \sqrt{-1 - 2x}$

أوجد النهاية المطلوبة: (إن وجدت)

1)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - x - 3}{6x^2 - x - 1}$

2)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 + 2x - 1}{2x^4 - 3x^3 - 2}$

3)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-1}{2x+3}$

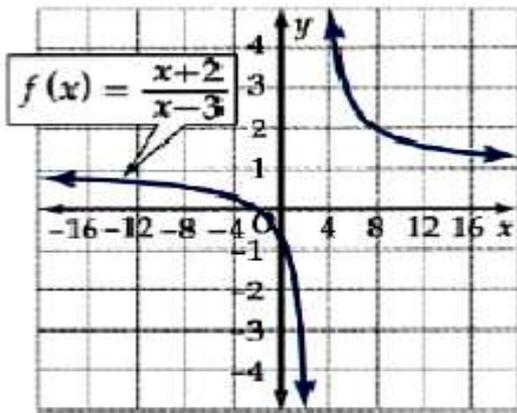
4)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5 - 7x}{x^2 - 6x - 11}$



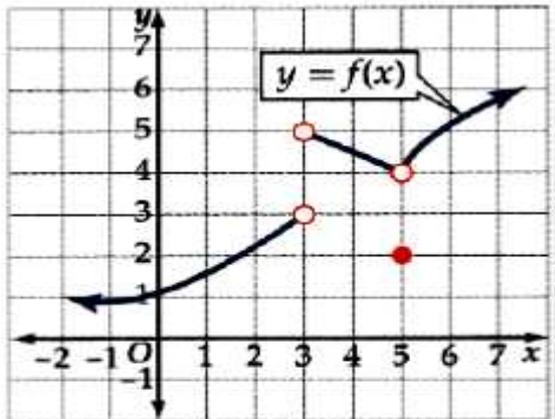
أوجد النهاية المطلوبة: (إن وجدت)

1)  $\lim_{x \rightarrow 36} \frac{x - 36}{\sqrt{x} - 6}$

2)  $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - 9}{x^2 + x - 6}$

استعمل التمثيل البياني للدالة  $f(x)$  ، وذلك لتقدير النهايات التالية (إن أمكن):

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+2}{x-3}$$



$$\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$$



السؤال رقم ( 51 )

إذا كان  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 5$  أوجد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 3} (2f(x) - 3x + 1)$

السؤال رقم ( 52 )

احسب كل نهاية مما يأتي :

1)  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^3 - 16x}{4 - x}$

2)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 4x - 5}{x^2 - 1}$

3)  $\lim_{x \rightarrow 9} \frac{\sqrt{x} - 3}{9 - x}$

4)  $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{\sqrt{x + 3} - 3}{x - 6}$



احسب كل نهاية مما يأتي:

1)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{x+4} - \frac{1}{4}}{x}$

2)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{10} - \frac{1}{x+10}}{x}$

3)  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{5}}{x - 5}$

4)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \frac{1}{x}}{x - 1}$

أوجد  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2 + x - 2}{5x^2 - 3x + 2}$



$$\underline{\text{أوجد}} , f(x) = \begin{cases} x^2 + 2 & : x \geq -2 \\ 2x + 3 & : x < -2 \end{cases} \quad \underline{\text{إذا كان}}$$

$$1) \lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$$

$$2) \lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$$

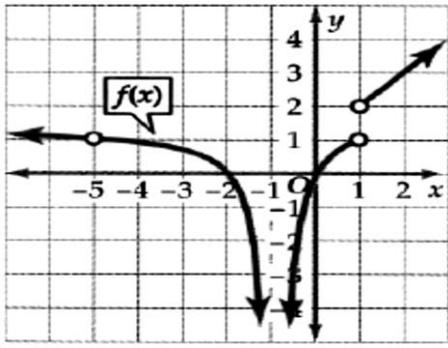
$$3) \lim_{x \rightarrow -2} f(x)$$

أوجد قيم المتغير  $x$  التي تكون عندها الدالة متعددة التعريف غير متصلة

$$f(x) = \begin{cases} 3 - x & , x < 2 \\ 2 & , x = 2 \\ \frac{x}{2} + 1 & , x > 2 \end{cases}$$



السؤال رقم ( 57 )



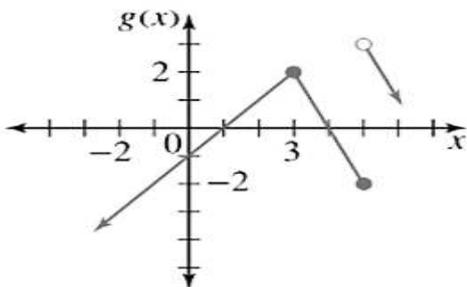
استعمل الشكل المجاور في تحديد قيم  $x$  التي تكون عندها الدالة  $f(x)$  غير متصلة وحدد نوع عدم الاتصال: لا نهائي ، قفزي ، نقطي ( قابل للإزالة )

السؤال رقم ( 58 )

$$f(x) = \begin{cases} ax + b & : x > 3 \\ 6 & : x = 3 \\ x^2 + a & : x < 3 \end{cases} \quad \text{إذا كانت الدالة متصلة عند } x = 3$$

فأوجد قيمة الثابتين  $a, b$

السؤال رقم ( 59 )

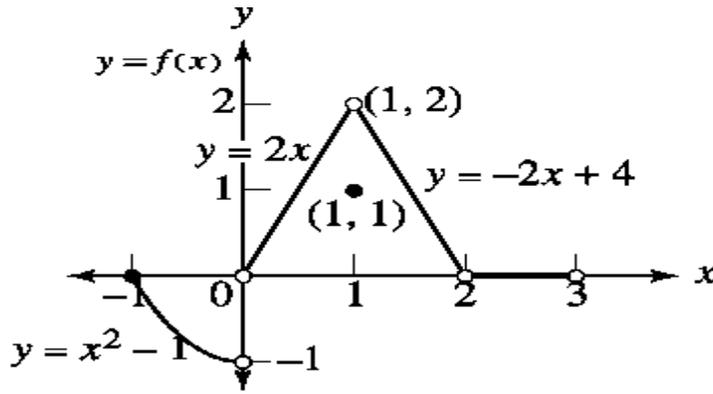


حدد ما إذا كانت الدالة  $g(x)$  متصلة أم لا عند النقطة  $x = 5$  وفي حالة ما إذا كانت غير متصلة حدد نوع عدم الاتصال.



للدالة  $f(x)$  الممثلة بيانياً في الشكل المقابل

أجب عن الأسئلة التالية :



(1) هل  $f(1)$  معرفة ؟

(2) هل  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  موجودة ؟

(3) هل  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1)$  ؟

(4) هل الدالة متصلة عند  $x = 1$  ؟

(5) حدد قيمة  $f(1)$  بحيث تحصل على دالة جديدة متصلة عند  $x = 1$  .



السؤال رقم (61)

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{7x - \tan x}{\sin 2x}$

السؤال رقم (62)

حدد نقاط عدم الاتصال للدالة التالية  $f(x) = \sqrt{11 - 2x}$

السؤال رقم (63)

حدد نقاط عدم الاتصال للدالة التالية  $f(x) = \ln(12 - 2x)$



السؤال رقم (64)

حدد نقاط عدم الاتصال للدالة التالية

$$f(x) = \frac{3x}{x^2 - 4x - 5}$$

السؤال رقم (65)

أوجد النهاية التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 x}{x^2}$$

السؤال رقم (66)

أوجد النهاية التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos 2x}$$




## اختبار مرقم (2)



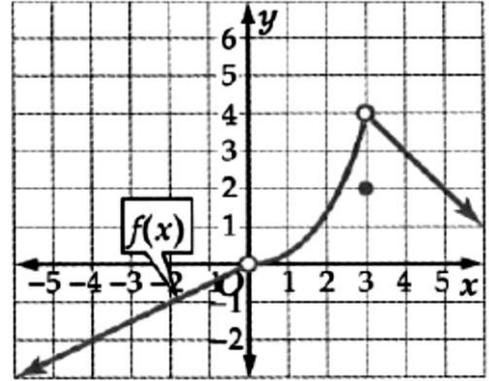
### السؤال الأول : اخترا الاجابة الصحيحة :

الدرجة (1)

السؤال رقم (1)

استعمل التمثيل البياني أدناه

- A  $\lim_{x \rightarrow 5} f(x) = -2$  ,  $f(5) = 2$
- B  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$  ,  $f(0) = 0$
- C  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 4$  ,  $f(3) = 2$
- D  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$  غير موجودة ,  $f(3) = \frac{-3}{2}$

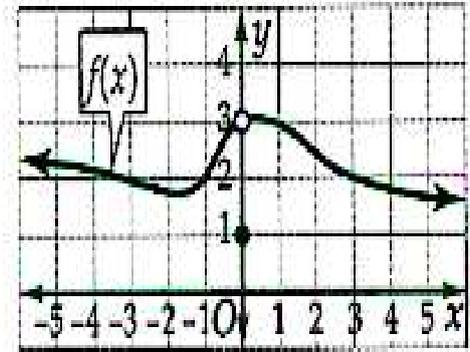


الدرجة (1)

السؤال رقم (2)

استعمل التمثيل البياني للدالة  $y = f(x)$  أدناه ، قدر قيمة  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$  (إن وجدت)

- A 0
- B 1
- C 3
- D غير موجودة



الدرجة (1)

السؤال رقم (3)

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + x - 2}$

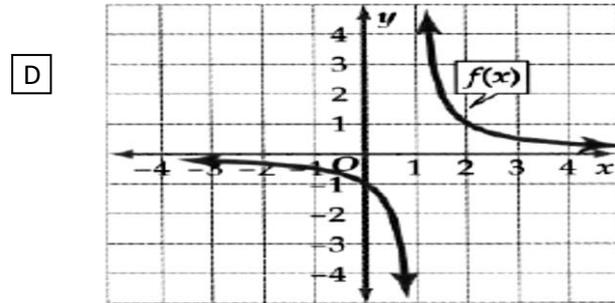
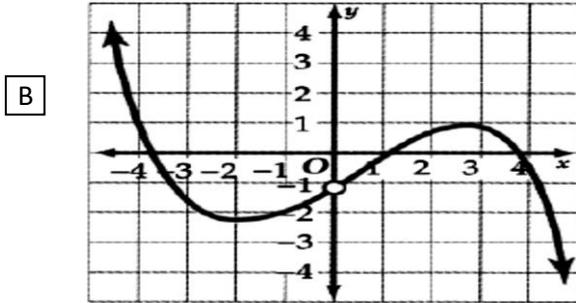
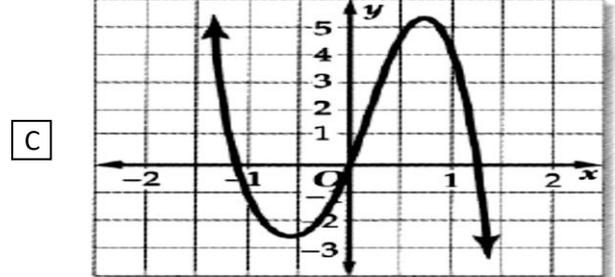
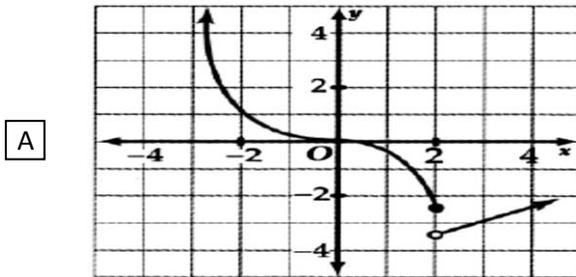
- A  $\frac{-2}{3}$
- B  $\frac{1}{3}$
- C  $\frac{2}{3}$
- D 0



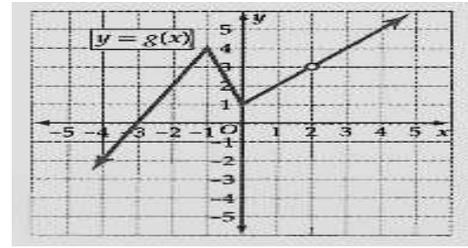
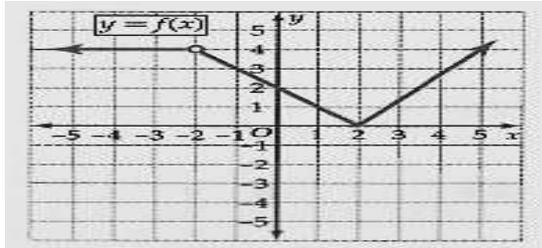
إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 2} (3x^2 + bx + 1) = 5$  ، فما قيمة  $b$  ؟

- A 2  
B 3  
C 4  
D - 4

أياً من الأشكال التالية غير متصلة عند  $x = 0$



استعمل التمثيل البياني للدالتين  $f(x), g(x)$  ادناه ، في إيجاد  $\lim_{x \rightarrow 2} (3f(x) - 5g(x))$



- A - 15  
B - 6  
C 0  
D 15



$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^3 + 4x}{4x^3 - 2x^2 + 4} : \text{أوجد}$$

- A  $\frac{-1}{4}$   
 B 1  
 C 0  
 D غير موجودة

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{2h^3 - h^2 + 5h}{h} \text{ ما قيمة}$$

- A 0  
 B 5  
 C 6  
 D غير موجودة

$$\lim_{x \rightarrow 36} \frac{\sqrt{x} - 6}{x - 36} : \text{أوجد}$$

- A  $\frac{1}{12}$   
 B  $\frac{1}{36}$   
 C 12  
 D 36

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^4 + 5x}{3 - x^2} : \text{أوجد}$$

- A 0  
 B -2  
 C  $\infty$   
 D  $-\infty$



$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^2 - x^2}{h} : \text{أوجد}$$

- A 0  
 B 2  
 C h  
 D 2x

$$\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = 8 \quad , \quad \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 2 \quad \text{إذا كانت}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3f(x) + 2}{6 - g(x)} \quad \text{فأوجد}$$

- A -4  
 B 0  
 C 4  
 D غير موجودة

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 + 5x - 14} : \text{أوجد}$$

- A  $-\frac{1}{9}$   
 B -1  
 C  $\frac{1}{9}$   
 D 1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5x + 3}{1 + 3x - 2x^2} : \text{أوجد}$$

- A 0  
 B  $\infty$   
 C  $\frac{3}{2}$   
 D  $-\frac{3}{2}$



إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 7$  ،  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 5$  ،  $f(3) = 5$  . فإنه عند  $x = 3$

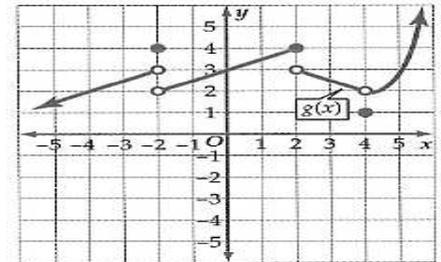
- A الدالة متصلة  
 B الدالة غير متصلة نقطي  
 C الدالة غير متصلة قفزي  
 D الدالة غير متصلة لا نهائي

أوجد:  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x-3}{x-1}$

- A -3  
 B 0  
 C 3  
 D غير موجودة

في التمثيل البياني أدناه إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow k} g(x)$  موجودة ،  $g(x)$  غير متصلة عند  $x = k$  فما قيمة  $k$  ؟

- A -2  
 B 0  
 C 2  
 D 4



إذا كانت الدالة  $f(x)$  متصلة عند  $x = -1$  ، فأوجد قيمة  $k$ . حيث

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{\sqrt{x+5}-2} & x \neq -1 \\ k & x = -1 \end{cases}$$

- A 0  
 B 4  
 C -4  
 D -1



$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x < 2 \\ m + 1, & x = 2 \\ nx - 1, & x > 2 \end{cases}$$

إذا كانت:

أوجد قيم  $m, n$  التي تجعل الدالة  $f(x)$  متصلة عند  $x = 2$

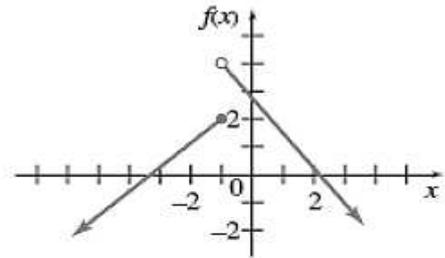
- A  $m = 2, n = 2$   
 B  $m = 3, n = 3$   
 C  $m = 2, n = 3$   
 D  $m = 3, n = 2$

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 4$  ،  $\lim_{x \rightarrow 2} 2f(x) = 6$  فأوجد  $\lim_{x \rightarrow 2} [f(x) + g(x)]^2$

- A 7  
 B 10  
 C 49  
 D 100

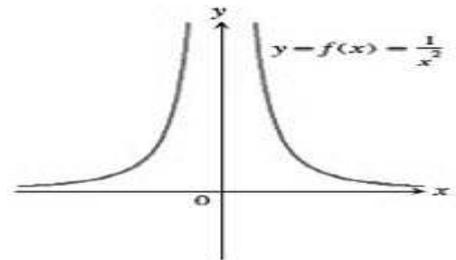
للدالة الممثلة بالشكل أدناه عند  $x = -1$  :

- A متصلة  
 B عدم اتصال قفزي  
 C عدم اتصال لا نهائي  
 D عدم اتصال نقطي ( قابل للإزالة )



للدالة الممثلة بالشكل أدناه عند  $x = 0$

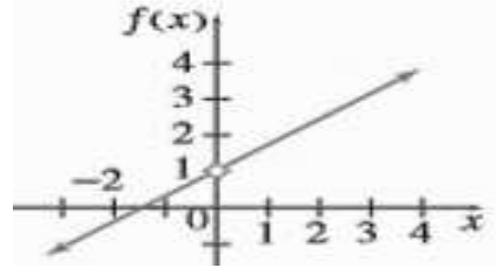
- A متصلة  
 B عدم اتصال قفزي  
 C عدم اتصال لا نهائي  
 D عدم اتصال نقطي ( قابل للإزالة )



الدرجة (1)

السؤال رقم (23)

للدالة الممثلة بالشكل أدناه عند  $x = 0$  :



- A متصلة  
 B عدم اتصال قفزي  
 C عدم اتصال لا نهائي  
 D عدم اتصال نقطي ( قابل للإزالة )

الدرجة (1)

السؤال رقم (24)

أوجد  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{2 - x}$

- A -4  
 B 0  
 C 2  
 D 4

الدرجة (1)

السؤال رقم (25)

أوجد :  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} (2x + \cos x)$

- A  $-\pi$   
 B 1  
 C  $\infty$   
 D  $\pi$

الدرجة (1)

السؤال رقم (26)

ما قيمة  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x} - 1}{x}$

- A -1  
 B 0  
 C 1  
 D  $\infty$



حدد نقاط عدم الاتصال للدالة التالية :  $y = \frac{1}{(x+2)^2}$

- A  $x = -4$   
 B  $x = -2$   
 C  $x = 2$   
 D  $x = 4$

أي من قيم  $x$  التالية يكون للدالة  $y = \frac{x(x-2)^2(x+1)^2(x-3)^2}{x(x-2)(x+1)^2(x-3)^3}$  عندها نقاط عدم اتصال لا يمكن إزالته ؟

- A  $x = -1$   
 B  $x = 0$   
 C  $x = 1$   
 D  $x = 3$

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -1$  ,  $\lim_{x \rightarrow 1} 4g(x) = 20$  , فأوجد  $\lim_{x \rightarrow 1} \log_2(g(x) + f(x))$

- A 4  
 B 3  
 C 2  
 D 19

أوجد  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 3x}{2x^2 + 5x}$

- A  $\frac{1}{2}$   
 B  $\frac{3}{2}$   
 C  $\frac{3}{5}$   
 D  $\frac{3}{7}$



أي من الفترات التالية تكون الدالة  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$  عندها غير متصلة

- A ] 0, ∞ [
- B ] -∞, 0 ]
- C ] 1, 2 [
- D ] 1, ∞ [

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^+}{2}} \frac{2x}{\cos x}$

- A 0
- B 1
- C  $\pi$
- D  $-\infty$

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{\frac{6\sin 3x - \tan 2x}{4x}}$

- A 6
- B 4
- C 2
- D 0

أوجد قيمة الثابت  $k$  بحيث تكون الدالة  $f(x)$  متصلة عند  $x = 0$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{2x} & x \leq 0 \\ k & x > 0 \end{cases}$$

- A -1
- B 0
- C  $\frac{1}{2}$
- D 2



**السؤال الثاني: أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل:**

السؤال رقم (35)

استعمل قيم الجدول لتقدير  $\lim_{x \rightarrow 4} h(x)$

$x$	3.9	3.99	3.999	3.9999	4	4.0001	4.001	4.01	4.1
$h(x)$	2.9	2.99	2.999	2.9999		6.0001	6.001	6.01	6.1

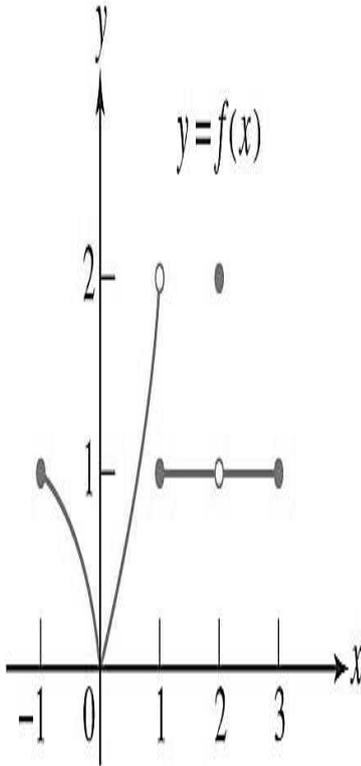
•  $\lim_{x \rightarrow 4^+} h(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 4^-} h(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 4} h(x) =$

السؤال رقم (36)

اعتماداً على الشكل أدناه أوجد ما يلي :



•  $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) =$

•  $f(1) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) =$

•  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) =$

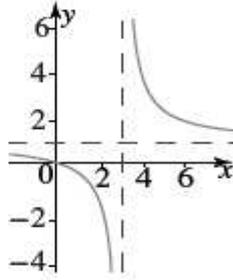
•  $f(2) =$



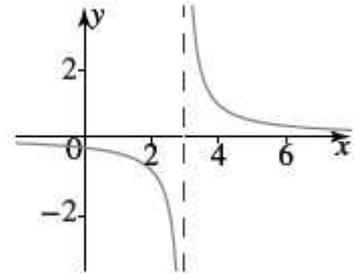
السؤال رقم (37)

للدوال المرسومة أدناه أوجد : (1) النهاية . (2) معادلة خطوط التقارب الرأسية .

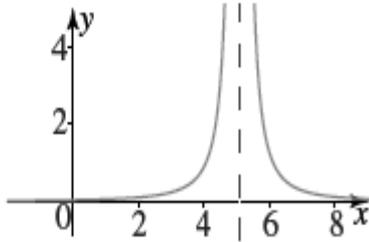
$$\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x}{x-3}$$



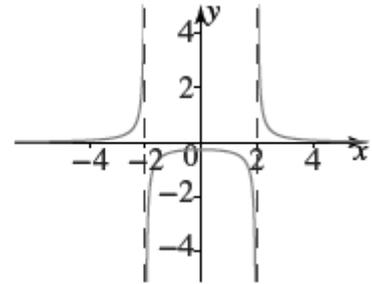
$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{1}{x-3}$$



$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{1}{(x-5)^2}$$



$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x^2 - 4}$$



السؤال رقم (38)

بفرض أن  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = 9$  ،  $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = 27$  فأوجد :

$$\lim_{x \rightarrow 4} (f(x) - 2g(x))^2$$

$$\lim_{x \rightarrow 4} \log_3 f(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow 4} \sqrt[3]{g(x)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{5g(x) + 2}{1 - f(x)}$$



السؤال رقم (39)

أوجد النهاية (إن وجدت) .

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - \sqrt{x}}{\log_4(x+2)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 27} \frac{\sqrt{x+9}}{\log_3 x}$$

السؤال رقم (40)

أوجد النهاية (إن وجدت) .

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-5x^3 - 4x + 8}{6x^2 + 3x + 2}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 + 2x}{2x^2 - 2x + 1}$$

السؤال رقم (41)

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sec^2 2x}{x^2}$

السؤال رقم (42)

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 7} f(x) = 3$  ,  $\lim_{x \rightarrow 7} g(x) = 5$  أوجد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{2g(x) - 1}{f(x) - 2}$



السؤال رقم (43)

$$\lim_{x \rightarrow 5} f(x) \text{ أوجد } f(x) = \begin{cases} x - 1 & , x < 3 \\ 2 & , 3 \leq x \leq 5 \\ x + 3 & , x > 5 \end{cases} \text{ إذا كان}$$

السؤال رقم (44)

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^4 - 16}{x^2 - 2x} \text{ أوجد النهاية إن وجدت}$$

السؤال رقم (45)

$$\lim_{x \rightarrow n} f(x) \text{ أوجد قيمة } n \text{ التي تجعل } \lim_{x \rightarrow n} f(x) \text{ موجودة ؟ إذا كانت}$$
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 4}{x + 2} & , x > n \\ 3x & , x \leq n \end{cases}$$



السؤال رقم (46)

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 3x - 4\sin 2x}{\sin 5x}$

السؤال رقم (47)

احسب كل نهاية مما يأتي:

a)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x-6}{x^2-9}$

b)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2-1}{x^2+2x-3}$

السؤال رقم (48)

احسب كل نهاية مما يأتي:

a)  $\lim_{y \rightarrow 25} \frac{y-25}{\sqrt{y}-5}$

b)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{x+2} - \frac{1}{2}}{x}$



أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan^2 x}{x \sin 2x}$

احسب كل نهاية مما يأتي:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 2x - 5}{x^3 + 7x^2 - 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2 + 5}{x + 3}$$

حدد ما إذا كانت الدالة التالية متصلة عند قيم  $x$  المعطاة. وإذا كانت الدالة غير متصلة ،

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & , \quad x > 3 \\ \frac{3x+1}{2} & , \quad x \leq 3 \end{cases} , \quad x = 3$$

فحدد نوع عدم الاتصال .



السؤال رقم (52)

أوجد قيمة  $k$  ، اذا كانت الدالة  $f(x)$  مُتصلة عند  $x = 3$  ،

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2x^2 - 3x - 9}{x - 3} & x \neq 3 \\ kx - 12 & x = 3 \end{cases}$$

السؤال رقم (53)

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \sin 3x}{x}$

السؤال رقم (54)

أوجد النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1}{x}$

