كل ما يحتاجه الطالب في جميع الصفوف من أوراق عمل واختبار ات
ومذكرات, يجده هنا في الروابط التالية لأفضل مو اقع المناهج السعودية :
القناة الرسمية لموقع المناهج السعودية
almanahj.com/sa
قناتتا على التلجرام: المناهج السعودية
للإنضمام يكفي الضغط على اسم الصف المطلوب : الصف الأول
الصف الثاني
الصف الثالث
الصف الرابع
الصف الخامس الصف السادس
الصف الأول متوسط
الصف الثناني متوسط
الصف الثثلث متوسط
الصف الأول الثانوي
الصف الثاني الثنانوي الأدبي
الصف الثاني الثنانوي العلمي
الصف الثالث الثانوي الأدبي
الصف الثالث الثانوي العلمي


## مسابقة الكانجارو للرياضيات

## مسائل <br> Problems

# الصف التُّالـت الـمـتُوسط والأول التُّانُوي إعداد <br> طارق سلامة <br> سلطان البركاتي <br> صفوت الطناني 

## بسما اللّه الرحمن الرحيهم almanahj.com/sa

## مقـدمـة

تعد مسابقة الكانقارو في الرياضيات من اكبر المسابقات اليّ تقام يف اكثر من 70 دوله حول العالم لقرابة 6 ملايين طالب، تستهلف المسابقة الطلبة من عمر 8 سنوات الى 19 سنه ، تم استحداث المسابقة عام 80 ميلادي في استراليا

$$
\text { ومن تُ توسعت الى مناطق اوروبا وآسيا في عام } 96 \text { ميلادي. }
$$

 - ت تزيز الشغف . مادة الرياضيات.

- المساعدة في تطبيق الرياضيات في قو انين الطبيعة والأنتطة المياتية. - تطوير قدرة الطلبة على استخالاص المتعة من خلال التفكير. - ترسيخ أهمية تعليم الرياضيات في كل جل جزء من أجزاء العالم.

هذا وقد اقتر ح المسابقة في العام 1980 بيتر هالرون مدرس رياضيات في مدينة سيدني مسابقة رياضيات جميع المراحل

 استراليا، وقد سجل فُ النسخة الأولى اكثر من 120 الفط طالب. وعلى اثر هذا النجاح شار كت 21 دولة اوروبية فـي
 تسجيل منظمة (كانقارو بلا حاود Kangaroo Without Borders ) رسميا في باريس، وانتخاب الجلس و اعتماد النظام الأساسي قانونيا.

وي العام التالي ازداد عدد الدول الين انضمت الم المسابقة لتشمل دول في آسيا وأفريقيا وأمريكا الجنو يبة، تشراك جميع الدول الأعضاء ڤٌ المنظمة سنويا في المؤكر .

# almanahu.com/sa 

## Problems

## 3 point problems

| The number 200013-2013 is not divisible by |  |  |  |  | 1 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 2. | (B) 3 . | (C) 5. | (D) 7. | (E) 11 |  |



$$
\begin{aligned}
& \text { اعتبر ثلاختة أرباع دائرة مر كزها } M \text { وسهم مو وجه مشار إليه كما في الصورة. ما ما وضع الثلالثة أرباع الدائرة الموجهه }
\end{aligned}
$$



Consider a three-quarter circle with center M and an orientation arrow as indicated in the picture on the right. What is the position of the oriented three-quarter circle when it is first rotated counterclockwise by $90^{\circ}$ around M and then reflected at the x -axis?
(A)

(B)

(C)

(D)

(E)


| في المثلث ABC قياس زاوية BAC يساوي M ، AC=2AB . $120^{\circ}$ ينتصف BC . ما هي العلاقة |  |  |  |  | 4 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| In triangle ABC , the measure of angle BAC is $120^{\circ}, \mathrm{AC}=2 \mathrm{AB}$ and M is the midpoint of BC . What is the true relation? |  |  |  |  |  |
| $\begin{gathered} \text { (A) } \mathrm{m}(\mathrm{MAC})= \\ 90^{\circ} \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \text { (B) } \mathrm{m}(\mathrm{MAB})= \\ 60^{\circ} \end{gathered}$ | $\begin{gathered} (\mathrm{C}) \mathrm{m}(\text { AMC }) \\ 120^{\circ} \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \text { (D) } \mathrm{m}(\mathrm{AMB})= \\ 30^{\circ} \end{gathered}$ | $\begin{gathered} \text { (E) } \mathrm{m}(\mathrm{MAB})= \\ 90^{\circ} \end{gathered}$ |  |

$$
5 \text { 5 } 5 \text { (أي ثنائي مرتب بيثل حل للمتباينة }
$$

Which pair is a solution of the inequality
A) $(2,0)$
(B) $(1,1)$
(C) $(9,2)$
(D) $(0,2)$
(E) $(-1,-1)$

$$
\text { 6 بإضافة } 6^{15} \text { إلى } 4^{10} \text { حصلت مها على قوة للعدد } 2 \text { ـ أوجد هذا العدد. }
$$

Adding $4^{15}$ to $8^{10}$, Mihai has also obtained a number which is a power of 2 . Find this | number |  |
| :---: | :---: |
| (A) $2^{10}$ | (B) $2^{15}$ |

(C) $2^{20}$
(D) $2^{30}$
(E) $2^{3}$


If $O$ is the center of the circle and $O B=B C$, what relation between $x$ and $y$ is always true?
(A) $2 x=3 y$
(B) $\mathrm{x}+\mathrm{y}=90^{\circ}$
(C) $x=2 y$
(D) $\begin{array}{r}x+2 y= \\ 180^{\circ}\end{array}$
(E) $x=y$


Consider the equilateral triangle with side equal to 1 , and the squares based on its sides.
Find the length of segment AB
(A) $1+\frac{\sqrt{3}}{2}$
(B) $2+\sqrt{3}$
(C) $1+\sqrt{3}$
(D) $\sqrt{3}+\sqrt{2}+1$
(E) $\sqrt{6}+\sqrt{2}+1$



$$
\begin{aligned}
& \text { يهري بدر } 100 \text { متر في } 10.2 \text { ثانية. نغس المسافة يبر يها صديقة إبراهيم في } 12 \text { ثانية. فإذا بدأ بدر في جري المئة } \\
& \text { متر، وأراد إبر اهيم أن يصل معه في فاية المئة متر في نفس الزمن. فبعد كم متر من نقطة بداية على إبراهيم أن يبدأ } \\
& \text { ابلجري؟ }
\end{aligned}
$$

Bert runs the 100 meters in 10,2 seconds. The same distance takes his running friend Ernie 12 seconds. A start of how many meters does Ernie have to get so that the two friends can start and finish at the same time?
(A) 10
(B) 12
(C) 15
(D) 18
(E) 20

| 2013 يقبل التسمة على 11 ويتكون من أربعة أرقام متتالية 0,1,2,3 . ما أصغر عدد تالي له يقبل القسمة على <br>  <br> متتظمة. ما هو شكل المكعب الصغير الموجود في لمر كز ؟ ؟ <br> 2013 is divisible by 11 and is made of the four consecutive digits $0,1,2$ and 3 . What is the smallest next number which is divisible by 11 and made of four consecutive digits? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 2031 | (B) 2103 | (C) 2130 | (D) 2134 | (E) 2310 |  |


| ليكن a عدد حقيقي يمقق أن ${ }^{\text {a }}$. ${ }^{3}=a+1$ اعتبر العبارات التالية: $a^{4}=a^{2}+a, a^{4}=a^{5}-1, a^{4}=a^{3}+a^{2}-1, a^{4}=\frac{1}{a-1}$ <br> كم عدد العبارات الصحيحة منها؟ <br> Let $a$ be a real number that satisfies $a^{3}=a+1$. Consider the following statements: $a^{4}=a^{2}+a, a^{4}=a^{5}-1, a^{4}=a^{3}+a^{2}-1, a^{4}=\frac{1}{a-1}$ <br> How many of them are correct? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 70 | (B) 77 | (C) 131 | (D) 143 | (E) 4 |  |



| غخطط شقة عائلة سلطان صُع .عقياس رسم 50 : 1 وكان المخطط على شكل هستطيل بعداه عا $20 \mathrm{~cm} \times 30 \mathrm{~cm}$ <br> The Scotts' family apartment plan is made in scale 1:50 and has a rectangular shape with dimensions $20 \mathrm{~cm} \times 30 \mathrm{~cm}$. What is the area of the apartment? |  |  |  |  | 17 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 12 m 2 | (B) 150 m 2 | (C) 300 m 2 | (D) 450 m 2 | (E) 600 m 2 |  |
|  <br>  |  |  |  |  | 18 |


| عليه أن يجري في كل أسبوع من الستة الباقية لينغذ خطته؟ <br> George started training for the marathon 18 weeks before the run. According to the plan, he had to run 60 km each week. Unfortunately, during the 12th week he got sick and was not training at all. How many kilometers does he need to run during the remaining 6 weeks to catch up with the original plan? |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 10 | (B) 70 | (C) 78 | (D) 360 |  |


| كم عدد الحمود اليت يجب أن يشتمل عليها المقدار$1-3+5-7+9-\ldots .$ليكون الناتج 2013؟ |  |  |  |  | 19 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |
| (A) 2011 | (B) 2012 | (C) 2013 | (D) 4026 | $\begin{aligned} & \text { لا يمكن أن يكون (E) } 2013 \text { (E) } \\ & \text { الناتج } \end{aligned}$ |  |
| How many te to be equal 20 | ed to be in | in the calc | $13+57$ | for the result |  |
| (A) 2011 | (B) 2012 | (C) 2013 | (D) 4026 | (E) The result can never equal 2013 |  |
|  |  |  |  |  |  |
| How many de | laces are | $\frac{1}{1024000}$ <br> the decim | ber | كم عدد الحنات الد | 20 |
| A) 10 | (B) 12 | (C) 13 | (D) 14 | (E) 1024000 |  |


| 120 هذا العام ( اعتبره 2013) يستطيع جابر أن يضرب عمره في عمر ابنه ويكون الناتج 2013. |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  |  |  | جابر ؟ |  |
| (A) 1981 | (B) 1982 | (C) 1953 | (D) 1952 | (E) غتاج لمزيد من (E) <br> التعلومات |  |
| This year John can multiplied his age with the age of his son and get the answer 2013. In which year was John born? |  |  |  |  |  |
| (A) 1981 | (B) 1982 | (C) 1953 | (D) 1952 | (E) more informatio n is needed |  |


| What is the value of $x$ for which $2011^{2012^{2013}}-x$ is divisible by $1000 ?$ |  |  |  | 22 |  |
| :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- |
| (A) 192 | (B) 208 | (C) 321 | (D) 581 | (E) 881 |  |




| كم عدد الأعداد المكونة من ستة أرقام وكل منها يشتمل على السلسلة 2013 (أي يمتوي على هنه الأرقام <br> متجاورة بنغس الترتيب) ؟ <br> How many six-digit numbers are there which contain the string 2013? |  |  |  |  | 26 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 278 | (B) 280 | (C) 282 | (D) 290 | (E) 300 |  |


| في عل بيبا بتزا بارلور، تكلفة البيتزا تتناسب مع حجمها. تكلفة البتزا اليّي قطرها 3 الما 15 cm هو 2.99 يورو. ما <br>  <br> In Pippa's Pizza Parlour, the cost of a pizza is proportional to its volume. A 15 cm diameter pizza costs 2.99 EUR. What is the cost of a 30 cm diameter pizza with the same thickness? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 5.98 EUR | (B) 5.99 EUR | (C) 8.97 EUR | (D) 11.96 EUR | (E) 11.99 EUR |  |



| العدد n هو أكبر عدد صحيح موجب بييث العدد $4 n$ مكون من ثلاثة أرقام، والعدد m أصغر عدد صحيح <br>  <br> The number $n$ is the largest positive integer for which $4 n$ is a 3 -digit number, and $m$ is the smallest positive integer for which $4 m$ is a 3 -digit number. What is the value of $4 n-4 m$ ? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 900 | (B) 899 | (C) 896 | (D) 225 | (E) 224 |  |


| ما أقل عدد من الأو تار في دائرة بيث عدد نتاط التقاطع بينها داخل الدائرة 50 ؟ <br> What is the minimal number of chords on a circle such that the number of intersecting points among them in the interior of the circle is exactly 50 ? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 9 | (B) 10 | (C) 11 | (D) 12 | (E) 13 |  |

يف الشكل التالي مساحتي المثلثين 5 ، 10 ، المستقيمات a,b,c متو ازية. إذا كانت المسافة ين a,c هي6 ، 6 31

In the picture the areas of the triangles are 5 and 10 , as shown, and the lines $a, b$ and $c$ are parallel. If the distance between $a$ and $c$ is 6 , what is the length of $P Q$ ?
(A) 4
(B) 5
(C) 6
(D) $\frac{36}{5}$
(E) $\frac{12}{2}$


| Six points a of a triangle | رؤهس نقاط <br> d on a sq tices at m | with cel ints? | What | est | 34 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) $1 / 4$ | (B) $1 / 3$ | (C) $1 / 2$ | (D) 1 | (E) 2 |  |






| The regular o radius of the | the figure ribed in th | نصف قطر | Which y the diag | ure of |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 10 | (B) 7,5 | (C) 5 | (D) 2,5 | (E) 2 |  |


| يُقال لعدد صحيح أنه تصاعدي إذا كانت أرقامه إبتداءاً من الرقم الثاني من اليسار أكبر من الرقم الذي علي يساره مباشرة. مثالً العدد 2478 تصاعدي. كم عدد تصاعدي بين 4000 و 5000؟ <br> We say that an integer number is ascending if each of its figures, from the second, is greater than the figure of their left, such as 2478 . How many ascending numbers are between 4000 and 5000 ? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 7 | (B) 8 | (C) 9 | (D) 10 | (E) 11 |  |

## 4 point problems



| كم عدد المضاعفات الصحيحة الموجبة للعدد 2013 ولا بالضبط 2013 قاسم (القواسم تتضمن العدد 1 والعدد 1 and the numberitself)? |  |  |  |  |  |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 0 | (B) 1 | (C) 3 | (D) 6 | (E) other |  |





| كم عدد مكون من ثلاثة أرقام abc له خاصية أن a يقبل القسمة على b، b يقبل القسمة علي How many three-digit numbers $a b c$ have the property that $a$ is divided by $b$ and $b$ is divided by $c$ ? |  |  |  |  | 48 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 36 | (B) 40 | (C) 42 | (D) 44 | (E) 81 |  |




| ما هو حل المعادلة: $2 \times 3^{x+3}+46 \times 3^{x}=8100$ <br> The solution of $2 \times 3^{x+3}+46 \times 3^{x}=8100$ is |  |  |  |  | 51 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) 1 | (B) 2 | (C) 3 | (D) 4 | (E) None of the previous |  |



|  | (A) | The smallest integer he wrote on the board was 10 |
| :--- | :--- | :--- |
|  |  |  |
| (B) | The smallest integer he wrote on the board was 11 |  |
| (C) | The largest integer he wrote on the board was 19 or more |  |
| (D) | The largest integer he wrote on the board was 21 |  |
|  | (E) | Gauss made a mistake in this calculation |




| In triangle $A B$ then $\angle A I B$ | AIB فإن $\angle C$ <br> bisectrix of | le $A$ and angle | زاو يت A,B <br> B ersect in po | ABC في المثلث <br> If $\angle C=\gamma$, | 55 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| (A) $2 \gamma$ | (B) $180-\gamma$ | (C) 360-4 | (D) $60+\gamma$ | (E) $90+\frac{1}{2} \gamma$ |  |

$$
\begin{aligned}
& \text { أممد و بدر وسالم بتمعين يستعملون أربع حبات من السكر في قهوقّم. أحد التوزيعات الممكنة لحبات السكر عليهم } \\
& \text { هو أحمد1 وبدر3 وسا \$0 م . كم عدد كل التوزيعات الممكنة؟ }
\end{aligned}
$$

Albert, Ben and Chris together take 4 lumps of sugar in their coffee. One of the possible distributions is: Albert 1, Ben 3 and Chris o. How many distributions are there possible?
(A) 4
(B) 6
(C) 9
(D) 12
(E) 15


57
$A B C D$ is a rectangle; $A B=6$ and $B C=3$. The circles with midpoints $A$ and $B$ passing through $C$ resp. $D$ intersect in $S$. What is the distance from $S$ to the segment $C D$ ?
(A) $2 \sqrt{2}$
(B) 3
(C) $\pi$
(D) $\sqrt{10}$
(E) $3 \frac{1}{3}$


| $b$, then after one step $w>b$; always $w b$; always $w$; if $w=b$, then after one <br> step $w<b$. How many of these statements are true? |  |  |  |  |  |
| :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- |
|  (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3 (E) 4 |  |  |  |  |  |



59

In a $6 x 8$-grid half of the squares are not intersected by one of the diagonals, as you can check in the picture. How many of the squares in a 7x10-grid are not intersected?
(A) 26
(B) 30
(C) 35
(D) 40
(E) 44

5 point problems

The line $P Q$ divides the trapezoid into two quadrangles with equal areas. What is the ratio $x / y$
(A) $\frac{3}{2}$
(B) $\frac{4}{3}$
(C) $\frac{5}{4}$
(D) $\frac{5}{3}$
(E) $\frac{5}{2}$

$$
\begin{aligned}
& \text { الزاوية } \angle B M C
\end{aligned}
$$

In equilateral triangle $A B C$, one knows the distances from an interior point $M$ to each vertex of the triangle: $A M=5, B M=3, C M=4$. What is the measure of angle $B M C$ ?
(A) $90^{\circ}$
(B) $100^{\circ}$
(C) $120^{\circ}$
(D) $135^{\circ}$
(E) 150

$$
\text { 62 كم عدد الجموعات المختلفة } A \text { التي لما الخاصية : } A \cup\{1,2,3,3,5\}=\{1,2, \ldots, 9\} \text { ؟ }
$$

How many different sets $A$ have the property that
$A \cup\{1,2,3,4,5\}=\{1,2, \ldots, 9\}$ ?
A) 512
(B) 256
(C) 255
(D) 32
(E) 31

$$
\begin{array}{r}
\text { اعتبر النقاط } A(1,1), B(5,1), C(2,3), D(4,3), M(a, b) \\
\text { فيم المستوى الإحاداثي بكيث: } a+b+M B+M C+M D
\end{array}
$$

Consider the points $A(1,1), B(5,1), C(2,3), D(4,3)$ and $M(a, b)$ in the Cartesian coordinate system so that $M A+M B+M C+M D$ has a minimum value. What is the value of the sum $a+b$ ?
(A) $16 / 3$
(B) 3
(C) $5 / 2$
(D) $25 / 12$
(E) $37 / 16$

|  How many factorial expressions $n!(n+1)$ ! have exactly 51 zeros at the end? <br> (A) 25 <br> (B) 5 <br> (C) 4 <br> (D) 2 <br> (E) 1 |  |  |  |  | 64 |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
|  |  |  |  |  |  |
| If $P(x)-3 P(1-x)$ expression $P(1)$ | يمة المقدار: $\begin{aligned} & x)=4(x-1), x \\ & )+P(2)+\ldots+P \end{aligned}$ | x عدد حقيقي، فما <br> eal number, 12) ? | $\begin{array}{r} P(x)-3 P(1-x \\ \quad \because P(1)+P \end{array}$ <br> en what is | $\begin{aligned} & =4(x-1) \text { إذا كان }) \\ & +\ldots(2012+.+2) \end{aligned}$ <br> value of this | 65 |
| (A) $2012 \cdot 1005$ | (B) $2012 \cdot 1003$ | (C) $2011 \cdot 2012$ | (D) $2012 \cdot 1007$ | (E) $2011 \cdot 2013$ |  |

$$
\begin{aligned}
& \text { كم عدد الأعداد المكونة من ثلاثة أرقام abc اليت تحقق أن } a+b \neq c \text { ما أقل عدد من الأوتار فيُ دائرة بكيث عدد } \\
& \text { نقاط التقاطع بينها داخل الدائرة } 50 \text { ؟ }
\end{aligned}
$$

How many three-digit numbers $a b c$ have the property that $a+b /=c$ ?
(A) 981
(B) 875
(C) 891
(D) 855
(E) 720


| 1815. So: $a a \cdot b b=1815$. What is the sum of $a$ and $b$ ? |  |  |  |  |  |
| :--- | :--- | :--- | :--- | :--- | :--- |
|  | (A) 8 | (B) 9 | (C) 10 | (D) 11 | (E) 12 |



69 What is the smallest integer which has not less than 12 positive divisors?
(A) $2^{11}$
(B) $2^{5} \cdot 3$
(C) $2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$
(D) $2^{2} \cdot 3 \cdot 5$
(E) $2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$
almanahj.com/sa

