

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية



\*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الأول المتوسط اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/7>

\* للحصول على جميع أوراق الصف الأول المتوسط في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/7math>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الأول المتوسط في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الأول اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/7math1>

\* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الأول المتوسط اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/grade7>

<https://www.almanahj.com/sa/grade7>

للحصول على جميع روابط الصفوف على تلغرام وفيسبوك من قنوات وصفحات: اضغط هنا

## مراجعة قبلية لأول متوسط (أساسيات)

### العمليات الحسابية

#### خصائص الجمع في

- ١- خاصية الإبدال.
- ٢- خاصية التجميع.
- ٣- خاصية العنصر المحايد.

(١) الجمع:

$$٥٨٣ = ١٩٧ + ٣٨٦ \quad , \quad ٨٦ = ١١ + ٣٠ + ٤٥$$

$$٦,١ = ١,٥ + ٤,٦ \quad , \quad ٦,٨ = ٠,٤ + ٥,٦ + ٠,٨$$

(٢) الطرح:

$$٧,٢ = ٢,٦ - ٩,٨ \quad , \quad ٦٥ = ٢٩٧ - ٢٦٢$$

#### خصائص الضرب: في

- ١- خاصية الإبدال
- ٢- خاصية التجميع
- ٣- خاصية العنصر المحايد

(٣) الضرب:  $١٨٢ = ٤٢ + ١٤٠ = (٦+٢٠) \times ٧$

$$٧٨ = ١٣ \times ٦$$

$$٥٠٠ \quad \leftarrow \quad ٥٠٨$$

$$٣٠ \times \quad \leftarrow \quad ٢٧ \times$$

$$\underline{١٥٠٠}$$

٤- القسمة:

ناتج القسمة

المقسوم  المقسوم عليه.

$$٩ = ٥ \div ٤٥$$

$$٤٢٨$$

$$\begin{array}{r} ٢ \overline{) ٨٥٦} \\ \underline{٨} - \\ ٥ \end{array}$$

$$\underline{٤} -$$

$$٥$$

$$\underline{٤} -$$

$$١٦$$

$$\underline{١٦} -$$

٠ الباقي  $٢ > ٠$



## ترتيب العمليات

مفهوم أساسي

ترتيب العمليات

١. بسّط العبارات الموجودة داخل الأقواس.
٢. أوجد قيم القوى.
٣. اضرب واقسم بالترتيب، مبتدئاً من اليمين إلى اليسار.
٤. اجمع واطرح بالترتيب، مبتدئاً من اليمين إلى اليسار.

أوجد قيمة كل من العبارتين الآتيتين:

$$20 \div 4 + 17 \times (9 - 6)$$

$$20 \div 4 + 17 \times 3 = (9 - 6) \times 17 + 4 \div 20$$

$$5 + 51 = 3 \times 17 + 5$$

$$56 = 51 + 5$$

$$56 = 56$$

$$4 + 26 \times 3$$

$$4 + 36 \times 3 = 4 + 26 \times 3$$

$$4 + 108 = 4 + 108$$

$$112 = 112$$

## الجبر: المتغيرات والعبارات

الجبر: هو لغة الرموز التي تتضمن متغيرات.

المتغير: هو رمز يعبر عنه عادة بحرف يمثل لعدد المجهول. (٢ + ن)

العبارة الجبرية: هي تجمع من المتغيرات والأعداد تربط بينها عملية واحدة على الأقل (٢ + ن) حساب قيمة عبارة جبرية.

١ احسب قيمة العبارة الجبرية:  $16 + ب$ ، إذا كانت  $ب = 25$

$$16 + ب = 25 + 16$$

$$41 = 25 + 16$$

٢ احسب قيمة العبارة الجبرية:  $س - 64$ ، إذا كانت  $س = 27$

$$س - 64 = 27 - 64$$

$$37 = 27 - 64$$

٣ احسب قيمة العبارة الجبرية:  $٥ن + ٤$ ، إذا كانت  $ن = 3$

$$٥ن + ٤ = ٤ + ٣ \times ٥$$

$$٤ + ١٥ = ٤ + ١٥$$

$$١٩ = ٤ + ١٥$$

## الجبر: الدوال

الدالة: علاقة تحدد مخرجة واحدة فقط للمدخلة الواحدة.

### إكمال جدول الدالة.

إذا كانت المخرجة أكبر من المدخلة بمقدار ٧، فأكمل جدول الدالة لهذه العلاقة.

قاعدة هذه الدالة، هي:  $س + ٧$ ؛ أي أضف ٧ إلى كل مدخلة.

المدخلة (س)	المخرجة (س + ٧)
١٠	١٧
١٢	١٩
١٤	٢١

المدخلة (س)	المخرجة (س + ٧)
١٠	■
١٢	■
١٤	■

## الجبر: المعادلات

المعادلة: جملة تحتوي على إشارة المساواة (=)

حل المعادلة  $٣ = ١٥$  ص ذهنيًا.

$$٣ = ١٥$$

$$٥ \times ٣ = ١٥$$

$$١٥ = ١٥$$

الحل هو: ٥ .

## الإحصاء والتمثيلات البيانية

البيانات هي معلومات تكون عديدة في الغالب

التمثيل بالأعمدة ، التمثيل بالخطوط.

### التمثيل بالنقاط

مكتبة: يعرض تمثيل النقاط الآتي عدد القصص التي يمتلكها ٢٢ طالبًا من طلاب الصف السادس:



ما عدد الطلاب الذين لديهم ٣ قصص؟

ما عدد الطلاب الذين لديهم ١٠ قصص أو أكثر؟

## مقاييس النزعة المركزية - المتوسط الحسابي

**المتوسط الحسابي** مفهوم أساسي

**التعبير اللفظي:** المتوسط الحسابي لمجموعة من البيانات هو مجموع البيانات مقسومًا على عددها.

**مثال:** المتوسط الحسابي لمجموعة البيانات: ٤، ٣، ٥، ١، ٢ هو:

$$\bar{x} = \frac{15}{5} = \frac{2+1+5+3+4}{5}$$

القيم المتطرفة هي التي تكون أعلى كثيرًا أو أقل كثيرًا من بقية البيانات.

## الوسيط، المنوال

**الوسيط** مفهوم أساسي

**التعبير اللفظي:** الوسيط هو العدد الأوسط للبيانات المرتبة من الأصغر إلى الأكبر أو العكس، وذلك عندما يكون عددها فرديًا، أو المتوسط الحسابي للعددين الأوسطين عندما يكون عددها زوجيًا.

**أمثلة:** الوسيط لمجموعة البيانات: ٣، ٤، ٨، ١٠، ١٢ هو: ٨  
الوسيط لمجموعة البيانات: ٢، ٤، ٦، ٨، ١١، ١٢ هو:  $\frac{8+6}{2} = 7$

**المنوال**

**التعبير اللفظي:** المنوال هو القيمة أو القيم الأكثر تكرارًا في البيانات.

**مثال:** يوجد لمجموعة البيانات: ١٢، ٢٣، ٢٨، ٢٨، ٣٢، ٤٦، ٤٦، ٤٦، ٤٦ منوالان هما: ٤٦، ٢٨

### تذكر: ف

مقاييس النزعة المركزية:

- ١- المتوسط الحسابي.
- ٢- المنوال.
- ٣- الوسيط.

المدى لمجموعة من البيانات هو الفرق بين أكبر قيم المجموعة وأصغرها.

## العمليات على الكسور العشرية - تمثيل الكسور العشرية

**الصيغة اللفظية:** هي كتابة العدد بالكلمات.

**الصيغة القياسية:** هي الطريقة المعتادة لكتابة العدد.

**الصيغة التحليلية:** عبارة عن مجموع نواتج ضرب كل منزلة في قيمتها.

الصيغة التحليلية	الصيغة القياسية	الصيغة اللفظية
↓	↓	↓
$(0,01 \times 2) + (0,1 \times 1)$	٠,١٢	اثنا عشر من مئة

الصيغة القياسية والصيغة التحليلية.

اكتب العدد: خمسة وثلاثين وستة وتسعين من عشرة آلاف بالصيغتين القياسية والتحليلية:

جدول المنازل العشرية

١٠٠٠٠	١٠٠٠	١٠٠	١٠	١	٠,١	٠,٠١	٠,٠٠١	٠,٠٠٠١
عشرون ألف	ألف	المئتان	العشرون	واحد	الجزء من مئة	الجزء من ألف	الجزء من عشرة ألف	عشرون ألف
٠	٠	٣	٥	٦	٠	٠	٩	٦

الصيغة القياسية: ٣٥,٠٠٩٦

الصيغة التحليلية:  $(10 \times 3) + (1 \times 5) + (0,1 \times 0) + (0,001 \times 9) + (0,0001 \times 6)$

المتباينة هي جملة رياضية تبين عدم تساوي مقدارين فيكون أحدهما أكبر أو أصغر من المقدار الآخر.  
ويمكنك استعمال ( $=$  ،  $>$  ،  $<$ ) لكتابة المتباينة.

### تذكر: ف

الكسور العشرية التي لها القيمة نفسها تسمى كسورًا عشرية متكافئة،

ومثالها:  $٠,٨$  و  $٠,٨٠$

$$٠,٨٠ = ٠,٨$$

### تقريب الكسور العشرية

**تقريب الكسور العشرية** مفهوم أساسي

لتقريب كسرٍ عشريٍّ، ضع خطًّا تحت رقم المنزلة التي تريد التقريب إليها، ثم انظر إلى الرقم عن يمين تلك المنزلة.

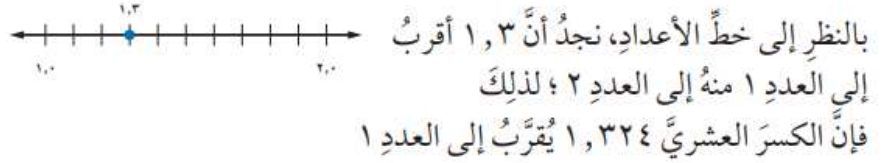
- إذا كان هذا الرقم ٤ أو أقل، فإن الرقم الذي تحته خطًّا يبقى كما هو.
- وإذا كان هذا الرقم ٥ أو أكبر، فأضف واحدًا إلى الرقم الذي تحته خطًّا.
- بعد عملية التقريب، احذف جميع الأرقام التي عن يمين الرقم الذي تحته خطًّا.

قرب الكسر العشري ١,٣٢٤ إلى أقرب عددٍ كليٍّ.

بما أن ٣ أصغر من ٥، فإن الرقم ١ يبقى كما هو.

ضع خطًّا تحت المنزلة التي نريد تقريب العدد إليها.

١, ٣٢٤



### جمع الكسور العشرية وطرحها

$$\begin{array}{r} ٥,٧٧٤ \\ ٢,٤٠٣ \\ \hline ٣,٤٠٣ \end{array} \quad (٢) \quad \begin{array}{r} ٢٣,١ \\ ٥,٨ \\ \hline ٢٨,٩ \end{array} \quad (١)$$

### ضرب الكسور العشرية

$$\begin{array}{r} ٤,٢ \\ ٦٠٧ \\ \hline ٢٩٤ \\ ٢٥٢٠ \\ \hline ٢٨,١٤ \end{array} \quad (٢) \quad \begin{array}{r} ٠,٨٣ \\ ٩ \\ \hline ٧,٤٧ \end{array} \quad (١)$$

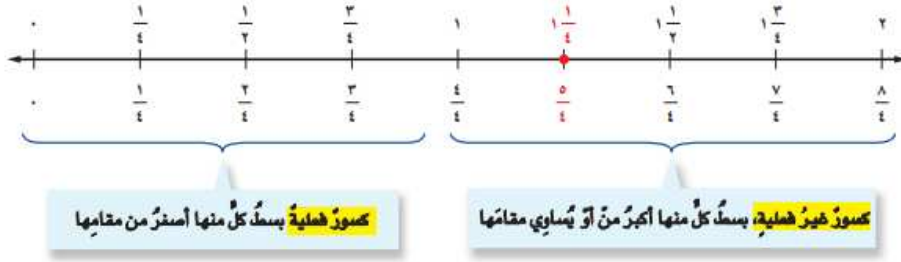






## الأعداد الكسرية والكسور غير الفعلية

لاحظ أنه قد تم تمثيل  $\frac{1}{4}$  و  $\frac{5}{4}$  على النقطة نفسها على خط الأعداد.



## المضاعف المشتركة الأصغر

مضاعف العدد هو ناتج ضرب العدد في أي عدد كلي (١، ٢، ٣، ٤، ...).  
المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) وهو أصغر المضاعفات المشتركة لعددین كليین أو أكثر

أوجد (م.م.أ) للعددين ١٥، ٤٠

حلل كلا من العددين ١٥، ٤٠ إلى عواملهما الأولية، وحدد العوامل الأولية المشتركة بينهما.

$$5 \times 3 = 15$$

$$5 \times 2 \times 2 \times 2 = 40$$

أوجد ناتج ضرب العوامل الأولية، المشتركة بينهما في جميع العوامل المتبقية، وعليه فإن (م.م.أ) للعددين (١٥، ٤٠) هو  $120 = 5 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2$

## مقارنة الكسور الاعتيادية

**مقارنة كسرين** مفهوم أساسي

يمكنك المقارنة بين كسرين باتباع الخطوات الآتية:

- أوجد المقام المشترك الأصغر للكسرين، وهو المضاعف المشترك الأصغر لمقاميهما.
- اكتب كسراً مكافئاً لكل من الكسرين باستعمال المقام المشترك الأصغر.
- قارن بين البسطين.

قارن بين كل من الكسرين فيما يأتي مستعملًا (<، >، =):

$$\frac{7}{12} \text{ و } \frac{5}{8}$$

$$\frac{14}{24} = \frac{7}{12} \quad \frac{15}{24} = \frac{5}{8}$$

الخطوة ١، (م.م.أ) للعددين ١٢، ٨ هو ٢٤؛ إذن المقام المشترك الأصغر لهما هو ٢٤

الخطوة ٢، اكتب كسراً مكافئاً لكل من الكسرين مقامه ٢٤

الخطوة ٣، لأن  $\frac{14}{24} < \frac{15}{24}$ ؛ لأن  $\frac{7}{12} < \frac{5}{8}$ ؛ إذن  $\frac{7}{12} < \frac{5}{8}$

## كتابة الكسور العشرية في صورة كسور اعتيادية والعكس

اكتب كل كسر عشري فيما يأتي في صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة:

اللوحة	اللوحة	اللوحة	اللوحة	اللوحة	اللوحة	اللوحة	اللوحة	اللوحة
١٠٠٠	١٠٠	١٠	١	٠,١	٠,٠١	٠,٠٠١	٠,٠٠٠١	٠,٠٠٠٠١
المئات	العشرات	الأحاد	الأجزاء	الجزء من عشرة	الجزء من مائة	الجزء من ألف	الجزء من عشرة ألف	الجزء من مائة ألف
٠	٠	٠	٠	٦	٠	٠	٠	٠

يبيِّن جدولُ المنازلِ العشرية أنَّ القيمةَ المنزليةَ لآخر منزلةٍ عشريةٍ هي الأجزاء؛ لذا فإنَّ ٠,٦ تعني ستة أعشار.  $\frac{6}{10} = 0,6$  تُقرأ: ستة أعشار.

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 2}{5 \times 2} = \frac{6}{10}$$

اكتب الكسر  $\frac{2}{5}$  في صورة كسر عشري. بما أنَّ ٥ هو أحد عوامل ١٠؛ إذن اكتب هذا الكسر في صورة كسر مكافئ مقامه

بما أنَّ  $10 = 2 \times 5$ ، إذن اضرب كلا من البسط والمقام في العدد ٢

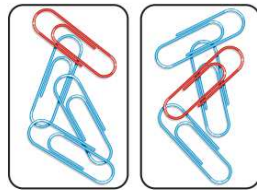
$$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 2}{5 \times 2} = \frac{4}{10}$$

تُقرأ: أربعة أعشار

## النسبة والتناسب

النسبة: هو عبارة عن المقارنة بين كميتين باستعمال القسمة.

اكتب النسبة التي تقارن بين عدد المشابك الحمراء إلى عدد المشابك الزرقاء في النشاط السابق في أبسط صورة، ثم اشرح معناها.



$$\frac{2}{3} = \frac{2 \div 2}{3 \div 2} = \frac{1}{3}$$

عدد المشابك الحمراء ←  $\frac{2}{3}$   
عدد المشابك الزرقاء ←  $\frac{2}{3}$

نسبة عدد المشابك الحمراء إلى عدد المشابك الزرقاء هي:  $\frac{1}{3}$ ، أو ١ إلى ٣، أو ٣:١، وهذا يعني أنَّ لكل مشبك أحمر ٣ مشابك زرقاء.

المعدل: هو نسبة تقارن بين كميتين بوحدتين مختلفتين.



١٠ ريال سعودي لكل ٢ دينار أردني. ١٨٠ كيلومترًا في ٣ ساعات. وعند تبسيط المعدل، بحيث يصبح مقامه مساويًا ١، فإنه يُسمَّى معدّل الوحدة.

النسبة المتكافئة: تعبر عن العلاقة نفسها بين كميتين.

تذكر

قابلية القسمة على الأعداد ٢ ، ٣ ، و ٥ :  
قابلية القسمة على ٢ : يقبل عدد ما القسمة على ٢ إذا كان أحاده صفر أو عددًا زوجيًا.  
قابلية القسمة على ٣ : يقبل عدد ما القسمة على ٣ إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على ٣.  
قابلية القسمة على ٥ : يقبل عدد ما القسمة على ٥ إذا كان أحاده (٠ أو ٥)

## التناسب

نقول أن الكميّتان متناسبتان إذا كان لكل منهما النسبة نفسها أو المعدل نفسه.

مفهوم أساسي	التناسب
	<b>التعبير اللفظي:</b> التناسب هو معادلة تبين أن نسبتين أو معدّلين متساويان.
	<b>أمثلة:</b> $\frac{٦}{٣٠} = \frac{٢}{١٠}$ صورة ٦ ريالاً = صورة ٢ ريالات $\frac{٦}{١٥} = \frac{٢}{٥}$

## القياس: الطول والكتلة والسعة

المتر: هو وحدة قياس الطول الأساسية في النظام المتري.

مفهوم أساسي	وحدات الطول المتريّة
	<b>الوحدة</b>
<b>المثال</b>	١ مللمتر (ملم)
سُمكُ قطعة نقد معدنيّة	١ سنتيمتر (سم)
طولُ نصف قطر قطعة نقد معدنيّة	١ متر (م)
عرضُ بابِ غرفة الصّفّ	١ كيلومتر (كلم)
٨ أمثال طولِ ملعبِ كرة القدم	

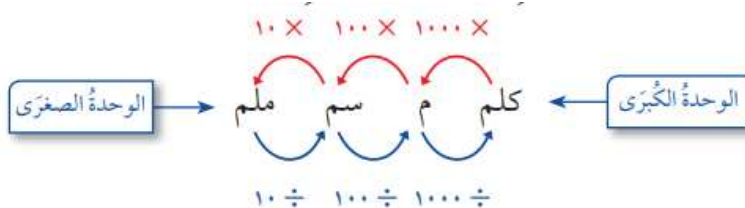
كتلة الشيء: هي مقدار ما فيه من مادة.

مفهوم أساسي	وحدات قياس الكتلة في النظام المتريّ
	<b>الوحدة</b>
<b>المثال</b>	١ ملجرام (ملجم)
إحدى حبيبات الملح الناعم	١ جرام (جم)
مشبك الورق	١ كيلوجرام (كجم)
٦ حبات متوسطة من التفاح	

السعة: وهي مقدار ما يحويه من وعاء.

مفهوم أساسي	وحدات قياس السعة في النظام المتريّ
	<b>الوحدة</b>
<b>المثال</b>	١ مللمتر (مل)
قطرة العين	١ لتر (ل)
قارورة المياه المعبأة	

التحويل بين الوحدات في النظام المتري:



## العمليات على الكسور الاعتيادية

مفهوم أساسي	التقريب إلى أقرب نصف	التقريب إلى أعلى	التقريب إلى أدنى
	إذا كان البسط قريباً من نصف المقام، فقرب الكسر إلى $\frac{1}{2}$ .	مثال: $\frac{7}{8}$ يقرب إلى 1	مثال: $\frac{1}{8}$ يقرب إلى 0
	إذا كان البسط قريباً من المقام، فقرب الكسر إلى 1.	مثال: $\frac{3}{8}$ يقرب إلى $\frac{1}{2}$	مثال: $\frac{1}{8}$ يقرب إلى 0
	إذا كان البسط أصغر من المقام، فقرب الكسر إلى 0.	مثال: $\frac{1}{8}$ يقرب إلى 0	مثال: $\frac{1}{8}$ يقرب إلى 0

## جمع الكسور المتشابهة وطرحها

مفهوم أساسي	جمع كسور متشابهة	مفهوم أساسي	طرح كسور متشابهة
	التعبير اللفظي: لجمع كسرين متشابهين، اجمع بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في المجموع. فمثلاً خمسان زائد خمسين يساوي ثلاثة أضعاف. أمثلة: $\frac{1}{5} + \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$		التعبير اللفظي: لطرح كسرين متشابهين، اطرح بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في ناتج الطرح. ومثال ذلك: ثلاثة أضعاف ناقص خمسين يساوي خمسين. أمثلة: $\frac{1}{5} - \frac{3}{5} = -\frac{2}{5}$

## جمع الكسور غير المتشابهة وطرحها

مفهوم أساسي	جمع كسور غير متشابهة أو طرحها
	لجمع كسرين مختلفي المقام، أو طرحهما: <ul style="list-style-type: none"> <li>أعد كتابة الكسرين مستعملاً المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) للمقامين.</li> <li>اجمع أو اطرح كما في الكسور المتشابهة.</li> <li>اكتب المجموع أو الفرق في أبسط صورة عند الحاجة.</li> </ul>

أوجد ناتج:  $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1 \times 1}{4 \times 4} + \frac{1 \times 1}{4 \times 4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1 \times 1}{1 \times 4} + \frac{1 \times 1}{1 \times 4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4}$$

أوجد ناتج :  $\frac{2}{3} - \frac{1}{4}$

$$\frac{2}{3} \leftarrow \frac{2}{3} = \frac{2 \times 2}{2 \times 3} \leftarrow \frac{4}{6}$$

$$\frac{1}{4} \leftarrow \frac{1}{4} = \frac{1 \times 3}{4 \times 3} \leftarrow \frac{3}{12}$$

$$\frac{4}{6} - \frac{3}{12} = \frac{8}{12} - \frac{3}{12} = \frac{5}{12}$$

## جمع الأعداد الكسرية وطرحها

مفهوم أساسي

### جمع الأعداد الكسرية وطرحها

- اجمع الأجزاء الكسرية أو اطرخها.
- ثم اجمع الأعداد الكلية أو اطرخها.
- أعد كتابة الناتج في أبسط صورة إذا تطلب الأمر ذلك.

### جمع الأعداد الكسرية أو طرحها

أوجد ناتج:  $2\frac{1}{4} - 4\frac{5}{6}$  قَدْر:  $3 = 2 - 5$

اطرح الجزأين الكسريين      اطرح العددين الكليين

$$4\frac{5}{6} \leftarrow 4\frac{5}{6}$$

$$2\frac{1}{4} \leftarrow 2\frac{1}{4}$$

$$2\frac{2}{3} = 2\frac{4}{6}$$

تحقق من معقولية الجواب:  $3 \approx 2\frac{2}{3}$  ✓

## ضرب الكسور

مفهوم أساسي

### ضرب الكسور

التعبير اللفظي: اضرب البسطين و اضرب المقامين.

جبر

أعداد

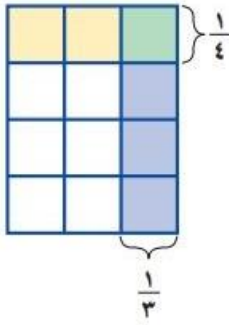
أمثلة:

$$\frac{أ \times ج}{ب \times د} = \frac{ج}{د} \times \frac{أ}{ب} \quad \frac{1 \times 2}{2 \times 5} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{5}$$

كلًا من ب، د لا يساوي صفرًا.



أوجد ناتج:  $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$



اضرب البسطين  
اضرب المقامين  
اكتب الناتج في أبسط صورة

$$\frac{1 \times 1}{4 \times 3} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{12} =$$

## ضرب الأعداد الكسرية

مفهوم أساسي

ضرب أعداد كسرية

لضرب عددين كسريين، اكتب كلاً منهما في صورة كسر غير فعلي، ثم اضرب كما في الكسور الاعتيادية.

ضرب كسر في عدد كسري.

أوجد ناتج:  $4 \frac{4}{5} \times \frac{1}{4}$  **قَدِّر:** استعمل عددين متناغمين  $\leftarrow 1 = 4 \times \frac{1}{4}$

اكتب  $4 \frac{4}{5}$  في صورة  $\frac{24}{5}$

$$\frac{24}{5} \times \frac{1}{4} = 4 \frac{4}{5} \times \frac{1}{4}$$

اقسم كلاً من 24 و 4 على (ق.م.أ) لهما، وهو 4

$$\frac{24 \times 1}{5 \times 4} =$$

اكتب في أبسط صورة، ثم قارن الناتج بالتقدير

$$1 \frac{1}{5} = \frac{6}{5} =$$

## قسمة الكسور

أوجد ناتج:  $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$

اضرب في المقلوب، وهو  $\frac{4}{3}$

$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{8} = \frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$$

اقسم كلاً من 4 و 8 على (ق.م.أ) لهما وهو 4

$$\frac{3 \times 1}{4 \times 8} =$$

اضرب البسطين  
اضرب المقامين

$$\frac{1}{6} =$$

مفهوم أساسي

قسمة الكسور

**التعبير اللفظي:** عند القسمة على كسر، اضرب في مقلوبه.

**أمثلة**

**الأعداد**

**الجبر**

$$\frac{2}{3} \div \frac{1}{4} = \frac{2}{3} \times \frac{4}{1} = \frac{8}{3} = 2 \frac{2}{3}$$

## قسمة الأعداد الكسرية

### القسمة على عدد كسري.

أوجد ناتج  $3 \frac{1}{5} \div 8 \frac{4}{5}$  **قَدَّرْ:  $3 = 3 \div 9$**

اكتب العددين الكسريين في صورة كسرين غير فعليين  $\frac{16}{5} \div \frac{44}{5} = 3 \frac{1}{5} \div 8 \frac{4}{5}$

اضرب في المقلوب  $\frac{5}{16} \times \frac{44}{5} =$

اقسم كلاً من 5 و 5 على (ق.م.أ) لهما وهو 5،  
واقسم كلاً من 44 و 16 على (ق.م.أ) لهما وهو 4  $\frac{1}{4} \times \frac{11}{1} =$

اكتب الناتج في أبسط صورة  $2 \frac{3}{4} = \frac{11}{4} =$

## الجبر: حل التناسب

### الحل باستعمال الكسور المتكافئة.

حُلْ كلاً من التناسبات الآتية:

$$\frac{m}{35} = \frac{4}{7}$$

أوجد قيمة م التي تجعل الكسرين متكافئين.

بما أن  $35 = 5 \times 7$ ، فاضرب كلاً من البسط والمقام في العدد 5  $\frac{m}{35} = \frac{4}{7}$

$\frac{20}{35} = \frac{4}{7}$ ، بما أن  $20 = 5 \times 4$ ، فإن  $m = 20$

$$\frac{4}{ص} = \frac{12}{15}$$

بما أن  $3 = 4 \div 12$ ، فاقسم كلاً من البسط والمقام على 3  $\frac{4}{ص} = \frac{12}{15}$

$\frac{4}{5} = \frac{12}{15}$ ، بما أن  $5 = 3 \div 15$ ، فإن  $ص = 5$



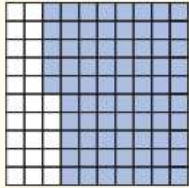
## النسبة المئوية والكسور الاعتيادية

التعبير اللفظي: النسبة المئوية هي نسبة تقارن عدداً ما بـ ١٠٠

مثال:  $75\% \Leftarrow 75$  من ١٠٠ أو  $\frac{75}{100}$

مفهوم أساسي

نموذج



٧٥%

اكتب كل نسبة مئوية مما يأتي في صورة كسرٍ عشريٍّ:

٥٦%

اكتب النسبة المئوية في صورة كسرٍ مقامه ١٠٠

$$\frac{56}{100} = 56\%$$

اكتب ٥٦ جزءاً من مئة في صورة كسرٍ عشريٍّ.

$$0,56 =$$

٨%

اكتب النسبة المئوية في صورة كسرٍ مقامه ١٠٠

$$\frac{8}{100} = 8\%$$

اكتب ٨ أجزاء من مئة في صورة كسرٍ عشريٍّ.

$$0,08 =$$

## الاحتمال

الاحتمال: هو فرصة وقوع حادثة معينة ويمكن إيجادها باستعمال النسبة.

**لون العيون:** أجرى طبيبُ العيون مسحاً لمراجعيه، فوجد أن لونَ عيون ٣٠٪ منهم بنيٌّ. عيّن متممة هذه الحادثة، ثم أوجد احتمالها.

إنّ متممة حادثة أن تكون العيونُ بنيةً هي حادثة أن تكون العيونُ ليستُ بنيةً، ومجموع احتماليهما يساوي ١ = ١٠٠٪

$$ح(العيونُ بنيةً) + ح(العيونُ ليستُ بنيةً) = 100\%$$

$$30\% + ح(العيونُ ليستُ بنيةً) = 100\% \quad \text{استبدل ح(العيونُ بنيةً) بـ } 30\%$$

$$ح(العيونُ ليستُ بنيةً) = 100\% - 30\% = 70\%$$

فكّر: ما النسبة التي تضاف إلى ٣٠٪ ليكون المجموع

$$100\%?$$

إذن احتمال ألا تكون عيون المراجع بنيةً هو ٧٠٪

## فضاء العينة

فضاء العينة هو مجموعة كل النواتج الممكنة لتجربة ما.

### الرسم الشجري

**طعام:** استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد الطرق الممكنة لاختيار علبه مثلجات إذا أمكن الاختيار من بين حجمين من العلب: كبير أو متوسط، ومن بين ثلاث نكهات: الشوكولاتة أو الفراولة أو البندق. اكتب حجم العلبه أولاً.

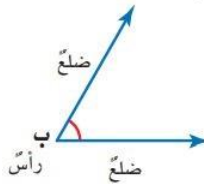


توجد 6 طرق تتم بها عملية اختيار علبه المثلجات.

## الهندسة: الزوايا والمضلعات

### قياس وتقدير الزوايا ورسمها

الزاوية: تتكون من ضلعين يشتركان في نقطة واحدة تسمى رأس الزاوية.

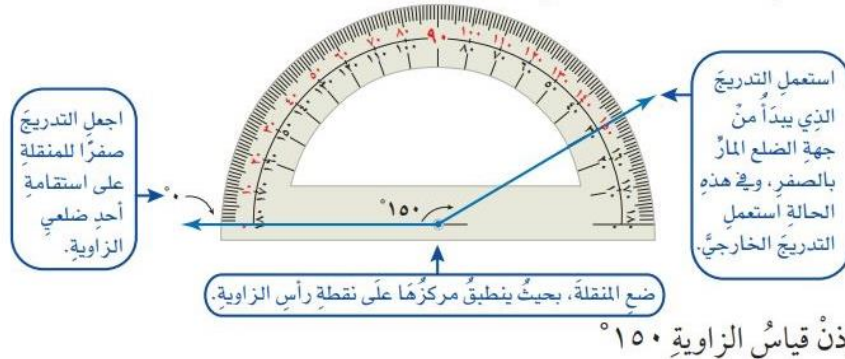


رمز الزاوية  $\sphericalangle$  ب

وقياس الزاوية هي الدرجة والدائرة  $360^\circ$

إيجاد قياس زاوية.

استعمل المنقلة لإيجاد قياس الزاوية أدناه.



## العلاقات بين الزوايا

**أزواج الزوايا**

**التعبير اللفظي:** الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي  $180^\circ$  هما زاويتان متكاملتان.

**النماذج:**

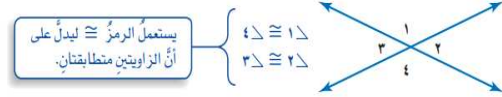
ق  $120^\circ = 120^\circ$ ، ق  $60^\circ = 22^\circ$ ، ق  $180^\circ = 22^\circ + 16^\circ$

**التعبير اللفظي:** الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي  $90^\circ$  هما زاويتان متتامتان.

**النماذج:**

ق  $30^\circ = 12^\circ$ ، ق  $60^\circ = 22^\circ$ ، ق  $90^\circ = 22^\circ + 16^\circ$

عندما يتقاطع مستقيمان، فإنهما يشكلان زوجين من الزوايا المتقابلة، كلٌّ منهما يُسمى زاويتين متقابلتين بالرأس. والزاويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه. وتُسمى الزوايا التي لها القياس نفسه زوايا متطابقة.



## المثلثات

**تصنيف المثلثات وفق زواياها**

**مثلث منفرج الزاوية** **مثلث قائم الزاوية** **مثلث حاد الزوايا**

إحدى زواياه منفرجة **إحدى زواياه قائمة** **جميع زواياه حادة**

**مجموع قياسات زوايا المثلث**

**التعبير اللفظي:** مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي  $180^\circ$

**النموذج:** **بالرموز:**  $180^\circ = \text{ص}^\circ + \text{ع}^\circ + \text{س}^\circ$

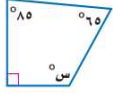
**تصنيف المثلثات وفق أضلاعها**

**مثلث مختلف الأضلاع** **مثلث متطابق الضلعين** **مثلث متطابق الأضلاع**

ليس فيه أضلاع متطابقة **فيه ضلعان متطابقان على الأقل** **أضلاعه الثلاثة متطابقة**

## الأشكال الهندسية

### الشكل الرباعي له أربعة أضلاع وأربع زوايا. إيجاد قياس زاوية في الشكل الرباعي



أوجد قيمة  $S$  في الشكل الرباعي المُجاور.

بما أن مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي يساوي  $360^\circ$ ،

$$\text{فإن } S + 90 + 85 + 95 = 360$$

$$S + 240 = 360$$

$$S = 360 - 240 = 120$$

فكّر: ما القياس الذي يُضاف إلى 240 لتكون النتيجة 360؟

$$360 = 240 + 120 \text{ نعلم أن: } S = 120$$

إذن قيمة  $S$  هي 120

مفهوم أساسي

زوايا الشكل الرباعي

التعبير اللفظي: مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي يساوي  $360^\circ$

$$360^\circ = \text{ص} + \text{ك} + \text{ع} + \text{س}$$

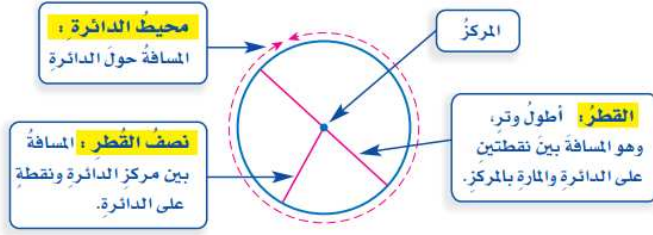


النموذج:

الخصائص	الرسم	الشكل الرباعي
<ul style="list-style-type: none"> <li>أضلاعه المتقابلة متطابقة.</li> <li>جميع زواياه قوائم.</li> <li>أضلاعه المتقابلة متوازية.</li> </ul>		المستطيل
<ul style="list-style-type: none"> <li>جميع أضلاعه متطابقة.</li> <li>جميع زواياه قوائم.</li> <li>أضلاعه المتقابلة متوازية.</li> </ul>		المربع
<ul style="list-style-type: none"> <li>أضلاعه المتقابلة متطابقة.</li> <li>أضلاعه المتقابلة متوازية.</li> <li>زواياه المتقابلة متطابقة.</li> </ul>		متوازي الأضلاع
<ul style="list-style-type: none"> <li>جميع أضلاعه متطابقة.</li> <li>أضلاعه المتقابلة متوازية.</li> <li>زواياه المتقابلة متطابقة.</li> </ul>		المعين
<ul style="list-style-type: none"> <li>فيه ضلعان متوازيان فقط.</li> </ul>		شبه المنحرف

### القياس: المحيط والمساحة والحجم

الدائرة هي مجموعة النقاط في المستوى، التي لها البعد نفسه عن نقطة معلومة تسمى المركز. أما الوتر فهو أية قطعة مستقيمة طرفاها على الدائرة.



**القَطْرُ وَنصفُ القَطْرِ** مفهوم أساسي

**التعبير اللفظي:** قطر الدائرة (ق) يساوي مثلي نصف قطرها (نق).

**بالرموز:**  $ق = ٢ نق$        $نق = \frac{١}{٢} ق$

أوجد نصف قطر دائرة قطرها ١٤ سم.

نصف قطر الدائرة       $نق = \frac{ق}{٢}$

ضع ١٤ بدلاً من ق       $\frac{١٤}{٢} =$

اقسم       $٧ =$

إذن نصف القطر يساوي ٧ سم.

**محيط الدائرة** مفهوم أساسي

**التعبير اللفظي:** محيط الدائرة (مح) يساوي حاصل ضرب ط في قطرها (ق)، أو ضرب ٢ ط في نصف قطرها (نق).

**بالرموز:**  $مح = ط ق$  أو  $مح = ٢ ط نق$

**نموذج:**

قدّر محيط كل دائرة مما يأتي:

قطر الدائرة ٩ سم.       $مح = ط ق$

محيط الدائرة       $٩ \times ٣ \approx$

ضع ٣ بدلاً من ط، ٩ بدلاً من ق       $٢٧ \approx$

اضرب      المحيط يساوي ٢٧ سم تقريباً.

## مساحة متوازي الأضلاع

**مساحة متوازي الأضلاع** مفهوم أساسي

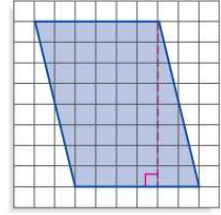
**التعبير اللفظي:** مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب طول أي قاعدة (ق) في الارتفاع المرافق لها (ع).

**نموذج:**

**بالرموز:**  $م = ق \times ع$



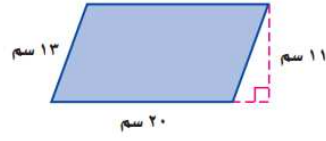
أوجد مساحة كل متوازي أضلاع فيما يأتي:



القاعدة ٦ وحدات، والارتفاع ٨ وحدات

$$\begin{aligned} \text{مساحة متوازي الأضلاع} &= \text{ق} \times \text{ع} \\ \text{ضع ٦ بدلاً من ق، و ٨ بدلاً من ع} &= 8 \times 6 \\ \text{اضرب} &= 48 \\ \text{المساحة هي ٤٨ وحدة}^2 & \end{aligned}$$

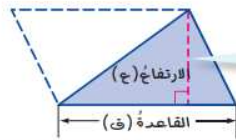
قَدْر:  $م \approx 10 \times 20 = 200$  سم<sup>٢</sup>



$$\begin{aligned} \text{مساحة متوازي الأضلاع} &= \text{ق} \times \text{ع} \\ \text{ضع ٢٠ بدلاً من ق، و ١١ بدلاً من ع.} &= 11 \times 20 \\ \text{اضرب.} &= 220 \\ \text{المساحة هي ٢٢٠ سنتيمترًا مربعًا، أو ٢٢٠ سم}^2 & \\ \text{تحقق من المعقولية: قارن بين ٢٢٠ والتقدير،} & \text{ ٢٢٠} \approx 200 \checkmark \end{aligned}$$

## مساحة المثلث

يمكن تكوين متوازي أضلاع باستعمال مثلثين متطابقين. وبما أن المثلثين المتطابقين لهما المساحة نفسها، فإن مساحة المثلث الواحد تساوي نصف مساحة متوازي الأضلاع.



يمكن أن تكون قاعدة المثلث أي ضلع من أضلاعه، ويكون ارتفاع المثلث هو أقصر بعد بين هذه القاعدة والرأس المقابل لها.

**مساحة المثلث**

**مفهوم أساسي**

**التعبير اللفظي:** مساحة المثلث (م) هي نصف ناتج ضرب القاعدة (ق) في الارتفاع (ع).

**بالرموز:**  $م = \frac{1}{2} ق \times ع$  أو  $م = \frac{ق \times ع}{2}$

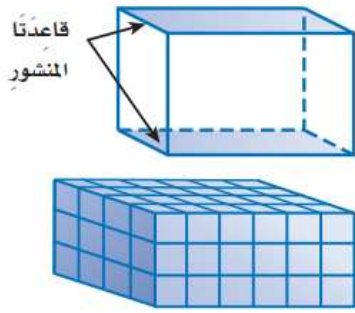
**نموذج:**



**خيام:** الواجهة الأمامية للخيمة في الصورة على شكل مثلث قاعدته ٣ م وارتفاعه ٢ م فما مساحة القماش المستعمل لهذه الواجهة؟

$$\begin{aligned} \text{مساحة المثلث.} &= \frac{1}{2} ق \times ع \\ \text{ضع ٣ بدلاً من ق، و ٢ بدلاً من ع} &= \frac{1}{2} (3)(2) \\ \text{اضرب} &= \frac{1}{2} (6) = 3 \\ \text{مساحة الواجهة الأمامية للخيمة ٣ م} & \\ \text{إذن مساحة القماش المستعمل ٣ م} & \end{aligned}$$

## حجم المنشور الرباعي



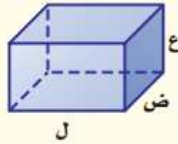
المنشور الرباعي: شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدتان متوازيتان، في صورة مستطيلين متطابقين.

الحجم: هو مقدار الحيز داخل الشكل الثلاثي الأبعاد، ويُقاس بالوحدات المكعبة. ويفيد إعادة تفكيك المنشور في معرفة عدد المكعبات المطلوبة لتكوينه. ويعتمد حجم المنشور على طول أبعاده.

مفهوم أساسي

### حجم المنشور الرباعي

نموذج:



التعبير اللفظي: حجم المنشور الرباعي (ح) هو ناتج ضرب الطول (ل) في العرض (ض) في الارتفاع (ع).

بالرموز:  $ح = ل \times ض \times ع$



مواد غذائية: إذا كانت أبعاد علبة العصير كما في الشكل المجاور، فأوجد حجمها.

قدر:  $300 = 10 \times 3 \times 10$

أوجد الحجم.

$ح = ل \times ض \times ع$

$ح = 8 \times 12 \frac{1}{2} \times 3 \frac{1}{4}$  ضع 8 بدلاً من ل، و  $3 \frac{1}{4}$  بدلاً من ض، و  $12 \frac{1}{2}$  بدلاً من ع

اكتب في صورة كسور غير فعلية، ثم اقسّم على (ق.م.أ.)  $ح = \frac{8}{1} \times \frac{13}{2} \times \frac{3}{4}$

اضرب  $ح = \frac{320}{1} = 320$

إذن حجم علبة العصير هو 320 سم<sup>3</sup>

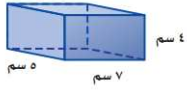
تحقق من المعقولية:  $300 \approx 320$  ✓

ف



## مساحة سطح المنشور الرباعي

### إيجاد مساحة سطح المنشور الرباعي



أوجد مساحة سطح المنشور الرباعي المقابل.

أولاً نجد مساحة كل وجهين متقابلين من أوجهه على النحو الآتي:

مساحتا الوجهين العلوي والسفلي:

$$2 \text{ ل ض} = 2(7)(5) = 70$$

مساحتا الوجهين الأمامي والخلفي:

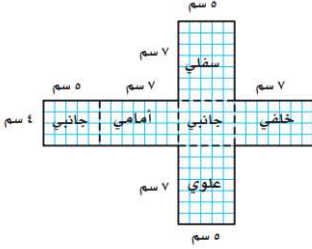
$$2 \text{ ل ع} = 2(7)(4) = 56$$

مساحتا الوجهين الجانبيين:

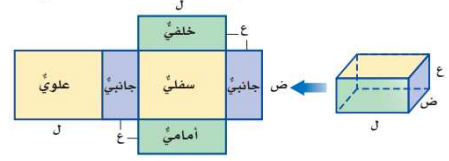
$$2 \text{ ض ع} = 2(5)(4) = 40$$

اجمع لتجد مساحة سطح المنشور.

$$\text{مساحة السطح} = 70 + 56 + 40 = 166 \text{ سم}^2$$



يسمى مجموع مساحات جميع أوجه المنشور **مساحة سطح المنشور**.



مساحة الوجهين السفلي والعلوي  $ل ض + ل ض = 2 ل ض$

مساحة الوجهين الأمامي والخلفي  $ل ع + ل ع = 2 ل ع$

مساحة الوجهين الجانبيين  $ض ع + ض ع = 2 ض ع$

مجموع المساحات  $2 ل ض + 2 ل ع + 2 ض ع$

مفهوم أساسي	مساحة سطح المنشور الرباعي
<b>التعبير اللفظي:</b>	مساحة السطح (م) لمنشور طوله (ل)، وعرضه (ض)، وارتفاعه (ع) هي مجموع مساحات أوجهه.
<b>نموذج:</b>	
<b>بالرموز:</b>	$م = 2 ل ض + 2 ل ع + 2 ض ع$

إعداد/ الأستاذ: بدر السحيباني

مراجعة/ الأستاذة: نورة الحناكي

