

## الباب السابع : التحويلات الهندسية

الإزاحة أو الإنحراف : هي تحويل ينقل نقاط الشكل جميعها مسافات متساوية وفي الإتجاه نفسه .

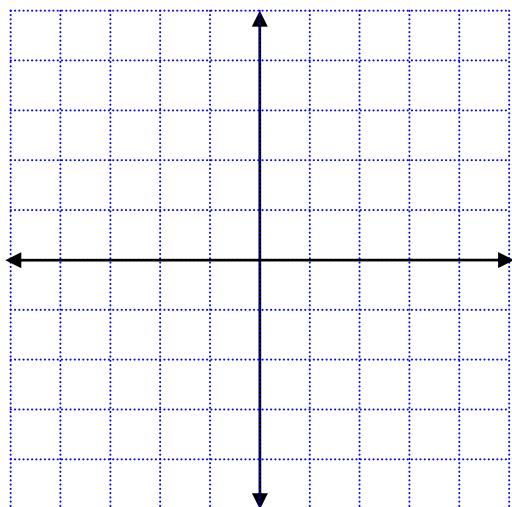
الإزاحة في المستوى الإحداثي :

يتم تحديد الإزاحة أفقياً ورأسيًا بزوج مرتبت  $(a, b)$

صورة النقطة  $P(x, y)$  بالازاحة  $P'(x+a, y+b)$  هي  $(a, b)$

مثال (1) :

ارسم  $\triangle DE$  التي طرفاها  $D(-3, -4)$ ,  $E(4, 2)$  ثم ارسم صورتها تحت تأثير الإزاحة  $(x, y) \rightarrow (x+1, y+3)$ .

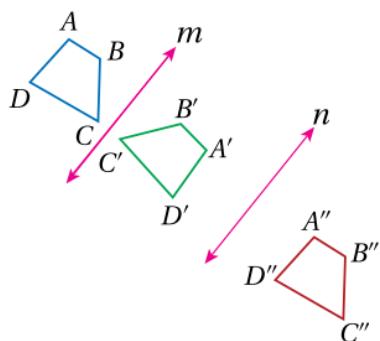


مثال (2) : إذا تمت إزاحة  $\triangle KLM$  الذي رؤوسه:

$K(5, -2), L(-3, -1), M(0, 5)$  مسافة 4 وحدات إلى الأسفل و 3 وحدات إلى اليسار

للحصول على  $\triangle XYZ$ ، فما إحداثيات رؤوس  $\triangle XYZ$ ؟

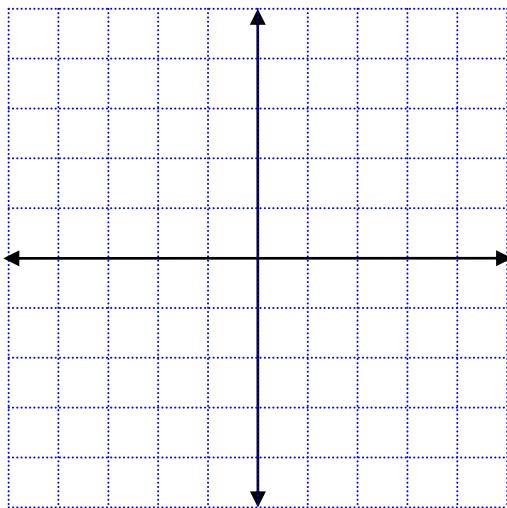
- |                                   |          |                                   |          |
|-----------------------------------|----------|-----------------------------------|----------|
| $X(1, -5), Y(-7, -4), Z(-4, 2)$   | <b>C</b> | $X(2, -6), Y(-6, -5), Z(-3, 1)$   | <b>A</b> |
| $X(-1, -5), Y(-7, -4), Z(-4, -2)$ | <b>D</b> | $X(-2, -6), Y(-6, -5), Z(-3, -1)$ | <b>B</b> |



ملاحظة : الإزاحة تكافىء انعكاسين متتاليين في مستقيمين متوازيين

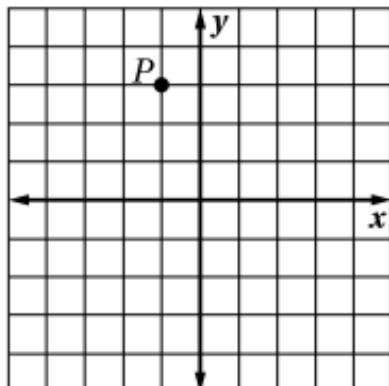
مثال (3) :

المثلث EFG رؤوسه  $E(0, -4)$ ,  $F(-4, -4)$ ,  $G(0, 2)$ .  
رسم المثلث وصورته بالإزاحة  $(x, y) \rightarrow (x+2, y-1)$



مثال (4) : أوجد الإزاحة التي تنقل النقطة  $A(-4, 3)$  إلى النقطة  $A'(2, 5)$

مثال (5) : أوجد الإزاحة التي تنقل النقطة  $A(-4, 3)$  إلى النقطة  $A'(-1, 4)$



مثال (6) : عين موقع النقطة  $P$  في الشكل أدناه تحت تأثير الإزاحة:  $(x + 3, y + 1)$ .

$(2, -4)$  **C**  $(0, 6)$  **A**

$(2, 4)$  **D**  $(0, 3)$  **B**

مثال (7) : إذا أُزيح  $\triangle ABC$  حسب القاعدة:  $(x, y) \rightarrow (x - 4, y + 5)$ , للحصول على  $\triangle A'B'C'$  الذي رؤوسه هي:  $A'(-8, 5)$ ,  $B'(2, 7)$ ,  $C'(3, 1)$ .