

## شكراً لتحميلك هذا الملف من موقع المناهج القطرية



## مراجعات نهائية شاملة في النهايات والتفاضل

[موقع المناهج](#) ⇨ [المناهج القطرية](#) ⇨ [المستوى الثاني عشر العلمي](#) ⇨ [رياضيات](#) ⇨ [الفصل الأول](#) ⇨ [الملف](#)

تاريخ نشر الملف على موقع المناهج: 2023-10-27 12:08:59 | اسم المدرس: محمد لافظ

## التواصل الاجتماعي بحسب المستوى الثاني عشر العلمي



## روابط مواد المستوى الثاني عشر العلمي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

## المزيد من الملفات بحسب المستوى الثاني عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الأول

<a href="#">اوراق عمل الوحدة الثانية في التفاضل</a>	1
<a href="#">اوراق عمل في النهايات والاتصال</a>	2
<a href="#">تدريبات على التطبيقات في التفاضل الوحدة الثالثة</a>	3
<a href="#">اسئلة وتمارين في التفاضل</a>	4
<a href="#">اختبار في الوحدة الاولى والثانية</a>	5

# مراجعة نهائية



ثاني عشر - علمي

الفصل الدراسي الأول



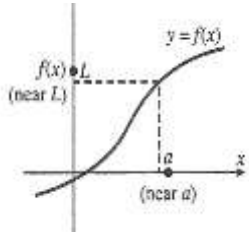
# الرباطيات

إعداد

أ/ محمد لاطفي

# الوحدة الأولى: النهايات والاتصال

**أولاً: نهاية دالة  $f(x)$  عند نقطة  $x = a$**



تكون نهاية دالة  $f(x)$  عند نقطة  $x = a$  (  $x$  تقترب من  $a$  ) إذا كان

$$\dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

**ثانياً: نهاية دالة  $f(x)$  عند نقطة  $x = \infty$**

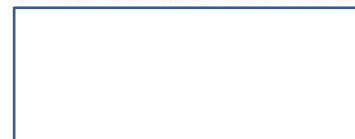
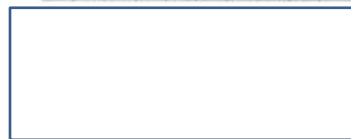
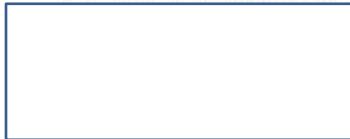
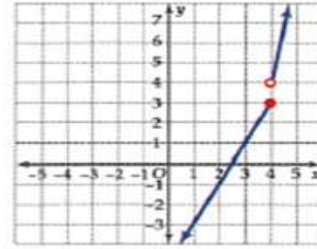
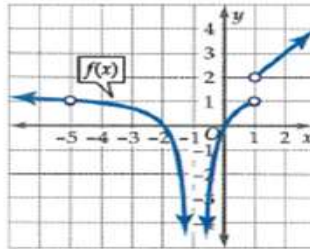
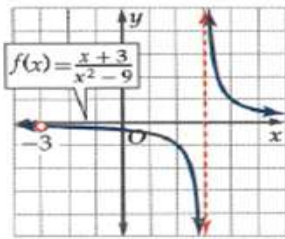
$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3 - 2x^2}{5x^3 - 1} = 0$	النهاية موجودة وتساوي صفراً	درجة البسط أقل من درجة المقام	1
$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2}{2x^2 + 5} = \frac{3}{2}$	النهاية موجودة وتساوي خارج قسمة معاملي الحدّين الرئيسين في البسط والمقام	درجة البسط تساوي درجة المقام	2
$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3 - 2x^2}{3x - 1} = -\infty$	النهاية تساوي $\infty$ أو $-\infty$ ، وذلك بحسب إشارة الحدّ الرئيس في كل من البسط والمقام	درجة البسط أكبر من درجة المقام	3

**ثالثاً: اتصال الدالة  $f(x)$  عند نقطة  $x = a$**

تكون الدالة  $f(x)$  متصلة عند نقطة  $x = a$  إذا كان

- 1) .....
- 2) .....

## أنواع عدم الإتصال



## ثانياً: نهاية دالة الكسرية

## ثالثاً: نهاية دالة الجذرية

- 1- التعويض المباشر.  
2- الناتج (صفر ÷ صفر) التحليل المناسب  
للتخلص من العامل الصفري (العدد - x)

عدد  $\longrightarrow$  x

- 1- التعويض المباشر.  
2- الناتج (صفر ÷ صفر) الضرب في المرافق  
للتخلص من العامل الصفري (العدد - x)

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{x^2 - 5x + 6}$$

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x-1} - 2}{x-5}$$

$$\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^3 + 27}{x^2 - 9}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{\sqrt{4x+5} - 3}$$

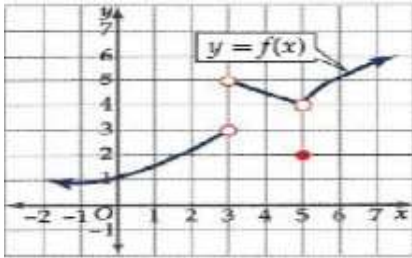
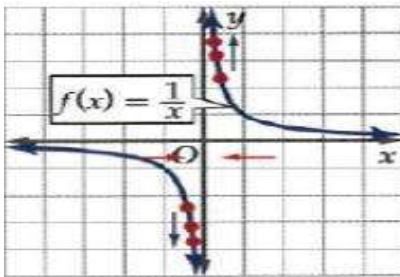
$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{x+2} - \frac{1}{2}}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow -4} \frac{\frac{x}{x+2} - 2}{x+4}$$

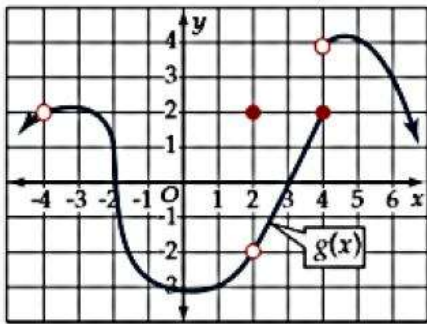
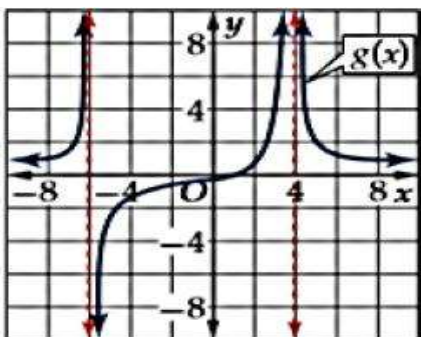
الوحدة الأولى

النهايات والإتصال

1-1 - مفهوم النهاية

1 استعمال التمثيل البياني للدالة  $y = f(x)$  الموضح أدناه في تقدير  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$  (إن أمكن)غير معرفة 3 5 غير موجودة 2 استعمال التمثيل البياني للدالة  $y = f(x)$  الموضح أدناه في تقدير  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  (إن أمكن) $-\infty$  0  $\infty$  غير موجودة 

3 في الشكل الموجود أدناه أي العبارات الآتية صحيحة

 $\lim_{x \rightarrow -4} g(x) = 2$   $\lim_{x \rightarrow 2} g(x) = 2$   $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = 2$   $\lim_{x \rightarrow 4^+} g(x) = 2$  4 في الشكل الموجود أدناه يمثل الدالة  $g(x)$  أوجد  $\lim_{x \rightarrow 4} g(x)$  $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = \infty$   $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = -\infty$   $\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = 0$  موجودة  $\lim_{x \rightarrow 4} g(x)$

استعمل قيم الجدول التالي لتقدير $\lim_{x \rightarrow 4} h(x)$										1	
$x$	3.9	3.99	3.999	3.9999	4	4.0001	4.001	4.01	4.1		
$h(x)$	2.9	2.99	2.999	2.9999		6.0001	6.001	6.01	6.1		
في إيجاد قيمة النهايات التالية											
$\lim_{x \rightarrow 4^+} h(x) =$			$\lim_{x \rightarrow 4^-} h(x) =$			$\lim_{x \rightarrow 4} h(x) =$					
اعتماداً على الشكل المقابل احسب كل مما يأتي :											2
• $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) =$	• $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) =$										
• $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) =$	• $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) =$										
• $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$	• $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) =$										
• $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) =$	• $f(2) =$										
في التمثيل البياني التالي للدالة $f(x)$ احسب كل مما يأتي :											3
a) $\lim_{x \rightarrow -1^-} h(x)$	b) $\lim_{x \rightarrow -1^+} h(x)$										
c) $\lim_{x \rightarrow -1} h(x)$	d) $h(-1)$										
e) $\lim_{x \rightarrow 3^-} h(x)$	f) $\lim_{x \rightarrow 3^+} h(x)$										
g) $\lim_{x \rightarrow 3} h(x)$	h) $h(3)$										

الوحدة الأولى	النهايات والإتصال	1-2 - قواعد النهايات
<p>1 إذا كان <math>\lim_{x \rightarrow 7} 2g(x) = 8</math> أوجد قيمة: <math>\lim_{x \rightarrow 7} [x^2 - g(x)]</math></p>		

6 10 41 45 

<p>2 إذا كانت <math>\lim_{x \rightarrow 3}(2f(x) + 4x + 1) = 11</math> فما قيمة <math>\lim_{x \rightarrow 3}(f(x))</math></p>
---

-2 -1 1 2 

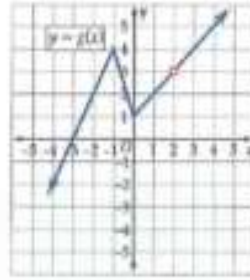
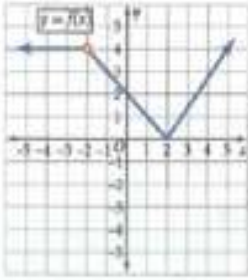
<p>3 إذا كانت <math>\lim_{x \rightarrow 2}(3f(x) - 5x) = 17</math> فما قيمة <math>\lim_{x \rightarrow 2}(f(x))^2</math></p>
---

9 36 64 81 

<p>4 إذا كانت <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{g(x)-4}{x} = 8</math> وكانت <math>g(x)</math> كثيرة حدود فما قيمة <math>\lim_{x \rightarrow 0}(g(x) + 10)</math></p>
---

4 6 14 18

1 استعمال التمثيل البياني للدالتين  $f(x)$ ,  $g(x)$  في إيجاد  
 $\lim_{x \rightarrow 2} (3f(x) - 5g(x))$  (إن أمكن)



2 إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow c} 2g(x) = 6$ ,  $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = 12$

فما قيمة  $\lim_{x \rightarrow c} \left( \frac{f(x)}{g(x)} \right)^2$

3 إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow -1} g(x) = 3$   $\lim_{x \rightarrow -1} \left( (f(x))^2 + 2g(x) - \frac{2}{x} \right) = 21$

فما قيمة  $\lim_{x \rightarrow -1} (g(x))^2$

4 إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 2} 3f(x) = 9$  فما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 2} (2f(x) - 5)^2$



الوحدة الأولى	النهايات والـإتصال	1-3 - حساب النهايات
		1 أوجد $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$

$\frac{1}{3} \quad \square$

$3 \quad \square$

$\frac{1}{6} \quad \square$

$6 \quad \square$

		2 أوجد $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x - 4}{\sqrt{x} - 2}$
--	--	--

$4 \quad \square$

$\frac{1}{4} \quad \square$

غير موجودة

$\frac{1}{2} \quad \square$

		3 أوجد $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{5x + 4} - 3}{x - 1}$
--	--	---

$\frac{5}{6} \quad \square$

$\frac{3}{5} \quad \square$

غير موجودة

$1 \quad \square$

		4 أوجد $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\frac{1}{x} + 1}{x + 1}$
--	--	--

$0 \quad \square$

$-1 \quad \square$

غير موجودة

$1 \quad \square$

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^3 - 8}$ أوجد قيمة النهاية التالية	<b>1</b>
$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{2 - \sqrt{x+1}}$ أوجد	<b>2</b>
$?\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{x+3} - \frac{1}{3}}{x}$ ما قيمة	<b>3</b>
$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\frac{1}{2+x} - \frac{1}{4}}{2x-4}$ أوجد	<b>4</b>

الوحدة الأولى	النهايات والإتصال	1-4 - النهاية عند اللانهاية
		1

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 + 5x + 1}{7x^3 + 2x}$$

0  $\infty$   $\frac{3}{7}$   $\frac{3}{3}$   $-\frac{7}{7}$  

		2
--	--	---

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(2x-1)(3-x)}{(x-1)(x+3)}$$

-3 -2 2 3 

		3
--	--	---

إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -2$  ،  $f(x) = \frac{ax^2 - 5}{2x^2 + 1}$  ما قيمة  $a$  ؟

-4 -2 -1 4 

		4
--	--	---

$$\lim_{n \rightarrow -\infty} \frac{\frac{8}{x} \times x - 2x^{-2}}{\frac{8}{x^3} + 4}$$

8 4 2 0 

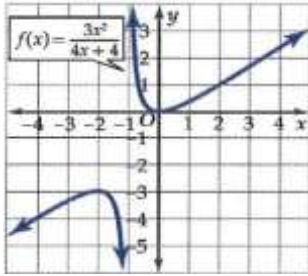
		1
--	--	---

استعمل التمثيل البياني للدالة في تقدير النهاية

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2}{4x + 4}$$

محمد لاسم

(صفحة 10 من 52)



$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^3 + 4x}{4x^3 - 2x^2 + 4} \quad \text{أوجد قيمة} \quad \mathbf{2}$$

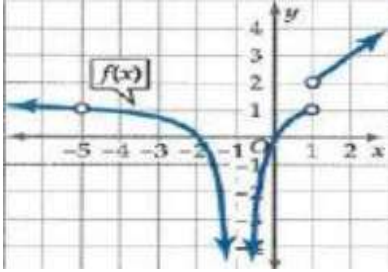
$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^5 + x^2 - 5}{6 + x + 7x^2} \quad \mathbf{3}$$

$$\text{ما قيمة } a \text{ ؟} \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^2}{4-x^2} = 3 \quad \text{إذا كانت} \quad \mathbf{4}$$

الوحدة الأولى

النهايات والإتصال

1-5 - الإتصال عند نقطة

1 في الشكل البياني أدناه ، ما قيم  $x$  التي تكون عندها الدالة غير متصلة؟

$x = -2, 1$

$x = -1, 1$

$x = -1, 2$

$x = 1, 2$

2 إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = 7$  ،  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 5$  ،  $f(3) = 5$  فإنه عند  $x = 3$ الدالة متصلة الدالة غير متصلة نقطي الدالة غير متصلة قفزي الدالة غير متصلة لا نهائي 3 إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 3x & x < k \\ -2 & x \geq k \end{cases}$  احسب  $k$  التي تجعل الدالة متصلة عند  $x = k$ 

$k = 1$

$k = 2$

$k = 1, 2$

$k = -1, -2$

4 إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & , x < -1 \\ x^2 + 1 & , -1 < x \leq 1 \\ x + 1 & , x > 1 \end{cases}$  فأي العبارات التالية صحيحة؟الدالة  $f(x)$  معرفة عند  $x = -1$  الدالة  $f(x)$  متصلة عند  $x = 1$  الدالة  $f(x)$  متصلة عند  $x = -1$  الدالة  $f(x)$  غير معرفة عند  $x = 1$

$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{\sqrt{x+5}-2} & , x \neq -1 \\ k & , x = -1 \end{cases}$ <p>إذا كانت الدالة <math>f(x)</math> متصلة عند <math>x = -1</math>، فأوجد قيمة <math>k</math>.</p>	<b>1</b>
$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x < 2 \\ m + 1, & x = 2 \\ nx - 1, & x > 2 \end{cases}$ <p>إذا كانت: <math>f(x)</math> متصلة عند <math>x = 2</math> أوجد قيم <math>m, n</math> التي تجعل الدالة <math>f(x)</math> متصلة عند <math>x = 2</math></p>	<b>2</b>
<p>أعد تعريف الدالة لكي تصبح متصلة عند <math>x = -6</math></p> $f(x) = \frac{x^2 - 36}{x + 6}$	<b>3</b>

## الوحدة الثانية: التفاضل

### قواعد الاشتقاق الأساسية

$\frac{d}{dx} c =$	ثابت c	$\frac{d}{dx} cx =$	ثابت c
$\frac{d}{dx} x^n =$			

### قواعد الاشتقاق الإضافية

(Product rule) قاعدة حاصل ضرب دالتين	
$h(x) = f(x)g(x),$	$h'(x) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x).$
(quotient rule) قاعدة حاصل ضرب دالتين	
$h(x) = \frac{f(x)}{g(x)},$	$h'(x) = \frac{g(x)f'(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}$
Suppose that $s(x) = f(x) + g(x)$ and $d(x) = f(x) - g(x)$ . Then	
$s'(x) = f'(x) + g'(x)$ and $d'(x) = f'(x) - g'(x)$	

### قاعدة الاشتقاق - السلسلة

$$\frac{d}{dx}(f(g(x))) = f'(g(x))g'(x)$$

الحالة الأولى

$$y = g(u) \text{ and } u = f(x). \text{ Then}$$

الحالة الثانية

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \times \frac{du}{dx},$$

$$(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \times g'(x)$$

الحالة الثالثة

## قواعد الاشتقاق النسب المثلثية

$\frac{d}{dx} \sin x =$	$\frac{d}{dx} \sin u =$
$\frac{d}{dx} \cos x =$	$\frac{d}{dx} \cos u =$
$\frac{d}{dx} \tan x =$	$\frac{d}{dx} \tan u =$

## اشتقاق الدالة (الأسية - اللوغاريتمية)

$\frac{d}{dx} (\ln x) =$	$\frac{d}{dx} (e^x) =$
$\frac{d}{dx} \ln g x =$	$\frac{d}{dx} e^{g x} =$

أوجد  $\frac{dy}{dx}$ 

$f(x) = \frac{-3}{x^2}$	$y = 2x + 7^2$
$y = \frac{6x^3 + 3x^2 - 3x}{3x}$	$y = 2x - 5 \quad 2x + 5$
$y = 8x^2 - 3x^{\frac{2}{3}} + 5x^{-3}$	$y = 4x^3 - \sqrt[3]{x} + \frac{3}{x^2}$



1)	$f(x) = 3x^2 + 3 - 2x - 5$	2)	$f(x) = \frac{1 + x^2}{1 - x^2}$
3)	$y = u^2 \quad u = 3 - 5x$	4)	$y = u^3 - 7 \quad u = 2x^{-2}$
5)	$f(x) = \sqrt{1 - \cos x}$	6)	$y = x^3 - 3x^4$
7)	$y = e^{x^2 - 3x}$	8)	$f(x) = \sin^3 x$
9)	$y = x^3 e^{4x}$	10)	$f(x) = \ln(x^2 - x)$
11)	$y = e^{2x} \sin x$	12)	$f(x) = \ln(x^2 \tan x)$

2-1 - معدل التغير	التفاضل	الوحدة الثانية
1	أوجد متوسط معدل التغير للدالة $f(x) = x^3 - x$ في الفترة $[1, 3]$ .	

3 6 12 24 

2 أوجد متوسط معدل التغير للدالة  $f(x) = e^x$  في الفترة  $[0, \ln 6]$  لأقرب جزء من مئة

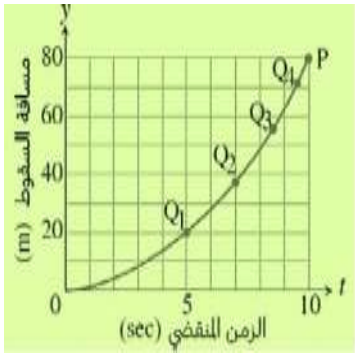
1.79 1.97 3.21 2.79 

3 جسم يتحرك وفق الدالة  $d(t) = 2t^2 + 5$  حيث  $d$  المسافة بالأمتار و  $t$  الزمن بالثواني فإن سرعة الجسم المتوسطة في الفترة  $[1, 2]$

4 m / s 5 m / s 6 m / s 8 m / s 

4 إذا كان متوسط معدل تغير الدالة  $f(x) = x^3$  في الفترة  $[0, m]$  يساوي 9 فما قيمة  $m$ ؟

3 9 18 27

<p>أوجد متوسط معدل التغير للدالة</p> <p><math>f(x) = \ln x</math> في الفترة <math>[1, 4]</math></p>	<p><math>f(x) = 2 + \cos x</math> في الفترة <math>[-\pi, \pi]</math></p>	<p>1</p>
<p>يبيّن التمثيل البياني أدناه العلاقة بين المسافة المقطوعة والزمن عند سقوط مفتاح ربط من قمة هوائي اتصالات على الأرض إلى سطح محطة أدنى منه بمقدار 80 متراً ، أوجد متوسط معدل التغير بين النقطتين <math>Q_1</math> , <math>p</math></p>		<p>2</p>
		
<p>إذا كان متوسط معدل تغير الدالة <math>f(x)</math> في الفترة <math>[2, 5]</math> يساوي 4 وكان <math>f(5) = 20</math> فما قيمة <math>f(2)</math> ؟</p>		<p>3</p>

الوحدة الثانية	التفاضل	2-2 - تعريف المشتقة
		1 إذا كان $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{2h} = 5$ ، فإن $f'(x) =$

2  $\frac{5}{2}$  5 10 

2 أي من الأتي يستخدم في إيجاد ميل المماس لمنحنى الدالة $f(x) = \sqrt{2x-1}$
---

$$m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2x+h-1} - \sqrt{2x-1}}{h}$$

$$m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2xh-1} - \sqrt{2x-1}}{h}$$

$$m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2x+2h-1} - \sqrt{2x-1}}{h}$$

$$m = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sqrt{2x-1} - \sqrt{2x+2h-1}}{h}$$

3 أي العبارات الأتية تمثل المشتقة الأولى للدالة $f(x) = 5x^2$
---

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5(x+h)^2 - 5h^2}{h}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x^2 - 5h^2}{h}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+h)^2 - x^2}{h}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5(x+h)^2 - 5x^2}{h}$$

4 إذا كان $f(x) = \ln(5x+1)$ ؛ فأوجد $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h}$
---

 $\frac{11}{5}$   $\frac{5}{5}$  11  $\frac{1}{5x+1}$   $\frac{5}{5x+1}$

$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h}$ إذا كانت $f(x) = x^2 + 5$ فأوجد	1
$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{2h}$ إذا كانت $f(x) = 5x^2$	2
أوجد مُشتَقَّة الدَّالة $f(x) = x^2 - x$ بِاسْتِعْمَالِ تَعْرِيفِ المُشْتَقَّةِ.	3
أوجد مُشتَقَّة الدَّالة $f(x) = \sqrt{x-1}$ بِاسْتِعْمَالِ تَعْرِيفِ المُشْتَقَّةِ.	4

الوحدة الثانية

التفاضل

2-3 - قواعد الاشتقاق

1 لتكن الدالة  $f(x) = x^3 + \frac{1}{x^2}$  حيث  $x \neq 0$  ما هو ميل المماس للدالة  $f(x)$  عند  $x = 2$

8 8.25 11 16 

2 دالة المماس للدالة  $y = \frac{2x^2}{\sqrt{x}}$

 $-\frac{1}{\sqrt{x}}$   $\frac{1}{\sqrt{x}}$   $3\sqrt{x}$   $-3\sqrt{x}$  

3 إذا كان  $g'(3) = 7$  ،  $(f - g)'(3) = 6$  . ما هي قيمة  $f'(3)$  ؟

-1 1 13 35 

4 إذا كان  $f(x) = \frac{a}{x^2}$  ، حيث أن  $a$  عدد ثابت و  $f'(2) = -1$  ، فأوجد قيمة  $a$

 $a = -4$   $a = -1$   $a = 1$   $a = 4$

	أوجد مشتقة كل من الآتي.	<b>1</b>
$f(x) = \frac{6}{\sqrt[3]{x^5}} - \pi \quad .B$	$p(x) = e^2 + x^2 \quad .A$	
$f(x) = 2x\sqrt{x}$ أوجد المشتقة الأولى للدالة		<b>2</b>
إذا علمت أن $f'(3) = 4$ وأن $g(x) = \frac{1}{2}x^2$ فأوجد قيمة $(f-g)'$ عند $x = 3$		<b>3</b>
إذا كانت $f'(1) = 2, f'(-3) = 4, g'(1) = 2, f(1) = 5, g(1) = -3$		<b>4</b>
$\frac{d}{dx}(2f + 3g)(1)$		

الوحدة الثانية	التفاضل	2-4 - قاعدتا الضرب القسمة
	أوجد $\frac{dy}{dx}$ إذا كان $y = (x - 5)(x + 5)$	1

$$\frac{dy}{dx} = 2x - 25 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = x^2 - 25 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 0 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 2x \quad \square$$

	أوجد $\frac{dy}{dx}$ إذا كان $y = \frac{4x + 3}{3x + 4}$	2
--	--	---

$$\frac{7}{(3x + 4)^2} \quad \square$$

$$\frac{-25}{(3x + 4)^2} \quad \square$$

$$\frac{25}{(3x + 4)^2} \quad \square$$

$$\frac{-7}{(3x + 4)^2} \quad \square$$

	إذا كان $f(x) = x^5$ ، $f'(1) = 4$ ، $f(1) = -3$ ، فأوجد $g'(1)$	3
--	--	---

$$-12 \quad \square$$

$$-11 \quad \square$$

$$17 \quad \square$$

$$20 \quad \square$$

	أوجد $g'(5)$ ؛ $g(x) = \frac{2}{2-x}$	4
--	---------------------------------------	---

$$\frac{2}{9} \quad \square$$

$$\frac{-2}{9} \quad \square$$

$$-2 \quad \square$$

$$2 \quad \square$$



إذا كانت :  $f(3) = 2$  ،  $f'(3) = -2$  ،  $g(3) = 4$  ،  $g'(3) = 5$  ؛ احسب  $(f \cdot g)'(3) =$

1

مُسْتَعْمِلاً الْجَدْوَل التَّالِي أَوْجِد  $\left(\frac{f}{g}\right)'(4)$

2

x	f(x)	f'(x)	g(x)	g'(x)
4	5	2	3	-1

إذا كان  $g(x) = f(x) + \frac{x}{f(x)}$  و كان  $f'(2) = 2$  فأوجد قيمة  $g'(2)$  .  $f(2) = 4$

3

الوحدة الثانية	التفاضل	2-5 - قاعدة السلسلة
<b>1</b> ما هي مشتقة الدالة $y = (x^2 - 5x)^4$ ؟		

$$4 (x^2 - 5x)^3 \quad \square$$

$$4 (2x - 5)^3 \quad \square$$

$$4 (x^2 - 5x)^3 (2x - 5) \quad \square$$

$$4 (x^2 - 5x) (2x - 5)^3 \quad \square$$

<b>2</b> إذا كان $y = t^3 - 4t^2$ , $t = x^2 + 2$ أوجد $\frac{dy}{dx}$ عند $x = -1$		
---	--	--

$$-10 \quad \square$$

$$-6 \quad \square$$

$$6 \quad \square$$

$$12 \quad \square$$

<b>3</b> إذا كان $f(x^2) = x^3 - 6x + 1$ أوجد $f'(4)$		
---	--	--

$$6 \quad \square$$

$$4 \quad \square$$

$$\frac{3}{2} \quad \square$$

$$-\frac{3}{2} \quad \square$$

<b>4</b> إذا كانت $f(8) = -4$ , $g(3) = 8$ , $g'(3) = 5$ , أوجد $(f \circ g)'(3)$		
---	--	--

$$-32 \quad \square$$

$$-20 \quad \square$$

$$16 \quad \square$$

$$40 \quad \square$$

<p>أوجد مشتقة الدالة التالية. <math>y = \sqrt[3]{(3-2x)^4}</math></p>	1
<p>أوجد <math>\frac{dy}{dx}</math> عند <math>x = 2</math> ، <math>y = u^3</math> ، <math>u = \sqrt{x^2 - 2}</math></p>	2
<p>إذا كانت <math>f(x^3) = x^4 + 4x - 12</math> فأوجد <math>f'(8)</math></p>	3
<p>إذا علمت أن <math>g(x) = 5x</math> ، <math>f(x) = \frac{1}{1-x^2}</math> أوجد <math>(f \circ g)'(x)</math> عند <math>x = 0</math></p>	4

الوحدة الثانية	التفاضل	2-6 - اسية ولو غار يتمية
1 إذا كان ميل المماس لمنحني الدالة : $f(x) = e^{ax}$ عند $x = 0$ هو 4 فما قيمة الثابت $a$ ؟		

-1

$\frac{1}{4}$

1

4

2 ما هي المشتقة الأولى للدالة : $f(x) = \ln(x^2 - 1)$ , $x > 1$
---

$2x \ln(x^2 - 1)$

$2x(x^2 - 1)$

$\frac{2x}{x^2 - 1}$

$\frac{2}{x - 1}$

3 أوجد دالة الميل للدالة : $f(x) = \ln(xe^x)$
---

$x + e^x$

$x + 1$

$\frac{1}{x} + 1$

$\frac{1}{x + 1}$

4 إذا كانت : $y = x \ln x$ أوجد : $\frac{dy}{dx}$ ؟
---

$\ln x + x$

$\ln x - x$

$\ln x + 1$

$\ln x - 1$

$f(x) = \ln(x^2 - x)$	<b>1</b>
<p>أوجد المشتقة الأولى</p>	
$f(x) = 3e^{2x} - x^4$	<b>2</b>
<p>أوجد المشتقة الثانية للدالة</p>	
$y = \ln(x e^x)$ : للمنحني $\frac{dy}{dx}$	<b>3</b>
<p>أوجد <math>\frac{dy}{dx}</math> للمنحني</p>	
$y = e^{3x} \sin 2x$ : للمنحني $\frac{dy}{dx}$	<b>4</b>
<p>أوجد <math>\frac{dy}{dx}</math> للمنحني</p>	

الوحدة الثانية	التفاضل	2-7 - مشتقة الدوال المثلثية
		1 إذا كانت : $y = \sin 3\pi - \cos 3x$ أوجد $y'$

$$\frac{dy}{dx} = -3 \sin 3x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 3 \sin 3x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 6 \cos 3\pi - 3 \sin 3x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 6 \cos 3\pi + 3 \sin 3x \quad \square$$

		2 أوجد $\frac{dy}{dx}$ للدالة : $y = 2x - \sin x + \tan \pi$
--	--	--

$$\frac{dy}{dx} = 2 - \cos x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 2x - \cos x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 2 - \cos x + \sec^2 \pi \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 2 + \cos x + \sec^2 \pi \quad \square$$

		3 إذا كانت : $y = \sin x \cos x$ أوجد $\frac{dy}{dx}$
--	--	---

$$\frac{dy}{dx} = \cos^2 x - \sin^2 x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = \cos x \sin x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = \cos^2 x + \sin^2 x \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = \cos x - \sin x \quad \square$$

		4 إذا كانت : $(\tan x)' = \sec^2 x$ فأوجد $(\tan^2 x)'$
--	--	---

$$\sec^4 x \quad \square$$

$$2\sec^2 x \quad \square$$

$$2\tan x \sec^2 x \quad \square$$

$$2\tan x \sec x \quad \square$$

أوجد ميل المماس للمنحني : $y = 2x \sin \frac{x}{2}$ عند $x = \pi$	1
أوجد ميل المماس للمنحني : $y = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$ عند $x = \frac{\pi}{2}$	2
أوجد $\frac{dy}{dx}$ للمنحني : $y = \cos^4(7x^2 - x)$	3
إذا كانت : $\sin 2y + \cos 4x = 0$ فأوجد $\frac{dy}{dx}$	4

الوحدة الثانية	التفاضل	2-8 - الاشتقاق الضمني
العلاقة : $x^2 + y^2 = 5$ أوجد ميل المماس عند $x = 1$		

$$y' = \frac{1}{2} \text{ only } \quad \square$$

$$y' = \pm \frac{1}{2} \quad \square$$

$$y' = \pm 1 \quad \square$$

$$y' = \pm 2 \quad \square$$

العلاقة : $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 3$ أوجد $\frac{dy}{dx}$ عند النقطة $(1, 4)$		
--	--	--

$$\frac{dy}{dx} = -2 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = -1 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 1 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 2 \quad \square$$

العلاقة : $xy = 12$ أوجد $\frac{dy}{dx}$ عند النقطة $(2, 6)$		
--	--	--

$$\frac{dy}{dx} = -3 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 0 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 3 \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = 12 \quad \square$$

إذا كانت : $f'(x) = 10$ , $y^2 = f(x^3 + 3)$ أوجد $\frac{dy}{dx}$		
---	--	--

$$\frac{dy}{dx} = \frac{15x}{y} \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{15x^2}{y} \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{15y}{x} \quad \square$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{15y^2}{x} \quad \square$$



إذا كانت : $y^3 = 5x^2 + 2x$ فأوجد $\frac{d^2y}{dx^2}$	1
أوجد $\frac{dy}{dx}$ للمنحني : $y^5 = (x^2 - 3)^4$ عند $x = 2$	2
إذا كان : $x^3 - 3xy + 5y^2 = \pi$ أوجد $\frac{dy}{dx}$ عند $x = 2$	3
إذا كانت : $\sqrt{xy} = x - 2y$ فأثبت أن : $\frac{dy}{dx} = \frac{2x-5y}{5x-8y}$	4

الوحدة الثانية	التفاضل	2-9- المشتقات ذات الرتب العليا
		1 إذا كانت $f(x) = \frac{5}{x^2}$ فأوجد $f''(x)$

$$\frac{5}{2x} \quad \square$$

$$\frac{-10}{x^3} \quad \square$$

$$\frac{-30}{x^2} \quad \square$$

$$\frac{30}{x^4} \quad \square$$

2 إذا كانت : $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - kx^2 + 5x - 1$ ، $f''(2) = 0$ فما قيمة $k$
--

$$-6 \quad \square$$

$$-3 \quad \square$$

$$3 \quad \square$$

$$6 \quad \square$$

3 إذا كانت دالة الميل للدالة $f(x)$ هي $3x^2 - 2x + 2$ فأوجد $f''(1)$
---

$$0 \quad \square$$

$$3 \quad \square$$

$$4 \quad \square$$

$$6 \quad \square$$

4 إذا كانت $f(x) = x^n$ ، $f'''(x) = 120x^{n-3}$ حيث $n$ عدد ثابت فما قيمة $n$
--

$$n=4 \quad \square$$

$$n=5 \quad \square$$

$$n=6 \quad \square$$

$$n=7 \quad \square$$

<p>إذا كانت : <math>y = x^3 - a x^2 + 3</math> وكانت <math>y'' - 2y' = 0</math> عندما <math>x = 2</math> فأوجد قيمة الثابت <math>a</math> .</p>	1
<p>إذا كانت : <math>f(x) = \frac{7x+1}{x^2}</math> فأوجد : <math>f'''(x)</math></p>	2
<p>إذا كانت : <math>y = \frac{1}{3}x^3 + x^2 - 8x + 1</math> فأوجد <math>\frac{d^2y}{dx^2}</math> عندما <math>\frac{dy}{dx} = 0</math></p>	3
<p>إذا كانت : <math>x = \tan y</math> فأثبت أن <math>y'' = \frac{-2x}{(x^2+1)^2}</math></p>	4

## الوحدة الثالثة: تطبيقات التفاضل

- قيم  $x$  التي تجعل  $f'(x) = 0$ ؛ أو التي تكون  $f'(x)$  غير موجودة عندها تسمى .....
- تكون الدالة  $f(x)$  متزايدة في فترة إذا كانت .....
- تكون الدالة  $f(x)$  متناقصة في فترة إذا كانت .....
- إذا كانت  $f'(x)$  تتغير من التزايد إلى التناقص حول نقطة فإن للدالة عندها قيمة .....
- إذا كانت  $f'(x)$  تتغير من التناقص إلى التزايد حول نقطة فإن للدالة عندها قيمة .....

- إذا كان  $f''(x) = 0$ ، فإن للدالة  $f(x)$  عندها توجد .....
- تكون الدالة  $f(x)$  تقعر لأعلى في فترة إذا كانت .....
- تكون الدالة  $f(x)$  تقعر لأسفل في فترة إذا كانت .....
- إذا كانت  $f''(x) > 0$  فإن للدالة عندها نقطة .....
- إذا كانت  $f''(x) < 0$  فإن للدالة عندها نقطة .....
- إذا كان  $f''(x) = 0$ ،  $f'(x) = 0$  فإن للدالة  $f(x)$  عندها توجد .....
- إذا كان  $f''(x) = 0$ ،  $f'(x) \neq 0$  فإن للدالة  $f(x)$  عندها توجد .....

### التعويضات

- التعويض بالقيم الحرجة في  $f(x)$  لإيجاد .....
- التعويض بقيم اختيارية في  $f'(x)$  لتحديد فترات .....
- التعويض بالقيم الحرجة في  $f''(x)$  لتحديد أيهما .....

الوحدة الثالثة	تطبيقات التفاضل	3-1- الدوال المتزايدة والمتناقصة
1 أوجد فترة التناقص للدالة : $f(x) = x^2 - 2x - 3$		

]-∞, -1 ]

]-∞, 1 [

[-1, -∞ [

]-∞, 1 ]

2 أي من الفترات التالية للدالة :  $f(x) = x^3 - 12x + 5$  تكون متناقصة ؟

]-∞, -2 ]

[-2, 2 ]

[2, ∞ [

]-∞, ∞ [

3 أوجد نقطة الثبات للدالة :  $f(x) = x^4 + 5$  ؟

(0,0)

(0,5)

(0,9)

(4,5)

4 إذا علمت أن  $f(x)$  دالة كثيرة حدود وكانت  $f'(x) = x(x - 3)$  فما الفترة التي تكون فيها الدالة  $f(x)$  متناقصة ؟

]-∞, 0 ]

[0, 3 ]

[3, ∞ [

]-∞, ∞ [

أوجد فترات التزايد و التناقص للدالة : $f(x) = x^3 - 3x^2 + 1$	1
أوجد نقاط الثبات ثم صنف القيم القصوى المحلية ( إن وجدت ) للدالة $f(x) = x^3 - 3x + 1$	2
إذا كانت $f(x) = -6x^3 + 9x^2 - 18$	3
a) أوجد فترات التزايد والتناقص	
b) أوجد نقاط الثبات وحدد نوعها.	

الوحدة الثالثة	تطبيقات التفاضل	3-2 - القيم القصوى للدوال
1 إذا كانت $f'(3) = 0$ ، $f''(3) = 2$ ، ما هو نوع نقطة الثبات عند $x = 3$		

قيمة صغرى عند  $x = 3$

قيمة عظمى عند  $x = 3$

قيمة صغرى عند  $x = 2$

انعطاف عند  $x = 3$

2 أي مما يلي يناسب هذه الحالة $x = 2$ إذا كان للدالة قيمة صغرى محلية عن
---

$f'(2) = 0$  ،  $f''(2) > 0$

$f'(2) > 0$  ،  $f''(2) > 0$

$f'(2) < 0$  ،  $f''(2) = 0$

$f'(2) = 0$  ،  $f''(2) < 0$

3 قيمة لـ $x$ يكون للدالة $f(x) = -2x^2 + 400x$ قيمة عظمى محلية
---

10

50

100

200

4 إذا كان للدالة $f(x) = 2x^3 - 3kx^2 + 24x + 7$ قيمة عظمى محلية عند $x = 4$ فما قيمة $k$ ؟
---

-5

-3

5

7

أوجد النقاط العظمى والصغرى للدالة $f(x) = x^4 - 2x^2$ باستخدام اختبار المشتقة الثانية	1
استخدم اختبار المشتقة الثانية لإيجاد القيم العظمى أو الصغرى للدالة $f(x) = x + \frac{4}{x-1}, \quad x \neq 1$	2
حدد القيم <b>القصى المطلقة</b> (ان وجدت) للدالة $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$ حيث $x < 5$	3



الوحدة الثالثة	تطبيقات التفاضل	3-3- التفرع ونقاط الإنعطاف
1 أوجد فترة التفرع لأعلى للدالة $f(x)$ ، إذا كان $f''(x) = 2x - 6$ ؟		

$$]-\infty, 3] \quad \square$$

$$[3, \infty[ \quad \square$$

$$[-3, 3] \quad \square$$

$$]-\infty, \infty[ \quad \square$$

2 ما هو الإحداثي $x$ لنقطة الإنعطاف الدالة $y = \frac{1}{3}x^3 + 5x^2 + 24$
---

$$-10 \quad \square$$

$$-5 \quad \square$$

$$0 \quad \square$$

$$5 \quad \square$$

3 إذا كان $f''(4) = 6$ ، $f''(3) = 0$ ، $f''(2) = -4$ فان
---

$$] ]-\infty, 2[ \text{ الداله مقعرة لأسفل في الفترة} \quad \square$$

$$[3, \infty[ \text{ الداله مقعرة لأعلى في الفترة} \quad \square$$

$$\text{للدالة نقطة ثبات عند } x=3 \quad \square$$

$$\text{للدالة نقطة انعطاف عند } x=4 \quad \square$$

4 إذا كانت $f(x) = e^x - x$ فان :
-----------------------------------

$$f(x) \text{ لها ميل سالب عند } x=0 \quad \square$$

$$f(x) \text{ لها قيمة صغرى محلية عند } x=0 \quad \square$$

$$f(x) \text{ لها قيمة عظمى محلية عند } x=0 \quad \square$$

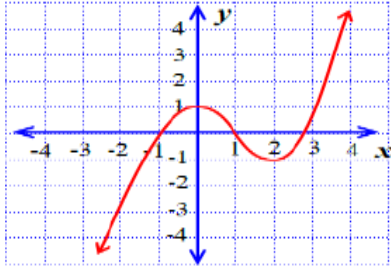
$$f(x) \text{ لها نقطة انعطاف عند } x=0 \quad \square$$

<p>أوجد فترات التقعر للأعلى أو للأسفل للدالة المعطاة أدناه.</p> $f(x) = x^3 - 3x^2 + 9x + 7$	<b>1</b>
<p>أوجد فترات التقعر للأعلى أو للأسفل ونقاط الإنعطاف للدالة المعطاة أدناه.</p> $f(x) = 5 - 24x + 2x^3$	<b>2</b>
<p>أوجد فترات التقعر لأعلى و لأسفل لمنحني الدالة : <math>f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 5</math> ثم أوجد نقطة الانعطاف ؟</p>	<b>3</b>

الوحدة الثالثة

تطبيقات التفاضل

3-4 - رسم منحنيات الدوال

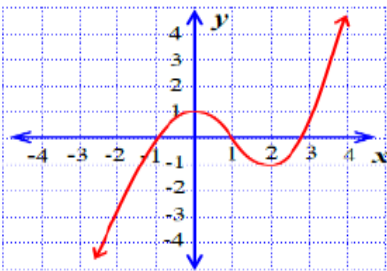
1 الشكل البياني المقابل يمثل الدالة  $f(x)$  الدالة لها قيمة عظمى عند

$x = -1$

$x = 1$

$x = 0$

$x = 3$

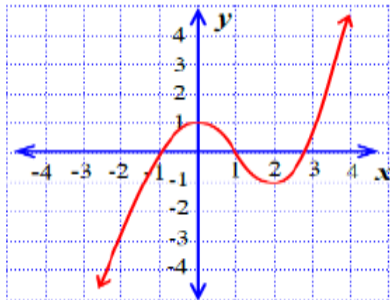
2 الشكل البياني المقابل يمثل الدالة  $f(x)$  الدالة لها نقطة انعطاف عند

$x = -1$

$x = 1$

$x = 0$

$x = 3$

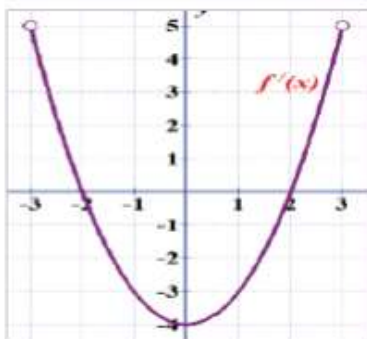
3 الشكل البياني المقابل يمثل الدالة  $f(x)$  منحنى الدالة مقعر لأعلى في الفترة

$]-\infty, 0]$

$]-\infty, 1]$

$]0, \infty [$

$]1, \infty [$

4 الشكل البياني المقابل يمثل الدالة  $f'(x)$  منحنى الدالة  $f(x)$  مقعر لأسفل في الفترة

$[-3, 0]$

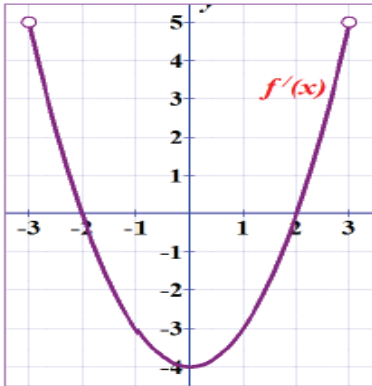
$[0, 3]$

$[-2, 2]$

$[-3, 3]$

الرسم البياني أدناه يمثل منحنى  $f'(x)$  . عين ما يلي :

1



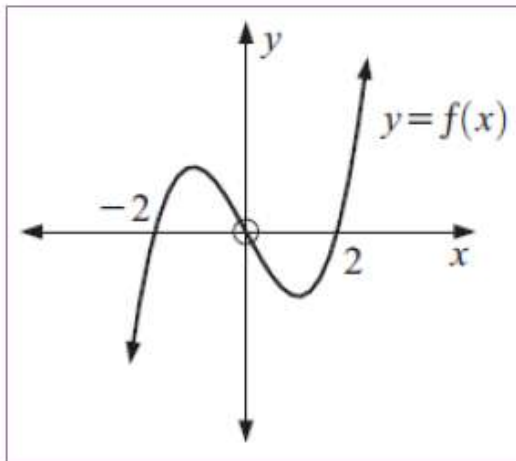
a. فترات التفرع للأعلى وللأسفل لمنحنى  $f(x)$  .

b. نقط القيم القصوى المحلية للدالة  $f(x)$  .

b. نقطة / نقاط الإنعطاف لمنحنى  $f(x)$  .

باستخدام الرسم البياني للدالة  $f(x)$

3



a. أوجد و صنف كل نقاط الإنعطاف .

b. أوجد الفترات التي يكون فيها منحنى الدالة  $f(x)$  مقعراً لأعلى أو لأسفل

الوحدة الثالثة	تطبيقات التفاضل	3-5 - تطبيقات القيم القصوى
1 العدد الذي إذا اضيف إلى مربعه يكون الناتج أصغر ما يمكن		

$$\frac{1}{2} \quad \square$$

$$1 \quad \square$$

$$-\frac{1}{2} \quad \square$$

$$-1 \quad \square$$

2 إذا كان $x, y$ عدداً موجبان حيث $x + y = 10$ فما هي أصغر قيمة ممكنة للمقدار $x^2 + y^2$ ؟
---

$$10 \quad \square$$

$$25 \quad \square$$

$$50 \quad \square$$

$$82 \quad \square$$

3 يراد صنع صندوق مفتوح من أعلى باستعمال قطعة من الكرتون مربعة الشكل ، طولها 12 cm وذلك بقطع مربعات متطابقة عند كل من زواياه الأربع ثم ثني الأجزاء البارزة لأعلى ، فما هي الدالة التي نحصل منها على أكبر حجم للصندوق
---

$$f(x) = (12 - x)(12 - x)x \quad \square$$

$$f(x) = (12 + x)(12 - x)x \quad \square$$

$$f(x) = (12 - 2x)(12 - 2x)x \quad \square$$

$$f(x) = (12 - 2x)(12 - 2x) \quad \square$$

4 إذا كان $y = 2x - 8$ ، ما هو قيمة الحد الأدنى لحاصل ضرب $x y$
---

$$2 \quad \square$$

$$0 \quad \square$$

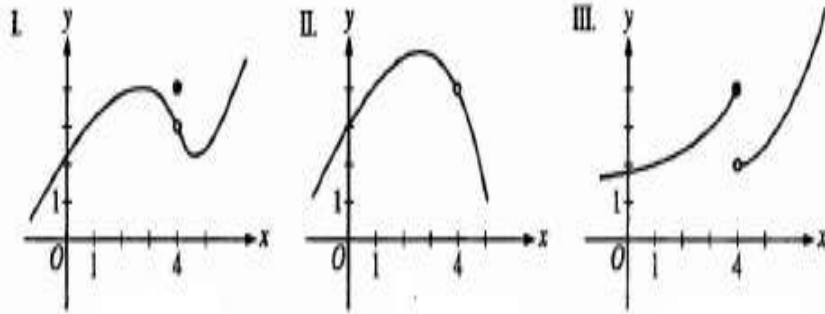
$$-8 \quad \square$$

$$-16 \quad \square$$

<p>1 عددان صحيحان موجبان مجموعهما يساوي 30 أوجد العددين بحيث يكون حاصل ضربهما أكبر ما يمكن</p>	
<p>2 مستطيل محيطه 80 cm أوجد بعديه بحيث تكون مساحته أكبر ما يمكن</p>	
<p>3 حديقة مستطيلة الشكل تقع على إحدى ضفتي نهر يراد إحاطتها بسلك معدني طوله 60 m من جميع الجهات ماعدا ناحية النهر . أوجد أبعاد الحديقة بحيث تكون مساحتها أكبر ما يمكن ثم أوجد مساحتها ؟</p>	

## نموذج اختبار- ٢٠٢٢

اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

1 أي من الخيارات الأتية تكون  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x)$  غير موجودة ؟I فقط **A**II فقط **B**III فقط **C**I و II فقط **D**2 إذا علمت ان  $f(x) = 1 - x^3$  فإن

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{2h} =$$

-12 **A**-6 **B**6 **C**12 **D**3 أوجد مشتقة الدالة :  $f(x) = x\sqrt{x}$ 

$$f'(t) = \frac{3\sqrt{x}}{2} \quad \mathbf{A}$$

$$f'(t) = \frac{3}{2\sqrt{x}} \quad \mathbf{B}$$

$$f'(t) = \frac{3x\sqrt{x}}{2} \quad \mathbf{C}$$

$$f'(t) = \frac{3}{2x\sqrt{x}} \quad \mathbf{D}$$

4  $y = e^{1-x}$   $\frac{dy}{dx}$

$$\frac{dy}{dx} = e \quad \boxed{A}$$

$$\frac{dy}{dx} = -e \quad \boxed{B}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{-1}{e} \quad \boxed{C}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{-1}{e} \quad \boxed{D}$$

5 أوجد :  $D_x[\sin x \cos x]$

$$\cos^2 x - \sin^2 x \quad \boxed{A}$$

$$\cos^2 x + \sin^2 x \quad \boxed{B}$$

$$\cos x \sin x \quad \boxed{C}$$

$$\cos x - \sin x \quad \boxed{D}$$

6 حدد قيمة  $x$  حيث يكون للدالة  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 + 1$  قيمة عظمى محلية

$$x = -2 \quad \boxed{A}$$

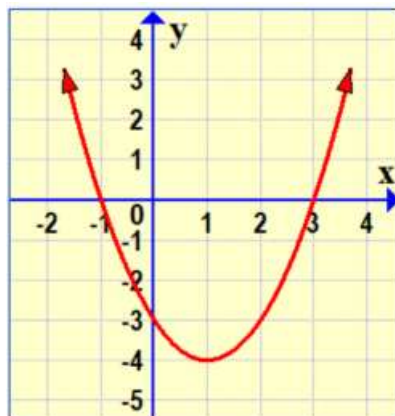
$$x = 0 \quad \boxed{B}$$

$$x = 1 \quad \boxed{C}$$

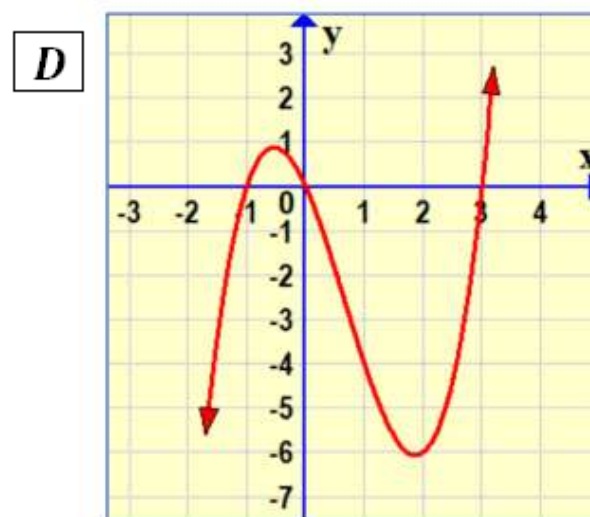
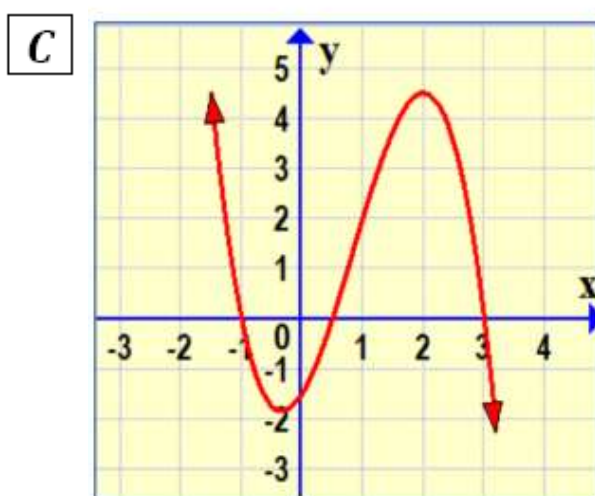
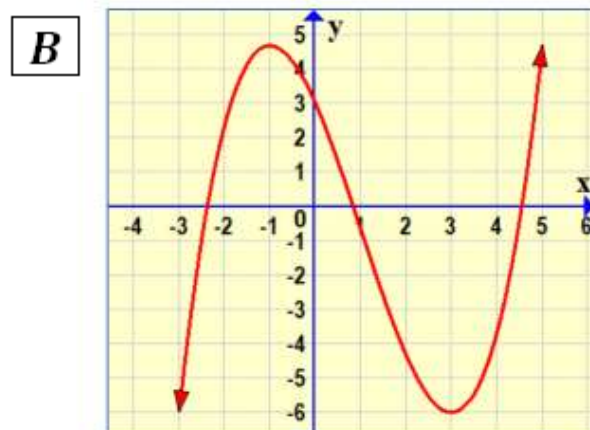
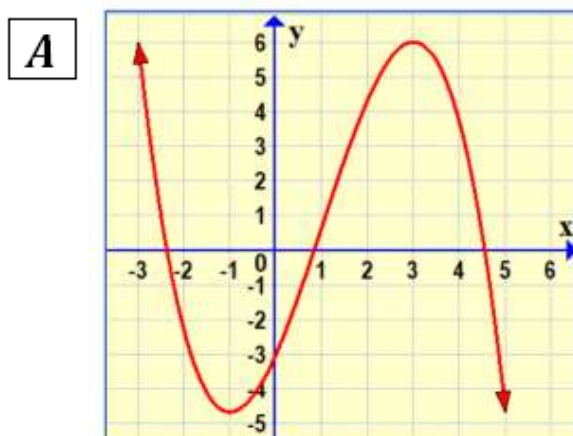
$$x = 2 \quad \boxed{D}$$

7 الشكل البياني أدناه يمثل المشتقة الأولى  $f'(x)$





أي من التمثيلات البيانية يمثل شكلاً تقريبياً لمنحنى الدالة  $f(x)$  على نفس الفترة؟



أجب عن الأسئلة التالية

9

8

8A . احسب النهاية التالية

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 4}{(x - 2)^3}$$

(موضحا خطوات الحل)

8B . انظر إلى الدالة أدناه :

$$f(x) = \begin{cases} 2x + a & , x \leq 2 \\ x^2 + 3 & , x > 2 \end{cases}$$

أوجد قيمة الثابت a التي تجعل الدالة f متصلة عند  $x = 1$  (موضحا خطوات الحل)

8C . استعمل قاعدة القسمة في إيجاد مشتقة الدالة أدناه عند قيمة  $x$  المعطاة :

$$x = 1 \quad f(x) = \frac{4x}{x^2 + 1}$$

9

9

9A . إذا كانت  $y = u^3 - 2u + 1$  ،  $u = \sqrt{x}$

أوجد  $\frac{dy}{dx}$  عند  $x=9$

وضّح خطوات الحل في المستطيل أدناه.

9B . أوجد ميل المماس للدالة:  $y^2 - 2x - 4y - 1 = 0$  عند النقطة  $(-2,1)$ .  
وضّح خطوات الحل في المستطيل أدناه.

9C . أوجد المشتقة الثانية  $f''(x)$  ، للدالة  $f(x) = \cos 2x + \ln x^2$ .  
وضّح خطوات الحل في المستطيل أدناه.

8

10

10A . اعتبر معادلة المنحنى  $y = x^3 + 6x^2 + 9x + 4$

أوجد إحداثيات نقطة الإنعطاف (الانقلاب) وضح خطوات الحل في المستطيل أدناه.

10B . إذا كانت  $x + y = 12$  فما هي أصغر قيمة ممكنة للمقدار  $x^2 + y^2$

وضح خطوات الحل في المستطيل أدناه.