

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية



* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://www.almanahj.com.sa>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد المستوى الثالث اضغط هنا

* للحصول على جميع أوراق المستوى الثالث في مادة رياضيات ولجميع الفصول، اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/12math>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد المستوى الثالث في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الأول اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/12math1>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ المستوى الثالث اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/grade12>

للحصول على جميع روابط الصفوف على تلغرام وفيسبوك من قنوات وصفحات: اضغط هنا

.....

خصائص الأعداد الحقيقية

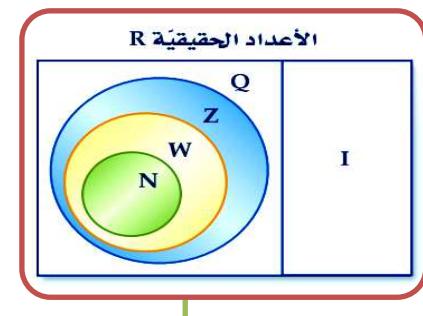
ملخص المفهوم

أضف إلى مطويتك

خصائص الأعداد الحقيقية

لأي أعداد حقيقة a, b, c فإن:

الضرب	الجمع	الخاصة
$a \cdot b = b \cdot a$	$a + b = b + a$	التبديلية
$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$	$(a + b) + c = a + (b + c)$	التجميلية
$a \cdot 1 = a = 1 \cdot a$	$a + 0 = a = 0 + a$	العنصر المحايد
$a \cdot \frac{1}{a} = 1 = \frac{1}{a} \cdot a, a \neq 0$	$a + (-a) = 0 = (-a) + a$	الناظير I
$(a \cdot b)$ عدد حقيقي	$(a + b)$ عدد حقيقي	الانقلاق
$a(b + c) = ab + ac, (b + c)a = ba + ca$		التوزيع



$$N = \{1, 2, 3, \dots\}$$

$$W = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$$

$$Z = \{0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots\}$$

$$Q = \left\{ \frac{a}{b} \mid a, b \in Z, b \neq 0 \right\}$$

كسور عشرية منتهية أو دورية = Q

I = الجذور الصماء

كسور عشرية غير منتهية وغير دورية

- تبسيط العبارات الجبرية**
- ١) فك الأقواس (التوزيع)
 - ٢) تجميع الحدود المناسبة (تجميع وأبدال)
 - ٣) تبسيط

الخاصية التجميلية
 $(6 \cdot 8) \cdot 5 = 6 \cdot (8 \cdot 5)$

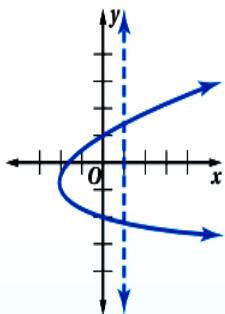
الخاصية الابدالية
 $84 + 16 = 16 + 84$

التوزيع
 $7(9 - 5) = 7 \cdot 9 - 7 \cdot 5$

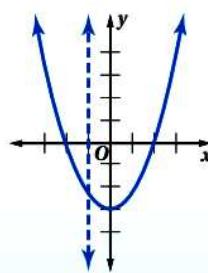
العلاقات و الدوال

اختبار الخط الرأسي

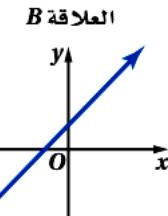
إذا قطع خط رأسي التمثيل البياني للعلاقة في أكثر من نقطة فالعلاقة ليست دالة.



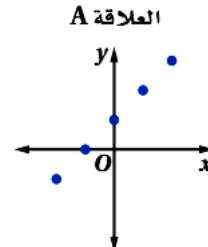
إذا لم يقطع أي خط رأسي التمثيل البياني للعلاقة بأكثر من نقطة، فالعلاقة دالة.



أنواع العلاقات



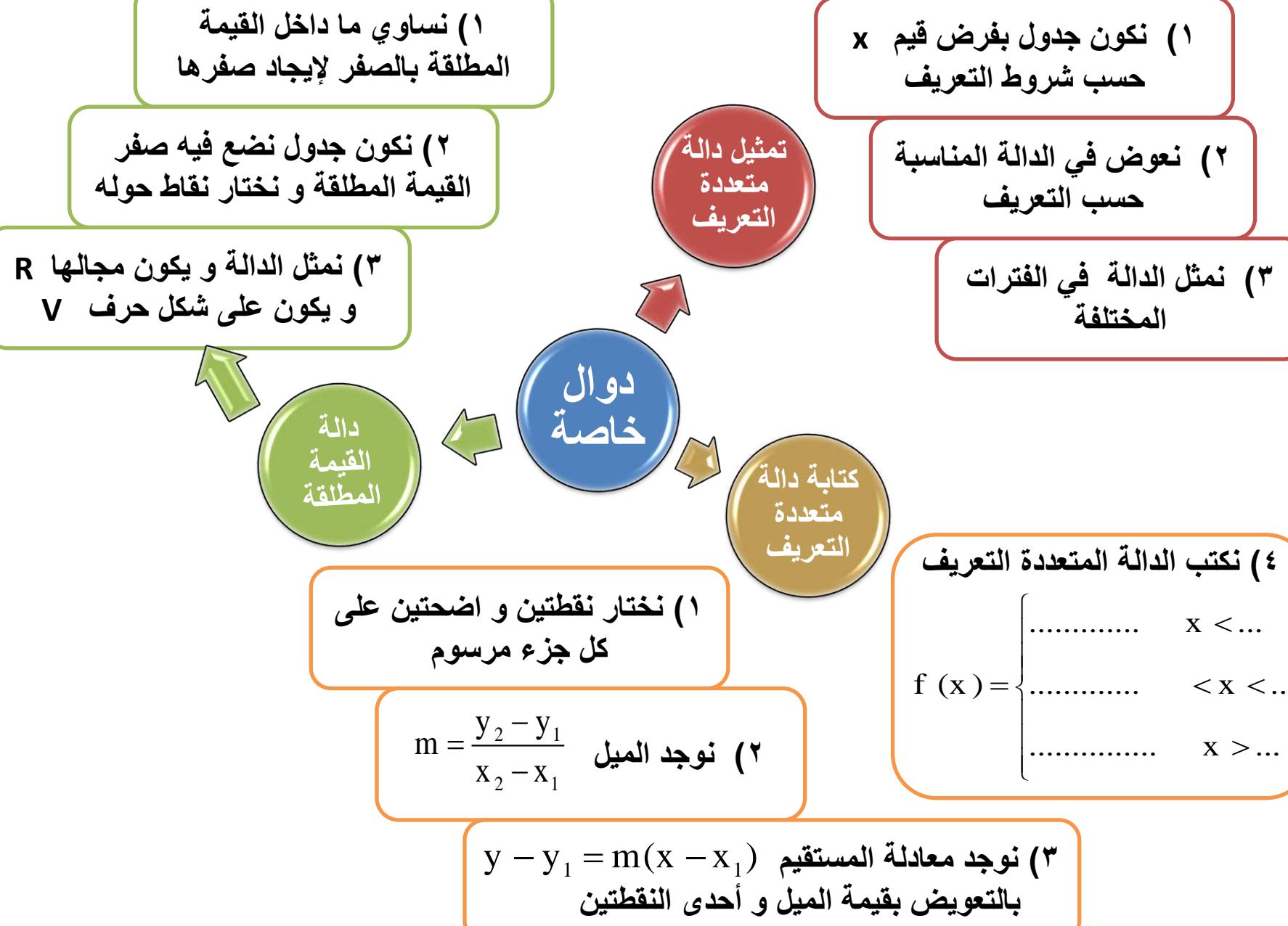
علاقة متصلة



علاقة منفصلة

المجال: مجموعة إحداثيات \neq في الأزواج المرتبة الممثلة للعلاقة.

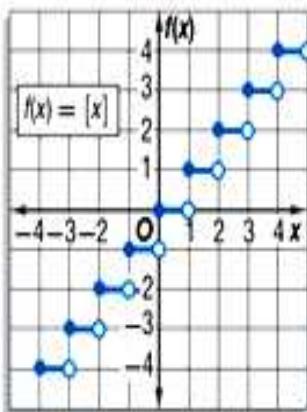
المدى: مجموعة إحداثيات \neq في الأزواج المرتبة الممثلة للعلاقة.



دوال خاصة

$[x]$ دالة الصحيح (الدرجية)

المنحنى البياني



المجال
 \mathbb{R}

المدى

مجموعة الأعداد الصحيحة

\mathbb{Z}

أو مجموعة جزئية منها

$|x|$ دالة القيمة المطلقة

المنحنى البياني
على شكل V أو ^

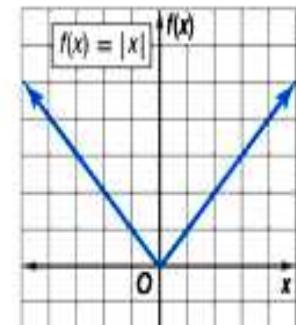
$$y = a|x + b| + c$$

a سالب

$$y \leq c$$

a موجب

$$y \geq c$$



تمثيل متبادرات القيمة المطلقة

نكتب المعادلة المرتبطة بتحويل
إشارة التبادل إلى تساوي

نكون جدولًا بعد تحديد صفر القيمة
المطلقة و اختيار نقاط حوله

نوصل النقاط بالمسطر خط متصل
إذا وجدت علامة تساوي في
المتبادرات و متقطع إذا لم يوجد

نختبر منطقة الحل باستخدام نقطة
الأصل أو بالاعتماد على علامة
التبادل بشرط أن يكون معامل
 y موجبا ثم نظل منطقة الحل

تمثيل المتبادرات الخطية

نكتب المعادلة المرتبطة بتحويل إشارة
التبادل إلى تساوي

نكون جدول و نختار قيم X
ويفضل اختيار المقاطع مع المحورين
ثم نمثل النقاط

نوصل النقاط بالمسطر خط متصل إذا
ووجدت علامة تساوي في المتبادرات و
متقطع إذا لم يوجد

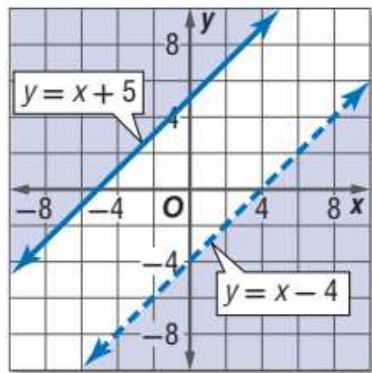
نختبر منطقة الحل باستخدام نقطة الأصل
أو بالاعتماد على علامة التبادل بشرط أن
يكون معامل y موجبا
ثم نظل منطقة الحل

حل أنظمة المتباينات الخطية بيانيا

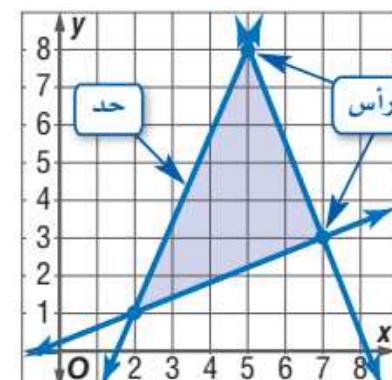
نمثل كل متباينة بيانيا و نظلل منطقة حلها

نحدد منطقة الحل المشتركة بين مناطق حل المتباينات و التي تمثل حل النظام

منطقة حل غير متقاطعة تعني أنه لا يوجد حل للنظام



منطقة مغلقة نحدد رؤوس منطقة الحل و هي إحداثيات نقط تقاطع المستقيمتين المحددة لمنطقة



البرمجة الخطية و الحل الأمثل

إيجاد القيمة العظمى و الصغرى للدالة
تحت قيود معينة

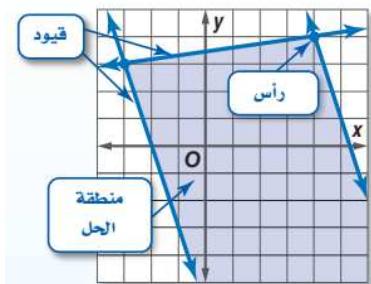
- ١) نمثل المتبادرات و نحدد رؤوس منطقة الحل
- ٢) نوجد قيمة الدالة عند كل رأس و أكبر قيمة هي القيمة و العظمى و أصغر قيمة هي القيمة الصغرى

(x, y)	$4x - 2y$	$f(x, y)$
(-3, 3)	$4(-3) - 2(3)$	-18
(1.5, 3)	$4(1.5) - 2(3)$	0
(0, 6)	$4(0) - 2(6)$	-12
(-2, 6)	$4(-2) - 2(6)$	-20

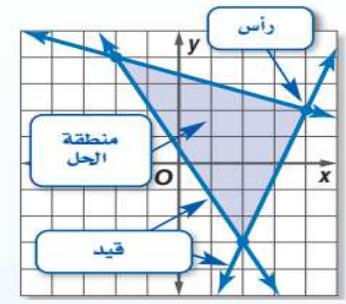
قيمة عظمى ←

قيمة صغرى ←

إذا كانت منطقة الحل غير محدودة يوجد أما قيمة عظمى فقط أو قيمة صغرى فقط



إذا كانت منطقة الحل محدودة يوجد قيمة عظمى و قيمة صغرى للدالة



حدد رتبة المصفوفة A.

$$A = \begin{bmatrix} 9 & -18 & 6 & 38 \\ -18 & 9 & -9 & 22 \end{bmatrix}$$

صفوف
أعمدة
3
3

يما أن A فيها صفاتان و3 أعمدة،
فإن رتبتها 3 .2

$$\begin{bmatrix} 5 & 6 & 0 \\ 0 & 7 & 2 \\ 3 & 1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 6 & 0 \\ 0 & 7 & 2 \\ 3 & 1 & 4 \end{bmatrix}$$

المصفوفتان متساويتان

$$A_{m \times r} \cdot B_{r \times t} = AB_{m \times t}$$

شرط ضرب
مصفوفتين
عدد أعمدة الأولى
يساوي
عدد صفوف الثانية

إعداد السطحة
هذا العددي

$$A_{2 \times 2} \cdot B_{2 \times 2} = AB_{2 \times 2}$$

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ae+bg & af+bh \\ ce+dg & cf+dh \end{bmatrix}$$

يمكن إيجاد ناتج ضرب
مصفوفتين بضرب
عناصر صفوف الأولى
في أعمدة الثانية
بالتدريب ثم جمع النواتج

يتم تحديد عنصر
في المصفوفة
بتتحديد رقم الصف
ثم العمود الموجود
فيه العنصر

(b) ماتبة المصفوفة
 $\begin{bmatrix} 9 & -18 & 6 & 38 \\ -18 & 9 & -9 & 22 \end{bmatrix}$
بتعدد 2
يعني العنصر -18 موجود في الصف 2،
والعمود 1، فإن قيمته هي -9.

إذا كان عدد
صفوف المصفوفة n
و عدد اعمدتها m
فإن رتبة المصفوفة
 $n \times m$

عند ضرب مصفوفة
بعد ثابت يتم ضرب
كل عنصر من عناصر
المصفوفة في ذلك
العدد الثابت

$$\text{إذا كانت } A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \text{ و } k \text{ عدد ثابت فإن:}$$

$$k \cdot A = k \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ka & kb \\ kc & kd \end{bmatrix}$$

العمليات على
المصفوفات

مقدمة في
المصفوفات

شروط تساوي
المصفوفات
1- تساوي الرتبة
2- العناصر
المتاظرة متطابقة

$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix}$$

$$A + B = \begin{bmatrix} a+e & b+f \\ c+g & d+h \end{bmatrix}, A - B = \begin{bmatrix} a-e & b-f \\ c-g & d-h \end{bmatrix}$$

شرط جمع او طرح
المصفوفات
(1) تساوي الرتب
(2) تجمع او نطرح
العناصر المتاظرة

المصفوفات

ضرب المصفوفات

يمكن إيجاد ناتج ضرب
مصفوفتين بضرب
عناصر صفوف الأولى
في أعمدة الثانية
بالتدريب ثم جمع النواتج

نوجد محدد المصفوفة

$$|\underline{A}| = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = a \times d - b \times c$$

و يجب أن لا يساوي الصفر

خطوات
إيجاد
الناظير
الضربى
المصفوفة

$$\underline{A} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

نوجد الناظير الضربى و يساوى $\frac{1}{|\underline{A}|}$
مضروب في المصفوفة

الناتجة عن تبديل موضعى عناصر قطر
الأساسى و تغيير إشارة القطر الآخر

$$\underline{A}^{-1} = \frac{1}{|\underline{A}|} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

خطوات حل نظام معادلتين خطيتين باستخدام قاعدة كرامر

$$a x + b y = n$$

١) لابد أن تكون المعادلات على الصورة القياسية

$$c x + d y = m$$

$$\left| \underline{C} \right| = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = a \times d - b \times c$$

٢) يوجد محدد مصفوفة المعاملات

$$x = \frac{\begin{vmatrix} n & b \\ m & d \end{vmatrix}}{\left| \underline{C} \right|}$$

٣) لإيجاد x نستبدل معاملات x في محدد مصفوفات المعاملات بالحد الثابت و نقسم على محدد مصفوفة المعاملات

$$y = \frac{\begin{vmatrix} a & n \\ c & m \end{vmatrix}}{\left| \underline{C} \right|}$$

٤) لإيجاد y نستبدل معاملات y في محدد مصفوفات المعاملات بالحد الثابت و نقسم على محدد مصفوفة المعاملات

خطوات حل نظام معادلتين خطيتين باستخدام المعادلات المصفوفية

١) لابد أن تكون المعادلات على الصورة القياسية

$$\begin{aligned} a x + b y &= n \\ c x + d y &= m \end{aligned}$$

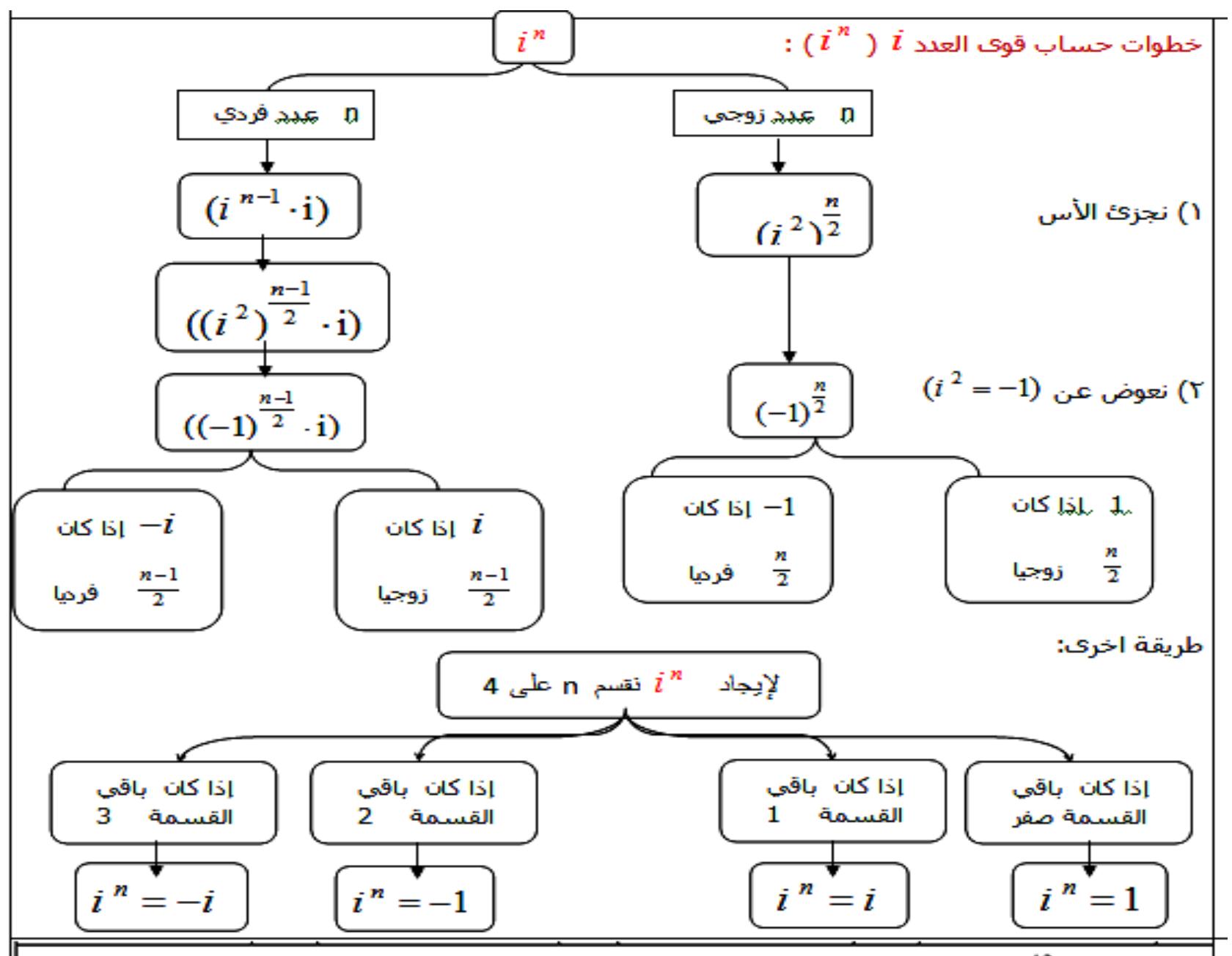
٢) المعادلة المصفوفية للنظام

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n \\ m \end{bmatrix}$$

٣) حل النظام

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{|\underline{A}|} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} n \\ m \end{bmatrix}$$

خطوات حساب قوى العدد i^n :



الأعداد المركبة

العمليات على الأعداد المركبة

- القسمة**
- ١- نضرب في مرافق المقام
 - ٢- في البسط ضرب عددين مركبين فك أقواس و في المقام
- $$(a + bi) \cdot (a - bi) = a^2 + b^2$$
- ٣- بيسط ثم نجمع حقيقي مع تخيلي مع تخيلي
- ٤- نكتب الناتج على الصورة $a + bi$

$$\begin{aligned}
 & \frac{3+4i}{2-3i} \cdot \frac{2+3i}{2+3i} \\
 &= \frac{(3+4i)(2+3i)}{2^2 + 3^2} \\
 &= \frac{(3 \times 2) + (3 \times 3i) + (4i \times 2) + (4i \times 3i)}{4+9} \\
 &= \frac{6+9i+8i+12i^2}{13}, i^2 = -1 \\
 &= \frac{6+9i+8i-12}{13} \\
 &= \frac{-6+17i}{13}
 \end{aligned}$$

الضرب توزيع و
فك أقواس عند ظهور i^2

نعرض عنها بـ
١- ثم نجمع حقيقي مع تخيلي و تخيلي مع تخيلي

الجمع نجمع حقيقي مع حقيقي و تخيلي و كذلك
الطرح بالمثل

مثلاً :

$$\begin{aligned}
 & (-2+5i) + (1-7i) \\
 &= (-2+1) + (5-7)i \\
 &= -1-2i
 \end{aligned}$$

العمليات على الأعداد التخيلية البحتة

$$, \sqrt{-a} = \sqrt{a} i \quad \sqrt{-1} = i$$

$$\begin{aligned}
 \sqrt{-a} \cdot \sqrt{-b} &= \sqrt{a} i \cdot \sqrt{b} i \\
 &= \sqrt{ab} \cdot i^2 = -\sqrt{ab}
 \end{aligned}$$

ضرب المتشابهة

$$a i \cdot b i = a b \cdot i^2 = -a b$$

مثلاً :

$$\begin{aligned}
 \sqrt{-6} \cdot \sqrt{-15} &= \sqrt{6} i \cdot \sqrt{15} i \\
 &= \sqrt{6 \times 15} \cdot i^2 = -3\sqrt{10}
 \end{aligned}$$

مثلاً :

$$3i \cdot 4i = 12 \cdot i^2 = -12$$

مثلاً :

$$\begin{aligned}
 & (-2+5i) \cdot (1-7i) \\
 &= (-2 \times 1) + (-2 \times -7i) + (5i \times 1) + (5i \times -7i) \\
 &= -2 + 14i + 5i - 35i^2, i^2 = -1 \\
 &= -2 + 14i + 5i + 35 \\
 &= 33 + 19i
 \end{aligned}$$

القانون العام و المميز

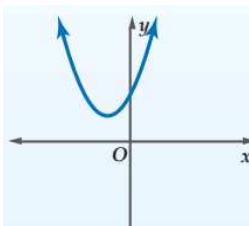
لتجديد عدد جذور معادلة تربيعية **نوجد المميز**

$$b^2 - 4ac$$

$$b^2 - 4ac < 0$$

سالب

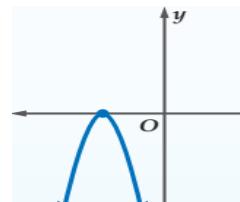
للمعادلة جذران
مركبات متراافقان



لا يقطع محور

$$b^2 - 4ac = 0$$

للالمعادلة جذر حقيقي
مكرر مرتين

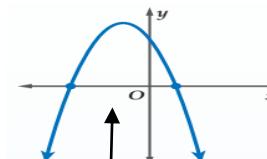


يمس محور
في نقطة
واحدة

$$b^2 - 4ac > 0$$

موجب

للالمعادلة جذران
 حقيقيان



يقطع محور في
 نقطتين

لحل المعادلة التربيعية

$$ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$$

بالقانون العام لابد أن تكون في الصورة القياسية

$x =$ معامل x و $b =$ الحد الثابت
 $c =$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

مثال : باستعمال القانون العام

$$x^2 - 6x = -10$$

$$x^2 - 6x + 10 = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$= \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4(1)(10)}}{2(1)}$$

$$= \frac{6 \pm \sqrt{-4}}{2}$$

$$= \frac{6 \pm 2i}{2}$$

$$= 3 \pm i$$

العمليات على كثيرات الحدود

جمع كثيرات الحدود
و طرحها و ضربها

كثيرة الحدود لاتدخل المتغير
تحت جذر و لا في المقام
أي أن جميع الأسس أعداد
صحيحة موجبة

تبسيط عبارات تتضمن
وحيدة حد و ضربها و
قسمتها

في الضرب نفك
الأقواس فنضرب
المعاملات و
نجمع أساس
المتغيرات

$$3x(2x^2 - 4x + 6) = 3x(2x^2) + 3x(-4x) + 3x(6)$$
$$= 6x^3 - 12x^2 + 18x$$

في الطرح نطرح
الحدود المتشابهة

في الجمع نجمع
الحدود المتشابهة

مثال

$$(4x^2 - 5x + 6) - (2x^2 + 3x - 1)$$
$$= 4x^2 - 5x + 6 - 2x^2 - 3x + 1$$
$$= (4x^2 - 2x^2) + (-5x - 3x) + (6 + 1)$$
$$= 2x^2 - 8x + 7$$

١) عملية ضرب و الأساس نفسه
نجمع الأسنس

$$(2x^{-3}y^3)(-7x^5y^6) = (2 \times -7)x^{-3+5}y^{3+6} = -14x^2y^9$$

٢) عملية قسمة والأساس نفسه نطرح
الأسس

$$\frac{15c^5d^7}{3c^2d^3} = \frac{15}{3}c^{5-2}d^{7-3} = 5c^3d^4$$

٣) قوى مرتفعة لقوى نضرب القوتين

$$(x^2)^3 = x^{2 \times 3} = x^6$$

٤) قوة ناتج الضرب أو القسمة توزع
الأسس

$$(-2x^3y^2)^5 = (-2)^5x^{3 \times 5}y^{2 \times 5} = -32x^{15}y^{10}$$

٥) الأساس السالب يتخلص،
منه بإيجاد المقلوب

$$\frac{1}{b^{-7}} = b^7$$

تحليل كثيرات الحدود

أخرج العامل المشترك الأكبر أن وجد

أربعة حدود أو أكثر

تجميع مناسب للحدود

أخرج العامل المشترك الأكبر

أخرج العامل المشترك الأكبر
لكل تجميع

ثلاث حدود

الصورة العامة

مربع كامل

مجموع مكعبين

دين

فرق بين مكعبين

فرق بين مربعين

تحليل مقدار ثلاثي

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$
$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$

$$a^3 - b^3 = (a-b)(a^2 + ab + b^2)$$

نظريتا الباقي و العوامل

استعمال التعويض التركيبي لتحديد ما إذا كانت ثانية حد عاملًا من عوامل كثيرة حدود

- (١) نحدد ما إذا كان $(x - r)$ عاملًا بإجراء عملية القسمة و لابد أن يكون باقي القسمة يساوي صفر.
- (٢) لإيجاد باقي العوامل نحل ناتج القسمة من الخطوة السابقة.

حدد ما إذا كان $5 - x$ عاملًا من عوامل كثيرة الحدود
 $P(x) = x^3 - 7x^2 + 7x + 15$ أم لا، ثم أوجد عواملها الأخرى:

الحل: (١) يكون $(x - 5)$ عاملًا إذا كان $P(5) = 0$.

$$\begin{array}{r} 5 \quad | \quad 1 \quad -7 \quad 7 \quad 15 \\ \quad \quad \quad 5 \quad -10 \quad -15 \\ \hline \quad 1 \quad -2 \quad -3 \quad | \quad 0 \end{array}$$

(٢) لإيجاد باقي العوامل نحل ناتج القسمة من الخطوة السابقة.

$$\begin{aligned} x^2 - 2x - 3 &= \text{ناتج القسمة} \\ &= (x + 1)(x - 3) \end{aligned}$$

(٣) عوامل كثيرة الحدود هي : $(x - 5), (x + 1), (x - 3)$

إيجاد قيمة دالة باستعمال التعويض التركيبي

باستخدام القسمة التركيبيّة **قيمة دالة عند عدد r تساوي باقي قسمة الدالة على $(x - r)$**
 نكتب معاملات $f(x)$ مع مراعاة ترتيب القوى و حفظ الخانة بالصفر في حالة عدم وجود الأس التالي و نضع العدد المطلوب حساب قيمة الدالة عنده في الصندوق \boxed{r} و بإجراء القسمة يكون باقي القسمة $f(r)$

مثال :
 $f(x) = 3x^4 - 2x^3 + 5x^2 + 2$
 فإذا كان $x = 4$ ، فأوجد $f(4)$ باستعمال التعويض التركيبي.

الحل :

$$\begin{array}{r} 4 \quad | \quad 3 \quad -2 \quad 0 \quad 5 \quad 2 \\ \quad \quad \quad 12 \quad 40 \quad 160 \quad 660 \\ \hline \quad 3 \quad 10 \quad 40 \quad 165 \quad | \quad 662 \end{array}$$

$$f(4) = 662$$

العمليات على الدوال

تركيب دالتين

$$f \circ g(x) = f[g(x)]$$

قاعدة معطاه

$$f(x) = 3x$$

$$g(x) = x + 1$$

$$f \circ g(x) = f[g(x)]$$

$$= f(x + 1)$$

$$= 3x + 3$$

ضرب الدوال و قسمتها

$$(f \cdot g)(x) = f(x) \cdot g(x)$$

$$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)}, g(x) \neq 0$$

جمع الدوال و طرحها

$$(f + g)(x) = f(x) + g(x)$$

$$(f - g)(x) = f(x) - g(x)$$

أزواج مرتبة

مثال

$$f(x) = \{(6,1), (2,7)\}$$

$$g(x) = \{(5,6), (3,2)\}$$

$$f \circ g(x) = f[g(x)]$$

$$= \{(5,1), (3,7)\}$$

القسمة قسمة
كثيرات حدود

و المجال
تقاطع
المجالين مع
استبعاد
أصفار المقام

الضرب في
أقواس و
توزيع
المجال تقاطع
المجالين

نجم و نظر
الحدود
المتشابهة
المجال يساوي
تقاطع مجال
الدالتين

الدالة العكسيّة

لإيجاد الدالة العكسيّة نتبع الخطوات
التالية

$$f(x) = y \quad (1) \text{ نضع}$$

y نبدل بين كل من x و

y حل المعادلة بالنسبة لـ

$$y = f^{-1}(x) \quad (4) \text{ نضع}$$

إذا كانت العلاقة دالة

العلاقة العكسيّة

لإيجاد العلاقة العكسيّ نبدل إحداثيات
الأزواج المرتبة

$$(a,b) \rightarrow (b,a)$$

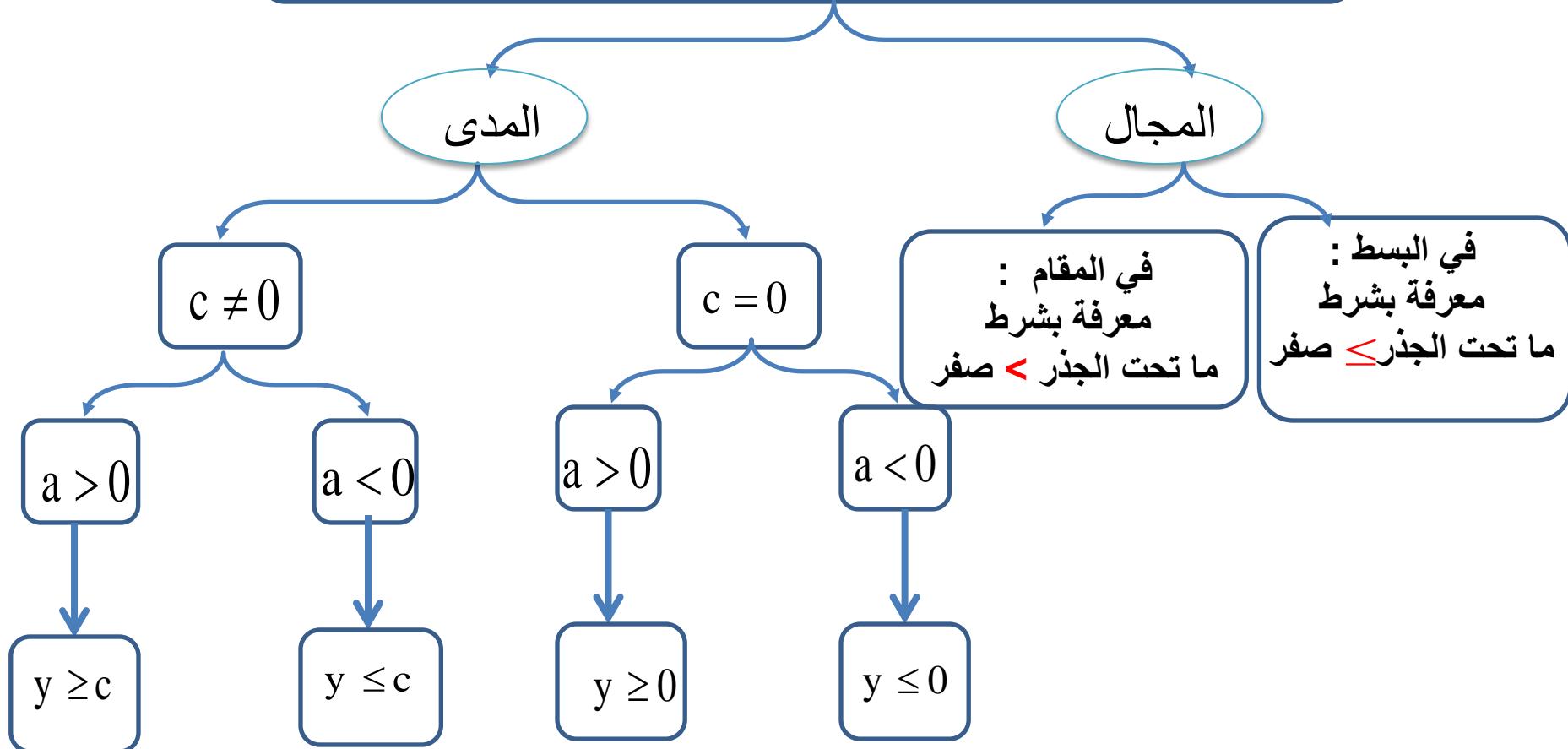
مثال

$$f(x) = \{(1,2), (3,-1)\}$$

$$f^{-1}(x) = \{(2,1), (-1,3)\}$$

تحديد مجال ومدى دالة الجذر التربيعي

$$f(x) = a\sqrt{mx + b} + c$$



تمثيل متباعدة الجذر التربيعي

- ١) نكتب المعادلة المرتبطة بالمتباعدة المعطاه
- ٢) نمثل دالة الجذر التربيعي بالخطوات المستخدمة عند تمثيل الدالة الجذرية
- ٣) نرسم الدالة متصلة إذا وجدت علامة المساواة في المتباعدة و متقطعة إذا لم يوجد علامة تساوي فيها
- ٤) نختبر منظقة الحل أو نظلل حسب إشارة المتباعدة إذا كانت أكبر نظلل أعلى المنحنى و إذا كانت أصغر نظلل أسفل المنحنى

تمثيل دالة الجذر التربيعي

- ١) نحدد مجال الدالة بشرط ما تحت الجذر أكبر من أو يساوي الصفر
- ٢) نكون جدول بفرض قيم y تبدأ بـ صفر الجذر ثم قيم أكبر منه
- ٣) نعرض في الدالة المطلوب تمثيلها لإيجاد قيم y ثم نرسم النقاط في المستوى

إرشادات للدراسة

دليل الجذر

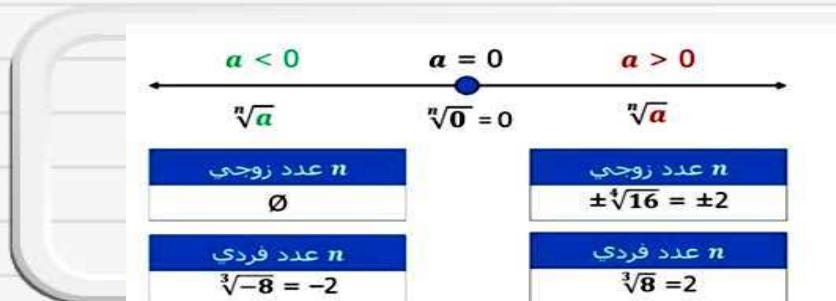
إذا كان n عدداً فردياً
فهناك فقط جذر
 حقيقي واحد، وبناءً
 على ذلك، فلا يوجد
 هناك جذر رئيسي،
 ولا يوجد حاجة إلى
 استعمال رمز القيمة
 المطلقة. أما إذا كان
 n عدداً زوجياً فإن
 $\sqrt[n]{x^n} = |x|$

$$a^n = b \Leftrightarrow a = \sqrt[n]{b}$$

دليل $\sqrt[n]{81}$ **ما تحت الجذر**

رمز الجذر

الجذر النوني



الجذر النوني ال حقيقي

- 1) حلل العدد إلى عوامله الأولية.
- 2) اكتب العدد على صورة آسيّة.
- 3) اقسم الأساس على دليل الجذر.

تبسيط الجذور

إذا كان دليل الجذر عددًا زوجيًّا وأسٌ ما تحت الجذر عددًا زوجيًّا، وكان أس الناتج عددًا فرديًّا، يجب أن تجد القيمة المطلقة للناتج لتأكد من أن الجواب ليس سالبًا.

العمليات على العبارات الجبرية

١) ضرب الجذور $\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$

٢) قسمة الجذور $\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$

فإذا ضرب البسط والمقام في	إذا كان المقام
\sqrt{b}	\sqrt{b}
$\sqrt[n]{b^{n-x}}$	$\sqrt[n]{b^x}$

٣) إنشاق المقام

٤) جمع العبارات الجذرية و طرحها
نبسط الجذور ثم نجمع أو نطرح معاملات
الجذور المتشابهة

الأسس النسبية

١) التحويل من الصورة
 $b^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{b}$ الجذرية إلى الأسية و العكس

٢) $b^{\frac{x}{y}} = \sqrt[y]{b^x} = (\sqrt[y]{b})^x$

٣) نبسط الأسس النسبية باستخدام
قوانين الأسس السابق لنا دراستها ولا بد
لنصل لأبسط صورة أن يكون الأس في
المقام عدداً صحيحاً وأن تكون الأسس
موجبة و دليل الجذر أصغر ما يمكن

حل متبادرات الجذر التربيعي

١) نحدد مجال الدالة الجذرية

٢) نحل المتبادرات الجذرية بنفس طريقة حل المعادلة الجذرية

٣) نحل المتبادرات الناتجة.

٤) نحدد منطقة الحل على خط الأعداد
اعتماداً على الخطوتين السابقتين

حل معادلات الجذر التربيعي

١) نجعل الجذر في طرف وحده

٢) نرفع طرفي المعادلة لقوة متساوية لدليل الجذر للتخلص من الجذر

٣) نحل معادلة كثيرة الحدود الناتجة
ثم نتحقق من صحة الحل

