

روابط مجموعات المناهج السعودية

كل ما يحتاجه الطالب في جميع الصنوف من أوراق عمل واختبارات ومذكرات، يجده هنا في الروابط التالية لأفضل مواقع المناهج السعودية:
[القناة الرسمية لموقع المناهج السعودية](http://www.almanahj.com.sa) :

روابط مجموعات الواتساب

[الصف الأول الابتدائي](#)

[الصف الثاني الابتدائي](#)

[الصف الثالث الابتدائي](#)

[الصف الرابع الابتدائي](#)

[الصف الخامس الابتدائي](#)

[الصف السادس الابتدائي](#)

[الصف الأول متوسط](#)

[الصف الثاني متوسط](#)

[الصف الثالث متوسط](#)

[الصف الأول الثانوي](#)

[الصف الثاني الثانوي العلمي](#)

[الصف الثاني الثانوي الأدبي](#)

[الصف الثالث الثانوي العلمي](#)

[الصف الثالث الثانوي الأدبي](#)

[مجموعة أخبار التربية](#)

روابط مجموعات التلغرام

[الصف الأول](#)

[الصف الثاني](#)

[الصف الثالث](#)

[الصف الرابع](#)

[الصف الخامس](#)

[الصف السادس](#)

[الصف الأول متوسط](#)

[الصف الثاني متوسط](#)

[الصف الثالث متوسط](#)

[الصف الأول الثانوي](#)

[الصف الثاني الثانوي الأدبي](#)

[الصف الثاني الثانوي العلمي](#)

[الصف الثالث الثانوي الأدبي](#)

[الصف الثالث الثانوي العلمي](#)

[المناهج السعودية](#)

تهيئة الفصل السابع

حدّد ما إذا كانت الحوادث الآتية مستقلة، أو غير مستقلة.

(1) اختيار قصة وكتاب آخر لا يمثل قصة من مكتبة.

مستقلة

(2) اختيار رئيس، ونائب رئيس، وسكرتير، ومحاسب في نادٍ، على افتراض أنَّ الشخص الواحد لا يشغل سوى منصب واحد.

غير مستقلة

(3) اختيار طالب ومعلم ومشرف اجتماعي للمشاركة في تنظيم الرحلات المدرسية.

مستقلة



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق

حدّد ما إذا كانت كل حالة من الحالات الآتية تتطلب تطبيق التباديل أو التوافق في حلها:

- (4) اصطدام سبعة أشخاص في صف واحد عند المحاسب في أحد المتاجر.

تباديل

(5) ترتيب أحرف الكلمة **المدرسة** بالكلمة **المنهاج**

تباديل

- (6) اختيار نكهتين مختلفتين لفطيرة من بين 6 نكهات.

توافق

اكتب مفكوك كل من العبارات الآتية:

$$a^4 - 8a^3 + 24a^2 - 32a + 16 \quad (a - 2)^4 \quad (7)$$

$$(2a + b)^6 \quad (8)$$

$$64a^6 - 192a^5b + 240a^4b^2 + 160a^3b^3 + 60a^2b^4 \\ + 12ab^5 + b^6$$

almanahj.com.sa

$$(3x - 2y)^5 \quad (9)$$

$$243x^5 - 810x^4y + 1080x^3y^2 - 720x^2y^3 + 240xy^4 \\ - 32y^5$$

$$\left(\frac{a}{2} + 2\right)^5 \quad (10)$$

$$\frac{a^5}{32} + \frac{5a^4}{8} + 5a^3 + 20a^2 + 40a + 32$$



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق

الدراسات التجريبية والمسحية وبالملاحظة

الدراسات المسحية

وتستخدم في جمع البيانات من مصادرين (المجتمع الكلى - العينة) وهى نوعان :-

غير متحيزة

almanahj.com.sa

متحيزة

يتم فيها اختيار العينة
عشوائياً .

و فيها يتم تفضيل بعض اقسام المجتمع
على باقى الاقسام .

العينات المتحيزة وغير المتحيزة

مثال

دراسات مسحية : حدد ما إذا كانت كل دراسة مسحية فيما يأتي تتبنى
عينة متحيزة ، أو غير متحيزة ، وفسر إجابتك :

حدّد ما إذا كانت كُلُّ دراسة مسحية فيما يأتي تبنيًّا عينة متحيزة، أو غير متحيزة، وفسّر إجابتك: (مثال ١)

١) استطلاع رأي كل شخص ثالث يخرج من مطعم للمشويات؛ لمعرفة الوجبة المفضلة للناس.

almanahj.com.sa
منهازة ؛ لأن الوجبة الأكثر احتمالاً من وجهة نظرهم ستكون المشويات .

٢) الاستفسار من طلاب صف معين من المتميزين في مادة العلوم عن أفضل المواد لديهم.

منهازة ؛ لأن الأشخاص المستهدفين يميلون إلى العلوم أكثر من غيرهم .



مَدْرَسَةٌ تَعْلِيمِيَّةٌ

(3) الاستفسار من الطالب الذي ترتيبه 20 من كل 20 طالباً يخرجون من مدرستك، عن الطالب الذي سيصوتون له في انتخابات المجلس الطلابي.

غير منحازة ؛ لأن لكل شخص في المجتمع الفرصة نفسها ليكون في العينة .

(4) دراسة مسحية ، بين ما إذا كانت الدراسة المسحية الآتية تتبنى عينة متحizzة أو غير متحizzة ، فسر إجابتك .
استطلاع آراء طلاب في كلية الطب؛ لمعرفة المهنة المستقبلية المفضلة لدى الشباب .

منحازة ؛ لأن مهنتهم المستقبلية المفضلة الأكثر احتمالاً ستكون الطب .

حدّد سؤال الدراسة المسيحية الذي تحصل منه على الإجابة المطلوبة
بشكل أفضل. (مثال 2)

- (5) يريد زاهر أن يحدد فريق كرة القدم الأكثر شعبية في المملكة.
- (a) ما اسم فريق كرة القدم الذي تفضله في مدينة الرياض?
- (b) ما اسم فريق كرة القدم الذي تفضله في المملكة؟
- (c) ما مدى تقديرك لفرق كرة القدم في المملكة?
- (6) يريد سليمان أن يحدد الرغبة في تكوين أول نادٍ للشطرنج في المدرسة.
- (a) في أي يوم ترغب في أن تتأخر في المدرسة؟
- (b) هل تحب الشطرنج؟
- (c) هل تحب أن تنضم إلى نادي الشطرنج في المدرسة؟

7) يريد هاني أن يتعرف إلى الطالب المثالي في المدرسة.

(a) من ترى أنه الطالب المثالي في المدرسة؟

(b) هل تفضل الطالب الذي لا يبادر بالمساعدة، أم الذي يبادر بها؟

(c) إذا طلب إليك إبداء الرأي، فهل تفعل؟

حدد ما إذا كان كل موقف من المواقف الآتية يمثل دراسة تجريبية، أو دراسة قائمة على الملاحظة، وفي حالة الدراسة التجريبية، اذكر كلاً من المجموعة الضابطة والمجموعة التجريبية، ثم بين ما إذا كانت الدراسة التجريبية متحيزه أم لا: (مثال 3)

8) قبل الاختبار، قام المعلم باختيار شعبتين من الصنف نفسه بشكل عشوائي، وقام بمراجعة المادة لطلاب إحداهما، بينما لم يراجع المادة لطلاب الشعبة الأخرى. ثم قام بمقارنة نتائج الاختبار لهما.

دراسة تجريبية : اختار المعلم شعبتين بشكل عشوائي . المجموعة التجريبية تراجع المادة مع المعلم في الحصص . والمجموعة الضابطة هي شعبة أخرى ، وهذه تجربة منحازة ؛ لأن كل طالب يعرف المجموعة التي ينتمي لها



(9) وجد عادل 100 شخص، نصفهم متطوعون في مأوى للمحرومين الفقراء، وقارن بين متوسطي الدخل السنوي لأفراد المجموعتين.

دراسة بالمشاهدة .

(10) اختر 300 شخص، واقسمهم عشوائياً إلى مجموعتين: إحداهما تقرأ القرآن لمدة ساعة قبل النوم، والأخرى لا تفعل شيئاً، ثم قارن بين كيفية نوم كل من المجموعتين.

دراسة تجريبية ؟ وضع الأشخاص في مجموعات عشوائية . تتضمن المجموعة التجريبية من يقرأ القرآن الكريم قبل النوم ، وتتضمن المجموعة الضابطة من لا يفعل ذلك ، وهذه تجربة منحازة ؛ لأن كل مشارك يعرف المجموعة التي ينتمي إليها .

(11) اختر 250 شخصاً نصفهم في الفرق الرياضية، وقارن بين كمية الوقت الذي يمضونه في حل الواجبات.

دراسة بالمشاهدة .

حدد ما إذا كانت كل من الحالات الآتية تتطلب دراسة مسحية، أو دراسة قائمة على الملاحظة، أو دراسة تجريبية، وفسّر إجابتك: (مثال 4)

(13) تريد اختبار علاج لمعالجة الصلع عند الرجال.

دراسة تجريبية ؛ المستهدفون أشخاص لديهم صلع . والمجموعة التجريبية تتلقى معالجة ، بينما المجموعة الضابطة تتلقى معالجة شكلية .

(14) تريد استطلاع آراء أشخاص حول سياسة جديدة لشركة.

مسحية ، من الأفضل أن تستطع آراء أشخاص يختارون بصورة عشوائية .

(15) تريد معرفة ما إذا كان عدد سنوات الركض يؤثّر في حركة الركبة أو لا.

دراسة قائمة على الملاحظة.

(16) تريد معرفة ما إذا كانت المشروبات الغازية تؤثّر في جدار المعدة أو لا.

دراسة قائمة على الملاحظة.

(17) تريد اختبار معالجة معينة تبعد الحيوانات عن البساتين التي تحوي
غزلاناً.

دراسة تجريبية: الفئة المستهدفة بساتين
فيها غزلان. والمجموعة التجريبية بساتين
تتلقّى معالجة معينة تبعد الحيوانات عنها،
وبقية البساتين هي المجموعة الضابطة
وتتلقّى معالجة شكلية.



بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتْ كُلُّ مِنَ الْعُبَارَاتِ الْأَتِيَّةِ تَظَهُرُ ارْتِبَاطًا، أَوْ سَبَبَيَّةً، وَفَسْرِلِيمِيَّةً
إِجَابَتُكَ: (مَثَالٌ ٥)

١٨) عندما أمارس الرياضة، أكون في وضع نفسي أفضل.

ارتباط ، مع أن التدريب يجعل الإنسان في نفسية أفضل ، إلا أن
أحداً منهما لا يسبب بالضرورة في الآخر .

١٩) عندما يكون الجو بارداً وممطرًا بغزاره، لا نذهب إلى المدرسة.

سببية ؛ حيث إن حالة الطقس سبب مباشر في تعطيل الدراسة .

(20) عندما يكون الطقس حاراً في فصل الصيف، يكثر بيع المشروبات الباردة.

العبارة تظهر سببية؛ لأن الحر في الصيف
(ارتفاع درجة الحرارة) هو سبب مباشر
في زيادة مبيعات المشروبات الباردة،
فجسم الإنسان بحاجة إلى سوائل أكثر
لتنويم ما يضنه.

almanahj.com.sa

(21) كثرة القراءة تجعلك أكثر ذكاءً.

ارتباط، مع أن الاثنين يرتبان كلّ منهما بالآخر،
لكن كثرة القراءة قد لا تؤثر في الذكاء.

(22) دلَّت الأبحاث على أن من يتقن أكثر من لغة، يكون أقل إمكانية للإصابة بالمرض.

ارتباط، حيث إن للدراسة علاقة بين الاثنين، لكن أحدهما قد لا يسبب الآخر.

(23) النوم بحذائك يؤدي إلى شعورك بالصداع.
almanahj.com.sa

ارتباط، مع أنه ربما توجد علاقة بين الاثنين، إلا أن أحدهما قد لا يُسبِّب الآخر.

24) استبيانات: توزّع شركة استبيانات على العاملين الذين تركوا العمل في الشركة، وكان أحد أسئلة الاستبانة هو كيف يرى العامل خبرته التي اكتسبها في الشركة؟ هل هذه دراسة مسحية متحيزة؟ فسر السبب.

نعم متحيزة؛ معظم العاملين الذين يتركون عملهم في الشركة، هم غير واثقين عنها، وإلا لم يتركوها.

التحليل الاحصائي

مقاييس النزعة المركزية

وهي تستخدم لوصف البيانات لأنها غالباً تشير إلى متوسط البيانات أو منتصفها

almanahij.com.sa

مقاييس النزعة المركزية

مفهوم أساسى

المقياس	التعريف	أكثر فائدة عندما
المتوسط الحسابي	مجموع القيم مقسوماً على عددها	لا توجد في البيانات قيم متطرفة.

أي مقاييس النزعة المركزية يصف بصورة أفضل البيانات الآتية؟ ولماذا؟ (مثال ١)

المتوسط؛ لأنّه لا يتوجّد قيم متطرفة . 833, 796, 781, 776, 758 (١)

37.2, 36.8, 40.4, 19.2 (٢)

الوسيط؛ لأنّه توجّد قيمة متطرفة أكبر من القيم الأخرى.

65, 70, 17, 60, 55, 65, 63, 58, 60, 69 (٣)

الوسيط؛ لأنّه توجّد قيمة واحدة متطرفة أصغر من القيم الأخرى.

53, 61, 46, 59, 61, 55, 49 (٤)

المتوسط؛ لأنّه لا توجّد قيم متطرفة .

(5) **تغذية :** يوضح الجدول أدناه عدد السعرات لكل طبق خضار.

السعرات	الخضار	السعرات	الخضار	السعرات	الخضار
14	باذنجان	25	بركلي	10	زهرة
30	فاصوليا	17	ملفوف	17	بندورة
20	فلفل	28	جزر	66	حبوب
9	خس	9	سبانخ	17	كوسا

الوسيط ؛ يوجد قيمة وحدة متطرفة أكبر بكثير من بقية القيم هي 66 .

(6) **طقس :** يبين الجدول أدناه، درجات الحرارة في أثناء النهار ولمدة

أسبوع بالدرجات الفهرنهايتية:

درجة الحرارة	اليوم
64°F	السبت
73°F	الأحد
69°F	الاثنين
70°F	الثلاثاء
71°F	الأربعاء
75°F	الخميس
	الجمعة

المتوسط ؛ لأنه لا توجد قيم متطرفة في البيانات .

7) **ألعاب أولمبية**: في دراسة مسحية عشوائية شملت 5824 شخصاً، أفاد 29% منهم أنهم سيشاهدون الألعاب الأولمبية على التلفاز. (مثال 2)

(a) ما هامش خطأ المعاينة؟

**المتوسط = 21.18 ، الوسيط = 21.4 . والقيمتان قريبتان
من بعضهما البعض.**

(b) ما الفترة الممكنة التي تتضمن نسبة المجتمع الذين سوف يشاهدون الألعاب الأولمبية على التلفاز؟

**المتوسط الجديد = 21.23 ، الوسيط الجديد = 21.45 .
يرتفع كل من المتوسط والوسيط قليلاً.**



(8) رياضة: في دراسة مسحية عشوائية شارك فيها 5669 شخصاً، وجد أن 31% منهم يشاهدون مباراة واحدة على الأقل في كرة القدم شهرياً.

(a) ما هامش خطأ المعاينة؟ **هامش خطأ المعاينة**

$$\text{قانون هامش خطأ المعاينة} = \pm \frac{1}{\sqrt{n}}$$

$$n = 5669 = \pm \frac{1}{\sqrt{5669}}$$

$$\text{بالتبسيط} = \pm 0.0133$$

(b) ما الفترة الممكنة التي تتضمن نسبة المجتمع الذين يشاهدون مباراة واحدة على الأقل في كرة القدم شهرياً؟

$$0.31 + 0.0133 = 0.3233 \approx 32.3\%$$

$$0.31 - 0.0133 = 0.2967 \approx 29.7\%$$

الفترة الممكنة تقع بين 29.7% و 32.3%.

(9) **تمارين رياضية :** في دراسة مسحية شملت 4213 شخصاً اختبروا بطريقة عشوائية، أفاد 78% منهم أنهم يمارسون الرياضة لمدة ساعة أسبوعياً على الأقل.

± 0.0154

(a) ما هامش خطأ المعاينة؟

(b) ما الفترة الممكنة التي تحتوي على نسبة المجتمع الذين يمارسون الرياضة ساعة واحدة على الأقل أسبوعياً؟

almanahj.com.sa

79.5% و 76.5% بين

3.5 تقريرًا

١٠) **قيادة:** تُحدّد عادة السرعات القصوى على الطرق تفاديًّا للحوادث.

(a) فيما يأتي السرعات القصوى (mi/h) للطرق جميعها في إحدى الدول بين مدنها وقرابها. بَيْن ما إذا كانت هذه البيانات تمثل عينة أم مجتمعاً، ثم أُوجِد الانحراف المعياري للسرعات في الجدول أدناه. (مثال ٣)

almanahj.com.sa

السرعات القصوى للطرق جميعها (mi/h)									
70	70	65	65	75	70	70	75	65	70

(b) إذا كان الانحراف المعياري للسرعات القصوى (mi/h) للطريقات جميعها في دولة أخرى (24). قارن الانحراف المعياري للسرعات في كلا الدولتين. وماذا تستنتج؟

الانحراف المعياري للدولة الثانية أكبر
كثيراً من الانحراف المعياري للدولة الأولى؛ لذا فالسرعات القصوى في
الدولة الأولى أكثر تجانساً؛ أي أن
السرعات القصوى قريبة بعضها من
بعض، مقارنة بالسرعات القصوى في
الدولة الثانية التي تتضمن سرعات
قصوى كبيرة جداً، وأخرى صغيرة
جداً.

almanahj.com.sa

(١١) تدريب: في أثناء التمارين سجل سلطان الأزمنة التي ركض فيها مسافة 40 m . بُيّن ما إذا كانت هذه البيانات تمثل عينة أم مجتمعاً، ثم أوجد الانحراف المعياري للبيانات في الجدول أدناه.

أزمنة قطع المسافة 40m ركضاً بالثانية									
4.8	4.9	4.8	4.7	5.0	4.9	4.8	4.9	4.8	5.0

0.12

(12) اختبارات: فيما يأتي درجات صف مكون من 10 طلاب في اختبار من 25 درجة.

درجات 10 طلاب في اختبار من 25 درجة									
20	17	21	22	20	21	20	21	21	23

(a) قارن بين المتوسط والوسيط للدرجات.

المتوسط = 20.6، الوسيط = 21.
والقيمتان قريبتان إحداهما من الأخرى.

b) أوجد الانحراف المعياري للبيانات، وقربه إلى أقرب جزء من مئة.

المتوسط الجديد = 20.8

الوسيط الجديد = 21

يرتفع المتوسط قليلاً، والوسيط يبقى
كما هو.
almanahj.com.sa



13) مدارس: يوضح الجدول أدناه عدد الطلاب لكل معلم في مدارس إحدى المناطق التعليمية:

عدد الطلاب لكل معلم				
27	22	26	26	25
24	25	28	22	24
24	26	24	22	20
27	23	22	29	23
24	24	26	29	28
28	29	25	25	23

(a) ما مقياس التزعة المركزية الأنسب لهذه البيانات؟ ولماذا؟

المتوسط؛ لا يوجد قيم متطرفة في البيانات
، ولا يوجد منوال ويد

(b) بيّن ما إذا كانت هذه البيانات تمثّل عينة أم مجتمعاً، ثم أوجد الانحراف المعياري للبيانات، علماً بأن المتوسط الحسابي لها يساوي 25، وقربه إلى أقرب جزء من مئة.

2.35

الاحتمال المشروط

تعريفة

وهو احتمال وقوع الحادثة B بشرط وقوع الحادثة A ويرمز له بالرمز $P(B|A)$ ، ويقرأ احتمال وقوع الحادثة B بشرط وقوع الحادثة A .

almanahj.com.sa

القاعدة

إذا كانت A, B حادثتين غير مستقلتين ، فإن الاحتمال المشروط لوقوع الحادثة B ، إذا علم أن الحادثة A قد وقعت يعرف على النحو :

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}, P(A) \neq 0$$

يحتوي كيس على 8 كرات زرقاء، و 6 كرات حمراء، و 10 كرات صفراء، و 6 كرات بيضاء، و 5 كرات خضراء. إذا سُحبَت كرة واحدة عشوائياً، فما الاحتمال في كل حالة مما يأتي: (مثال ١)

(١) أن تكون الكرة خضراء، إذا علم أنها ليست زرقاء.

$\frac{5}{27}$

(٢) أن تكون حمراء، إذا علم أنها ليست خضراء.

$\frac{1}{5}$

(٣) أن تكون صفراء، إذا علم أنها ليست حمراء ولست زرقاء.

$\frac{10}{21}$



(4) أن تكون خضراء أو بيضاء، إذا علم أنها ليست حمراء حمراء نسبة

$$\frac{11}{29}$$

(5) أن تكون ذرقاء، إذا علم أنها بيضاء.

(6) **النهاية** رقمت قطاعات دائارية متطابقة في قرص من 1 إلى 8، إذا أدى مؤشر القرص، فما احتمال أن يستقر المؤشر عند العدد 8 إذا علم أنه استقر عند عدد زوجي؟



منصة مدرسية تعليمية

(7) فحص القيادة: يوضح الجدول أدناه أداء مجموعة من الأشخاص في فحص القيادة، علمًا بأن بعضهم أخذ حصصًا تدريبية تحضيرًا للفحص، والبعض الآخر لم يأخذ. إذا اخترت أحد الأشخاص عشوائياً، فأوجد احتمال كل مما يأتي: (مثال 2)

لم يأخذ حصصاً	أخذ حصصاً	
ناجح		
راسب		
48	64	
32	18	

a) الشخص ناجح علمًا بأنه أخذ حصصًا.
 $\frac{32}{41}$

b) الشخص راسب علمًا بأنه لم يأخذ حصصًا.
 $\frac{2}{5}$

c) لم يأخذ حصصًا، علمًا بأنه ناجح.
 $\frac{3}{7}$

٨) دروس التقوية : سجلت مدرسة أعداد طلاب الصفين الثاني

المتوسط والثالث المتوسط المشتركين وغير المشتركين في دروس التقوية. إذا اختير أحد الطلاب عشوائياً، فأوجد احتمال كل مما يأتي:

غير مشارك	مشارك	
		الثاني المتوسط
		الثالث المتوسط
242	156	
108	312	

(a) الطالب مشارك في التقوية علمًا بأنه في الصف الثاني المتوسط.

39.2% تقريرياً

(b) الطالب غير مشارك في التقوية علمًا بأنه في الصف الثالث المتوسط.

25.7% تقريرياً

(c) الطالب في الصف الثاني المتوسط علمًا بأنه غير مشارك.

69.1% تقريرياً

٩) اختيار من متعدد: يُبيّن الجدول أدناه أعداد الطلاب الذين حضروا مباراة كرة قدم، والذين تغيبوا عنها من السنوات الجامعية الأولى والثانية والثالثة والرابعة. إذا اختير أحد الطلاب عشوائياً، فأوجد احتمال أن يكون قد حضر المباراة علمًا بأنه من السنة الثالثة.

رابعة	ثالثة	ثانية	أولى	
				الحضور
				الغياب
254	224	90	48	
8	36	141	182	

٤٨.٦% **A** تقريرياً

٧٧.٦% **B** تقريرياً

C ٨٦.٢% تقريرياً

D ٩١.٦% تقريرياً

(10) اختيار من متعدد: يقارن عادل وإبراهيم وسعود مجتمعة

أمثال شعبية جمعوها. وتم تمثيل ذلك وفق الجدول المجاور.

إذا اختير مثل مما جمعوه عشوائياً، فأوجد احتمال أن يكون المثل الاجتماعي، علمًا بأنه ليس مما جمعه عادل.

عادل	سعود	فكاхи	اجتماعي	خليط
521	244	119	316	44
119	244	145	302	302
سعود	عادل	فكاхи	اجتماعي	خليط

A 35.9% تقريرياً

B 24.8% تقريرياً

C 17.2% تقريرياً

D 15% تقريرياً



إذا أُلقيت أربع قطع نقد متمايزة مرتًّا واحدة، فأجب عَمَّا يأتِي :

(11) ما احتمال ظهور شعريين، علمًا بوجود كتابة على قطعة واحدة على الأقل؟ $\frac{2}{5}$

(12) ما احتمال ظهور 3 كتابات علمًا بوجود شعار واحد على الأقل؟ $\frac{4}{15}$

almanahj.com/sa

(13) ما احتمال عدم ظهور أي شعار علمًا بأنه توجد كتابة واحدة على الأقل؟ $\frac{1}{15}$

(14) ما احتمال عدم ظهور أي كتابة علمًا بأنه يوجد 3 شعارات على الأقل؟ $\frac{1}{5}$

(15) بطاقات: يحتوي صندوق على 52 بطاقة مقسّمة إلى أربع مجموعات لكل منها لون من الألوان الآتية: الأحمر، والأسود، والأخضر، والأزرق، ورُقِّمت بطاقات كل لون من 1 إلى 13. إذا سُحبَت بطاقة واحدة عشوائياً، فما احتمال أن تحمل البطاقة الرقم 9 علماً بأنها حمراء اللون؟

almanah¹
₁₃.com/sa

(16) يبين الجدول أدناه أعداد الألعاب الإلكترونية الموجودة لدى شخص. إذا اختيرت لعبة عشوائياً فما هي احتمالات الآتيين:

العدد	اللعبة
5	كرة قدم
2	كرة سلة
6	مصارعة
4	سباق سيارات
3	أخرى

(a) أن تكون من ألعاب المصارعة علمًا بأنها ليست من ألعاب كرة القدم.

almanahj.²₅com/sa

(b) أن تكون من ألعاب سباق السيارات علمًا بأنها ليست من ألعاب كرة السلة ولن تكون من ألعاب المصارعة.

$\frac{1}{3}$

حدد ما إذا كانت كل دراسة مسحية فيما يأتي تتبنى عينة متحيزه أو غير متحيزه، وفسّر إجابتك. (الدرس 7-1)

- ١) يتم اختيار كل ثانٍي شخص يخرج من مجتمع تجاري يبيع بالجملة؛ لمعرفة عدد الأطفال في الأسر في تلك المدينة.

منحازة ؛ لأن الذين تم انتقاءهم يكونون لديهم أكثر أطفالاً أكثر من غيرهم في العادة .

- ٢) يتم اختيار كل عاشر موظف يخرج من شركة؛ لمعرفة رأي الموظفين في عملهم.

غير متحيزة ؛ كل شخص في الشركة له الفرصة نفسها لأن يكون في العينة .



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق



3) سؤال كل خامس طالب يدخل المدرسة عن مواصفات المعلم المثالي.

غير متحيز ؛ طلاب المدرسة جميعهم يشكلون مجتمعا عاما ، وكل طالب له الفرصة نفسها أن يكون في العينة .

4) اختيار من متعدد: حدد أيّاً من العبارات الآتية توضح السبيبة:

- A إذا تدرّبت كل يوم، فستصبح لاعباً محترفاً في كرة السلة.
- B إذا قرأت كتابك المقرر، فستنجح في الاختبار.
- C إذا تقدّمت لعشر وظائف مختلفة، فستتلقى عرضاً من واحدة على الأقل.
- D إذا وقفت بالخارج تحت المطر من دون مظلة، فستبتل.



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق



حدد ما إذا كانت كل من الحالتين الآتتين تمثل دراسة تجريبية أو دراسة قائمة على الملاحظة. وإذا كانت دراسة تجريبية، فحدد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة. (الدرس 7-1)

- (5) اختر 250 طالبًا في المرحلة المتوسطة نصفهم من المدارس الأهلية، وقارن بين عاداتهم الدراسية.

دراسة بالملاحظة . almanahj.com.sa

- (6) خُصّص لنصف الموظفين الذين اختيروا بطريقة عشوائية ساعة لتناول الغداء، وقارن اتجاهاتهم نحو العمل مع بقية زملائهم.

دراسة تجريبية ؛ المجموعة التجريبية هي النصف الذي حصل على ساعة لتناول الغداء . والدراسة منحازة ؛ لأن كل فرد يعرف إلى أي مجموعة تنتهي .



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق





المنهاج

7) أي مقاييس الترعة المركزية تصف بصورة أفضل البيانات الآتية؟ ولماذا؟ (الدرس 7-2)

المتوسط ، لا يوجد قيم متطرفة في البيانات .

عدد سنوات الخبرة						
2	1	4	2	3	2	2
1	2	4	3	1	3	2
4	1	3	2	3	2	3
0	1	1	1	4	3	2
3	2	2	2	1	2	1

8) يحاول باحث أن يحدد أثر إضاءة نوع جديد من المصايبع الكهربائية على أزهار للزينة المنزلية، حيث قام بتعريض مجموعة من الأزهار لإضاءة المصايبع الجديدة، ومجموعة أخرى لإضاءة المصايبع العادية. ويبين الجدول أدناه أعداد الأزهار التي عاشت أو ماتت في المجموعتين.

إضاءة عادية	إضاءة جديدة	
عاشت		
ماتت		

إذا اختيارت زهرة منها عشوائياً، فما احتمال:

(a) أن تكون من الأزهار التي تعرضت لإضاءة المصايبع الجديدة علمًا بأنها عاشت؟

$$\frac{24}{41}$$



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق

(b) أن تكون من الأزهار التي عاشت علمًا بأنها تعرضت لإضاءة

$$\frac{17}{30}$$

المصابيح العادمة؟

إذا أُلقي مكعب مرقم من 1 إلى 6 مرة واحدة، فما احتمال كل مما يأتي:

(9) ظهور عدد فردي علمًا بأن العدد الظاهر أكبر من 3.

(10) ظهور العدد 4 علمًا بأن العدد الظاهر يكمل زوجياً.

(11) اختيار من متعدد: في القرص ذي المؤشر الدوار المقسم إلى (16) قطاعاً متطابقاً، ومرقمة بالأعداد 16—1، ما احتمال استقرار المؤشر على عدد فردي، إذا علم أنه استقر على عدد أكبر من 3؟ (الدرس 3-7)

$$\frac{8}{13}$$

C

$$\frac{6}{13}$$

D

$$\frac{13}{16}$$

A

$$\frac{8}{16}$$

B



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق

الاحتمال والتوزيعات الاحتمالية

هو نسبة تقدير وقوع حادثة معينة

الاحتمال

هو وقوع شيء مرغوب فيه

النجاح

هو عدم وقوع شيء مرغوب فيه

الفشل

هي مجموعة النواتج الممكنة

فضاء العينة

مفهوم أساسى احتمال النجاح والفشل

إذا كان عدد مرات النجاح لوقوع حادثة من المرات ، وعدد مرات الفشل في s وقوع الحادثة نفسها من المرات ، فإن احتمال النجاح يكتب على النحو $(s)P$ ، كما يكتب احتمال الفشل

على النحو $(f)p$.



مَدْرَسَةٌ تَعْلِيمِيَّةٌ

تدريب وحل المسائل

(1) صندوق فيه 10 كرات، منها 6 حمراء، إذا سُحبَت منه كرتان معاً عشوائياً، فما احتمال أن تكون الكرتان حمراوين؟ (مثال 1)

(2) فن: اختار مسؤول متحف للفنون 4 لوحات بشكل عشوائي من بين 20 لوحة؛ لعرضها في أحد المعارض. ما احتمال أن تكون 3 منها لفنان واحد يختار بـ 8 لوحات في المتحف؟ (مثال 1)
13.9% تقريباً.

(3) دخل 8 لاعبين A,B,C,D,E,F,G,H في مباراة، إذا اختيرت أسماء اللاعبين عشوائياً، فما احتمال أن يكون أول 4 لاعبين مختارين هم A,C,E,G على الترتيب؟ (مثال 2)

$\frac{1}{1680}$ أو 0.06% تقريباً.



(4) **مختبر:** دخلت طالبات صف وعدهن 26 إلى مختبر المدرسة. إذا اختارت المعلمة أسماء الطالبات عشوائياً لتشكل مجموعات للعمل، فما احتمال أن تكون أول ثلاثة طالبات ذُكرت أسماؤهن جميلة، وأمنة، وخدية على الترتيب؟ (مثال 2)

$$\frac{1}{15600}$$

almanahj.com.sa

٥) أُلقي مكعبان مرقمان من ١ إلى ٦، وسجل العدد الأكبر بين العددين الظاهرين على الوجهين العلويين إذا اختلفا، وأحددهما إذا تساويا. (مثال ٣)

(أ) مثل بالأعمدة هذا التوزيع الاحتمالي.



almanahj.com/sa

$1, \frac{1}{36}$

(b) ما الناتج الأقل إمكانية للوقوع؟ وما احتماله؟

almanahj.com.sa

$\frac{1}{9}$

الاحتمال	المصدر
0.35	التلفاز
0.31	المذيع
0.02	الأصدقاء
0.11	الصحف
0.19	الإنترنت
0.02	مصادر أخرى

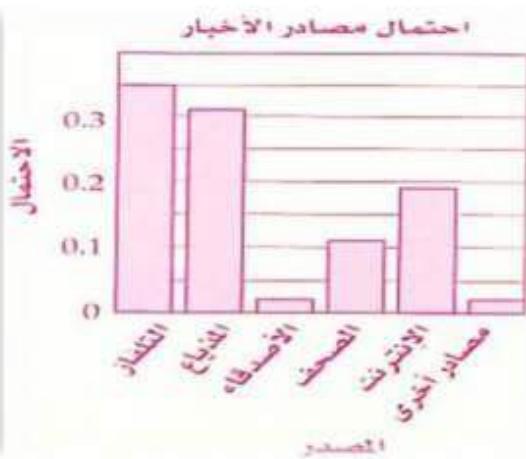
(٦) أخبار: أجرى موقع إلكتروني مسحًا للمصادر التي يحصل منها الناس على الأخبار بشكل رئيس. والجدول المجاور يبيّن نتائج هذا المسح. (مثال ٣)

(a) بيّن أن هذه البيانات تمثل توزيعًا احتماليًا.

احتمال كل قيمة من قيم المتغير العشوائي يقع بين 0,1 ومجموعها يساوي 1 : $1 = 0.35 + 0.31 + 0.02 + 0.11 + 0.19 + 0.02$

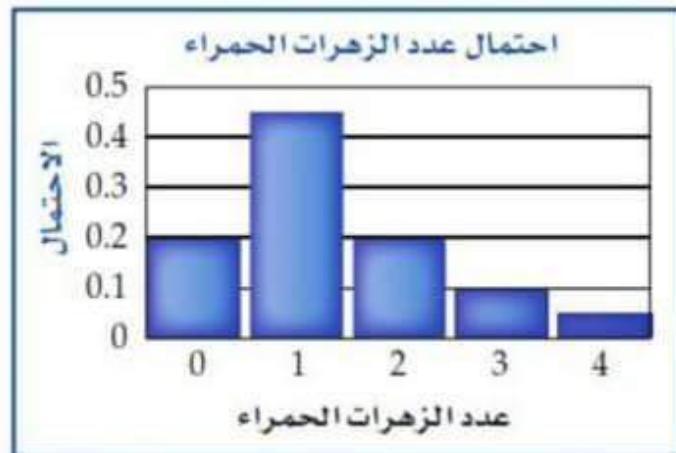
(b) إذا اختير أحد الذين شملهم هذا المسح عشوائياً، فما احتمال أن يكون مصدر أخباره الرئيس الصحف أو الإنترت؟ **0.30% أو 0.3%**

(c) مثل البيانات بالأعمدة.



(8) جوائز: باع أحد النوادي 500 تذكرة دخول لحضور إحدى مبارياته ثمن الواحدة 10 ريالات ، وأجري سحب عشوائي على أرقام التذاكر خُصصت فيه ثلاثة جوائز للأرقام الرابحة، بحيث تربح تذكرة واحدة الجائزة الأولى وقيمتها 1000 ريال، وتربح تذكرةان الجائزة الثانية وقيمتها 100 ريال، وتربح 5 تذاكر الجائزة الثالثة وقيمتها 50 ريالا. إذا اشتري شخص تذكرة، فما القيمة المتوقعة للربح في هذا الموقف؟ (مثال 4) **2.9**

(9) أزهار: يوضح التمثيل البياني أدناه التوزيع الاحتمالي لعدد الأزهار الحمراء عند زراعة 4 بذور.



(a) أوجد $P(0)$. $\frac{1}{5}$ أو **20%**

(b) ما احتمال أن تكون زهرتان على الأقل حمراوين؟

35 %

١٠) تبرّعات: قام طلاب الصف الثالث المتوسط في مدرسة بجمع بعض الأطعمة في طرود للتبرّع بها للأسر الفقيرة. ولقد أحصى الطلاب أنواع المواد المقدمة كما في الجدول أدناه.

التبرّع بالأطعمة	
عدد الطرود	النوع
36	وجبات طعام
22	أرز
12	سكر
45	قمح

(a) أوجد احتمال أن يحتوي طرد اختيار عشوائياً على القمح.

almanahj.com/sa

$\frac{9}{23}$ أو 39.1% تقريراً

(b) أوجد احتمال أن يحتوي طرد اختيار عشوائياً على وجبة طعام أو أرز.

$\frac{58}{115}$ أو 50.4% تقريراً



مكتبة مدرسية تعليمية

(11) جوائز: تنافس 50 متسابقاً منهم جاسم وجلال وعلي في سحب عشوائي على أربع جوائز. ما احتمال أن يربح اثنان من الأسماء الثلاثة؟

$\frac{69}{4900}$ أو 1.4% تقريباً

almanahj.com.sa

(12) ألعاب رياضية: اختار معلم التربية الرياضية 5 طلاب عشوائياً من بين الطلاب البالغ عددهم 124 طالباً ليساعدوه على تطبيق بعض الألعاب. ما احتمال أن يختار واحداً على الأقل من بين عشرة أقارب له يجلسون مع الطلاب؟

34.8 % تقريباً

نتائج اختبار الرياضيات	
الاحتمال	التقدير
0.29	A
0.43	B
0.17	C
0.11	D
0	E

(13) درجات: أُجري اختبار في الرياضيات لطلاب الصف الثالث الثانوي، والجدول أدناه يُبيّن نتائج هذا الاختبار.

(a) بيّن أن هذه البيانات تمثّل توزيعاً احتمالياً.

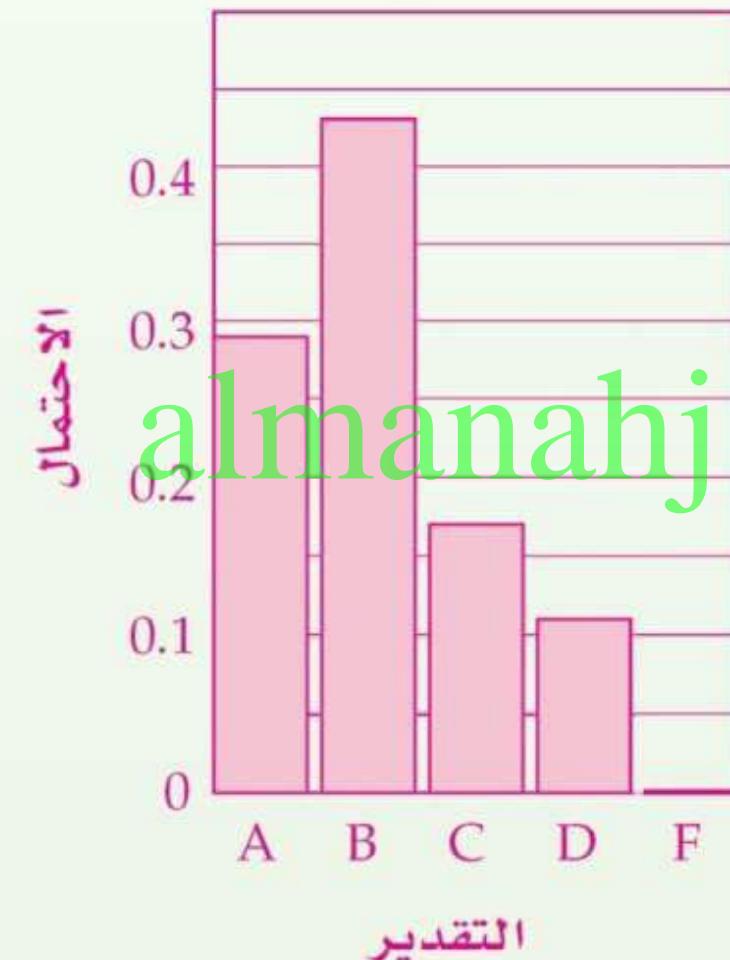
ا) احتمال كل قيمة من قيم المتغير العشوائي أكبر من أو يساوي 0 وأصغر من أو يساوي 1 ومجموعها يساوي 1

؛

$$0.29 + 0.43 + 0.17 + 0.11 + 0 = 1$$

(b) إذا اختير طالب عشوائياً، فما احتمال ألا يقل تقديره عن B؟

احتمال نتائج اختبار الرياضيات



٤) مثل البيانات بالأعمدة.

almanahj.com.sa

(14) كرات زجاجية: لدى زيد 35 كرة زجاجية؛ 8 منها سوداء، و 12 حمراء، و 9 خضراء، والبقية بيضاء. فإذا سحب كرتين معاً عشوائياً.

(a) مثل بالأعمدة هذا التوزيع الاحتمالي؟

almanahj.com.sa



مدرسية حلوبة

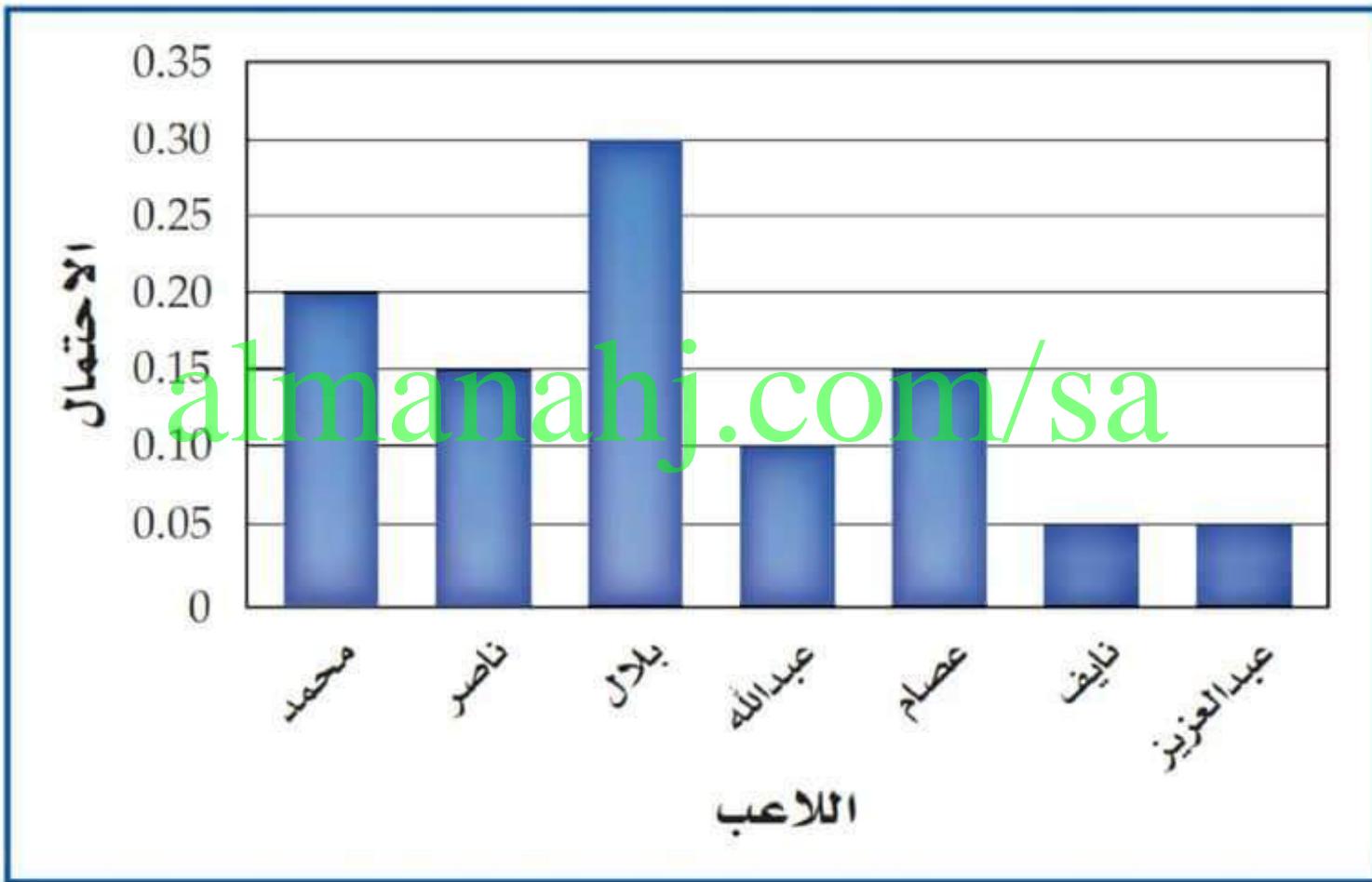
كرتان من اللون الأبيض

b) ما الناتج ذو الإمكانيه الأقل للوقوع؟

c) أوجد (إدراهما سوداء والأخرى خضراء) P . 12% تقربياً

almanahj.com.sa

١٥) مسابقات: يُبيّن التمثيل بالأعمدة احتمال أن يربح كل طالب جائزة.



(a) بَيِّن أَنَّ هَذِهِ الْبِيَاتِ تُمْثِلُ تَوزِيعًا احْتِمَالِيًّا؟

احتمال كل قيمة من قيم المتغير
العشوائي أكبر من أو يساوي 0 وأصغر
من أو يساوي 1 ومجموعها يساوي 1

almanahj.com.sa

$$0.05 + 0.05 + 0.15 + 0.10 +$$

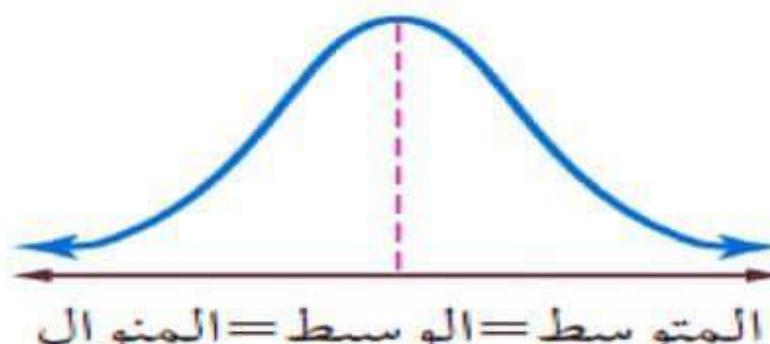
$$0.30 + 0.15 + 0.20 = 1$$

(b) أَوْجَدْ (رَبْحُ مُحَمَّدٍ أَوْ بَلَالَ) P .

التوزيع الطبيعي

خصائص التوزيع الطبيعي

- التمثيل البياني له منحنى يشبه الجرس ، ومتماضٍ بالنسبة للوسط
- يتساوى الوسط والوسيل والمتوسط والمنوال وتقع في المركز . almannahj.com.sa
- المنحنى متصل .
- يقترب المنحنى من المحور x ، ولكنه لا يمسه .



١) درجات: يوضح الجدول أدناه نتائج أحد الاختبارات (النهاية العظمى للاختبار 40). حدد ما إذا كانت البيانات تظهر التواءً موجباً، أو التواءً سالباً، أو موزعة توزيعاً طبيعياً.

عدد الطالب	نوات الدرجات
12	13-15
27	16-18
29	19-21
19	22-24
8	25-27
1	28-31
1	32-35

التواء موجب

٢) حدد ما إذا كانت البيانات في الجدول أدناه تُظهر التواءً موجباً، أو التواءً سالباً، أو موزعة توزيعاً طبيعياً:

التواء موجب

عدد زوار المتنزهات	عدد زوار بالآلاف
عدد المتنزهات	عدد زوار المتنزهات
10	3-4
2	5-6
2	7-8
1	9-10
1	11-12
	13 فأكثر

(3) تتوَزَّع مجموَّعة بيانات توزيعاً طبيعياً بمتَوَسطٍ حسابيٍّ 161، وانحراف معياريٍّ 12، أُوجِدَ أن يتم اختيار قيمة X عشوائياً من هذا التوزيع، بحيث تكون أقل من 149، أي أُوجِد $P(X < 149)$.

16 %

(مثال 2)

إذا توزَّعت البيانات في الأسئلة 7 - 4 توزيعاً طبيعياً، وكان المتَوَسط الحسابي والانحراف المعياري لكل منها كما هو موضَح، فأُوجِد الاحتمال المطلوب.

almanahj.com/sa

2.5 %

$$\mu = 74, \sigma = 6, P(X > 86) \quad (4)$$

0.16 %

$$\mu = 13, \sigma = 0.4, P(X < 12.6) \quad (5)$$

81.5 %

$$\mu = 63, \sigma = 4, P(59 < X < 71) \quad (6)$$

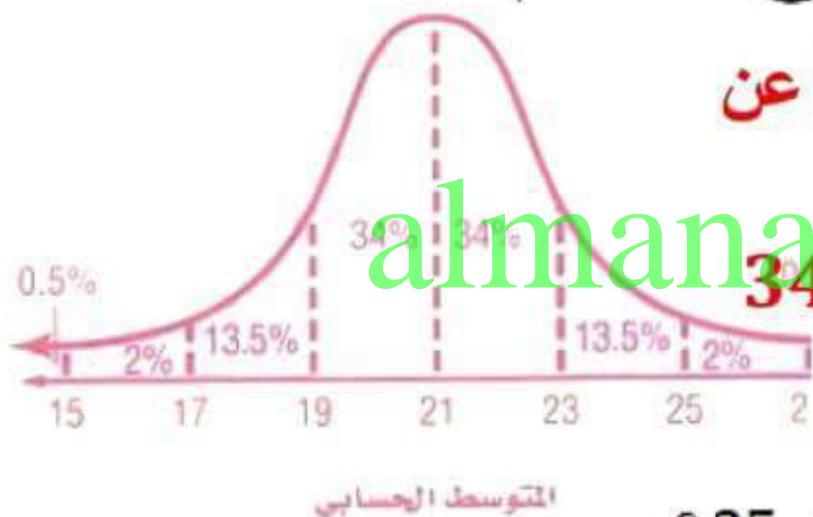
97 %

$$\mu = 91, \sigma = 6, P(73 < X < 103) \quad (7)$$

(8) مدارس: أعطى عمران اختباراً قصيراً للطلبة البالغ عددهم (50) طالباً، وكانت الدرجات موزعة طبيعياً بمتوسط حسابي 21، وانحراف معياري 2. (مثال 3)

(a) ما العدد التقريري للطلاب الذين تقع درجاتهم بين 19, 23 ؟

بعد كل من 19,23 انحرافاً معيارياً واحداً عن المتوسط الحسابي؛ لذلك من البيانات تقع $34\% + 34\% = 68\%$ بين الدرجتين 19,23 .



(b) ما احتمال أن تقع درجة أحد الطلاب بين 17 و 25 ؟

بعد كل من 17,25 عن المتوسط انحرافين معياريين؛ لذلك $13.5\% + 34\% + 34\% + 13.5 = 95\%$ من البيانات تقع بين الدرجتين 17,25 .

(٩) بطاريات السيارة: إذا حُدّد عمر بطارية السيارة بالمسافة التي تقطعها باستعمال هذه البطارية، وعلمت أن عمر أحد أنواع بطاريات السيارات يتوزّع توزيًعاً طبيعياً بمتوسط حسابي 100000 km ، وانحراف معياري 10000 km . وتنتج إحدى الشركات 20000 بطارية في الشهر، فأجب عما يأتي:

(a) ما العدد التقريري للبطاريات التي يتراوح عمرها بين $90000 \text{ km} - 110000 \text{ km}$ ؟

13600

(b) ما العدد التقريري للبطاريات التي يزيد عمرها على 120000 km ؟

500

(c) ما العدد التقريري للبطاريات التي يقل عمرها عن 90000 km ؟

3200

(d) ما احتمال أن تشتري بطارية عشوائياً، ويتراوح عمرها بين $80000 \text{ km} - 110000 \text{ km}$ ؟

81.5%



(12) طول: توزع أطوال 880 طالباً في إحدى الجامعات توزيعاً طبيعياً بمتوسط حسابي مقداره 67 in، وانحراف معياري مقداره 2.5 in

(a) كم طالباً تقريباً يزيد طوله على 72 in؟ **22 طالباً تقريباً**

(b) ما احتمال أن تقع أطوال الطلاب بين 59.5 in و 69.5 in؟ **83.5% تقريباً**

(13) صناعة: تستعمل آلة لتعبئة عبوات بالمياه المعدنية، وتختلف كمية الماء اختلافاً ضئيلاً بين العبوات. إذا كان حجم الماء في 120 عبوة يتبع توزيعاً طبيعياً بمتوسط حسابي 1.1 L، وانحراف معياري 0.02 L، فأجب بما يأتي:

(a) كم عبوة تقريباً يكون حجم الماء فيها أقل من 1.06 L؟ **3 عبوات**

(b) ما احتمال أن يكون حجم الماء في العبوات بين 1.08 L و 1.14 L؟ **81.5%**

التوزيعات ذات الحدين

تجربة ذات الحدين

هي تجربة احتمالية تحقق الشروط الآتية :

▶ يعاد إجراء التجربة لعدد محدد من المحاولات المستقلة (المرات)

almanahj.com.sa

▶ لكل محاولة نتائج متوقعةان : نجاح s ، أو فشل F .

▶ احتمال النجاح $(s) p$ ، أو p نفسه في كل محاولة .

واحتمال الفشل $(f) p$ أو q ويساوي $1-p$.

▶ يمثل المتغير العشوائي x عدد مرات النجاح في n من المحاولات .

حدّد ما إذا كانت كل تجربة مما يأتي ذات حددين، أو يمكن جعلها ذات حددين. وإن كانت كذلك، فاكتب قيم q, p, n ، ثم اكتب كل قيم المتغير العشوائي الممكنته. وإذا لم تكن تجربة ذات حددين، فيبيّن السبب. (مثال ١)

(١) تم ترقيم أوجه مكعب بالأرقام من ١ إلى ٦، ثم أُلقي المكعب ١٠ مرات، والمتغير العشوائي X يدل على عدد مرات ظهور الرقم ٥.

تجربة ذات حددين : $p = \frac{1}{6}$ ، $n = 10$ ، $q = \frac{5}{6}$ لكل رمية ،
قم المتغير العشوائي 10 - 0 .

(٢) أُلقيت قطعة نقد ٢٠ مرة، والمتغير العشوائي X يدل على عدد مرات ظهور الكتابة.

تجربة ذات حددين : $p = \frac{1}{2}$ ، $n = 20$ ، $q = \frac{1}{2}$ ،
قم المتغير العشوائي 20 - 0 .

(3) سألت 15 شخصاً عن أعمارهم، والمتغير العشوائي X يدل على أعمار هؤلاء الأشخاص.

ليست تجربة ذات حدين ؛ إجابة ممكنة ؛ لأنه يوجد أكثر من نتائجين متوقعتين ؛ لأن العمر قد يكون أي عدد ضمن المعقول .

(4) صندوق به 52 كرة، منها 13 كرة حمراء، و13 كرة زرقاء، و13 كرة بيضاء، و13 كرة صفراء. سحبت 10 كرات على التوالي دون إرجاع. والمتغير العشوائي X يدل على عدد الكرات البيضاء المسحوبة.

ليست تجربة ذات حدين ؛ إجابة ممكنة ؛ بما أنك تسحب كرات دون إرجاع ، فإن الاحتمالات تختلف في كل سحب لنقص عدد الكرات .

كون التوزيع ذا الحدين لكل متغير عشوائي مما يأتي، ومثله بالأعمدة، ثم أوجد المتوسط، وفسر معناه في سياق الموقف، ثم أوجد التباين، والانحراف المعياري. (المثالان 2, 3)

(5) إذا كان 89 % من طلاب المرحلة الثانوية في إحدى المدارس يتبعون مباريات منتخبهم الوطني، وتم اختيار 5 طلاب عشوائياً من هذه المدرسة، وسؤالهم عما إذا كانوا يتبعون مباريات منتخبهم الوطني.



طلب من طلاب المرحلة 5 من بين : ، إجابة ممكنة $\mu \approx 4.45$
الثانوية 4 منهم تقريباً يتبعون مباريات منتخبهم الوطني ،

$$\sigma^2 \approx 0.49, \sigma \approx 0.07$$

٦ بيّنت دراسة أن 26 % من موظفي إحدى الشركات يستعملون الإنترنط في عملهم. إذا تم اختيار 10 موظفين من هذه الشركة عشوائياً، وسؤالهم عما إذا كانوا يستعملون الإنترنط في عملهم.

X	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
P(X)	0.05	0.17	0.27	0.26	0.16	0.07	0.02	0.00	0.00	0.00	0.00



≈ 2.60 ؛ إجابة ممكنة: من بين 10 موظفين 3 منهم تقريباً يستعملون الإنترنط في العمل $\sigma^2 \approx 1.92$ ، $\sigma \approx 1.39$

7) أفادت دراسة إحصائية أن 65 % من طلاب الجامعات الذين يمتلكون سيارات يستعملون أحزمة الأمان في أثناء قيادة سياراتهم. إذا تم اختيار 8 طلاب عشوائياً ممن يمتلكون سيارات، وسؤالهم إن كانوا يستعملون أحزمة أمان في أثناء قيادة سياراتهم.

X	0	1	2	3	4	5	6	7	8
P(X)	0.00	0.003	0.02	0.08	0.19	0.28	0.26	0.14	0.03



طلب من طلاب الجامعة الذين يملكون 8 من بين : ، إجابة ممكنة $\mu \approx 5.20$ سيارات خاصة 5 منهم تقريباً يستعملون حزام الأمان أثناء قيادة سياراتهم

$$\sigma \approx 1.35, \sigma^2 \approx 1.82,$$



م

رسة تعليمية

(8) **أعمال صيفية:** تبيّن في دراسة سابقة أن 90% من طلاب الصفوف العليا في مدرسة ثانوية يحصلون على أعمال صيفية، لكن منذراً قدر أن النسبة أقل من ذلك؛ لذا قام بدراسة مسحية شملت 400 طالب من الصفوف العليا تم اختيارهم عشوائياً. ما احتمال ألا يكون أكثر من 348 من الطلاب المستهدفين حصلوا على عمل صيفي؟ (مثال 4)

2.5 % تقريباً

(9) **رخصة قيادة:** اعتماداً على إحدى الدراسات المسحية السابقة، إذا علمت أن 85% من طلاب إحدى الجامعات لديهم رخص قيادة سيارة، فما احتمال أن يكون 6 طلاب على الأقل من بين 10 تم اختيارهم عشوائياً لديهم رخص قيادة سيارة؟

99 % أو 0.99013



١٠) **كرة قدم:** كسب فريق لكرة القدم 75.7% من مبارياته. أوجد احتمال أن يكسب 7 مباريات على الأقل من بين مبارياته العشر القادمة.

79.2% أو 0.792

١١) **رياضيون:** وفق بعض الدراسات الحديثة، إذا علمت أن 80% من طلاب المدارس الثانوية يمارسون رياضة واحدة على الأقل في مدرستهم، إذا اختيار 6 طلاب عشوائياً، وكان المتغير العشوائي X يدل على عدد الذين يمارسون رياضة على الأقل.

(أ) فأوجد الاحتمالات المرتبطة بعدد الطلاب الذي يمارسون رياضة واحدة على الأقل.

الاحتمال	عدد الطلاب
00.0064%	0
00.15%	1
01.5%	2
08.2%	3
24.6%	4
39.3%	5
26.2%	6

(ب) ما احتمال لا يزيد عدد الذين يمارسون الرياضة عن طالبين؟

1.7 % تقربا



(12) **غسيل سيارات:** يقوم بعض الأشخاص بغسيل السيارات لزبائن ملئية بعض المجموعات التجارية مقابل أجر معين. وقد أفادت دراسة مسحية أن 65% من الزبائن يدفعون أكثر من الحد الأدنى للأجرة غسيل سياراتهم. ما احتمال أن يدفع أربعة على الأقل من خمسة زبائن مبلغاً أكثر من الحد الأدنى للأجر.

almanahj.com.sa
42.8 %

13) حواجز دعائية: تضع شركة للعصائر حواجز بحيث إن 30% من علب العصير تربح علبة مجانية، وقد اشتريت سعاد 10 علب. مثل بالأعمدة البيانية التوزيع الاحتمالي للتوزيع ذي الحدين إذا كان المتغير العشوائي يدل على عدد علب العصير الرابحة.





(14) **برامـج دينـية :** بناءً على دراسة مسحـية سابـقة، إذا عـلمـتـ أن 70% من الأشـخاص تـحتـ سنـ العـشـرـين يـتـابـعونـ بـرـنـامـجـا دـينـيـا علىـ الأـقـلـ فيـ التـلـفـازـ. إذا استـطـلـعـ خـلـيلـ رـأـيـ 200ـ شـخـصـ تـحتـ سنـ 20ـ سـنـةـ، فـماـ اـحـتمـالـ أـنـ 146ـ شـخـصـاـ مـنـهـمـ عـلـىـ الأـقـلـ يـتـابـعونـ بـرـنـامـجـا دـينـيـا علىـ الأـقـلـ؟

16 %
almanahj.com.sa

إذا عـلمـتـ أـنـ نـسـبـةـ النـجـاحـ فـيـ تـوزـيعـ ذـيـ حـدـيـلـ 60%ـ وـيـوـجـدـ 18ـ مـحاـولـةـ، فـأـجـبـ.

(15) ما اـحـتمـالـ أـلـاـ تـوـجـدـ أـيـ مـحاـولـةـ نـاجـحةـ؟ 0.0000069% تـقـرـيـباـ

(16) ما اـحـتمـالـ أـنـ تـوـجـدـ 12ـ مـحاـولـةـ فـاشـلـةـ؟ 0.0145 أو 1.45% تـقـرـيـباـ

حدّد ما إذا كانت العبارات الآتية تصف ارتباطاً أو سببية، ثم فسر إجابتك:

- (1) عندما يرى محمود البرق، فإنه يسمع الرعد بعد ذلك.

سببية : لأن الرعد لابد أن يلي البرق .

- (2) عندما يركض نايف عند مدخل المدرسة، فإنه يكون متأخراً عن المدرسة.

ارتباط : مع وجود علاقة بين الحدين، إلا أن نايف قد يركض لسبب آخر .

حدّد ما إذا كانت كل دراسة مسحية فيما يأتي تتبنى عينة متحيزة أو غير متحيزة، ثم فسر إجابتك:

- (3) استطاع صاحب مخزن بيع من خلال الشبكة العنكبوتية زبائنه عن أهمية وجود الإنترن特 في المنزل.

منحازة ؛ لأن الناس تتم استطلاع آرائهم ربما يكون لديهم إمكانية أكثر من غيرهم للاتفاق الشهري .



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق

4) يختار معلم 5 أسماء لطلاب يدرسهم؛ لإلقاء الكلمة الصباح بعد أن يقوم بوضع الأسماء جميعها في سلة ويخلطها.

غير منحازة ؛ كل فرد في المجتمع الكلي له الفرصة نفسها ليكون في العينة.

أي مقاييس النزعة المركزية يصف كلاً من البيانات الآتية بصورة أفضل؟ ولماذا؟

الطول بالبوصة				
64	61	62	64	61
83	66	61	65	63
61	65	62	63	84
61	63	66	62	61

(6)

درجات اختبار				
3	3	3	4	4
4	4	5	5	4
4	3	3	3	3
4	4	3	3	3
3	4	3	5	4

(5)

الوسيط ؛ لأن البيانات تتضمن قيمة المتوسط ؛ لأن البيانات لا تتضمن متطرفة ، ولا يوجد فجوات كثيرة في المنتصف .



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق



فيما يأتي المتوسط والانحراف المعياري لمجموعة من البيانات تتواءٌ توزيعاً طبيعياً، أوجد الاحتمال المطلوب في كل منها:

97.5 % $\mu = 54, \sigma = 5, P(X > 44)$ (7)

84 % $\mu = 35, \sigma = 2.4, P(X < 37.4)$ (8)

يحتوي كيس على 10 كرات زجاجية زرقاء، و8 كرات حمراء، و12 خضراء، وجمعها متماثلة، سحبت كرتان واحدة تلو الأخرى، أوجد الاحتمال لكل من:

9) الكرة الثانية حمراء، علمًا بأن الكرة الأولى زرقاء دون إرجاع.
 $\frac{8}{29}$

10) الكرة الثانية زرقاء، علمًا بأن الكرة الأولى خضراء مع الإرجاع.
 $\frac{1}{3}$



١١) اختبارات:

أعطى المعلم أيمن طلابه الفرصة لإعادة أحد الاختبارات، كما عقد درس مراجعة اختياري يوم الخميس قبل إعادة الاختبار لمن يرغب. بعض الطلاب تحسّن أداؤهم، والبعض الآخر لم يتحسن، والجدول أدناه يبيّن ذلك. إذا اختير طالب عشوائياً، فما وجد:

لم يتحسن	تحسن	
حضر المراجعة		
لم يحضر المراجعة		
3	12	حضر المراجعة
6	4	لم يحضر المراجعة

(a) احتمال أن يكون قد تحسّن علمًا بأنه حضر المراجعة.

$$80\% \text{ أو } \frac{12}{15}$$

(b) احتمال أنه لم يحضر المراجعة علمًا بأنه لم يتحسن.

$$\frac{6}{9} \approx 67\%$$



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق



١٢

(12) اختيار من متعدد: شارك 10 طلاب من الصف الأول الثانوي، و 12 طالبًا من الصف الثاني الثانوي في السحب على 5 جوائز، فإذا كان السحب عشوائياً، فما احتمال أن يكون الرابحون 3 من الصف الأول الثانوي، وطالبيين من الصف الثاني الثانوي؟

A 0.46% تقريرًا

B 0.25% تقريرًا

C 70% تقريرًا

D 30% تقريرًا

almanahj.com/sa

(13) سُحبت كرتان معًا من صندوق يحتوي على 3 كرات زرقاء، وكرتين حمراوين. إذا كان المتغير العشوائي X يدل على عدد ال الكرات الزرقاء المسحوبة، فكُون جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X .

X	0	1	2
$P(X)$	0.1	0.6	0.3



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق



(14) طقس: أخبر الراصد الجوي أن احتمال سقوط المطر في كل يوم من الأيام السبعة القادمة 40%. أوجد احتمال أن يسقط المطر في يومين من هذه الأيام على الأقل.

84.1 %

(15) حديقة: يخطط يعقوب لزراعة 24 شجراً أزهار، إذا علمت أن البذور التي أحضرها لأزهار من اللوبيتين الأبيض والأزرق، وأنها لم تزهر بعد، ولكنه يعلم أن احتمال الحصول على زهرة زرقاء 75%， فما احتمال حصوله على 20 زهرة زرقاء على الأقل؟

24.7 % أو **0.24665**



التالي

الصفحة الرئيسية

السابق