

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية



* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثالث المتوسط اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/9>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثالث المتوسط في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/9math>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثالث المتوسط في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الأول اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/9math1>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثالث المتوسط اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/grade9>

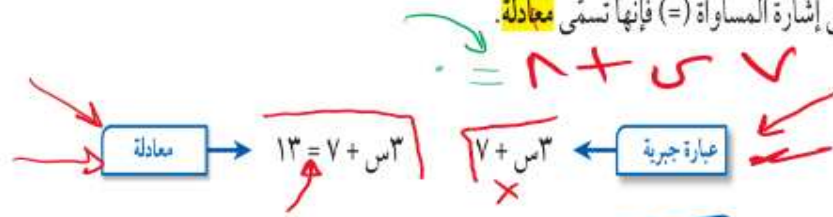
<https://www.almanahj.com/sa/course>

للحصول على جميع روابط الصفوف على تلغرام وفيسبوك من قنوات وصفحات: اضغط هنا

المعادن آلات

المعادلات

حل المعادلة: الجملة الرياضية التي تحتوي على عبارات جبرية ورموز تسمى **جملة مفتوحة**، وإذا احتوت على إشارة المساواة (=) فإنها تسمى **معادلة**.



المجموعة هي تجمع أشياء أو أعداد تُكتب غالبًا بين القوسين { } ويفصل بين كل منها (،) ، ويُسمى كل منها **عنصرًا**.
 أما **مجموعة التعويض** فهي مجموعة الأعداد التي نعوض بها عن قيمة المتغير لتحديد مجموعة الحل.

استعمال مجموعة التعويض $\{ 2, 3, 4, 5, 6 \}$ مثال 1

أوجد مجموعة حل المعادلة $13 = 5 + 2x$ إذا كانت مجموعة التعويض هي $\{ 2, 3, 4, 5, 6 \}$.

| ك | ك | ك | ك | ك | ك |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| $13 = 5 + 2 \times 2$ | $13 = 5 + 2 \times 3$ | $13 = 5 + 2 \times 4$ | $13 = 5 + 2 \times 5$ | $13 = 5 + 2 \times 6$ | $13 = 5 + 2 \times 7$ |
| $13 = 9$ | $13 = 11$ | $13 = 13$ | $13 = 15$ | $13 = 17$ | $13 = 19$ |
| X | X | ✓ | X | X | X |

التصحيح خطأ
 مجموعة الحل = $\{ 4 \}$

تحقق من فهمك



أوجد مجموعة الحل لكل معادلة فيما يأتي إذا كانت مجموعة التعويض $\{3, 2, 1, 0\}$:

(ب) $(d^3 + 1)e = 28$

(أ) $1v = 7 - m$

| 3 | 2 | 1 | 0 | m |
|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|--------------|
| $1v = 7 - 3 \times 8$ | $1v = 7 - 2 \times 8$ | $1v = 7 - 1 \times 8$ | $1v = 7 - 0 \times 8$ | $1v = 7 - m$ |
| $1v = 7 - 24$ | $1v = 7 - 16$ | $1v = 7 - 8$ | $1v = 7 - 0$ | |
| | X | X | X | |

مجموعة الحل = $\{3\}$

يمكنك أحياناً استعمال ترتيب العمليات لحل المعادلات.

مثال ٢ من اختبار

ترتيب العمليات

ما حلُّ المعادلة: $٦ = ٢ \div (٥ - ٢٥) + ٦$ ؟

(د) ١٦

(ج) ١٣

(ب) ٦

(ا) ٣

$$٦ = ٢ \div (٥ - ٥) + ٦$$

$$٦ = ٢ \div (٥ - ٥) + ٦$$

$$٦ = ٢ \div ٠ + ٦$$

$$٦ = ٦ \leftarrow ٦ = ٠ + ٦$$

تحقق من فهمك



$$١٦ = ٩ \times ٩$$

(٢) ما حل المعادلة: $٩ = ٢ \div (٥ - ٢)$ ؟

(د) ٢٧

(ج) ١٤, ٢

(ب) ٦

(ا) ٣

$$٩ = ٢ \div (٥ - ٢)$$

$$٩ = ٢ \div ٣$$

$$٢٧ = ٩$$

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

حل المعادلات ذات الخطوة الواحدة

حل المعادلات بالجمع

مثال ١

حل المعادلة: جـ - ٢٢ = ٥٤

الطريقة الأفقية

$$\begin{aligned} \text{جـ} - 22 &= 54 \\ \text{جـ} - 22 + 22 &= 54 + 22 \\ \text{جـ} &= 76 \end{aligned}$$

الطريقة الرأسية

$$\begin{aligned} \text{جـ} - 22 &= 54 \\ \text{جـ} + 22 &= 54 + 22 \\ \text{جـ} &= 76 \end{aligned}$$

تحقق من فهمك

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين:

(أ) $113 = 29 - \text{ق}$ الأفقية

$$\begin{aligned} 113 - 29 &= 29 - \text{ق} - 29 \\ 84 &= -\text{ق} \\ \underline{\underline{\text{ق} = -84}} \end{aligned}$$

(ب) $187 = 3 - \text{ر}$ الرأسية

$$\begin{aligned} 187 - 3 &= 3 - \text{ر} - 3 \\ 184 &= -\text{ر} \\ \underline{\underline{\text{ر} = -184}} \end{aligned}$$

حل المعادلات بالطرح

مثال ٢

حل المعادلة: م + ٦٣ = ٧٩

الطريقة الأفقية

$$\begin{aligned} \text{م} + 63 &= 79 \\ \text{م} + 63 - 63 &= 79 - 63 \\ \text{م} &= 16 \end{aligned}$$

الطريقة الرأسية

$$\begin{aligned} \text{م} + 63 &= 79 \\ \text{م} - 63 &= 79 - 63 \\ \text{م} &= 16 \end{aligned}$$

حل كل من المعادلتين الآتيتين:

(أ) $\frac{1}{x} = \frac{2}{x+1}$

~~$\frac{1}{x} \times \frac{1}{x} = \frac{2}{x+1} \times \frac{1}{x}$~~

$\frac{1}{x} = \frac{2}{x+1}$

(ب) $\frac{3}{x-2} = \frac{29}{x-1}$

$x = 13$

حل كل من المعادلتين الآتيتين:

تحقق من فهمك



(أ) $6 = \frac{2}{x}$

~~$\frac{6}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{2}{x} \times \frac{1}{6}$~~

$\frac{6}{6} = \frac{2}{6x}$

$1 = \frac{2}{6x}$

$\frac{1}{x} = \frac{2}{x+1}$

$\frac{1}{x} \times \frac{1}{x} = \frac{2}{x+1} \times \frac{1}{x}$

$\frac{1}{x^2} = \frac{2}{x(x+1)}$

$\frac{1}{x^2} = \frac{2}{x^2+x}$

$\frac{1}{x^2} = \frac{2}{x^2+x}$

$\frac{1}{x^2} = \frac{2}{x^2+x}$

حل المعادلات المتعددة الخطوات

حل المعادلات المتعددة الخطوات

تحقق من فهمك

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$(ب) \frac{15 + \frac{1}{2}n}{\frac{1}{2}n} = \frac{10 + \frac{1}{2}n}{\frac{1}{2}n}$$

$$30 + 1 = 10 + 1$$

$$31 = 11$$

ضارة -
ع. +

$$(ا) \frac{4 = 7 - 12}{7 + 7}$$

$$10 = 14$$

$$5 = 7$$

الوسطية \times الطرفية

$$(ب) \frac{5 = \frac{7+1}{8}}{\frac{7+1}{8}}$$

$$50 = 7+1$$

$$33 = 8$$

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين:

$$(ا) 29 = 4 + 4$$

$$29 = 8$$

$$33 = 8$$

$$3 = 8$$

ن¹ 1+
ن² 2+
ن³ 3+
ن⁴ 4+
ن⁵ 5+

“أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعها (-51)“

$$-51 = \frac{3}{3} + \frac{5}{3} + \frac{7}{3}$$

$$-51 = \frac{3+5+7}{3}$$

$$-153 = 3+5+7$$

$$15 - 17 - 19$$

$$\downarrow$$

$$51$$

العدد الأول = 19
العدد الثاني = 17 = 19 - 2
العدد الثالث = 15 = 19 - 4

| مفهوم أساسي | | الأعداد الصحيحة المتتالية | |
|---------------------------|--|----------------------------------|----------------------------|
| النوع | التعبير اللفظي | الرموز | مثال |
| أعداد صحيحة متتالية | أعداد مرتبة بترتيب العدّ | ن، ن+1، ن+2، ... | ...، 2، 1، 0، 1، 2، ... |
| أعداد صحيحة زوجية متتالية | عدد صحيح زوجي يتبعه العدد الصحيح الزوجي الآتي. | ن، ن+2، ن+4، ... حيث (ن زوجي) | ...، 4، 2، 0، 2، 4، ... |
| أعداد صحيحة فردية متتالية | عدد صحيح فردي يتبعه العدد الصحيح الفردي الآتي. | ن، ن+2، ن+4، ... حيث (ن فردي) | ...، 5، 3، 1، 1، 3، 5، ... |



حل المعادلات المتعددة الخطوات تأكد صفحة ٢٩

تأكد 

مثال ١ حل كلاً من المعادلات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

~~$$\begin{array}{r} \text{س-} ٥ \\ \hline ٧ = ٣ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٥ - = ٥٦ \\ ٥ + \quad \quad \quad ٥ + \\ \hline ٥ = ٦١ \end{array}$$~~

~~$$\begin{array}{r} ٩ - = ١٢ \quad (٢) \\ ٩ + \quad \quad \quad ٩ + \\ \hline ٧ - = ٢١ \\ ٧ - \quad \quad \quad ٧ - \end{array}$$~~

~~$$\boxed{٧ = ٢١}$$~~

~~$$\begin{array}{r} ١١ - = ٤ + ٣ \quad (١) \\ ٤ - \quad \quad \quad ٤ - \\ \hline ١٥ - = ٢٣ \\ ٣ \quad \quad \quad ٣ \end{array}$$~~

~~$$٥ - = ٣$$~~

٦) أوجد ثلاثة أعداد صحيحة متتالية مجموعها ٣٦-

$$٣٦ = ٥ + ١٣ + ١٨$$

$$\begin{array}{r} ٣٦ \\ - ١٨ \\ \hline ١٨ \end{array} = \begin{array}{r} ٣ \\ + ٥ \\ \hline ٨ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣٩ \\ - ٢ \\ \hline ٣٧ \end{array} = \begin{array}{r} ٥ \\ + ٣ \\ \hline ٨ \end{array}$$

$$١٣ = ٥$$

العدد الأول = ١٣

العدد الثاني = ١٣ + ١ = ١٤

العدد الثالث = ١٣ + ٢ = ١٥

٥) أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعها ٧٥

$$٧٥ = ٢٥ + ٢٣ + ٢٧$$

$$\begin{array}{r} ٧٥ \\ - ٢٥ \\ \hline ٥٠ \end{array} = \begin{array}{r} ٢٣ \\ + ٢٧ \\ \hline ٥٠ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٧٩ \\ - ٢٣ \\ \hline ٥٦ \end{array} = \begin{array}{r} ٢٣ \\ + ٣٣ \\ \hline ٥٦ \end{array}$$

$$٢٣ = ٥$$

العدد الأول = ٢٣
العدد الثاني = ٢٥
العدد الثالث = ٢٧

تكوين المعادلة بدون حلها

١٤) أوجد ثلاثة أعداد صحيحة زوجية متتالية مجموعها -٨٤.

$$-84 = \sqrt{2+5} + \sqrt{4+5} + \sqrt{5}$$

$$-84 = 7 + 5^3$$

١٥) أوجد ثلاثة أعداد صحيحة فردية متتالية مجموعها ١٤١.

$$141 = \sqrt{4+5} + \sqrt{5+5} + \sqrt{5}$$

$$141 = 7 + 5^3$$

الفصل اختبار منتصف الفصل

الدروس ١٠١ إلى ١٠٢

٥) اختيار من متعدد، أي مما يأتي يمثل متطابقة؟ (الدرس ١-١)

- ~~(أ) $0 = 3 + 2س$~~ X
 (ب) $2(س + 1) = 2س + 2$ ✓ ← $2س + 2 = 2س + 2$ متطابقة
 (ج) $2(س + 1) = 2س + 1$ X
 (د) $2س + 3 = 2س - 4$ X

٦) اكتب معادلة تمثل المسألة في كل مما يأتي: (الدرس ١-١)

- (١) حاصل جمع ثلاثة أمثال س مع ٤ يساوي خمسة أمثال س. $3س + 4 = 5س$
 $5س - 3س = 4 - 3س$
 $2س = 4 - 3س$
 (٢) ربع س ناقص ٦ يساوي ٢ مضروباً في حاصل جمع س مع العدد ٩. $\frac{1}{4}س - 6 = 2(س + 9)$
 (٣) حاصل ضرب س مع العدد ٥ يساوي القوة الثالثة للعدد ٤. $5س = 4^3$

٩) اختيار من متعدد: حل المعادلة $\frac{3}{5}س = \frac{1}{4}$ هو:

(الدرس ١-٢)

- (أ) $\frac{3}{20}$
 (ب) ٢
 (ج) $\frac{5}{12}$
 (د) ٣

~~$\frac{3}{5}س = \frac{1}{4}$~~
 $\frac{3}{5}س = \frac{1}{4}$

حل كل معادلة فيما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل. (الدرس ١-٢)

~~$\frac{3}{5}س = \frac{1}{4}$~~
 $12 = 8 + 4س$
 $12 - 8 = 8 + 4س - 8$
 $4 = 4س$
 $4 \div 4 = 4س \div 4$
 $1 = س$
 (٦) $13 = 8 + ب$
 $13 - 8 = 8 + ب - 8$
 $5 = ب$
 (٧) $3 - م = 26 - ٧$
 $3 - م + م = 26 - ٧ + م$
 $3 = ١٩ + م$
 $3 - ١٩ = ١٩ + م - ١٩$
 $-١٦ = م$

حل كل معادلة فيما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل. (الدرس ١-٢)

$$\begin{aligned} 13 &= 3 + \sqrt{4} + \sqrt{6} \\ \frac{11}{1} &= \frac{6}{3} \\ \sqrt{33} &= 6 \\ \frac{3+d}{5} &= \frac{4-13}{1} \\ \frac{3}{2} &= \frac{3+4}{2} \\ \sqrt{33} &= 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 10 &= 5 + \sqrt{5} \\ \frac{13}{0} &= \frac{5-5}{0} \\ \frac{11}{2} &= \frac{5}{2} \\ \sqrt{4} &= 2 \\ 11 &= 5 + \sqrt{4} \\ \frac{3+d}{5} &= \frac{4-13}{1} \\ \frac{3}{2} &= \frac{3+4}{2} \\ \sqrt{33} &= 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 10 &= 5 + 2 \\ 11 &= 5 + \sqrt{4} \\ 12 &= 3 + \sqrt{9} \\ 13 &= 4 - 1 \end{aligned}$$

١٦) أوجد أربعة أعداد صحيحة متتالية مجموعها ١٠٦.

$$106 = \sqrt{3+s} + \sqrt{2+s} + \sqrt{1+s} + \sqrt{s}$$

$$\begin{aligned} 106 &= 6 + 5 + 4 + s \\ \frac{106}{3} &= \frac{15+s}{3} \end{aligned}$$

س = ٢٥
 العدد الأول = ٢٥

٢٦ = ١ + ٢٥ = الثاني =
 ٢٧ = ٢ + ٢٥ = الثالث =
 ٢٨ = ٣ + ٢٥ = الرابع =

$$\begin{array}{r} 25 \\ 26 \\ 27 \\ 28 \\ \hline 106 \end{array}$$

حل المعادلات التي
تحتوي على متغيراً
في طرفيها

حل المعادلات التي تحتوي على متغيراً في طرفيها

١١:١٨ م

٣٠/محرم/١٤٤١

مثال ١

حل المعادلة التي تحتوي متغيراً في كلا طرفيها

حل المعادلة: $2 + 5k = 3k - 6$ ، وتحقق من صحة الحل.

$$2 + 5k = 3k - 6$$

$$2 + 5k = 3k - 6$$

$$k = 4$$

التأكد من صحة الحل:

$$2 + 5k = 3k - 6$$

$$2 + 5(4) = 3(4) - 6$$

$$2 + 20 = 12 - 6$$

$$22 = 18$$



حل كلاً من المعادلات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

(أ) $3h = 2 + 7h$

$7 = 7 - 4h$

$4 = 7 - 4h$

$h = \frac{1}{4}$

صحيح
صحيح

(ب) $5s + 2 = 7 - 7s$

$5s + 7s = 7 - 2$

$12s = 5$

$s = \frac{5}{12}$

كل واحد

$7 - 7s = 5s + 2$

$7 - 2 = 5s + 7s$

$5 = 12s$

$s = \frac{5}{12}$

مثال ٢

حل معادلة تحتوي أقواساً

$$\text{حل المعادلة: } 6(3-m) = \frac{1}{3}(12+m)$$

$$36 - 6m = 4 + \frac{m}{3}$$

$$36 - 6m + 6m = 4 + \frac{m}{3} + 6m$$

$$\frac{36}{1} - \frac{6m}{1} = \frac{4}{1} + \frac{m}{3} + \frac{6m}{1}$$

$$32 = \frac{4}{3} + \frac{19m}{3}$$

تحقق من فهمك



حل كلٍّ من المعادلتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$(2) \quad 7(1-n) = -2(n+3)$$

$$7 - 7n = -2n - 6$$

$$7 + 6 = -2n - 6 + 6$$

$$\frac{13}{9} = \frac{-2n}{9}$$

$$n = -\frac{13}{2}$$

$$(12) \quad 3(6-j) = 10 - 4j$$

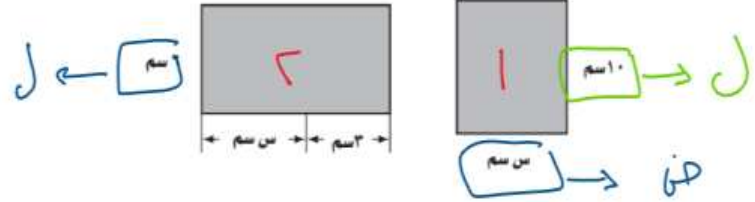
$$18 - 3j = 10 - 4j$$

$$18 + 18 = 10 + 18 - 4j + 3j$$

$$\frac{36}{14} = \frac{-j}{14}$$

$$j = 2$$

أوجد قيمة s التي تجعل مساحتي الشكلين الآتيين متساويتين:



- (د) ٧ (ج) ٦,٥ (ب) ٤,٥ (ا) ٣

مساحة مستطيل = الطول × العرض
 $3 \times s = (5 + s) \times s$

مساحة ١ = مساحة ٢

$$3 \times s = (5 + s) \times s$$

$$3s = 5s + s^2$$

$$0 = 5s + s^2 - 3s$$

$$0 = 2s + s^2$$

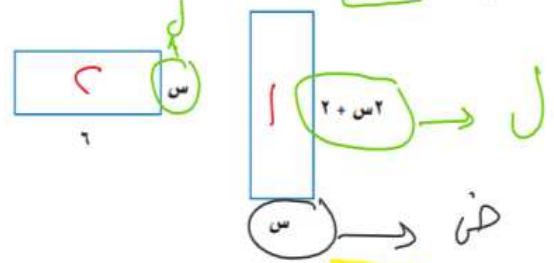
$$s^2 + 2s = 0$$

$$s(s + 2) = 0$$

$$s = 0 \text{ or } s = -2$$

$4,5 = s$

٣) أوجد قيمة s التي تجعل محيطي الشكلين الآتيين متساويين:



٤ (د)

٣, ٢ (ج)

٢ (ب)

١, ٥ (ا)

محيط المستطيل = (الطول + العرض)
 $s = (l + w)$
 (محيط = مجموع الأضلاع)

محيط ١ = محيط ٢
 $(l + w) = (l + w)$

$$(6 + s) = (1 + 2 + s)$$

$$6 + s = 3 + s$$

$$6 + s = 3 + s$$

$$6 = 3$$

$$s = 3$$

المثالان ٢، ١

مُجَلَّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$(1) \quad 38 + 4s = 2 + 13n$$

$$(3) \quad 18 - = (4 + n)6$$

$$(5) \quad 2n = (1 + n)2 + 5$$

$$38 + 4s = 2 + 13n$$

$$38 + 4s = 2 + 13n$$

$$38 - 2 = 13n - 4s$$

$$36 = 13n - 4s$$

معادلة لـ s كحل

$$(3) \quad 18 - = (4 + n)6$$

$$18 - = 24 + 6n$$

$$18 - 24 = 6n$$

$$-6 = 6n$$

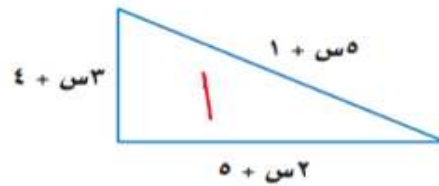
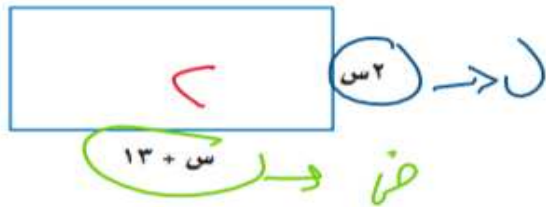
$$(5) \quad 38 + 4s = 2 + 13n$$

$$38 + 4s = 2 + 13n$$

$$38 - 2 = 13n - 4s$$

$$36 = 13n - 4s$$

مثال ٣ (٧) اختيار من متعدد: أوجد قيمة s التي تجعل محيطي الشكلين الآتيين متساويين:



(د) ٧

(ج) ٦

(ب) ٥

(ا) ٤

كَيْفَ (١) = كَيْفَ (د)

$$(13 + s) \times 2 = 4 + 3s + 5 + 5s + 1$$

$$26 + 2s + 2s = 10 + 8s$$

$$26 + 4s = 10 + 8s$$

$$26 + 4s - 4s = 10 + 8s - 4s$$

$$16 = 4s$$

=
||
||
||
||

$$10 + 5s + 1 = 4 + 3s + 5 + 5s + 1$$

$$11 = 8s + 1$$

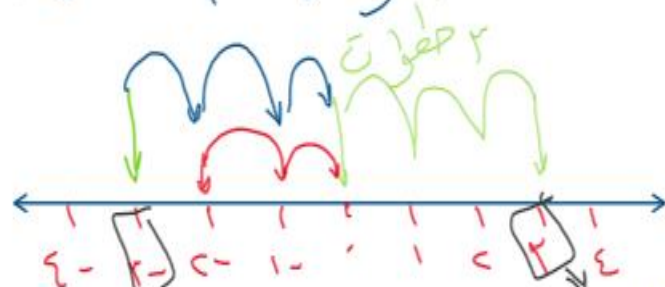
$$s = 3$$

حل المعادلات التي
تتضمن القيمة المطلقة

حل المعادلات التي تتضمن القيمة المطلقة

٢٠١٤/١٤٤٢ م

القيمة المطلقة: هي بُعد العدد عن الصفر



$$|3| = |3 - 0|$$

$$9 = |9 - 0|$$

$$5 = |5 - 0|$$

$$7 = |7 - 0|$$

$$|3| = |3 + 0|$$

$$7 = |7 + 0|$$

$$5 = |5 + 0|$$

$$0 = |0 + 0|$$

$$99 = |99 - 0|$$

العبارات الجبرية التي تتضمن القيمة المطلقة

مثال ١

احسب قيمة: $|m + 6| - 14$ ، إذا كانت $m = 4$.

$$14 - |6 + 4| =$$

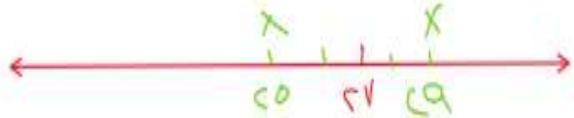
$$14 - |10| =$$

$$|4 - 14| = 14 - 10 =$$

مثال ٣ من واقع الحياة استعمال خط الأعداد لحل المسائل

أفغان: يجب أن تكون درجة حرارة المكان المخصص للأفغان في حديقة الحيوان نحو 27° س بزيادة أو نقصان قدرها 2° . أوجد درجتي الحرارة العظمى والصغرى للمكان.

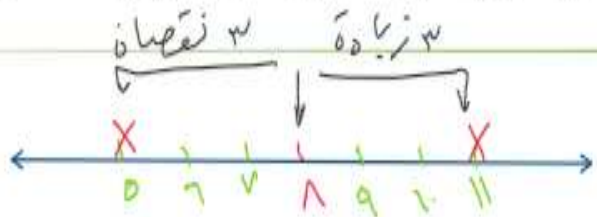
يمكن أن تستعمل خط الأعداد لحل المسألة.



(قيمة عظمى) $= 29$ (قيمة صغرى) $= 25$

تحقق من فهمك

٣) دواء: يجب حفظ أحد الأدوية عند درجة 8° س بزيادة أو نقصان مقدارها 3° . أوجد درجتي الحرارة العظمى والصغرى اللتين يجب حفظ الدواء عندهما.



(قيمة عظمى) $= 11$ (قيمة صغرى) $= 5$

مثال ٢ حل معادلات القيمة المطلقة

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين، ومثل مجموعة الحل بيانياً:

(ب) $|b - 1| = 3$

(ا) $|a + 5| = 17$

لهادلة متقبلة لكل لهادلة ليس له حل او \emptyset (فاهي)

$$\begin{aligned} |a+5| &= 17 \\ a+5 &= 17 \quad \text{or} \quad a+5 = -17 \\ a &= 12 \quad \text{or} \quad a = -22 \end{aligned}$$

$\{ -22, 12 \} = \mathcal{H}$



(ب) $|4 - 3| = 1$
 (ا) $|2 + c| = 4$

متقبلة لكل

$$\begin{aligned} |2+c| &= 4 \\ 2+c &= 4 \quad \text{or} \quad 2+c = -4 \\ c &= 2 \quad \text{or} \quad c = -6 \end{aligned}$$

$\{ -6, 2 \} = \mathcal{H}$



إرشادات للدراسة

إيجاد نقطة المنتصف

لايجاد النقطة التي تقع في منتصف المسافة بين نقطتين اجمع العددين اللذين يمثلانها، وأقسم المجموع على ٢.

فمثلاً في المثال ٤:

$$30 = 19 + 11$$

$$15 = 2 + 30$$

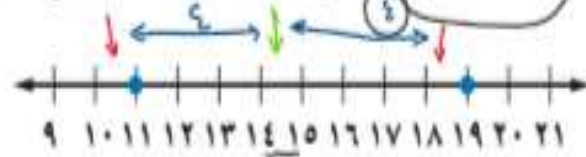
لذا فإن نقطة المنتصف بين

١٩، ١١ هي ١٥.

كتابة معادلة القيمة المطلقة

مثال ٤

اكتب معادلة تتضمن قيمة مطلقة للتمثيل الآتي:



$$15 = \frac{30}{2} = \frac{11+19}{2}$$

$$s = |15 - 11|$$

تحقق من فهمك



٤) اكتب معادلة تتضمن القيمة المطلقة للتمثيل الآتي:



$$27 = \frac{55}{2} = \frac{17+27}{2}$$

$$s = |27 - 17|$$

مثال ١ احسب قيمة كل عبارة فيما يأتي إذا كانت $f=3, h=5, d=-4$:

(٢) $|9+d| - 16$

$|9+(-4)| - 16 =$

$|5| - 16 =$

$5 - 16 =$

$-11 =$

(١) $13 + |h - 3|$

$13 + |5 - 3| =$

$13 + |2| =$

$13 + 2 =$

$15 =$

حل كلاً من المعادلات الآتية، ومثل مجموعة الحل بيانياً:

(٥) $9 = |3 - 2x|$

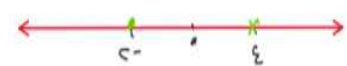
$9 = 3 - 2x$
 $2x = 3 - 9$
 $2x = -6$
 $x = -3$

$9 = 2x - 3$
 $2x = 9 + 3$
 $2x = 12$
 $x = 6$

$x = -3$

$x = 6$

$\{-3, 6\}$

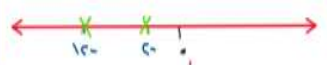


(٤) $0 = |7 + n|$

$0 = 7 + n$
 $n = -7$

$0 = -(7 + n)$
 $0 = -7 - n$
 $n = -7$

$\{-7\}$



سأله
 $3x = |5 + \frac{1}{x}|$ (٢٠)

ليس له حل

(٢١) $7 = |7 + 2v|$

$7 = 7 + 2v$
 $0 = 2v$
 $v = 0$

$7 = 7 + 2v$
 $0 = 2v$
 $v = 0$

$7 + 0 = 7$

$0 = 0$

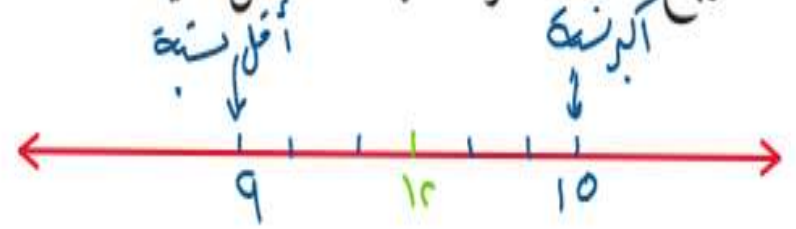
$\{7 + 0\} = 7$

(٧) استثمار: تعتقد شركة أنها ترباح في استثمارها ما نسبته ١٢٪ زائد أو ناقص ٣٪. احسب أكبر وأقل نسبة

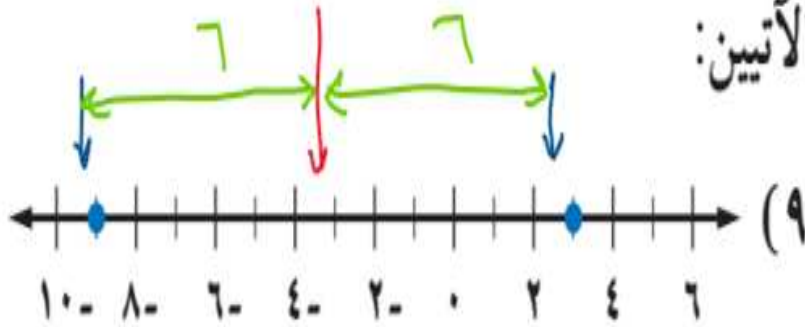
$$10 = 3 + 12 \leftarrow \text{الأكبر نسبة}$$

$$9 = 2 - 12 \leftarrow \text{الصغر نسبة}$$

ربح تعتقد الشركة أنها ستحصل عليه.

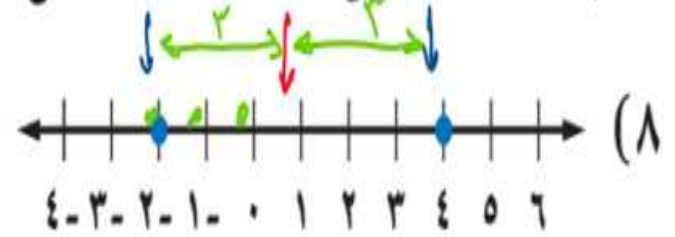


اكتب معادلة تتضمن القيمة المطلقة لكل من التمثيلين الآتين:



$$|x - 3| = 7 = \frac{9 - 3}{2}$$

$$7 = |x + 3|$$



$$|x + 1| = 2 = \frac{3 - 1}{2}$$

$$2 = |x - 1|$$

اختيار الفصل

اكتب معادلة تمثل المسألة في كل مما يأتي:

(١) حاصل جمع العدد ٦ إلى أربعة أمثال د، يساوي دمطرو حاً منه ٩.

$$9 - د = ٤ + ٦$$

(٢) حاصل ضرب العدد ٣ بالفرق بين مثلي م والعدد ٥، يساوي

ثمانية أمثال القوة الثانية للعدد م.

$$٣٨ = (٥ - ٣٢) م$$

حل كلاً من المعادلات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

| | | |
|--|---|---------------------------------|
| $\begin{aligned} 9 &= 3 - \frac{د}{٤} \quad [٧] \\ \frac{٩}{٢+} &= \frac{٣}{٣+} - \frac{د}{٤} \\ \frac{١٢}{١} &= \frac{٥}{٤} - \frac{د}{٤} \\ ٤٨ &= ٥ \end{aligned}$ | $\begin{aligned} ١٣ &= ٥ - ١٢ \quad [٦] \\ \frac{١٣}{٥+} &= \frac{٥}{٥+} - \frac{١٢}{٤} \\ \frac{١٨}{٤} &= \frac{٥}{٤} - \frac{١٢}{٤} \\ ٩ &= ٥ - ١٢ \end{aligned}$ | $١٣ = ٥ - ١٢ \quad (٦)$ |
| | | $٩ = ٣ - \frac{د}{٤} \quad (٧)$ |

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين وتحقق من صحة الحل:

$$\begin{aligned} ٩ + ٥ &= ٣ + ١٨ \quad (٨) \\ ٩ + ٢ &= ٥ + ١٨ \\ \frac{٧}{٣} &= \frac{١٣}{٣} \\ ٢ &= ١٨ \end{aligned}$$

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين، ثم مثل مجموعة الحل بيانياً:

$$(١٠) \text{ الس } - |٤ - ٦| = ٥$$

$$(١١) ٩ = |٥ + ٢س|$$

$$(١٠) \text{ الس } - |٤ - ٦| = ٥$$

$$٦ = |٤ - ٦|$$

$$٦ = \frac{٤ - ٦}{٤ +}$$

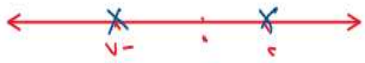
$$٦ = \frac{٤ - ٦}{٤ +}$$

$$٦ = \sqrt{٤ - ٦}$$

$$١٠ = \sqrt{٤ - ٦}$$

$$\{٧ - ١٢\} = ٤$$

$$\{٢ - ١٧\} = ٤$$



أوجد قيمة كل من العبارتين الآتيتين إذا كانت

تعويض: $س = ٤ -$ ، $ص = ٧$ ، $ع = ٩ -$

$$(١٢) ٢س + ٣ص - ٢ = |٢ص + ٣س|$$

$$٢(٤) + ٣(٧) - ٢ = |٢(٧) + ٣(٤)|$$

$$٨ - |٢١ - ٢| =$$

$$٨ - |١٩| =$$

$$٨ - ١٩ =$$

$$١١ =$$

١٥) اختيار من متعدد: ما حل المعادلة: $9 = |3 - 6|$ ؟

(ج) -٣، ٦

(أ) ٢

(د) -٣، ٣

(ب) -١، ٢

$$\begin{aligned} 9 &= |3 - 6| \\ \frac{9}{3} &= \frac{3 - 6}{3} \\ 3 &= \frac{3 - 6}{3} \end{aligned}$$

$$1 = 9$$

$$\begin{aligned} 9 &= |3 - 6| \\ \frac{9}{3} &= \frac{3 - 6}{3} \\ 3 &= \frac{3 - 6}{3} \end{aligned}$$

$$3 = 9$$

١٧) اختيار من متعدد: أي المعادلات الآتية تمثل متطابقة؟

للطرف الأيسر = الطرف الأيسر

(أ) $1 + 3j = 3 + j$ X

(ب) $1 + 2j = 3 + 2j$ X

(ج) $1 + 4j = 1 - 4j$ X

(د) $6 + 5j = 5 + 6j$ ✓

الحل عملية ابدال

$$c + 3 = 3 + c$$