

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

almanahj.com/sa

موقع المناهج السعودية

*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد المستوى السادس اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/15>

* للحصول على جميع أوراق المستوى السادس في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/15>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد المستوى السادس في مادة رياضيات الخاصة بـ اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/153>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للمستوى السادس اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/grade15>

للحصول على جميع روابط الصفوف على تلغرام وفيسبوك من قنوات وصفحات: اضغط هنا <https://me.t://https://www.almanahj.com/sa/grade15>

تحقق من فهمك 

أوجد دالتين أصليتين مختلفتين لكل دالة مما يأتي:

(1A) $2x = 2 \frac{x^{1+1}}{1+1} = \frac{2x^2}{2} = x^2$, $x^2 - 3$, $x^2 + 25$ إجابة ممكنة

(1B) $-3x^{-4} = -3 \frac{x^{-4+1}}{-4+1} = \frac{-3x^{-3}}{-3} = x^{-3}$, $x^{-3} - 7$
 $x^{-3} + 27$

(2A) $f(x) = 6x^4 = 6 \frac{x^5}{5} + C = \frac{6}{5} x^5 + C$

(2B) $f(x) = \frac{10}{x^3} = f(x) = 10x^{-3}$
 $= 10 \frac{x^{-3+1}}{-3+1} + C = \frac{10}{-2} x^{-2} + C$
 $= \frac{-5}{x^2} + C$

(2C) $f(x) = 8x^7 + 6x + 2 = \frac{8x^8}{8} + \frac{6x^2}{2} + 2x + C$
 $= x^8 + 3x^2 + 2x + C$

(4A) $\int_2^5 3x^2 dx = \frac{3x^3}{3} \Big|_2^5 = (5^3 - 2^3) = 125 - 8 = 117$

(4B) $\int_1^2 (16x^3 - 6x^2) dx = 16 \frac{x^4}{4} - 6 \frac{x^3}{3} \Big|_1^2 = 4x^4 - 2x^3 \Big|_1^2$
 $= [4(2)^4 - 2(2)^3] - [4(1)^4 - 2(1)^3]$
 $(64 - 16) - (4 - 2)$

$48 - 2 = 46$

احسب كل تكامل مما يأتي:

$$\begin{aligned} (5A) \quad \int (6x^2 + 8x - 3) dx &= \frac{6x^{2+1}}{2+1} + \frac{8x^{1+1}}{1+1} - 3x + C \\ &= \frac{6x^3}{3} + \frac{8x^2}{2} - 3x + C \\ &= 2x^3 + 4x^2 - 3x + C \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (5B) \quad \int_1^3 (-x^4 + 8x^3 - 24x^2 + 30x - 4) dx &= \left. -\frac{x^5}{5} + \frac{8x^4}{4} - \frac{24x^3}{3} + \frac{30x^2}{2} - 4x \right|_1^3 \\ &= \left. -\frac{x^5}{5} + 2x^4 - 8x^3 + 15x^2 - 4x \right|_1^3 \\ &= \left(-\frac{(3)^5}{5} + 2(3)^4 - 8(3)^3 + 15(3)^2 - 4(3) \right) \\ &\quad - \left(-\frac{1}{5} + 2(1)^4 - 8(1)^3 + 15(1)^2 - 4(1) \right) \\ &= \left(-\frac{243}{5} + 162 - 216 + 135 - 12 \right) \\ &\quad - \left(-\frac{1}{5} + 2 - 8 + 15 - 4 \right) \\ &= \left(-\frac{243}{5} + 69 \right) - \left(-\frac{1}{5} + 5 \right) \\ &= -\frac{243}{5} + 69 - 5 = -\frac{243}{5} + 64 \\ &= \frac{320 - 243}{5} = \frac{77}{5} \end{aligned}$$

أوجد الشغل اللازم لشد نابض مسافة ما والمعطى بالتكامل في كل مما يأتي:

$$\begin{aligned} (6A) \quad \int_0^{0.7} 476x dx &= \frac{476x^2}{2} \\ &= 238x^2 \Big|_0^{0.7} \\ &= (238(0.7)^2) - (0) = 116.62 \end{aligned}$$

$$(1) \quad f(x) = x^5 = \frac{x^6}{6} + C$$

$$(2) \quad f(z) = \sqrt[3]{z} = f(z) = z^{\frac{1}{3}} = \frac{z^{\frac{1}{3}+1}}{\frac{1}{3}+1} = \frac{z^{\frac{4}{3}}}{\frac{4}{3}} + C \\ = \frac{3}{4} z^{\frac{4}{3}} = \frac{3}{4} \sqrt[3]{z^4} + C$$

$$(8) \quad \int (6m + 12m^3) dm = \frac{6m^2}{2} + \frac{12m^4}{4} + C \\ = 3m^2 + 3m^4 + C$$

$$(9) \quad \int_1^4 2x^3 dx = \frac{2x^4}{4} \Big|_1^4 \\ = \frac{1}{2} (x^4) \Big|_1^4 \\ = \frac{1}{2} (4^4 - 1^4) \\ = \frac{1}{2} (256 - 1) = \frac{255}{2} = 127.5$$

$$(16) \quad \int_{-3}^1 3 dx = 3x \Big|_{-3}^1 \\ = [3 \times 1] - [3(-3)] \\ = 3 + 9 = 12$$

(17)

$$\int_{-1}^2 (-x^2 + 10) dx$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{-x^3}{3} + 10x \Big|_{-1}^2 \\
 &= \left(\frac{-2^3}{3} + 10 \times 2 \right) - \left(\frac{-(-1)^2}{3} + 10(-1) \right) \\
 &= \left(\frac{-8}{3} + 20 \right) - \left(\frac{1}{3} - 10 \right) \\
 &= \frac{-8}{3} - \frac{1}{3} + 20 + 10 \\
 &= \frac{-9}{3} + 30 = -3 + 30 = 27
 \end{aligned}$$

(18)

$$\int_{-2}^{-1} \left(\frac{x^5}{2} + \frac{5x^4}{4} \right) dx$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{x^6}{2 \times 6} + \frac{5x^5}{4 \times 5} \Big|_{-2}^{-1} \\
 &= \frac{x^6}{12} + \frac{x^5}{4} \Big|_{-2}^{-1} \\
 &= \left(\frac{(-1)^6}{12} + \frac{(-1)^5}{4} \right) - \left(\frac{(-2)^6}{12} + \frac{(-2)^5}{4} \right) \\
 &= \left(\frac{1}{12} - \frac{1 \times 3}{4} \right) - \left(\frac{64}{12} - \frac{32 \times 3}{4} \right) \\
 &= \left(\frac{1-3}{12} \right) - \left(\frac{64-96}{12} \right) \\
 &= \left(\frac{-2}{12} \right) - \left(\frac{-32}{12} \right) = \frac{-2+32}{12} = \frac{30}{12} = 2.5
 \end{aligned}$$

(19)

$$\int_{-1}^1 (x^4 - 2x^3 - 4x + 8) dx$$

$$= \frac{+x^5}{5} - \frac{2x^4}{4} - \frac{4x^2}{2} + 8x \Big|_{-1}^1$$

$$= \left(\frac{1}{5} - \frac{2}{4} - \frac{4}{2} + 8 \right) - \left(\frac{-1}{5} - \frac{2}{4} - \frac{4}{2} - 8 \right)$$

$$= \left(\frac{4 - 10 - 40 + 160}{20} \right) - \left(\frac{-4 - 10 - 40 - 160}{20} \right)$$

$$= \left(\frac{114}{20} \right) - \left(\frac{-214}{20} \right) = \frac{238}{20} = 16.4$$

(45) إذا كان $\int_0^2 kx dx = 6$ ، فما قيمة k ؟

1 A

2 B

3 C

4 D

$$k \int_0^2 x dx = 6$$

بالتكامل $\Rightarrow k \frac{x^2}{2} \Big|_0^2 = 6$

$$k \left(\frac{2^2}{2} - 0 \right) = 6$$

$$\frac{k(2)}{2} = \frac{6}{2}$$

$$k = 3$$